プランク定数

山田龍

2020年6月3日

1 プランク定数

光子のエネルギーと振動数を特徴づけるパラメーター

$$E = h\omega \tag{1}$$

 $h = 4.1 \times 10^{-15} eV \cdot s = 6.6 \times 10^{-34} J \cdot s$

2 ディラック定数

換算プランク定数とも呼ばれる。角速度とエネルギーの関係を与える。

$$h = 2\pi\hbar \tag{2}$$

 $\hbar = 6.5 \times 10^{-16} eV \cdot s = 1.0 \times 10^{-34} J \cdot s$

歴史的経緯

31 黒体放射

温度 T の平衡状態において、エネルギー量子 $E=nh\nu$ を仮定して E の期待値を計算する。

$$\langle E \rangle = \sum nh\nu exp(-nh\nu)/Z$$
 (3)

$$\langle E \rangle = \sum nh\nu exp(-nh\nu)/Z \tag{3}$$

$$\sum exp(-nh\nu\beta) = \frac{e^{-h\nu\beta}}{e^{h\nu\beta} - 1} \tag{4}$$

$$\sum nh\nu exp(-nh\nu \ beta) = \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}\beta} \left(\sum exp(-nh\nu\beta)\right) = \frac{h\nu e^{-h\nu\beta}}{(e^{h\nu\beta} - 1)^2} \tag{5}$$

$$\langle E \rangle = \frac{h\nu}{e^{h\nu\beta} - 1}$$
 (6)

黒体放射のデータからのフィッティングでプランク定数を知ることができる。

3.2 光電効果および光量子仮説

3.3 ミリカンの実験

ミリカンの実験では、光電効果のグラフの傾きからプランク定数を求める。

$$eV = h\mu - W \tag{7}$$

からわかる。(ちなみに光電吸収の散乱断面積の大きさは \mathbb{Z}^5)

34 ダイオードで調べる

発光ダイオードにおいては禁制帯域が波長によって変化する。

$$h\nu = eV \tag{8}$$

 $\nu = c/\lambda$ であるから、

$$h = eV \times \frac{\lambda}{c} \tag{9}$$

ここで、複数の波長に対して LED が発行し始める閾値を求めてやれば、一つの波長において計算した値より 精度良く求められる。

4 量子論において

 $h\sim 0$ の極限で古典力学に一致する。

4.1 シュレディンガー方程式からハミルトンヤコビ