Sum of non-negative terms = 0 (HKMO Classified Questions by topics)

1996 FI2.3

若
$$(xy-2)^2 + (x-2y)^2 = 0$$
 及 $c = x^2 + y^2 - 1$, 求 c 的值。
If $(xy-2)^2 + (x-2y)^2 = 0$ and $c = x^2 + y^2 - 1$, find the value of c .

2005 FI4.1

若
$$A^2 + B^2 + C^2 = AB + BC + CA = 3$$
 及 $a = A^2$,求 a 的值。
If $A^2 + B^2 + C^2 = AB + BC + CA = 3$ and $a = A^2$, find the value of a .

2006 FI4.2

設
$$x$$
 和 y 是實數且滿足方程 $y^2+4y+4+\sqrt{x+y+1}=0$ 。若 $r=|xy|$,求 r 的值。

Let x and y be real numbers satisfying the equation $y^2 + 4y + 4 + \sqrt{x + y + 1} = 0$. If r = |xy|, find the value of r.

2009 FG1.4

已知
$$x$$
及 y 為實數且 $\left|x-\frac{1}{2}\right|+\sqrt{y^2-1}=0$ 。設 $p=|x|+|y|$,求 p 的值。

Given that x and y are real numbers and $\left| x - \frac{1}{2} \right| + \sqrt{y^2 - 1} = 0$.

Let p = |x| + |y|, find the value of p.

2011 FI4.3

設
$$x \cdot y$$
 及 z 為正整數。若 $|x-y|^{2010} + |z-x|^{2011} = 1$,

而且
$$c = |x - y| + |y - z| + |z - x|$$
, 求 c 的值。

Let x, y and z be positive integers. If $|x - y|^{2010} + |z - x|^{2011} = 1$ and c = |x - y| + |y - z| + |z - x|, find the value of c.

2013 FI1.4

若
$$|x+1|+|y-1|+|z|=0$$
,求 $d=x^2+y^2+z^2$ 的值。

If |x+1| + |y-1| + |z| = 0, find the value of $d = x^2 + y^2 + z^2$.

2015 HG4

已知
$$a^2 + \frac{b^2}{2} + 9 \le ab - 3b$$
, 其中 a 與 b 為實數, 求 ab 的值。

Given that $a^2 + \frac{b^2}{2} + 9 \le ab - 3b$, where a and b are real numbers.

Find the value of ab.

2015 FI1.1

若
$$|x+\sqrt{5}|+|y-\sqrt{5}|+|z|=0$$
 , 求 $\alpha=x^2+y^2+z^2$ 。

If
$$|x + \sqrt{5}| + |y - \sqrt{5}| + |z| = 0$$
, determine $\alpha = x^2 + y^2 + z^2$.

2018 FG4.4

設 $r \cdot s$ 及t 是正實數,且 $r^2 + s^2 + t^2 = rs + st + rt$ 。若r = 1,求D = s + t 的值。 Let r, s and t be positive real numbers with $r^2 + s^2 + t^2 = rs + st + rt$. If r = 1, determine the value of D = s + t.

2019 HI3

已知 x 及 y 均為實數 ,若 $y^2 - 4xy + 5x^2 - 8x + 16 = 0$ 及 F = x - y ,求 F 的值。

Given that *x* and *y* are real numbers.

If $y^2 - 4xy + 5x^2 - 8x + 16 = 0$ and F = x - y, find the value of F.

2021 P1Q15

已知 $(x+2y)^2 = 2xy - 3x + 6y - 9$ 。若 x 及 y 為實數,求 x+y 的值。 Given that $(x+2y)^2 = 2xy - 3x + 6y - 9$. If x and y are real number, find the value of x+y.

2023 HI1

已知 a 和 b 均為實數。若 $a^2+b^2-8a+34b+305=0$,求 a+b 的值。 Given that a and b are real numbers. If $a^2+b^2-8a+34b+305=0$, find the value of a+b.

Answers

1996 FI2.3 4	2005 FI4.1 1	2006 FI4.2 2	2009 FG1.4 $\frac{3}{2}$	2011 FI4.3 2
2013 FI1.4	2015 HG4	2015 FI1.1	2018 FG4.4	2019 HI3
2	18	10	2	-4
2021 P1Q15	2023 HI1			
-1.5	-13			