### 1983 FI5.1

若 
$$a(x+1) \equiv x^3 + 3x^2 + 3x + 1$$
,以  $x$  表示  $a$ 。

If 
$$a(x+1) \equiv x^3 + 3x^2 + 3x + 1$$
, find a in terms of x.

#### 1986 FI1.3

If 
$$2(2x-5) + x + 3 \equiv 5x - c$$
, find the value of  $c$ .

### 1991 HI9

$$\frac{7-8x}{(1-x)(2-x)} = \frac{A}{1-x} + \frac{B}{2-x}$$
, 其中  $x$  為實數, 且  $x \neq 1$  及  $x \neq 2$ , 求  $A+B$  的值。

If 
$$\frac{7-8x}{(1-x)(2-x)} = \frac{A}{1-x} + \frac{B}{2-x}$$
 for all real numbers x where  $x \ne 1$  and  $x \ne 2$ , find

the value of A + B.

## 1991 FI3.3

若 
$$(x-85)(x-c) \equiv x^2-125x+85c$$
,求  $c$  的值。

If 
$$(x-85)(x-c) \equiv x^2 - 125x + 85c$$
, find the value of c.

#### 1996 FI2.4

若 
$$f(x)$$
 是一二次多項式, $f(f(x)) = x^4 - 2x^2$  及  $d = f(4)$ , 求  $d$  的值。

If f(x) is a polynomial of degree two,  $f(f(x)) = x^4 - 2x^2$  and d = f(4), find the value of d.

## 1997 FG4.2

已知 
$$1+x+x^2+x^3+x^4=0$$
。若  $b=2+x+x^2+x^3+x^4+\cdots+x^{1989}$ ,求  $b$  的值。

It is given that  $1 + x + x^2 + x^3 + x^4 = 0$ .

If 
$$b = 2 + x + x^2 + x^3 + x^4 + \dots + x^{1989}$$
, find the value of b.

# 1997 FG5.2

若 
$$x^3 + 6x^2 + 12x + 17 \equiv (x+2)^3 + b$$
 , 求  $b$  的 值 。

If 
$$x^3 + 6x^2 + 12x + 17 \equiv (x+2)^3 + b$$
, find the value of b.

## 1998 FG1.4

若 
$$x^3 + px^2 + qx + 17 \equiv (x+2)^3 + a$$
, 求 a 的值。

If 
$$x^3 + px^2 + qx + 17 = (x + 2)^3 + a$$
, find the value of a.

# 1998 FG2.3

若參數方程
$$\begin{cases} x = \sqrt{3-t^2} \\ y = t-3 \end{cases}$$
 可轉換為  $x^2 + y^2 + cx + dy + 6 = 0$ , 求  $c$  及  $d$  的值。

If the parametric equation  $\begin{cases} x = \sqrt{3 - t^2} \\ y = t - 3 \end{cases}$  can be transformed into

$$x^2 + y^2 + cx + dy + 6 = 0$$
, find the values of c and d.

#### 2000 FI4.1

假設 
$$a + \frac{1}{a+1} = b + \frac{1}{b-1} - 2$$
,其中  $a \neq -1$ , $b \neq 1$  和  $a - b + 2 \neq 0$ 。

已知 
$$ab-a+b=P$$
, 求  $P$  的值。

Suppose 
$$a + \frac{1}{a+1} = b + \frac{1}{b-1} - 2$$
, where  $a \neq -1$ ,  $b \neq 1$ , and  $a - b + 2 \neq 0$ .

Given that ab - a + b = P, find the value of P.

## 2001 HI9

設 a、b、c 為三個相異常數。已知

$$\frac{a^2}{(a-b)(a-c)(a+x)} + \frac{b^2}{(b-c)(b-a)(b+x)} + \frac{c^2}{(c-a)(c-b)(c+x)} = \frac{p+qx+rx^2}{(a+x)(b+x)(c+x)}$$
  
其中  $p \cdot q \cdot r$  為常數,且  $s = 7p + 8q + 9r$ ,求  $s$  的值。

Let a, b, c be three distinct constants. It is given that

$$\frac{a^2}{(a-b)(a-c)(a+x)} + \frac{b^2}{(b-c)(b-a)(b+x)} + \frac{c^2}{(c-a)(c-b)(c+x)} = \frac{p+qx+rx^2}{(a+x)(b+x)(c+x)}$$

where p, q r are constants, and s = 7p + 8q + 9r, find the value of s.

#### 2001 FI1.3

已知 
$$\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{4}{a+b}$$
 及  $\frac{a}{b} + \frac{b}{a} = R$ ,求  $R$  的值。

Given that  $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{4}{a+b}$  and  $\frac{a}{b} + \frac{b}{a} = R$ , find the value of R.

## 2002 FG1.2

已知 
$$x+y=1$$
 及  $x^2+y^2=2$ 。若  $x^3+y^3=b$ ,求  $b$  的值。

It is given that x + y = 1 and  $x^2 + y^2 = 2$ . If  $x^3 + y^3 = b$ , find the value of b. **2003 FG4.2** 

設 
$$P(x) = a_0 + a_1 x + a_2 x^2 + \dots + a_8 x^8$$
 為八次多項式,其中  $a_0 \cdot a_1 \cdot \dots \cdot a_8$  為

實數。若 
$$P(k) = \frac{1}{k}$$
當  $k = 1, 2, \dots, 9$ , 及  $b = P(10)$ ,求  $b$  的值。

Suppose  $P(x) = a_0 + a_1x + a_2x^2 + \cdots + a_8x^8$  is a polynomial of degree 8 with real

coefficients  $a_0, a_1, \dots, a_8$ . If  $P(k) = \frac{1}{k}$  when  $k = 1, 2, \dots, 9$ , and b = P(10), find the value of b.

### 2006 FI3.1

已知
$$\frac{2x-3}{x^2-x} = \frac{A}{x-1} + \frac{B}{x}$$
,其中 $A$  和  $B$  是常數。若  $S = A^2 + B^2$ ,求  $S$  的值。

Given that  $\frac{2x-3}{x^2-x} = \frac{A}{x-1} + \frac{B}{x}$ , where A and B are constants.

If  $S = A^2 + B^2$ , find the value of S.

### 2011 FI2.2

若 
$$x+y=3$$
,  $x^2+y^2=Q$ 及 $x^3+y^3=3^2$ , 求 $Q$ 的值。

If 
$$x + y = 3$$
,  $x^2 + y^2 = Q$  and  $x^3 + y^3 = 3^2$ , find the value of Q.

#### 2014 HI7

求 
$$x^{-2014} + x^{-2013} + x^{-2012} + \dots + x^{-1} + 1 + x + x^2 + \dots + x^{2013} + x^{2014}$$
 的值。

If 
$$x^3 + x^2 + x + 1 = 0$$
, find the value of

$$x^{-2014} + x^{-2013} + x^{-2012} + \dots + x^{-1} + 1 + x + x^2 + \dots + x^{2013} + x^{2014}$$

### 2018 HG1

設 
$$f(x)$$
 為二次多項式,其中  $f(1) = \frac{1}{2}$ ,  $f(2) = \frac{1}{6}$ ,  $f(3) = \frac{1}{12}$ 。求  $f(6)$  的值。

Let f(x) be a polynomial of degree 2, where  $f(1) = \frac{1}{2}$ ,  $f(2) = \frac{1}{6}$ ,  $f(3) = \frac{1}{12}$ .

Find the value of f(6).

# Answer

| 1983 FI5.1      | 1986 FI1.3      | 1991 HI9                 | 1991 FI3.3               | 1996 FI2.4       |
|-----------------|-----------------|--------------------------|--------------------------|------------------|
| $x^2 + 2x + 1$  | 7               | 8                        | 40                       | 15               |
| 1997 FG4.2      | 1997 FG5.2      | 1998 FG1.4               | 1998 FG2.3               | 2000 FI4.1       |
| 1               | 9               | 9                        | c = 0, d = 6             | 2                |
| 2001 HI9<br>9   | 2001 FI1.3<br>2 | 2002 FG1.2 $\frac{5}{2}$ | 2003 FG4.2 $\frac{1}{5}$ | 2006 FI3.1<br>10 |
| 2011 FI2.2<br>5 | 2014 HI7<br>±1  | 2018 HG1 $\frac{4}{3}$   |                          |                  |