KHAN G.S. RESEARCH CENTRE

Kisan Cold Storage, Sai Mandir, Musallahpur Hatt, Patna-6 Mob.: 8877918018, 8757354880

Time: 8 to 9 AM

PHYSICS

By: Khan Sir

(मानचित्र विशेषज्ञ)

सदिश तथा अदिश (Vector & Scalar)

- अदिश राशि (Scalar Quantity): वैसी राशियाँ जिसमें केवल पिरमाण होता है किन्तु दिशा नहीं होती है उसे अदिश राशि कहते हैं। जैसे- द्रव्यमान, समय, दाब, ऊर्जा, क्षेत्रफल, आयतन लम्बाई, धारा इत्यादि।
- यह साधारण बीजगणित के नियमों का पालन करती है।
 नोट: धारा की दिशा होती है किन्तु वह सदिश के योग का नियम का पालन नहीं करता है।
- सिदश राशि (Vector Quantity): वैसी राशियाँ जिनका परिमाप के साथ दिशा भी हो उसे सिदश राशि कहते हैं। जैसे-विस्थापन, वेग, त्वरण, बल, संवेग, आवेग, विद्युत क्षेत्र की तीव्रता, चुम्बकीय क्षेत्र की तीव्रता, भार।

Trick : व / ब / ण

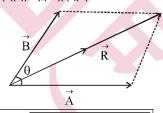
- विस्थापन, वेग, त्वरण, संवेग, आवेग, विद्युत ध्रुव, तीव्रता
- घर्षण, आघूर्ण, गुरुत्वाकर्षण

अपवाद: दाब, घनत्व, द्रव्यमान, विद्युत धारा, विभव

यह साधारण बीजगणित के नियमों का पालन नहीं करती है।
 सिदशों का निरूपण (Representation of a Vector):
 सिदशों को निरूपित करने के लिए किसी भी भौतिक राशि के ऊपर तीर के चिन्ह (→) का प्रयोग किया जाता है जहाँ तीर का माथा उसकी दिशा को बताता है तथा उसकी लम्बाई उसके परिमाण को बताता है।

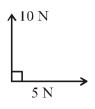


- सदिशों के जोड़ का नियम: सदिश राशि को जोड़ने के लिए त्रिभुज नियम या समानान्तर चतुर्भुज का नियम का पालन करते हैं।
- समांतर चतुर्भुज का नियम (Law of Parallelogram) : यदि कोई दो सदिश A और B एक दूसरे से θ कोण पर हों तो उसके परिणामी का परिमाण—



 $R = \sqrt{A^2 + B^2 + 2AB\cos\theta}$

1. 10 N का बल उत्तर दिशा में तथा 5N का एक बल पूरब दिशा में कार्य करता है। इनके बीच का परिणामी बल जात करें।



$$R = \sqrt{A^2 + B^2 + 2AB\cos\theta}$$

$$R = \sqrt{10^2 + 5^2 + 2 \times 10 \times 5 \cos 90}$$
$$= \sqrt{100 + 25 + 100 \times 0} = \sqrt{125 + 0}$$
$$= \sqrt{125} = \sqrt{25 \times 5} = 5\sqrt{5}$$

Remark: जब $\theta = 0^\circ$ होगा तो परिणामी अधिकतम होगा।

$$R = \sqrt{A^2 + B^2 + 2AB\cos\theta}$$

$$= \sqrt{A^2B^2 + 2AB\cos\theta}$$

$$= \sqrt{A^2 + B^2 + 2AB \times 1}$$

 $R_{min} = \sqrt{A^2 + B^2 + 2AB\cos 180}$

$$= \sqrt{A^2 + B^2 + 2AB} = \sqrt{(A + B)^2} \left[R_{\text{max}} = (A + B) \right]$$

Remark : जब $\theta = 180^{\circ}$ होगा तो परिणामी न्यूनतम होगा ?

$$= \sqrt{A^2 + B^2 + 2AB \times -1} \quad \boxed{\cos 180 = -1}$$

$$= \sqrt{A^2 + B^2 - 2AB} \quad = \sqrt{(A - B)^2}$$

$$\boxed{R_{\text{min}} = (A - B)}$$

* Rang = $\min \longrightarrow \max$

Minimum से कम तथा Maximum से ज्यादा मान संभव नहीं है।

Q. 10 N तथा 5 N के दो बल का परिणामी कभी भी नहीं होगा। (A) 8 N (B) 15 N (C) 12 N (D) 3 N (Min Range से कम है।)

Solⁿ: Min = A - B
=
$$10-5$$

= 5
Max = A + B
= $10+5$
= $10+5$

Range = $5 \rightarrow 15$

Q. दो बल जिनका मान समान है यदि इनका परिणामी भी सामान हो जाए तो इनके बीच का कोण ज्ञात करें।

$$Sol^n: A = B = R$$
 (माना) माना $R = x$

$$R = \sqrt{A^2 + B^2 + 2AB\cos\theta}$$

$$x = \sqrt{x^2 + x^2 + 2 \times x \times x \cos \theta}$$

$$x = \sqrt{2x^2 + 2x^2 \cos \theta}$$
, $x = \sqrt{2x^2 (1 + \cos \theta)}$

Squaring Both Side,
$$x^2 = 2x^2(1 + \cos \theta)$$

$$\frac{1}{2} = 1 + \cos \theta$$

$$\frac{1}{2} - 1 = \cos \theta$$

$$-\frac{1}{2} = \cos\theta$$

$$\cos\theta = \cos 120$$

$$\theta = 120$$

O. दो समान बल का परिणामी दोनों बलों के योग के बराबर है उनके बीच का कोण जात करें।

$$Sol^n$$
: $A = B = x$ (माना)

$$R = A + B$$
$$= x + x = 2x$$

$$R = \sqrt{A^2 + B^2 + 2AB\cos\theta}$$

$$2x = \sqrt{x^2 + x^2 + 2x^2 \cos \theta}$$

$$2x^2 = \sqrt{2x^2 + 2x^2 \cos \theta}$$

$$2x^2 = \sqrt{2x^2 \left(1 + \cos\theta\right)}$$

Squaring Both side

$$4x^2 = 2x^2 \left(1 + \cos\theta\right)$$

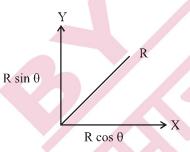
$$2 = 1 + \cos \theta$$

$$1 = \cos \theta$$

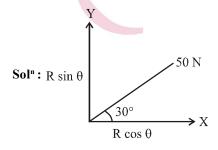
$$\cos\theta = \cos\theta$$

$$\theta = 0$$

सदिश का वियोजन (Dissociation of Vector): जब दो सदिश का परिणामी दिया हो तो x अक्ष y अक्ष पर मान ज्ञात करने के लिए x अक्ष के लिए R cosθ y अक्ष के लिए R sinθ



Q. 50N का एक बल 30 अंश के कोण पर कार्य कर रहा है। x तथा y पर परिणामी ज्ञात करें।



$$X$$
 अक्ष = $R\cos\theta$

$$Y$$
 अक्ष = $R \sin \theta$

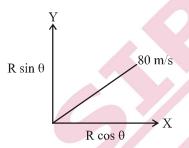
$$50\frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$50 \times \frac{1}{2}$$

$$25\sqrt{3}$$
N

$$= 25 \text{ N}$$

Q. 80 m/s के वेग से गतिशील एक वस्तु 45 अंश के कोण पर गतिशील है तो x तथा y अक्ष का मान ज्ञात करें।



x अक्ष = R cos θ

$$80 \times \cos 45$$

$$80 \times \sin 45$$

$$80 \times \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$80 \times \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$2\times40\times\frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$2\times40\times\frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$40\sqrt{2}$$
 N

$$40\sqrt{2}$$
 N

Remarks: दो भिन्न- भिन्न सदिश का परिणामी कभी भी शून्य नहीं हो सकता और न ही ऋणात्मक।

$$A = 5 N$$

$$Max = A + B = 17$$

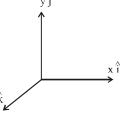
$$Min = A - B = -7$$

$$B-A=7$$

इकाई सदिश (Unit Vector) = इकाई सदिश दिशा को दिखाते हैं।

$$x$$
 अक्ष = \hat{i}

$$z$$
 अक्ष = \hat{k}



- इकाई सदिश का परिणामी
- Q. एक वस्तु का वेग $12\hat{i} + 5\hat{j}$ है तो परिणामी ज्ञात करें।

$$R = \sqrt{A^2 + B^2}$$

$$=\sqrt{12^2+5^2}=\sqrt{144+25}=\sqrt{169}=13$$
 इकाई

Q. एक वस्तु का $10\hat{i} + 5\hat{j} + 3\hat{k}$ है तो परिणामी ज्ञात करें।

$$R = \sqrt{A^2 + B^2 + C^2}$$

$$= \sqrt{10^2 + 5^2 + 3^2}$$

$$=\sqrt{100+25+9}$$

$$=\sqrt{134}$$
 इकाई

सदिशों का गुणनफल (Multiplication of Vector)

- (A) सदिशों का अदिश गुणनफल: सदिशों के अदिश गुणनफल को Dot (•) से सुचित किया जाता है।
- यदि कोई दो सदिश A और B एक दूसरे से θ कोण पर हों, तो उनका अदिश गुणनफल dot product $|\vec{A} \cdot \vec{B}| = AB \cos \theta$
- सदिशों का अदिश गुणनफल एक अदिश राशि होता है।
- (B) सदिशों का सदिश गुणनफल: सदिशों के सदिश गुणनफल को Cross (×) से सुचित किया जाता है।
- यदि कोई दो सदिश A और B एक दूसरे से θ कोण पर हो तो उनका सदिश गुणनफल-

$$\overrightarrow{A} \times \overrightarrow{B} = AB \sin \theta$$
 होता है।

- सदिशों का सदिश गुणनफल एक सदिश राशि होता है।
- 20N तथा 5N के दो बल 30 अंश के कोण पर कार्य कर रहे हैं इनके सदिश तथा अदिश गुणन ज्ञात करें।

सिंदश गुणन
$$=A \times B(\sin \theta)$$
 अदिश गुणन $=A.B\cos \theta$ $20 \times 5 \sin 30$ $20 \times 5 \times \frac{1}{2}$ $20 \times 5 \times \frac{1}{2}$ $20 \times 5 \times \frac{\sqrt{3}}{2}$ $50 \sqrt{3}$

Q. दो सदिश के सदिश गुणन तथा अदिश गुणन आपस में बराबर है। 🔏 $A \times B = A.B$

$$A.B\sin\theta = A.B\cos\theta$$

$$\frac{\sin\theta}{\cos\theta} = 1$$

$$\tan \theta = 1$$
 $\theta = 45$

Q. दो सिंदश का सिंदश गुणन उनके अदिश गुणन से $\sqrt{3}$ गुणा है कोण ज्ञात करें-

सिंदश गुणन = अदिश गुणन
$$\times \sqrt{3}$$

$$A \times B = A.B.\sqrt{3}$$

$$A.B.\sin\theta = A.B\cos\theta \times \sqrt{3}$$

$$\frac{\sin \theta}{\cos \theta} = \sqrt{3}$$

$$\tan \theta = \sqrt{3} \left[\theta = 60 \right]$$

Q. बल तथा विस्थापन का अदिश गुणन कार्य होता है यदि बल 60° अंश पर 40N का लगे तो 2M विस्थापन पर कार्य बताएँ।

$$W = f \times s \cos \theta (x)$$

$$W = f.s \cos \theta (\checkmark)$$

$$= 40 \times 2\cos 60 = 40 \times 2 \times \frac{1}{2} = 40 = 40 \text{ J}$$

बल द्रव्यमान तथा त्वरण का सदिश गुणन होता है। यदि 40 kg की वस्तु तथा 30° के कोण पर कार्य कर रहे 8 m/s² के त्वरण द्वारा उत्पन्न बल जात करें।

$$f = m \times a \sin \theta = 40 \times 8 \times \frac{1}{2} = 160 \text{ N}$$

Q. यदि बल $12\hat{i}$ हो तथा विस्थापन $20\hat{j}$ हो तो कार्य बताएं। W = f s

$$\left(12\hat{i}\right)\times\left(20\hat{j}\right)$$
 [: i तथा j के बीच $\theta = 90^{\circ}, \cos 90^{\circ} = 0$]

Q. यदि बल $5\hat{i}+6\hat{j}+7\hat{k}$ हो तथा विस्थापन $3\hat{i}+4\hat{j}+5\hat{k}$ हो तो कार्य जात करें।

$$(5\hat{i}+6\hat{j}+7\hat{k})(3\hat{i}+4\hat{j}+5\hat{k}) = 15+24+35=74$$

Q. बल एक सदिश राशि है यदि द्रव्यमान 3i तथा त्वरण 12i हो तो बल जात करें।

ਕ
$$\mathbf{m} = \mathbf{m} \times \mathbf{a}$$

$$(3\hat{i}) \times (12\hat{i})$$
 [: i तथा j के बीच $\theta = 0^{\circ}$, $\sin 0^{\circ} = 0$]

(Objective Questions) वस्तुनिष्ठ प्रश्न

- अदिश × अदिश = ?
- (a) सदिश (a) या (b) (d) इनमें से कोई नहीं सदिश सदिश सदिश निश सदिश × सदिश = ?
 - (b) अदिश (c) (a) या (b) (d) इनमें से कोई नहीं
 - अद्भिश × सदिश =?
 - (c) (a) या (b) (d) इनमें से कोई नहीं (a) सदिश (**b)∕**अदिश
 - अदिश राशि के उदाहरण है?
 - (b) त्वरण (a) बल
- (c) तापमान (d) संवेग
 - सदिश राशि के उदाहरण है ?
 - √a) बल आघूर्ण (b) लंबाई (c) घनत्व (d) आवृत्ति
 - निम्नलिखित में से किस समूह में सभी राशियाँ सदिश हैं?
 - (a) कार्य, ऊर्जा, बल
- (b) चाल, त्वरण, वेग
- 🍘 वेग, त्वरण, बल
- (d) ऊष्मा, प्रकाश, विद्युत्
- समानांतर चतुर्भुज बल के नियम मूलतः कितने परिणाम की गणना के लिए प्रयुक्त किए जाते हैं?
 - (a) चार बल (b) तीन बल (c) दो बल (d) पाँच बल
- किसी सदिश का घटक होता है?
 - (a) सदा इसके परिणाम से कम
 - (b) सदा इसके परिमाण से अधिक
 - (c) सदा इसके परिमाण के बराबर
 - 俎) सदिश के परिमाण के बराबर या इससे कम
- दो सदिशों के गुणनफल से प्राप्त राशि होता है-
 - (a) सदिश
- (b) अदिश
- (a) या (b)
- (d) इनमें से कोई नहीं
- 10. शुन्य परिणामी उत्पन्न करने के लिए समान परिमाण के आवश्यक सदिशों की न्यूनतम संख्या है ?
 - **%**a) दो
- (b) तीन
- (c) चार
- (d) चार से अधिक

(मानचित्र विशेषज्ञ)

रेखीय गति (LINEAR MOTION)



न्यनतम दूरी = विस्थापन (Displacement)

दूरी (Distance)

किसी खास समय में चले गये पथ की कुल लंबाई को दूरी कहते हैं।

- दुरी एक "अदिश" राशि है।
- दूरी का S.I मात्रक "मीटर" होता है।

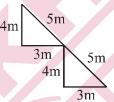
विस्थापन (Displacement)

न्युनतम दूरी को विस्थापन कहते हैं।

- विस्थापन "सदिश" राशि है।
- विस्थापन का S I मात्रक "मीटर" होता है।
- दूरी और विस्थापन का अनुपात हमेशा 1 से बड़ा या बराबर होता है।



 $\boxed{ \frac{c_{x^{(1)}}}{|a|} \ge 1 }$ Q. नीचे दिये गये चित्र में दूरी और विस्थापन का मान क्या होगा $\frac{c_{x^{(1)}}}{|a|}$ होती $\frac{c_{x^{(1)}}}{|a|} = 14m$ $\frac{c_{x^{(1)}}}{|a|}$



Q. अगर कोई व्यक्ति किसी वृत्ताकार पथ पर 3½ चक्कर लगाती है तो व्यक्ति द्वारा तय की गई दूरी और विस्थापन क्या होगा ? अगर वृत्ताकार पथ की त्रिज्या 10m हो ?

Sol: विस्थापन = 10 + 10 = 14m

दूरी =
$$2\pi r \times (3\frac{1}{2})$$



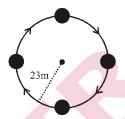
$$= 2 \times \frac{22}{7} \times 10 \times \frac{7}{2} = 220$$
m

Q. अगर किसी वस्तु को 5m की ऊँचाई तक फेंका जाता है और वह वस्तु पुनः पूर्वावस्था में आ जाती है, तो दूरी और विस्थापन का अनुपात क्या होगा?

Sol: विस्थापन = 0

$$\frac{\zeta \tilde{\chi} \tilde{\eta}}{\text{विस्थापन}} = \frac{10}{0} = \infty \text{ or } 10:0$$

Q. एक पिण्ड द्वारा 23 मीटर त्रिज्या तथा 144.51 मीटर परिधि वाले वृत्ताकार पथ पर एक चक्कर लगाता है तो दूरी और विस्थापन क्या होगा?



पिण्ड द्वारा तय की गई दूरी = वृत्ताकार पथ की परिधि = 144.51 मीटर

एक चक्कर लगाने के बाद पिण्ड का विस्थापन = बिन्दु A से बिन्दु A तक की दूरी = 0 (शून्य)

दूरी तथा विस्थापन में अन्तर (Difference between Distance and Displacement):

दूरी

विस्थापन

दूरी केवल परिमाण को करता है। दूरी सदैव धनात्मक, शून्य होती है।

े विस्थापन परिमाण तथा दिशा व्यक्त दोनों को व्यक्त करता है। विस्थापन धनात्मक, ऋणात्मक तथा शून्य भी हो सकता है। यह सदिश राशि है।

यह अदिश राशि है।

चाल (Speed)

एकांक समय में तय की गई दूरी को चाल कहते हैं।

चाल =
$$\frac{\zeta 1}{H}$$

- इसका S.I मात्रक = m/s होता है।
- यह एक 'अदिश' राशि है।
- चाल तथा वेग में अन्तर (Differences between Speed and Velocity):

and velocity).	
चाल	वेग
चाल में केवल परिमाण होता	वेग में परिमाण के साथ-साथ
है दिशा नहीं (अदिश राशि)	दिशा भी होती है। (सदिश राशि)
किसी वस्तु की चाल उस	किसी वस्तु के वेग का परिमाण
वस्तु के परिमाण के बराबर	उस वस्तु की चाल से अधिक
या उससे भी अधिक हो	नहीं हो सकता है।
सकती है।	
किसी वस्तु द्वारा एकांक समय	किसी वस्तु द्वारा एकांक समय
में तय की गयी दूरी को उस	में तय किए गए विस्थापन को
वस्तु की चाल कहते हैं।	उस वस्तु का वेग कहते हैं।

(मानचित्र विशेषज्ञ)

वेग (Velocity)

एकांक समय में तय किए गए विस्थापन को वेग कहते हैं।

वेग =
$$\frac{$$
वस्थापन समय

- इसका S.I मात्रक m/s होता है।
- यह एक "सदिश" राशि है।

वेग (Velocity)



प्रारंभिक वेग

अंतिम वेग

(Intial Velocity)

(Final Velocity)

(u)

(v)

विराम से चलने पर u=0 रूकने या ब्रेक लगाने पर v=0

त्वरण (Acceleration)

वेग में परिवर्तन की दर को त्वरण कहते हैं।

$$a = \frac{v - u}{t}$$

- त्वरण का S.I मात्रक = $\frac{\text{ms}^{-1}}{\text{S}}$ = ms^{-2}
- त्वरण का विमा = $[LT^{-2}]$ = $[M^0LT^{-2}]$
- +Ve त्वरण वेग को बढ़ाता है।
- त्वरण सदैव वेग में परिवर्तन लाता है।

मंदन (Retardation)

वैसा त्वरण जो प्रति सेकेण्ड वेग को घटाता है उसे मंदन कहते हैं। मंदन का मान हमेशा ऋणात्मक होता है।

$$\frac{\mathrm{km/h}}{\mathrm{m/s}} \times \frac{5}{18}$$
 छोटा करने के लिए छोटा से गुणा $\mathrm{m/s} \longrightarrow \mathrm{km/h} \times \frac{18}{5}$ बड़ा करने के लिए बड़ा से गुणा

Q. एक कार की चाल 5 second में 42 m/s से बढ़कर 77 m/s हो जाती है तो त्वरण ज्ञात करें।

Sol.:
$$a = \frac{v - u}{t} = a = \frac{77 - 42}{5} = \frac{35}{5} = \frac{7}{5} = \frac{7}{5}$$

Q. एक स्कुटी की चाल 9 second में 92 m/s से घटकर 11 m/s रह जाती है तो त्वरण या मन्दन ज्ञात करें।

Sol.:
$$a = \frac{v - u}{t} = \frac{11 - 92}{9}$$

= $\frac{-81}{9} = -9 \text{m/s}^2 \text{ or } 9 \text{m/sec}^2$ (मंदन)

Q. एक Car जिसकी चाल 60 m/s थी जिसे ब्रेक लगाकर 5 sec में रोक दिया जाता है तो त्वरण / मन्दन ज्ञात करें।

Sol.:
$$u = 60$$
 $a = \frac{v - u}{t}$

$$v = 0$$
 $a = \frac{0 - 60}{5}$

$$t = 5 \qquad a = \frac{-60}{5}$$

$$a = ?$$
 $a = -12 \text{ m/s}^2 \text{ or } 12 \text{ m/s}^2 \text{ (मंदन)}$

ि t=5 a=? $a=-12 \text{ m/s}^2 \text{ or } 12 \text{ m/s}$ ्र t=5 t=6 t=6

- * जब वस्तु ऊपर जा रही होती है तो -ve
- O. मिनार से गिर रहा एक पत्थर का वेग 5 sec के बाद क्या होगा?

Sol.:
$$g = \frac{v - u}{t} = 9.8 = \frac{v - 0}{5}$$

$$v = 49.0 \text{ m/s} = 49 \text{ m/s}$$

Q. एक वस्तु को 10 m/s के वेग से ऊपर कि ओर फेंकते हैं 6second के बाद इसका वेग क्या होगा ?

Sol.:
$$g = \frac{v - u}{t}, -10 = \frac{v - 10}{6},$$

$$-60 = v - 10$$
, $v = -50 \text{m/s}$