metavariable, x, y

```
_{\rm term}
term, t, u
                          ::=
                                                                                           value
                                                                                           variable
                                 Χ
                                 ī
                                 tи
                                                                                           application
                                 t ; u
                                                                                           effect sequencing
                                 case t of \{\star \mapsto u\}
                                                                                           pattern-matching on unit
                                 case t of \{ Ur \times \mapsto u \}
                                                                                           pattern-matching on exponentiated value
                                 case t of \{ Inl x_1 \mapsto u_1, Inr x_2 \mapsto u_2 \}
                                                                                           pattern-matching on sum
                                 case t of \{\langle x_1, x_2 \rangle \mapsto u\}
                                                                                           pattern-matching on product
                                 case t of \{ @Rx \mapsto u \}
                                                                                           pattern-matching on recursive data
                                 alloc_{D} C \times t
                                                                                           get data from a dest-filling statement
                                 t with hole_subs
                                                                                           hole composition
                                 t \triangleleft^{p} \star
                                                                                           fill destination with unit
                                 \mathsf{t} \mathrel{\triangleleft^p} \lambda \mathsf{x} : \mathsf{A.u}
                                                                                           fill destination with function
                                 t \triangleleft^p u
                                                                                           fill destination with value
                                 t ⊲<sup>p</sup> Ur y.u
                                                                                           fill destination with exponential
                                 t \triangleleft^p Inl y.u
                                                                                           fill destination with sum variant 1
                                 t \triangleleft^p Inr y.u
                                                                                           fill destination with sum variant 2
                                 \mathsf{t} \mathrel{\triangleleft^p} \langle \mathsf{y}_1, \mathsf{y}_2 \rangle . \mathsf{u}
                                                                                           fill destination with product
                                 t \triangleleft^p \mathbb{Q}R y.u
                                                                                           fill destination with recursive data
                                                                                  S
                                 (t)
                                                                                  M
                                 t[subs]
hole, h
                                                                                        hole in the lexical store
                                 \mathcal{C}[\mathsf{x}]
                                                                                        value (unreducible term)
val, v
                          ::=
                                                                                           empty effect
                                 d
                                                                                           data structure
data, d
                                 _{\mathsf{X}}
                                                                                           stored destination
                                 h
                                                                                           hole
                                                                                           unit
                                 \lambda x:A.t
                                                                                           lambda abstraction
                                 Ur d
                                                                                           exponential
                                 InId
                                                                                           sum variant 1
                                 Inrd
                                                                                           sum variant 2
                                 \langle d_1, d_2 \rangle
                                                                                           product
                                 @Rd
                                                                                           recursive data
                                                                                  S
                                 (d)
multiplicity, p
                                                                                        multiplicity
                                  1
                                                                                           for holes/destinations not under a Ur
                                                                                           for holes/destinations under a Ur
sub
                                                                                        substitution
                                 var_sub
```

hole_sub

```
substitutions
subs
                          ::=
                                 var_subs
                                 hole_subs
                                                                variable substitution
var_sub
                                 x := v
                                                                variable substitutions
var_subs
                          ::=
                                 var_sub
                                 var_sub, var_subs
hole_sub
                                                                hole substitution
                          ::=
                                 h := t
hole_subs
                                                                hole substitutions
                          ::=
                                 hole_sub
                                 hole_sub, hole_subs
dest_conns, €
                                                                dest substitutions by holes
                          ::=
                                 Ø
                                 {dest_conn}
dest_conn
                                 x \mapsto h
                                 x \mapsto h, dest_conn
                                 \bar{\mathsf{x}} \mapsto \bar{h}
                                                           Μ
type, A
                                                                   bottom (effect) type
                                 ΗD
data_type, D
                                 1
                                                                    unit type
                                 R
                                                                    recursive type bound to a name
                                 \mathsf{D}_1\!\otimes\!\mathsf{D}_2
                                                                   product type
                                 D_1 \oplus D_2
                                                                   sum type
                                                                   linear function type
                                 A_1 \multimap A_2
                                 |\mathsf{D}|^p
                                                                    destination type
                                 |\bar{\mathsf{D}}|^{ar{p}}
                                                           Μ
                                                                    destination type
                                 !D
                                                                    exponential
                                                           S
                                 (D)
                                 \underline{\mathsf{D}}[\mathsf{X} := \mathsf{D}]
                                                           Μ
                                                                    unroll a recursive data type
type_with_var, A
                                 \perp
```

```
data_type_with_var, D
                                                                     ::=
                                                                               Χ
                                                                               1
                                                                               R
                                                                               \underline{\mathsf{D}}_1 \otimes \underline{\mathsf{D}}_2
                                                                              \underline{\mathsf{D}}_1 \oplus \underline{\mathsf{D}}_2
                                                                               \underline{\textbf{A}}_1 {\multimap} \underline{\textbf{A}}_2
                                                                               |\underline{\mathsf{D}}|^p
                                                                               !<u>D</u>
                                                                                                           S
                                                                               (\underline{\mathsf{D}})
rec_type_bound, R
                                                                                                                   name for recursive type
                                                                     ::=
rec_type_def
                                                                                                                   recursive type definition
                                                                     ::=
                                                                               \mu X.\underline{D}
type_affect, ta
                                                                                                                   type affectation
                                                                     ::=
                                                                               x : A
                                                                                                                        variable
                                                                               h^p: D
                                                                                                                        hole
                                                                               ar{h}^{\ ar{p}}\colon\ ar{\mathsf{D}}
                                                                                                           Μ
type_affects
                                                                                                                   type affectations
                                                                     ::=
                                                                               ta
                                                                               ta, type_affects
typing_context, \Gamma, \Gamma_{|||}, \mho, H, H_{|\omega}
                                                                                                                   typing context
                                                                               \{type\_affects\}
                                                                               \Gamma_1 \sqcup \Gamma_2
terminals
                                                                     ::=
                                                                               ()
                                                                               Inl
                                                                               Inr
                                                                               Ur
                                                                               Dest
                                                                               ◁
```

```
formula
                                                                           judgement
 Ctx
                                                            \begin{array}{l} := \\ \mid \quad \times \in \mathcal{N}\left(\Gamma\right) \\ \mid \quad \times \notin \mathcal{N}\left(\Gamma\right) \\ \mid \quad \text{type\_affect } \in \Gamma \\ \mid \quad \mathcal{N}(\Gamma_1) \cap \mathcal{N}(\Gamma_2) = \emptyset \\ \mid \quad p_1 = p_2 \implies \Gamma_1 = \Gamma_2 \\ \mid \quad p_1 = p_2 \implies (\Gamma_1 = \Gamma_2 \, \wedge \, \Gamma_3 = \Gamma_4) \end{array} 
                                                                                                                                                                                                                               \Gamma_1 and \Gamma_2 are disjoint typing contexts with n
 Store
                                                        ::=
                                                                           \mathsf{fresh}\, \textcolor{red}{h}
                                                                           \mathsf{store}\_\mathsf{affect} \, \in \, \mathsf{S}
                                                                          x \notin \mathcal{N}(S)
 Eq
                                                             \begin{array}{c|c} A_1 = A_2 \\ A_1 \neq A_2 \\ t = u \\ \Gamma = D \end{array} 
 Ту
                                                        ::=
                                                                          \begin{array}{l} \mathsf{R} \stackrel{\mathsf{fix}}{=} \mathsf{rec\_type\_def} \\ \mho \ ; \ \Gamma \vdash \mathsf{t} : \mathsf{A} \end{array}
judgement
                                                                           Ctx
                                                                           Store
                                                                           Eq
                                                                            Ту
 user_syntax
                                                                           metavariable
                                                                           term
                                                                           hole
```

```
val
                     data
                     multiplicity
                     subs
                     var_sub
                     var_subs
                     hole_sub
                     hole_subs
                     dest_conns
                     dest_conn
                     type
                     data_type
                     type_with_var
                     data_type_with_var
                     rec_type_bound
                     rec_type_def
                     type_affect
                     type_affects
                     typing_context
                     terminals
\mathbf{x} \in \mathcal{N}(\Gamma)
\mathbf{x}\notin\overline{\mathcal{N}\left(\Gamma\right)}
type_affect \in \Gamma
\mathcal{N}(\Gamma_1) \cap \mathcal{N}(\Gamma_2) = \emptyset
\Gamma_1 \text{ and } \Gamma_2 \text{ are disjoint typing contexts with no clashing variable names or labels}
\begin{array}{ccc} p_1 = p_2 \implies \Gamma_1 = \Gamma_2 \\ \hline p_1 = p_2 \implies (\Gamma_1 = \Gamma_2 \land \Gamma_3 = \Gamma_4) \end{array}
fresh h
store\_affect \in S
\mathbf{x} \notin \mathcal{N}(S)
A_1 = A_2
A_1 \neq A_2
R \stackrel{\text{fix}}{=} \text{rec\_type\_def}\mho ; \Gamma \vdash t : A
                                                                         \frac{\overline{\mho\;;\;\emptyset\vdash\bullet:\bot}\quad \text{TyTerm\_NoEff}}{\overline{\mho\;;\;\emptyset\vdash h:\left[\begin{smallmatrix}h&^p:\;\mathsf{D}\end{smallmatrix}\right]\mathsf{D}}\quad \text{TyTerm\_H}}
                                                                                       TyTerm_Dest Used to restrict syntax space for values
                \overline{\mho; \{\mathsf{x}: [\![\mathsf{D}]^p\} \vdash \mathsf{x} \sqcup : [\![\mathsf{D}]^p]}
                                                                                   \overline{\mho ; \emptyset \vdash \star : 1} TYTERM_U
                                                              \frac{\emptyset \; ; \; \Gamma_{|\; |\; } \sqcup \{ \mathsf{x} : \mathsf{A}_1 \} \vdash \mathsf{t} : \mathsf{A}_2}{\mho \; ; \; \Gamma_{|\; |\; |} \vdash \lambda \mathsf{x} : \mathsf{A}_1 \cdot \mathsf{t} : \| \mathsf{A}_1 {\longrightarrow} \mathsf{A}_2} \quad \mathsf{TYTERM\_FN}
```

```
\frac{\emptyset \; ; \; \emptyset \vdash \mathsf{d} : \boxed{\mathbf{H}_{\mathsf{I}\omega}} \mathsf{D}}{\mho \; ; \; \emptyset \vdash \mathsf{Ur} \; \mathsf{d} : \boxed{\mathbf{H}_{\mathsf{I}\omega}} ! \mathsf{D}} \quad \mathsf{TYTERM\_E}
                                                                     \frac{\emptyset \; ; \; \Gamma_{|\hspace{.05cm}|\hspace{.05cm}|} \vdash \mathsf{d} : \textcolor{red}{\mathbf{H}} \mathsf{D}_1}{\mho \; ; \; \Gamma_{|\hspace{.05cm}|\hspace{.05cm}|} \vdash \mathsf{Inl} \, \mathsf{d} : \textcolor{red}{\mathbf{H}} \mathsf{D}_1 \oplus \mathsf{D}_2} \quad \mathsf{TYTERM\_INL}
                                                                   \frac{\emptyset \; ; \; \Gamma_{|\, |\, |} \vdash \mathsf{d} : \textcolor{red}{\textbf{H}} \mathsf{D}_2}{\mho \; ; \; \Gamma_{|\, |\, |} \vdash \mathsf{Inr} \, \mathsf{d} : \textcolor{red}{\textbf{H}} \mathsf{D}_1 \oplus \mathsf{D}_2} \quad \mathsf{TYTERM\_INR}
                                 \frac{\emptyset \; ; \; \Gamma_{| \bigcup 1} \vdash \mathsf{d}_1 : \begin{matrix} \mathsf{H}_1 \\ \mathsf{H}_2 \end{matrix} \mathsf{D}_1 \\ \emptyset \; ; \; \Gamma_{| \bigcup 2} \vdash \mathsf{d}_2 : \begin{matrix} \mathsf{H}_2 \\ \mathsf{H}_2 \end{matrix} \mathsf{D}_2 \\ \hline{\mho \; ; \; \Gamma_{| \bigcup 1} \sqcup \Gamma_{| \bigcup 2} \vdash \langle \mathsf{d}_1, \mathsf{d}_2 \rangle : \begin{matrix} \mathsf{H}_1 \sqcup \mathsf{H}_2 \\ \mathsf{H}_2 \end{matrix} \mathsf{D}_1 \otimes \mathsf{D}_2}
                                                                                                                                                                                                                                                                     TyTerm_P
                                                                                 R \stackrel{\text{fix}}{=} \mu X.D
                                                                            \frac{\emptyset \; ; \; \emptyset \vdash d : \underline{\mathbf{H}} \underline{\mathbf{D}}[\mathsf{X} := \mathsf{R}]}{\mathsf{V} \; ; \; \emptyset \vdash \mathsf{QR} \; d : \underline{\mathbf{H}} \mathsf{R}} \quad \mathsf{TYTERM\_R}
                                                                                             \frac{\boldsymbol{\times} \notin \mathcal{N}\left(\boldsymbol{\mho}\right)}{\boldsymbol{\mho}\;;\; \left\{\boldsymbol{\times}:\boldsymbol{A}\right\} \vdash \boldsymbol{\times}:\boldsymbol{A}} \quad \boldsymbol{\mathrm{TYTERM\_ID}}
                                                                                 \overline{\mho \sqcup \{ \mathsf{x} : \mathsf{A} \} \; ; \; \emptyset \vdash \mathsf{x} : \mathsf{A}} \quad \mathrm{TYTERM\_ID'}
                                                                                   \mho ; \Gamma_1 \vdash \mathsf{t} : [A_1 \multimap A_2]
                                                                              \frac{\sigma ; \Gamma_2 \vdash \mathsf{u} : \mathsf{A}_1}{\sigma ; \Gamma_1 \sqcup \Gamma_2 \vdash \mathsf{t} \, \mathsf{u} : \mathsf{A}_2} \quad \text{TYTERM\_APP}
                                                                                      \mho ; \Gamma_1 \vdash t : \bot
                                                                 \frac{ \sigma \; ; \; \Gamma_2 \vdash \mathsf{u} : \mathsf{A}_2 }{ \sigma \; ; \; \Gamma_1 \sqcup \Gamma_2 \vdash \mathsf{t} \; \mathsf{\mathring{g}} \; \mathsf{u} : \mathsf{A}_2 } \quad \mathsf{TYTerm\_EffSeQ}
                                        \label{eq:control_transform} \begin{split} & & \quad \  \  \, \mho \; ; \; \Gamma_1 \vdash t : [\![ 1 \\ & \quad \  \  \, \mho \; ; \; \Gamma_2 \vdash u : \mathsf{A} \\ \hline & \quad \  \  \, \mho \; ; \; \Gamma_1 \sqcup \Gamma_2 \vdash \mathsf{case} \; t \; \mathsf{of} \; \left\{ \star \mapsto \mathsf{u} \right\} : \mathsf{A} \end{split} \quad \mathsf{TYTERM\_PATU} \end{split}
                                                                    \mho \ ; \ \Gamma_1 \vdash t : \llbracket ! \mathsf{D}
                                  \frac{\mho \sqcup \{\mathsf{x} : \|\mathsf{D}\} \; ; \; \Gamma_2 \vdash \mathsf{u} : \mathsf{A}}{\mho \; ; \; \Gamma_1 \sqcup \Gamma_2 \vdash \mathsf{caset} \, \mathsf{of} \, \{\, \mathsf{Ur} \, \mathsf{x} \mapsto \mathsf{u}\} : \mathsf{A}} \quad \mathsf{TYTERM\_PATE}
                                                               \mho : \Gamma_1 \vdash t : \llbracket D_1 \oplus D_2 \rrbracket
                                                               \mho ; \Gamma_2 \sqcup \{\mathsf{x}_1 : || \mathsf{D}_1\} \vdash \mathsf{u}_1 : \mathsf{A}
                                                               \mho\;;\;\Gamma_2\sqcup\{\mathsf{x}_2:\left[\!\left[\mathsf{D}_2\right]\!\right]\vdash\mathsf{u}_2:\mathsf{A}
\overline{\mho \; ; \; \Gamma_1 \sqcup \Gamma_2 \vdash \mathsf{caset} \, \mathsf{of} \, \{ \, \mathsf{Inl} \, \mathsf{x}_1 \mapsto \mathsf{u}_1, \, \mathsf{Inr} \, \mathsf{x}_2 \mapsto \mathsf{u}_2 \} : \mathsf{A}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                   TyTerm_PatS
                                         \mho\;;\,\Gamma_1\vdash t:[\![ \mathsf{D}_1\!\otimes\!\mathsf{D}_2
                             \frac{\mho \; ; \; \Gamma_2 \sqcup \{ \mathsf{x}_1 : \| \mathsf{D}_1, \mathsf{x}_2 : \| \mathsf{D}_2 \} \vdash \mathsf{u} : \mathsf{A}}{\mho \; ; \; \Gamma_1 \sqcup \Gamma_2 \vdash \mathsf{caset} \, \mathsf{of} \, \{ \langle \mathsf{x}_1, \mathsf{x}_2 \rangle \mapsto \mathsf{u} \} : \mathsf{A}} \quad \mathsf{TYTERM\_PATP}
                                               R \stackrel{\text{fix}}{=} \mu X \cdot \underline{D}
                                                \mho \; ; \; \Gamma_1 \vdash t : [\![ \mathsf{R}
                                   \frac{\mho \; ; \; \Gamma_2 \sqcup \{\mathsf{x} : \|\underline{\mathsf{D}}[\mathsf{X} := \mathsf{R}]\} \vdash \mathsf{u} : \mathsf{A}}{\mho \; ; \; \Gamma_1 \sqcup \Gamma_2 \vdash \mathsf{casetof} \left\{ @\mathsf{R} \, \mathsf{x} \mapsto \mathsf{u} \right\} : \mathsf{A}}
                                                                                                                                                                                                                                         TyTerm_PatR
                              \frac{\mho\;;\;\Gamma\sqcup\{\mathsf{x}: \|\lfloor\mathsf{D}\rfloor^{1}\}\vdash\mathsf{t}\;\circ,\bar{\mathsf{x}}: \|\lfloor\bar{\mathsf{D}}\rfloor^{\bar{p}}}{\mho\;;\;\Gamma\vdash\mathsf{alloc}\;\{\bar{\mathsf{x}}\mapsto\bar{\pmb{h}}\}\;\mathsf{x.t}: [\{\bar{\pmb{h}}^{\ \bar{p}:}\;\bar{\mathsf{D}}\}]\mathsf{D}} \quad \mathsf{TYTERM\_ALLOC}
```

```
\mho ; \Gamma_1 \vdash \mathsf{t} : \boxed{\mathsf{H}_1 \sqcup \{h^p : \mathsf{D}'\}} \mathsf{D}
                                       \mho ; \Gamma_2 \vdash \mathsf{u} : \boxed{ \mathbf{H}_2 \mathsf{D}' }
                                       p = \omega \implies \Gamma_2 = \emptyset
                                                                                                                                                                  TYTERM_HCOMP
                    \overline{\mho \; ; \; \Gamma_1 \sqcup \Gamma_2 \vdash \mathsf{t} \, \mathsf{with} \, \frac{h}{h} := \mathsf{u} : \boxed{\mathsf{H}_1 \sqcup \mathsf{H}_2 \, \mathsf{D}}
                                                        \frac{\mho \; ; \; \Gamma \vdash \mathsf{t} : \llbracket \lfloor 1 \rfloor^p}{\mho \; : \; \Gamma \vdash \mathsf{t} \; \triangleleft^p \; \star \; : \; \bot} \quad \mathsf{TYTERM\_FILLU}
                                         \mho\;;\;\Gamma_1\vdash\mathsf{t}:[\![\,\mathsf{A}_1{\multimap}\mathsf{A}_2\,]^p
                                         \mho \; ; \; \Gamma_2 \sqcup \{\mathsf{x} : \mathsf{A}_1\} \vdash \mathsf{u} : \mathsf{A}_2
                            \frac{p = \omega \implies \Gamma_2 = \emptyset}{\mho; \Gamma_1 \sqcup \Gamma_2 \vdash \mathsf{t} \vartriangleleft^p \lambda \times : \mathsf{A}_1 \cdot \mathsf{u} : \bot}
                                                                                                                                                          TyTerm_FillFn
         \mho ; \Gamma_1 \vdash \mathsf{t} : \llbracket | \mathsf{D} |^p
         \mho ; \Gamma_2 \vdash \mathsf{u} : \mathsf{D}
\frac{p = \omega \implies \Gamma_2 = \emptyset}{\mho \; ; \; \Gamma_1 \sqcup \Gamma_2 \vdash \mathsf{t} \, \triangleleft^p \; \mathsf{u} : \bot}
                                                                                                 TYTERM_FILLL How to propagate holes?
                                        \mho ; \Gamma_1 \vdash \mathsf{t} : \llbracket \lfloor !\mathsf{D} \rfloor^p
                                   \frac{\mho \; ; \; \Gamma_2 \sqcup \{\mathsf{x} : \| \lfloor \mathsf{D} \rfloor^\omega\} \vdash \mathsf{u} : \mathsf{A}}{\mho \; ; \; \Gamma_1 \sqcup \Gamma_2 \vdash \mathsf{t} \mathrel{\triangleleft}^p \; \mathsf{Ur} \; \mathsf{x.u} : \mathsf{A}}
                                                                                                                                                         TyTerm\_FillE
                                   \mho ; \Gamma_1 \vdash \mathsf{t} : \llbracket | \mathsf{D}_1 \oplus \mathsf{D}_2 |^p
                                \frac{\mho; \Gamma_2 \sqcup \{\times : [[D_1]^p\} \vdash \mathsf{u} : \mathsf{A}}{\mho; \Gamma_1 \sqcup \Gamma_2 \vdash \mathsf{t} \triangleleft^p \mathsf{Inl} \times \mathsf{u} : \mathsf{A}}
                                                                                                                                                    TyTerm_FillInl
                                  \mho ; \Gamma_1 \vdash \mathsf{t} : [ | \mathsf{D}_1 \oplus \mathsf{D}_2 |^p ]
                               \frac{\mho; \Gamma_2 \sqcup \{\mathsf{x} : \llbracket \lfloor \mathsf{D}_2 \rfloor^p\} \vdash \mathsf{u} : \mathsf{A}}{\mho; \Gamma_1 \sqcup \Gamma_2 \vdash \mathsf{t} \triangleleft^p \mathsf{Inr} \, \mathsf{x.u} : \mathsf{A}}
                                                                                                                                                       TyTerm_FillInr
               \mho ; \Gamma_1 \vdash \mathsf{t} : \llbracket | \mathsf{D}_1 \otimes \mathsf{D}_2 |^p
               \frac{\mho \; ; \; \Gamma_2 \sqcup \{\mathsf{x}_1 : \llbracket \lfloor \mathsf{D}_1 \rfloor^p, \mathsf{x}_2 : \llbracket \lfloor \mathsf{D}_2 \rfloor^p\} \vdash \mathsf{u} : \mathsf{A}}{\mho \; ; \; \Gamma_1 \sqcup \Gamma_2 \vdash \mathsf{t} \mathrel{\triangleleft}^p \; \langle \mathsf{x}_1, \mathsf{x}_2 \rangle \cdot \mathsf{u} : \mathsf{A}} \quad \mathsf{TYTERM\_FILLP}
                        R \stackrel{\text{fix}}{=} \mu X.D
                         \mho ; \Gamma_1 \vdash \mathsf{t} : \llbracket |\mathsf{R}|^p
```

Definition rules: 29 good 0 bad Definition rule clauses: 76 good 0 bad