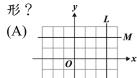
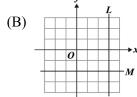
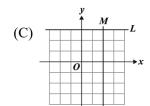
科 數

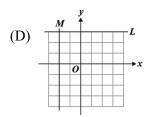
一、選擇題(1-25 題)

- (D)1. 算式 $(-1\frac{1}{2})x(-3\frac{1}{4})x\frac{2}{3}$ 之值為何?
 - (A) $\frac{1}{4}$ (B) $\frac{11}{12}$
 - (C) $\frac{11}{4}$ (D) $\frac{13}{4}$
- 【出處】南一版第一冊第二章
- 【解析】原式= $\frac{3}{2} \times \frac{13}{4} \times \frac{2}{3} = \frac{13}{4}$,故選(D)
- (B)2. 已知直線 L 的方程式為 x=3, 直線 M 的方程式為 y=-2,判斷下列何者為直線L、直線M畫在坐標平面上的圖



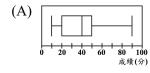


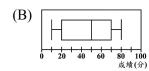


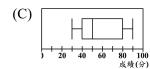


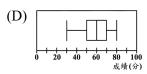
【出處】南一版第二冊第二章

- 【解析】(A) L: x=3, M: y=2
 - (B) $L: x=3 \cdot M: y=-2$
 - (C) $L: y=3 \cdot M: x=2$
 - (D) $L: y=3 \cdot M: x=-2$
 - 故選(B)
- (B)3. 下列各選項中的盒狀圖分別呈現出某班四次小考數學成 績的分布情形,哪一個盒狀圖呈現的資料其四分位距最 大?









【出處】南一版第六冊第三章

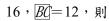
- 【解析】(A) 四分位距=50-20=30
 - (B) 四分位距=70-20=50
 - (C) 四分位距=80-40=40
 - (D) 四分位距=70-50=20 故選(B)
- (D)4. 算式 $(-3)^4-7^2-\frac{2^6}{(-2)^3}$ 之值為何?
 - (A) 138
 - (B) -122
 - (C) 24
 - (D) 40

【出處】南一版第一冊第二章

【解析】原式=
$$81-49+\frac{2^6}{2^3}=32+8=40$$

故選(D)

(A)5. 如圖(一), AB為圓O的直徑, BC 為圓O的一弦,自O點作BC的 垂線,且交BC於D點。若AB=



 $\triangle OBD$ 的面積為何?

- (A) $6\sqrt{7}$
- (B) $12\sqrt{7}$
- (C) 15
- (D) 30



【解析】
$$\overline{OB} = \frac{1}{2}\overline{AB} = 8$$
, $\overline{BD} = \frac{1}{2}\overline{BC} = 6$
⇒ $\overline{OD} = \sqrt{8^2 - 6^2} = 2\sqrt{7}$

因此
$$\triangle OBD$$
 面積 $=\frac{1}{2}$ × $2\sqrt{7}$ × 6 = $6\sqrt{7}$,故選(A)

- (C)6. 計算多項式 $-2x(3x-2)^2+3$ 除以3x-2後,所得商式與 餘式兩者之和為何?
 - (A) -2x+3
- (B) $-6x^2+4x$
- (C) $-6x^2+4x+3$
- (D) $-6x^2-4x+3$

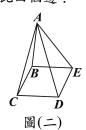
圖(一)

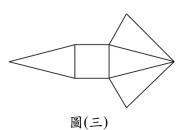
【出處】南一版第三冊第一章

【解析】
$$-2x(3x-2)^2+3=-2x(9x^2-12x+4)+3$$

= $-18x^3+24x^2-8x+3$

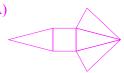
(A)7. 將圖(二)的正四角錐 ABCDE 沿著其中的四個邊剪開後, 形成的展開圖為圖(三)。判斷下列哪一個選項中的四個邊 可為此四個邊?

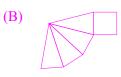


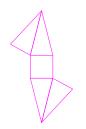


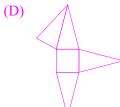
- (A) \overline{AC} \overline{AD} \overline{BC} \cdot \overline{DE}
- (B) \overline{AB} \overline{BE} \overline{DE} \cdot \overline{CD}
- (C) \overline{AC} \overline{BC} \overline{AE} \cdot \overline{DE}
- (D) \overline{AC} \overline{AD} \overline{AE} \overline{BC}

【出處】南一版第六冊第二章 【解析】(A)









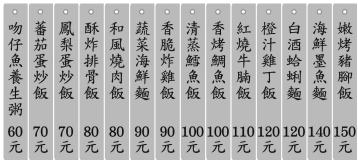
- (B)8. 下列哪一個選項中的等式不成立?
 - (A) $\sqrt{3^8} = 3^4$
 - (B) $\sqrt{(-5)^6} = (-5)^3$
 - (C) $\sqrt{3^4 \times 5^{10}} = 3^2 \times 5^5$
 - (D) $\sqrt{(-3)^4 \times (-5)^8} = (-3)^2 \times (-5)^4$

【出處】南一版第三冊第二章

【解析】 $\sqrt{(-5)^6} = \sqrt{5^6} = 5^3$

故選(B)。

(C)9. 圖(四)為某餐廳的價目表,今日每份餐點價格均為價目表 價格的九折·若<u>恂恂</u>今日在此餐廳點了橙汁雞丁飯後想再 點第二份餐點,且兩份餐點的總花費不超過200元,則她 的第二份餐點最多有幾種選擇?



圖(四)

(A) 5

(B) 7

(C) 9

(D) 11

【出處】南一版第二冊第五章

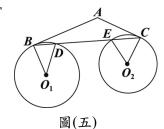
【解析】設第二份餐點為x元

 $(120+x)\times0.9 \le 200$, $108+0.9x \le 200$

 $0.9x \le 92$, $x \le 102.2...$

則第二份餐點有9種選項 故選(C)

(C)10. 如圖(五), AB切圓 O₁於 B點, AC 切圓 O_2 於 C點,BC分別 交圓 O_1 、圓 O_2 於 D、E 兩點。 $\angle BO_1D = 40^\circ , \angle CO_2E = 60^\circ ,$ 則 ZA 的度數為何?



- (A) 100
- (B) 120
- (C) 130
- (D) 140

【出處】南一版第五冊第二章

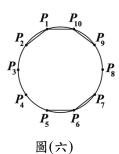
【解析】:AB、AC分別為圓 O_1 、圓 O_2 的切線

$$\therefore \angle ABC = \frac{1}{2}BD = \frac{1}{2}\angle BO_1D = 20^{\circ}$$

$$\angle ACB = \frac{1}{2}EE = \frac{1}{2}\angle CO_2E = 30^{\circ}$$

$$\Rightarrow \angle A = 180^{\circ} - 20^{\circ} - 30 = 130^{\circ}$$
故選(C)

(D)11. 圖(六)是 $P_1 \, \cdot P_2 \, \cdot \, \cdots \, \cdot P_{10}$ 十個點在 圓上的位置圖,且此十點將圓周分成 十等分。今<u>小玉</u>連接[PP]、[PP]0、 [P⁰P⁰]、[P⁰P⁰]、[P⁰P⁰],判斷、玉再連接下 列哪一條線段後,所形成的圖 形不是線對稱圖形?

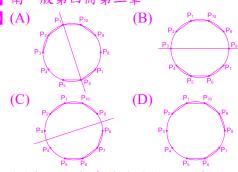


(A) P^2P^3

- (B) P¹P⁵
- (C) PP
- (D) $P^{8}P^{9}$

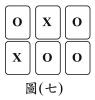
【出處】南一版第四冊第二章

【解析】(A)



(D)無法形成線對稱圖形,故選(D)

(C)12. 怡君手上有 24 張卡片,其中 12 張卡片被 畫上O記號,另外12張卡片被畫上X記 號。圖(七)表示怡君從手上拿出6張卡片 放在桌面的情形且她打算從手上剩下的卡 片中抽出一張卡片。若怡君手上剩下的 每張卡片被抽出的機會相等,則她抽出



O 記號卡片的機率為何?

- (B) $\frac{1}{3}$ (C) $\frac{4}{9}$

【出處】南一版第六冊第三章

【解析】手上還剩 O 記號卡片 8 張, X 記號卡片 10 張

⇒ 抽到 O 記號卡片機率=
$$\frac{8}{18}$$
= $\frac{4}{9}$, 故選(C)

(D)13. 已知甲、乙為兩把不同刻度的直尺,且同一把直尺上的刻 度之間距離相等,耀軒將此兩把直尺緊貼,並將兩直尺上 的刻度 0 彼此對準後,發現甲尺的刻度 36 會對準乙尺的 刻度 48,如圖(八)所示。若今將甲尺向右平移且平移過程 中兩把直尺維持緊貼,使得甲尺的刻度0會對準乙尺的刻 度4,如圖(九)所示,則此時甲尺的刻度21會對準乙尺的 哪一個刻度?



甲尺 21 乙尺 圖(九)

(A) 24

(B) 28 (C) 31 (D) 32

【出處】南一版第二冊第三章

【解析】設甲尺1刻度為x,乙尺1刻度為y

36x = 48y

x: y=48: 36=4: 321×4÷3+4=32, 故選(D)

(C)14. 判斷一元二次方程式 $x^2-8x-a=0$ 中的 a 為下列哪一個 數時,可使得此方程式的兩根均為整數?

(C) 20

- (A) 12
- (B) 16
- (D) 24

【出處】南一版第三冊第四章

【解析】(A)(B)(D)均無法使用十字交乘法分解 (C) $x^2-8x-20=(x-10)(x+2)=0$ $\Rightarrow x = 10 \pm 0.2$ 故選(C)

(D)15. 如圖(十), 坐標平面上有 A(0,a)、 B(-9,0)、C(10,0) 三點,其中 a>0。若 $\angle BAC=95^{\circ}$,則 $\triangle ABC$ 的外心在第幾象限?

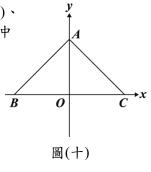
- (A) -
- (B) =
- (C) 三 (D) 四

【出處】南一版第五冊第三章 【解析】∵ △ABC 為鈍角三角形

∴外心在△ABC 外部 又::外心到三頂點等距離

二.外心在BC中垂線

⇒ 外心在第四象限 故選(D)



- (B)16. 判斷下列各式的值,何者最大?
 - (A) $25 \times 13^2 15^2$
- (B) $16 \times 17^2 18^2$
- (C) $9 \times 21^2 13^2$
- (D) $4 \times 31^2 12^2$

【出處】南一版第三冊第一章

【解析】(A) 原式=
$$5^2 \times 13^2 - 15^2$$

= $65^2 - 15^2$
= $(65+15)(65-15)$
= 80×50

=
$$80 \times 50$$

(B) $\[\text{R} \] \] = 4^2 \times 17^2 - 18^2$

$$=68^2-18^2$$

= $(68+18)(68-18)$

 $=86\times50$

(C) 原式=
$$3^2 \times 21^2 - 13^2$$

= $63^2 - 13^2$

$$=(63+13)(63-13)$$

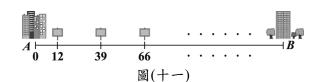
 $=76 \times 50$

(D)
$$\[\beta, \beta] = 2^2 \times 31^2 - 12^2 \\ = 62^2 - 12^2 \\ = (62 + 12)(62 - 12)$$

 $=74 \times 50$

故選(B)

(C)17. 已知A 地在B 地的西方,且有一以 $A \setminus B$ 兩地為端點的東 西向直線道路,其全長為400公里。今在此道路上距離 A 地 12 公里處設置第一個看板,之後每往東 27 公里就設置 一個看板,如圖(+-)所示。若某車從此道路上距離A地 19公里處出發,往東直行320公里後才停止,則此車在 停止前經過的最後一個看板距離 A 地多少公里?

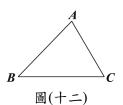


- (A) 309
- (B) 316
- (C) 336

(D) 339

【出處】南一版第四冊第一章

- 【解析】設看板位置為 $a_1=12$, d=27 的等差數列 $a_n = 12 + (n-1) \times 27 \le 320 + 19$ $(n-1) \times 27 \le 327$, $n-1 \le 12...$, $n \le 13...$ $\Rightarrow a_{13} = 12 + (13 - 1) \times 27 = 336$ 故選(C)
- (C)18. 如圆(十二), △ABC中, **BC**>AB>AC。甲、乙 兩人想在BC上取一點P, 使得 $\angle APC = 2 \angle ABC$,其 作法如下:



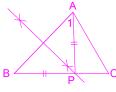
- (Ψ) 作AB的中垂線,交BC於 P點,則 P 即為所求
- (乙) 以B 為圓心, \overline{AB} 長為半徑畫弧,交 \overline{BC} 於P點, 則P即為所求

對於兩人的作法,下列判斷何者正確?

- (A) 兩人皆正確
- (B) 兩人皆錯誤
- (C) 甲正確,乙錯誤
- (D) 甲錯誤, 乙正確

【出處】南一版第五冊第三章

【解析】甲:::AP=BP $\therefore \angle B = \angle 1$ $\Rightarrow \angle APC = \angle B + \angle 1$ $= \angle B + \angle B$ $=2 \angle B$



乙: $: \overline{AB} = \overline{BP}$

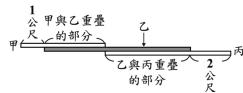
 $\therefore \angle 1 = \angle 2$

故 $\angle 1 + \angle B = \angle APC \neq 2 \angle ABC$

·. 甲正確,乙錯誤

故選(C)

(A)19. 圖(十三)為甲、乙、丙三根筆直的木棍平行擺放在地面上 的情形。已知乙有一部分只與甲重疊,其餘部分只與丙重 疊,甲沒有與乙重疊的部分的長度為1公尺,丙沒有與乙 重疊的部分的長度為2公尺。若乙的長度最長且甲、乙的 長度相差x公尺,乙、丙的長度相差y公尺,則乙的長度 為多少公尺?



圖(十三)

- (A) x + y + 3
- (B) x+y+1
- (C) x+y-1
- (D) x+y-3

【出處】南一版第二冊第一章

- 【解析】設甲、乙重疊部分 a, 乙、丙重疊部分 b $x=(a+b)-(a+1)=b-1 \Rightarrow b=x+1$ $y=(a+b)-(b+2)=a-2 \Rightarrow a=y+2$ 乙長度=a+b=(x+1)+(y+2)=x+y+3
- (B)20. 如圖(十四), △ABC、△ADE中, $C \setminus D$ 兩點分別在 $\overline{AB} \setminus \overline{AB} \perp$, BC與DE相交於F點。若 $BD = CD = CE \cdot \angle ADC +$ $\angle ACD = 114^{\circ}$,則 $\angle DFC$ 的度 數為何?



(D) 147

【出處】南一版第四冊第三章

【解析】::BD=CD=CE

(C) 132

 $\therefore \angle 1 = \angle 2$, $\angle 3 = \angle 4$

 $\angle ADC + \angle ACD = 114^{\circ}$

 $\Rightarrow (\angle 1 + \angle 2) + (\angle 3 + \angle 4) = 114^{\circ}$

 \Rightarrow 2 ($\angle 2 + \angle 3$)=114°

 $\Rightarrow \angle 2 + \angle 3 = 57^{\circ}$

 $\therefore \angle DFC = 180^{\circ} - 57^{\circ} = 123^{\circ}$ 故選(B)

(B)21. 坐標平面上,二次函數 $v = -x^2 + 6x - 9$ 的圖形的頂點為 A,且此函數圖形與y軸交於B點。若在此函數圖形上取 一點 C,在x 軸上取一點 D,使得四邊形 ABCD 為平行四 邊形,則D點坐標為何?

圖(十四)

(A) (6,0)

- (B)(9,0)
- (C)(-6,0)(D) (-9,0)

【出處】南一版第六冊第一章

- 【解析】 $y=-x^2+6x-9=-(x^2-6x+9)=-(x-3)^2$ ⇒A(3,0), 二次函數與y軸交於B(0,-9)
 - :: ABCD 為平行四邊形,且D在x軸上
 - \therefore *C* 為 B(0,-9) 的對稱點 \Rightarrow C(6,-9)
 - ∴ A 點向左或向右移動 6 個單位到 D 點
 - $\Rightarrow D(-3,0) \cdot D(9,0)$, 故選(B)
- (D)22. 已知甲校原有 1016 人,乙校原有 1028 人,寒假期間甲、 乙兩校人數變動的原因只有轉出與轉入兩種,且轉出的人 數比為1:3,轉入的人數比也為1:3。若寒假結束開學 時甲、乙兩校人數相同,則乙校開學時的人數與原有的人 數相差多少?
 - (A) 6 (B) 9 (C) 12
- 【出處】南一版第二冊第三章
- 【解析】設甲校轉出x人,乙校轉出3x人

甲校轉入y人,乙校轉入3y人

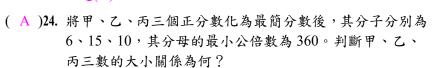
 $1016 - x + y = 1028 - 3x + 3y \Rightarrow 2x - 2y = 12 \Rightarrow x - y = 6$ 因此乙校開學人數為

(D) 18

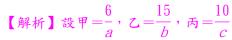
- 1028-3x+3y=1028-3(x-y)=1028-18
- ⇒ 開學人數與原有人數相差 18 人,故選(D)

- (D)23. 圖(十五)為兩正方形 ABCD、
 BEFG 和矩形 DGHI 的位置圖,
 其中 G、F 兩點分別在BCO、
 EH上。若BE=5,BC=3,
 則△GFH 的面積為何?

 - (A) 10
- (B) 11
- (C) $\frac{15}{2}$
- (D) $\frac{45}{4}$
- 【出處】南一版第五冊第一章
- 【解析】在 $\triangle GFH$ 、 $\triangle GCD$ 中
 - $\therefore \angle GFH = \angle GCD = 90^{\circ}$
 - $\angle 1 = \angle 3 (\angle 1 + \angle 2 = \angle 2 + \angle 3 = 90^{\circ})$
 - ∴ △GFH~△GCD(AA 相似性質)A,
 - $\Rightarrow \overline{GF} : \overline{GC} = \overline{FH} : \overline{CD}$
 - \Rightarrow 3 : (5-3)= \overline{FH} : 5
 - $\Rightarrow FH = \frac{15}{2}$
 - ∴ △*GFH* 面積 = $\frac{15}{2}$ ×3× $\frac{1}{2}$ = $\frac{45}{4}$ 故選(D)



- (A) 乙>甲>丙
- (B) 乙>丙>甲
- (C) 甲>乙>丙
- (D) 甲>丙>乙
- 【出處】南一版第一冊第二章

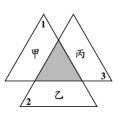


 $(a,b,c) = 360 = 2^3 \times 3^2 \times 5$

- :: 甲、乙、丙為最簡分數
- $\therefore a=5, b=2^3, c=3^2$
- $\Rightarrow \mathbb{F} = \frac{6}{5}, \ \mathbb{Z} = \frac{15}{8}, \ \mathbb{A} = \frac{10}{9}$
- ⇒ 乙>甲>丙

故選(A)

(A)25. 圖(十六)的灰色小三角形為三個全等大三角形的重疊處,且三個大三角形各扣掉灰色小三角形後分別為甲、乙、丙三個梯形。若圖中標示的∠1為58°,∠2為62°,∠3為60°,則關於甲、乙、丙三梯形的高的大小關係,下列敘述何者正確?



圖(十六)



- (B) 乙>丙>甲
- (C) 丙>甲>乙
- (D) 丙>乙>甲

【出處】南一版第四冊第四章

【解析】在△ABC中

- \therefore $\angle ABC > \angle ACB > \angle BAC$
- AC > AB > BC

在 $\triangle DEC$ 中,

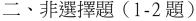
同理,*DC*>*DE*>*EC*,

且三個大三角形全等

 $\therefore IH > DE > FG$

- ∴ 高的大小關係為乙>甲>丙

故選(A)



1. 大冠買了一包宣紙練習書法,每星期一寫1張,每星期二寫2 張,每星期三寫3張,每星期四寫4張,每星期五寫5張,每 星期六寫6張,每星期日寫7張。若大冠從某年的5月1日開始練習,到5月30日練習完後累積寫完的宣紙總數已超過120 張,則5月30日可能為星期幾?請求出所有可能的答案並完整 說明理由。

【出處】南一版第四冊第一章

【解析】5月1日到5月28日剛好為完整四周

(不論5月1日為星期幾)

$$\frac{7 \times (1+7)}{2} = 28 \cdot 28 \times 4 = 112$$

故前 28 天共寫 112 張

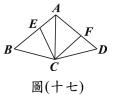
120 - 112 = 8

因此29日、30日總和要大於8

	星期		
29 日	四	五	六
30 日	五	六	日

⇒5月30日可能為星期五、六、日

如圖(十七),四邊形 ABCD 中, AC為
∠BAD 的角平分線, AB=AD, E、F
兩點分別在AB、AD上,且AE=DF。
請完整說明為何四邊形 AECF 的面積為四邊形 ABCD 的一半。



【出處】南一版第五冊第三章

【解析】在 $\triangle ABC$ 、 $\triangle ADC$ 中

:: AB=AD(已知)

∠BAC=∠DAC(AC為∠BAD的角平分線)

AC=AC(公共邊)

- ∴ △ABC~△ADC(SAS 全等性質)
- \Rightarrow △ABC 面積 = △ADC 面積
- $X : \overline{AB} = \overline{DB}, \overline{AB} = \overline{AD}$
- ∴. -=-

△ACE 面積

- =△ABC 面積x-=△ADC 面積x-
- =△CDF 面積
- ∴ 四邊形 ABCD 面積=2×△ACD 面積
 - $=2x(\triangle ACF$ 面積 $+\triangle CDF$ 面積)
 - $=2x(\triangle ACF$ 面積 $+\triangle ACE$ 面積)
 - =2×四邊形 AECF 面積

參考公式:

- 和的平方公式: $(a+b)^2=a^2+2ab+b^2$ 。 差的平方公式: $(a-b)^2=a^2-2ab+b^2$ 。 平方差公式: $a^2-b^2=(a+b)(a-b)$ 。
- 五 若直角三角形的兩股長為 $a \cdot b$,斜邊長為c,則 $c^2 = a^2 + b^2$ 。
- 若圓的半徑為 $_r$,圓周率為 $_\pi$,則圓面積= $_\pi r^2$,圓周長= $_\pi r^2$,圓周
- 一個等差數列的首項為 a_1 ,公差為 d ,第 n 項為 a_n ,前 n 項和為 S_n ,則 $a_n = a_1 + (n-1)d$, $S_n = \frac{n(a^1 + a^n)}{n}$ 。
- 一元二次方程式 $ax^2+bx+c=0$ 的解為 x= ______。