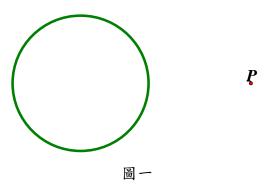
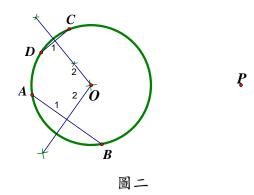
由外點引圓的切綫

Created by Mr. Francis Hung

如圖一,過一圓外定點P作切綫。1





Last updated: 2023-07-03

作圖方法如下:

方法一:

- (1) 在圓上作兩條不平行的弦綫 AB 和 CD。
- (2) 作 AB和 CD 的垂直平分綫相交於 O, O 為該圓的圓心。(圖二)
- (3) 連接 OP。
- (4) 作 OP 的垂直平分綫, K 為 OP 的中點。
- (5) 以 K 為圓心,KO 為半徑作一圓,交已知圓於 M 和 N。
- (6) 連接 *OM、ON、MP* 及 *NP。*(圖三)

作圖完畢。

證明如下:

 $\angle OMP = 90^{\circ} = \angle ONP$

(半圓上的圓周角)

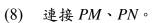
PM、PN 便是切綫。

(切綫⊥半徑的逆定理)

證明完畢。

方法二(圖四)

- (1) 過P點作任意一綫段交已知圓於 $Q \cdot R \circ R$ 離P 較遠一端。
- (2) 利用 PR 的垂直平分綫,找出 PR 的中點 O。
- (3) 以 O 為圓心, OP 為半徑作一半圓。
- (4) 過Q點(Q在P和R之間),作一綫段QT垂直於PR,交步驟(3)的半圓於T。
- (5) 連接 PT。
- (6) 連接 TR。
- (7)以P為圓心,PT為半徑作一弧,交已知圓於M、N。



作圖完畢,證明如下:

∠PTR = 90° (半圓上的圓周角)

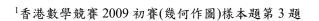
 $\Delta PQT \sim \Delta PTR$ (等角)

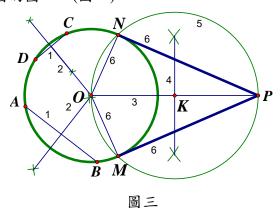
 $\frac{PQ}{PT} = \frac{PT}{PR}$ (相似三角形的對應邊)

 $\therefore PQ \cdot PR = PT^2$

由步驟(7), $PQ \cdot PR = PT^2 = PM^2 = PN^2$

∴ PM 及 PN 便是切綫。 (相交弦定理的逆定理)





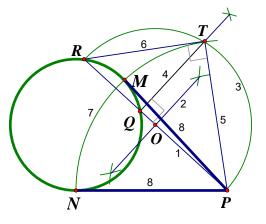


圖 四

由外點引圓的切綫

Created by Mr. Francis Hung

Last updated: 2023-07-03

證明完畢。