Divisibility 10 (HKMO Classified Questions by topics)

#### 1990 HI11

求 2137754 的個位數。

Find the units digit of 2137<sup>754</sup>.

# 1991 HG1

求 1357<sup>7890</sup> 的個位數。

Find the units digit of 1357<sup>7890</sup>.

#### 1994 HI7

求 31993 的末位數字。

Find the last digit of the number  $3^{1993}$ .

# 1995 HI8

求 1997<sup>913</sup> 被 10 除時所得的餘數。

Find the remainder when 1997<sup>913</sup> is divided by 10.

# 1996 HG10

求總數  $1^2 + 2^2 + 3^2 + 4^2 + \dots + 123456789^2$  的個位數。

Find the units digit of the sum  $1^2 + 2^2 + 3^2 + 4^2 + \cdots + 123456789^2$ .

#### 1996 FG7.4

若  $7^{14}$  之個位是 d , 求 d 的值。If the units digit of  $7^{14}$  is d, find the value of d.

# 1996 FG9.1

若 (1995)<sup>a</sup> + (1996)<sup>a</sup> + (1997)<sup>a</sup> 能被 10 整除,求 a 的最小可能整數值。 If  $(1995)^a + (1996)^a + (1997)^a$  is divisible by 10.

find the least possible integral value of a.

# 1997 FI2.4

若  $1997^{1997}$  的個位數為 12-d,求 d 的值。

If the units digit of  $1997^{1997}$  is 12 - d, find the value of d.

# 1998HI8

求  $6^{20} - 5^{12} - 8$  值的末位數字。 Find the last digit of the value of  $6^{20} - 5^{12} - 8$ .

# 1999 HG8

求 333335 的個位數字。Find the units digit of 333335.

# 2000 HG3

求 2004<sup>4006</sup> 的個位數。Find the units digit of 2004<sup>2006</sup>.

# 2000 FI3.1

已知 1 + 2 +3 + ··· +1997 +1998+ 1999+ 1998+ 1997 + ··· + 3 + 2 + 1 的個位 **2021 P2Q2** 

數是P, 求P的值。

Given that the units digit of  $1+2+3+\dots+1997+1998+1999+1998+1997+\dots+3+2+1$  is 其中 n 為一正整數。若 S 未能被 5 整除,求 S 的個位數。 P, find the value of P.

#### 2001 FG4.2

已知  $1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + 2001^3$  的個位數字為 b, 求 b 的值。

Given that the units digit of  $1^3 + 2^3 + 3^3 + \cdots + 2001^3$  is b, find the value of b.

### 2003 FI1.1

設  $P \neq 3^{2003} \times 5^{2002} \times 7^{2001}$  的個位數。求 P 的值。

Let P be the units digit of  $3^{2003} \times 5^{2002} \times 7^{2001}$ . Find the value of P.

#### 2004 HI2

 $\stackrel{200\sqrt[3]{B}}{=} 2003$ , $\stackrel{C}{=} \stackrel{B}{=} 000$  的個位數,求  $\stackrel{C}{=} 000$  的值。

If  ${}^{200\sqrt[3]{B}} = 2003$ , C is the units digit of B, find the value of C.

#### 2006 HI9

已知  $7^{2006}$  的個位數是 C, 求 C 的值。

Given that the units digit of  $7^{2006}$  is C, find the value of C.

#### 2009 HI8

求 7<sup>2009</sup> 的個位值。Find the unit digit of 7<sup>2009</sup>.

### 2011 FI1.3

若 R 為  $8^{36} + 7^{360} + 6^{3600} + 5^{36000}$  的個位數, 求 R 的值。

If R is the units digit of the value of  $8^{36} + 7^{360} + 6^{3600} + 5^{36000}$ , find the value of R.

# 2012 HI1

求  $2^2 + 3^2 + 4^2 + \dots + 20122012^2$  的個位數的值。

Find the value of the units digit of  $2^2 + 3^2 + 4^2 + \cdots + 20122012^2$ .

#### 2013 FG1.1

求  $(2^{13}+1)(2^{14}+1)(2^{15}+1)(2^{16}+1)$  的個位數字。

Find the units digit of  $(2^{13} + 1)(2^{14} + 1)(2^{15} + 1)(2^{16} + 1)$ .

# 2014 FI2.4

求  $((3^3)^3)^3$  的個位數  $\delta$ 。

Determine the units digit,  $\delta$ , of  $(3^3)^3$ .

# 2019 FG3.4

若  $X=2^{2018}+3^{2018}$  及 d 是其個位數字,求 d 的值。

If  $X = 2^{2018} + 3^{2018}$  and d is the units digit, determine the value of d.

값  $S = 2011^n + 2012^n + 2013^n + 2014^n + 2015^n + 2016^n + 2017^n + 2018^n + 2019^n$ ,

Let  $S = 2011^n + 2012^n + 2013^n + 2014^n + 2015^n + 2016^n + 2017^n + 2018^n + 2019^n$ ,

where n is an integer. If S is not divisible by 5, find the unit digit of S.

若 A 是  $2023^{2024}$  的個位數,求 A 的值。

If A is the units digit of  $2023^{2024}$ , find the value of A.

# Answers

1990 HI11	1991 HG1	1994 HI7	1995 HI8	1996 HG10
9	9	3	7	5
1996 FG7.4	1996 FG9.1	1997 FI2.4	1998 HI8	1999 HG8
9	2	5	3	7
2000 HG3	2000 FI3.1	2001 FG4.2	2003 FI1.1	2004 HI2
6	1	1	5	7
2006 HI9	2009 HI8	2011 FI1.3	2012 HI1	2013 FG1.1
9	7	8	9	5
2014 FI2.4	2019 FG3.4	2021 P2Q2	2023 FI1.1	
7	3	3	1	