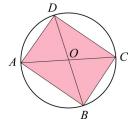
第基本學力測驗

數學科 試題與解析

- 1. 已知二元一次聯立方程式 $\begin{cases} 4x+3y=10 \\ 3x-y=1 \end{cases}$ 的解為 x=a, y=b, 則 a+b=?
 - (A) 3
 - (B) -1
 - (C) $\frac{19}{5}$
 - (D) $\frac{31}{13}$
- 2. 將 $4x^2 ax + 9$ 因式分解,可得 $(2x b)^2$ 的形式。若 a 為正整數,則 2a b = ?
 - (A)9
 - (B) 15
 - (C) 21
 - (D) 27
- 3. 化簡 $4\div(-\frac{2}{3})^3x(-2)+(-4^2)$ 之後,可得下列哪一個結果?
 - (A) -31
 - (B) -23
 - (C) 11
 - (D) 43
- 4. 如右圖, \overline{AC} , \overline{BD} 是圓 O 的直徑, 且 $\angle COD > \angle AOD$, 則下列哪一種幾何圖形沒有出現在圖形中?



- (B)直角三角形
- (D)等腰直角三角形



- 5. $\triangle ABC$ 中,已知 $\angle A=70$, $\angle B=40$,則下列四個選項中,哪一個是正確的?
 - (A) $\overline{AB} > \overline{BC}$
 - (B) $\overline{AB} > \overline{AC}$
 - (C) $\overline{AC} = \overline{BC}$
 - (D) $\overline{AB} = \overline{AC}$

- 6. 下列哪一個選項中的數列是等差數列也是等比數列?
 - $(A)\frac{1}{2}$, 1, 2, 4, 6, 8, 10
 - (B) $1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8$
 - (C) 2 , 2 , 2 , 2 , 2 , 2 , 2 , 2 , 2
 - (D) 0 , 1 , 0 , 1 , 0 , 1 , 0 , 1
- 7. 已知直角三角形中,兩股長的平方和等於斜邊長的平方。若一直角三角形的兩股長各為 2 公分及 3 公分,且斜邊長 a 公分,則下列哪一個選項是正確的?
 - (A) 3.0 < a < 3.5
 - (B) 3.5 < a < 4.0
 - (C) 4.0 < a < 4.5
 - (D) 4.5 < a < 5.0
- 8. 某地區山泉水的售價,每逢假日以特價出售,如右圖。若阿惠假日到此地區遊玩,用販賣的水桶裝 6 公升的山泉水回家飲用,共花了 330 元,則山泉水的特價每公升為多少元?

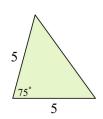


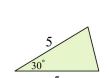
- (B) 45
- (C) 55
- (D) 65

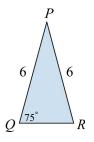


9. 如右圖,已知 $\triangle PQR$,則下列四個三角形中,哪一個與 $\triangle PQR$ 相似?

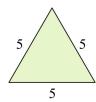
(A)

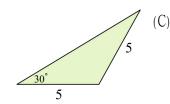






(B)







10. 羽毛球的售價分成兩種:比賽用球每打 300 元,練習用球每打 250 元。創創共買了 10 打 羽毛球,結帳時店員將兩種價目看反了,結果使得創創多付了 100 元。設比賽用球買x打,練習用球買y打,則下列哪一個二元一次方程組可用來表示題目中的數量關係?

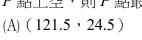
(A)
$$\begin{cases} x + y = 10 \\ 300x + 250y = 3100 \end{cases}$$

(B)
$$\begin{cases} x + y = 10 \\ 300x + 250y = 2600 \end{cases}$$

(C)
$$\begin{cases} x + y = 10 \\ 300x + 250y = 300y + 250x - 100 \end{cases}$$

(D)
$$\begin{cases} x + y = 10 \\ 300x + 250y = 300y + 250x = 100 \end{cases}$$

- 11. <u>林家三姊妹</u>,每月零用錢的總和為 7800 元。已知大姊零用錢的 2 倍是二姊零用錢的 3 倍, 二姊零用錢的 3 倍是小妹零用錢的 4 倍。依據題意,請問大姊每月的零用錢有多少元?
 - (A) 1200 元
 - (B) 1800 元
 - (C) 600 元
 - (D) 4200 元
- 12. 如右圖,玉山在坐標平面上的位置為(121,23.5); 已知 x 軸的正向指向東方,y 軸的正向指向北方,且 每個方格的邊長均為 1 個單位。如果飛機從玉山上 空向西飛行 0.5 個單位,再向北飛行 1 個單位,到達 P點上空,則 P點最接近下列哪一個位置?



(C) (122, 24)

(B) (120.5, 24.5)

(D) (122, 23)



- 13. 有三個二次函數,甲: $y=x^2$,乙: $y=x^2+2x-1$,丙: $y=-x^2$,下列哪一個敘述是正確的?
 - (A)甲的圖形經適當的平行移動後,可與乙的圖形重疊在一起
 - (B)甲的圖形經適當的平行移動後,可與丙的圖形重疊在一起
 - (C)乙的圖形經適當的平行移動後,可與丙的圖形重疊在一起
 - (D)甲、乙、丙三個圖形經適當的平行移動後,都可重疊在一起

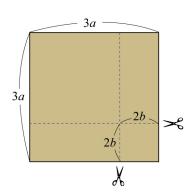
- 14. 在 $\triangle ABC$ 中,如果 $\angle B$ 的外角是 120,且 3 $\angle C=2\angle A$,試求 $\angle A=?$
 - (A) 36
 - (B)48
 - (C)60
 - (D) 72
- 15. 某生將一正整數 a 分解成質因數相乘,計算過程如右。 則下列哪一個選項是正確的?
 - (A) $b = 2^2 \times 3^2 \times 5^2 \times 7$
 - (B) $c = 3^2 \times 5^2 \times 7$
 - (C) $e = 3^2 \times 5^2 \times 7$
 - $(D) f = 5 \times 7$
- 16. 用等長的吸管依次向右排出相連的三角形,如右圖。請問排第十個圖形需要幾根吸管?



- (A) 19
- (B) 21
- (C) 23
- (D) 30
- 17. 如右圖,守守將邊長為 3a 的正方形沿著虛線剪成二塊正方形及二塊長方形,如果拿掉邊長為 2b 的小正方形後,再將剩下的三塊拼成一塊矩形,則此塊矩形較長的邊長為何?



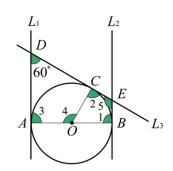
- (B) 3a + 4b
- (C) 6a + 2b
- (D) 6a + 4b



18. 如右圖,平面上三條直線 $L_1 \, \cdot \, L_2 \, \cdot \, L_3$ 分別切圓 O 於 $A \, \cdot \, B \, \cdot \, C$ 三點,且 L_1 與 L_2 分別交 L_3 於 $D \, \cdot \, E$ 兩點。 若 $\angle ADC = 60$,則下列哪一個選項是正確的?

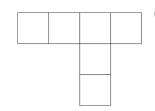


- (B) $\angle 3 + \angle 4 = 180^{\circ}$
- $(C) \angle 2 + \angle 4 = 180^{\circ}$
- (D) $\angle 1 + \angle 5 = 180^{\circ}$

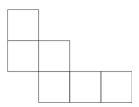


- 19. 小傑用長為 x 公分的竹筷去量一張長方形的紙,發現紙的長度比竹筷的兩倍長少 1 公分, 寬比竹筷長多2公分。已知紙的面積為3000平方公分,依題意,下列哪一個一元二次方 程式是正確的?
 - (A) (x-2)(2x+1) = 3000
 - (B) (x+2)(2x-1) +3000=0
 - (C) $2x^2 3x = 3002$
 - (D) $2x^2 + 3x 3002 = 0$
- 20. 下列各圖皆由相同大小的正方形所構成,請問下列哪一個選項是正方體的展開圖?

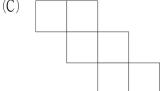




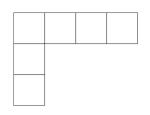




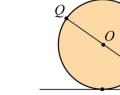




(D)



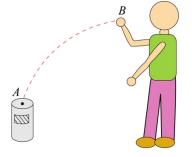
21. 如右圖,直線 AP 切圓 O 於 A 點,且圓 O 的半徑長為 6, $\overline{PO} = 16$ 。若有一直線 L 與圓心距離 = $\overline{AP} - \overline{PR}$,則直線 L 與圓 O 有幾個交點?



- (A) 2
- (B) 1
- (C)0
- (D)無法確定
- 22. 如右圖,小智丟垃圾的路徑是一個二次

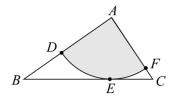
函數 $y=-\frac{1}{3}x^2+2x+c$ 的圖形。已知小智

是在此二次函數圖形的頂點(即 B 點)將 垃圾丢出,且從A(0,1)點進入筒內。 若 B 點的坐標為 (a,b), 則 b=?

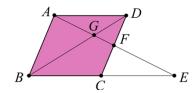


- (A) 3
- (B) 4
- (C)5
- (D)6

23. 如右圖, $\triangle ABC$ 中, $\angle BAC$ =90, \overline{AC} =3, \overline{AB} =4, 以 A 為圓心作一圓弧,切 \overline{BC} 於 E 點,且分別交 \overline{AB} 、 \overline{AC} 於 D 、 F 兩點。請問此圖形灰色部分的面積為多少?

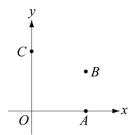


- $(A)\frac{9}{25} \pi$
- (B) $\frac{16}{25}$ π
- (C) $\frac{24}{25} \pi$
- (D) $\frac{36}{25} \pi$
- 24. 從一個凸七邊形其中的一個頂點,最多可作出a條對角線;這些對角線將此七邊形分割成b個三角形;再利用每一個三角形的內角和為 180° ,可以求得這個七邊形的內角和為c度 請問下列哪一個選項是正確的?
 - (A) a = 5
 - (B) b = 5
 - (C) c = 1080
 - (D) $a \times 180 = c$
- 25. 坐標平面上直線 4x+3y=12 交 x 軸於 A 點,交 y 軸於 B 點。若 O 為原點,I 為 $\triangle AOB$ 之 內心,則 $\triangle AIB$ 的面積=?
 - (A) 2
 - (B) $\frac{5}{2}$
 - (C)4
 - (D) 5



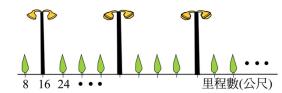
- (A) $\triangle ABG$, $\triangle FDG$
- (B) $\triangle AGD$, $\triangle EGB$
- (C) $\triangle AFD$, $\triangle EAB$
- (D) $\triangle FCE \cdot \triangle FDG$

27. 如右圖,在坐標平面上有 $A \times B \times C$ 三點,O是原點, $\overline{OA} \perp \overline{AB} \perp \overline{OA} \neq \overline{AB}$ 。今想在第一象限內找一點 D, 使得D到x軸的距離與D到y軸的距離相等,且 $\overline{DB} = \overline{DA}$, 則 D 點要用下列何種方法求得? (A)作 \overline{AB} 中垂線與 \overline{OA} 中垂線的交點

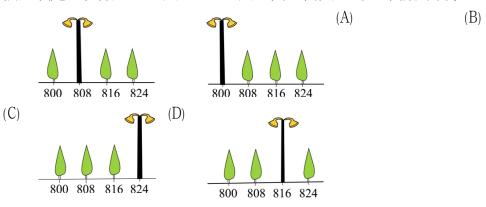


- (B)作 \overline{AB} 中垂線與 $\angle BAO$ 平分線的交點
- (C)作 \overline{AB} 中垂線與 $\angle COA$ 平分線的交點
- (D)作 $\angle COA$ 平分線與 $\angle BAO$ 平分線的交點

28. 如右圖,在某條公路上,里程數8公尺 開始到4000公尺為止,每隔8公尺將 樹與燈按圖中所示之規則設立:在里程 數8公尺處種一棵樹,在16公尺處立



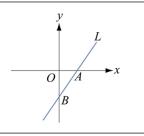
一盞燈,在24公尺處種一棵樹…,且每兩盞燈之間的距離均相等。依此規則,下列哪一 個選項是里程數 800 公尺~824 公尺之間,樹與燈的正確排列順序?



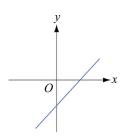
※ 請閱讀下列的敘述後,回答第29.題和30.題

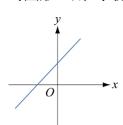
|如右圖,設直線L為方程式y=x+b的圖形。

已知直線 $L \, \overline{\chi} \, x \cdot y \,$ 軸於 $A \cdot B \,$ 兩點。



29. 設直線 L_1 為方程式 y=bx-1 的圖形,則 L_1 最可能是下列哪一個圖形?

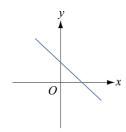


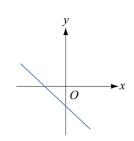


(A)

(C)

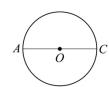








- 30. 設直線 L_2 為方程式 y=2x+2b 的圖形,且交 $x \cdot y$ 軸於 $C \cdot D$ 兩點;若 L 和 $x \cdot y$ 軸所形成的 $\triangle OAB$ 面積為 7 平方單位,則 L_2 和 $x \cdot y$ 軸所形成的 $\triangle OCD$ 面積是多少平方單位?
 - (A) 7
 - (B) 14
 - (C)21
 - (D) 28
- 31. 如右圖, \overline{AC} 是圓 O 的直徑,試問下列四個尺規作圖的方法中,哪一個是無法確定作出的四邊形 ABCD 為矩形?



- (A) 如下圖(一),任意再作一條直徑 \overline{BD} ,連接 \overline{AB} 、 \overline{BC} 、 \overline{CD} 、 \overline{DA}
- (B) 如下圖(二),分別在上下兩個半圓上取 $B \cdot D$ 兩點,使得 $\angle DAC = \angle BAC$,連接 $\overline{AB} \cdot \overline{BC} \cdot \overline{CD} \cdot \overline{DA}$
- (C) 如下圖(三),分別在上下兩個半圓上取 $B \cdot D$ 兩點,使得 $\overline{AB} = \overline{CD}$,連接 $\overline{AB} \cdot \overline{BC} \cdot \overline{DD} \cdot \overline{DA}$
- (D) 如下圖(四),分別在上下兩個半圓上取 $B \cdot D$ 兩點,使得 $\overline{AB} / \overline{DC}$,連接 $\overline{AB} \cdot \overline{BC}$ 、

