109年國中教育會考 試題卷

班 號 姓名

投進球數(球)

公告

因近期食材成本提高,故

1. 披薩售價 皆調漲10%。

2. 會員結帳優惠從

打九折。

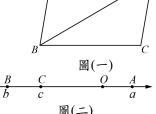
打八五折調整為

圖(五)

即日起

第一部分:選擇題(第1~26題)

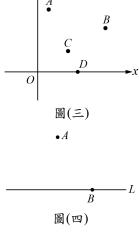
-) 1. $\exists a = (-12)x(-23)x(-34)x(-45)$, b = (-123)x(-234)x(-345),判斷下列敘述何者正確?
 - (A) a、b 皆為正數
- (B) a、b 皆為負數
- (C) a 為正數, b 為負數
- (D) a 為負數, b 為正數
-) 2. 算式 2³×5³ 之值為何?
 - (A) 30
- (B) 90
- (C) 1000
- (D) 1000000
-) 3. 小真煮好了 25 顆湯圓,其中 15 顆為芝麻湯圓,10 顆為花生湯 圓。已知小真想從煮好的湯圓中撈一顆,若每顆湯圓被小真撈 到的機會相等,則他撈到花生湯圓的機率為何?
 - (A) $\frac{1}{2}$
- (B) $\frac{2}{3}$
- (C) $\frac{2}{5}$
- (D) $\frac{1}{10}$
-) 4. 算式 $\sqrt{2} \times (\sqrt{48} \sqrt{12})$ 之值為何?
 - (A) $6\sqrt{2}$
- (B) $2\sqrt{6}$
- (C) $2\sqrt{21}$
- (D) $4\sqrt{6} 2\sqrt{3}$
-) 5. 如圖(一), 平行四邊形 ABCD 中, $\angle A$ = 100° ∘ 若 $\angle ABD$: $\angle DBC$ = 3:2, 則 ∠DBC 的度數為何?
 - (A) 32
- (B) 40
- (C) 48
- (D) 60
-) 6. 圖(二)數線上的 A、B、C 三點所表示的數分別為 $a \cdot b \cdot c$, 且原點為 O。根



據圖中各點位置,判斷下列四個式子的值何者最大?

- (A) |a| + |b| (B) |a| + |c| (C) |a-c| (D) |b-c|

-) 7. 計算 $2x^2-3$ 除以 x+1 後,得商式和餘式分別為何?
 - (A) 商式為 2, 餘式為 -5
- (B) 商式為 2x-5, 餘式為 5
- (C) 商式為 2x+2, 餘式為 -1 (D) 商式為 2x-2, 餘式為 -1
-) 8. 下列何者可表示成兩個質數的乘積?
 - (A) 81
- (B) 82
- (C) 83
- (D) 84
-) 9. 已知小薇住家的西方 100 公尺處為車站,住家的北方 200 公尺 處為學校,且從學校往東方走100公尺,再往南方走400公尺 可到達公園。若小薇將住家、車站、學校分別標示在坐標平面 上的(2,0)、(0,0)、(2,4)三點,則公園應標示在此坐標平面上 的哪一點?
 - (A)(4,-4)
- (B)(4,12)
- (C)(0,-4)
- (D)(0,12)
-)10. 若一元二次方程式 $5(x-4)^2=125$ 的解為 $a \cdot b$,且 a > b,則 2a+b 之值為何?
 - (A) 7
- (B) 1(C) 11
- (D) 17
-)11. 圖(三)的坐標平面上有 *A*、*B*、*C*、 D 四點,其中恰有三點在函數 y =px+q的圖形上,且 $p \cdot q$ 為雨 數。根據圖中四點的位置,判斷 下列哪一點不在函數 y=px+q的圖形上?
 - (A)A
- (B) B
- (C) C
- (D) D
-)12. 圖(四)表示平面上 A、B 兩點與 直線L的位置關係,其中B點在 L上。若有一動點P從A點開始 移動,移動過程中與 B 點的距離 保持不變,則下列關於 P 點移動 路徑的敘述,何者正確?

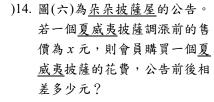


- (A) 在與直線 L 平行且通過 A 點的直線上
- (B) 在與直線 L 垂直且通過 A 點的直線上
- (C) 在以 B 點為圓心且通過 A 點的圓上
- (D) 在以 AB 為直徑的圓上

-)13. 圖(五)為甲班 36 名學 生參加投籃測驗的投 進球數長條圖。判斷 甲班學生中,有多少 人的投進球數小於該 班學生投進球數的中 位數?
 - (A) 10
- (B) 14

 \bigcirc 7

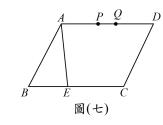
- (C) 17
- (D) 18



- (A) 0.05x
- (B) 0.09x
- (C) 0.14x
- (D) 0.15x

何者正確?

)15. 平行四邊形 *ABCD* 中, *E* 點在 *BC* 上,P、Q 兩點在 \overline{AD} 上,其位置 如圖(七)所示。若 \overline{PB} 與 \overline{AE} 相交 於 R 點, \overline{QB} 與 \overline{AE} 相交於 S 點, 則下列三角形面積的大小關係,



圖(六)

- (A) $\triangle PBE > \triangle QBE$, $\triangle PRE > \triangle QSE$
- (B) $\triangle PBE < \triangle QBE$, $\triangle PRE < \triangle QSE$
- (C) $\triangle PBE = \triangle QBE$, $\triangle PRE > \triangle QSE$
- (D) $\triangle PBE = \triangle QBE \cdot \triangle PRE < \triangle QSE$
-)16. 中秋節時阿柚製作的廣式月餅、蛋黃酥、鳳梨酥的數量比為 2:1:3,其中只有製作廣式月餅和蛋黃酥時使用鹹蛋黃。若阿柚 製作每個廣式月餅時使用 2 顆鹹蛋黃,製作每個蛋黃酥時使用 1 顆鹹蛋黃,且總共使用 120 顆鹹蛋黃,則他製作了幾個鳳梨酥?
 - (A) 45
- (B) 60
- (C) 72
-)17. 如圖(八), P點為矩形 ABCD 兩對角 線的交點,將P點分別以 \overline{AD} 、 \overline{BC} 為對稱軸畫出對稱點 $Q \setminus R$,形成六 邊形 $QABRCD \circ 若 \overline{AB} = 2$, $\overline{AD} =$ 4,則六邊形 QABRCD 的周長為何?
 - (A) 12
- (B) $4+2\sqrt{6}$
- (C) $4+4\sqrt{3}$ (D) $4+4\sqrt{5}$
- (D) 120圖(八)
-)18. 圖(九)為小麗和小歐依序進入電梯時,電梯因超重而警示音響 起的過程,且過程中沒有其他人進出





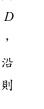
已知當電梯乘載的重量超過 300 公斤時警示音會響起,且小 麗、小歐的重量分別為50公斤、70公斤。若小麗進入電梯前, 電梯內已乘載的重量為 x 公斤,則所有滿足題意的 x 可用下列 哪一個不等式表示?

- (A) $180 < x \le 250$
- (B) $180 < x \le 300$
- (C) $230 < x \le 250$
- (D) $230 < x \le 300$

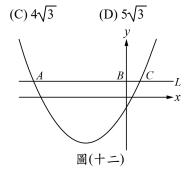
-)19. 圓上有 $A \times B \times C \times D$ 四點,其位 置如圖(十)所示,其中 AC 與 BD 相交於 E 點,且 $\overline{AB} = \overline{BC}$ 。根 據圖中標示的角度,判斷下列四條 線段何者的長度最長?
 - (A) \overline{AE}

(

- (B) \overline{BE}
- (C) *CE*
- (D) *DE*
-)20. 圆(十一)的正三角形 ABC 與 正方形 CDEF 中, $B \cdot C \cdot D$ 三點共線,且 $\overline{AC} = 10$, | CF = 8。若有一動點 P 沿 著 \overline{CA} 由C往A移動,則 FP 的長度最小為多少?



- (A) 4
- (B) 5
-)21. 坐標平面上有一水平線 L 與 二次函數 $y = a(x+7)^2 - 10$ 的圖形,其中 a 為一正數, 且L與二次函數圖形相交於 $A \cdot C$ 雨點,與y 軸相交於 B點,其位置如圖(十二)所 示。若 \overline{AB} : \overline{BC} =5:1, 則 AC 的長度為何?



圖(十一)

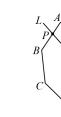
圆(十)

(A) 17

- (B) 19
- (C) 21
- (D) 24

圖(十三)

)22. 如圖(+三), 直線 L 將正九邊形 ABCDEFGHI 分割成兩個區域, 且分別與 \overline{AB} 、 \overline{EF} 相交於 P點、Q點。若 $\angle APQ$ 的外角為 75°,則∠POE的度數為何?

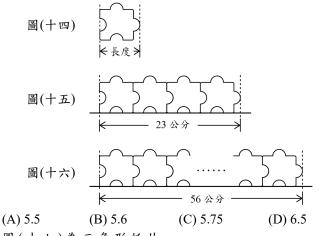


(A)75

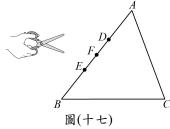
- (B) 85
- (C)95
- (D) 105

求圖(十四)中的拼圖長度為多少公分?

)23. 已知有若干片相同的拼圖,其形狀如圖(十四)所示,且拼圖依 同方向排列時可緊密拼成一列,此時底部可與直線貼齊。當 4 片拼圖緊密拼成一列時長度為 23 公分,如圖(十五)所示。當 10 片拼圖緊密拼成一列時長度為 56 公分,如圖(十六)所示。



)24. 圖(十七)為三角形紙片 ABC, 其中 D 點和 E 點將 \overline{AB} 分成三等分,F 點為 DE 中點。若小慕從 AB 上 的一點 P,沿著與直線 BC平行的方向將紙片剪開



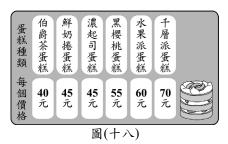
積為 $\triangle ABC$ 的 $\frac{1}{3}$,則下列關於P點位置的敘述,何者正確?

(A) 與 D 點重合

後,剪下的小三角形紙片面

- (B) 與 E 點重合
- (C) 在 DF 上,但不與 D 點也不與 F 點重合
- (D) 在 FE 上,但不與 F 點也不與 E 點重合

)25. 圖(十八)為有春蛋糕店 的價目表, 阿凱原本拿 了 4 個蛋糕去結帳,結 帳時發現該店正在舉辦 優惠活動,優惠方式為 每買 5 個蛋糕,其中 1 個價格最低的蛋糕免



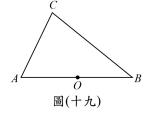
費,因此<u>阿凱</u>後來多買了1個黑櫻桃蛋糕。若<u>阿凱</u>原本的結帳 金額為水元,後來的結帳金額為火元,則水與火的關係式不可 能為下列何者?

- (A) y = x

線,交AC於P點,則P即

- (B) y=x+5 (C) y=x+10 (D) y=x+15

)26. 如圖(十九),銳角三角形 ABC 中, O 點為 \overline{AB} 中點。甲、乙兩人想 在 AC 上找一點 P,使得 $\triangle ABP$ 的外心為O,其作法分別如下: (甲)作過 B 且與 AC 垂直的直



(Z)以 O 為圓心, \overline{OA} 長為半徑畫弧, 交 \overline{AC} 於 P 點,則 P即為所求

對於甲、乙兩人的作法,下列判斷何者正確?

(A) 雨人皆正確

為所求

- (B) 兩人皆錯誤
- (C) 甲正確,乙錯誤
- (D) 甲錯誤, 乙正確

第二部分:非選擇題(第1~2題)

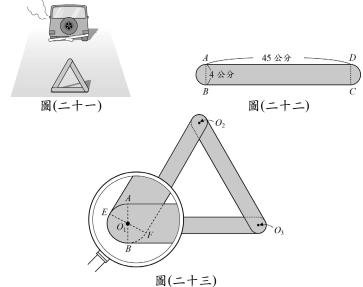
1. 品沏飲料店提供三種品項,其對 應兩種容量的價格如圖(二十)所 示。品沏飲料店的老闆規劃回 饋活動,凡自備容器購買飲料 者,每種品項中杯皆折扣2元、 大杯皆折扣5元。

- 4			
	品項	中杯 (750毫升	大杯) (1000 毫升)
	古早味紅茶	30元	45元
	百香綠茶	35元	50元
l	珍珠奶茶	50元	65元

圆(二十)

請根據上述資訊,回答下列問題:

- (1)老闆收到顧客反映,有些品項在自備容器後大杯的每毫升價格還是 比中杯的貴,請問是圖(二十)中的哪些品項?
- (2) 若老闆想要讓所有品項在自備容器後大杯的每毫升價格都比中杯的 便宜,則他應將大杯的折扣都至少改成多少元?請詳細解釋或完整 寫出你的解題過程,並求出答案。
- 2. 預警三角標誌牌用於放置在車道上,告知後方來車前有停置車輛,如 圖(二十一)所示。貝貝想製作類似此標誌的圖形,先使用反光材料設計 一個物件,如圖(二十二)所示,其中四邊形 ABCD 為長方形, AB、CD 分別為以 AB、 CD 為直徑的半圓,且灰色部分為反光區域。接著, 將三個圖(二十二)的物件以圖(二十三)的方式組合並固定,其中固定點 $O_1 \cdot O_2 \cdot O_3$ 皆與半圓的圓心重合,且各半圓恰好與長方形的長邊相切, 而在圖(二十三)左下方的局部放大圖中, $B \setminus E$ 皆為切點, $\overline{AB} \setminus \overline{EF}$ 皆 為直徑。



請根據上述資訊,回答下列問題:

- (1)圖(二十三)中 $\angle AO_1F$ 的度數為多少?
- (2)根據圖(二十三)的組合方式,求出可看見的反光區域面積為多少? 請詳細解釋或完整寫出你的解題過程,並求出答案。