

1984 FI1.4

若 $x + 4$ 為 $2x^2 + 3x + 4d$ 之因式，求 d 的值。

If $x + 4$ is a factor of $2x^2 + 3x + 4d$, find the value of d .

1984 FI3.1

若 a 為 $2x^3 - 3x^2 + x - 1$ 被 $x + 1$ 除所得之餘數，求 a 的值。

If a is the remainder when $2x^3 - 3x^2 + x - 1$ is divided by $x + 1$, find the value of a .

1985 FI4.4

若 $3x^3 - 2x^2 + dx - 96$ 可被 $x - 1$ 整除，求 d 的值。

If $3x^3 - 2x^2 + dx - 96$ is divisible by $x - 1$, find the value of d .

1986 FSG.4

若 $x^3 - 2x^2 + 60x + q$ 可被 $x + 2$ 整除，求 q 的值。

If $x^3 - 2x^2 + 60x + q$ is divisible by $x + 2$, find the value of q .

1987 FG10.3

若 $Cx^3 - 3x^2 + x - 1$ 除以 $x + 1$ 得之餘數為 -7 。求 C 的值。

When $Cx^3 - 3x^2 + x - 1$ is divided by $x + 1$, the remainder is -7 .

Find the value of C .

1988 FG7.4

若 $x + k$ 是 $3x^2 + 14x + 8$ 的因式，求 k 的值。(k 是整數)

If $x + k$ is a factor of $3x^2 + 14x + 8$, find the value of k . (k is an integer.)

1989 FI2.3

$x + 3$ 是 $x^2 + 6x + c$ 的因式。求 c 的值。

$x + 3$ is a factor of $x^2 + 6x + c$. Find the value of c .

1989 FG8.3

$3x^2 + 4x + a$ 被 $x + 2$ 除所得的餘數是 5 。求 a 的值。

When $3x^2 + 4x + a$ is divided by $x + 2$, the remainder is 5 . Find the value of a .

1990 FI1.1

若 $2t + 1$ 是 $4t^2 + 12t + a$ 的因式，求 a 的值。

Find the value of a if $2t + 1$ is a factor of $4t^2 + 12t + a$.

1991 FI2.2

若 $x^3 - 16x^2 - 9x + 124$ 除以 $x - 2$ 之餘數為 b ，求 b 的值。

If the remainder of $x^3 - 16x^2 - 9x + 124$ when divided by $x - 2$ is b , find the value of b .

1992 HI5

設 $f(x)$ 為 $x^4 + 64$ 和 $x^3 + 6x^2 + 16x + 16$ 的最大公因式，求 $f(2)$ 的值。

Let $f(x)$ be the highest common factor of $x^4 + 64$ and $x^3 + 6x^2 + 16x + 16$, find the value of $f(2)$.

1993 FI5.2

設 $f(x) = x^3 - 20x^2 + x - 20$ 及 $g(x) = x^4 + 3x^2 + 2$ 。若 $h(x)$ 為 $f(x)$ 和 $g(x)$ 的最大公因子，求 $b = h(1)$ 的值。

Let $f(x) = x^3 - 20x^2 + x - 20$ and $g(x) = x^4 + 3x^2 + 2$. If $h(x)$ is the highest common factor of $f(x)$ and $g(x)$, find the value of $b = h(1)$.

1994 FI4.1

$x^6 - 8x^3 + 6$ 除以 $(x - 1)(x - 2)$ ，其餘數為 $7x - a$ ，求 a 的值。

The remainder when $x^6 - 8x^3 + 6$ is divided by $(x - 1)(x - 2)$ is $7x - a$, find the value of a .

1995 HG1

求方程 $x^3 + (x + 1)^3 + (x + 2)^3 = (x + 3)^3$ 的正整數解數目。

Find the number of positive integral solutions of the equation

$$x^3 + (x + 1)^3 + (x + 2)^3 = (x + 3)^3$$

1996 FI3.1

若 a 為實數及 $2a^3 + a^2 - 275 = 0$ ，求 a 的值。

If a is a real number and $2a^3 + a^2 - 275 = 0$, find the value of a .

1997 FI4.3

若 $cx^3 - 3x + x - 1$ 除以 $x + 1$ ，餘數為 -7 ，求 c 的值。

If $cx^3 - 3x + x - 1$ is divided by $x + 1$, the remainder is -7 , find the value of c .

1998 HI1

已知 $x^3 - 5x^2 + 2x + 8$ 能被 $(x - a)$ 和 $(x - 2a)$ 整除，且 a 為整數。求 a 的值。

Given that $x^3 - 5x^2 + 2x + 8$ is divisible by $(x - a)$ and $(x - 2a)$, where a is an integer, find the value of a .

2001 HI7

如果 p 為方程式 $2x^3 + 7x^2 - 29x - 70 = 0$ 的正實數根，求 p 的值。

If p is the positive real root of $2x^3 + 7x^2 - 29x - 70 = 0$, find the value of p .

2001 FI1.2

已知 $f(x) = x^2 + ax + b$ 是 $x^3 + 4x^2 + 5x + 6$ 和 $2x^3 + 7x^2 + 9x + 10$ 的公因式。若 $f(1) = Q$ ，求 Q 的值。

Given that $f(x) = x^2 + ax + b$ is the common factor of $x^3 + 4x^2 + 5x + 6$ and $2x^3 + 7x^2 + 9x + 10$. If $f(1) = Q$, find the value of Q .

2002 HI8

若 $x^3 + kx^2 + 3$ 除以 $x + 3$ ，其餘數較被 $x + 1$ 除所得的餘數少 2 。求 k 的值。

When the expression $x^3 + kx^2 + 3$ is divided by $x + 3$, the remainder is 2 less than when divided by $(x + 1)$. Find the value of k .

2004 FI4.2

已知 n 是自然數。若 $b = n^3 - 8n^2 - 12n + 144$ 是質數，求 b 的數值。

Given that n is a natural number.

If $b = n^3 - 8n^2 - 12n + 144$ is a prime number, find the value of b .

2006 FG1.1

已知 k 為實數。若 $x^2 + 2kx - 3k^2$ 能被 $x - 1$ 整除，求 k 最大可能的值。

Given that k is a real number.

If $x^2 + 2kx - 3k^2$ can be divisible by $x - 1$, find the greatest value of k .

2007 FI1.3

若 $x - 1$ 為 $x^3 - 6x^2 + 11x + c$ 的因式，求 c 的值。

If $x - 1$ is a factor of $x^3 - 6x^2 + 11x + c$, find the value of c .

2011 FI3.2

已知 $x^2 + ax + b$ 為 $2x^3 + 5x^2 + 24x + 11$ 及 $x^3 + 7x - 22$ 的公因式。

若 $Q = a + b$ ，求 Q 的值。

Given that $x^2 + ax + b$ is a common factor of $2x^3 + 5x^2 + 24x + 11$ and $x^3 + 7x - 22$.

If $Q = a + b$, find the value of Q .

2011 FI3.3

若 R 為一正整數及 $R^3 + 4R^2 - 80R + 192$ 為一質數，求 R 的值。

If R is a positive integer and $R^3 + 4R^2 - 80R + 192$ is a prime number, find the value of R .

2018 HI6

若 x 為有理數，求 x 的值滿足聯立方程
$$\begin{cases} y = 2x^2 - 11x + 15 \\ y = 2x^3 - 17x^2 + 16x + 35 \end{cases}$$
。

If x is a rational number, find the value of x satisfying the simultaneous

equations
$$\begin{cases} y = 2x^2 - 11x + 15 \\ y = 2x^3 - 17x^2 + 16x + 35 \end{cases}$$
.

2023 FI2.3

若 m, n 為整數，方程 $x^3 + nx^2 + mx + 5 = 0$ 有三個整數根。假設這三個根不全是正整數，若 $\gamma = n - m$ ，求 γ 的值。

The equation $x^3 + nx^2 + mx + 5 = 0$, where m, n are integers, has three integral roots. Suppose that the roots are not all positive, if $\gamma = n - m$, find the value of γ .

Answers

1984 FI1.4 −5	1984 FI3.1 −7	1985 FI4.4 95	1986 FSG.4 136	1987 FG10.3 2
1988 FG7.4 4	1989 FI2.3 9	1989 FG8.3 1	1990 FI1.1 5	1991 FI2.2 50
1992 HI5 20	1993 FI5.2 2	1994 FI4.1 8	1995 HG1 1	1996 FI3.1 5
1997 FI4.3 8	1998 HI1 2	2001 HI7 3.5	2001 FI1.2 4	2002 HI8 3
2004 FI4.2 11	2006 FG1,1 1	2007 FI1.3 −6	2011 FI3.2 13	2011 FI3.3 5
2018 HI6 2.5	2023 FI2.3 −4			