Estimation (HKMO Classified Questions by topics)

#### 1986 FG6.1

若  $12345 \times 6789 = a \times 10^p$  ,其中 p 為正整數,且  $1 \le a < 10$  ,求 p 的值。 If  $12345 \times 6789 = a \times 10^p$  where p is a positive integer and  $1 \le a < 10$  , find the value of p .

### 1993 HG7

若 a 為一整數,且  $a^7 = 8031810176$  ,求 a 的值。 If a is an integer and  $a^7 = 8031810176$ , find the value of a.

### 1995 HG5

已知  $37^{100}$  為一 157 位數,且  $37^{15}$  為一 n 位數,求 n 的值。 Given that  $37^{100}$  is a 157-digit number, and  $37^{15}$  is an n-digit number. Find the value of n.

## 1997 FGS.3

 $\div$  5 的平方根是 2.236,以同一準確度,80 的平方根是 d。求 d 的值。 If the square root of 5 is approximately 2.236, the square root of 80 with the same precision is d. Find the value of d.

### 2003 FI2.1

若一個兩位數 P 的 50 次方是一個 69 位數 , 求 P 的值。 (已知  $\log 2 = 0.3010$  ,  $\log 3 = 0.4771$  ,  $\log 11 = 1.0414$ )

If the  $50^{th}$  power of a two-digit number P is a 69-digit number, find the value of P. (Given that  $\log 2 = 0.3010$ ,  $\log 3 = 0.4771$ ,  $\log 11 = 1.0414$ .)

## 2004 HG4

已知 $a \cdot b$  為實數並且滿足  $a^3 = 2004$  及  $b^2 = 2004$ 。

若滿足不等式 a < x < b 的整數 x 有 h 個 , 求 h 的值。

Given that a, b are positive real numbers satisfying  $a^3 = 2004$  and  $b^2 = 2004$ . If the number of integers x that satisfy the inequality a < x < b is h, find the value of h.

## 2007 FG1.4

已知  $\log_{10}(2007^{2006} \times 2006^{2007}) = a \times 10^k$ ,

其中 $1 \le a < 10$  及 k 是整數, 求 k 的值。

It is known that  $\log_{10} (2007^{2006} \times 2006^{2007}) = a \times 10^k$ ,

where  $1 \le a < 10$  and k is an integer. Find the value of k.

## 2007 FG4.3

已知  $z = \sqrt[3]{456533}$  是一整數,求 z 的值。

Given that  $z = \sqrt[3]{456533}$  is an integer, find the value of z.

#### 2008 HG1

已知  $5+\sqrt{11}$  的小數部分為 A 及  $5-\sqrt{11}$  的小數部分為 B。 設 C=A+B,求 C 的值。

Given that the decimal part of  $5 + \sqrt{11}$  is A and the decimal part of  $5 - \sqrt{11}$  is B. Let C = A + B, find the value of C.

### 2008 FI3.4

設與  $\sqrt{45}$  最接近的整數是 D, 求 D 的值。

Let D be the integer closest to  $\sqrt{45}$ , find the value of D.

#### 2013 FG4.1 2015 FG1.3

若 P 為整數 3,659,893,456,789,325,678 與 342,973,489,379,256 的乘積,求 P 的位數。

Let *n* be the product 3659893456789325678 and 342973489379256.

Determine the number of digits of n.

#### 2016 HI3

有多少個x使得 $\sqrt{2016-\sqrt{x}}$ 為整數?

How many x are there so that  $\sqrt{2016 - \sqrt{x}}$  is an integer?

### 2016 FG3.2

若 n 為正整數, $a_1=0.8$  及  $a_{n+1}=a_n^2$ ,求 L 的最小值,满足  $a_1\times a_2\times \ldots \times a_L < 0.3$ 。

If  $a_1 = 0.8$  and  $a_{n+1} = a_n^2$  for positive integers n, determine the least value of L satisfying  $a_1 \times a_2 \times ... \times a_L < 0.3$ .

## 2018 FG4.1

設  $X=\sqrt{2018-\sqrt{A}}$  是正整數,求 A 的最大值。

Let  $X = \sqrt{2018 - \sqrt{A}}$  be a positive integer. Determine the largest value of A.

## 2019 FG2.1

設  $X = \sqrt{2020 - \sqrt{A}}$  為正整數,求 A 的最小值。

Let  $X = \sqrt{2020 - \sqrt{A}}$  be a positive integer. Determine the least value of A. **2022 P1O7** 

已知  $459 + x^3 = 3^y$ , 其中 x 及 y 均為正整數。求 y 的 最小值。

Given that  $459 + x^3 = 3^y$ , where both x and y are positive integers. Find the least value of y.

# **Answers**

1986 FG6.1	1993 HG7	1995 HG5	1997 FGS.3	2003 FI2.1
7	26	24	8.944	23
2004 HG4	2007 FG1.4	2007 FG4.3	2008 HG1	2008 FI3.4
32	4	77	1	7
2013 FG4.1 2015 FG1.3	2016 HI3	2016 FG3.2	2018 FG4.1	2019 FG2.1
34	45	3	4068289	7056
2022 P1Q7				
7				