B+ tree implementation assignment

컴퓨터소프트웨어학부 2021025205 강태욱

1. Summary of algorithm

A. loadTree, buildTree, saveTree

- i. loadTree: DAT 파일에 저장된 데이터를 불러온다.
- ii. buildTree: loadTree를 통해 불러온 데이터를 바탕으로 B+Tree를 구성한다.
- iii. saveTree: B+Tree를 특정한 형식에 맞게 DAT 파일에 저장한다.

B. Data file creation

- i. Command line을 통해 입력된 두번째 값을 정수형으로 바꾸어 M에 저장한다.
- ii. saveTree method를 이용해 첫 줄에 M 값이 저장된 DAT 파일을 생성한다.

C. Insertion

- i. loadTree method를 이용해 M 값과 DAT 파일에 저장된 B+Tree를 불러온다.
- ii. CSV file에서 key와 value를 받아와 insertNode method에 넣는다.
- iii. insertNode method
 - 1. findOperateNode method를 이용해 key가 들어갈 leaf node를 찾는다.
 - 2. B+Tree에 parameter로 받은 key 값이 존재하는지 확인하고, 만약 존재한다면 에러 메시지를 출력한 후 method를 종료한다.
 - 3. findIndex method를 이용해 leafNode에 key가 들어갈 index를 찾는다.
 - 4. Key와 value를 leafNode의 index 위치에 넣고, leafNode의 크기를 1 증가시킨다.
 - 5. 만약 leafNode의 크기가 M보다 크다면 leafNode를 split한다.
 - A. leafNode가 root라면 splitRoot method를 실행한다.
 - B. leafNode가 root가 아니라면 splitLeaf method를 실행한다.

iv. splitRoot method

- 1. right node를 생성한 뒤 split할 값을 right에 넣는다.
- 2. leafNode에서 right에 들어간 값을 삭제한다.
- 3. parent node를 만들고 leafNode, right와 연결한다.

v. splitLeaf method

- 1. right node를 생성한 뒤 split할 값을 right에 넣는다.
- 2. leafNode에서 right에 들어간 값을 삭제한다.
- 3. 기존의 parent node에 split된 값을 삽입하고 node를 연결한다. 이때, parent의 크기가 M 이상이라면, splitNonLeaf method를 실행한다.

vi. splitNonLeaf method

- 1. split시 parent node에 들어가는 key와 value, split 전 그 key의 left_child_node를 따로 저장한다.
- 2. right node를 만들어 split 시 오른쪽으로 이동하는 값을 삽입힌다.

- 3. node에서 right node에 들어갈 값을 삭제한다.
- 4. node와 right의 r을 재설정하고, r의 left_child_node의 parent를 right로 설정한다.
- 5. right.r의 parent와 node.r의 parent를 재설정한다.
- 6. parent node를 새로 만드는 경우, 미리 저장한 key와 value를 parent node에 삽입한다. 그 후 B+Tree의 시작 부분을 parent로 설정한다.
- 7. parent node가 이미 존재하는 경우, parent node의 적절한 위치에 미리 저장한 key 와 value를 삽입한다. 만약 값 삽입이 끝난 parent node의 크기가 M 이상이라면, 다시 parent node에 대해 splitNonLeaf method를 실행한다.

D. Deletion

- i. loadTree를 이용해 B+Tree를 불러온다.
- ii. CSV file에서 key를 불러와 deleteNode method에 넣는다.
- iii. deleteNode method
 - 1. key가 있는 leaf node와 그 node의 왼쪽 leaf node를 찾는다.
 - 2. B+Tree에 key가 없으면 method를 종료한다.
 - 3. leaf node에서 key를 제거한다.
 - 4. 만약 제거된 key가 node의 가장 왼쪽 key라면, non-leaf node에서 key의 값을 key가 제거된 node의 가장 왼쪽 key의 값으로 대체한다.
 - 5. node.m이 규칙에 맞는 크기라면 method를 종료한다.
 - 5. 그렇지 않다면,node의 왼쪽 leafnode인 left와 오른쪽 leafnode인 right를 찾는다.
 - 7. 만약 left의 key 하나를 빌려올 수 있다면, 빌려와 node에 넣는다.
 - 8. 만약 right의 key 하나를 빌려올 수 있다면, 빌려와 node에 넣는다.
 - 9. 그렇지 않다면, merge method를 실행해 node를 merge한다.

iv. merge method

- 1. node의 왼쪽 leaf node인 left와 오른쪽 leaf node인 right를 찾는다.
- 2. 만약 left가 null이 아니라면, node의 모든 pair를 left로 옮긴다. 그 후 부모 node 에서 node와 연결된 pair를 삭제한다.
 - A. 삭제 후 node의 parent가 root이고, node.parent에 pointer가 없다면 left를 root로 지정한다.
 - B. 삭제 후 node.parent의 pointer 개수가 규칙보다 적다면, mergeParent method를 실행한다.
- 3. 만약 right가 null이 아니라면, node의 모든 pair를 right로 옮긴다. 그 후 부모 node에서 node와 연결된 pair를 삭제한다.
 - A. 삭제 후 node의 parent가 root이고, node.parent에 pointer가 없다면 right을 root로 지정한다.
 - B. 삭제 후 node.parent의 pointer 개수가 규칙보다 적다면, mergeParent method를 실행한다.

v. mergeParent method

- 1. node의 왼쪽 leaf node인 left와 오른쪽 leaf node인 right를 찾는다.
- 2. 만약 left가 null이 아닐 때
 - A. left에 node.parent에 left와 연결된 pair를 left로 옮긴다.
 - B. node의 pair를 left로 옮긴다.
 - C. 만약 left.m이 M보다 크다면, splitNonLeaf method를 실행한다.
 - D. 만약 left.parent가 root이고 pointer가 없다면, left를 root로 지정한다.
 - E. 만약 left.parent의 pointer 개수가 규칙보다 적다면, mergeParent method를 실행한다.
- 3. 만약 right가 null이 아닐 때
 - A. node에 node.parent에 node와 연결된 pair를 node로 옮긴다.
 - B. right의 pair를 node로 옮긴다.
 - C. 만약 node.m이 M보다 크다면, splitNonLeaf method를 실행한다.
 - D. 만약 node.parent가 root이고 pointer가 없다면, node를 root로 지정한다.
 - E. 만약 node.parent의 pointer 개수가 규칙보다 적다면, mergeParent method를 실행하다.

E. Single key search

- i. loadTree method를 이용해 B+Tree를 불러온다.
- ii. root node가 leaf node인 경우 key에 해당하는 value를 찾아 출력하거나, 찾지 못할 시 "Not found"를 출력한다.
- iii. leafNode에 도달할때까지 path에 탐색 과정에서 사용된 key를 저장한다.
- iv. leafNode에 도달하면 path에 저장된 kev를 출력한다.
 - 1. 만약 leafNode에서 key를 찾지 못했다면 "Not found"를 출력한다.
 - 2. leafNode에서 key를 찾았다면 해당 key에 맞는 value를 출력한다.

F. Ranged search

- i. loadTree method를 이용해 B+Tree를 불러온다.
- ii. B+Tree가 빈 경우 "Not found"를 출력한다.
- iii. findOperateNode method를 통해 start key에 맞는 node를 찾는다.
- iv. start key보다 큰 key 중 가장 작은 key를 index로 설정한다.
- v. 만약 start_key보다 큰 key가 node에 없다면, node.r로 이동하고 index를 0으로 설정한다. 이때, 이동 전 node가 Tree의 맨 오른쪽 node이면 start_key가 Tree의 최댓값보다큰 것이므로 "Not found"를 출력하고 프로그램을 종료한다.
- vi. node에서 선형적으로 탐색한 key와 value를 출력한다. 이때 node의 맨 오른쪽 key에 접근한 후에는 그 오른쪽 node로 넘어서 key가 end_key 이하의 값일때까지 key와 value를 출력한다.

vii. start_key와 end_key 사이에 key가 없는 경우에는 "Not found"를 출력한다.

2. Detailed description of codes

- A. Class Pair: Node에 저장된 각 key, value와 자식 노드를 저장하는 단위
- B. Class Node: B+Tree의 각 node
 - i. private int m : node에 들어있는 key의 수
 - ii. private ArrayList<Pair> p: key, value, 자식 노드를 저장한 Pair의 list
 - iii. private Node r: node의 오른쪽 자식 노드 혹은 node의 오른쪽 leaf node
 - iv. private Node parent : node의 부모 노드
 - v. public Node getChildNode(int index): node의 index번째 pair의 자식 노드를 구하는 함수
 - 1. 만약 index가 해당 node에 들어있는 key의 수와 같다면, 해당 node의 자식 노드는 node.r이다.
 - 2. 만약 그렇지 않다면, 해당 node의 자식 노드는 node의 index번째 pair의 left child node이다.
 - vi. private int m : node에 들어있는 pointer의 수
 - vii. private ArrayList<Pair> p: key, value, 자식 노드를 저장한 Pair의 list
 - viii. private Node r : node의 오른쪽 자식 노드 혹은 node의 오른쪽 leaf node
 - ix. private Node parent : node의 부모 노드
 - x. public Node getChildNode(int index) : node의 index번째 pair의 자식 노드를 구하는 함수
 - 1. 만약 index가 해당 node에 들어있는 pair의 수와 같다면, 해당 node의 자식 노드는 node.r이다.
 - 2. 만약 그렇지 않다면, 해당 node의 자식 노드는 node의 index번째 pair의 left_child_node이다.
 - xi. public void setChildNode(int index, Node node) : node의 index번째 pair의 자식 node를 node 로 설정하는 함수
 - 1. 만약 index가 해당 node에 들어있는 pair의 수와 같다면, 해당 node의 자식 node 를 node로 설정한다.
 - 2. 만약 그렇지 않다면, node의 index번째 pair의 left_child_node를 node로 설정한다.
 - xii. public Node findLeft(): node의 parent node에서 해당 node의 왼쪽에 있는 node를 찾는다.
- xiii. public Node findRight() : node의 parent node에서 해당 node의 오른쪽에 있는 node를 찾는다.
- C. public static Node bPlusTree : bPlusTree를 저장하는 객체
- D. public static int M: B+Tree의 차수
- E. public static BufferedReader br, public static BufferedWriter bw : 파일 입출력에 사용
- F. public static void main(String[] args)

- i. data file creation
 - 1. args[2]를 정수로 바꾸어 M에 저장한다.
 - 2. saveTree method를 이용해 (args[1]).dat 파일을 생성한다.
- ii. insertion
 - 1. insert method를 이용해 삽입 수행 후 이를 DAT 파일에 저장한다.
- iii. deletion
 - 1. delete method를 이용해 삭제 수행 후 이를 DAT 파일에 저장한다.
- iv. single key search
 - 1. args[2]를 정수형으로 바꾼 후 single search를 수행한다.
- v. ranged search
 - 1. args[2]와 args[3]을 정수형으로 바꾼 후 각각을 start_key, end_key로 하는 ranged search를 수행한다.

G. public static void loadTree(String index_file)

- i. index_file의 이름을 갖는 file인 indexFile을 불러온다.
- ii. BufferedReader를 이용해 indexFile로부터 숫자를 읽는다.
- iii. indexFile의 첫번째 입력값을 M으로 설정한다.
- iv. buildTree method를 실행하고 이를 bPlusTree로 할당한다.
- v. 만약 bPlusTree가 null이라면, 이는 DAT 파일이 처음 만들어지는 경우를 의미한다. 따라서, bPlusTree에 Node를 할당해준다.

H. public static Node buildTree(): DFS 방식으로 저장된 DAT 파일의 값을 읽어 B+Tree 구성

- i. BufferedReader를 이용해 data를 한줄씩 입력받는다.
- ii. split method를 이용해 각각의 데이터를 "" 단위로 분리해 nodeInfo에 저장한다.
- iii. node를 생성하고, nodeInfo[0]을 정수형으로 변환한 값을 m으로 설정한 뒤 node의 m을 m으로 설정한다.
- iv. nodeInfo[1]을 정수형으로 변환해 isLeaf에 저장한다. isLeaf가 1이면 해당 node는 leaf node이고, isLeaf가 0이면 해당 node는 non-leaf node이다.
- v. nodeInfo[0]과 nodeInfo[1]을 제외한 nodeInfo의 값을 ","을 기준으로 분리해 dataArr에 넣은 뒤 node.p에 저장한다.
- vi. node가 non-leaf node일 때
 - 1. i가 0부터 m이 될때까지 다음 for문을 반복한다.
 - 2. Node child를 만들고 이에 buildTree method의 실행값을 저장시킨다.
 - A. saveTree method에 대한 설명을 보면 위의 행위가 DFS 방식으로 저장된 Tree 를 불러오는 과정이라는 것을 알 수 있다.
 - 3. setChildNode method를 이용해 child를 node의 자식 노드로 설정한다.
 - 4. child의 부모 노드를 node로 설정한다.
 - 5. node의 왼쪽 child의 가장 오른쪽 leaf node의 r을 node의 오른쪽 child의 가장 왼

쪽 leaf node로 설정한다.

- vii. node가 leaf node일때
 - 1. node의 child를 모두 null로 설정한다.
- viii. node를 return한다.

I. public static void saveTree(String index_file)

- i. index file을 이름으로 갖는 dat파일인 indexFile 불러온다.
- ii. indexFile의 첫 줄에 M을 입력한다.
- iii. saveNode method를 실행해 B+Tree를 특정한 형식에 맞춰 DAT 파일에 저장한다.

J. public static void saveNode(Node node)

- i. 만약 node가 null이거나 node에 아무런 pair가 들어가있지 않으면 method를 종료한다.
- ii. indexFile에 node.m을 입력한다.
- iii. node.getChildNode(0)을 통해 해당 node가 leaf node인지 확인한다. 만약 node.getChildNode(0)가 null이라면, 해당 node는 leaf node이다.
- iv. node가 leaf node라면, indexFile에 1을 입력한다. 그렇지 않다면 0을 입력한다.
- v. 해당 node의 pair의 값을 key, value 와 같은 형식으로 indexFile에 입력한다.
- vi. 입력 과정에서 데이터는 ""을 기준으로 구분하도록 데이터 사이에 ""을 입력해준다.
- vii. 만약 node가 non-leaf node라면, node의 child node를 왼쪽부터 오른쪽 순서대로 saveNode method의 parameter로 넘겨 저장한다. 즉, node 저장 후 child node를 recursive하게 저장하므로 DFS와 같은 스타일로 B+Tree가 저장된다.
- viii. 원래 B+Tree의 index에선 non-leaf node에 value가 저장되지 않지만, 본 과제에서는 코드를 보다 간결하게 구현하기 위해 편의상 non-leaf node에도 value를 같이 저장했다. 다만, 아래에 나와있는 substituteKey method에서 볼 수 있듯 non-leaf node에서 value는 중요한 데이터가 아니므로 Tree의 구조에 변화가 생기더라도 non-leaf node에서는 key에 따라 value가 변화되지 않도록 코드를 작성하였다.
- ix. 다음은 데이터 저장 후 DAT 파일의 모습의 예시이다.

3

202,23,3

1 1 1,1

2 1 2,2

3 1 3,3 4,4

K. public void static insert(String index file, String data file)

- i. loadTree method를 이용해 B+Tree를 불러온다.
- ii. BufferedReader를 이용해 csv 파일의 key와 value pair를 한 줄씩 읽는다.
- iii. 일은 key와 value pair를 insertNode method에 넣는다.
- iv. CSV file을 모두 읽었다면 saveTree method를 이용해 B+Tree를 저장한다.

L. public static void insertNode(int key, int value)

- i. findOperateNode를 이용해 key가 들어갈 leaf node를 찾아 leafNode에 저장한다.
- ii. leafNode 안에 이미 key가 존재할 경우 에러 메세지를 출력하고 method를 종료한다.
- iii. leafNode에 key가 들어갈 index를 찾는다.
- iv. leafNode의 index 위치에 key와 value pair를 삽입한 후, leafNode.m을 1만큼 늘린다
- v. M이 leafNode.m보다 큰 경우, 즉 split이 일어날 경우
 - 1. 만약 leafNode가 root라면, splitRoot method를 실행한다.
 - 2. 만약 그렇지 않다면, splitLeaf method를 실행한다.

M. public static Node findOperateNode(int key, String commad)

- i. node에 root를 저장하고, 다음의 반복문을 수행한다.
- ii. key가 node의 제일 오른쪽에 있어야 함을 나타내는 biggest 변수를 설정한다.
- iii. 만약 node에 pointer가 없거나, node의 자식이 없다면 node를 return한다.
- iv. 만약 command가 "leaf"이고 key가 node의 i번째 key보다 작은 상황을 찾으면 node를 node의 i번째 왼쪽 자식으로 설정한다. 그 후 biggest를 false로 설정하고 for문을 탈출한다.
- v. 만약 command가 "leftLeaf"이고 key가 node의 i번째 key보다 작거나 같은 상황을 찾으면 node를 node의 i번째 왼쪽 자식으로 설정한다. 그 후 biggest를 false로 설정하고 for문을 탈출한다.
- vi. 만약 biggest가 true라면 key가 node의 가장 오른쪽 값보다 크거나, 크거나 같은 상황이므로 node를 node.r로 설정한다.

N. public static int findIndex(Node node, int key)

- i. 만약 node에 pointer가 없으면 index를 0으로 설정한다.
- ii. 만약 node의 node.m-1번째 key가 key보다 크다면, 해당 node에 node보다 큰 key가 없으므로 index를 node.m으로 설정한다.
- iii. 만약 위 상황이 모두 아니라면, node의 i번째 key가 key보다 작으면 index를 i로 정한다.
- iv. index를 return한다.

O. public static void splitRoot(Node root): root를 split

- i. right라는 node를 만들고, divideNum을 M / 2로 설정한다.
- ii. root의 divideNum부터 M-1번째 pair를 right에 넣는다.
- iii. right에 넣은 pair를 root에서 삭제한다.
- iv. parent node를 생성한다.
- v. right의 첫번째 pair를 parent node에 넣는다.
- vi. parent.r를 right로 설정하고, parent의 첫번째 left_child_node를 root로 설정한다.
- vii. root와 right의 parent node를 parent로 설정한다.
- viii. right.r을 root.r로 설정하고, root.r을 right로 설정한다.

ix. parent를 root(bPlusTree)로 지정한다.

P. public static void splitLeaf(Node leafNode): leafNode를 split

- i. right라는 node를 만들고, divideNum을 M / 2로 설정한다.
- ii. leafNode의 divideNum부터 M-1번째 pair를 right에 넣는다.
- iii. right에 넣은 pair를 leafNode에서 삭제한다.
- iv. right의 첫번째 key가 leafNode.parent의 맨 오른쪽에 들어가야 한다면
 - 1. leafNode의 맨 오른쪽에 right의 첫번째 pair를 삽입한다.
 - 2. leafNode.parent의 가장 오른쪽 pair의 left_child_node를 leafNode로 설정한다/
 - 3. leafNode.parent의 r을 right로 설정한다.

v. 그렇지 않다면

- 1. leafNode.parent에 right의 첫번째 key가 들어갈 위치를 찾아 index에 저장한다.
- 2. leafNode.parent의 index 위치에 right의 첫번째 pair를 삽입하고 그 node의 left child node를 leafNode로 지정한다.
- 3. leafNode.parent의 index+1번째 left_child_node를 right으로 지정한다.
- vi. leafNode.paremt.m을 1만큼 늘리고, right.r을 leafNode.r로 지정한 다음 leafNode.r을 right로 지정한다.
- vii. right의 부모 node를 지정한다.
- viii. 만약 leafNode.parent.m이 M 이상이라면 parent node에서 split이 일어나는 경우이므로 splitNonLeaf method를 실행한다.

Q. public static void splitNonLeaf(Node node)

- i. right node를 생성하고 len을 node.m, divideNum을 len / 2로 설정한다.
- ii. node의 divideNum번째 pair의 값을 각각 insertKey, insertValue, insertNode에 저장한다.
- iii. node의 divideNum+1번째부터 M-1번째 pair를 right에 넣는다.
- iv. right에 넣은 node의 pair를 삭제한다.
- v. right.r을 node.r로 설정하고, node.r을 insertNode로 지정한다.
- vi. right에 저장된 pair들의 left child node의 parent를 right로 지정한다.
- vii. right.r과 node.r의 parent node를 각각 right와 node로 지정한다.
- viii. 만약 node.parent가 null인 경우 (즉, parent node를 새로 만드는 경우)
 - 1. parent node를 새로 생성한다.
 - 2. parent에 (insertKey, insertValue, node) pair를 저장하고 parent.r을 right으로 설정한다.
 - 3. node와 right의 parent node를 각각 parent로 설정하고 bPlusTree를 parent로 지정한다.
- ix. 그렇지 않다면 (즉, parent node가 이미 존재하는 경우)
 - 1. 만약 node.parent에서 insertKey의 index가 node.parent.m과 같다면
 - A. node.parent의 맨 오른쪽에 (insertKey, insertValue, node) pair를 삽입한다.

- B. node.parent.r을 right으로 설정한다.
- 2. 그렇지 않다면
 - A. node의 index를 찾는다.
 - B. node.parent의 index번째에 (insertKey, insertValue, node) pair를 삽입한다.
 - C. node.parent의 index+1번째 pair의 left child node를 right으로 지정한다.
- 3. node.parent.m을 1만큼 늘리고 right.parent를 node.parent로 지정한다.
- 4. 만약 node.parent.m이 M 이상이라면, split이 일어나는 경우이므로 splitNonLeaf method를 실행한다.

R. public static void delete(String index_file, String data_file)

- i. loadTree method를 이용해 B+Tree를 불러온다.
- ii. BufferedReader를 이용해 CSV file을 한 줄씩 읽는다.
- iii. 일은 data를 deleteNode method에 넣는다.
- iv. CSV file을 다 읽고 모든 연산을 수행했으면 saveTree method를 이용해 B+Tree를 저장한다.

S. public static void deleteNode(int key)

- i. findOperateNode method를 이용해 key가 삭제될 node와 그 node의 왼쪽 node를 찾아 각각 node와 leftLeaf에 저장한다.
- ii. traverseNode에 node를 저장한다.
- iii. 반복문을 통해 node에 key가 있는지 확인한다. 만약 없다면, method를 종료한다.
- iv. 삭제 연산 수행 전 node의 첫번째 key를 firstKey에 저장한다.
- v. divideNum을 (M-1)/2로 저장한다.
- vi. node에서 key를 삭제한다.
- vii. 만약 key가 삭제 후 node의 첫번째 key보다 작다면, substituteKey method를 실행한다.
- viii. 만약 divdeNum이 node.m 이하라면, node에 들어가야 하는 최소 key 개수 조건을 충족하였기에 method를 종료한다.
- ix. 그렇지 않다면, findLeft method와 findRight method를 이용해 node의 왼쪽, 오른쪽 node 를 찾은 뒤 이를 left와 right에 저장한다.
- x. 만약 left가 비어있지 않고 divideNum이 left.m보다 작다면 (left에서 borrow 가능)
 - 1. node의 맨 앞의 위치에 left의 마지막 pair를 삽입하고, left에선 마지막 pair를 삭제한다.
 - 2. node.parent부터 firstKey를 node의 첫번째 key로 교체한다.
 - 3. method를 종료한다.
- xi. 만약 right가 비어있지 않고 divideNum이 right.m보다 작다면 (right에서 borrow 가능)
 - 1. right의 첫번째 pair를 node의 마지막에 넣는다.

- 2. right의 첫번째 pair를 삭제한다.
- 3. node.parent부터 node의 마지막 pair의 key를 right의 첫번째 key로 교체한다.
- 4. method를 종료한다.
- xii. 만약 그렇지 않다면, merge method를 실행한다.

T. public static int findIndexParent(Node node) : node의 parent node에서 index 탐색

- i. node.parent의 i번째 pair의 left child node가 node라면, i를 return한다.
- ii. 만약 node.parent.r이 node라면, node.parent.m을 return한다.
- iii. 그렇지 않다면 index가 존재하지 않는 경우이므로 -1을 return한다.

U. public static void substituteKey(int change, int delete, Node node)

- i. node에서 root까지 올라가며 delete를 change로 바꾼다.
- ii. 만약 delete가 node의 i번째 key와 같다면, node의 i번째 key를 change로 바꾼다.
- iii. 이때, non-leaf node에선 pair의 value가 중요하지 않으므로 value는 변경하지 않는다.
- iv. 만약 node가 root(bPlusTree)라면, method를 종료한다.
- v. 그렇지 않다면, node를 node.parent로 설정한다.

V. public static void merge(Node node, Node leftLeaf)

- i. node의 왼쪽, 오른쪽 node를 찾아 left와 right에 저장한다.
- ii. left가 null이 아니라면
 - 1. left로 node pair를 옮긴다.
 - 2. left.r을 node.r로 설정한다.
 - 3. findIndexParent method를 이용해 node의 index를 찾은 뒤 index에 이를 저장한다.
 - 4. 부모 node에서 index-1번째 값을 삭제한다.
 - 5. Tree height가 2이고 node.parent.m이 0이라면 left를 root로 설정한다.
 - 6. 만약 node.parent.m이 (M-1)/2 미만이라면, mergeParent method를 실행한다.
- iii. right가 null이 아니라면
 - 1. right로 node의 pair를 옮긴다.
 - 2. 만약 node.parent의 맨 왼쪽 자식이 node라면 Tree의 tmpMin을 right의 첫번째 key로 바꾼다.
 - 3. leftLeaf.r을 right으로 설정한다.
 - 4. 부모 node에서 index번째 값을 삭제한다.
 - 5. Tree height가 2이고 node.parent.m이 0이라면 right을 root로 설정한다.
 - 6. 만약 node.parent.m이 (M-1)/2 미만이라면, mergeParent method를 실행한다.

W. public static void mergeParent(Node node)

- i. node의 왼쪽, 오른쪽 node를 찾아 left와 right에 저장한다.
- ii. left가 null이 아니라면
 - 1. findIndexParent method를 이용해 left의 index를 찾은 뒤 index에 이를 저장한다.

- 2. 부모 node의 key를 left로 옮긴다.
- 3. 부모 node에서 index번째 값을 삭제한다.
- 4. node의 pair을 left로 옮긴다.
- 5. left.r를 node.r로 설정하고, left.r의 parent를 left로 설정한다.
- 6. left.parent의 자식 node들을 left로 지정한다.
- 7. left의 child node의 parent를 left로 지정한다.
- 8. 만약 left.m이 M보다 크다면, splitNonLeaf method를 실행한다.
- 9. Tree height가 2이고 node.parent.m이 0이라면 left를 root로 설정한다.
- 10. 만약 left.parent.m이 (M-1)/2보다 작다면, mergeParent method를 실행한다.

iii. right가 null이 아니라면

- 1. findIndexParent method를 이용해 node의 index를 찾은 뒤 index에 이를 저장한다.
- 2. 부모 node의 key를 node로 옮긴다.
- 3. 부모 node에서 index번째 값을 삭제한다.
- 4. right pair를 node로 옮긴다.
- 5. node.r를 right.r로 설정하고, node.r의 parent를 node로 설정한다.
- 6. node.parent의 자식 node를 node로 지정한다.
- 7. node의 child node의 parent를 node로 지정한다.
- 8. 만약 node.m이 M보다 크다면, splitNonLeaf method를 실행한다.
- 9. Tree height가 2이고 node.parent.m이 0이라면 node를 root로 설정한다.
- 10. 만약 node.parent.m이 (M-1)/2보다 작다면, mergeParent method를 실행한다.

X. public static void singleSearch(String index_file, int key)

- i. loadTree method를 이용해 B+Tree를 불러온다.
- ii. bPlusTree로 지정된 node, 탐색 경로를 저장할 path 변수를 만든다.
- iii. root node가 leaf node인 경우, node에서 key를 찾은 뒤 value를 출력한다.
 - 1. 만약 key를 찾지 못했다면, "Not found"를 출력한다.
- iv. node가 leaf node인 경우 다음 반복문을 실행한다.
 - 1. 만약 node가 null이라면, path에 저장된 값을 출력하고 "Not found"를 출력한다.
 - 2. 만약 그렇지 않다면
 - A. path를 출력한다.
 - B. key가 leaf node의 맨 오른쪽에 있는 경우, 맨 오른쪽의 value를 출력한다.
 - C. key가 0~node.m-2 사이에 있는 경우, 해당 index의 값을 찾아 출력한다.
 - D. key를 찾지 못했다면 "Not found"를 출력한다.
 - E. method를 종료한다.
- v. node의 pointer가 1개라면, path에 key를 넣은 다음 그 다음 node로 이동한다.
- vi. 만약 그렇지 않다면

- A. key가 node의 맨 처음 혹은 맨 오른쪽에 있다면 path에 그 key를 삽입한다.
- B. 그렇지 않다면 search 중 지나는 앞의 key와 그 다음 key를 path에 넣는다.
- C. 다음 node로 이동한다.
- vii. node search 중에서 해당 node의 key과 다음과 같을 경우 그 key의 값만 출력한다.
 - 1. 해당 node에 key가 하나밖에 없는 경우
 - 2. search 연산의 key가 해당 node의 맨 첫번째 key보다 작은 경우
 - 3. search 연산의 key가 해당 node의 맨 마지막 key보다 큰 경우
- viii. 위의 경우가 아니라면, 해당 node의 child node로 이동할 때 최종적으로 비교되는 두 key를 출력한다. 즉, search하고자 하는 key보다 작은 key 중에서 가장 큰 key와 search 하고자 하는 key보다 큰 key중에서 가장 작은 key가 child node로 이동할 때 최종적으로 비교되므로 이 두 key를 순서대로 출력한다.

Y. public static void rangedSearch(String index_file, int start_key, int end_key)

- i. loadTree method를 이용해 B+Tree를 불러온다.
- ii. B+Tree가 비어있을 경우 "Not found"를 출력하고 method를 종료한다.
- iii. start_key가 들어갈 node를 찾아 node에 저장한다.
- iv. node에서 start key보다 큰 key중 가장 작은 값이 있는 i를 찾아 index에 저장한다.
- v. 만약 node에 index가 없어 오른쪽 node로 넘어가는 경우 node를 node.r로 설정하고 index를 0으로 설정한다.
 - 1. 만약 node가 null이면 start_key가 index에 저장된 key 값을 넘어선 경우이므로 "Not found"를 출력한다.
- vi. node 안에서 다음 반복문을 수행한다.
 - 1. range 안에 key가 없는 경우 "Not found"를 출력하고 method를 종료한다.
 - 2. start_key가 node의 i번째 key보다 작거나 같은 경우 key와 path를 출력하고 flag를 true로 설정한다.
 - 3. node의 맨 오른쪽 key가 end key 이하인 경우
 - A. 만약 node.r이 null이면 맨 오른쪽 leaf node에 도달한 경우이므로 method를 종료한다.
 - B. 그렇지 않으면 node를 node.r로 설정해 다음 node로 넘어간다.

3. Instructions for compiling

- A. 구현 및 실행 환경: MacBook Air M1 8GB RAM
- B. 실행 방법
 - i. jar 파일이 있는 경로에 삽입과 삭제를 수행할 데이터를 가진 csv file을 넣는다.
 - ii. terminal에서 jar 파일이 있는 경로까지 이동 후 아래 명령어를 실행한다.
 - 1. java -jar BPlusTree.jar "명령, 파일 이름 등"

```
[~ $ java -jar BPlusTree.jar -c index.dat 3
[~ $ java -jar BPlusTree.jar -i index.dat input.csv
[~ $ java -jar BPlusTree.jar -s index.dat 68
26, 68, 86
97321
[~ $ java -jar BPlusTree.jar -r index.dat 10 90
10, 84382
20, 57455
26, 1290832
37, 2132
68, 97321
84, 431142
86, 67945
87, 984796
[~ $ java -jar BPlusTree.jar -d index.dat delete.csv
[~ $ java -jar BPlusTree.jar -r index.dat 1 90
37, 2132
68, 97321
84, 431142
86, 67945
87, 984796
```

4. Any other specification of implementation and testing

A. 다음과 같은 코드를 작성해 1부터 10,000,000까지의 수를 csv파일에 순차적으로 저장한 다음 역순으로 삭제하는 test case를 생성하였다.

```
import java.io.*;

public class Generator {
    public static void main(String[] args) {
        String[] Path = {"/Users/kangtaeuk/eclipse-workspace/BPlusTree/src/data.csv", "/Users/kangtaeuk/eclipse-workspace/BPlusTree/src/data.csv", "/Users/kangtaeuk/eclipse-workspace/BPlusTree/src/data.csv", "/Users/kangtaeuk/eclipse-workspace/BPlusTree/src/delete.csv");
    File dataFile = new File(Path[i]);
    BufferedWriter bw1 = null, bw2 = null;
    try {
        bw2 = new BufferedWriter(new FileWriter(dataFile));
        bw2 = new BufferedWr
```

B. 실행 결과

```
~ $ java -jar BPlusTree.jar -c index.dat 5
~ $ java -jar BPlusTree.jar -i index.dat data.csv
~ $ java -jar BPlusTree.jar -s index.dat 4987300
3188647, 6377293, 4251529, 5314411, 5078215, 4999483, 4990735, 4987819, 4986847,
4987333, 4987279, 4987297, 4987315, 4987303, 4987299, 4987301
4987300
~ $ java -jar BPlusTree.jar -r index.dat 10000 10005
10000, 10000
10001, 10001
10002, 10002
10003, 10003
10004, 10004
10005, 10005
~ $ java -jar BPlusTree.jar -d index.dat delete.csv
~ $ java -jar BPlusTree.jar -r index.dat 1 10000000
Not found
~ $
```