# プランク定数

#### 山田龍

2020年6月17日

### プランク定数

光子のエネルギーと振動数を特徴づけるパラメーター

$$E = h\nu \tag{1}$$

 $h = 4.1 \times 10^{-15} eV \cdot s = 6.6 \times 10^{-34} J \cdot s$ 

# ディラック定数

換算プランク定数とも呼ばれる。角速度とエネルギーの関係を与える。

$$h = 2\pi\hbar \tag{2}$$

 $\hbar = 6.5 \times 10^{-16} eV \cdot s = 1.0 \times 10^{-34} J \cdot s$ 

# 歴史的経緯

#### 31 黒体放射

温度 T の平衡状態において、エネルギー量子  $E=nh\nu$  を仮定して E の期待値を計算する。

$$\langle E \rangle = \sum nh\nu exp(-nh\nu)/Z$$
 (3)

$$\langle E \rangle = \sum nh\nu exp(-nh\nu)/Z \tag{3}$$

$$\sum exp(-nh\nu\beta) = \frac{e^{-h\nu\beta}}{e^{h\nu\beta} - 1} \tag{4}$$

$$\sum nh\nu exp(-nh\nu\beta) = -\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}\beta}(\sum exp(-nh\nu\beta)) = \frac{h\nu e^{-h\nu\beta}}{(e^{h\nu\beta} - 1)^2}$$
 (5)

$$\langle E \rangle = \frac{h\nu}{e^{h\nu\beta} - 1} \tag{6}$$

当然、

$$\langle E \rangle = -\frac{\partial}{\partial \beta} \ln Z$$
 (7)

黒体放射のデータからのフィッティングでプランク定数を知ることができる。

#### 3.2 光電効果および光量子仮説

#### 3.3 ミリカンの実験

ミリカンの実験では、光電効果のグラフの傾きからプランク定数を求める。

$$eV = h\nu - W \tag{8}$$

からわかる。( ちなみに光電吸収の散乱断面積の大きさは  $\mathbb{Z}^5$  )

#### 34 ダイオードで調べる

発光ダイオードにおいては禁制帯域が波長によって変化する。

$$h\nu = eV \tag{9}$$

 $\nu = c/\lambda$  であるから、

$$h = eV \times \frac{\lambda}{c} \tag{10}$$

ここで、複数の波長に対して LED が発行し始める閾値を求めてやれば、一つの波長において計算した値より 精度良く求められる。

## 4 量子論において

 $h\sim 0$  の極限で古典力学に一致する。

### 4.1 シュレディンガー方程式からハミルトンヤコビ