

# Le package `tnsarith`

Code source disponible sur <https://github.com/typensee-latex/tnsarith.git>.

Version 0.1.0-beta développée et testée sur Mac OS X.

Christophe BAL

2020-07-12

---

## Table des matières

<b>1</b>	<b>Introduction</b>	<b>2</b>
<b>2</b>	<b>Opérateurs de base</b>	<b>2</b>
<b>3</b>	<b>Fonctions nommées spéciales</b>	<b>2</b>
3.1	Sans paramètre . . . . .	2
3.2	Toutes les fonctions nommées en plus . . . . .	2
<b>4</b>	<b>Fractions continuées</b>	<b>2</b>
4.1	Fractions continuées standard . . . . .	2
4.2	Fractions continuées généralisées . . . . .	3
4.3	Comme une fraction continuée isolée . . . . .	3
4.4	L'opérateur $\mathcal{K}$ . . . . .	3
<b>5</b>	<b>Historique</b>	<b>5</b>
<b>6</b>	<b>Toutes les fiches techniques</b>	<b>6</b>
6.1	Opérateurs de base . . . . .	6
6.1.1	Arithmétique – Opérateurs de base . . . . .	6
6.2	Fonctions nommées spéciales . . . . .	6
6.2.1	Fonctions nommées sans paramètre . . . . .	6
6.3	Fractions continuées . . . . .	6
6.3.1	Fractions continuées standard . . . . .	6
6.3.2	Fractions continuées généralisées . . . . .	6
6.3.3	Comme une fraction continuée isolée . . . . .	6
6.3.4	Fractions continuées – L'opérateur $\mathcal{K}$ . . . . .	6

---

# 1 Introduction

Le package `tnsarith` propose quelques macros pour rédiger un peu d'arithmétique.

## 2 Opérateurs de base

Pour des raisons d'expressivité des codes  $\text{\LaTeX}$ , les opérateurs binaires `\divides`, `\ndivides` et `\modulo` ont été ajoutés comme alias respectifs de `\mid`, `\nmid` et `\bmod` qui sont proposés par le package `amssymb`. Un opérateur `\nequiv` a été aussi ajouté.

`$10 \divides 150$` au lieu de  
`$10 \mid 150$`

`$10 \ndivides 154$` au lieu de  
`$10 \not\mid 154$`

`$a \nequiv b \modulo p`  
`\iff`  
`p \ndivides (a - b)$`.

$10 \mid 150$  au lieu de  $10 \mid 150$   
 $10 \nmid 154$  au lieu de  $10 \not\mid 154$   
 $a \neq b \bmod p \iff p \nmid (a - b).$

## 3 Fonctions nommées spéciales

### 3.1 Sans paramètre

Deux fonctions nommées `\pgcd` et `\ppcm` utiles au francophone ont été ajoutées ainsi que la fonction `\lcm` pour les anglophones car cette dernière n'est pas disponible par défaut. La liste complète des fonctions nommées est donnée ci-dessous dans la section 3.2.

`$\pgcd x = \gcd x$` et `$\ppcm x = \lcm x$`

$\text{pgcd } x = \gcd x$  et  $\text{ppcm } x = \text{lcm } x$

### 3.2 Toutes les fonctions nommées en plus

`pgcd : pgcd...`  
`ppcm : ppcm...`

`lcm : lcm...`

## 4 Fractions continuées

### 4.1 Fractions continuées standard

Dans l'exemple suivant, la notation en ligne semble être due à Alfred Pringsheim. La notation à gauche utilise toujours le maximum d'espace pour améliorer la lisibilité.

```
\contfrac {u_0 | u_1 | u_2 | \dots | u_n}
= \contfrac*{u_0 | u_1 | u_2 | \dots | u_n}$
```

$$u_0 + \frac{1}{u_1 + \frac{1}{u_2 + \frac{1}{\dots + \frac{1}{u_n}}}} = u_0 + \left| \frac{1}{u_1} \right| + \left| \frac{1}{u_2} \right| + \left| \frac{1}{\dots} \right| + \left| \frac{1}{u_n} \right|$$

## 4.2 Fractions continuées généralisées

Voici comment écrire une fraction continuée généralisée.

```
\displaystyle
\contfracgene {a | b | c | d | e | f | \dots | y | z}
= \contfracgene*{a | b | c | d | e | f | \dots | y | z}$
```

$$a + \frac{b}{c + \frac{d}{e + \frac{f}{\dots + \frac{y}{z}}}} = a + \left| \frac{b}{c} \right| + \left| \frac{d}{e} \right| + \left| \frac{f}{\dots} \right| + \left| \frac{y}{z} \right|$$

## 4.3 Comme une fraction continuée isolée

La raison d'être de la macro ci-dessous vient juste de son usage en interne.

```
\singlecontfrac{a}{b}$
pour les fous\dots :-)
```

$\left| \frac{a}{b} \right|$  pour les fous... :-)

## 4.4 L'opérateur $\mathcal{K}$

### Exemple 1

La notation suivante est proche de celle qu'utilisait Carl Friedrich Gauss.

```
\displaystyle
\contfracope_{k=1}^n (b_k:c_k)
= \cfrac{b_1}{\%
  {\contfracgene{c_1 | b_2 | c_2 | b_3 | \dots | b_n | c_n}}}$
```

$$\mathcal{K}_{k=1}^n(b_k : c_k) = \frac{b_1}{c_1 + \frac{b_2}{c_2 + \frac{b_3}{\dots + \frac{b_n}{c_n}}}}$$

**Remarque.** La lettre  $\mathcal{K}$  vient de "kettenbruch" qui signifie "fraction continuée" en allemand.

## Exemple 2

```

$$u_0 + \cfrac{\cfrac{1}{u_1 + \cfrac{1}{u_2 + \cfrac{1}{\dots + \cfrac{1}{u_n}}}}}{1 : u_k}$$

```

$$u_0 + \mathcal{K}_{k=1}^n(1 : u_k) = u_0 + \frac{1}{u_1 + \frac{1}{u_2 + \frac{1}{\dots + \frac{1}{u_n}}}}$$

## 5 Historique

Nous ne donnons ici qu'un très bref historique récent <sup>1</sup> de `tnsarith` à destination de l'utilisateur principalement. Tous les changements sont disponibles uniquement en anglais dans le dossier `change-log` : voir le code source de `tnsarith` sur `github`.

**2020-07-12** Nouvelle version mineure `0.1.0-beta`.

- **FONCTIONS NOMMÉES** : ajout de `\pgcd`, `\ppcm` et `\lcm`.
- 

**2020-07-10** Première version `0.0.0-beta`.

---

1. On ne va pas au-delà de un an depuis la dernière version.

## 6 Toutes les fiches techniques

### 6.1 Opérateurs de base

#### 6.1.1 Arithmétique – Opérateurs de base

`\divides <macro>` (Sans argument)  
`\ndivides <macro>` (Sans argument)  
`\nequiv <macro>` (Sans argument)  
`\modulo <macro>` (Sans argument)

### 6.2 Fonctions nommées spéciales

#### 6.2.1 Fonctions nommées sans paramètre

`\pgcd <macro>` (Sans argument)  
`\ppcm <macro>` (Sans argument)

---

`\lcm <macro>` (Sans argument)

### 6.3 Fractions continuées

#### 6.3.1 Fractions continuées standard

`\contfrac <macro>` (1 Argument)  
`\contfrac* <macro>` (1 Argument)

— Argument: tous les éléments de la fraction continuée séparés par des |.

#### 6.3.2 Fractions continuées généralisées

`\contfracgene <macro>` (1 Argument)  
`\contfracgene* <macro>` (1 Argument)

— Argument: tous les éléments de la fraction continuée généralisée séparés par des |.

#### 6.3.3 Comme une fraction continuée isolée

`\singlecontfrac <macro>` (2 Arguments)

— Argument 1: le pseudo numérateur.

— Argument 2: le pseudo dénominateur.

#### 6.3.4 Fractions continuées – L’opérateur $\mathcal{K}$

La macro suivante sans argument a un comportement spécifique vis à vis des mises en index et en exposant.

---

`\contfracope <macro>` (Sans argument)