HOJA DE EJERCICIOS 1: Lógica proposicional EDyL 2022-2023

[Fecha de publicación: 2022-09-16]

[Fecha de entrega: 2022-09-27, 09:00]

[Soluciones (en clase): 2022-09-27]

NOTA: Incluye explicaciones para tus respuestas. Un ejercicio cuya respuesta es correcta, pero que no incluye explicaciones podrá ser valorado como incompleto.

EJERCICIO 1.

Consider la base de conocimiento $\Delta = \{ A \Leftrightarrow ((\neg B \lor \neg C) \Rightarrow \neg A), B \Rightarrow (\neg A \land C) \}$

- (i) Sin utilizar reglas de equivalencia, escribe la tabla de verdad de la base de conocimiento Δ e indica qué interpretaciones son modelos de Δ . Basándote en esta tabla de verdad, proporciona respuestas a las siguientes preguntas. Explica el razonamiento que justifica tu respuesta.
- (ii) ¿Es la base de conocimiento UNSAT, SAT, pero no tautología o una tautología? Explica por qué.
- (iii) ¿Es la FBF (A \Leftrightarrow B) consecuencia lógica de la base de conocimiento \triangle ? Justifica tu respuesta.

EJERCICIO 2.

Utilizando únicamente una tabla de verdad (no se permite el uso de reglas de equivalencia), determina si la formula bien formada $w = \{\neg A \Rightarrow B\}$ es consecuencia lógica de la base de conocimiento $\Delta = \{\neg (B \land C) \Rightarrow \neg (B \Leftrightarrow A), B \lor \neg C\}$.

EJERCICIO 3.

Sean w₁, w₂ y w FBFs en lógica formal para las que se cumple

$$\{w_1, w_2, w\}$$
 es SAT, $\{w_1, w_2, \neg w\}$ es SAT.

Indica cuáles de las siguientes aseveraciones son correctas, cuáles son incorrectas y para cuáles de ellas no es posible determinar con la información disponible si son correctas o incorrectas. Explica tus respuestas.

- a. $\{w_1, w_2\} \models w$.
- b. $\{w_1, w_2\} \models \neg w$.
- c. Ni w ni \neg w son consecuencia lógica de la base de conocimiento $\{w_1, w_2\}$.
- d. $w_1 \wedge w_2$ es una tautología.
- e. w es una tautologia.

EJERCICIO 4.

Consideremos la base de conocimiento $\Delta_1 = \{w_1, w_2, w_3, w_4\}$, la cual es UNSAT, y la base de conocimiento $\Delta_2 = \{w_1, w_2, \neg w_3, \neg w_4\}$, que es SAT.

Determina cuáles de las siguientes frases son correctas, incorrectas o para cuáles no es posible determinar si son correctas o incorrectas con la información dada. Justifica tus respuestas y proporciona ejemplos que las ilustren utilizando fórmulas bien formadas que involucren únicamente a los átomos A y B.

Frase	Correcta / incorrecta / No puede ser determinado	Ejemplo:
$\{w_1, w_2\} \models \neg w_3 \lor \neg w_4$		
$\{w_1, w_2\} \models w_3 \wedge w_4$		
$\{w_1, w_2\}$ es UNSAT		
Si $\{w_1, w_2\} \models \neg w_3 \lor w_4$ entonces $\{w_1, w_2\} \models \neg w_3$		

EJERCICIO 5.

En una isla remota coexisten de manera pacífica criaturas de dos especies distintas. Las especies son los "verosus", quienes siempre dicen la verdad, y los "falacius", quienes siempre mienten. En un encuentro con seis de estas criaturas oímos las siguientes aseveraciones:

A: B es falacius o D es falacius.

B: D y G son de la misma especie.

C: A es verosus o G es falacius.

D: B es *verosus*.

E: A es *verosus*.

G: B y yo o bien somos ambos verosus o bien falacius.

Para obtener la solución solo es posible utilizar inferencia; no está permitido utilizar razonamiento natural, semiformal, o basado en casos.

a. Indica los átomos necesarios para formalizar esta base de conocimiento (tantos como sea necesario).

	Símbolo	Denotación		
(0)				
105				
tom				
At				

b. Escribe las fórmulas bien formadas (FBF's) en lógica proposicional de las que se compone la base de conocimiento (tantas como sean necesarias).

	Aseveración	FBF
0		
ient		
cim		
Base de conocimiento		
g Q		
3ası		
ш,		

- c. Transforma las FBF's de la base de conocimiento en forma normal conjuntiva (FNC) indicando en cada paso la regla de equivalencia utilizada.
- d. Utiliza refutación basada en resoluciones para determinar si A es *verosus* o *falacius*.
- e. Utiliza resolución directa sobre las cláusulas obtenidas para determinar si las otras criaturas son *verosus* o *falacius*.

EJERCICIO 6. [adaptado del puzle 20 "*Alice in Puzzleland*" R. Smullian, 1984] Alguien se comió la mayor parte de la tarta que el padre de Mira había hecho para su cumpleaños. Los únicos amigos que podrían haberlo hecho son Kieran, Diana, o Coco. Cuando Mira les preguntó, Diana dijo: "La culpa es de Coco". "Sí, claro que me la comí", respondió Coco con enigmática sonrisa. Kieran exclamó: "Te prometo que yo no fui".

Sabiendo que la persona que comió la tarta miente, que al menos uno de los otros dice la verdad y que podrían haber sido varios, ¿quién comió la tarta? Utilizando únicamente inferencia directa en lógica proposicional (no se pueden usar tablas de verdad, razonamiento basado en casos, natural o semiformal), ¿puedes deducir quién comió la tarta, quien mintió y quién dijo la verdad?

a. Especifica los átomos necesarios para formalizar el problema en lógica proposicional.

	Símbolo	Denotación
	C	"Coco comió la tarta"
0.5	D	"Diana comió la tarta "
Átomos	K	"Kieran comió la tarta
Átc	CC	"Coco dijo la verdad"
,	DD	"Diana dijo la verdad"
	KK	"Kieran dijo la verdad"

b. Formaliza en lógica proposicional la base de conocimiento. Utiliza para ello tantas filas como sean necesarias.

	Fórmula bien formada	Frase en lenguaje natural
)to		
<u>je</u>		
Base de conocimiento		
noor		
S		
de		
Se		
Ba		
,		

- c. Transforma la base de conocimiento a forma normal conjuntiva, indicando en cada paso la regla de equivalencia utilizada.
- d. Aplica resolución para derivar nuevas cláusulas. Proporciona una interpretación para las cláusulas resultantes.