Разработайте на C++ консольную программу «Калькулятор», позволяющую объявлять переменные и функции и выполнять арифметические операции над ними.

### Требования к коду

Решение должно использовать объектно-ориентированный подход, содержать подходящие классы и структуры, моделирующие сущности предметной области. Примените подходящие для решения задачи контейнеры STL.

Наличие автотестов для программы в целом или для её классов и функций приветствуется. Вы можете использовать привычный вам фреймворк для написания тестов, либо использовать стандартный макрос **assert**.

Используйте привычный вам стиль именования классов, переменных, методов и функций.

### Формат входных и выходных данных

Входные данные поступают из stdin построчно. Выходные данные выводятся в stdout. Каждая входная строка содержит одну из показанных ниже команд. Каждая команда выполняется сразу после считывания. Работа программы заканчивается при считывания конца файла из stdin.

#### Список команд:

- var <идентификатор>
  - Объявляет переменную типа double с именем <идентификатор>. Идентификатор не должен совпадать ни с одним из ранее объявленных имен переменных и функций. Значение переменной после ее объявления не определено (можно использовать значение NAN (not a number) для этих целей). В отсутствие ошибок в stdout ничего не выводится. При наличии ошибки команда игнорируется, а в stdout выводится сообщение об ошибке.
- let <udeнтификатор1>=<число с плавающей запятой> либо let <udeнтификатор1>=<udeнтификатор2> Присваивает переменной с именем <udeнтификатор1> числовое значение, либо текущее значение ранее объявленного идентификатора с именем <udeнтификатор2>. Если переменная с именем <udeнтификатор1> не была ранее объявлена, происходит объявление новой переменной. В качестве <udeнтификатора1> не может выступать имя функции. В отсутствие ошибок в stdout ничего не выводится. В случае ошибки команда игнорируется, а в stdout выводится сообщение об ошибке.
- fn <udeнтификатор1>=<udeнтификатор2> либо fn <udeнтификатор1>=<udeнтификатор2><onepaция><udeнтификатор3>
  Объявляет новую функцию с ранее необъявленным именем <udeнтификатор1>, значением которой будет либо значение идентификатора <udeнтификатор2>, либо результат применения одной из следующих бинарных операций к значениям ранее объявленных идентификаторов <udeнтификатор2> и <udeнтификатор3> в момент вычисления значения функции:

- + Сложение. Результат сумма значений <идентификатор2> и <идентификатор3>.
- Вычитание. Результат разность значений *<идентификатор2>* и *<идентификатор3>*.
- \*Умножение. Результат произведение значений *<идентификатор2>* и *<идентификатор3>*.
- ✓ Деление. Результат частное значений <идентификатор2> и <идентификатор3>.
- Если значение хотя бы одного из операндов операции не определено, результатом операции должно быть неопределенное значение (NAN). В отсутствие ошибок в stdout ничего не выводится. В случае ошибки команда игнорируется, а в stdout выводится сообщение об ошибке.

### print <идентификатор>

Выводит в stdout значение ранее объявленного идентификатора. Если идентификатором являлась переменная, то выводится ее значение, а если функция, то выводится вычисленное значение функции. Значение идентификатора выводится с точностью в 2 знака после запятой. Например, число 0.33333 должно быть выведено как 0.33. Если значение идентификатора не определено, должно быть выведено nan. В случае ошибки (например, попытка вывести значение необъявленного идентификатора), команда игнорируется, а в stdout должен быть выведено сообщение об ошибке.

#### printvars

Выводит в stdout имена и значения всех ранее объявленных переменных, **отсортированных по алфавиту**, по одному в каждой строке в следующем формате: <идентификатор>:<значение>

Значение переменной выводится с точностью **2 знака после запятой**. Если значение переменной не определено, должно быть выведено **nan**. Если ни одной функции не было объявлено к моменту выполнения команды printvars, в stdout выводиться ничего не должно.

#### printfns

Выводит в stdout имена и значения всех ранее объявленных функций, **отсортированных по алфавиту**, по одному в каждой строке в следующем формате:

<идентификатор>:<значение>

Значение функции выводится с точностью **в 2 знака после запятой**. Если значение функции не определено, должно быть выведено **nan**. Если ни одной функции не было объявлено к моменту выполнения команды printfns, в stdout выводиться ничего не должно

**Идентификатор** – непустая строка, в которой можно использовать буквы английского алфавита, цифры и символ подчеркивания. Идентификатор не может начинаться с цифры. Идентификаторы используются в качестве имен переменных и функций.

### Примеры

Объявление, присваивание и вывод значений переменных

|--|

var x		Объявляем переменную <b>х</b>
print x	nan	Значение переменной х пока не определено
let x=42		Присваиваем переменной х значение 42
print x	42.00	Теперь х хранит значение 42
let x=1.234		Значение переменной можно изменить
print x	1.23	Значение выводится с точностью 2 знака после запятой
let y=x		Автоматически объявляем переменную <b>у</b> и присваиваем ей текущее значение <b>х</b>
let x=99		Присваиваем переменной х значение 99
printvars	x:99.00 y:1.23	Переменная <b>у</b> хранит присвоенное ей значение <b>х</b> . Последующие манипуляции над <b>х</b> не оказывают на нее влияния. Переменные выводятся в алфавитном порядке

# Объявление функций

stdin	stdout	Пояснение
var x		
var y		
fn XPlusY=x+y		
print XPlusY	nan	Значение функции не определено, т.к. не определены значения ее аргументов
let x=3		
let y=4		
print XPlusY	7.00	Теперь значение функции определено
let x=10		
print XPlusY	14.00	Значение функции зависит от значений ее аргументов
let z=3.5		
fn XPlusYDivZ=XPlusY/z		Значение функции может зависеть не только от значений переменных, но и от значений других функций

printfns XPlusY:1 XPlusYDi	1 ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' '
-------------------------------	---

## Различия между fn и let

Stdin	stdout	Пояснение
let v=42		
let variable=v		variable хранит значение v (42)
fn function=v		function хранит действие, которое будет вычислено при получении значения функции
let v=43		
print variable	42.00	Переменная variable хранит ранее присвоенное значение 42
print function	43.00	Значением function будет значение переменной v, вычисленное в момент вызова функции (а не ее объявления)

# Пример: вычисление площади круга

stdin	stdout	Пояснение
var radius		
let pi=3.14159265		
fn radiusSquared=radius*radius		
fn circleArea=pi*radiusSquared		
let radius=10		
print circleArea	314.16	
let circle10Area=circleArea		circle10Area хранит значение функции circleArea, вычисленной при radius=10
let radius=20		
let circle20Area=circleArea		circle20Area хранит значение функции circleArea, вычисленной при radius=20

printfns	circleArea:1256.64 radiusSquared:400.00	
printvars	circle10Area:314.16 circle20Area:1256.64 pi:3.14 radius:20.00	

## Пример: вычисление последовательности Фибоначчи

stdin	stdout	Пояснение
let v0=0		
let v1=1		
fn fib0=v0		
fn fib1=v1		
fn fib2=fib1+fib0		
fn fib3=fib2+fib1		
fn fib4=fib3+fib2		
fn fib5=fib4+fib3		
fn fib6=fib5+fib4		
printfns	fib0:0.00 fib1:1.00 fib2:1.00 fib3:2.00 fib4:3.00 fib5:5.00 fib6:8.00	
let v0=1		
let v1=1		
printfns	fib0:1.00 fib1:1.00 fib2:2.00 fib3:3.00 fib4:5.00 fib5:8.00 fib6:13.00	

## Дополнительное задание (опционально)

Наивный подход к вычислению значений функций в некоторых ситуациях может приводить длительной работе программы. Например, вычисление значения хотя бы 50-го числа последовательности Фибоначчи с использованием функций **fib0**, **fib1**, **fib2**, ..., **fib50** может занимать несколько секунд, или даже минут. Если ваше решение страдает от этой проблемы, усовершенствуйте программу, устранив причину долгой работы.