

**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**  
**Санкт-Петербургский государственный**  
**электротехнический университет**  
**«ЛЭТИ» им. В.И. Ульянова (Ленина)**  
**Кафедра МО ЭВМ**

**Отчет**  
**по лабораторной работе №1**  
**по дисциплине «Алгоритмы и структуры данных»**  
**Тема: Развернутый связный список**

Студент гр. 3382

Копасова К. А.

Преподаватель

Иванов Д. В.

Санкт-Петербург  
2024

## **Цель работы**

Изучить развернутые и линейные списки и научиться оценивать алгоритмы по времени их выполнения и по затраченной памяти посредством реализации развернутого списка с определенными методами на языке программирования Python.

## Задание

Развёрнутый связный список — список, каждый физический элемент которого содержит несколько логических элементов (обычно в виде массива, что позволяет ускорить доступ к отдельным элементам).

Данная структура позволяет значительно уменьшить расход памяти и увеличить производительность по сравнению с обычным списком. Особенно большая экономия памяти достигается при малом размере логических элементов и большом их количестве.

У данной структуры необходимо реализовать основные операции: поиск, удаление, вставка, а также функцию вывода всего списка в консоль через пробел. В качестве элементов для заполнения используются целые числа. Функция вычисления размера *node* находится в следующем блоке заданий. Реализацию поиска и удаления делать на свое усмотрение. Данные операции будут проверяться на защите.

Для проверки работоспособности структуры необходимо реализовать функцию (не метод класса) *check*, принимающую на вход два массива: массив *arr\_1* для заполнения структуры, массив *arr\_2* для поиска и удаления, а также необязательный параметр *n\_array* (описан выше). Функция должна сначала заполнять развёрнутый связный список данным *arr\_1*, затем искать элементы *arr\_2* и удалять их. После каждой операции по обновлению списка необходимо осуществлять полный его вывод в консоль.

Помимо реализации описанного класса Вам необходимо провести исследование его работы: сравнить время (дополнительные исследуемые параметры, такие как память и на то, что Вам хватит фантазии - будут плюсом) у реализованной структуры, массива (для Python используйте *list*, для Cpp - стандартный массив ) и односвязного списка (код реализации массива и односвязного списка загружать не нужно!).

Чтобы провести исследование необходимо проверить основные операции на маленьком (около 10), среднем (10000) и большом (100000) наборах данных для всех трёх случаев операции (в начало, в середину, в конец). По итогам исследования в отчёте необходимо предоставить таблицу с результатами замеров, а так же их графическое представление (на одном графике необходимо изобразить одну операцию в одном случае для трёх структур, т.е. суммарно должно получиться 9 графиков).

## Выполнение работы

Для начала разделим нашу задачу на два файла: в первом файле `main.py` будет реализован развернутый связный список с методами вставки, удаления, поиска и вывода данного списка. Так же там будет находиться функция `check()`, отвечающая за проверку работы развернутого связного списка.

Во втором файле `test.py` будут находиться все тесты и вычисления для анализа производительности различных структур данных (развернутый связный список, односвязный список и массив).

Начнем с файла `main.py` – опишу все функции и классы данного файла.

`Main.py`:

1) Выполним импорт библиотеки `math`, которая понадобится в работе программы.

2) `Calculate_optimal_node_size`: напомним функцию, отвечающую за расчет памяти для реализации узла развернутого связного списка и принимающую одну переменную `num_elements` - количество элементов, которые необходимо хранить в памяти. Каждый элемент занимает 4 байта, что фиксируется в переменной `elem_byte` (т. к. используем `int`).

Сначала функция вычисляет общий объем памяти, необходимый для хранения всех элементов, умножая количество элементов на размер одного элемента. Этот объем хранится в переменной `total_memory_size`. Далее, учитывая, что минимальный размер кеш-линии составляет 64 байта, функция вычисляет, сколько кеш-линий потребуется для хранения всего объема памяти. Это делается с помощью округления вверх значения, полученного при делении общего объема памяти на размер кеш-линии. Результат сохраняется в переменной `num_of_cache_lines`.

После этого функция определяет оптимальный размер узла, добавляя единицу к количеству кеш-линий. Это добавление связано с необходимостью учета дополнительного узла или буфера для управления данными. Функция возвращает рассчитанное значение оптимального размера узла, что позволяет понять, сколько кеш-линий будет необходимо для эффективного хранения и обработки данных.

3) Класс `Node_for_ULL`: класс представляет собой узел для развернутого связного списка (ULL - Unrolled Linked List), который используется для хранения значений и управления связями между узлами. В конструкторе класса инициализируется пустой список `values` для хранения значений, параметр `size`, который определяет максимальное количество значений, которые узел может содержать, и ссылка `next`, указывающая на следующий узел в списке. Этот класс необходим для реализации структуры данных, позволяющей эффективно добавлять, удалять и управлять элементами.

4) Класс `UnrolledLinkedList`: класс реализует развёрнутый связанный список, который позволяет эффективно хранить и управлять коллекцией элементов, используя узлы, каждый из которых содержит массив значений и ссылку на следующий узел. В конструкторе класса инициализируется `head`, указывающий на первый узел списка, и `node_size`, определяющий максимальное количество значений, которое может хранить каждый узел.

Метод `append` добавляет новое значение в список: если список пуст, создаётся новый узел, в который добавляется значение; если узел уже существует, происходит поиск последнего узла, и если в нём достаточно места, значение добавляется туда; в противном случае создаётся новый узел, и значение помещается в него.

Метод `delete` удаляет указанное значение из списка: он проходит по узлам, ищет значение и, если находит, удаляет его из массива значений, а

если узел становится пустым и есть предшествующий узел, обновляет ссылку, чтобы исключить пустой узел из списка.

Метод `search` проверяет наличие указанного значения в списке, проходя через все узлы и возвращая `True`, если значение найдено, и `False` в противном случае.

Метод `print_list` выводит содержимое списка на экран, перечисляя значения в каждом узле, что позволяет визуализировать структуру данных и её содержимое.

5) Функция `check`: функция принимает два массива `arr_1` и `arr_2`, а также необязательный параметр `n_array`, который по умолчанию равен `None`, и если он не задан, вычисляет оптимальный размер узла с помощью функции `calculate_optimal_node_size`, основываясь на длине `arr_1`. Затем создаётся экземпляр класса `UnrolledLinkedList` с размером узла `n_array`, который будет заполняться данными из `arr_1`. В цикле для каждого элемента в `arr_1` вызывается метод `append`, добавляющий элемент в список, после чего вызывается метод `print_list`, чтобы вывести текущее состояние списка. Далее, во втором цикле для каждого элемента в `arr_2` выполняется поиск этого элемента в списке с помощью метода `search`; если элемент найден, он удаляется из списка с помощью метода `delete`, и снова вызывается `print_list`, чтобы показать обновлённое состояние списка после удаления.

В файле `test.py` находятся дополнительные функции, помогающие построить графики для анализа производительности различных структур (массив, односвязный список и развернутый связный список). Реализовано 9 функций, которые помогают рассчитать, сколько времени затрачивает определенная структура на добавление в начало/в середину/в конец, на поиск в начале/в середине/в конце и на удаление в начале/в середине/в конце.

Код программ находится в Приложении А.

## Тестирование

Таблица 1 — Результаты тестирования основного кода программы:

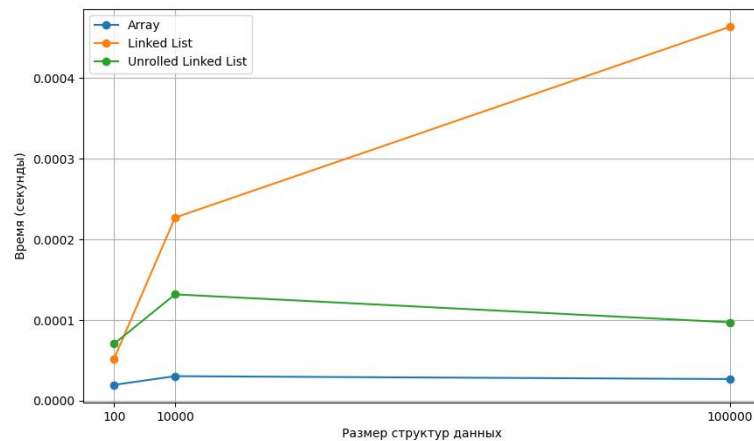
№п/п	Входные данные	Выходные данные	Комментарии
1	1 2 3 4 5 6 7 8 9 10	Node 0: 1 2  Node 1: 3 4  Node 2: 5 6  Node 3: 7 8  Node 4: 9 10	OK
2	14 435 234 62 562 456 24 54 624264	Node 0: 14 435  Node 1: 234 62  Node 2: 562 456  Node 3: 24 54  Node 4: 624264	OK
3	2348 234 32 32 43 234 65756 7567 35673 5675 6735 234 1324 234 34 2342 2 22 2 2 2 24 4 5 5 34 5 34	Node 0: 2348 234 32  Node 1: 32 43 234  Node 2: 65756 7567 35673  Node 3: 5675 6735 234  Node 4: 1324 234 34  Node 5: 2342 2 22  Node 6: 2 2 2  Node 7: 24 4 5	OK



		Node 8: 5 34 5	
		Node 9: 34	

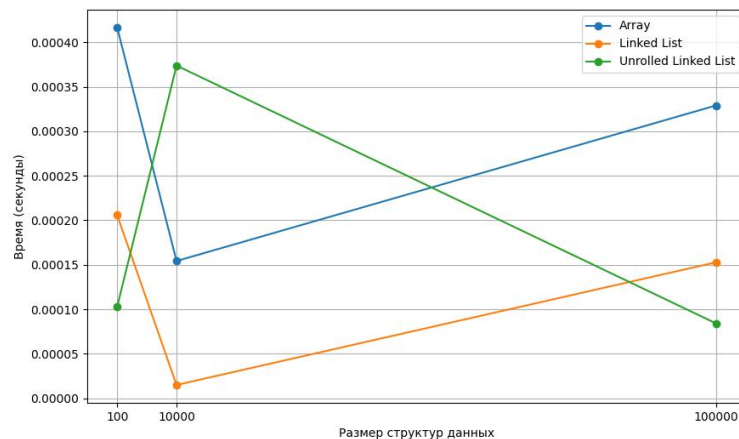
## Анализ полученных данных

### Вставка элементов в начало различных структур данных:



Проанализировав график, сделаем вывод: массивы работают быстрее для вставки в начало на небольших и средних размерах структуры. Связные списки менее эффективны при больших размерах, когда развёрнутые списки обеспечивают более стабильное время вставки по сравнению с обычными связными списками, особенно на больших данных.

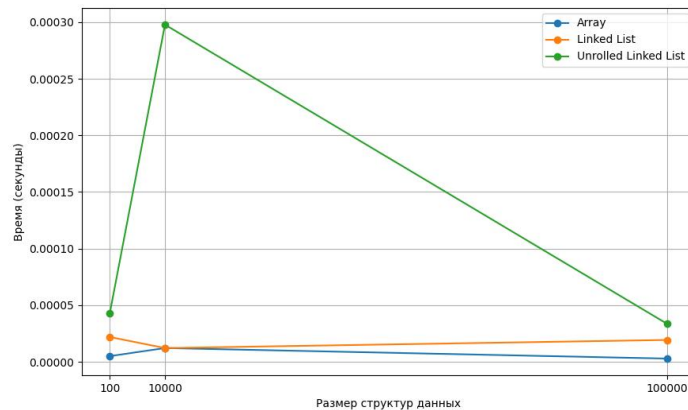
### Вставка элементов в середину различных структур данных:



Проанализировав график, сделаем вывод: вставка элемента в середину массива имеет линейное увеличение времени, что соответствует теоретическим ожиданиям (время для массивов увеличивается с ростом размера структуры). Для связного списка время также должно увеличиваться с размером структур, однако график показывает неожиданный спад, что

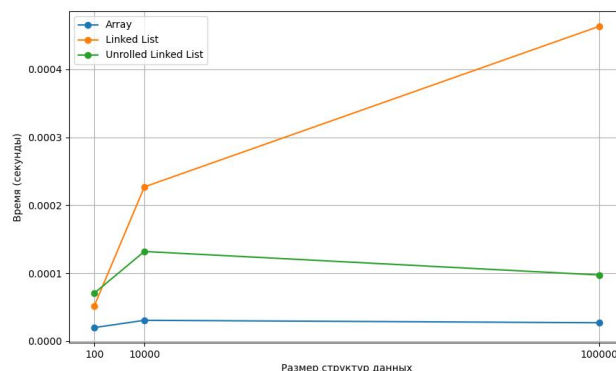
может говорить об особенностях тестирования, но они работают лучше на больших объёмах памяти. Развёрнутый связный список более оптимизирован для работы с большим объёмом данных, поэтому время на больших данных более стабильно.

#### Вставка элементов в конец различных структур данных:



Проанализировав график, сделаем вывод: вставка в конец малых и больших объёмах данных выполняется за оптимальное время. Односвязный список лучше работает с большими данными. Развёрнутый связный список более оптимизирован для работы с большим объёмом данных, поэтому время на больших данных более стабильно, в отличие от средних данных, что может говорить об особенностях тестирования.

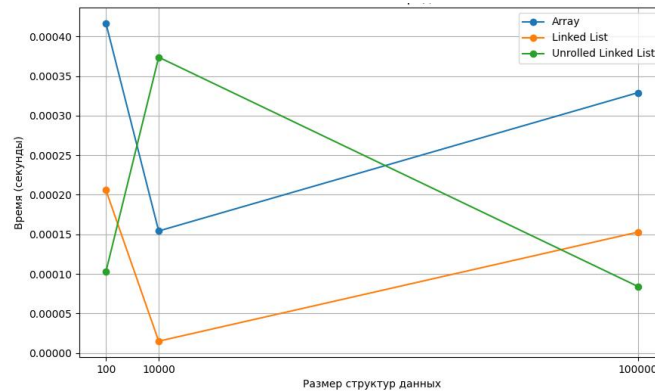
#### Поиск в начале различных структур данных:



Проанализировав график, сделаем вывод: поиск в начале массива показывает наиболее стабильные и низкие результаты по времени, что связано с тем, что доступ к элементам массива происходит мгновенно

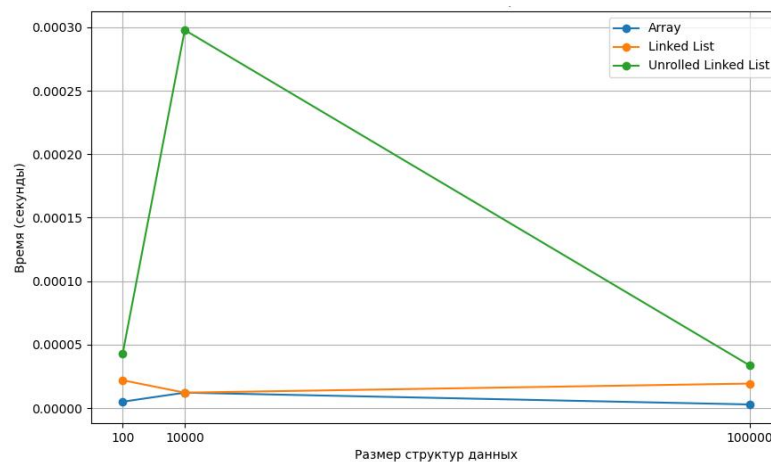
благодаря индексированию. Односвязный список показывает ухудшение производительности при увеличении размера данных. Развёрнутый список наоборот работает лучше на больших объёмах данных.

### Поиск в середине различных структур данных:



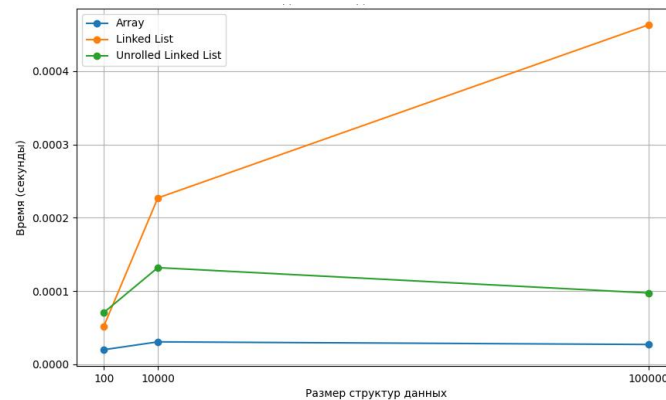
Проанализировав график, сделаем вывод: время поиска в середине массива растёт с увеличением размера структуры данных, т. к. требуется обращение по индексу, но все-равно имеет скачки из-за особенности тестирования. Связный список показывает более быстрые результаты по сравнению со всеми рассматриваемыми структурами при средних размерах данных. Развёрнутый связный список при этом имеет лучшую эффективность при больших и малых данных.

### Поиск в конце различных структур данных:



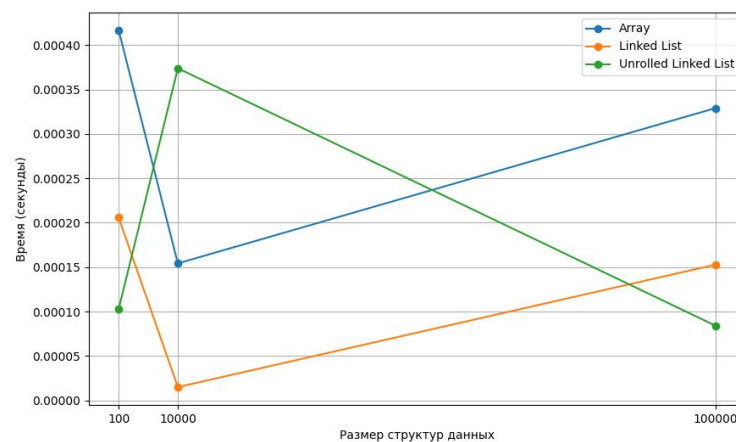
Проанализировав график, сделаем вывод: массив показывает минимальное время для поиска элемента в конце. Связный список показывает средние результаты по сравнению с другими структурами. Развёрнутый список лучше работает с большим количеством данных, чем с меньшим, но в целом уступает массиву из-за особенностей тестирования.

#### Удаление в начале различных структур данных:



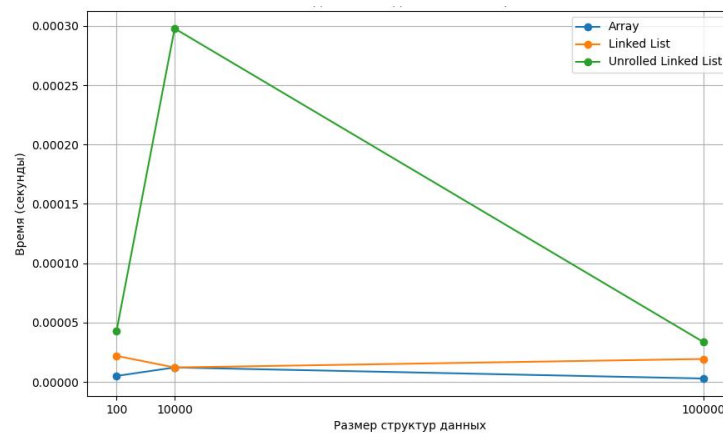
Проанализировав график, сделаем вывод: массив показывает оптимальное время для удаления элемента в начале в зависимости от размера данных. Связный список при меньших данных работает эффективнее развёрнутого списка, но уступает тому при более больших размерах данных. Развёрнутый список, в свою очередь, эффективен при больших данных.

#### Удаление в середине различных структур данных:



Проанализировав график, сделаем вывод: массив работает оптимально при среднем наборе данных. Односвязный список так же эффективен при среднем объёме данных, но при малых и больших размерах становится не таким эффективным как развёрнутый (оптимальнее справляется при больших размерах данных).

#### Удаление в конце различных структур данных:



Проанализировав график, сделаем вывод: массив работает оптимальнее остальных структур при различных размерах данных. Односвязный список справляется чуть хуже массива при малых и больших объёмах данных, а развёрнутый список, из-за особенностей тестирования, имеет наихудшую эффективность.

## **Выводы**

В ходе лабораторной работы удалось изучить различные структуры: односвязный список и развёрнутый односвязный список. Так же удалось проанализировать производительность отдельных методов определённых структур. С помощью библиотеки `matplotlib` удалось построить графики зависимости времени выполнения функции от количества элементов в структурах (100, 10000 и 100000) и проанализировать их. Итог следующий: развёрнутый список эффективнее работает при больших размерах данных, минимизировав время выполнения работы программы, но, к сожалению, он все ещё имеет свои недостатки.

В результате лабораторной работы удалось создать код с реализацией развёрнутого односвязного списка и методов добавления, удаления, поиска и вывода на языке программирования Python.

## ПРИЛОЖЕНИЕ А

### ИСХОДНЫЙ КОД ПРОГРАММЫ

Файл main.py:

```
"""
Модуль реализации развернутого связанного списка (Unrolled Linked List).
"""

import math

def calculate_optimal_node_size(num_elements: int) -> int:
    """
    Рассчитывает оптимальный размер узла на основе количества элементов.
    """
    elem_byte = 4
    total_memory_capa = elem_byte * num_elements
    min_cache_line_size = 64
    num_of_cache_lines = math.ceil(total_memory_capa / min_cache_line_size)
    optimal_node_size = num_of_cache_lines + 1
    return optimal_node_size

class NodeForULL:
    """
    Класс, представляющий узел для развернутого связанного списка.
    """

    def __init__(self, size: int):
        """
        Инициализирует узел с указанным размером.
        """
        self.values: list[int] = []
        self.size: int = size
        self.next: 'NodeForULL | None' = None

    def __len__(self) -> int:
        """
        Возвращает количество элементов в узле.
        """
        return len(self.values)

    def __str__(self) -> str:
        """
        Возвращает строковое представление узла.
        """
        return f"Node(size={self.size}, values={self.values})"

class UnrolledLinkedList:
    """
    Класс, представляющий развернутый связанный список.
    """

    def __init__(self, node_capacity: int):
        """
        Инициализирует развернутый связанный список с заданной емкостью узла.
        """
        self.head: 'NodeForULL | None' = None
        self.node_capacity: int = node_capacity

    def prepend(self, new_value: int) -> None:
        """
```



```

Добавляет элемент в начало списка.
"""
new_node = NodeForULL(self.node_capacity)
new_node.values.append(new_value)

if not self.head:
    self.head = new_node
    return

current = self.head
if len(current.values) < self.node_capacity:
    new_node.values.extend(current.values)
    new_node.next = current.next
    self.head = new_node
else:
    new_node.next = current
    self.head = new_node

def insert_middle(self, new_value: int) -> None:
    """
    Вставляет элемент в середину списка.
    """
    if self.head is None:
        self.head = NodeForULL(self.node_capacity)
        self.head.values.append(new_value)
        return

    slow = self.head
    fast = self.head

    while fast.next and fast.next.next:
        slow = slow.next
        fast = fast.next.next

    if len(slow.values) < self.node_capacity:
        slow.values.append(new_value)
    else:
        new_node = NodeForULL(self.node_capacity)
        mid_index = len(slow.values) // 2
        new_node.values = slow.values[mid_index:]
        slow.values = slow.values[:mid_index]
        new_node.next = slow.next
        slow.next = new_node
        slow.values.append(new_value)

def append(self, new_value: int) -> None:
    """
    Добавляет элемент в конец списка.
    """
    if self.head is None:
        self.head = NodeForULL(self.node_capacity)
        self.head.values.append(new_value)
    else:
        current = self.head
        while current.next:
            current = current.next
        if len(current.values) < self.node_capacity:
            current.values.append(new_value)
        else:
            new_node = NodeForULL(self.node_capacity)
            new_node.values.append(new_value)

```

```

        current.next = new_node

def delete(self, delete_value: int) -> None:
    """
    Удаляет указанный элемент из списка.
    """
    current = self.head
    prev = None

    while current:
        if delete_value in current.values:
            current.values.remove(delete_value)
            if not current.values and prev:
                prev.next = current.next
            return
        prev = current
        current = current.next

def search(self, search_value: int) -> bool:
    """
    Выполняет поиск элемента в списке.
    """
    current = self.head
    while current:
        if search_value in current.values:
            return True
        current = current.next
    return False

def clear(self) -> None:
    """
    Очищает весь список.
    """
    self.head = None

def print_list(self) -> None:
    """
    Выводит содержимое списка.
    """
    current = self.head
    node_index = 0
    while current:
        print(f"Node {node_index}: {' '.join(map(str, current.values))}")
        current = current.next
        node_index += 1

def check(arr_1: list[int], arr_2: list[int], n_array: int | None = None) -> None:
    """
    Проверяет работу развернутого связанного списка:
    добавляет элементы из arr_1 и удаляет те, что есть в arr_2.
    """
    if n_array is None:
        n_array = calculate_optimal_node_size(len(arr_1))

    final_list = UnrolledLinkedList(n_array)

    for elem in arr_1:
        final_list.append(elem)
        final_list.print_list()

```

```

        for elem in arr_2:
            if final_list.search(elem):
                final_list.delete(elem)
            final_list.print_list()

if __name__ == "__main__":
    values = list(map(int, input("Введите числа через пробел: ").split()))
    calculated_node_size = calculate_optimal_node_size(len(values))
    unrolled_linked_list = UnrolledLinkedList(calculated_node_size)

    for val in values:
        unrolled_linked_list.append(val)

    unrolled_linked_list.print_list()

```

### Файл test.py:

```

import time
import random
import matplotlib
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
from main import UnrolledLinkedList, calculate_optimal_node_size

class Node:
    def __init__(self, value):
        self.value = value
        self.next = None

# Односвязный список
class LinkedList:
    def __init__(self):
        self.head = None

    # Поиск
    def search(self, search_value):
        current = self.head

        while current:
            if current.value == search_value:
                return True
            current = current.next
        return False

    # Удаление
    def delete(self, delete_value):
        current = self.head

        if current and current.value == delete_value:
            self.head = current.next
            return

        prev = None
        while current and current.value != delete_value:
            prev = current
            current = current.next

        if current is None:
            return

        prev.next = current.next

```

```

# Добавление элемента в начало
def prepend(self, value):
    new_value = Node(value)
    new_value.next = self.head
    self.head = new_value

# Вставка в середину
def insert_middle(self, value):
    new_value = Node(value)

    if not self.head: # Если список пуст, добавляем элемент в начало
        self.head = new_value
        return

    slow = self.head
    fast = self.head
    # Находим средний узел
    while fast and fast.next:
        slow = slow.next
        fast = fast.next.next

    # Вставляем новый узел после среднего узла
    new_value.next = slow.next
    slow.next = new_value

# Вставка в конец
def append(self, value):
    new_value = Node(value)
    if self.head is None:
        self.head = new_value
    else:
        current = self.head
        while current.next:
            current = current.next
        current.next = new_value

def clear(self):
    self.head = None

# Вывод списка
def print_list(self):
    current = self.head
    result = []
    while current:
        result.append(current.value)
        current = current.next
    print(" ".join(map(str, result)))

# Функция проверки затраченного времени у массива на вставку/поиск/удаление в
начало
def array_elapsed_time_ins_ser_del_begin():
    result_time_array_ins_ser_del_begin = [[], [], []]
    #100 элементов
    array_1 = np.random.randint(1, 100, 100)
    working_array = []
    time_start_array_1 = time.time()
    #вставка в начало массива
    for i in array_1:

```

```

        working_array.insert(0, int(i))
        time_end_array_1 = time.time()
        result_time_array_ins_ser_del_begin[0].append(time_end_array_1 -
time_start_array_1)
        #поиск в начале массива
        time_start_array_1 = time.time()
        for i in array_1[::-1]:
            for j in working_array:
                if j == i:
                    continue
            time_end_array_1 = time.time()
            result_time_array_ins_ser_del_begin[1].append(time_end_array_1 -
time_start_array_1)
            #удаление в начале массива
            time_start_array_1 = time.time()
            while working_array:
                working_array.pop(0)
            time_end_array_1 = time.time()
            result_time_array_ins_ser_del_begin[2].append(time_end_array_1 -
time_start_array_1)

        #10к элементов
        array_2 = np.random.randint(1, 1000, 1000)
        time_start_array_2 = time.time()
        #вставка в начало массива
        for i in array_2:
            working_array.insert(0, int(i))
            time_end_array_2 = time.time()
            result_time_array_ins_ser_del_begin[0].append(time_end_array_2 -
time_start_array_2)
            #поиск в начале массива
            time_start_array_2 = time.time()
            for i in array_2[::-1]:
                for j in working_array:
                    if j == i:
                        continue
                time_end_array_2 = time.time()
                result_time_array_ins_ser_del_begin[1].append(time_end_array_2 -
time_start_array_2)
                #удаление в начале массива
                time_start_array_2 = time.time()
                while working_array:
                    working_array.pop(0)
                time_end_array_2 = time.time()
                result_time_array_ins_ser_del_begin[2].append(time_end_array_2 -
time_start_array_2)

        #100к элементов
        array_3 = np.random.randint(1, 10000, 10000)
        time_start_array_3 = time.time()
        #вставка в начало массива
        for i in array_3:
            working_array.insert(0, int(i))
            time_end_array_3 = time.time()
            result_time_array_ins_ser_del_begin[0].append(time_end_array_3 -
time_start_array_3)
            #поиск в начале массива
            time_start_array_3 = time.time() #тоже ну ооочень долго :(
            for i in array_3[::-1]:

```

```

        for j in working_array:
            if j == i:
                continue
            time_end_array_3 = time.time()
            result_time_array_ins_ser_del_begin[1].append(time_end_array_3 -
time_start_array_3)
            #удаление в начале массива
            time_start_array_3 = time.time()
            while working_array:
                working_array.pop(0)
            time_end_array_3 = time.time()
            result_time_array_ins_ser_del_begin[2].append(time_end_array_3 -
time_start_array_3)

        return result_time_array_ins_ser_del_begin

# Функция проверки затраченного времени у массива на вставку/поиск/удаление в
середину
def array_elapsed_time_ins_ser_del_middle():
    result_time_array_ins_ser_del_middle = [[], [], []]
    #100 элементов
    array_1 = np.random.randint(1, 100, 100)
    working_array = []
    time_start_array_1 = time.time()
    #вставка в середину массива
    for i in array_1:
        working_array.insert(int(len(working_array)/2),int(i))
    time_end_array_1 = time.time()
    result_time_array_ins_ser_del_middle[0].append(time_end_array_1 -
time_start_array_1)
    #поиск в середине массива
    time_start_array_1 = time.time()
    for i in range(int(len(array_1)/2), len(array_1) + len(array_1)%2):
        for j in range(0, int(len(working_array)/2 + len(working_array)%2)):
            if j == i:
                continue
        for i in range(0, int(len(array_1)+len(array_1)%2)):
            for j in range(int(len(working_array)/2),
len(working_array)+len(working_array)%2):
                if j == i:
                    continue
            time_end_array_1 = time.time()
            result_time_array_ins_ser_del_middle[1].append(time_end_array_1 -
time_start_array_1)

    #удаление в середине массива
    time_start_array_1 = time.time()
    while working_array:
        working_array.pop(int(len(working_array)/2))
    time_end_array_1 = time.time()
    result_time_array_ins_ser_del_middle[2].append(time_end_array_1 -
time_start_array_1)

    #10к элементов
    array_2 = np.random.randint(1, 1000, 1000)
    time_start_array_2 = time.time()
    #вставка в середину массива
    for i in array_2:

```

```

        working_array.insert(int(len(working_array)/2), int(i))
    time_end_array_2 = time.time()
    result_time_array_ins_ser_del_middle[0].append(time_end_array_2 -
time_start_array_2)

    #поиск в середине массива
    time_start_array_2 = time.time()
    for i in range(int(len(array_2)/2), len(array_2) + len(array_2)%2):
        for j in range(0, int(len(working_array)/2 + len(working_array)%2)):
            if j == i:
                continue
    for i in range(0, int(len(array_2)+len(array_2)%2)):
        for j in range(int(len(working_array)/2),
len(working_array)+len(working_array)%2):
            if j == i:
                continue
    time_end_array_2 = time.time()
    result_time_array_ins_ser_del_middle[1].append(time_end_array_2 -
time_start_array_2)

    #удаление в середине массива
    time_start_array_2 = time.time()
    while working_array:
        working_array.pop(int(len(working_array)/2))
    time_end_array_2 = time.time()
    result_time_array_ins_ser_del_middle[2].append(time_end_array_2 -
time_start_array_2)

    #100к элементов
    array_3 = np.random.randint(1, 10000, 10000)
    time_start_array_3 = time.time()
    #вставка в середину массива
    for i in array_3:
        working_array.insert(int(len(working_array)/2), int(i))
    time_end_array_3 = time.time()
    result_time_array_ins_ser_del_middle[0].append(time_end_array_3 -
time_start_array_3)
    #поиск в середине массива
    time_start_array_3 = time.time()
    for i in range(int(len(array_3)/2), len(array_3) + len(array_3)%2):
        for j in range(0, int(len(working_array)/2 + len(working_array)%2)):
            if j == i:
                continue
    for i in range(0, int(len(array_3)+len(array_3)%2)):
        for j in range(int(len(working_array)/2),
len(working_array)+len(working_array)%2):
            if j == i:
                continue
    time_end_array_3 = time.time()
    result_time_array_ins_ser_del_middle[1].append(time_end_array_3 -
time_start_array_3)

    #удаление в середине массива
    time_start_array_3 = time.time()
    while working_array:
        working_array.pop(int(len(working_array)/2))
    time_end_array_3 = time.time()
    result_time_array_ins_ser_del_middle[2].append(time_end_array_3 -
time_start_array_3)

```

```

    return result_time_array_ins_ser_del_middle

# Функция проверки затраченного времени у массива на вставку/поиск/удаление в
# конец
def array_elapsed_time_ins_ser_del_end():
    result_time_array_ins_ser_del_end = [[], [], []]
    #100 элементов
    array_1 = np.random.randint(1, 100, 100)
    working_array = []
    time_start_array_1 = time.time()
    #вставка в конец массива
    for i in array_1:
        working_array.append(int(i))
    time_end_array_1 = time.time()
    result_time_array_ins_ser_del_end[0].append(time_end_array_1 -
time_start_array_1)
    #поиск в конце массива
    time_start_array_1 = time.time()
    for i in array_1:
        for j in working_array:
            if j == i:
                continue
    time_end_array_1 = time.time()
    result_time_array_ins_ser_del_end[1].append(time_end_array_1 -
time_start_array_1)
    #удаление в конце массива
    time_start_array_1 = time.time()
    while working_array:
        working_array.pop()
    time_end_array_1 = time.time()
    result_time_array_ins_ser_del_end[2].append(time_end_array_1 -
time_start_array_1)

    #10к элементов
    array_2 = np.random.randint(1, 1000, 1000)
    time_start_array_2 = time.time()
    #вставка в конец массива
    for i in array_2:
        working_array.append(int(i))
    time_end_array_2 = time.time()
    result_time_array_ins_ser_del_end[0].append(time_end_array_2 -
time_start_array_2)
    #поиск в конце массива
    time_start_array_2 = time.time()
    for i in array_2:
        for j in working_array:
            if j == i:
                continue
    time_end_array_2 = time.time()
    result_time_array_ins_ser_del_end[1].append(time_end_array_2 -
time_start_array_2)
    #удаление в конце массива
    time_start_array_2 = time.time()
    while working_array:
        working_array.pop()
    time_end_array_2 = time.time()
    result_time_array_ins_ser_del_end[2].append(time_end_array_2 -
time_start_array_2)

```



```

#100к элементов
array_3 = np.random.randint(1, 10000, 10000)
time_start_array_3 = time.time()
#вставка в конец массива
for i in array_3:
    working_array.append(int(i))
time_end_array_3 = time.time()
result_time_array_ins_ser_del_end[0].append(time_end_array_3 -
time_start_array_3)
#поиск в конце массива
time_start_array_3 = time.time()
for i in array_3:
    for j in working_array:
        if j == i:
            continue
time_end_array_3 = time.time()
result_time_array_ins_ser_del_end[1].append(time_end_array_3 -
time_start_array_3)
#удаление в конце массива
time_start_array_3 = time.time()
while working_array:
    working_array.pop()
time_end_array_3 = time.time()
result_time_array_ins_ser_del_end[2].append(time_end_array_3 -
time_start_array_3)

return result_time_array_ins_ser_del_end

# Функция проверки затраченного времени у односвязанного списка на
вставку/поиск/удаление в начало
def linkedlist_elapsed_time_ins_ser_del_begin():
    result_time_LL_ins_ser_del_begin = [[], [], []]
    worked_LinkedList = LinkedList()
    #100 элементов
    array_1 = np.random.randint(1, 100, 100)
    time_start_LL_1 = time.time()
    #вставка в начало односвязного списка
    for i in array_1:
        worked_LinkedList.prepend(i)
    time_end_LL_1 = time.time()
    result_time_LL_ins_ser_del_begin[0].append(time_end_LL_1 -
time_start_LL_1)
    #поиск в начале односвязного списка
    time_start_array_1 = time.time()
    for i in array_1[::-1]:
        worked_LinkedList.search(i)
    time_end_array_1 = time.time()
    result_time_LL_ins_ser_del_begin[1].append(time_end_array_1 -
time_start_array_1)
    #удаление в начале односвязного списка
    time_start_array_1 = time.time()
    for i in array_1[::-1]:
        worked_LinkedList.delete(i)
    time_end_array_1 = time.time()
    result_time_LL_ins_ser_del_begin[2].append(time_end_array_1 -
time_start_array_1)

#10к элементов
array_2 = np.random.randint(1, 1000, 1000)
time_start_LL_2 = time.time()

```

```

#вставка в начало односвязного списка
for i in array_2:
    worked_LinkedList.prepend(i)
time_end_LL_2 = time.time()
worked_LinkedList.clear()
result_time_LL_ins_ser_del_begin[0].append(time_end_LL_2 -
time_start_LL_2)
#поиск в начале односвязного списка
time_start_array_2 = time.time()
for i in array_2[::-1]:
    worked_LinkedList.search(i)
time_end_array_2 = time.time()
result_time_LL_ins_ser_del_begin[1].append(time_end_array_2 -
time_start_array_2)
#поиск в начале односвязного списка
time_start_array_2 = time.time()
for i in array_2[::-1]:
    worked_LinkedList.delete(i)
time_end_array_2 = time.time()
result_time_LL_ins_ser_del_begin[2].append(time_end_array_2 -
time_start_array_2)

#100к элементов
array_3 = np.random.randint(1, 10000, 10000)
time_start_LL_3 = time.time()
#вставка в начало односвязного списка
for i in array_3:
    worked_LinkedList.prepend(i)
time_end_LL_3 = time.time()
worked_LinkedList.clear()
result_time_LL_ins_ser_del_begin[0].append(time_end_LL_3 -
time_start_LL_3)
#поиск в начале односвязного списка
time_start_array_3 = time.time()
for i in array_3[::-1]:
    worked_LinkedList.search(i)
time_end_array_3 = time.time()
result_time_LL_ins_ser_del_begin[1].append(time_end_array_3 -
time_start_array_3)
#поиск в начале односвязного списка
time_start_array_3 = time.time()
for i in array_3[::-1]:
    worked_LinkedList.delete(i)
time_end_array_3 = time.time()
result_time_LL_ins_ser_del_begin[2].append(time_end_array_3 -
time_start_array_3)

return result_time_LL_ins_ser_del_begin

# Функция проверки затраченного времени у односвязанного списка на
вставку/поиск/удаление в середину
def linkedlist_elapsed_time_ins_ser_del_middle():
    result_time_LL_ins_ser_del_middle = [[], [], []]
    worked_LinkedList = LinkedList()
    #100 элементов
    array_1 = np.random.randint(1, 100, 100)
    time_start_LL_1 = time.time()
    #вставку в середину односвязного списка
    for i in array_1:
        worked_LinkedList.insert_middle(i)

```

```

time_end_LL_1 = time.time()
worked_LinkedList.clear()
result_time_LL_ins_ser_del_middle[0].append(time_end_LL_1 -
time_start_LL_1)
#поиск в середине односвязного списка
time_start_array_1 = time.time()
for i in range(0, int(len(array_1)+len(array_1)%2)):
    worked_LinkedList.search(i)
for i in range(int(len(array_1)/2), len(array_1) + len(array_1)%2):
    worked_LinkedList.search(i)
time_end_array_1 = time.time()
result_time_LL_ins_ser_del_middle[1].append(time_end_array_1 -
time_start_array_1)
#удаление в середине односвязного списка
time_start_array_1 = time.time()
for i in range(0, int(len(array_1)+len(array_1)%2)):
    worked_LinkedList.delete(i)
for i in range(int(len(array_1)/2), len(array_1) + len(array_1)%2):
    worked_LinkedList.delete(i)
time_end_array_1 = time.time()
result_time_LL_ins_ser_del_middle[2].append(time_end_array_1 -
time_start_array_1)

#10к элементов
array_2 = np.random.randint(1, 1000, 1000)
time_start_LL_2 = time.time()
#вставка в середину односвязного списка
for i in array_2:
    worked_LinkedList.insert_middle(i)
time_end_LL_2 = time.time()
result_time_LL_ins_ser_del_middle[0].append(time_end_LL_2 -
time_start_LL_2)
#поиск в середине односвязного списка
time_start_array_2 = time.time()
for i in range(0, int(len(array_2)+len(array_2)%2)):
    worked_LinkedList.search(i)
for i in range(int(len(array_2)/2), len(array_2) + len(array_2)%2):
    worked_LinkedList.search(i)
time_end_array_2 = time.time()
result_time_LL_ins_ser_del_middle[1].append(time_end_array_2 -
time_start_array_2)

#удаление в середине односвязного списка
time_start_array_2 = time.time()
for i in range(0, int(len(array_2)+len(array_2)%2)):
    worked_LinkedList.delete(i)
for i in range(int(len(array_2)/2), len(array_2) + len(array_2)%2):
    worked_LinkedList.delete(i)
time_end_array_2 = time.time()
result_time_LL_ins_ser_del_middle[2].append(time_end_array_2 -
time_start_array_2)

#100к элементов
array_3 = np.random.randint(1, 10000, 10000)#ооочень долго :(
time_start_LL_3 = time.time()
#вставка в середину односвязного списка
for i in array_3:
    worked_LinkedList.insert_middle(i)
time_end_LL_3 = time.time()

```

```

        result_time_LL_ins_ser_del_middle[0].append(time_end_LL_3 -
time_start_LL_3)
        #поиск в середине односвязного списка
        time_start_array_3 = time.time()
        for i in range(0, int(len(array_3)+len(array_3)%2)):
            worked_LinkedList.search(i)
        for i in range(int(len(array_3)/2), len(array_3) + len(array_3)%2):
            worked_LinkedList.search(i)
        time_end_array_3 = time.time()
        result_time_LL_ins_ser_del_middle[1].append(time_end_array_3 -
time_start_array_3)
        #удаление в середине односвязного списка
        time_start_array_3 = time.time()
        for i in range(0, int(len(array_3)+len(array_3)%2)):
            worked_LinkedList.delete(i)
        for i in range(int(len(array_3)/2), len(array_3) + len(array_3)%2):
            worked_LinkedList.delete(i)
        time_end_array_3 = time.time()
        result_time_LL_ins_ser_del_middle[2].append(time_end_array_3 -
time_start_array_3)

        return result_time_LL_ins_ser_del_middle

# Функция проверки затраченного времени у односвязанного списка на
вставку/поиск/удаление в конец
def linkedlist_elapsed_time_ins_ser_del_end():
    result_time_LL_ins_ser_del_end = [[], [], []]
    worked_LinkedList = LinkedList()
    #100 элементов
    array_1 = np.random.randint(1, 100, 100)
    time_start_LL_1 = time.time()
    #вставка в конец односвязного списка
    for i in array_1:
        worked_LinkedList.append(i)
    time_end_LL_1 = time.time()
    result_time_LL_ins_ser_del_end[0].append(time_end_LL_1 - time_start_LL_1)
    #поиск в конце односвязного списка
    time_start_array_1 = time.time()
    for i in array_1:
        worked_LinkedList.search(i)
    time_end_array_1 = time.time()
    result_time_LL_ins_ser_del_end[1].append(time_end_array_1 -
time_start_array_1)
    #удаление в конце односвязного списка
    time_start_array_1 = time.time()
    for i in array_1:
        worked_LinkedList.delete(i)
    time_end_array_1 = time.time()
    result_time_LL_ins_ser_del_end[2].append(time_end_array_1 -
time_start_array_1)

    #10к элементов
    array_2 = np.random.randint(1, 1000, 1000)
    time_start_LL_2 = time.time()
    #вставка в конец односвязного списка
    for i in array_2:
        worked_LinkedList.append(i)
    time_end_LL_2 = time.time()
    result_time_LL_ins_ser_del_end[0].append(time_end_LL_2 - time_start_LL_2)
    #поиск в конце односвязного списка

```

```

        time_start_array_2 = time.time()
        for i in array_2:
            worked_LinkedList.search(i)
        time_end_array_2 = time.time()
        result_time_LL_ins_ser_del_end[1].append(time_end_array_2 -
time_start_array_2)
        #удаление в конце односвязного списка
        time_start_array_2 = time.time()
        for i in array_2:
            worked_LinkedList.delete(i)
        time_end_array_2 = time.time()
        result_time_LL_ins_ser_del_end[2].append(time_end_array_2 -
time_start_array_2)
        #100к элементов
        array_3 = np.random.randint(1, 10000, 10000)
        time_start_LL_3 = time.time()
        #вставка в конец односвязного списка
        for i in array_3:
            worked_LinkedList.append(i)
        time_end_LL_3 = time.time()
        result_time_LL_ins_ser_del_end[0].append(time_end_LL_3 - time_start_LL_3)
        #поиск в конце односвязного списка
        time_start_array_3 = time.time()
        for i in array_3:
            worked_LinkedList.search(i)
        time_end_array_3 = time.time()
        result_time_LL_ins_ser_del_end[1].append(time_end_array_3 -
time_start_array_3)
        #удаление в конце односвязного списка
        time_start_array_3 = time.time()
        for i in array_3:
            worked_LinkedList.delete(i)
        time_end_array_3 = time.time()
        result_time_LL_ins_ser_del_end[2].append(time_end_array_3 -
time_start_array_3)

    return result_time_LL_ins_ser_del_end

# Функция проверки затраченного времени у развернутого списка на
вставку/поиск/удаление в начало
def ULL_elapsed_time_ins_ser_del_begin():
    result_time_ULL_ins_ser_del_begin = [[],[],[]]
    worked_ULL = UnrolledLinkedList(calculate_optimal_node_size(100))
    #100 элементов
    array_1 = np.random.randint(1, 100, 100)
    time_start_ULL_1 = time.time()
    #вставка в начало развернутого списка
    for i in array_1:
        worked_ULL.prepend(i)
    time_end_ULL_1 = time.time()
    result_time_ULL_ins_ser_del_begin[0].append(time_end_ULL_1 -
time_start_ULL_1)
    #поиск в начале развернутого списка
    time_start_array_1 = time.time()
    for i in array_1[::-1]:
        worked_ULL.search(i)
    time_end_array_1 = time.time()
    result_time_ULL_ins_ser_del_begin[1].append(time_end_array_1 -
time_start_array_1)
    #удаление в начале развернутого списка

```

```

time_start_array_1 = time.time()
for i in array_1[::-1]:
    worked_ULL.delete(i)
time_end_array_1 = time.time()
result_time_ULL_ins_ser_del_begin[2].append(time_end_array_1 -
time_start_array_1)

worked_ULL = UnrolledLinkedList(calculate_optimal_node_size(10000))
#10к элементов
array_2 = np.random.randint(1, 1000, 1000)
time_start_ULL_2 = time.time()
#вставка в начало развернутого списка
for i in array_2:
    worked_ULL.prepend(i)
time_end_ULL_2 = time.time()
result_time_ULL_ins_ser_del_begin[0].append(time_end_ULL_2 -
time_start_ULL_2)
#поиск в начале развернутого списка
time_start_array_2 = time.time()
for i in array_2[::-1]:
    worked_ULL.search(i)
time_end_array_2 = time.time()
result_time_ULL_ins_ser_del_begin[1].append(time_end_array_2 -
time_start_array_2)
#удаление в начале развернутого списка
time_start_array_2 = time.time()
for i in array_2[::-1]:
    worked_ULL.delete(i)
time_end_array_2 = time.time()
result_time_ULL_ins_ser_del_begin[2].append(time_end_array_2 -
time_start_array_2)

worked_ULL = UnrolledLinkedList(calculate_optimal_node_size(100000))
#100к элементов
array_3 = np.random.randint(1, 10000, 10000)
time_start_ULL_3 = time.time()
#вставка в начало развернутого списка
for i in array_3:
    worked_ULL.prepend(i)
time_end_ULL_3 = time.time()
result_time_ULL_ins_ser_del_begin[0].append(time_end_ULL_3 -
time_start_ULL_3)
#поиск в начале развернутого списка
time_start_array_3 = time.time()
for i in array_3[::-1]:
    worked_ULL.search(i)
time_end_array_3 = time.time()
result_time_ULL_ins_ser_del_begin[1].append(time_end_array_3 -
time_start_array_3)
#удаление в начале односвязного списка
time_start_array_3 = time.time()
for i in array_3[::-1]:
    worked_ULL.delete(i)
time_end_array_3 = time.time()
result_time_ULL_ins_ser_del_begin[2].append(time_end_array_3 -
time_start_array_3)

return result_time_ULL_ins_ser_del_begin

```

```

# Функция проверки затраченного времени у развернутого списка на
вставку/поиск/удаление в середину
def ULL_elapsed_time_ins_ser_del_middle():
    result_time_ULL_ins_ser_del_middle = [[], [], []]
    worked_ULL = UnrolledLinkedList(calculate_optimal_node_size(100))
    #100 элементов
    array_1 = np.random.randint(1, 100, 100)
    time_start_ULL_1 = time.time()
    #вставка в середину развернутого списка
    for i in array_1:
        worked_ULL.insert_middle(i)
    time_end_ULL_1 = time.time()
    result_time_ULL_ins_ser_del_middle[0].append(time_end_ULL_1 -
time_start_ULL_1)
    #поиск в середине односвязного списка
    time_start_array_1 = time.time()
    for i in range(0, int(len(array_1)+len(array_1)%2)):
        worked_ULL.search(i)
    for i in range(int(len(array_1)/2), len(array_1) + len(array_1)%2):
        worked_ULL.search(i)
    time_end_array_1 = time.time()
    result_time_ULL_ins_ser_del_middle[1].append(time_end_array_1 -
time_start_array_1)
    #удаление в середине односвязного списка
    time_start_array_1 = time.time()
    for i in range(0, int(len(array_1)+len(array_1)%2)):
        worked_ULL.delete(i)
    for i in range(int(len(array_1)/2), len(array_1) + len(array_1)%2):
        worked_ULL.delete(i)
    time_end_array_1 = time.time()
    result_time_ULL_ins_ser_del_middle[2].append(time_end_array_1 -
time_start_array_1)

    worked_ULL = UnrolledLinkedList(calculate_optimal_node_size(10000))
    #10к элементов
    array_2 = np.random.randint(1, 1000, 1000)
    time_start_ULL_2 = time.time()
    #вставка в середину развернутого списка
    for i in array_2:
        worked_ULL.insert_middle(i)
    time_end_ULL_2 = time.time()
    result_time_ULL_ins_ser_del_middle[0].append(time_end_ULL_2 -
time_start_ULL_2)
    #поиск в середине односвязного списка
    time_start_array_2 = time.time()
    for i in range(0, int(len(array_2)+len(array_2)%2)):
        worked_ULL.search(i)
    for i in range(int(len(array_2)/2), len(array_2) + len(array_2)%2):
        worked_ULL.search(i)
    time_end_array_2 = time.time()
    result_time_ULL_ins_ser_del_middle[1].append(time_end_array_2 -
time_start_array_2)
    #удаление в середине односвязного списка
    time_start_array_2 = time.time()
    for i in range(0, int(len(array_2)+len(array_2)%2)):
        worked_ULL.delete(i)
    for i in range(int(len(array_2)/2), len(array_2) + len(array_2)%2):
        worked_ULL.delete(i)
    time_end_array_2 = time.time()
    result_time_ULL_ins_ser_del_middle[2].append(time_end_array_2 -
time_start_array_2)

```

```

worked_ULL = UnrolledLinkedList(calculate_optimal_node_size(100000))
#100к элементов
array_3 = np.random.randint(1, 10000, 10000)
time_start_ULL_3 = time.time()
#вставка в середину развернутого списка
for i in array_3:
    worked_ULL.insert_middle(i)
time_end_ULL_3 = time.time()
result_time_ULL_ins_ser_del_middle[0].append(time_end_ULL_3 -
time_start_ULL_3)
#поиск в середине односвязного списка
time_start_array_3 = time.time()
for i in range(0, int(len(array_3)+len(array_3)%2)):
    worked_ULL.search(i)
for i in range(int(len(array_3)/2), len(array_3) + len(array_3)%2):
    worked_ULL.search(i)
time_end_array_3 = time.time()
result_time_ULL_ins_ser_del_middle[1].append(time_end_array_3 -
time_start_array_3)
#удаление в середине односвязного списка
time_start_array_3 = time.time()
for i in range(0, int(len(array_3)+len(array_3)%2)):
    worked_ULL.delete(i)
for i in range(int(len(array_3)/2), len(array_3) + len(array_3)%2):
    worked_ULL.delete(i)
time_end_array_3 = time.time()
result_time_ULL_ins_ser_del_middle[2].append(time_end_array_3 -
time_start_array_3)

return result_time_ULL_ins_ser_del_middle

# Функция проверки затраченного времени у развернутого списка на
вставку/поиск/удаление в конец
def ULL_elapsed_time_ins_ser_del_end():
    result_time_ULL_ins_ser_del_end = [[],[],[]]
    worked_ULL = UnrolledLinkedList(calculate_optimal_node_size(100))
    #100 элементов
    array_1 = np.random.randint(1, 100, 100)
    time_start_ULL_1 = time.time()
    #вставка в конец развернутого списка
    for i in array_1:
        worked_ULL.append(i)
    time_end_ULL_1 = time.time()
    result_time_ULL_ins_ser_del_end[0].append(time_end_ULL_1 -
time_start_ULL_1)
    #поиск в конце односвязного списка
    time_start_array_1 = time.time()
    for i in array_1:
        worked_ULL.search(i)
    time_end_array_1 = time.time()
    result_time_ULL_ins_ser_del_end[1].append(time_end_array_1 -
time_start_array_1)
    #удаление в конце односвязного списка
    time_start_array_1 = time.time()
    for i in array_1:
        worked_ULL.delete(i)
    time_end_array_1 = time.time()
    result_time_ULL_ins_ser_del_end[2].append(time_end_array_1 -
time_start_array_1)

```



```

worked_ULL = UnrolledLinkedList(calculate_optimal_node_size(10000))
#10к элементов
array_2 = np.random.randint(1, 1000, 1000)
time_start_ULL_2 = time.time()
#вставка в конец развернутого списка
for i in array_2:
    worked_ULL.append(i)
time_end_ULL_2 = time.time()
result_time_ULL_ins_ser_del_end[0].append(time_end_ULL_2 -
time_start_ULL_2)
#поиск в конце разв списка
time_start_array_2 = time.time()
for i in array_2:
    worked_ULL.search(i)
time_end_array_2 = time.time()
result_time_ULL_ins_ser_del_end[1].append(time_end_array_2 -
time_start_array_2)
#удаление в конце разв списка
time_start_array_2 = time.time()
for i in array_2:
    worked_ULL.delete(i)
time_end_array_2 = time.time()
result_time_ULL_ins_ser_del_end[2].append(time_end_array_2 -
time_start_array_2)

worked_ULL = UnrolledLinkedList(calculate_optimal_node_size(100000))
#100к элементов
array_3 = np.random.randint(1, 10000, 10000)
time_start_ULL_3 = time.time()
#вставка в конец развернутого списка
for i in array_3:
    worked_ULL.append(i)
time_end_ULL_3 = time.time()
result_time_ULL_ins_ser_del_end[0].append(time_end_ULL_3 -
time_start_ULL_3)
#поиск в конце односвязного списка
time_start_array_3 = time.time()
for i in array_3:
    worked_ULL.search(i)
time_end_array_3 = time.time()
result_time_ULL_ins_ser_del_end[1].append(time_end_array_3 -
time_start_array_3)
#удаление в конце односвязного списка
time_start_array_3 = time.time()
for i in array_3:
    worked_ULL.delete(i)
time_end_array_3 = time.time()
result_time_ULL_ins_ser_del_end[2].append(time_end_array_3 -
time_start_array_3)

return result_time_ULL_ins_ser_del_end

# Размеры данных
sizes = [100, 10000, 100000]

```

```

# Время для массивов
array_times = [
    array_elapsed_time_ins_ser_del_begin(),
    array_elapsed_time_ins_ser_del_middle(),
    array_elapsed_time_ins_ser_del_end(),
]

# Время для односвязных списков
linkedlist_times = [
    linkedlist_elapsed_time_ins_ser_del_begin(),
    linkedlist_elapsed_time_ins_ser_del_middle(),
    linkedlist_elapsed_time_ins_ser_del_end(),
]

# Время для развернутых списков
ULL_times = [
    ULL_elapsed_time_ins_ser_del_begin(),
    ULL_elapsed_time_ins_ser_del_middle(),
    ULL_elapsed_time_ins_ser_del_end(),
]

# Операции
operations = [
    ('Вставка', ['Вставка в начало', 'Вставка в середину', 'Вставка в
конец']),
    ('Поиск', ['Поиск в начале', 'Поиск в середине', 'Поиск в конце']),
    ('Удаление', ['Удаление в начале', 'Удаление в середине', 'Удаление в
конец'])
]

# Создание графиков
for operation_name, operation_list in operations:
    for i, operation in enumerate(operation_list):
        plt.figure(figsize=(10, 6))

        # Время для массивов
        plt.plot(sizes, [array_times[j][i][0] for j in range(len(sizes))],
label='Array', marker='o')

        # Время для односвязных списков
        plt.plot(sizes, [linkedlist_times[j][i][0] for j in
range(len(sizes))], label='Linked List', marker='o')

        # Время для развернутых списков
        plt.plot(sizes, [ULL_times[j][i][0] for j in range(len(sizes))],
label='Unrolled Linked List', marker='o')

        plt.title(f'{operation_name}: {operation}')
        plt.xlabel('Размер структур данных')
        plt.ylabel('Время (секунды)')
        plt.xticks(sizes)
        plt.legend()
        plt.grid()
        plt.show()

```