

- 額外記錄 time stamp $\left\{ \begin{array}{l} \text{discovery time : } u.d \\ \text{finishing time : } u.f \end{array} \right.$

- 與 BFS 不同 \Rightarrow 所有 vertex 皆會走訪

$$\forall (u, v) \in E$$

- edge 定義 state :
 - ① tree edge : $v.\text{color} = \text{white}$
 - ② forward edge : $v.\text{color} = \text{black}$ 且 $u.d < v.d \Rightarrow u.d < v.d < v.f < u.f$
 - ③ back edge : $v.\text{color} = \text{gray}$
 - ④ cross edge : $v.\text{color} = \text{black}$ 且 $v.d < u.d \Rightarrow v.d < v.f < u.d < u.f$

- 若 u 為 v 之 ancestor : $[v.d, v.f] \subseteq [u.d, u.f] \Rightarrow$ 判斷 ancestor 方式
即: $v.d < u.d < u.f < v.f$

- 應用: ① 找 connected component

1. Initialization_graph (G)

2. $s = 0$

3. for each $u \in G.V$

if $u.\text{color} == \text{white}$

DFS_visit (G, u)

$s = s + 1$

在 DFS_visit (G, u) 中 將每個走訪點更新為 s 之值

用 s 區別 component

- ② 判斷 G 是否含 cycle \Rightarrow 跑 DFS
 \Rightarrow DFS forest 中有無 back edge.