



108 年國中教育會考

南一書局 敬贈

# 數學科題本

## 一、選擇題（1-26 題）

( ) 1. 算式  $-\frac{5}{3} - (-\frac{1}{6})$  之值為何？

(A)  $-\frac{3}{2}$

(B)  $-\frac{4}{3}$

(C)  $-\frac{11}{6}$

(D)  $-\frac{4}{9}$

【答案】A

【出處】南一版第 1 冊第 2 章

【解析】原式  $= -\frac{10}{6} + \frac{1}{6} = -\frac{9}{6} = -\frac{3}{2}$

( ) 2. 某城市分為南、北兩區，圖(一)為 105 年到 107 年該城市兩區的人口數量長條圖。根據圖(一)判斷該城市的總人口數量，從 105 年到 107 年的變化情形為下列何者？

(A) 逐年增加

(B) 逐年減少

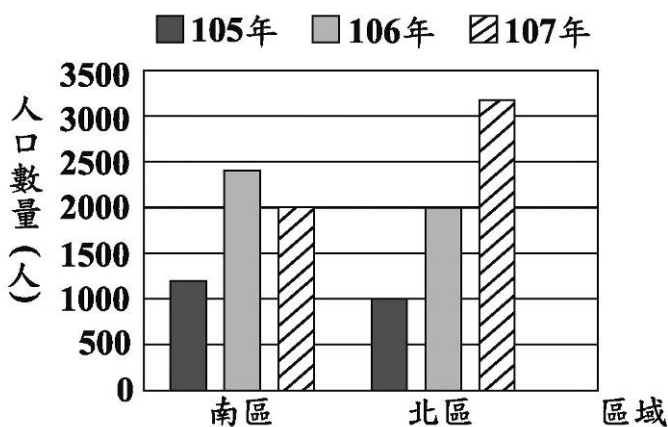
(C) 先增加，再減少

(D) 先減少，再增加

【答案】A

【出處】南一版第 6 冊第 3 章

【解析】 $1000 + 1000 < 105 \text{ 年人數} < 1500 + 1000$   
 $\Rightarrow 2000 < 105 \text{ 年人數} < 2500$   
 $2000 + 2000 < 106 \text{ 年人數} < 2500 + 2000$   
 $\Rightarrow 4000 < 106 \text{ 年人數} < 4500$   
 $2000 + 3000 < 107 \text{ 年人數} < 2000 + 3500$   
 $\Rightarrow 5000 < 107 \text{ 年人數} < 5500$   
 則  $105 \text{ 年人數} < 106 \text{ 年人數} < 107 \text{ 年人數}$   
 故選(A)



圖(一)

( ) 3. 計算  $(2x-3)(3x+4)$  的結果，與下列哪一個式子相同？

- (A)  $-7x+4$   
 (B)  $-7x-12$   
 (C)  $6x^2-12$   
 (D)  $6x^2-x-12$

【答案】D

【出處】南一版第3冊第1章

【解析】原式  $= 6x^2 + 8x - 9x - 12 = 6x^2 - x - 12$

故選(D)

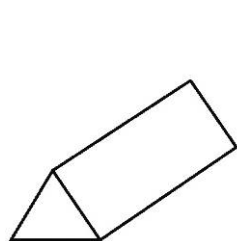
( ) 4. 圖(二)的直角柱由2個正三角形底面和3個矩形側面組成，其中正三角形面積為  $a$ ，矩形面積為  $b$ 。若將4個圖(二)的直角柱緊密堆疊成圖(三)的直角柱，則圖(三)中直角柱的表面積為何？

- (A)  $4a+2b$   
 (B)  $4a+4b$   
 (C)  $8a+6b$   
 (D)  $8a+12b$

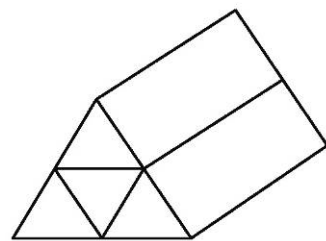
【答案】C

【出處】南一版第6冊第2章

【解析】所求  $= 4a \times 2 + 2b \times 3 = 8a + 6b$



圖(二)



圖(三)

( ) 5. 若  $\sqrt{44} = 2\sqrt{a}$ ， $\sqrt{54} = 3\sqrt{b}$ ，則  $a+b$  之值為何？

- (A) 13  
 (B) 17  
 (C) 24  
 (D) 40

【答案】B

【出處】南一版第3冊第2章

【解析】 $\sqrt{44} = 2\sqrt{11} \Rightarrow a = 11$

$\sqrt{54} = 3\sqrt{6} \Rightarrow b = 6$

$a+b = 11+6 = 17$

- ( ) 6. 民國 106 年 8 月 15 日，太潭發電廠因跳電導致供電短少約 430 萬瓩，造成全臺灣多處地方停電。已知 1 瓩等於 1 千瓦，求 430 萬瓩等於多少瓦？

- (A)  $4.3 \times 10^7$   
 (B)  $4.3 \times 10^8$   
 (C)  $4.3 \times 10^9$   
 (D)  $4.3 \times 10^{10}$

【答案】C

【出處】南一版第 1 冊第 1 章

【解析】430 萬瓩 = 4300000 千瓦 = 4300000000 瓦 =  $4.3 \times 10^9$  瓦

- ( ) 7. 圖(四)的坐標平面上有原點  $O$  與  $A$ 、 $B$ 、 $C$ 、 $D$  四點。若有一直線  $L$  通過點  $(-3, 4)$  且與  $y$  軸垂直，則  $L$  也會通過下列哪一點？

- (A)  $A$   
 (B)  $B$   
 (C)  $C$   
 (D)  $D$

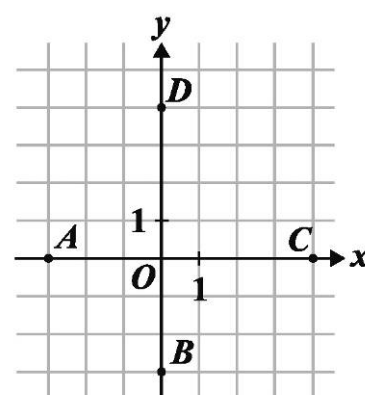
【答案】D

【出處】南一版第 2 冊第 2 章

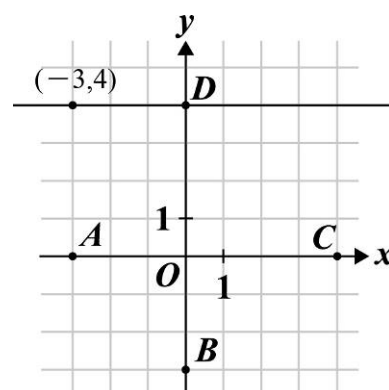
【解析】直線  $L$  方程式： $y=4$

因此直線  $L$  會通過  $D$  點

故選(D)



圖(四)



- ( ) 8. 若多項式  $5x^2 + 17x - 12$  可因式分解成  $(x+a)(bx+c)$ ，其中  $a$ 、 $b$ 、 $c$  均為整數，則  $a+c$  之值為何？

- (A) 1  
(B) 7  
(C) 11  
(D) 13

【答案】A

【出處】南一版第3冊第3章

【解析】 $5x^2 + 17x - 12 = (x+4)(5x-3)$

$$a=4, b=5, c=-3$$

$$a+c=4+(-3)=1$$

- ( ) 9. 公園內有一矩形步道，其地面使用相同的灰色正方形地磚與相同的白色等腰直角三角形地磚排列而成。圖(五)表示此步道的地磚排列方式，其中正方形地磚為連續排列且總共有 40 個。求步道上總共使用多少個三角形地磚？



圖(五)

- (A) 84  
(B) 86  
(C) 160  
(D) 162

【答案】A

【出處】南一版第4冊第1章

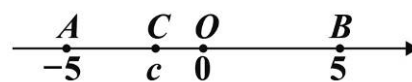
【解析】先忽略頭、尾的左、右2個三角形

第1個正方形會連接4個三角形，之後每增加一個正方形會多連接2個三角形

$$\text{總數} = 4 + (40 - 1) \times 2 + 2 = 4 + 78 + 2 = 84$$

↑  
頭、尾的三角形

- ( ) 10. 數線上有  $O$ 、 $A$ 、 $B$ 、 $C$  四點，各點位置與各點所表示的數如圖(六)所示。若數線上有一點  $D$ ， $D$  點所表示的數為  $d$ ，且  $|d-5|=|d-c|$ ，則關於  $D$  點的位置，下列敘述何者正確？



圖(六)

- (A) 在  $A$  的左邊  
(B) 介於  $A$ 、 $C$  之間  
(C) 介於  $C$ 、 $O$  之間  
(D) 介於  $O$ 、 $B$  之間

【答案】D

【出處】南一版第 1 冊第 1 章

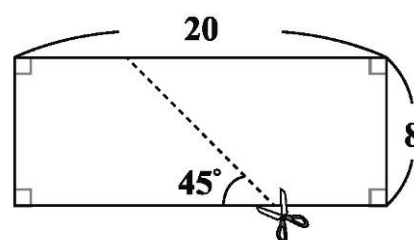
【解析】 $\because |d-5|=|d-c|$

$$\therefore \overline{BD} = \overline{CD}$$

$\Rightarrow D$  為  $B$ 、 $C$  兩點的中點

$\because \overline{OB} > \overline{OC} \therefore D$  點介於  $O$ 、 $B$  之間

- ( ) 11. 如圖(七)，將一長方形紙片沿著虛線剪成兩個全等的梯形紙片。根據圖中標示的長度與角度，求梯形紙片中較短的底邊長度為何？



圖(七)

- (A) 4  
(B) 5  
(C) 6  
(D) 7

【答案】C

【出處】南一版第 4 冊第 4 章

【解析】作  $\overline{EH} \perp \overline{AD}$ ， $\overline{FG} \perp \overline{BC}$

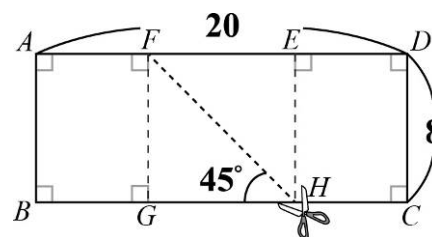
$$\text{設 } \overline{AF} = \overline{DE} = x$$

$$\because \angle HFE = \angle FHG = 45^\circ,$$

且  $\triangle HEF$  為  $45^\circ - 45^\circ - 90^\circ$  三角形

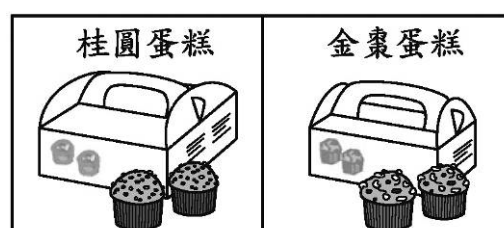
$$\therefore \overline{EF} = \overline{EH} = \overline{CD} = 8$$

$$\Rightarrow x + 8 + x = 20, x = 6$$



- ( ) 12. 阿慧在店內購買兩種蛋糕當伴手禮，圖(八)為

南一書局



蛋糕的價目表。已知阿慧購買 10 盒蛋糕，花費的金額不超過 2500 元。若他將蛋糕分給 75 位同事，每人至少能拿到一個蛋糕，則阿慧花多少元購買蛋糕？

(A) 2150

(B) 2250

(C) 2300

(D) 2450

【答案】D

【出處】南一版第 2 冊第 5 章

【解析】設桂圓蛋糕買  $x$  盒，金棗蛋糕買  $(10-x)$  盒

$$12x + 6(10-x) \geq 75$$

$$\Rightarrow 6x \geq 15 \Rightarrow x \geq 2\frac{1}{2} \dots\dots\dots \square$$

$$350x + 200(10-x) \leq 2500$$

$$\Rightarrow 150x \leq 500 \Rightarrow x \leq 3\frac{1}{3} \dots\dots\dots \square$$

由  $\square\square$  得  $2\frac{1}{2} \leq x \leq 3\frac{1}{3}$ ，又  $x$  為整數，故  $x=3$

即桂圓蛋糕買 3 盒，金棗蛋糕買 7 盒

共花費  $350 \times 3 + 200 \times 7 = 1050 + 1400 = 2450$  (元)

- ( ) 13. 如圖(九)， $\triangle ABC$  中， $D$  點在  $\overline{BC}$  上，將  $D$  點分別以  $\overline{AB}$ 、 $\overline{AC}$  為對稱軸，畫出對稱點  $E$ 、 $F$ ，並連接  $\overline{AE}$ 、 $\overline{AF}$ 。根據圖中標示的角度，求  $\angle EAF$  的度數為何？

(A) 113

(B) 124

(C) 129

(D) 134

【答案】D

【出處】南一版第 4 冊第 2 章

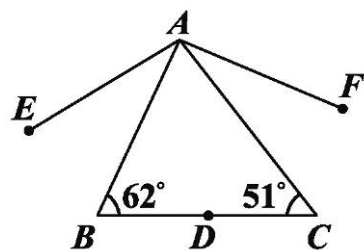
【解析】連  $\overline{AD}$

$$\angle BAC = 180^\circ - 62^\circ - 51^\circ = 67^\circ$$

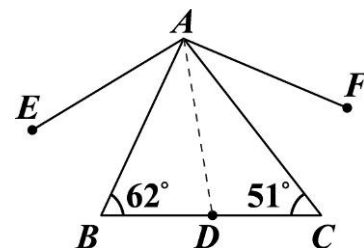
$\because \overline{AB}$ 、 $\overline{AC}$  為對稱軸

$$\therefore \angle EAB = \angle BAD, \angle DAC = \angle CAF$$

$$\Rightarrow \angle EAF = 2\angle BAC = 67^\circ \times 2 = 134^\circ$$



圖(九)



- ( ) 14. 箱子內裝有 53 顆白球及 2 顆紅球，小芬打算從箱子內抽球，以每次抽出一球後將球

再放回的方式抽 53 次球。若箱子內每顆球被抽到的機會相等，且前 52 次中抽到白球 51 次及紅球 1 次，則第 53 次抽球時，小芬抽到紅球的機率為何？

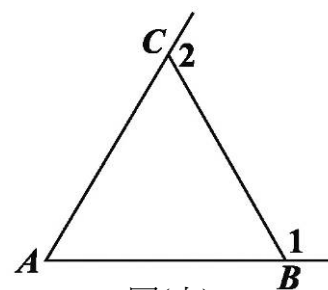
- (A)  $\frac{1}{2}$   
 (B)  $\frac{1}{3}$   
 (C)  $\frac{2}{53}$   
 (D)  $\frac{2}{55}$

【答案】D

【出處】南一版第 6 冊第 3 章

【解析】 $\frac{2}{53+2} = \frac{2}{55}$

- ( ) 15. 如圖(十)， $\triangle ABC$  中， $\overline{AC} = \overline{BC} < \overline{AB}$ 。若  $\angle 1$ 、 $\angle 2$  分別為  $\angle ABC$ 、 $\angle ACB$  的外角，則下列角度關係何者正確？  
 (A)  $\angle 1 < \angle 2$   
 (B)  $\angle 1 = \angle 2$   
 (C)  $\angle A + \angle 2 < 180^\circ$   
 (D)  $\angle A + \angle 1 > 180^\circ$



圖(十)

【答案】C

【出處】南一版第 4 冊第 3 章

【解析】 $\because \overline{AB} > \overline{AC}$

$$\therefore \angle ACB > \angle ABC$$

$$\angle 2 = 180^\circ - \angle ACB < 180^\circ - \angle ABC = \angle 1$$

$$\text{又 } \overline{AC} = \overline{BC}$$

$$\therefore \angle A = \angle ABC$$

$$\text{故 } \angle A + \angle 1 = 180^\circ, \angle A + \angle 2 < 180^\circ$$

- ( ) 16. 小涵與阿嘉一起去咖啡店購買同款咖啡豆，咖啡豆每公克的價錢固定，購買時自備容器則結帳金額再減 5 元。若小涵購買咖啡豆 250 公克且自備容器，需支付 295 元；阿嘉購

買咖啡豆  $x$  公克但沒有自備容器，需支付  $y$  元，則  $y$  與  $x$  的關係式為下列何者？

(A)  $y = \frac{295}{250}x$

(B)  $y = \frac{300}{250}x$

(C)  $y = \frac{295}{250}x + 5$

(D)  $y = \frac{300}{250}x + 5$

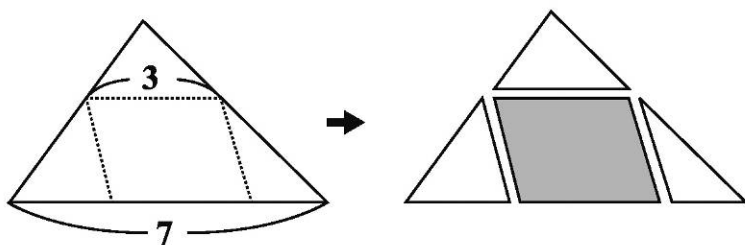
【答案】B

【出處】南一版第2冊第4章

【解析】1 公克價錢  $= \frac{295+5}{250} = \frac{300}{250}$  (元)

$$\text{故 } y = \frac{300}{250}x$$

- ( ) 17. 如圖(十一)，將一張面積為 14 的大三角形紙片沿著虛線剪成三張小三角形紙片與一張平行四邊形紙片。根據圖中標示的長度，求平行四邊形紙片的面積為何？



圖(十一)

- (A)  $\frac{21}{5}$     (B)  $\frac{42}{5}$     (C)  $\frac{24}{7}$     (D)  $\frac{48}{7}$

【答案】D

【出處】南一版第5冊第1章

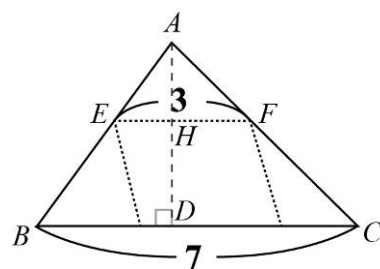
【解析】過  $A$  點作  $\overline{AD} \perp \overline{BC}$ ，則  $\triangle AEF \sim \triangle ABC$

$$\overline{AD} = \frac{14 \times 2}{7} = 4 \Rightarrow \overline{AH} : \overline{AD} = \overline{EF} : \overline{BC} = 3 : 7$$

$$\overline{AH} : 4 = 3 : 7, \overline{AH} = \frac{12}{7}$$

$$\overline{DH} = 4 - \frac{12}{7} = \frac{16}{7}$$

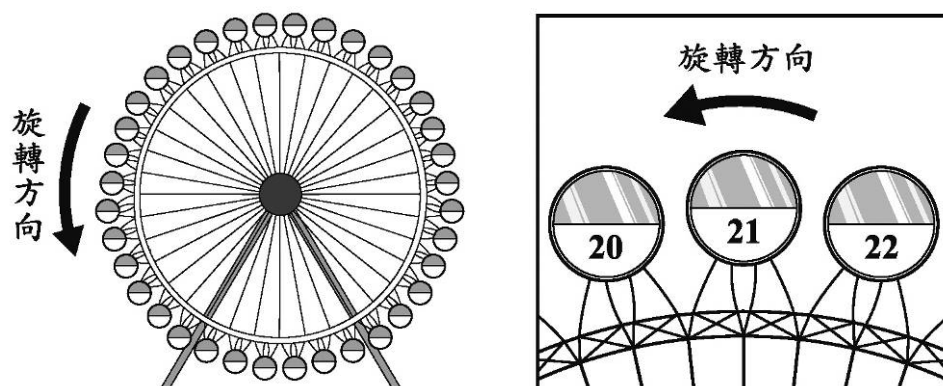
$$\text{平行四邊形面積} = 3 \times \frac{16}{7} = \frac{48}{7}$$



- ( ) 18. 圖(十二)的摩天輪上以等間隔的方式設置 36 個車廂，車廂依順時針方向分別編號為 1 號到 36 號，且摩天輪運行時以逆時針方向等速旋轉，旋轉一圈花費 30 分鐘。若圖



(十三)表示 21 號車廂運行到最高點的情形，則此時經過多少分鐘後，9 號車廂才會運行到最高點？



- (A) 10      (B) 20      (C)  $\frac{15}{2}$       (D)  $\frac{45}{2}$

【答案】B

【出處】南一版第 4 冊第 1 章

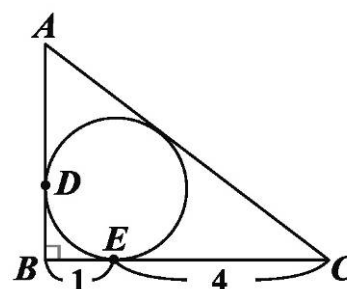
【解析】 $30 \div 36 = \frac{5}{6}$  (一個間隔所花時間)

$$(36 - 21) \div 9 = 24$$

$$\frac{5}{6} \times 24 = 20$$

- ( ) 19. 如圖(十四)，直角三角形  $ABC$  的內切圓分別與  $\overline{AB}$ 、 $\overline{BC}$  相切於  $D$  點、 $E$  點。根據圖中標示的長度與角度，求  $\overline{AD}$  的長度為何？

- (A)  $\frac{3}{2}$       (B)  $\frac{5}{2}$   
(C)  $\frac{4}{3}$       (D)  $\frac{5}{3}$



圖(十四)

【答案】D

【出處】南一版第 5 冊第 3 章

【解析】令  $\overline{AD} = x$

$$(x + 4)^2 = (x + 1)^2 + 5^2$$

$$x^2 + 8x + 16 = x^2 + 2x + 1 + 25$$

$$6x = 10, x = \frac{10}{6} = \frac{5}{3}$$

故選(D)

- ( ) 20. 某旅行團到森林遊樂區參觀，表(一)為兩

表(一)

參觀方式	纜車費用
去程及回程均搭乘纜車	300 元
單程搭乘纜車，單程步行	200 元

種參觀方式與所需的纜車費用。已知旅行團的每個人皆從這兩種方式中選擇一種，且去程有 15 人搭乘纜車，回程有 10 人搭乘纜車。若他們纜車費用的總花費為 4100 元，則此旅行團共有多少人？

- (A) 16  
(B) 19  
(C) 22  
(D) 25

【答案】A

【出處】南一版第 1 冊第 3 章

【解析】設來回均搭乘有  $x$  人，去單程有  $(15-x)$  人，回單程有  $(10-x)$  人

$$300x + 200(15-x+10-x) = 4100$$

$$300x + 5000 - 400x = 4100, 100x = 900, x = 9$$

$$9 + (15-9) + (10-9) = 16 \text{ (人)}$$

- ( ) 21. 小宜跟同學在某餐廳吃飯，圖(十五)為此餐廳的菜單。若他們所點的餐點總共為 10 份義大利麵， $x$  杯飲料， $y$  份沙拉，則他們點了幾份 A 餐？



圖(十五)

- (A)  $10-x$   
(B)  $10-y$   
(C)  $10-x+y$   
(D)  $10-x-y$

【答案】A

【出處】南一版第 2 冊第 1 章

【解析】C 餐有  $y$  份，B 餐有  $(x-y)$  份

$$A \text{ 餐有 } 10 - (x-y) - y$$

$$= 10 - x + y - y$$

$$= 10 - x$$

- ( ) 22. 若正整數  $a$  和 420 的最大公因數為 35，則下列敘述何者正確？

- (A) 20 可能是  $a$  的因數，25 可能是  $a$  的因數  
 (B) 20 可能是  $a$  的因數，25 不可能是  $a$  的因數  
 (C) 20 不可能是  $a$  的因數，25 可能是  $a$  的因數  
 (D) 20 不可能是  $a$  的因數，25 不可能是  $a$  的因數

【答案】C

【出處】南一版第 1 冊第 2 章

【解析】 $420 = 2^2 \times 3 \times 5 \times 7$

$$35 = 5 \times 7$$

$$\therefore (a, 420) = 35$$

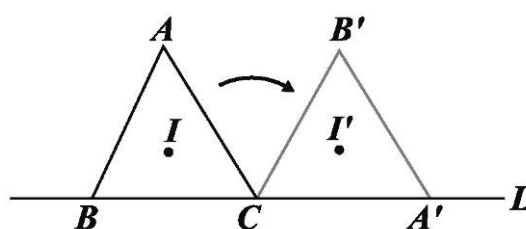
$$a = 5 \times 7 \times \square \quad (\square \text{ 不可是 } 2 \text{ 或 } 3 \text{ 的倍數})$$

$$\text{又 } 20 = 2^2 \times 5, 25 = 5^2$$

$\Rightarrow 20$  不可能是  $a$  的因數，25 可能是  $a$  的因數

$$\begin{array}{r} 2 \overline{) 420} \\ 2 \overline{) 210} \\ 3 \overline{) 105} \\ 5 \overline{) 35} \\ 7 \end{array}$$

- ( ) 23. 如圖(十六)，有一三角形  $ABC$  的頂點  $B$ 、 $C$  皆在直線  $L$  上，且其內心為  $I$ 。今固定  $C$  點，將此三角形依順時針方向旋轉，使得新三角形  $A'B'C$  的頂點  $A'$  落在  $L$  上，且其內心為  $I'$ 。若  $\angle A < \angle B < \angle C$ ，則下列敘述何者正確？



圖(十六)

- (A)  $\overline{IC}$  和  $\overline{I'A'}$  平行， $\overline{II'}$  和  $L$  平行  
 (B)  $\overline{IC}$  和  $\overline{I'A'}$  平行， $\overline{II'}$  和  $L$  不平行  
 (C)  $\overline{IC}$  和  $\overline{I'A'}$  不平行， $\overline{II'}$  和  $L$  平行  
 (D)  $\overline{IC}$  和  $\overline{I'A'}$  不平行， $\overline{II'}$  和  $L$  不平行

【答案】C

【出處】南一版第 5 冊第 3 章

【解析】 $\angle 1 = \frac{1}{2} \angle ACB$ ， $\angle 2 = \frac{1}{2} \angle B'A'C$

$$\text{又 } \angle ACB \neq \angle B'A'C \Rightarrow \angle 1 \neq \angle 2$$

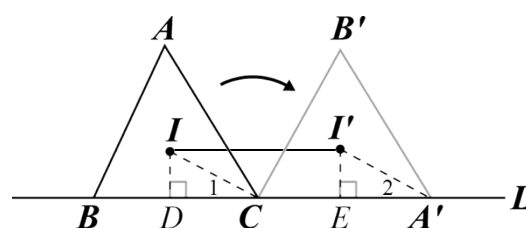
$\Rightarrow \overline{IC}$  和  $\overline{I'A'}$  不平行

作  $\overline{ID} \perp L$ ， $\overline{I'E} \perp L$

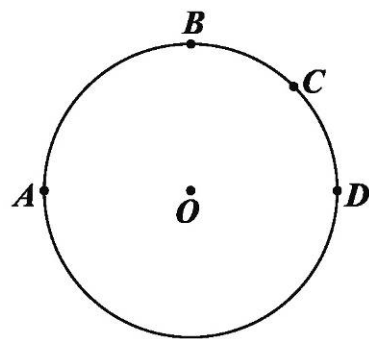
$\because \overline{ID} = \overline{I'E}$  ( $\triangle ABC$ 、 $\triangle A'B'C$  的內切圓半徑)

$\therefore$  四邊形  $IDEI'$  為平行四邊形 (同一組對邊平行且相等)

$\Rightarrow \overline{II'} \parallel \overline{DE} \parallel L$



- ( ) 24. 如圖(十七)表示  $A$ 、 $B$ 、 $C$ 、 $D$  四點在圓  $O$  上的位置，其中  $AD=180^\circ$ ，且  $AB=BD$ ， $BC=CD$ 。若阿超在  $AB$  上取一點  $P$ ，在  $BD$  上取一點  $Q$ ，使得  $\angle APQ = 130^\circ$ ，則下列敘述何者正確？



圖(十七)

- (A)  $Q$  點在  $BC$  上，且  $BQ > QC$   
 (B)  $Q$  點在  $BC$  上，且  $BQ < QC$   
 (C)  $Q$  點在  $CD$  上，且  $CQ > QD$   
 (D)  $Q$  點在  $CD$  上，且  $CQ < QD$

【答案】B

【出處】南一版第 5 冊第 2 章

【解析】 $\angle APQ = 130^\circ \times 2 = 260^\circ$

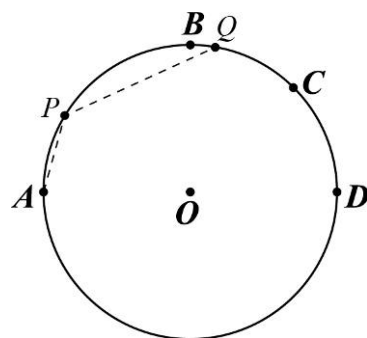
$$\angle QD = 260^\circ - 180^\circ = 80^\circ$$

$$\text{又 } BC = CD = 180^\circ \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = 45^\circ$$

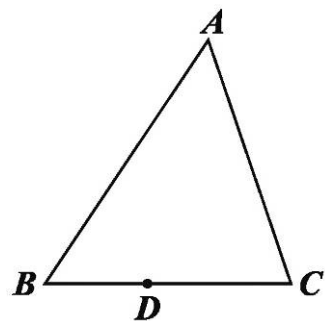
$\Rightarrow Q$  點在  $BC$  上

$$\text{且 } CQ = 80^\circ - 45^\circ = 35^\circ, BQ = 45^\circ - 35^\circ = 10^\circ$$

$$\Rightarrow CQ > BQ$$



- ( ) 25. 圖(十八)的  $\triangle ABC$  中， $\overline{AB} > \overline{AC} > \overline{BC}$ ，且  $D$  為  $\overline{BC}$  上一點。今打算在  $\overline{AB}$  上找一點  $P$ ，在  $\overline{AC}$  上找一點  $Q$ ，使得  $\triangle APQ$  與  $\triangle PDQ$  全等，以下是甲、乙兩人的作法：



圖(十八)

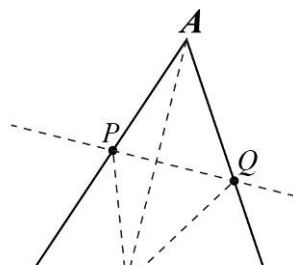
- (甲) 連接  $\overline{AD}$ ，作  $\overline{AD}$  的中垂線分別交  $\overline{AB}$ 、 $\overline{AC}$  於  $P$  點、 $Q$  點，則  $P$ 、 $Q$  兩點即為所求  
 (乙) 過  $D$  作與  $\overline{AC}$  平行的直線交  $\overline{AB}$  於  $P$  點，過  $D$  作與  $\overline{AB}$  平行的直線交  $\overline{AC}$  於  $Q$  點，則  $P$ 、 $Q$  兩點即為所求  
 對於甲、乙兩人的作法，下列判斷何者正確？

- (A) 兩人皆正確  
 (B) 兩人皆錯誤  
 (C) 甲正確，乙錯誤  
 (D) 甲錯誤，乙正確

【答案】A

【出處】南一版第 5 冊第 3 章

【解析】(甲)  $\because \overline{PQ}$  為  $\overline{AD}$  的中垂線



$\therefore \overline{PA} = \overline{PD}, \overline{QA} = \overline{QD}$   
 在  $\triangle APQ$  和  $\triangle PDQ$  中  
 $\therefore \overline{PA} = \overline{PD}, \overline{QA} = \overline{QD}$   
 $\overline{PQ} = \overline{PQ}$  (公用邊)  
 $\therefore \triangle APQ \cong \triangle DPQ$  (SSS 全等性質)  
 (乙)  $\therefore \overline{PD} \parallel \overline{AC}, \overline{DQ} \parallel \overline{AB}$   
 $\therefore$  四邊形  $APDQ$  為平行四邊形  
 $\Rightarrow \triangle APQ \cong \triangle DQP$   
 (平行四邊形的一條對角線  
 將平行四邊形分成兩個全等三角形)

- ( ) 26. 如圖(十九), 坐標平面上有一頂點為  $A$  的拋物線, 此拋物線與方程式  $y=2$  的圖形交於  $B$ 、 $C$  兩點, 且  $\triangle ABC$  為正三角形。若  $A$  點坐標為  $(-3, 0)$ , 則此拋物線與  $y$  軸的交點坐標為何?

- (A)  $(0, \frac{9}{2})$   
 (B)  $(0, \frac{27}{2})$   
 (C)  $(0, 9)$   
 (D)  $(0, 18)$

【答案】B

【出處】南一版第 6 冊第 1 章

【解析】 $\triangle ABC$  的高為 2,  $\overline{BC} = 2 \div \frac{\sqrt{3}}{2} = 2 \times \frac{2}{\sqrt{3}} = \frac{4}{\sqrt{3}}$

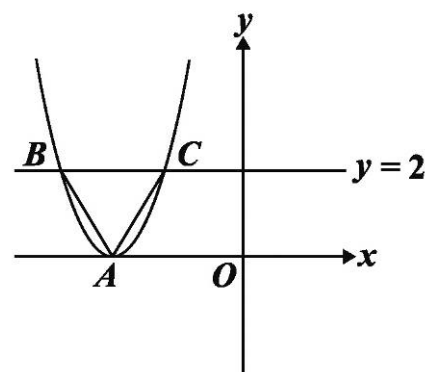
則  $C(-3 + \frac{2}{\sqrt{3}}, 2)$

令拋物線  $y = a(x+3)^2$ , 將  $(-3 + \frac{2}{\sqrt{3}}, 2)$  代入

$$2 = a(-3 + \frac{2}{\sqrt{3}} + 3)^2 \Rightarrow 2 = a \times \frac{4}{3}, a = \frac{3}{2}$$

則  $y = \frac{3}{2}(x+3)^2$ , 將  $x=0$  代入得  $y = \frac{3}{2} \times 3^2 = \frac{27}{2}$

故拋物線與  $y$  軸的交點坐標為  $(0, \frac{27}{2})$



圖(十九)

## 二、非選擇題（1-2 題）

1. 市面上販售的防曬產品標有防曬係數 SPF，而其對抗紫外線的防護率算法為

$$\text{防護率} = \frac{\text{SPF} - 1}{\text{SPF}} \times 100\%, \text{ 其中 } \text{SPF} \geq 1。$$

請回答下列問題：

- (1) 廠商宣稱開發出防護率 90% 的產品，請問該產品的 SPF 應標示為多少？  
 (2) 某防曬產品文宣內容如圖(二十)所示。



圖(二十)

請根據 SPF 與防護率的轉換公式，判斷此文宣內容是否合理，並詳細解釋或完整寫出你的理由。

【出處】南一版第 1 冊第 3 章

【解析】(1) 令  $\text{SPF} = x$

$$\frac{x-1}{x} \times 100\% = 90\%$$

$$x-1=0.9x, 0.1x=1, x=10$$

(2)  $\text{SPF} = 25$

$$\frac{25-1}{25} \times 100\% = 96\%$$

$$\text{SPF} = 50$$

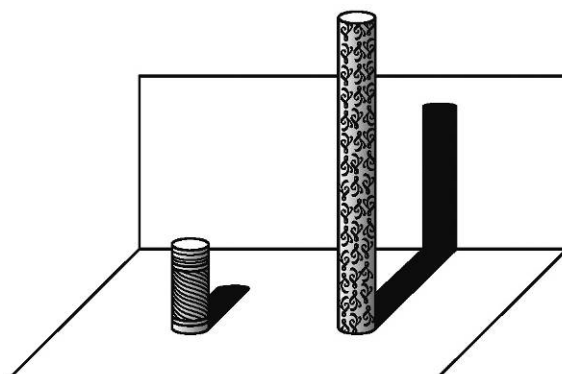
$$\frac{50-1}{50} \times 100\% = 98\%$$

$$98\% \div 96\% = 1\frac{1}{48} < 2$$

$\Rightarrow$  只多了  $\frac{1}{48}$  倍，不到 1 倍

故不合理

2. 在公園有兩座垂直於水平地面且高度不一的圓柱，兩座圓柱後面有一堵與地面互相垂直的牆，且圓柱與牆的距離皆為 120 公分。敏敏觀察到高度 90 公分矮圓柱的影子落在地面上，其影長為 60 公分；而高圓柱的部分影子落在牆上，如圖(二十一)所示。



圖(二十一)

已知落在地面上的影子皆與牆面互相垂直，並視太陽光為平行光，在不計圓柱厚度與影子寬度的情況下，請回答下列問題：

- (1) 若敏敏的身高為 150 公分，且此刻她的影子完全落在地面上，則影長為多少公分？
- (2) 若同一時間量得高圓柱落在牆上的影長為 150 公分，則高圓柱的高度為多少公分？請詳細解釋或完整寫出你的解題過程，並求出答案。

【出處】南一版第 5 冊第 1 章

【解析】(1)  $150 : \text{影長} = 90 : 60$

$$\Rightarrow \text{影長} = \frac{150 \times 60}{90} = 100 \text{ (公分)}$$

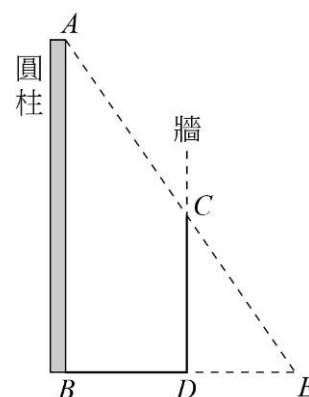
(2)  $\overline{BD} = 120$ ,  $\overline{CD} = 150$

$$\overline{CD} : \overline{DE} = 90 : 60, 150 : \overline{DE} = 90 : 60$$

$$\Rightarrow \overline{DE} = \frac{150 \times 60}{90} = 100$$

$$\overline{AB} : \overline{BE} = 90 : 60, \overline{AB} : (120 + 100) = 90 : 60$$

$$\overline{AB} = \frac{(120 + 100) \times 90}{60} = 330 \text{ (公分)}$$



參考公式



和的平方公式： $(a+b)^2=a^2+2ab+b^2$

差的平方公式： $(a-b)^2=a^2-2ab+b^2$

平方差公式： $a^2-b^2=(a+b)(a-b)$



若直角三角形兩股長為  $a$ 、 $b$ ，斜邊長為  $c$ ，則  $c^2=a^2+b^2$



若圓的半徑為  $r$ ，圓周率為  $\pi$ ，則圓面積  $=\pi r^2$ ，圓周長  $=2\pi r$



若一個等差數列的首項為  $a_1$ ，公差為  $d$ ，第  $n$  項為  $a_n$ ，前  $n$  項和為  $S_n$ ，

則  $a_n=a_1+(n-1)d$ ， $S_n=\frac{n(a_1+a_n)}{2}$



一元二次方程式  $ax^2+bx+c=0$  的解為  $x=\frac{-b\pm\sqrt{b^2-4ac}}{2a}$