- 一、選擇題(1-26題)
- () 1. 算式 (-2)×|-5|-|-3| 之值為何?
 - (A) 13
 - (B) 7
 - (C) 13
 - (D) -7

【答案】C

【解析】原式= $(-2)\times 5-3=(-10)-3=-13$

- ()2. 下列哪一個選項中的等式成立?
 - (A) $\sqrt{2^2} = 2$
 - (B) $\sqrt{3^3} = 3$
 - (C) $\sqrt{4^4} = 4$
 - (D) $\sqrt{5^5} = 5$

【答案】A

【解析】(B) $\sqrt{3^3} = 3\sqrt{3}$

- (C) $\sqrt{4^4} = 16$
- (D) $\sqrt{5^5} = 25\sqrt{5}$

故選(A)

- () **3.** 計算 $6x \cdot (3-2x)$ 的結果,與下列哪一個式子相同?
 - (A) $-12x^2+18x$
 - (B) $-12x^2+3$
 - (C) 16x
 - (D) 6*x*

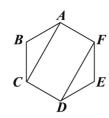
【答案】A

【解析】原式= $18x-12x^2=-12x^2+18x$

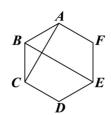
()4. 若<u>阿光</u>以四種不同的方式連接正六邊形 ABCDEF 的兩條對角線,連接後的情形如下列

選項中的圖形所示,則下列哪一個圖形丕是線對稱圖形?

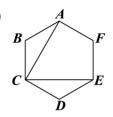
(A)



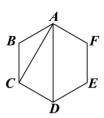
(B)



(C)



(D)



【答案】D

【解析】(A) 對稱軸為◆BE 或AF的垂直平分線

- (B) 對稱軸為*◆BE*>
- (C) 對稱軸為*◆CF*→
- (D) 無對稱軸⇒不是線對稱圖形

() **5.** 已知坐標平面上有兩直線相交於一點 (2,a),且兩直線的方程式分別為 2x+3y=7、 3x-2y=b,其中 a、b 為兩數。求 a+b 之值為何?

- (A) 1
- (B) -1
- (C) 5
- (D) -5

【答案】C

【解析】將(2,a)代入

$$\begin{pmatrix} 2x + 3y = 7 \\ 3x - 2y = b \end{pmatrix} \Rightarrow \begin{pmatrix} 4 + 3a = 7 \\ 6 - 2a = b \end{pmatrix}$$

$$\Rightarrow {a=1 \choose b=-2a+6} \Rightarrow {a=1 \choose b=4}$$

$$\therefore a+b=1+4=5$$

()6. 阿信、小怡兩人打算搭乘同一班次電車上學。若此班次電車共有5節車廂,且阿信從

任意一節車廂上車的機會相等,<u>小怡</u>從任意一節車廂上車的機會相等,則兩人從同一節車廂上車的機率為何?

- (A) $\frac{1}{2}$
- (B) $\frac{1}{5}$
- (C) $\frac{1}{10}$
- (D) $\frac{1}{25}$

【答案】B

【解析】<u>阿信、小怡</u>各有 5 節車廂可選擇 ⇒ 共有 25 種 又從同一節車廂上車有 5 種 機率= $\frac{5}{25}$ = $\frac{1}{5}$

- ()7. 平面上有 $A \times B \times C$ 三點,其中 \overline{AB} =3, \overline{BC} =4, \overline{AC} =5。若分別以 $A \times B \times C$ 為圓心, 半徑長為 2 畫圓,畫出圓 $A \times 圓 B \times 圓 C$,則下列敘述何者正確?
 - (A) 圓 A 與圓 C 外切,圓 B 與圓 C 外切
 - (B) 圓 A 與圓 C 外切,圓 B 與圓 C 外離
 - (C) 圓 A 與圓 C 外離,圓 B 與圓 C 外切
 - (D) 圓 A 與圓 C 外離, 圓 B 與圓 C 外離

【答案】C

【解析】:: 40=5>2+2

:. 圓 A 與圓 C 外離

 $\therefore BC = 4 = 2 + 2$

∴ 圓 B 與圓 C 外切

故選(C)

- 4 數學科題本
- ()8. 下列選項中所表示的數,哪一個與252的最大公因數為42?
 - (A) $2 \times 3 \times 5^2 \times 7^2$
 - (B) $2 \times 3^2 \times 5 \times 7^2$
 - (C) $2^2 \times 3 \times 5^2 \times 7$
 - (D) $2^2 \times 3^2 \times 5 \times 7$

【答案】A

【解析】42=2×3×7

 $252 = 2^2 \times 3^2 \times 7$

- (A) 最大公因數=2×3×7
- (B) 最大公因數=2×3²×7
- (C) 最大公因數=22×3×7
- (D) 最大公因數=2²x3²x7
- 故選(A)

()9. 某高中的籃球隊成員中,一、二年級的成員共有8人,三年級的成員有3人。一、二年級的成員身高(單位:公分)如下:

172 \, 172 \, 174 \, 174 \, 176 \, 176 \, 178 \, 178

若隊中所有成員的平均身高為178公分,則隊中三年級成員的平均身高為幾公分?

- (A) 178
- (B) 181
- (C) 183
- (D) 186

【答案】D

【解析】172+172+174+174+176+176+178+178=1400

設三年級的平均身高為x公分

 $3x + 1400 = 178 \times 11$

3x + 1400 = 1958

3x = 558, x = 186

故選(D)

- ()10. 已知在<u>卡樂芙超市</u>內購物總金額超過 190 元時,購物總金額有打八折的優惠。<u>安妮</u>帶 200 元到卡樂芙超市買棒棒糖,若棒棒糖每根 9 元,則她最多可買多少根棒棒糖?
 - (A) 22
 - (B) 23
 - (C) 27
 - (D) 28

【答案】C

【解析】設買x根棒棒糖

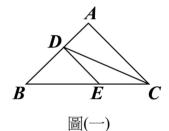
$$9x \times 0.8 < 200$$

$$x \le \frac{250}{9} = 27.7 \cdot \cdot \cdot \cdot$$

∴ 最多可買 27 根棒棒糖

故選(C)

()11. 如圖(一), $\triangle ABC$ 中,D、E 兩點分別在 \overline{AB} 、 \overline{BCL} 。 若 \overline{AD} : \overline{DB} = \overline{CE} : \overline{EB} =2:3,則 $\triangle DBE$ 與 $\triangle ADC$ 的面積比為何?



- (A) 3 : 5
- (B) 4:5
- (C) 9:10
- (D) 15:16

【答案】C

【解析】 $\triangle DBE$ 面積: $\triangle DBC$ 面積=BE: BC=3:5=9:15

 $\triangle DBC$ 面積: $\triangle ADC$ 面積=BD:AD=3:2=15:10

∴ △DBE 面積:△ADC 面積=9:10

故選(C)

- 6 數學科題本
- ()12. 一元二次方程式 $x^2-8x=48$ 可表示成 $(x-a)^2=48+b$ 的形式,其中 $a \cdot b$ 為整數。求 a+b 之值為何?
 - (A) 20
 - (B) 12
 - (C) 12
 - (D) -20

【答案】A

【解析】
$$x^2-8x+16=48+16$$

($x-4$) $^2=48+16$
 $\Rightarrow a=4$, $b=16$, $a+b=20$
故選(A)

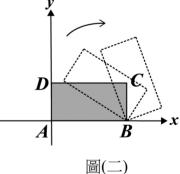
()13. 已知坐標平面上有一長方形 ABCD,其坐標分別為 A(0,0)、 B(2,0)、C(2,1)、D(0,1)。 今固定 B 點並將此長方形 依順時針方向旋轉,如圖(二)所示。若旋轉後 C 點的坐標為 (3,0),則旋轉後 D 點的坐標為何?



- (B)(2,3)
- (C)(3,3)
- (D)(3,2)

【答案】D

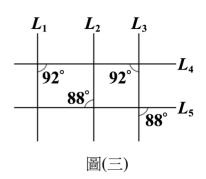
【解析】②=2,旋轉後 C 點為(3,0) ∴旋轉後 D 點為(3,2) 故選(D)



- ()14. 圖(三)為平面上五條直線 $L_1 \, \cdot \, L_2 \, \cdot \, L_3 \, \cdot \, L_4 \, \cdot \, L_5$ 相交的情形。根據圖中標示的角度,判斷下列敘述何者正確?
 - (A) L_1 和 L_3 平行, L_2 和 L_3 平行
 - (B) L_1 和 L_3 平行, L_2 和 L_3 不平行
 - (C) L_1 和 L_3 不平行, L_2 和 L_3 平行
 - (D) L_1 和 L_3 不平行, L_2 和 L_3 不平行

【答案】C

【解析】
$$92^{\circ}+92^{\circ}\neq 180^{\circ}\Rightarrow L_{1}$$
與 L_{3} 不平行 $88^{\circ}=88^{\circ}\Rightarrow L_{2}$ 與 L_{3} 平行 故選(C)

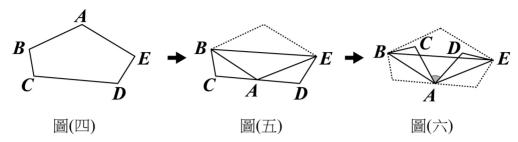


- ()15. <u>威立</u>到小吃店買水餃,他身上帶的錢恰好等於 15 粒蝦仁水餃或 20 粒韭菜水餃的價錢 若<u>威立</u>先買了 9 粒蝦仁水餃,則他身上剩下的錢恰好可買多少粒韭菜水餃?
 - (A) 6
 - (B) 8
 - (C) 9
 - (D) 12

【答案】B

【解析】設 1 粒蝦仁水餃為 x 元,1 粒韭菜水餃為 y 元 所有錢數 =15x=20y $\Rightarrow 3x=4y$ $15x-9x=6x=2\times 3x=2\times 4y=8y$ 故選(B)

()16. 將圖(四)中五邊形紙片 ABCDE 的 A 點以 \overline{BE} 為摺線往下摺,A 點恰好落在 \overline{CD} 上,如圖 (五)所示。再分別以圖(五)的 \overline{AB} 、 \overline{AE} 為摺線,將 C、D 兩點往上摺,使得 A、B C、D、E 五點均在同一平面上,如圖(六)所示。若圖(四)中 $\angle A$ =124°,則圖(六)中 $\angle CAD$ 的度數為何?



- (A) 56
- (B) 60
- (C) 62
- (D) 68

【答案】D

【解析】由圖(五)知∠BAC+∠EAD=180°-124°=56° ∴ 圖(六)中∠CAD=180°-56°×2=68° 故選(D)

- ()17. 若 $a \cdot b$ 為兩質數且相差 $2 \cdot \mathbb{N}$ 如 ab+1 之值可能為下列何者?
 - (A) 39^2
 - (B) 40^2
 - $(C) 41^2$
 - (D) 42^2

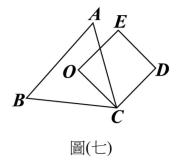
【答案】D

【解析】(A) $ab+1=39^2$, $ab=39^2-1=40\times38$ (B) $ab+1=40^2$, $ab=40^2-1=41\times39$ (C) $ab+1=41^2$, $ab=41^2-1=42\times40$ (D) $ab+1=42^2$, $ab=42^2-1=43\times41$ 故選(D)

- ()18. 如圖(七),O 為銳角三角形 ABC 的外心,四邊形 OCDE 為正方形,其中 E 點在 $\triangle ABC$ 的外部。判斷下列敘述何者正確?
 - (A) O 是 $\triangle AEB$ 的外心,O 是 $\triangle AED$ 的外心
 - (B) O 是 $\triangle AEB$ 的外心,O 不是 $\triangle AED$ 的外心
 - (C) O 不是 $\triangle AEB$ 的外心,O 是 $\triangle AED$ 的外心
 - (D) O 不是 $\triangle AEB$ 的外心,O 不是 $\triangle AED$ 的外心

【答案】B

【解析】<u>Ø4</u>=<u>ØB</u>=<u>ØC</u>=<u>ØE</u>,且<u>ØD</u>=√2<u>ØE</u> 故選(B)

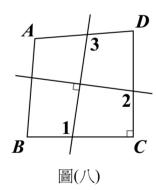


- ()19. 圖(八)為互相垂直的兩直線將四邊形 ABCD 分成四個區域的情形。若 $\angle A=100^\circ$, $\angle B=\angle D=85^\circ$, $\angle C=90^\circ$,則根據圖中標示的角,判斷下列 $\angle 1$ 、 $\angle 2$ 、 $\angle 3$ 的大小關係,何者正確?
 - (A) $\angle 1 = \angle 2 > \angle 3$
 - (B) $\angle 1 = \angle 3 > \angle 2$
 - (C) $\angle 2 > \angle 1 = \angle 3$
 - (D) $\angle 3 > \angle 1 = \angle 2$

【答案】D

【解析】
$$(180^{\circ} - \angle 1) + \angle 2 = 360^{\circ} - 90^{\circ} - 90^{\circ} = 180^{\circ}$$

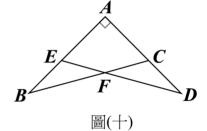
 $\Rightarrow \angle 1 = \angle 2$
 $(180^{\circ} - \angle 2) + \angle 3 = 360^{\circ} - 85^{\circ} - 90^{\circ} = 185^{\circ}$
 $\Rightarrow \angle 3 - \angle 2 = 5^{\circ} \Rightarrow \angle 3 > \angle 2$
 $\therefore \angle 3 > \angle 1 = \angle 2$
故選(D)



)20. 圖(九)的數線上有 $O \cdot A \cdot B$ 三點,其中 O 為原點, A 點所表示的數為 10^6 。根據圖中 (數線上這三點之間的實際距離進行估計,下列何者最接近B點所表示的數?



- (A) 2×10^6
- (B) 4×10^6
- (C) 2×10^7
- (D) 4×10^8
- 【答案】C
- 【解析】(A) 2×10⁶=2*OA*
 - (B) $4 \times 10^6 = 4 \overline{OA}$
 - (C) $2 \times 10^7 = 20 \overline{OA}$
 - (D) $4 \times 10^8 = 400 \overline{OA}$
 - 故選(C)
-)21. 如圖(十), $\triangle ABC$ 、 $\triangle ADE$ 中,C、E 兩點分別在 (AD、AB上,且BC與DB相交於 F點。若 $\angle A = 90^{\circ}$, $\angle B = \angle D = 30^{\circ}$, AC = AE = 1, AC = AE = 1四邊形 AEFC 的周長為何?



- (A) $2\sqrt{2}$
- (B) $2\sqrt{3}$
- (C) $2 + \sqrt{2}$
- (D) $2 + \sqrt{3}$
- 【答案】B
- 【解析】△ABC 為 30°-60°-90° 三角形 $X\overline{AC}=1 \Rightarrow \overline{AB}=\sqrt{3}$ $X \angle AED = 60^{\circ}, \angle B = 30^{\circ}$
 - △BEF中,由外角定理
 - $\Rightarrow \angle BFE = 60^{\circ} 30^{\circ} = 30^{\circ}$
 - ⇒ △BFE 為等腰三角形
 - $\Rightarrow ER = BE = AB AE = \sqrt{3} 1$
 - 同理 $\overline{CP} = \sqrt{3} 1$
 - 四邊形 AEFC 周長= $1+1+\sqrt{3}-1+\sqrt{3}-1=2\sqrt{3}$
-)22. 已知坐標平面上有兩個二次函數 y=a(x+1)(x-7), y=b(x+1)(x-15) 的圖形, (

其中 $a \cdot b$ 為整數。判斷將二次函數 y = b(x+1)(x-15) 的圖形依下列哪一種方式平 移後,會使得此兩圖形的對稱軸重疊?

- (A) 向左平移 4 單位
- (B) 向右平移 4 單位
- (C) 向左平移 8 單位
- (D) 向右平移 8 單位

【答案】A

【解析】y=a(x+1)(x-7) 和 x 軸的交點為 (-1,0)、(7,0) ⇒ 對稱軸為 x=3 y=b(x+1)(x-15) 和 x 軸的交點為 (-1,0)、(15,0) ⇒ 對稱軸為 x=7 3-7=-4 向左平移 4 單位

()23. 圖(十一) 為阿輝、小薰一起到商店分別買了數杯飲料與在家分飲料的經過。



圖(十一)

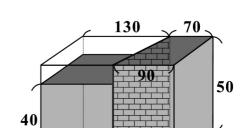
若每杯飲料的價格均相同,則根據圖中的對話,判斷阿輝買了多少杯飲料?

- (A) 22
- (B) 25
- (C)47
- (D) 50

【答案】A

【解析】<u>小薰</u>付 1000+120=1120 (元) <u>阿輝</u>付 2000-1120=880 (元) 1 杯飲料為 (1120-880)÷6=40 (元) 880÷40=22 (杯)

()24. 如圖(十二), 水平桌面上有個內部裝水的長



方體箱子,箱內有一個與底面垂直的隔板, 且隔板左右兩側的水面高度分別為 40 公分、 50 公分。今將隔板抽出,若過程中箱內的水 量未改變,且不計箱子及隔板厚度,則根據 圖中的數據,求隔板抽出後水面靜止時,箱 內的水面高度為多少公分?

- (A) 43
- (B)44
- (C)45
- (D) 46

【答案】B

【解析】設長方體的寬為x公分,抽出隔板後之水面高度為h公分長方體的長為130+70=200(公分) $\frac{(130+110)\times x}{2}\times 40+\frac{(70+90)\times x}{2}\times 50=200\times x\times h$ $120\times x\times 40+80\times x\times 50=200\times x\times h$ 4800+4000=200h

h = 44

8800 = 200h

- (以下是這三個按鍵的功能。
 - 1. √:將螢幕顯示的數變成它的正平方根,例如:螢幕 顯示的數為49時,按下 √ 後會變成7。
 - 2. 1/x : 將螢幕顯示的數變成它的倒數,例如: 螢幕顯 示的數為 25 時, 按下 1/x 後會變成 0.04。
 - $3.[x^2]$:將螢幕顯示的數變成它的平方,例如:螢幕顯示 的數為6時,按下 x^2 後會變成36。

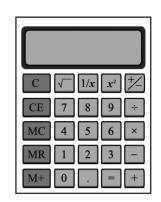
若螢幕顯示的數為 100 時, 小劉第一下按 √ , 第二下按 $\boxed{1/x}$,第三下按 $\boxed{x^2}$,之後以 $\boxed{\sqrt{}}$ 、 $\boxed{1/x}$ 、 $\boxed{x^2}$ 的順序輪流 按,則當他按了第100下後螢幕顯示的數是多少?

- (A) 0.01
- (B) 0.1
- (C) 10
- (D) 100

【答案】B

【解析】①
$$\sqrt{} \Rightarrow \sqrt{100} = 10$$

② $1/x$ $\Rightarrow \frac{1}{10} = 0.1$
③ x^2 $\Rightarrow 0.1^2 = 0.01$
④ $\sqrt{} \Rightarrow \sqrt{0.01} = 0.1$
⑤ $1/x$ $\Rightarrow \frac{1}{0.1} = 10$
⑥ x^2 $\Rightarrow 10^2 = 100$
 $100 \div 6 = 16 \dots 4$
 $\Rightarrow 第 100 次為 0.1$



圖(十三)

()26. 圖(十四)為兩正方形 $ABCD \cdot BPQR$ 重疊的情形,其中 R 點在 \overline{ADL} , \overline{CD} 與 \overline{QR} 相交於 S 點。若兩正方形 $ABCD \cdot BPQR$ 的面積分別為 $16 \cdot 25$,則四邊形 RBCS 的面積為何?



(B)
$$\frac{17}{2}$$

(C)
$$\frac{28}{3}$$

(D)
$$\frac{77}{8}$$

【答案】D



$$\triangle ABR + ABR = 4$$

$$\Rightarrow \overline{AR} = \sqrt{5^2 - 4^2} = 3$$

$$\Rightarrow RD = AD - AR = 4 - 3 = 1$$

又△ABR~△DRS (AA 相似)

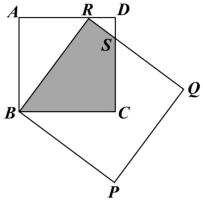
 \overrightarrow{AB} : \overrightarrow{DR} = \overrightarrow{AR} : \overrightarrow{DS}

4:1=3:DS

$$\Rightarrow \overline{DS} = \frac{3}{4}$$

四邊形 RBCS 面積=正方形 ABCD 面積 $-\triangle ABR$ 面積 $-\triangle RDS$ 面積

$$=4x4-\frac{4\times3}{2}-1x\frac{3}{4}x\frac{1}{2}=\frac{77}{8}$$



圖(十四)

二、非選擇題(1-2題)

1. 今有甲、乙、丙三名候選人參與某村村長選舉,共發出 1800 張選票,得票數最高者為當選人,且廢票不計入任何一位候選人之得票數內。全村設有四個投開票所,目前第一、第二、第三投開票所已開完所有選票,剩下第四投開票所尚未開票,結果如表(一)所示:

表(一)

10()					
投開票所	候選人			廢票	合計
	甲	乙	丙	<i>り</i> えって	
	200	211	147	12	570
	286	85	244	15	630
三	97	41	205	7	350
四					250

(單位:票)

請回答下列問題:

- (1) 請分別寫出目前甲、乙、丙三名候選人的得票數。
- (2) 承(1),請分別判斷甲、乙兩名候選人是否還有機會當選村長,並詳細解釋或完整寫出你的解題過程。

【解析】(1) 甲:200+286+97=583

 $\angle : 211 + 85 + 41 = 337$

丙: 147+244+205=596

 $(2) \ \forall : 596 - 583 = 13$

丙目前領先甲13票

所以第四投開票所甲贏丙14票以上,則甲當選

故甲可能當選

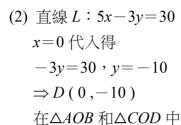
 $\angle : 596 - 337 = 259 > 250$

若第四投開票所 250 票皆給乙,乙的總票數仍比丙低

故乙不可能當選

- **2.** 如圖(十五),在坐標平面上,O 為原點,另有 A(0,3)、 B(-5,0)、C(6,0) 三點,直線 L 通過 C 點且與 y 軸 相交於 D 點。請回答下列問題:
 - (1) 已知直線 L 的方程式為 5x-3y=k,求 k 的值。
 - (2) 承(1), 請完整說明 $\triangle AOB$ 與 $\triangle COD$ 相似的理由。

【解析】(1)(6,0)代入直線L:5x-3y=k5x6-3x0=kk=30

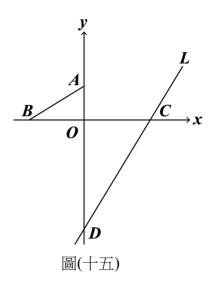


 $\therefore \angle AOB = \angle COD = 90^{\circ}$

OA : OC = 3 : 6 = 1 : 2

 \overline{OB} : \overline{OD} =5: 10=1:2

∴ △AOB~△COD (SAS 相似性質)



參考公式

川 和的平方公式: $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$

差的平方公式: $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$ 平方差公式: $a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$

- \square 若直角三角形兩股長為 $a \cdot b$,斜邊長為 c ,則 $c^2 = a^2 + b^2$
- 若圓的半徑為r, 圓周率為 π , 則圓面積= πr^2 , 圓周長= $2\pi r$
- \square 若一個等差數列的首項為 a_1 ,公差為 d,第 n 項為 a_n ,前 n 項和為 S_n ,

則
$$a_n = a_1 + (n-1)d$$
, $S_n = \frac{n(a^1 + a^n)}{2}$

$$\Box$$
 一元二次方程式 $ax^2+bx+c=0$ 的解為 $x=\frac{-b\pm}{2a}$