# Le package tnsarith : un peu d'arithmétique élémentaire

 ${\bf Code\ source\ disponible\ sur\ https://github.com/typensee-latex/tnsarith.git.}$ 

Version  ${\tt 0.1.0\text{-}beta}$  développée et testée sur  $\operatorname{Mac}\operatorname{OS}\operatorname{X}.$ 

# Christophe BAL

## 2020-07-12

# Table des matières

1	Introduction	2
2	Ensembles classiques	2
3	Opérateurs de base	2
4	Fonctions nommées spéciales	2
5	Fractions continuées  5.1 Fractions continuées standard  5.2 Fractions continuées généralisées  5.3 Comme une fraction continuée isolée  5.4 L'opérateur $\mathcal{K}$	2 3 3 3
6	Historique	5
7	Toutes les fiches techniques  7.1 Opérateurs de base  7.2 Fonctions nommées spéciales  7.3 Fractions continuées  7.3.1 Fractions continuées standard  7.3.2 Fractions continuées généralisées  7.3.3 Comme une fraction continuée isolée  7.3.4 L'opérateur K	6 6 6 6 6 6

## 1 Introduction

Le package tnsarith propose quelques macros pour rédiger un peu d'arithmétique via un codage sémantique simple.

# 2 Ensembles classiques

Le package tnssets propose les macros \NN, \ZZ, \QQ ainsi que \PP pour indiquer l'ensemble des naturels, celui des entiers relatifs, celui des fractions rationnelles et enfin celui des nombres premiers. Se rendre sur https://github.com/typensee-latex/tnssets.git si cela vous intéresse.

# 3 Opérateurs de base

Pour des raisons d'expressivité des codes LATEX, les opérateurs binaires \divides, \ndivides et \modulo ont été ajoutés comme alias respectifs de \mid, \nmid et \bmod qui sont proposés par le package amssymb. Un opérateur \nequiv a été aussi ajouté.

```
$10 \divides 150$ au lieu de $10 | 150$  10 | 1500  $10 \ndivides 154$ au lieu de  10 | 150 \text{ au lieu de } 10 | 150  $10 \not | 154$  10 \nmid 154 \text{ au lieu de } 10  \nmid 154   a \not\equiv b \bmod p \iff p \nmid (a-b).  $a \nequiv b \modulo p \iff  p \pmod p  \diff  p \pmod p  \ndivides (a - b)$.
```

# 4 Fonctions nommées spéciales

Deux fonctions nommées \pgcd et \ppcm utiles au francophone ont été ajoutées ainsi que la fonction \lcm pour les anglophones car cette dernière n'est pas disponible par défaut. La liste complète des fonctions nommées est donnée ci-dessous dans la section ??.

```
\ \pgcd x = \gcd x\$ et \ppcm x = \lcm x\$ pgcd x = gcd x et ppcm x = lcm x
```

#### 5 Fractions continuées

#### 5.1 Fractions continuées standard

Dans l'exemple suivant, la notation en ligne semble être due à Alfred Pringsheim. La notation à gauche utilise toujours le maximum d'espace pour améliorer la lisibilité.

## 5.2 Fractions continuées généralisées

Voici comment écrire une fraction continuée généralisée.

#### 5.3 Comme une fraction continuée isolée

La raison d'être de la macro ci-dessous vient juste de son usage en interne.

# 5.4 L'opérateur K

#### Exemple 1

La notation suivante est proche de celle qu'utilisait Carl Friedrich Gauss.

Remarque. La lettre  $\mathcal{K}$  vient de "kettenbruch" qui signifie "fraction continuée" en allemand.

## Exemple 2

# 6 Historique

Nous ne donnons ici qu'un très bref historique récent <sup>1</sup> de tnsarith à destination de l'utilisateur principalement. Tous les changements sont disponibles uniquement en anglais dans le dossier change-log : voir le code source de tnsarith sur github.

2020-07-12 Nouvelle version mineure 0.1.0-beta.

• FONCTIONS NOMMÉES : ajout de \pgcd, \ppcm et \lcm.

**2020-07-10** Première version 0.0.0-beta.

<sup>1.</sup> On ne va pas au-delà de un an depuis la dernière version.

# 7 Toutes les fiches techniques

## 7.1 Opérateurs de base

```
\divides <macro> (Sans argument)
\ndivides <macro> (Sans argument)
\nequiv <macro> (Sans argument)
\modulo <macro> (Sans argument)
```

## 7.2 Fonctions nommées spéciales

```
\pgcd <macro> (Sans argument)
\ppcm <macro> (Sans argument)
\lcm <macro> (Sans argument)
```

#### 7.3 Fractions continuées

#### 7.3.1 Fractions continuées standard

```
\contfrac <macro> (1 Argument)
\contfrac* <macro> (1 Argument)

— Argument: tous les éléments de la fraction continuée séparés par des |.
```

#### 7.3.2 Fractions continuées généralisées

```
\contfracgene <macro> (1 Argument)
\contfracgene* <macro> (1 Argument)

— Argument: tous les éléments de la fraction continuée généralisée séparés par des |.
```

#### 7.3.3 Comme une fraction continuée isolée

```
\singlecontfrac <macro> (2 Arguments)

— Argument 1: le pseudo numérateur.

— Argument 2: le pseudo dénominateur.
```

## 7.3.4 L'opérateur K

La macro suivante sans argument a un comportement spécifique vis à vis des mises en index et en exposant.

\contfracope <macro> (Sans argument)