

## 一、選擇題 (1-26 題)

- ( ) 1. 算式
- $(-2) \times |-5| - |-3|$
- 之值為何？

(A) 13  
(B) 7  
(C) -13  
(D) -7

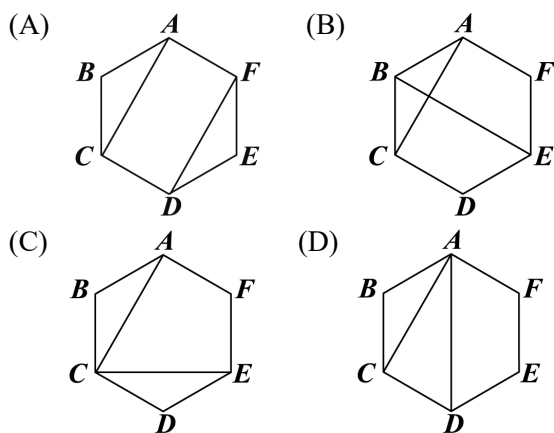
- ( ) 2. 下列哪一個選項中的等式成立？

(A)  $\sqrt{2^2}=2$   
(B)  $\sqrt{3^3}=3$   
(C)  $\sqrt{4^4}=4$   
(D)  $\sqrt{5^5}=5$

- ( ) 3. 計算
- $6x \cdot (3-2x)$
- 的結果，與下列哪一個式子相同？

(A)  $-12x^2+18x$   
(B)  $-12x^2+3$   
(C)  $16x$   
(D)  $6x$

- ( ) 4. 若阿光以四種不同的方式連接正六邊形
- $ABCDEF$
- 的兩條對角線，連接後的情形如下列選項中的圖形所示，則下列哪一個圖形不是線對稱圖形？



- ( ) 5. 已知坐標平面上有兩直線相交於一點
- $(2, a)$
- ，且兩直線的方程式分別為
- $2x+3y=7$
- 、
- $3x-2y=b$
- ，其中
- $a$
- 、
- $b$
- 為兩數。求
- $a+b$
- 之值為何？

(A) 1  
(B) -1  
(C) 5  
(D) -5

- ( ) 6. 阿信、小怡兩人打算搭乘同一班次電車上學。若此班次電車共有 5 節車廂，且阿信從任意一節車廂上車的機會相等，小怡從任意一節車廂上車的機會相等，則兩人從同一節車廂上車的機率為何？

(A)  $\frac{1}{2}$  (B)  $\frac{1}{5}$   
(C)  $\frac{1}{10}$  (D)  $\frac{1}{25}$

- ( ) 7. 平面上有
- $A$
- 、
- $B$
- 、
- $C$
- 三點，其中
- $\overline{AB}=3$
- ，
- $\overline{BC}=4$
- ，
- $\overline{AC}=5$
- 。若分別以
- $A$
- 、
- $B$
- 、
- $C$
- 為圓心，半徑長為 2 畫圓，畫出圓
- $A$
- 、圓
- $B$
- 、圓
- $C$
- ，則下列敘述何者正確？

(A) 圓  $A$  與圓  $C$  外切，圓  $B$  與圓  $C$  外切  
(B) 圓  $A$  與圓  $C$  外切，圓  $B$  與圓  $C$  外離  
(C) 圓  $A$  與圓  $C$  外離，圓  $B$  與圓  $C$  外切  
(D) 圓  $A$  與圓  $C$  外離，圓  $B$  與圓  $C$  外離

- ( ) 8. 下列選項中所表示的數，哪一個與 252 的最大公因數為 42？

(A)  $2 \times 3 \times 5^2 \times 7^2$   
(B)  $2 \times 3^2 \times 5 \times 7^2$   
(C)  $2^2 \times 3 \times 5^2 \times 7$   
(D)  $2^2 \times 3^2 \times 5 \times 7$

- ( ) 9. 某高中的籃球隊成員中，一、二年級的成員共有 8 人，三年級的成員有 3 人。一、二年級的成員身高 (單位：公分) 如下：

172、172、174、174、176、176、178、178

若隊中所有成員的平均身高為 178 公分，則隊中三年級成員的平均身高為幾公分？

(A) 178 (B) 181  
(C) 183 (D) 186

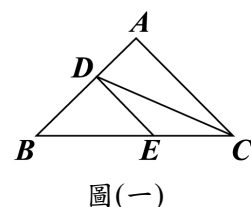
- ( ) 10. 已知在卡樂芙超市內購物總金額超過 190 元時，購物總金額有打八折的優惠。安妮帶 200 元到卡樂芙超市買棒棒糖，若棒棒糖每根 9 元，則她最多可買多少根棒棒糖？

(A) 22 (B) 23  
(C) 27 (D) 28

- ( ) 11. 如圖(一)，
- $\triangle ABC$
- 中，
- $D$
- 、
- $E$
- 兩點分別在
- $\overline{AB}$
- 、
- $\overline{BC}$
- 上。

若  $\overline{AD}:\overline{DB}=\overline{CE}:\overline{EB}=2:3$ ，則  $\triangle DBE$  與  $\triangle ADC$  的面積比為何？

(A) 3:5  
(B) 4:5  
(C) 9:10  
(D) 15:16

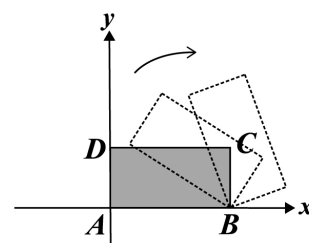


圖(一)

- ( ) 12. 一元二次方程式
- $x^2-8x=48$
- 可表示成
- $(x-a)^2=48+b$
- 的形式，其中
- $a$
- 、
- $b$
- 為整數。求
- $a+b$
- 之值為何？

(A) 20 (B) 12  
(C) -12 (D) -20

- ( ) 13. 已知坐標平面上有一長方形
- $ABCD$
- ，其坐標分別為
- $A(0,0)$
- 、
- $B(2,0)$
- 、
- $C(2,1)$
- 、
- $D(0,1)$
- 。今固定
- $B$
- 點並將此長方形依順時針方向旋轉，如圖(二)所示。若旋轉後
- $C$
- 點的坐標為
- $(3,0)$
- ，則旋轉後
- $D$
- 點的坐標為何？

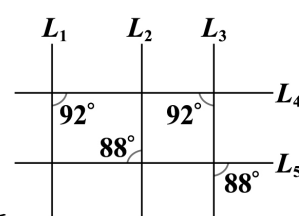


圖(二)

(A)  $(2,2)$   
(B)  $(2,3)$   
(C)  $(3,3)$   
(D)  $(3,2)$

- ( ) 14. 圖(三)為平面上五條直線
- $L_1$
- 、
- $L_2$
- 、
- $L_3$
- 、
- $L_4$
- 、
- $L_5$
- 相交的情形。根據圖中標示的角度，判斷下列敘述何者正確？

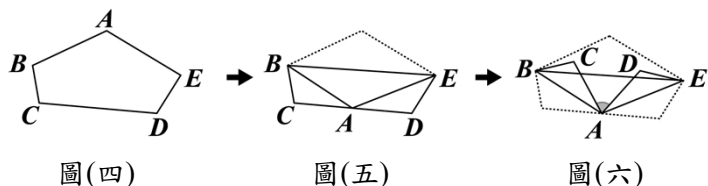
(A)  $L_1$  和  $L_3$  平行， $L_2$  和  $L_3$  平行  
(B)  $L_1$  和  $L_3$  平行， $L_2$  和  $L_3$  不平行  
(C)  $L_1$  和  $L_3$  不平行， $L_2$  和  $L_3$  平行  
(D)  $L_1$  和  $L_3$  不平行， $L_2$  和  $L_3$  不平行



圖(三)

- ( ) 15. 威立到小吃店買水餃，他身上帶的錢恰好等於 15 粒蝦仁水餃或 20 粒韭菜水餃的價錢。若威立先買了 9 粒蝦仁水餃，則他身上剩下的錢恰好可買多少粒韭菜水餃？  
 (A) 6  
 (B) 8  
 (C) 9  
 (D) 12

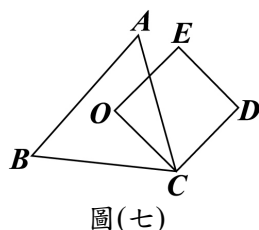
- ( ) 16. 將圖(四)中五邊形紙片  $ABCDE$  的  $A$  點以  $\overline{BE}$  為摺線往下摺， $A$  點恰好落在  $\overline{CD}$  上，如圖(五)所示。再分別以圖(五)的  $\overline{AB}$ 、 $\overline{AE}$  為摺線，將  $C$ 、 $D$  兩點往上摺，使得  $A$ 、 $B$ 、 $C$ 、 $D$ 、 $E$  五點均都在同一平面上，如圖(六)所示。若圖(四)中  $\angle A = 124^\circ$ ，則圖(六)中  $\angle CAD$  的度數為何？



- (A) 56  
 (B) 60  
 (C) 62  
 (D) 68

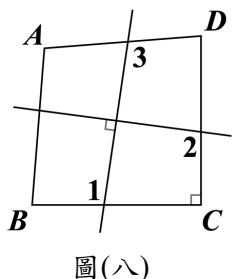
- ( ) 17. 若  $a$ 、 $b$  為兩質數且相差 2，則  $ab+1$  之值可能為下列何者？  
 (A)  $39^2$   
 (B)  $40^2$   
 (C)  $41^2$   
 (D)  $42^2$

- ( ) 18. 如圖(七)， $O$  為銳角三角形  $ABC$  的外心，四邊形  $OCDE$  為正方形，其中  $E$  點在  $\triangle ABC$  的外部。判斷下列敘述何者正確？



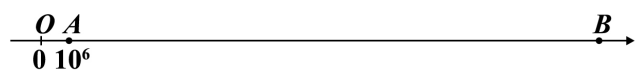
- (A)  $O$  是  $\triangle AEB$  的外心， $O$  是  $\triangle AED$  的外心  
 (B)  $O$  是  $\triangle AEB$  的外心， $O$  不是  $\triangle AED$  的外心  
 (C)  $O$  不是  $\triangle AEB$  的外心， $O$  是  $\triangle AED$  的外心  
 (D)  $O$  不是  $\triangle AEB$  的外心， $O$  不是  $\triangle AED$  的外心

- ( ) 19. 圖(八)為互相垂直的兩直線將四邊形  $ABCD$  分成四個區域的情形。若  $\angle A = 100^\circ$ ， $\angle B = \angle D = 85^\circ$ ， $\angle C = 90^\circ$ ，則根據圖中標示的角，判斷下列  $\angle 1$ 、 $\angle 2$ 、 $\angle 3$  的大小關係，何者正確？



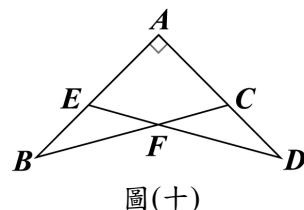
- (A)  $\angle 1 = \angle 2 > \angle 3$   
 (B)  $\angle 1 = \angle 3 > \angle 2$   
 (C)  $\angle 2 > \angle 1 = \angle 3$   
 (D)  $\angle 3 > \angle 1 = \angle 2$

- ( ) 20. 圖(九)的數線上有  $O$ 、 $A$ 、 $B$  三點，其中  $O$  為原點， $A$  點所表示的數為  $10^6$ 。根據圖中數線上這三點之間的實際距離進行估計，下列何者最接近  $B$  點所表示的數？



- (A)  $2 \times 10^6$   
 (B)  $4 \times 10^6$   
 (C)  $2 \times 10^7$   
 (D)  $4 \times 10^8$

- ( ) 21. 如圖(十)， $\triangle ABC$ 、 $\triangle ADE$  中， $C$ 、 $E$  兩點分別在  $\overline{AD}$ 、 $\overline{AB}$  上，且  $\overline{BC}$  與  $\overline{DE}$  相交於  $F$  點。若  $\angle A = 90^\circ$ ， $\angle B = \angle D = 30^\circ$ ， $\overline{AC} = \overline{AE} = 1$ ，則四邊形  $AEFC$  的周長為何？



- (A)  $2\sqrt{2}$  (B)  $2\sqrt{3}$   
 (C)  $2 + \sqrt{2}$  (D)  $2 + \sqrt{3}$

- ( ) 22. 已知坐標平面上有兩個二次函數  $y = a(x+1)(x-7)$ 、 $y = b(x+1)(x-15)$  的圖形，其中  $a$ 、 $b$  為整數。判斷將二次函數  $y = b(x+1)(x-15)$  的圖形依下列哪一種方式平移後，會使得此兩圖形的對稱軸重疊？  
 (A) 向左平移 4 單位 (B) 向右平移 4 單位  
 (C) 向左平移 8 單位 (D) 向右平移 8 單位

- ( ) 23. 圖(十一)為阿輝、小薰一起到商店分別買了數杯飲料與在家分飲料的經過。

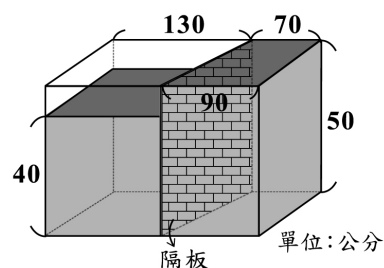


圖(十一)

若每杯飲料的價格均相同，則根據圖中的對話，判斷阿輝買了多少杯飲料？

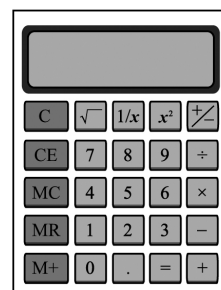
- (A) 22 (B) 25  
 (C) 47 (D) 50

- ( ) 24. 如圖(十二)，水平桌面上有個內部裝水的長方體箱子，箱內有一個與底面垂直的隔板，且隔板左右兩側的水面高度分別為 40 公分、50 公分。今將隔板抽出，若過程中箱內的水量未改變，且不計箱子及隔板厚度，則根據圖中的數據，求隔板抽出後水面靜止時，箱內的水面高度為多少公分？  
 (A) 43 (B) 44  
 (C) 45 (D) 46



圖(十二)

- ( ) 25. 如圖(十三)，某計算機中有  $\sqrt{\quad}$ 、 $\frac{1}{x}$ 、 $x^2$  三個按鍵，以下是這三個按鍵的功能。



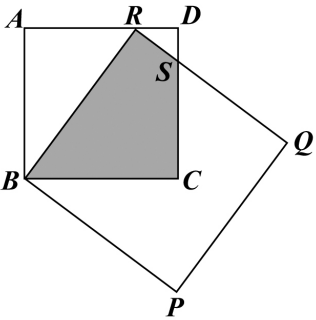
- $\sqrt{\quad}$ ：將螢幕顯示的數變成它的正平方根，例如：螢幕顯示的數為 49 時，按下  $\sqrt{\quad}$  後會變成 7。
- $\frac{1}{x}$ ：將螢幕顯示的數變成它的倒數，例如：螢幕顯示的數為 25 時，按下  $\frac{1}{x}$  後會變成 0.04。
- $x^2$ ：將螢幕顯示的數變成它的平方，例如：螢幕顯示的數為 6 時，按下  $x^2$  後會變成 36。

若螢幕顯示的數為 100 時，小劉第一下按  $\sqrt{\quad}$ ，第二下按  $\frac{1}{x}$ ，第三下按  $x^2$ ，之後以  $\sqrt{\quad}$ 、 $\frac{1}{x}$ 、 $x^2$  的順序輪流按，則當他按了第 100 下後螢幕顯示的數是多少？

- (A) 0.01 (B) 0.1  
 (C) 10 (D) 100

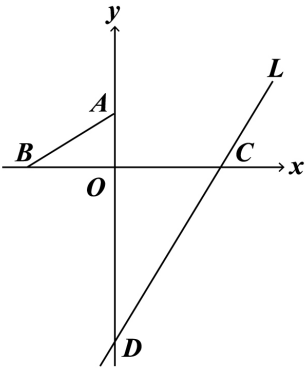
( )26. 圖(十四)為兩正方形  $ABCD$ 、 $BPQR$  重疊的情形，其中  $R$  點在  $AD$  上， $CD$  與  $QR$  相交於  $S$  點。若兩正方形  $ABCD$ 、 $BPQR$  的面積分別為 16、25，則四邊形  $RBCS$  的面積為何？

- (A) 8
- (B)  $\frac{17}{2}$
- (C)  $\frac{28}{3}$
- (D)  $\frac{77}{8}$



圖(十四)

2. 如圖(十五)，在坐標平面上， $O$  為原點，另有  $A(0, 3)$ 、 $B(-5, 0)$ 、 $C(6, 0)$  三點，直線  $L$  通過  $C$  點且與  $y$  軸相交於  $D$  點。請回答下列問題：
- (1) 已知直線  $L$  的方程式為  $5x - 3y = k$ ，求  $k$  的值。
  - (2) 承(1)，請完整說明  $\triangle AOB$  與  $\triangle COD$  相似的理由。



圖(十五)

二、非選擇題（1-2 題）

1. 今有甲、乙、丙三名候選人參與某村村長選舉，共發出 1800 張選票，得票數最高者為當選人，且廢票不計入任何一位候選人之得票數內。全村設有四個投開票所，目前第一、第二、第三投開票所已開完所有選票，剩下第四投開票所尚未開票，結果如所示：

表(一)

投開票所	候選人			廢票	合計
	甲	乙	丙		
一	200	211	147	12	570
二	286	85	244	15	630
三	97	41	205	7	350
四					250

(單位：票)

請回答下列問題：

- (1) 請分別寫出目前甲、乙、丙三名候選人的得票數。
- (2) 承(1)，請分別判斷甲、乙兩名候選人是否還有機會當選村長，並詳細解釋或完整寫出你的解題過程。

參考公式：

- 和的平方公式： $(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$ 。
- 差的平方公式： $(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$ 。
- 平方差公式： $a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$ 。
- 若直角三角形的兩股長為  $a$ 、 $b$ ，斜邊長為  $c$ ，則  $c^2 = a^2 + b^2$ 。
- 若圓的半徑為  $r$ ，圓周率為  $\pi$ ，則圓面積  $= \pi r^2$ ，圓周長  $= 2\pi r$ 。
- 若一個等差數列的首項為  $a_1$ ，公差為  $d$ ，第  $n$  項為  $a_n$ ，前  $n$  項和為  $S_n$ ，則  $a_n = a_1 + (n - 1)d$ ， $S_n = \frac{n(a_1 + a_n)}{2}$ 。
- 一元二次方程式  $ax^2 + bx + c = 0$  的解為  $x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$ 。