

Scriptum

# **Moderne Experimentalphysik II**

gelesen von Martin Wegener WS2013/14

GeT<sub>E</sub>Xt von J. Müller

# Inhaltsverzeichnis

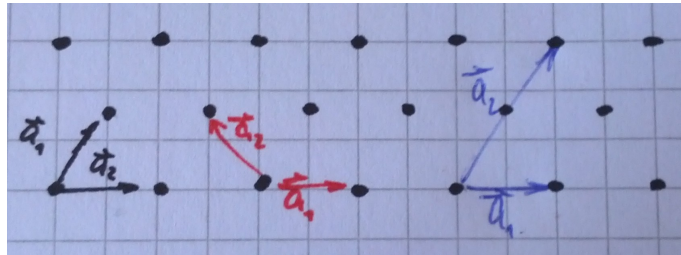
<b>1</b>	<b>Kristalline, quasikristalline und amorphe Festkörper</b>	<b>2</b>
1.1	Das periodische Gitter im Ortraum . . . . .	2
1.1.1	Einführung . . . . .	2
1.1.2	Einfache Kristallstrukturen und ihre Bindung . . . . .	4

22.10.2013

# 1 Kristalline, quasikristalline und amorphe Festkörper

## 1.1 Das periodische Gitter im Ortraum

### 1.1.1 Einführung



24.10.2013

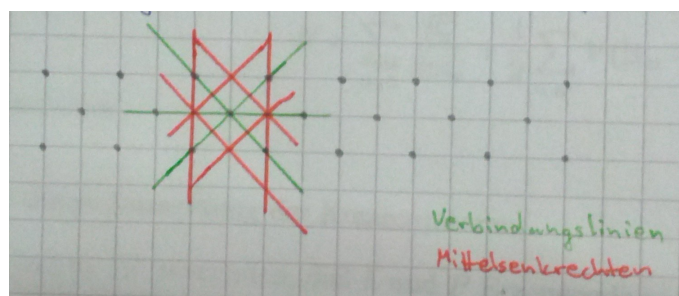
d.h. von den Punkten  $\vec{r}$ ,  $\vec{r}'$  sieht das Gitter gleich aus wenn gilt

$$\vec{r}' = \underbrace{\vec{r} + u\vec{a}_1 + v\vec{a}_2 + w\vec{a}_3}_{\text{Gittertranslation } \vec{T}}; \quad u, v, w \in \mathbb{Z}$$

Die Wahl von  $\vec{a}_1$ ,  $\vec{a}_2$  und  $\vec{a}_3$  ist *nicht* eindeutig. Man bezeichnet die Wahl als *primitiv*, wenn durch  $\vec{T}$  *alle* gleichartigen Punkte dargestellt werden können. Eine *primitive Elementarzelle* hat das kleinste Volumen des aufgespannten Parallelepipels

$$V = |(\vec{a}_1 \times \vec{a}_2) \cdot \vec{a}_3|$$

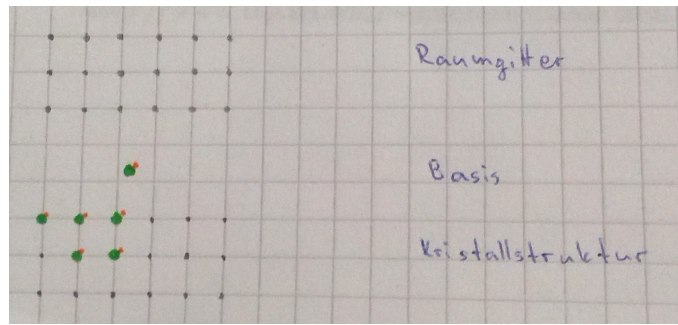
Die *Wigner-Seitz-Zelle* ist eine spezielle primitive Elementarzelle. Sie hat folgende Konstruktionsvorschrift



Jeder Gitterpunkt kann mit einer Basis von Atomen besetzt werden.

$$\text{Kristallstruktur} = \text{Gitter} + \text{Basis}$$

## 1.1 Das periodische Gitter im Ortraum



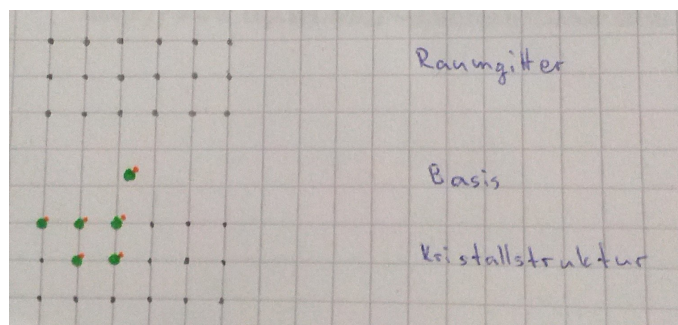
Ein Kristall zeichnet sich durch seine *Symmetrien* aus:

- Translationen (s.o.)
- Spiegelungen
- Drehsymmetrien

*Definition:* Eine Drehachse, bei der der Kristall nach Drehung um den Winkel  $2\pi/n$  ( $n \in \mathbb{N}$ ) in sich selbst übergeht, heißt *n-zählige Drehachse*

*Behauptung:*  $n = 1, 2, 3, 4, 6$ ; sonst keine Werte möglich

*Beweis:*



$\vec{a} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$  ist Translationsvektor

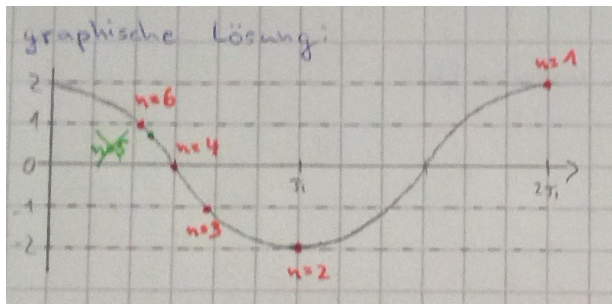
$$\left. \begin{aligned} a_+ &= \begin{pmatrix} \cos(2\pi/n) \\ \sin(2\pi/n) \end{pmatrix} \\ a_- &= \begin{pmatrix} \cos(2\pi/n) \\ -\sin(2\pi/n) \end{pmatrix} \end{aligned} \right\} \begin{array}{l} \text{ist ein blablabla} \\ \text{aber auch ein blablabla} \end{array}$$

$\Rightarrow$  auch  $\vec{a}_+ + \vec{a}_-$  ist ein Gittervektor  $= a \begin{pmatrix} \cos(2\pi/n) \\ 0 \end{pmatrix}$ . Wenn  $\vec{a}$  kleinster Translationsvektor ist, muss gelten

$$\vec{a}_+ + \vec{a}_- = m\vec{a}; m \in \mathbb{Z}$$

$$\Rightarrow \boxed{\underbrace{2 \cos(2\pi/n)}_{\text{Wann ist dies eine ganze Zahl?}} = m}$$

graphisch:



$n$	$2 \cos(2\pi/n)$
1	2
2	-2
3	-1
4	0
5	0,61
6	1
7	1,25
$\vdots$	$\vdots$

$\Rightarrow n \in 1, 2, 3, 4, 6$  q.e.d.

In 3D existieren 14 verschiedene Raumgitter, die man als *Bravais-Gitter* bezeichnet. Diese können in sieben verschiedene *Kristallsysteme* eingeordnet werden.

29.10.2013

BILD POWERPOINTFOLIE

Häufig möchte man Netzebenen bzw. Netzebenenscharen kennen.  $\Rightarrow$  Miller'sche Indizes

*Definition:* Gegeben seien die Kristallachsen  $\vec{a}_1, \vec{a}_2, \vec{a}_3$  (nicht unbedingt kartesisch, nicht unbedingt primitiv). Die Ebene sei aufgespannt durch die drei Vektoren  $n_1\vec{a}_1, n_2\vec{a}_2, n_3\vec{a}_3$ ;  $n_1, n_2, n_3 \in \mathbb{N}$

BILD

Die (kleinsten) ganzen Zahlen, die sich verhalten wie die Kehrwerte von  $n_1, n_2, n_3$  bilden die Miller'schen Indizes. *Beispiel:*  $(\frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{1}) \Rightarrow (3, 2, 6)$  FEHLT WAS Meist lässt man die Kommata weg, also "(326)". Negative Werte werden durch Balken dargestellt, also z.B.  $(3\bar{2}6)$ . Wird eine Achse nicht geschnitten (ist also der Achsenabschnitt =  $\infty$ ), so ist der zugehörige Miller'sche Index = 0. *Beispiel:*

BILD BILD

### 1.1.2 Einfache Kristallstrukturen und ihre Bindung

Natriumchloridstruktur:

*Beispiel:* NaCl, KCl, MnO, KBr, ...

*Bravais-Gitter:* kubisch flächenzentriert (fcc)

*Basis:* ein Na und ein Cl (beim NaCl) *Bindung:* ionisch

Na hat die  $e^-$ -Konfiguration  $1s^2 2s^2 2p^6 3s^1$  Cl  $1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^5 \Rightarrow$  gibt das Na ein Elektron an das Cl ab, so weisen beide abgeschlossene Schalen auf. Es entsteht ein  $\text{Na}^+$  und  $\text{Cl}^-$  Ion, die sich auf Grund der Coulombkraft anziehen

## 1.1 Das periodische Gitter im Ortraum

Wir betrachten  $N = N_A$  Ionenpaare. Es v die Coulombenergie

$$U^c = N \sum_{j,j'} \frac{\pm e^2}{4\pi\epsilon_0 r_{ij}}$$

+entspricht  
-entspricht