Le package tnsarith : un peu d'arithmétique élémentaire

Code source disponible sur https://github.com/typensee-latex/tnsarith.git.

Version ${\tt 0.1.0\text{-}beta}$ développée et testée sur $\operatorname{Mac}\operatorname{OS}\operatorname{X}.$

Christophe BAL

2020-07-12

Table des matières

| 1 | Intro | oduction | 2 |
|---|-------------------|--|------------------|
| 2 | Opé | rateurs de base | 2 |
| 3 | 3.1 | Sans paramètre | 2 2 2 |
| 4 | 4.1 4.2 4.3 | tions continuées Fractions continuées standard | 2 3 3 3 |
| 5 | Histo | orique | 5 |
| 6 | | tes les fiches techniques | 6 |
| | | Introduction | 6 |
| | | Opérateurs de base | 6 |
| | | Fonctions nommées spéciales | 6 |
| | | Fractions continuées | 6 6 6 6 |
| | | 0.4.4 Tractions continuees - D operation / | ' |

1 Introduction

Le package tnsarith propose quelques macros pour rédiger un peu d'arithmétique via un codage sémantique simple.

2 Opérateurs de base

Pour des raisons d'expressivité des codes LATEX, les opérateurs binaires \divides, \ndivides et \modulo ont été ajoutés comme alias respectifs de \mid, \nmid et \bmod qui sont proposés par le package amssymb. Un opérateur \nequiv a été aussi ajouté.

```
$10 \divides 150$ au lieu de $10 | 150$  10 \mid 150$  $10 \ndivides 154$ au lieu de  10 \mid 150 \text{ au lieu de } 10 \mid 150  $10 \not | 154$  10 \nmid 154 \text{ au lieu de } 10 \mid 154   a \not\equiv b \bmod p \iff p \nmid (a-b).  $a \nequiv b \modulo p \iff  p \mid \text{ndivides } (a-b)$.
```

3 Fonctions nommées spéciales

3.1 Sans paramètre

Deux fonctions nommées \pgcd et \ppcm utiles au francophone ont été ajoutées ainsi que la fonction \lcm pour les anglophones car cette dernière n'est pas disponible par défaut. La liste complète des fonctions nommées est donnée ci-dessous dans la section 3.2.

3.2 Toutes les fonctions nommées en plus

```
\operatorname{\mathsf{pgcd}}:\operatorname{\mathsf{pgcd}}\dots \operatorname{\mathsf{lcm}}:\operatorname{\mathsf{lcm}}\dots
```

4 Fractions continuées

4.1 Fractions continuées standard

Dans l'exemple suivant, la notation en ligne semble être due à Alfred Pringsheim. La notation à gauche utilise toujours le maximum d'espace pour améliorer la lisibilité.

4.2 Fractions continuées généralisées

Voici comment écrire une fraction continuée généralisée.

4.3 Comme une fraction continuée isolée

La raison d'être de la macro ci-dessous vient juste de son usage en interne.

4.4 L'opérateur K

Exemple 1

La notation suivante est proche de celle qu'utilisait Carl Friedrich Gauss.

Remarque. La lettre \mathcal{K} vient de "kettenbruch" qui signifie "fraction continuée" en allemand.

Exemple 2

5 Historique

Nous ne donnons ici qu'un très bref historique récent ¹ de tnsarith à destination de l'utilisateur principalement. Tous les changements sont disponibles uniquement en anglais dans le dossier change-log : voir le code source de tnsarith sur github.

2020-07-12 Nouvelle version mineure 0.1.0-beta.

• FONCTIONS NOMMÉES : ajout de \pgcd, \ppcm et \lcm.

2020-07-10 Première version 0.0.0-beta.

^{1.} On ne va pas au-delà de un an depuis la dernière version.

6 Toutes les fiches techniques

6.1 Introduction

6.2 Opérateurs de base

6.2.1 Arithmétique – Opérateurs de base

```
\divides <macro> (Sans argument)
\ndivides <macro> (Sans argument)
\nequiv <macro> (Sans argument)
\modulo <macro> (Sans argument)
```

6.3 Fonctions nommées spéciales

6.3.1 Fonctions nommées sans paramètre

\lcm <macro> (Sans argument)

6.4 Fractions continuées

6.4.1 Fractions continuées standard

```
\contfrac <macro> (1 Argument)
\contfrac* <macro> (1 Argument)

— Argument: tous les éléments de la fraction continuée séparés par des |.
```

6.4.2 Fractions continuées généralisées

```
\contfracgene <macro> (1 Argument)
\contfracgene* <macro> (1 Argument)
```

— Argument: tous les éléments de la fraction continuée généralisée séparés par des |.

6.4.3 Comme une fraction continuée isolée

```
\singlecontfrac <macro> (2 Arguments)

— Argument 1: le pseudo numérateur.

— Argument 2: le pseudo dénominateur.
```

6.4.4 Fractions continuées – L'opérateur K

La macro suivante sans argument a un comportement spécifique vis à vis des mises en index et en exposant.

\contfracope <macro> (Sans argument)