

**1997 FG3.1**

設  $m$  為滿足不等式  $14x - 7(3x - 8) < 4(25 + x)$  的整數。求  $m$  的最小值。  
Let  $m$  be an integer satisfying the inequality:  $14x - 7(3x - 8) < 4(25 + x)$ .  
Find the least value of  $m$ .

**1998 HG3**

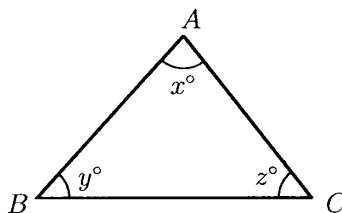
若  $-6 \leq a \leq 4$  及  $3 \leq b \leq 6$ ，求  $a^2 - b^2$  的最大值。

If  $-6 \leq a \leq 4$  and  $3 \leq b \leq 6$ , find the greatest value of  $a^2 - b^2$ .

**2010 HI8**

在圖二中， $\triangle ABC$  滿足： $x \geq y \geq z$  及  $4x = 7z$ 。若  $x$  的最大值是  $m$ ， $x$  的最小值是  $n$ ，求  $m + n$  的值。

In Figure 2,  $ABC$  is a triangle satisfying  $x \geq y \geq z$  and  $4x = 7z$ . If the maximum value of  $x$  is  $m$  and the minimum value of  $x$  is  $n$ , find the value of  $m + n$ .



**2011 HG3**

已知  $a$ 、 $b$ 、 $c$  為整數，且  $a + b = 2011$ ， $c - a = 2010$ ， $a < b$ 。

求  $a + b + c$  的可能最大值。

Given that  $a$ ,  $b$  and  $c$  are integers, and  $a + b = 2011$ ,  $c - a = 2010$ ,  $a < b$ .

Find the greatest possible value of  $a + b + c$ .

**2013 FI2.4**

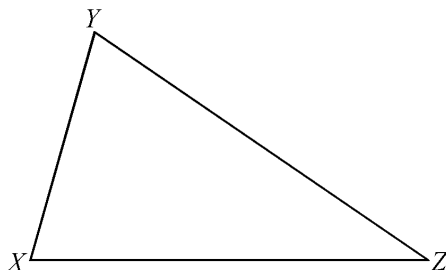
如圖二，三角形  $XYZ$  的角度滿足

$\angle Z \leq \angle Y \leq \angle X$  且  $2 \cdot \angle X = 6 \cdot \angle Z$ 。

若  $\angle Z$  的最大可能值是  $d^\circ$ ，求  $d$  的值。

In Figure 2, the angles of triangle  $XYZ$  satisfy  $\angle Z \leq \angle Y \leq \angle X$  and  $2 \cdot \angle X = 6 \cdot \angle Z$ .

If the maximum possible value of  $\angle Z$  is  $d^\circ$ , find the value of  $d$ .



**2014 HI10**

已知  $\triangle ABC$  為一銳角三角形，其中  $\angle A > \angle B > \angle C$ 。若  $x^\circ$  為  $\angle A - \angle B$ 、 $\angle B - \angle C$  及  $90^\circ - \angle A$  中的最小值，求  $x$  的最大值。

Given that  $\triangle ABC$  is an acute triangle, where  $\angle A > \angle B > \angle C$ .

If  $x^\circ$  is the minimum of  $\angle A - \angle B$ ,  $\angle B - \angle C$  and  $90^\circ - \angle A$ , find the maximum value of  $x$ .

**2014 FI1.2**

如果 10 個不同的正整數的平均值是 10，

求這 10 個數中，最大的一個數  $\beta$  最大可能值。

If the average of 10 distinct positive integers is 10, what is the largest possible value of the largest integer,  $\beta$ , of the ten integers?

**2014 FI4.2**

考慮形如  $\frac{n}{n+1}$  的分數，當中  $n$  是一個正整數。若同時把該分數的分子和

分母減去 1，得出的分數是小於  $\frac{6}{7}$ ，且大於 0，求這樣的分數的數目  $\beta$ 。

Consider fractions of the form  $\frac{n}{n+1}$ , where  $n$  is a positive integer. If 1 is subtracted from both the numerator and the denominator, and the resultant fraction remains positive and is strictly less than  $\frac{6}{7}$ ,

determine,  $\beta$ , the number of these fractions.

**2017 HI2**

已知  $0 \leq p \leq 1$ ，求  $Q = 3p^2(1-p) + 6p(1-p)^2 + 3(1-p)^3$  的最大值。

Given that  $0 \leq p \leq 1$ , find the greatest value of  $Q = 3p^2(1-p) + 6p(1-p)^2 + 3(1-p)^3$ .

**2017 HG5**

設  $Q$  為所有能滿足不等式  $\frac{9p^2}{(\sqrt{3p+1}-1)^2} < 3p+10$  的整數  $p$  之和，

求  $Q$  的值。

Let  $Q$  be the sum of all integers  $p$  satisfying the inequality

$$\frac{9p^2}{(\sqrt{3p+1}-1)^2} < 3p+10, \text{ find the value of } Q.$$

**Answers**

1997 FG3.1 −3	1998 HG3 27	2010 HI8 154	2011 HG3 5026	2013 FI2.4 36
2014 HI10 15	2014 FI1.2 55	2014 FI4.2 5	2017 HI2 3	2017 HG5 10