93 年第**2** 次

太皇 才 制 数 學 科 試題

1. 下列哪一個選項中的兩個圖形不是相似形?

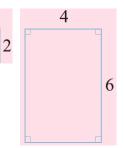
(A)

3

 $60^{\circ}/3$

24

18



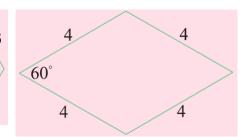
18

90°

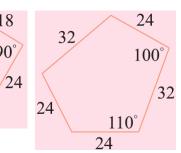
120°/

18

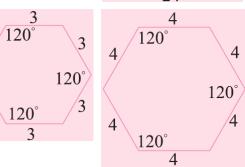
(B)



(C)

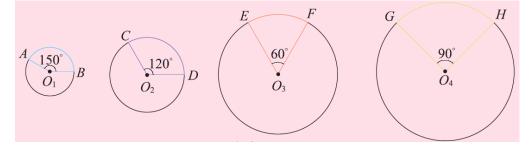


(D)



- 120°
- 2. 下列哪一個選項, 其比值與5:8的比值相等?
 - (A)(5+3):(8+3)
 - (B) $(1 \div 5) : (1 \div 8)$
 - (C)(5-1):(8-1)
 - $(D)(5 \times 3) : (8 \times 3)$

- 3. 如圖(-),平面上圖 O_1 、圓 O_2 、圓 O_3 、圓 O_4 的半徑分別為1、2、3、4。請問圖 中AB、CD、EF、GH四個劣弧中,哪一個弧的度數最大?
 - (A) AB
 - (B) ED
 - (C) EF
 - (D) *GH*



- 4. 某一書店提供多種面額的圖書禮券, <u>小娟</u>用 y 張伍佰元的圖書禮券和 5 張貳佰元的 圖書禮券,剛好可買一套 4500 元的書籍,依題意可列出下列哪一個方程式?
 - (A) $(y+5) \times 500 + 200 = 4500$
 - (B) $y \times 200 = 4500 5 \times 500$
 - (C) $v \times 500 + 5 \times 200 = 4500$
 - (D) $y \times 500 = 4500 y \times 200$
- 5. 若數列 $a \cdot b \cdot c$ 為等差數列,公差為 2,則下列敘述何者錯誤?
 - (A) 數列 $a+5 \cdot b+5 \cdot c+5$ 也是等差數列
 - (B) 數列 $5a \cdot 5b \cdot 5c$ 也是等差數列
 - (C) 數列 $a-1 \cdot b-1 \cdot c-1$ 也是等差數列
 - (D) 數列 $a^2 \cdot b^2 \cdot c^2$ 也是等差數列
- 6. 一袋子中有白球 2 個、紅球 3 個,且每一個球被取出的機率相等。今逐次自袋中任 取一球,取後放回。已知前兩次均取出白球,若第三次取出白球的機率為p,取出 紅球的機率為q,則p、q的大小關係為何?
 - (A) p < q
 - (B) p = q
 - (C) p > q
 - $(D) p \cdot q$ 無法比較
- 7.x=1,y=1 為下列哪一個二元一次聯立方程式的解?

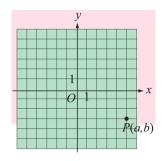
(A)
$$\begin{cases} 19x - 11y = 30 \\ 21x + 4y = 25 \end{cases}$$

(B)
$$\begin{cases} 3/x + 1/y = 2 \\ 16x - 15y = 31 \end{cases}$$

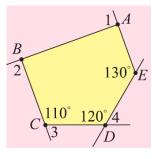
(C)
$$\begin{cases} 15x + 17y = 32 \\ 16x + 11y = 27 \end{cases}$$

(A)
$$\begin{cases} 19x - 11y = 30 \\ 21x + 4y = 25 \end{cases}$$
 (B)
$$\begin{cases} 37x + 17y = 20 \\ 16x - 15y = 31 \end{cases}$$
 (C)
$$\begin{cases} 15x + 17y = 32 \\ 16x - 11y = 27 \end{cases}$$
 (D)
$$\begin{cases} 29x - 18y = 11 \\ 23x + 17y = 40 \end{cases}$$

- 8. 如圖(二),若坐標平面上P點的坐標為(a,b),則a-b=?
 - (A) 8
 - (B) 2
 - (C)-2
 - (D) 8



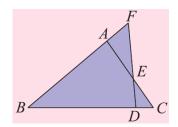
- 9. 計算 [-(-3)²+3] ÷6-4 之值為何?
 - (A)-2
 - (B) 3
 - (C) 5
 - (D) 6
- 10. 如圖(三),多邊形 ABCDE 為五邊形。若 $\angle AED=130^\circ$, $\angle EDC=120^\circ$, $\angle DCB=110^\circ$,則 $\angle 1+\angle 2+\angle 3+\angle 4=?$
 - (A) 360°
 - (B) 310°
 - (C) 240°
 - (D) 180°



- 11. 已知花生糖 1 顆 2 元,梅子糖 2 顆 1 元。若小詩買花生糖及梅子糖共 60 顆,花了 60 元,則此兩種糖果的數量關係為何?
 - (A) 花生和梅子糖一樣多
 - (B) 花生糖比梅子糖多30顆
 - (C) 花生糖比梅子糖少20顆
 - (D) 花生糖比梅子糖少30顆
- 12. 如圖(四), $\triangle ABC$ 中,D點在 \overline{BC} 上,F點在直線 AB上, \overline{DF} 交 \overline{AC} 於 E 點。若 $\angle B$ =40°, $\angle C$ =55°, $\angle DEC$ =43°,则 $\angle F$ =?



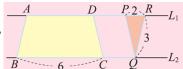
- (B) 42°
- (C) 43°
- (D) 55°



- 13. 已知甲、乙兩正數均不等於 1,下列有關甲與乙關係的敘述中,哪一個與其他三個不同?

 - (B) $\forall \exists \exists \frac{3}{4}$
 - (C) 甲是乙的 $\frac{3}{4}$ 倍
 - (D) 乙是甲的 $\frac{3}{4}$ 倍
- 14. 若 1999²−2000²=1333 ×a,則 a=?
 - (A) 1
 - (B) -1
 - (C)3
 - (D) -3
- 15. 已知 $3x^2-x-10=(3x+5)(x-2)$,請問下列哪一個敘述是正確?
 - (A) $3x^2 x 10$ 為 x 2 的倍式
 - (B) x-2 為 $3x^2-x-10$ 的倍式
 - (C) 3x+5 為 $3x^2-x-10$ 的倍式
 - (D) $3x^2 x 10$ 為 3x + 5 的因式
- 16. 若多項式 A 除以 2x+1 得商式為 3x-4,餘式為 5,則 A=?
 - (A) $6x^2 5x 4$
 - (B) $6x^2 5x 9$
 - (C) $6x^2 + 5x + 1$
 - (D) $6x^2 5x + 1$
- 17. $\triangle ABC$ 中, $\angle A=40^\circ$, $\angle B=40^\circ$, $\angle C=100^\circ$ 。若 I 為 $\triangle ABC$ 的內心,則下列有關 $\triangle AIB$ 、 $\triangle AIC$ 、 $\triangle BIC$ 之面積關係的敘述何者正確?
 - (A) $\triangle AIC$ 的面積 = $\triangle BIC$ 的面積
 - (B) $\triangle AIB$ 的面積= $\triangle BIC$ 的面積
 - (C) $\triangle AIB$ 的面積= $\triangle AIC$ 的面積
 - (D) $\triangle AIC$ 的面積 + $\triangle BIC$ 的面積 = $\triangle AIB$ 的面積

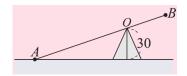
- 18. 求等差級數 4+7+10+…+100 的和為何?
 - (A) 1568
 - (B) 1664
 - (C) 1716
 - (D) 1768
- 19. 如圖(五), $A \cdot D \cdot P \cdot R$ 在直線 $L_1 \perp P \cdot B \cdot C \cdot Q$ 在直線 $L_2 \perp E \cdot H_1 / L_2$,四邊形 ABCD 及 ABQP 均為等腰梯形, $\triangle PQR$ 為等腰三角形,則梯 ABCD 的面積為何?



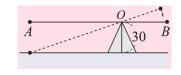
- (A) $4\sqrt{8}$
- (B) $5\sqrt{8}$
- (C) 15
- (D) 18
- 20. 如圖(六),四邊形 ABCD、EFGH 均是長為 2x、寬為 3 的矩形。今將兩個矩形做部分疊合,使得 E 點在 \overline{AD} 上,B 點在

部分疊合,使得 E 點在 \overline{AD} 上, B 點在 \overline{FG} 上,如圖(七)所示。若連接 \overline{CH} ,則 五邊形 AGHCD 的面積為何?

- (A) $4x^2 \frac{9}{2}$ (B) $4x^2 + \frac{9}{2}$
- (C) $2x^2 + 6x \frac{9}{2}$ (D) $2x^2 + 6x + \frac{9}{2}$
- 21. 如圖(八), \overline{AB} 為一個不等臂的蹺蹺板,O 為支點, 距離地面 30 公分,A 點在地面上,且 \overline{AO} : \overline{OB} = 2:1。今<u>守守與不化蟲</u>分別坐在 A、B 兩端,使得 蹺蹺板成水平狀態,如圖(九)所示。則兩圖中 B 點 與地面的高度相差多少公分?



- (A) 10
- (B) 15
- (C) 25
- (D) 30



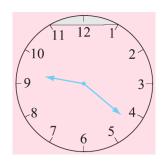
22. 如圖(十),有一半徑為 2 公分的圓形時鐘圖片,其中每個刻度間的弧長均相等。若<u>小明</u>依鐘面 11 時和 1 時的位置,畫一直線,則灰色區域面積是多少平方公分?



(B)
$$\frac{2}{3} \pi - \sqrt{3}$$

(C)
$$2\sqrt{3}-2$$

(D)
$$\pi - 2$$



23. 下列哪一個二次函數,其圖形和 $y=4x^2-8x$ 的圖形有相同頂點?

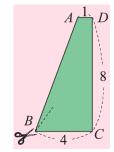
(A)
$$y = 2x^2 - 4x$$

(B)
$$y = -2(x+1)^2$$

(C)
$$y=2(x+1)^2+4$$

(D)
$$y = -2(x-1)^2-4$$

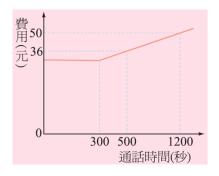
- 24. 利用配方法將 $4x^2 + 8x + a$ 化成 $b(x+c)^2 + 3$ 的形式,則 a+b+c=?
 - (A) 9
 - (B) 12
 - (C) 13
 - (D) 25
- 25. 如圖(十一),梯形 ABCD 中, $\overline{AD}/|\overline{BC}$, $\overline{CD} \perp \overline{BC}$,其中 $\overline{AD} = 1$ 、 $\overline{BC} = 4$ 、 $\overline{CD} = 8$ 。今自 B 點剪出 \overline{BN} ,使得 \overline{BN} 將梯形分成兩塊面積相等的圖形。若 N 在 \overline{CD} 上,則 $\overline{DN} = ?$



- (A) 1
- (B)3
- (C)4
- (D) 5
- 26. 圖(十二)是某電信公司的通話費計算方式:300 秒以 內只繳基本費,超過300 秒之後的費用,與通話時 間成線型函數關係。則基本費是多少元?



- (B) 28
- (C) 32
- (D) 32



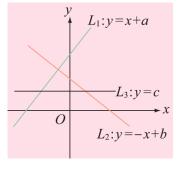
- 27. 在圖(十三)的方格中,填入適當的數字,使得每行、每列 以及對角線上的數和是相同,則★的值為何?
 - (A) 9
 - (B) 10
 - (C) 11
 - (D) 13

16	14
*	15
12	

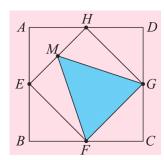
- 28. <u>小宇</u>用 1500 個大小相同的實心正方體小木塊,緊密地疊成一個最大的實心正方體,請問疊完後剩下幾個小木塊?
 - (A) 0
 - (B) 56
 - (C) 169
 - (D) 500
- 29. 如圖(十四),直線 $L_1 \, \cdot \, L_2 \, \cdot \, L_3$ 分別為方程式 $y=x+a \, \cdot \, y=-x+b \, \cdot \, y=c$ 的圖形,下列有關 $a \, \cdot \, b \, \cdot \, c$ 大小關係的敘述何者正確?



- (B) b > a > c
- (C) b > c > a
- (D) a > c > b



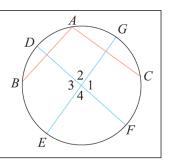
- 30. 如圖(十五),四邊形 ABCD 為一正方形, $E \times F \times G \times H$ 為四邊中點。若 M 為 \overline{EH} 中點, \overline{MF} = 4,則 $\triangle MFG$ 面積為何?
 - (A) $2\sqrt{3}$
 - (B) $4\sqrt{3}$
 - (C) $\frac{32}{5}$
 - (D) $\frac{32}{9}$



如圖(十六),有一半徑為 3 的圓, \overline{AB} 、 \overline{AC} 、 \overline{DF} 、 \overline{EG}

為此圓的四條弦, $\angle 1$ 、 $\angle 2$ 、 $\angle 3$ 、 $\angle 4$ 為 \overline{DF} 與 \overline{EG} 相交

所成角。已知 \overline{DF} 垂直平分 \overline{AB} 、 \overline{EG} 垂直平分 \overline{AC} 。



- 31. 若*CAB*=150°, 則∠2=?
 - (A) 60°
 - (B) 75°
 - (C) 80°
 - (D) 90°
- 32. $\overline{DF}^2 + \overline{EG}^2 = ?$
 - (A) 12
 - (B) 24
 - (C)36
 - (D) 72

參考公式:

의 和的平方公式: $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$

差的平方公式: $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$

平方差的公式: $(a+b)(a-b)=a^2-b^2$

- \square 一元二次方程式 $ax^2+bx+c=0$ $(a\neq 0)$ 的解為 $x=\frac{-b\pm\sqrt{b^2-4ac}}{2a}$
- **山** 直角三角形的兩股長為 $a \cdot b$,斜邊長為 c,則 $c^2 = a^2 + b^2$
- \square 若一個等差數列的首項為 a_1 ,公差為 d,第 n 項為 a_n ,等差級數前 n 項和為 S_n ,

 $\exists \exists a_n = a_1 + (n-1)d, Sn = \frac{n(a_1 + a_n)}{2}$

型 若一個等比數列的首項為 a_1 ,公比為 r,第 n 項為 a_n ,等比級數前 n 項和為 S_n ,則(1)當 r=1 時, $a_n=a_1$, $S_n=na_1$

(2)當 $r \neq 1$ 時, $a_n = a_1 r^{n-1}$, $S_n = \frac{a_1(r^n - 1)}{r - 1}$ 或 $S_n = \frac{a_1(1 - r^n)}{1 - r}$