bakoten107-110

山田龍

2020年7月14日

1 107

弱い重力波を考える。重力相互作用の伝播速度が 有限であるなら、重力波の存在が考えられる。真空 中の弱い重力場について、計量を

$$g_{ik} = g_{ik}^{(0)} + h_{ik} \tag{1}$$

一次までの精度に置いて、

$$g^{ik} = g^{(0)ik} - h^{ik} (2)$$

$$g = g^{(0)}(1+h) \tag{3}$$

微小変換においては、

$$h'_{ik} = h_{ik} - \frac{\partial \xi_i}{\partial x^k} - \frac{\partial \xi_k}{\partial x^i} \tag{4}$$

 h_{ik} にゲージを入れる。

$$\frac{\partial \psi_i^k}{\partial x^k} = 0, \psi_i^k = h_i^k - \frac{1}{2} \delta_i^k h \tag{5}$$

曲率テンソルは、

$$R_{iklm} = \frac{1}{2} \left(\frac{\partial^2 h_{im}}{\partial x^k \partial x^l} + \frac{\partial^2 h_{kl}}{\partial x^i \partial x^m} - \frac{\partial^2 h_{km}}{\partial x^i \partial x^l} - \frac{\partial^2 h_{il}}{\partial x^k \partial x^m} \right)$$
(6)

リッチテンソルは、

$$R_{ik} = g^{lm} R_{limk} \tag{7}$$

$$\sim g^{(0)lm} R_{limk} \tag{8}$$

$$1 \qquad \partial^2 h \qquad \partial^2 h^l \qquad \partial^2 h^l \qquad \partial^2 h^l$$

$$= \frac{1}{2} \left(-g^{(0)lm} \frac{\partial^2 h_{ik}}{\partial x^l \partial x^m} + \frac{\partial^2 h_i^l}{\partial x^l \partial x^k} + \frac{\partial^2 h_k^l}{\partial x^i \partial x^l} - \frac{\partial^2 h}{\partial x^i \partial x^k} \right)$$

であるから、ゲージを入れれば、

$$R_{ik} = \frac{1}{2} \left(-g^{(0)lm} \frac{\partial^2 h_{ik}}{\partial x^l \partial x^m}\right) \tag{10}$$

と線形化される。ダランベルシアンを使って書き換 えて、

$$R_{ik} = \frac{1}{2} \Box h_{ik} \tag{11}$$

$$\Box = \Delta - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2}{\partial t^2} \tag{12}$$

真空中を考えているので、アインシュタイン方程 式は

$$\Box h_{ik} = 0 \tag{13}$$

これは重力波が光速で伝播することを示す。平面重 力波が、 $h_{23}, h_{22} = -h_{33}$ 都によって決まること、 エネルギー運動量擬テンソルが4個の任意関数に よって与えられるが、4は任意の自由な重力場にお けるものであること。

todo

2 108

曲がった空間時間における重力波について考え る。非ガリレイ

$$g_{ik} = g_{ik}^{(0)} + h_{ik} (14)$$

$$g_{ik} = g_{ik}^{(0)} + h_{ik} (14)$$

109