Le package lymath : des formules plus sémantiques

 ${\bf Code\ source\ disponible\ sur\ https://github.com/bc-latex/ly-math.}$

Version ${\tt 0.6.3-beta}$ développée et testée sur ${\tt Mac\,OS\,X}.$

Christophe BAL

2019-10-21

Table des matières

1	Introduction							
2	Comment lire cette documentation?							
3	A p	A propos des macros						
	3.1	Règles	s de nommage	4				
		3.1.1	Les macros de même « type »	4				
		3.1.2	Les macros en mode displaystyle	4				
	3.2	Versio	ns étoilées	5				
	3.3	Les ar	guments, deux conventions à connaître	5				
		3.3.1	Nombre fixé d'arguments	5				
		3.3.2	Nombre variable d'arguments	5				
4	Det	ıx sépa	arateurs d'arguments par défaut	5				
5	Que	gestions d'espaces	5					
	5.1	Espace	e et fraction	5				
	5.2	Espace	e et racines n-ièmes d'un réel	6				
	5.3	Somm	es et produits en mode ligne	6				
	5.4	Espace	e et point-virgule avec l'option french de babel	6				
6	Log	ique et	t fondements	6				
	6.1	_	ents types d'égalités « standard »	6				
		6.1.1	Définir quelque chose	7				
		6.1.2	Indiquer une identité	7				
		6.1.3	Une égalité à vérifier ou non, une hypothèse, une condition	7				
		6.1.4	Une égalité indiquant le choix d'une valeur	7				
		6.1.5	Une égalité indiquant l'équation d'une courbe que l'on utilise	8				
		6.1.6	Différents types d'inéquations	8				
		6.1.7	Une table récapitulative	8				

		6.1.8 Textes utilisés	8			
		6.1.9 Fiches techniques	9			
	6.2	Équivalences et implications	9			
		6.2.1 Des symboles supplémentaires	9			
		6.2.2 Équivalences et implications verticales	11			
	6.3	Tables des décorations possibles des opérateurs	12			
	6.4	Détailler un raisonnement	12			
	6.5	Des versions alternatives du quantificateur ∃	14			
	0.0	2 os versions anvernaur es du quantimouveur =				
7	Ens	Ensembles et applications				
	7.1	_ 	15			
		7.1.1 Ensembles versus accolades	15			
		7.1.2 Ensembles pour la géométrie	15			
		7.1.3 Ensembles probabilistes	16			
		7.1.4 Ensembles pour l'algèbre générale	16			
	7.2	Ensembles classiques en mathématiques et en informatique théorique	17			
	1.2	7.2.1 La liste complète	17			
		7.2.2 Ensembles classiques suffixés	17			
	7.3	Des suffixes à la carte	18			
	7.4	Intervalles	19			
		7.4.1 Intervalles réels - Notation française (?)	19			
		7.4.2 Intervalles réels - Notation américaine	20			
		7.4.3 Intervalles discrets d'entiers	20			
	7.5	Unions et intersections	21			
	7.6	Cardinal, image et compagnie	22			
	7.7	Application totale, partielle, injective, surjective et/ou bijective	22			
8	Các	nétrie	23			
G	8.1		23			
	0.1		$\frac{23}{23}$			
			$\frac{23}{24}$			
	0.0	8.1.2 Droites parallèles ou non	$\frac{24}{25}$			
	0.2					
		8.2.1 Les écrire	25			
		8.2.2 Norme	25			
		8.2.3 Produit scalaire – Écriture minimaliste	26			
		8.2.4 Produit scalaire – Écriture « physicienne »	26			
		8.2.5 Produit vectoriel	27			
	8.3	Coordonnées	27			
	8.4	Nommer un repère	28			
	8.5	Arcs circulaires	30			
	8.6	Angles	30			
		8.6.1 Angles géométriques intérieurs	30			
		8.6.2 Angles orientés de vecteurs	31			
_						
9	Ana	·	32			
	9.1	Constantes	32			
		9.1.1 Constantes classiques	32			
		9.1.2 Constantes latines personnelles	33			
	9.2	La fonction valeur absolue	33			
	9.3	Fonctions nommées spéciales	33			
		9.3.1 Sans paramètre	33			

	9.3.2 Avec un paramètre	34				
9.4	9.4 Des notations complémentaires pour des suites spéciales					
9.5	Calcul différentiel	35				
	9.5.1 Les opérateurs ∂ et d	35				
	9.5.2 Dérivation totale	35				
	9.5.3 Dérivation partielle	36				
9.6	Calcul intégral	37				
	9.6.1 L'opérateur crochet – $1^{\text{ère}}$ version	37				
	9.6.2 L'opérateur crochet – 2^{nde} version	38				
	9.6.3 Intégrales multiples	38				
9.7	Tableaux de variation et de signe	39				
9.8	Comparaison asymptotique de suites et de fonctions	40				
	9.8.1 Les notations \mathcal{O} et σ	40				
	9.8.2 La notation Ω	40				
	9.8.3 La notation Θ	41				
10 D						
	obabilité	41				
	1 Probabilité conditionnelle	41				
10.2	2 Arbres pondérés	42				
11 Ari	ithmétique	45				
	1 Opérateurs de base	45				
	2 Fractions continuées	46				
	11.2.1 Fractions continuées standard	46				
	11.2.2 Fractions continuées généralisées	46				
	11.2.3 Comme une fraction continuée isolée	46				
	11.2.4 L'opérateur \mathcal{K}	47				
10 41	NI	40				
12 Alg		48				
12.1	1 Polynômes, séries formelles et compagnie	48				
	12.1.1 Polynômes et fractions polynômiales	48				
	12.1.2 Séries formelles et leurs corps de fractions	48				
	12.1.3 Polynômes de Laurent et séries formelles de Laurent	49				
10.7	12.1.4 Toutes les fiches techniques	49				
12.2	2 Matrices	49				
13 His	storique	51				

1 Introduction

L^ATEX est un excellent langage, pour ne pas dire le meilleur, pour rédiger des documents contenant des formules mathématiques. Malheureusement toute la puissance de L^ATEX permet d'écrire des codes très peu sémantiques. Le modeste but du package lymath est de fournir quelques macros sémantiques pour la rédaction de formules mathématiques élémentaires. Considérons le code L^ATEX suivant.

Avec lymath, vous pouvez écrire le code suivant.

```
Sachant que \ \c x^2 \ sur \ \c x^2 \ nous avons :  \c x^2 \ hook\ \c x^2 \ hook\ f(x)}{a}{b}.
```

Même si certaines commandes sont plus longues à écrire que ce que permet LATEX, il y a trois avantages à utiliser des commandes sémantiques.

- 1. La mise en forme dans votre document sera consistante.
- 2. Il est facile de changer une mise en forme sur l'ensemble d'un document.
- 3. lymath résout certains problèmes "complexes" pour vous.

2 Comment lire cette documentation?

Le choix a été fait de fournir des exemples comme documentation du package suivis de fiches techniques des macros-commandes. Les exemples se présentent comme ci-dessous (un code L^AT_EX suivi de sa mise en forme).

```
Sachant que \displaystyle \frac{df}{dx}(x) = 4 \cos(x^2)  sur [a ; b], nous avons : \displaystyle \int \cos(x^2) dx = \left[ \frac{1}{4} f(x) \right]_a^b. Sachant que \frac{df}{dx}(x) = 4\cos(x^2)  sur [a ; b], nous avons : \int_a^b \cos(x^2) dx = \left[ \frac{1}{4} f(x) \right]_a^b.
```

3 A propos des macros

3.1 Règles de nommage

3.1.1 Les macros de même « type »

Les macros partageant une même fonctionnalité mathématique auront toute le même préfixe comme par exemple pour \derpow, \derfrac... utilisables pour rédiger des dérivées de fonctions. Ce choix est assumé même si pour les macros du type \set... on obtient un nom pouvant faire penser à « régler ... » au lieu de « ensemble du type ... ».

3.1.2 Les macros en mode displaystyle

Les macros évitant d'avoir à taper \displaystyle auront un nom commençant par la lettre d.

3.2 Versions étoilées

Les versions étoilées proposent des mises en forme correspondant aux cas les moins usuels : par exemple une macro utilisant des parenthèses rendra ces dernières extensibles sauf dans sa version étoilée.

3.3 Les arguments, deux conventions à connaître

3.3.1 Nombre fixé d'arguments

Dans ce cas, c'est la syntaxe LATEX usuelle qui sera à utiliser comme dans \derfrac{f}{x}.

3.3.2 Nombre variable d'arguments

Certaines macros offrent la possibilité de fournir un nombre variable d'arguments comme dans $\coord\{x \mid y \mid z \mid t\}$ et $\coord\{x \mid y\}$. Ceci se fait en utilisant un seul argument, au sens de LATEX, dont le contenu est formé de morceaux séparés par des traits verticaux |. Ainsi dans $\coord\{x \mid y \mid z \mid t\}$, l'unique argument $x \mid y \mid z \mid t$, au sens de LATEX, sera analysé par lyxam comme étant formé des quatre arguments x, y, z et t.

4 Deux séparateurs d'arguments par défaut

La macro \lymathsep définit le séparateur d'arguments de premier niveau, et \lymathsubsep celui des arguments de deuxième niveau. Cette documentation utilisant l'option french de babel, la valeur de \lymathsep est ; et celle de \lymathsubsep est , . Sans ce choix, les valeurs de \lymathsep et \lymathsubsep seront , et ; respectivement.

Fiches techniques

\lymathsep <macro> (Sans argument)
\lymathsubsep <macro> (Sans argument)

5 Quelques gestions d'espaces

5.1 Espace et fraction

Quand on utilise \frac ou \dfrac, de petits espaces sont automatiquement ajoutés pour éviter d'avoir des traits de fraction trop petits. Le comportement par défaut se retrouve en utilisant les macros \stdfrac et \stddfrac . Voici un exemple.

Fiches techniques

\frac <macro> (Sans argument)
\dfrac <macro> (Sans argument)
\stdfrac <macro> (Sans argument)
\stddfrac <macro> (Sans argument)

5.2 Espace et racines n-ièmes d'un réel

\sqrt a été redéfini pour ajouter un peu d'espaces. Le comportement par défaut se retrouve en utilisant la macro \stdsqrt . Voici un exemple.

```
Vous avez \sqrt{2} = \frac{2}{9} et \sqrt[n]{45} = \frac{1}{45}. 
Vous avez \sqrt{2} = \sqrt{2} et \sqrt[n]{45} = \sqrt[n]{45}.
```

Fiches techniques

\sqrt <macro> (Sans argument)
\stdsqrt <macro> (Sans argument)

5.3 Sommes et produits en mode ligne

Pour limiter l'espace, L^ATEX affiche $\sum_{k=0}^{n}$ et non $\sum_{k=0}^{n}$ sauf si l'on utilise la commande \displaystyle. Les macros \dsum et \dprod permettent de se passer de \displaystyle. Voici un exemple.

Fiches techniques

\dprod <macro> (Sans argument)
\dsum <macro> (Sans argument)

5.4 Espace et point-virgule avec l'option french de babel

Seulement si vous utilisez babel avec l'option french, comme c'est le cas dans cette documentation, alors vous verrez le même espacement autour du point-virgule dans A(x;y). Que c'est beau! \triangleq

6 Logique et fondements

6.1 Différents types d'égalités « standard »

D'un point de vue pédagogique, il peut être intéressant de disposer de différentes façon d'écrire une égalité, une non égalité ou une inégalité. Bien entendu on tord les règles de typographie avec ce type de pratique mais c'est pour le bien de la communauté.

6.1.1 Définir quelque chose

L'exemple suivant montre trois façons de rédiger une égalité signifiant une définition 1 (la section 6.1.8 explique comment est définit le texte « déf »).

```
La fonction $f$ est définie sur $\RR$ par $f(x) \eqdef x^3 + 1$ ou avec l'écriture symbolique $f(x) \eqdef* x^3 + 1$. La fonction f est définie sur \mathbb R par f(x) \stackrel{\mathrm{déf}}{=} x^3 + 1 ou avec l'écriture symbolique f(x) \coloneqq x^3 + 1.
```

6.1.2 Indiquer une identité

L'exemple suivant montre deux façons de rédiger des identités, la noptation symbolique n'étant pas standard (la section 6.1.8 explique comment est défini le texte « id »).

```
$\forall (a ; b) \in \RR^2$, nous avons : $(a + b)^2 \eqid a^2 + b^2 + 2 a b$. On peut utiliser une écriture plus symbolique : $(a + b)^2 \eqid* a^2 + b^2 + 2 a b$. \forall (a;b) \in \mathbb{R}^2, \text{ nous avons} : (a+b)^2 \stackrel{\text{id}}{=} a^2 + b^2 + 2ab \text{ . On peut utiliser une écriture plus symbolique} : (a+b)^2 \rightleftharpoons a^2 + b^2 + 2ab \text{ .}
```

6.1.3 Une égalité à vérifier ou non, une hypothèse, une condition

Se reporter à la section 6.1.8 pour savoir comment sont définis les textes « cond » et « hyp ».

```
Est-il vrai que $(a + b)^3 \eqtest a^3 + b^3 + 3 a b$?

Non car $(a + b)^3 \neqid a^3 + b^3 + 3 a b$

A-t-on $x \neqhyp 0$ pour pouvoir écrire $\dfrac{1}{x}$?

Comme $x$ doit être non nul, je sait que $x \neqcond 0$.

Une autre condition $x \eqcond 0$ ou une autre hypothèse $x \eqhyp 0$?

Est-il vrai que (a + b)^3 \stackrel{?}{=} a^3 + b^3 + 3ab? Non car (a + b)^3 \stackrel{id}{\neq} a^3 + b^3 + 3ab

A-t-on x \neq 0 pour pouvoir écrire \frac{1}{x}?

Comme x doit être non nul, je sait que x \neq 0.

Une autre condition x \stackrel{\text{cond}}{=} 0 ou une autre hypothèse x \stackrel{\text{hyp}}{=} 0?
```

6.1.4 Une égalité indiquant le choix d'une valeur

La section 6.1.8 permet de savoir comment le texte « choix » est défini.

^{1.} Le symbole peu courant := ∗ est utilisé par le langage B qui permet de spécifier et prouver certains programmes.

```
Sachant que si $x \geqcond 4$ alors $x^2 \geqcons 16$ alors $x \eqchoice 123$ nous donne $123^2 \geqappli 16$. Sachant que si x \ge 4 alors x^2 \ge 16 alors x = 123 nous donne 123^2 \ge 16.
```

6.1.5 Une égalité indiquant l'équation d'une courbe que l'on utilise

La section 6.1.8 permet de savoir comment les textes « graph » et « appli » sont définis (la macro setgeo est définie dans la section 7.1.2).

```
Si $M(4 ; y_M) \in \setgeo{C}: y \eqplot x^2 + 3$ alors $y_M \eqappli 4^2 + 3 = 19$. Si M(4;y_M) \in \mathscr{C}: y \stackrel{\text{graph}}{=} x^2 + 3 \text{ alors } y_M \stackrel{\text{appli}}{=} 4^2 + 3 = 19.
```

6.1.6 Différents types d'inéquations

Le principe reste le même pour les symboles d'équations excepté qu'il n'y a ici aucune écriture purement symbolique. Voici un code « fourre-tout » montrant quelques exemples.

```
A-t-on $x \leqtest x^2$ ou $x \letst x^2$?

A moins que ce ne soit $x \geqtest x^2$ ou $x \getest x^2$ qu'il faille vérifier.

On peut supposer $x \leqhyp 1$ ou avoir la condition $x \gcond 2$.

A-t-on x \leq x^2 ou x < x^2?

A moins que ce ne soit x \geq x^2 ou x > x^2 qu'il faille vérifier.

On peut supposer x \leq 1 ou avoir la condition x > 2.
```

6.1.7 Une table récapitulative

La table 1 page 12 fournit toutes les associations autorisées entre opérateurs de comparaison et décorations.

6.1.8 Textes utilisés

Voici les macros définissant les textes utilisés qui tiennent compte de l'utilisation ou non de l'option french de babel. Nous ne donnons que les versions françaises.

6.1.9 Fiches techniques

Les opérateurs disponibles

```
\eqappli <macro> (Sans argument)
\eqchoice <macro> (Sans argument)
\eqcond <macro> (Sans argument)
\eqcons <macro> (Sans argument)
\eqdef <macro> (Sans argument)
\eqdef* <macro> (Sans argument)
\eqhyp <macro> (Sans argument)
\eqid <macro> (Sans argument)
\eqid* <macro> (Sans argument)
\eqplot <macro> (Sans argument)
\eqtest <macro> (Sans argument)
\neqappli <macro> (Sans argument)
\neqid <macro> (Sans argument)
\neqchoice <macro> (Sans argument)
\neqcond <macro> (Sans argument)
\neqcons <macro> (Sans argument)
\neqhyp <macro> (Sans argument)
\neqtest <macro> (Sans argument)
\lappli <macro> (Sans argument)
\lchoice <macro> (Sans argument)
\lcond <macro> (Sans argument)
\lcons <macro> (Sans argument)
```

\lhyp <macro> (Sans argument) \ltest <macro> (Sans argument) \gappli <macro> (Sans argument) \gchoice <macro> (Sans argument) \gcond <macro> (Sans argument) \gcons <macro> (Sans argument) \ghyp <macro> (Sans argument) \gtest <macro> (Sans argument) \leqappli <macro> (Sans argument) \leqchoice <macro> (Sans argument) \leqcond <macro> (Sans argument) \leqcons <macro> (Sans argument) \leqhyp <macro> (Sans argument) \leqtest <macro> (Sans argument) \geqappli <macro> (Sans argument) \geqchoice <macro> (Sans argument) \geqcond <macro> (Sans argument) \geqcons <macro> (Sans argument) \geqhyp <macro> (Sans argument) \geqtest <macro> (Sans argument)

Les textes disponibles

\textopappli <macro> (Sans argument)
\textopchoice <macro> (Sans argument)
\textopcond <macro> (Sans argument)
\textopcons <macro> (Sans argument)
\textopdef <macro> (Sans argument)

\textophyp <macro> (Sans argument)
\textopid <macro> (Sans argument)
\textopplot <macro> (Sans argument)
\textoptest <macro> (Sans argument)

6.2 Équivalences et implications

6.2.1 Des symboles supplémentaires

Un premier exemple – Implication réciproque

En plus des opérateurs \iff et \implies proposés par $L^{A}T_{E}X$, il a été ajouté l'opérateur \liesimp, où l'on a inversé les groupes syllabiques de \implies, un opérateur pour pour obtenir \iff 2, ainsi que des versions négatives. Voici un exemple d'utilisation.

^{2.} Penser aussi aux preuves d'équivalence par double implication.

```
Un théorème de la logique : (A \in B) \in B \lift (B\liesimp A)$

Un autre théorème de la logique : (A \Longrightarrow B) \iff (B \Longleftarrow A)

Un théorème de la logique : (A \Longrightarrow B) \iff (A \oiint B)

Un autre théorème de la logique : (A \Longrightarrow B) \iff (A \oiint B)
```

Un deuxième exemple – Des opérateurs décorés

Tout comme pour les égalités, il existe des versions décorées de type test, hypothèse, condition . . . Elles sont toutes présentes dans l'exemple suivant.

```
Équivalences :
$A \iffappli B \iffchoice C \iffcond D \iffcons E \iffhyp F \ifftest G$
Équivalences - Formes négatives :
$A \notiffappli B \notiffchoice C \notiffcond D
     \notiffcons E \notiffhyp F \notifftest G$
Implications directes :
$A \impliesappli B \implieschoice C \impliescond D
     \impliescons E \implieshyp F \impliestest G$
Implications directes - Formes négatives :
$A \notimpliesappli B \notimplieschoice C \notimpliescond D
     \notimpliescons E \notimplieshyp F \notimpliestest G$
Implications indirectes :
$A \liesimpappli B \liesimpchoice C \liesimpcond D
     \liesimpcons E \liesimphyp F \liesimptest G$
Implications indirectes - Formes négatives :
$A \notliesimpappli B \notliesimpchoice C \notliesimpcond D
     \notliesimpcons E \notliesimphyp F \notliesimptest G$
Équivalences : A \stackrel{\text{appli}}{\Longleftrightarrow} B \stackrel{\text{choix}}{\Longleftrightarrow} C \stackrel{\text{cond}}{\Longleftrightarrow} D \stackrel{\text{cons}}{\Longleftrightarrow} E \stackrel{\text{hyp}}{\Longleftrightarrow} F \stackrel{?}{\Longleftrightarrow} G
                                                    appli choix cond
Équivalences - Formes négatives : A \iff B \iff C \iff D \iff E \iff F \iff G
Implications directes : A \stackrel{\text{appli}}{\Longrightarrow} B \stackrel{\text{choix}}{\Longrightarrow} C \stackrel{\text{cond}}{\Longrightarrow} D \stackrel{\text{cons}}{\Longrightarrow} E \stackrel{\text{hyp}}{\Longrightarrow} F \stackrel{?}{\Longrightarrow} G
                                                                                    cond cons
                                                               appli choix
Implications directes - Formes négatives : A \implies B \implies C \implies D \implies E \implies F \implies G
Implications indirectes : A \stackrel{\text{appli}}{\longleftarrow} B \stackrel{\text{choix}}{\longleftarrow} C \stackrel{\text{cond}}{\longleftarrow} D \stackrel{\text{cons}}{\longleftarrow} E \stackrel{\text{hyp}}{\longleftarrow} F \stackrel{?}{\longleftarrow} G
                                                                  appli choix cond cons
Implications indirectes - Formes négatives : A \nleftrightarrow B \nleftrightarrow C \nleftrightarrow D \nleftrightarrow E \nleftrightarrow F \nleftrightarrow G
```

Remarque. La table 1 page 12 montre toutes les associations autorisées entre opérateurs logiques et décorations.

```
\iff <macro> (Sans argument)
                                           \notimplieschoice <macro> (Sans argument)
\iffappli <macro> (Sans argument)
\iffchoice <macro> (Sans argument)
                                           \notimpliescond <macro> (Sans argument)
\iffcond <macro> (Sans argument)
                                           \notimpliescons <macro> (Sans argument)
                                           \notimplieshyp <macro> (Sans argument)
\iffcons <macro> (Sans argument)
\iffhyp <macro> (Sans argument)
                                           \notimpliestest <macro> (Sans argument)
\ifftest <macro> (Sans argument)
                                           \liesimp <macro> (Sans argument)
\notiff <macro> (Sans argument)
                                           \liesimpappli <macro> (Sans argument)
\notiffappli <macro> (Sans argument)
                                           \liesimpchoice <macro> (Sans argument)
\notiffchoice <macro> (Sans argument)
                                           \liesimpcond <macro> (Sans argument)
\notiffcond <macro> (Sans argument)
                                           \liesimpcons <macro> (Sans argument)
\notiffcons <macro> (Sans argument)
                                           \liesimphyp <macro> (Sans argument)
\notiffhyp <macro> (Sans argument)
                                           \liesimptest <macro> (Sans argument)
\notifftest <macro> (Sans argument)
                                           \notliesimp <macro> (Sans argument)
\implies <macro> (Sans argument)
                                           \notliesimpappli <macro> (Sans argument)
\impliesappli <macro> (Sans argument)
\implieschoice <macro> (Sans argument)
                                           \notliesimpchoice <macro> (Sans argument)
\impliescond <macro> (Sans argument)
\impliescons <macro> (Sans argument)
                                           \notliesimpcond <macro> (Sans argument)
\implieshyp <macro> (Sans argument)
                                           \notliesimpcons <macro> (Sans argument)
\impliestest <macro> (Sans argument)
                                           \notliesimphyp <macro> (Sans argument)
                                           \notliesimptest <macro> (Sans argument)
\notimplies <macro> (Sans argument)
\notimpliesappli <macro> (Sans argument)
```

6.2.2 Équivalences et implications verticales

À quoi cela sert-il?

Dans la section 6.4 est expliqué comment détailler les étapes d'un raisonnement. Avec cet outil, il devient utile d'avoir des versions verticales non décorées des symboles d'équivalence et d'implication. Voici comment les obtenir.

```
\viff <macro> (Sans argument)
\vimplies <macro> (Sans argument)
\vliesimp <macro> (Sans argument)
```

6.3 Tables des décorations possibles des opérateurs

La table 1 de la présente page donne toutes les associations autorisées entre opérateurs et décorations. Il faut retenir que les versions étoilées produisent des écritures symboliques.

appli choice cond cons def def* hyp id id* plot test \eq \times \times \times \times \times X \times \times \times X \times \neq \times \times \times \times \times X \times \1 X X X X Χ X \g \times \times \times \times X X \leq \times \geq X X X X X X \iff \times \times \times X \times \times \notiff \times \times \times \times \times \implies X \times X \times X X \notimplies X X X X X X \liesimp X × X × X \times \notliesimp X X \times \times \times

Table 1 – Décorations

6.4 Détailler un raisonnement

Un exemple sur une petite étape

La macro \explain prend deux arguments obligatoires : le premier est un symbole et le second une courte explication. Commençons par une simple étape de raisonnement détaillée comme suit.

```
 \end{aligned} $0 \leq a < b $$ \end{aligned} $ \operatorname{Par croissance de la fonction carrée sur $\Rp\$.} $$ $$ a^2 \leq b^2 $$ $$ a < b $$ a^2 \leq b^2 $$
```

Si vous souhaitez un espace devant le symbole, il suffit d'indiquer l'espace via une distance grâce à l'argument optionnel comme ci-après.

```
$0 \leq a < b$ $\explain[1.5em]{\vimplies}{Par croissance de la fonction carrée sur $\RRp$.}$ $a^2 \leq b^2$ 0 \le a < b \\ \psi \qquad \{ Par croissance de la fonction carrée sur $\mathbb{R}_+$. }  a^2 \le b^2
```

\explain utilise les macros constantes suivantes.

- \textexplainleft et \textexplainright qui donnent { et } respectivement par défaut.
- \textexplainspacein est l'espacement entre le symbole et la courte explication. Par défaut, cette macro vaut 2em.

Détailler des calculs

Pour finir, voici un exemple avec l'environnement flalign du package amsmath, qui est automatiquement chargé par lymath, où l'on constate qu'il est relativement rapide de détailler un calcul.

```
\begin{flalign*}
    & (a + b)^2
    &&\\
    & \exp[\sin{=}\{0n \text{ utilise } x^2 = x \cdot x].\}
    & (a + b) (a + b)
    &&\\
    & \explain{=}{Double développement depuis la parenthèse gauche.}
    &&\\
    \& a^2 + a b + b a + b^2
    & \explain{=}{Commutativité du produit.}
    & a^2 + 2 a b + b^2
    &&\\
\end{flalign*}
(a + b)^2
     { On utilise x^2 = x \cdot x. }
(a+b)(a+b)
        { Double développement depuis la parenthèse gauche. }
a^{2} + ab + ba + b^{2}
      { Commutativité du produit. }
a^2 + 2ab + b^2
```

```
\explain <macro> [1 Option] (2 Arguments)

— Option: espacement avant le symbole. Valeur par défaut : 0em.

— Argument 1: un symbole.

— Argument 2: une courte explication.

\textexplainleft <macro> (Sans argument)
\textexplainright <macro> (Sans argument)
\textexplainspacein <macro> (Sans argument)
```

6.5 Des versions alternatives du quantificateur \exists

Quantifier l'existence

Voici deux versions, l'une classique, et l'autre beaucoup moins, permettant de préciser le quantificateur \exists (concernant les applications injectives, surjectives,... etc. se reporter à la section 7.7).

```
$f: E \to F$ est une application bijective si $\forall y \in F$, $\existsone x \in E$ tel que $y = f(x)$. $f: E \to F$ est une fonction, ou application partielle, si $\forall x \in E$, $\existmulti{\leq 1} y \in F$ tel que $y = f(x)$ où $\existmulti{\leq 1}$ signifie \emph{\og il existe au plus un \fg}. $On pourrait poser $\existmulti{=1} \eqdef \existsone$ pour ne pas multiplier le symbolisme. Quoique\dots f: E \to F \text{ est une application bijective si } \forall y \in F, \exists ! x \in E \text{ tel que } y = f(x).
f: E \to F \text{ est une fonction, ou application partielle, si } \forall x \in E, \exists \le 1 y \in F \text{ tel que } y = f(x) \text{ où } \exists \le 1 \text{ signifie } \text{ $i$ existe au plus un $s$}.
On pourrait poser $\equiv = \frac{\def}{1}$! pour ne pas multiplier le symbolisme. Quoique...
```

Versions négatives

```
On peut utiliser $\nexistsone$ soit \emph{\og il n'existe pas un unique \fg}, et $\nexistmulti{>4}$ soit \emph{\og il n'existe pas plus de quatre \fg}, en plus de $\nexists$ proposé par \verb+amssymb+.

On peut utiliser $\frac{1}{2}$! soit $\langle il n'existe pas un unique $\rangle$, et $\frac{1}{2}$, en plus de quatre $\rangle$, en plus de $\frac{1}{2}$ proposé par amssymb.
```

```
\existmulti <macro> (1 Argument)
\nexistmulti <macro> (1 Argument)

— Argument 1: une écriture mathématique servant à préciser la portée du quantificateur.
\existsone <macro> (Sans argument)
\nexistsone <macro> (Sans argument)
```

7 Ensembles et applications

7.1 Différents types d'ensembles

7.1.1 Ensembles versus accolades

Exemple d'utilisation 1

```
Un ensemble de beaux nombres : $\setgene{1 ; 3 ; 5}$ .

Un ensemble de beaux nombres : {1;3;5} .
```

Exemple d'utilisation 2

Fiches techniques

```
\setgene <macro> (1 Argument)
\setgene* <macro> (1 Argument)

— Argument: la définition de l'ensemble.
```

7.1.2 Ensembles pour la géométrie

Exemple d'utilisation 1

```
Vous pouvez écrire sémantiquement $\setgeo{C}$, $\setgeo{D}$ et $\setgeo{d}$ mais pas taper \verb+$\setgeo{ABC}$+.

Vous pouvez écrire sémantiquement $\mathcal{C}$, $\D$ et $d$ mais pas taper $\setgeo{ABC}$$.
```

Exemple d'utilisation 2

```
Pour les indices, utilisez \ensuremath{\mbox{\colored}}\ \setgeo*{C}{1}$, $\setgeo*{C}{2}$ \dots Pour les indices, utilisez \ensuremath{\mbox{\colored}}\...
```

Fiches techniques

```
\setgeo <macro> (1 Argument)
```

— Argument: un seul caractère ASCII indiquant un ensemble géométrique.

\setgeo* <macro> (2 Arguments)

- Argument 1: un seul caractère ASCII indiquant $\mathscr U$ dans le nom $\mathscr U_d$ d'un ensemble géométrique.
- Argument 2: un texte donnant d dans le nom \mathcal{U}_d d'un ensemble géométrique.

7.1.3 Ensembles probabilistes

Exemple d'utilisation 1

```
Vous pouvez écrire sémantiquement \ensuremath{E}\ et \ensuremath{G}\ mais pas taper \verb+$\setproba{ABC}$+.
```

Vous pouvez écrire sémantiquement \mathcal{E} et \mathcal{G} mais pas taper $\c \Delta BC$.

Exemple d'utilisation 2

```
Pour les indices, utilisez \star E_1, \mathcal{E}_2 \dots

Pour les indices, utilisez \mathcal{E}_1, \mathcal{E}_2 ...
```

Fiches techniques

\setproba <macro> (1 Argument)

— Argument: un seul caractère ASCII majuscule indiquant un ensemble probabiliste.

\setproba* <macro> (2 Arguments)

- Argument 1: un seul caractère ASCII majuscule indiquant \mathcal{U} dans le nom \mathcal{U}_d d'un ensemble probabiliste.
- Argument 2: un texte donnant d dans le nom \mathcal{U}_d d'un ensemble probabiliste.

7.1.4 Ensembles pour l'algèbre générale

Exemple d'utilisation 1

```
Vous pouvez écrire sémantiquement $\setalge{A}$, $\setalge{K}$, $\setalge{h}$ et $\setalge{k}$ mais pas taper \verb+$\setalge{ABC}$+.
```

Vous pouvez écrire sémantiquement A, K, h et k mais pas taper \$\setalge{ABC}\$.

Exemple d'utilisation 2

```
Pour les indices, utilisez \ \setalge*{k}{1}$, \setalge*{k}{2}$ \dots Pour les indices, utilisez k_1, k_2 \dots
```

Fiches techniques

\setalge <macro> (1 Argument)

— Argument: soit l'une des lettres h et k, soit un seul caractère ASCII majuscule indiquant un ensemble de type anneau ou corps.

\setalge* <macro> (2 Arguments)

- Argument 1: un seul caractère ASCII indiquant \mathbb{U} dans le nom \mathbb{U}_d d'un ensemble de type anneau ou corps.
- Argument 2: un texte donnant d dans le nom \mathbb{U}_d d'un ensemble de type anneau ou corps.

7.2 Ensembles classiques en mathématiques et en informatique théorique

7.2.1 La liste complète

```
Vous pouvez utiliser directement \nullset, \NN, \ZZ, \DD, \QQ, \RR, \CC, mais aussi \PP pour l'ensemble des nombres premiers, \HH pour les quaternions, \OO pour les octonions, et aussi \FF pour des nombres flottants \emph{(notation à préciser suivant le contexte)}.
```

Vous pouvez utiliser directement \emptyset , \mathbb{N} , \mathbb{Z} , \mathbb{D} , \mathbb{Q} , \mathbb{R} , \mathbb{C} , mais aussi \mathbb{P} pour l'ensemble des nombres premiers, \mathbb{H} pour les quaternions, \mathbb{O} pour les octonions, et aussi \mathbb{F} pour des nombres flottants (notation à préciser suivant le contexte).

7.2.2 Ensembles classiques suffixés

```
Il est facile de taper R_-, R_+, R_- et R_+.
```

Nous avons utilisé les suffixes n pour Negatif, p pour Positif, et s pour star, soit "étoile" en anglais. Il y a aussi les suffixes composites sn et sp.

Notez qu'il est interdit d'utiliser \C pour \mathbb{C}_- car l'ensemble \mathbb{C} ne possède pas de structure ordonnée standard. Jetez un oeil à la section suivante pour apprendre à taper \mathbb{C}_- si vous en avez besoin. L'interdiction est ici purement sémantique!

Remarque. La table 2 page suivante montre les associations autorisées entre ensembles classiques et suffixes.

```
\NN <macro> (Sans argument)
\NNs <macro> (Sans argument)
\PP <macro> (Sans argument)
\ZZsn <macro> (Sans argument)
\ZZsp <macro> (Sans argument)
\ZZ <macro> (Sans argument)
\ZZn <macro> (Sans argument)
\DDn <macro> (Sans argument)
\ZZp <macro> (Sans argument)
\DDn <macro> (Sans argument)
\DDp <macro> (Sans argument)
```

Table 2 – Suffixes

	n	р	s	sn	sp
\NN			×		
\PP					
\ZZ	×	×	×	×	×
\DD	×	×	×	×	×
\QQ	×	×	×	×	×
\RR	×	×	×	×	×
\CC			×		
\HH			×		
\00			×		
\FF	×	×	×	×	×

```
\DDs <macro> (Sans argument)
\DDsn <macro> (Sans argument)
\DDsp <macro> (Sans argument)
\QQ <macro> (Sans argument)
\QQn <macro> (Sans argument)
\QQp <macro> (Sans argument)
\QQs <macro> (Sans argument)
\QQsn <macro> (Sans argument)
\QQsn <macro> (Sans argument)
\QQsp <macro> (Sans argument)
\QRs <macro> (Sans argument)
\RR <macro> (Sans argument)
\RRn <macro> (Sans argument)
\RRn <macro> (Sans argument)
\RRs <macro> (Sans argument)
\RRs <macro> (Sans argument)
\RRs <macro> (Sans argument)
```

\RRsp <macro> (Sans argument)
\CC <macro> (Sans argument)
\CCs <macro> (Sans argument)
\HH <macro> (Sans argument)
\HHs <macro> (Sans argument)
\OO <macro> (Sans argument)
\OOs <macro> (Sans argument)
\FF <macro> (Sans argument)
\FFn <macro> (Sans argument)
\FFs <macro> (Sans argument)
\FFsn <macro> (Sans argument)

7.3 Des suffixes à la carte

Exemple d'utilisation

```
\setspecial <macro> (2 Arguments)
\setspecial* <macro> (2 Arguments)

— Argument 1: l'ensemble à "suffixer".

— Argument 2: l'un des suffixes n, p, s, sn ou sp.
```

7.4 Intervalles

7.4.1 Intervalles réels - Notation française (?)

Exemple d'utilisation 1

Dans cet exemple, la syntaxe fait référence à **O**-pened et **C**-losed pour "ouvert" et "fermé" en anglais. Nous verrons que **CC** et **OO** sont contractés en **C** et **O**.

```
Dans I = a ; b = \int c(a)^b, vous constatez que la macro utilisée résout un problème d'espacement vis à vis du signe s = s.

Dans I = a ; b = a ; b, vous constatez que la macro utilisée résout un problème d'espacement vis à vis du signe s = s.
```

Exemple d'utilisation 2

Les crochets s'étendent verticalement automatiquement. Pour empêcher cela, il suffit d'utiliser la version étoilée de la macro. Dans ce cas, les crochets restent tout de même un peu plus grands que des crochets utilisés directement. Voici un exemple.

Fiches techniques

Pour toutes les macros ci-dessous, la version non étoilée produit des délimiteurs qui s'étirent si besoin verticalement, tandis que la version étoilée ne le fait pas.

```
\intervalCO <macro> (2 Arguments)
\intervalCO* <macro> (2 Arguments)

— Argument 1: borne inférieure a de l'intervalle [a; b[.

— Argument 2: borne supérieure b de l'intervalle [a; b[.

\intervalC <macro> (2 Arguments)

\intervalC* <macro> (2 Arguments)

— Argument 1: borne inférieure a de l'intervalle [a; b].

— Argument 2: borne supérieure b de l'intervalle [a; b].

\intervalO <macro> (2 Arguments)

\intervalO* <macro> (2 Arguments)

— Argument 1: borne inférieure a de l'intervalle ]a; b[.

— Argument 2: borne supérieure b de l'intervalle ]a; b[.

\intervalOC <macro> (2 Arguments)

\intervalOC <macro> (2 Arguments)
```

- Argument 1: borne inférieure a de l'intervalle [a;b].
- Argument 2: borne supérieure b de l'intervalle [a;b].

7.4.2 Intervalles réels - Notation américaine

Exemple d'utilisation

Dans cet exemple, la syntaxe fait référence à P-arenthèse.

```
Aux États Unis, un intervalle semi-fermé s'écrit \  = (a ; b)  et un intervalle ouvert se tape \  = (a ; b) .

Aux États Unis, un intervalle semi-fermé s'écrit (a;b] = (a;b] et un intervalle ouvert se tape (a;b) = (a;b).
```

Fiches techniques

Pour toutes les macros ci-dessous, la version non étoilée produit des délimiteurs qui s'étirent si besoin verticalement, tandis que la version étoilée ne le fait pas.

```
\intervalCP <macro> (2 Arguments)
\intervalCP* <macro> (2 Arguments)

— Argument 1: borne inférieure a de l'intervalle [a;b).

— Argument 2: borne supérieure b de l'intervalle [a;b).

\intervalP <macro> (2 Arguments)
\intervalP* <macro> (2 Arguments)

— Argument 1: borne inférieure a de l'intervalle (a;b).

— Argument 2: borne supérieure b de l'intervalle (a;b).

\intervalPC <macro> (2 Arguments)
\intervalPC* <macro> (2 Arguments)

— Argument 1: borne inférieure a de l'intervalle (a;b].

— Argument 2: borne supérieure b de l'intervalle (a;b].

— Argument 2: borne supérieure b de l'intervalle (a;b].
```

7.4.3 Intervalles discrets d'entiers

Exemple d'utilisation

Dans l'exemple, la syntaxe fait référence à Z l'ensemble des entiers relatifs.

```
Par définition, $\ZintervalC{-1}{4} = \{ -1 ; 0 ; 1 ; 2 ; 3 ; 4 \}$. Donc nous avons $\ZintervalC{-1}{4} = \ZintervalO{-2}{5}$.

Par définition, [-1;4] = \{-1;0;1;2;3;4\}. Donc nous avons [-1;4] = [-2;5[.
```

Fiches techniques

Pour toutes les macros ci-dessous, la version non étoilée produit des délimiteurs qui s'étirent si besoin verticalement, tandis que la version étoilée ne le fait pas.

```
\ZintervalCO <macro> (2 Arguments)
\ZintervalCO* <macro> (2 Arguments)
— Argument 1: borne inférieure a de l'intervalle [a;b].
— Argument 2: borne supérieure b de l'intervalle [a;b].
\ZintervalC <macro> (2 Arguments)
\ZintervalC* <macro> (2 Arguments)
— Argument 1: borne inférieure a de l'intervalle [a;b].
— Argument 2: borne supérieure b de l'intervalle [a;b].
\ZintervalO <macro> (2 Arguments)
\ZintervalO* <macro> (2 Arguments)
— Argument 1: borne inférieure a de l'intervalle a; b.
— Argument 2: borne supérieure b de l'intervalle a; b.
\ZintervalOC <macro> (2 Arguments)
\ZintervalOC* <macro> (2 Arguments)
— Argument 1: borne inférieure a de l'intervalle [a;b].
— Argument 2: borne supérieure b de l'intervalle [a;b].
```

7.5 Unions et intersections

Exemple d'unions

Ci-dessous est utilisée la macro \bigcup proposée par le package amssymb.

Exemple d'unions disjointes

Ci-dessous sont utilisées les macros \sqcup et \bigsqcup proposée par le package amssymb.

Exemple d'intersections

Ci-dessous est utilisée la macro \bigcap proposée par le package amssymb.

Fiches techniques

```
\dcap <macro> (Sans argument)
\dcup <macro> (Sans argument)
\dsqcup <macro> (Sans argument)
```

7.6 Cardinal, image et compagnie

Cardinal – Un exemple

```
\c = \c E est le cardinal de $E$.  \#E = \c E \c E \c E \c E \c E .
```

Image et compagnie – Un exemple

```
Une application f a un domaine f, une image f, on dit aussi codomaine f, ainsi qu'un noyau f.

Une application f a un domaine dom f, une image im f, on dit aussi codomaine codom f, ainsi qu'un noyau ker f.
```

Fiches techniques

```
\card <macro> (Sans argument)
\card* <macro> (Sans argument)
\dom <macro> (Sans argument)
\codom <macro> (Sans argument)
\im <macro> (Sans argument)
\ker <macro> (Sans argument)
```

7.7 Application totale, partielle, injective, surjective et/ou bijective

Voici des symboles qui, bien que très techniques, facilitent la rédaction de documents à propos des applications totales ou partielles ³ (on parle aussi d'applications, sans qualificatif, et de fonctions).

^{3.} $a: E \to F$ est une application si $\forall x \in E, \exists ! y \in F$ tel que y = a(x). Plus généralement, $f: E \to F$ est une fonction si $\forall x \in E, \exists_{\leq 1} y \in F$ tel que y = f(x), autrement dit soit f(x) existe dans F, soit f n'est pas définie en x.

Applications totales – Un exemple complet

```
$f: A \to B$ est une application totale, c'est à dire définie sur $A$ tout entier.

$i: C \onetoone D$ est une application totale injective.

$s: E \onto F$ est une application totale surjective.

$b: G \biject H$ est une application totale bijective.

f: A \to B \text{ est une application totale, c'est à dire définie sur } A \text{ tout entier.}
i: C \rightarrowtail D \text{ est une application totale injective.}
s: E \twoheadrightarrow F \text{ est une application totale surjective.}
b: G \rightarrowtail H \text{ est une application totale bijective.}
```

Applications partielles – Un exemple complet

```
$f: A \pto B$ est une application partielle, c'est à dire définie sur un sous-ensemble
de $A$.

$i: C \ponetoone D$ est une application partielle injective.

$s: E \ponto F$ est une application partielle surjective.

$b: G \pbiject H$ est une application partielle bijective.

$f: A \to B est une application partielle, c'est à dire définie sur un sous-ensemble de A.
$i: C \to D est une application partielle injective.
$s: E \to F est une application partielle surjective.
$b: G \to H est une application partielle bijective.
```

Fiches techniques

<pre>\to <macro> (Sans argument)</macro></pre>	<pre>\pto <macro> (Sans argument)</macro></pre>
\onetoone <macro> (Sans argument)</macro>	\ponetoone <macro> (Sans argument)</macro>
\onto <macro> (Sans argument)</macro>	\ponto <macro> (Sans argument)</macro>
\biject <macro> (Sans argument)</macro>	<pre>\pbiject <macro> (Sans argument)</macro></pre>

8 Géométrie

8.1 Points et lignes

8.1.1 Points

Exemple d'utilisation 1

```
$\pt{I}$ indique un point nommé "I".

I indique un point nommé "I".
```

Exemple d'utilisation 2

```
Une liste de points : \pi: \mathbb{I}_1, \pi: \mathbb{I}_2 \dots  \text{Une liste de points} : I_1, I_2 \dots
```

Exemple d'utilisation 3

```
Une droite $(\pts{AB})$ au lieu de $(\pt{A}\pt{B})$.

Une droite (AB) au lieu de (AB).
```

Fiches techniques

```
\pt <macro> (1 Argument)

— Argument: un texte donnant le nom d'un point.

\pt* <macro> (2 Arguments)

— Argument 1: un texte indiquant UP dans le nom UP<sub>down</sub> d'un point.

— Argument 2: un texte indiquant down dans le nom UP<sub>down</sub> d'un point.

\pts <macro> (1 Argument)

— Argument: un texte indiquant des noms de points non indicés.
```

8.1.2 Droites parallèles ou non

Les opérateurs \parallel et \nparallel utilisent des obliques au lieu de barres verticales comme le montre l'exemple qui suit où \stdnparallel est un alias de \nparallel fourni par le package amssymb, et \stdparallel est un alias de la version standard de \parallel proposée par LATEX.

```
$(\pts{AB}) \quad (\pts{CD})$ et $(\pts{EF}) \quad (\pts{GH})$ au lieu de $(\pts{AB}) \quad (\pts{CD})$ et de $(\pts{EF}) \quad (\pts{GH})$. (AB) \# (CD) \ et \ (EF) \# (GH) \ au \ lieu \ de \ (AB) \# (CD) \ et \ (EF) \# (GH).
```

```
\parallel <macro> (Sans argument)
\nparallel <macro> (Sans argument)
\stdparallel <macro> (Sans argument)
\stdnparallel <macro> (Sans argument)
```

8.2 Vecteurs

8.2.1 Les écrire

Exemple d'utilisation 1

Voici un vecteur \$\vect{ABCDEF}\$ avec beaucoup de lettres et vous pouvez écrire $\ \star ect * \{e\}{rot}\ au \ lieu \ de \ \vect{e_{rot}}\$.

Voici un vecteur \overrightarrow{ABCDEF} avec beaucoup de lettres et vous pouvez écrire \overrightarrow{e}_{rot} au lieu de $\overrightarrow{e_{rot}}$.

Exemple d'utilisation 2

Vous pouvez écrire \$\vect{i}\$ and \$\vect*{j}{2}\$ sans point. Vous pouvez écrire \vec{i} and \vec{j}_2 sans point.

Fiches techniques

\vect <macro> (1 Argument)

- Argument: un texte donnant le nom d'un vecteur.

\vect* <macro> (2 Arguments)

- Argument 1: un texte indiquant up dans le nom $\overrightarrow{up}_{down}$ d'un vecteur.
- Argument 2: un texte indiquant down dans le nom $\overrightarrow{up}_{down}$ d'un vecteur.

8.2.2 Norme

Exemple d'utilisation

Nous pouvons écrire $\operatorname{\sum_{i}}$, $\operatorname{\sum_{i}}$, $\operatorname{\sum_{i}}$, $\operatorname{\sum_{i}}$ ou \$\displaystyle \norm*{\frac{2}{7} \vect*{e}{k}}\$ avec de petites barres verticales.

Nous pouvons écrire $\|\vec{\imath}\|$, $\|\frac{2}{7}\vec{e}_k\|$, ou $\|\frac{2}{7}\vec{e}_k\|$ avec de petites barres verticales.

Remarque. Le code LATEX vient directement de ce message : https://tex.stackexchange.com/ a/43009/6880.

Fiches techniques

\norm <macro> (1 Argument) \norm* <macro> (1 Argument)

- Argument: le vecteur sur lequel appliquer la norme.

8.2.3 Produit scalaire – Écriture minimaliste

Exemple d'utilisation - Version longue

```
En mathématique, il est usage d'écrire un produit scalaire avec un point via \dot{1}{2} \ . En mathématique, il est usage d'écrire un produit scalaire avec un point via \dot{1}{2} \overrightarrow{i} \cdot \overrightarrow{j}.
```

Exemple d'utilisation - Version courte mais restrictive

Dans l'exemple suivant, le préfixe v est pour v-ector.

```
On peut aussi parfois juste taper \vec{i} \cdot \vec{j}.

On peut aussi parfois juste taper \vec{i} \cdot \vec{j}.
```

Fiches techniques

\dotprod <macro> (2 Arguments)

- Argument 1: le premier vecteur qu'il faut taper via la macro \vect.
- Argument 2: le second vecteur qu'il faut taper via la macro \vect.

\vdotprod <macro> (2 Arguments) où v = v-ector

- Argument 1: le nom du premier vecteur sans utiliser la macro \vect.
- Argument 2: le nom du second vecteur sans utiliser la macro \vect.

8.2.4 Produit scalaire – Écriture « physicienne »

Dans l'exemple suivant, le préfixe a est pour a-ngle, et v pour v-ector.

```
Les physiciens pourront utiliser $\displaystyle \adotprod{\frac{1}{2} \vect{i}}{\vect{j}}$, $$\displaystyle \adotprod*{\frac{1}{2} \vect{i}}{\vect{j}}$, $$\displaystyle \vadotprod{i}{j}$ ou $\displaystyle \vadotprod*{i}{j}$.

Les physiciens pourront utiliser \left\langle \frac{1}{2} \vec{\imath} \mid \vec{\jmath} \right\rangle, \left\langle \frac{1}{2} \vec{\imath} \mid \vec{\jmath} \right\rangle, \left\langle \vec{\imath} \mid \vec{\jmath} \right\rangle ou \left\langle \vec{\imath} \mid \vec{\jmath} \right\rangle.
```

```
\adotprod <macro> (2 Arguments) où a = a-ngle \adotprod* <macro> (2 Arguments)
```

- Argument 1: le premier vecteur qu'il faut taper via la macro \vect.
- Argument 2: le second vecteur qu'il faut taper via la macro \vect.

\vadotprod <macro> (2 Arguments) où a = a-ngle et v = v-ector

- Argument 1: le nom du premier vecteur sans utiliser la macro \vect.
- Argument 2: le nom du second vecteur sans utiliser la macro \vect.

8.2.5 Produit vectoriel

Exemple d'utilisation - Version longue

```
Un produit vectoriel peut s'écrire via \colonormalfont{\colonormalfont} \colonormalfont{\colonorm
```

Exemple d'utilisation - Version courte mais restrictive

```
Dans certain cas, un produit vectoriel s'écrit vite via \sqrt[3]{j}.

Dans certain cas, un produit vectoriel s'écrit vite via \vec{i} \wedge \vec{j}.
```

Fiche technique

\crossprod <macro> (2 Arguments)

- Argument 1: le premier vecteur qu'il faut taper via la macro \vect.
- Argument 2: le second vecteur qu'il faut taper via la macro \vect.

\vcrossprod <macro> (2 Arguments) où v = v-ector

- Argument 1: le nom du premier vecteur sans utiliser la macro \vect.
- Argument 2: le nom du second vecteur sans utiliser la macro \vect.

8.3 Coordonnées

Exemple d'utilisation 1

Exemple d'utilisation 2

Dans l'exemple suivant, le préfixe v est pour v-ertical.

Fiches techniques

```
\coord <macro> (1 Argument)
\coord* <macro> (1 Argument)
```

— Argument: l'argument est une suite de "morceaux" séparés par des barres | , chaque morceau étant une coordonnée. Il peut n'y avoir qu'un seul morceau.

```
\vcoord <macro> (1 Argument) où v = v-ertical \vcoord* <macro> (1 Argument) pour des crochets à la place de parenthèses
```

— Argument: l'argument est une suite de "morceaux" séparés par des barres | , chaque morceau étant une coordonnée. Il peut n'y avoir qu'un seul morceau.

8.4 Nommer un repère

Exemple d'utilisation 1 – La méthode basique

Commençons par la manière la plus basique d'écrire un repère (nous verrons d'autres méthodes qui peuvent être plus efficaces).

```
Dans le plan, trois points $\pt{0}$, $\pt{I}$ and $\pt{J}$ non alignés définissent un repère cartésien $\axes{\pt{0} | \pt{I} | \pt{J}}$.

Dans le plan, trois points O, I and J non alignés définissent un repère cartésien (O; I, J).
```

Exemple d'utilisation 2 – La méthode basique en version étoilée

Dans l'exemple ci-dessous, on voit que la version étoilée produit des petites parenthèses.

Exemple d'utilisation 3 – La méthode basique en dimension quelconque

Il faut au minimum deux "morceaux" séparés par des barres |, cas de la dimension 1, mais il n'y a pas de maximum, cas d'une dimension quelconque n > 0.

Exemple d'utilisation 4 – Repère affine

Dans l'exemple suivant, le préfixe p est pour p-oint.

Exemple d'utilisation 5 – Repère vectoriel (méthode 1)

Dans l'exemple suivant, le préfixe v est pour v-ecteur.

Exemple d'utilisation 6 – Repère vectoriel (méthode 2)

Dans l'exemple suivant, le préfixe pv permet de combiner à la fois les fonctionnalités proposés par les préfixes p et v.

```
\axes <macro> (1 Argument)
\axes* <macro> (1 Argument)
```

- Argument: l'argument est une suite de "morceaux" séparés par des barres |.
 - Le premier morceau est l'origine du repère.
 - Les morceaux suivants sont des points ou des vecteurs qui "définissent" chaque axe.

```
\pares < macro> (1 Argument) où p = p-oint
```

- Argument: l'argument est une suite de "morceaux" séparés par des barres |.
 - Le premier morceau est le nom de l'origine du repère sur laquelle la macro-commande \pt sera automatiquement appliquée.
 - Viennent ensuite les noms des points "définissant" chaque axe. Pour chacun de ces points la macro-commande \pt sera automatiquement appliquée.

```
\vert 	ext{vaxes} 	ext{ <macro> (1 Argument)} 	ext{ où } 	ext{v} = 	ext{v-ector}
```

- Argument: l'argument est une suite de "morceaux" séparés par des barres |.
 - Le premier morceau est l'origine du repère.

• Viennent ensuite les noms des vecteurs "définissant" chaque axe. Pour chacun de ces vecteurs la macro-commande \vect sera automatiquement appliquée.

\pvaxes <macro> (3 Arguments) où pv = p + v

- Argument: l'argument est une suite de "morceaux" séparés par des barres |.
 - Le premier morceau est le nom de l'origine du repère sur laquelle la macro-commande \pt sera automatiquement appliquée.
 - Viennent ensuite les noms des vecteurs "définissant" chaque axe. Pour chacun de ces vecteurs la macro-commande \vect sera automatiquement appliquée.

8.5 Arcs circulaires

Exemple d'utilisation 1

```
Voici un arc $\arc{ABCDEF}$ utilisant beaucoup de lettres, et vous pouvez écrire $\arc*{A}{rot}$$ à la place de $\arc{A_{rot}}$.
```

Voici un arc \widehat{ABCDEF} utilisant beaucoup de lettres, et vous pouvez écrire \widehat{A}_{rot} à la place de \widehat{A}_{rot} .

Exemple d'utilisation 2

```
\alpha = \frac{1}{2} et \alpha = \frac{j}{2} n'affiche pas de point sous l'arc.
```

Fiches techniques

```
\arc <macro> (1 Argument)
```

— Argument: un texte donnant le nom d'un arc circulaire.

\arc* <macro> (2 Arguments)

- Argument 1: un texte indiquant up dans le nom \widehat{up}_{down} d'un arc circulaire.
- Argument 2: un texte indiquant down dans le nom \widehat{up}_{down} d'un arc circulaire.

8.6 Angles

8.6.1 Angles géométriques intérieurs

Exemple d'utilisation 1

```
Voici un angle géométrique intérieur \adjust{ABCDEF} avec un long nom, et vous pouvez écrire \adjust{A}{rot} au lieu de \adjust{Arot}.
```

Voici un angle géométrique intérieur \widehat{ABCDEF} avec un long nom, et vous pouvez écrire \widehat{A}_{rot} au lieu de \widehat{A}_{rot} .

Exemple d'utilisation 2

```
Vous pouvez aussi écrire \alpha and \alpha and \alpha sans point.
Vous pouvez aussi écrire \alpha and \alpha sans point.
```

Fiches techniques

```
\anglein <macro> (1 Argument)
```

— Argument: un texte donnant le nom d'un angle intérieur.

\anglein* <macro> (2 Arguments)

- Argument 1: un texte indiquant up dans le nom \widehat{up}_{down} d'un angle intérieur.
- Argument 2: un texte indiquant down dans le nom \widehat{up}_{down} d'un angle intérieur.

8.6.2 Angles orientés de vecteurs

Sans chapeau - Version longue

```
En mathématique, il est d'usage de noter les angles orientés via $\displaystyle \angleorient{\frac{1}{2} \vect{i}}{\vect{j}}$ ou $\displaystyle \angleorient*{\frac{1}{2} \vect{i}}{\vect{j}}$ . En mathématique, il est d'usage de noter les angles orientés via \left(\frac{1}{2}\overrightarrow{i};\overrightarrow{j}\right) ou \left(\frac{1}{2}\overrightarrow{i};\overrightarrow{j}\right).
```

Sans chapeau - Version courte mais restrictive

Dans l'exemple suivant, le préfixe v est pour v-ector.

```
Avec des noms de vecteurs utilisant juste des lettres, on peut juste taper \ \displaystyle \vangleorient{i}{j}$ ou \ \displaystyle \vangleorient*{i}{j}$ (la seconde écriture n'apporte rien de nouveau). Avec des noms de vecteurs utilisant juste des lettres, on peut juste taper (\vec{\imath}; \vec{\jmath}) ou (\vec{\imath}; \vec{\jmath}) (la seconde écriture n'apporte rien de nouveau).
```

Avec un chapeau

Dans l'exemple suivant, le préfixe h est pour h-at, et v pour v-ector.

Fiche technique

```
\angleorient <macro> (2 Arguments)
\hangleorient <macro> (2 Arguments) où h = h-at

— Argument 1: le premier vecteur qu'il faut taper via la macro \vect.

— Argument 2: le second vecteur qu'il faut taper via la macro \vect.

\vangleorient <macro> (2 Arguments) où v = v-ector
\hvangleorient <macro> (2 Arguments) où h = h-at et v = v-ector

— Argument 1: le nom du premier vecteur sans utiliser la macro \vect.

— Argument 2: le nom du second vecteur sans utiliser la macro \vect.
```

9 Analyse

9.1 Constantes

9.1.1 Constantes classiques

La liste complète

```
Voici la liste des constantes classiques où \tau = 2\pi est la benjamine : \tau = 2\pi voici la liste des constantes classiques où \tau = 2\pi est la benjamine : \tau = 2\pi est la
```

Remarque. Faites attention car {\Large \$\ppi \neq \pi\$} produit $\pi \neq \pi$. Comme vous le constatez, les symboles ne sont pas identiques. Ceci est vraie pour toutes les constantes grecques.

```
\ggamma <macro> (Sans argument) \ii <macro> (Sans argument) \ppi <macro> (Sans argument) \jj <macro> (Sans argument) \ttau <macro> (Sans argument) \kk <macro> (Sans argument) \ee <macro> (Sans argument)
```

9.1.2 Constantes latines personnelles

Exemple d'utilisation

```
Il est aisé d'écrire ct{a} x^2 + ct{b} x + ct{c} au lieu de a x^2 + b x + c afin d'indiquer que ct{a}, ct{b} et ct{c} sont des constantes.

Il est aisé d'écrire a x^2 + b x + c au lieu de a x^2 + b x + c afin d'indiquer que a, b et c sont des constantes.
```

Fiche technique

```
\ct <macro> (1 Argument)
— Argument: un texte utilisant l'alphabet latin.
```

9.2 La fonction valeur absolue

Un exemple d'utilisation

```
Il est facile d'écrire \alpha \ ou \alpha \ si vous préférez des petits traits verticaux. 
 Il est facile d'écrire \alpha \ voire aussi \alpha \ voire aussi \alpha \ si vous préférez des petits traits verticaux.
```

Remarque. Le code LATEX vient directement de ce poste : https://tex.stackexchange.com/a/43009/6880.

Fiches techniques

```
\abs <macro> (1 Argument)
\abs* <macro> (1 Argument)
```

— Argument: l'expression à laquelle on applique la fonction valeur absolue.

9.3 Fonctions nommées spéciales

9.3.1 Sans paramètre

Un exemple d'utilisation

```
\ch <macro> (Sans argument)
\sh <macro> (Sans argument)
\th <macro> (Sans argument)
\th <macro> (Sans argument)
\ach <macro> (Sans argument)
\ach <macro> (Sans argument)
\ash <macro> (Sans argument)
\ath <macro> (Sans argument)
\ath <macro> (Sans argument)
\ath <macro> (Sans argument)
\arcsinh <macro> (Sans argument)
\arcsinh <macro> (Sans argument)
\arcsinh <macro> (Sans argument)
\arcsinh <macro> (Sans argument)
```

9.3.2 Avec un paramètre

Un exemple d'utilisation

```
D'autres fonctions nommées supplémentaires avec un paarmètre (voir la liste complète ci-dessous) : \alpha0 x et \alpha0 y = 6^y$.

D'autres fonctions nommées supplémentaires avec un paarmètre (voir la liste complète ci-dessous) : \log_2 x = \lg x et \exp_6 y = 6^y.
```

Fiches techniques

```
\expb <macro> (1 Argument)

— Argument: la base de l'exponentielle
\logb <macro> (1 Argument)

— Argument: la base du logarithme
```

9.4 Des notations complémentaires pour des suites spéciales

Exemple d'utilisation

```
Parfois nous avons besoin d'écrire \scalebox{ seqplus{F}{1}{2}$ ou $\seqhypergeo{F}{1}{2}$ et le fou (?\,) aime vraiment $\seqsuprageo{F}{1}{2}{3}{4}$. Parfois nous avons besoin d'écrire <math>F_1^2 ou {}_1F_2 et le fou (?) aime vraiment {}_1^4F_2^3.
```

```
\seqplus <macro> (2 Arguments)

— Argument 1: l'exposant à droite.

— Argument 2: l'indice à droite.

\seqhypergeo <macro> (2 Arguments)

— Argument 1: l'indice à gauche.

— Argument 2: l'indice à droite.

\seqsuprageo <macro> (4 Arguments)

— Argument 1: l'indice à gauche.
```

- Argument 2: l'indice à droite.
- Argument 3: l'exposant à droite.
- Argument 4: l'exposant à gauche.

9.5 Calcul différentiel

9.5.1 Les opérateurs ∂ et d

Exemple d'utilisation

```
Vous pouvez écrire df et df et df et aussi df ou df et aussi df ou df et df et aussi df ou df
```

Fiches techniques

```
\dd <macro> [1 Option] (1 Argument)
\pp <macro> [1 Option] (1 Argument)
```

- Option: utilisée, cette option sera mise en exposant du symbole ∂ ou d.
- Argument: la variable de différentiation à droite du symbole ∂ ou d.

9.5.2 Dérivation totale

Exemple d'utilisation 1

Exemple d'utilisation 2

Exemple d'utilisation 3

```
Si \phi(x) = \frac{1}{x^2+3} alors nous avons : \phi(x) = \frac{1}{x^2+3}
```

Fiches techniques

```
\derpow <macro> [1 Option] (1 Argument)
\derpow* <macro> [1 Option] (1 Argument)
```

- Option: utilisée, cette option sera l'exposant de dérivation mis entre des parenthèses pour la version non étoilée, et le nombre de primes pour la version étoilée.
- Argument: la fonction à différencier.

```
\derfrac <macro> [1 Option] (2 Arguments)
\derfrac* <macro> [1 Option] (2 Arguments)
\dersub <macro> [1 Option] (2 Arguments)
```

- Option: utilisée, cette option sera l'exposant de dérivation.
- Argument 1: la fonction à dériver.
- Argument 2: la variable.

9.5.3 Dérivation partielle

Exemple d'utilisation 1

Exemple d'utilisation 2

Exemple d'utilisation 3

```
Si $\displaystyle f(x;y) = \frac{\cos(x y)}{x^2+y^2}$ alors nous avons $\displaystyle \partialfrac[2]{f}{x | y} = \partialfrac*[2]{\left( \frac{\cos(x y)}{x^2 + y^2} \right)}{x | y}$. Si f(x;y) = \frac{\cos(xy)}{x^2 + y^2} alors nous avons \frac{\partial^2 f}{\partial x \partial y} = \frac{\partial^2}{\partial x \partial y} \left( \frac{\cos(xy)}{x^2 + y^2} \right).
```

Fiches techniques

```
\partialfrac <macro> [1 Option] (2 Arguments)
\partialfrac* <macro> [1 Option] (2 Arguments)
```

- Option: utilisée, cette option sera l'exposant total de dérivation mis en exposant de ∂ .
- Argument 1: la fonction à dériver partiellement.
- Argument 2: les variables utilisées pour la dérivation partielle en utilisant la syntaxe suivante : par exemple, $x \mid y^3 \mid \dots$ indique de dériver suivant x une fois, puis suivant y trois fois... etc.

```
\partialsub <macro> (2 Arguments)
\partialprime <macro> (2 Arguments)
```

- Argument 1: la fonction à dériver partiellement.
- Argument 2: les variables utilisées pour la dérivation partielle en utilisant la syntaxe suivante : par exemple, $x \mid y^3 \mid \dots$ indique de dériver suivant x une fois, puis suivant y trois fois... etc.

9.6 Calcul intégral

9.6.1 L'opérateur crochet – 1^{ère} version

Exemple d'utilisation 1

```
Par définition, \displaystyle \int_{a}^{b} f(x) dx = \frac{F(x)}{a}{b} où $\definition, $\int_{a}^{b} f(x) dx = [F(x)]_{a}^{b} où [F(x)]_{a}^{b} = F(b) - F(a).
```

Exemple d'utilisation 2

Par défaut, les crochets s'étirent verticalement si besoin, mais si cela vous dérange, vous pouvez faire appel à la version étoilée de la macro comme dans l'exemple suivant

Fiches techniques

```
\hook <macro> (3 Arguments)
\hook* <macro> (3 Arguments)
```

- Argument 1: le contenu entre les crochets.
- Argument 2: la borne inférieure affichée en indice.
- Argument 3: la borne supérieure affichée en exposant.

9.6.2 L'opérateur crochet – 2^{nde} version

Exemple d'utilisation 1

```
Vous pouvez utiliser vhook{F(x)}{a}{b} au lieu de hook{F(x)}{a}{b}.

Vous pouvez utiliser F(x)|_a^b au lieu de [F(x)]_a^b.
```

Exemple d'utilisation 2

Tout comme avec la première version de l'opérateur crochet, vous pouvez utiliser une version étoilée pour empêcher l'étirement verticalement du trait vertical. Voici un exemple.

Fiches techniques

```
\vhook <macro> (3 Arguments)
\vhook* <macro> (3 Arguments)
```

- Argument 1: le contenu avant le trait vertical.
- Argument 2: la borne inférieure affichée en indice.
- Argument 3: la borne supérieure affichée en exposant.

9.6.3 Intégrales multiples

Le package réduit les espacements entres des symboles ∫ successifs. Voici un exemple.

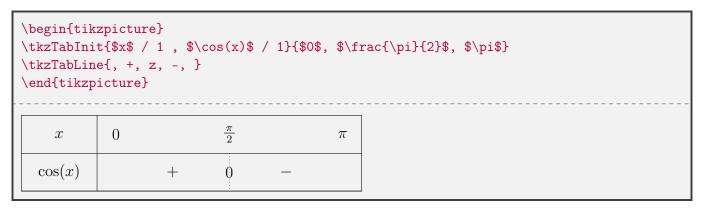
Remarque. Par défaut, LATEX affiche
$$\int \int \int F(x;y;z) dx dy dz = \int_a^b \int_c^d \int_e^f F(x;y;z) dx dy dz$$
.

9.7 Tableaux de variation et de signe

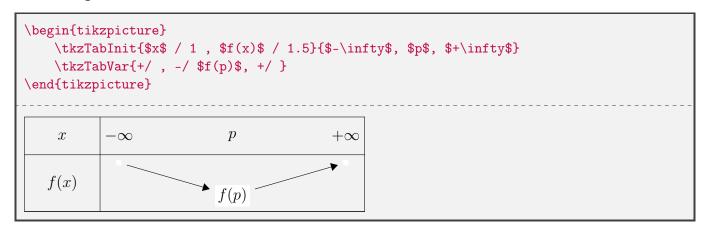
Comment ça marche?

Tout le boulot est fait par le package tkz-tab auquel on impose le choix d'une pointe de flèche plus visible. Nous vous demandons donc de vous reporter à la documentation de tkz-tab pour savoir comment s'y prendre.

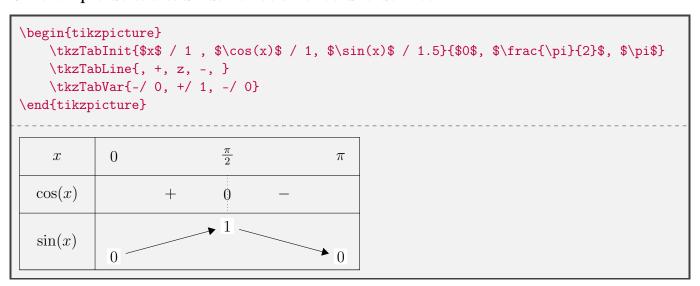
Un exemple de tableaux de signes



Un exemple de tableaux de variation



Un exemple de tableaux de variation avec une dérivée



9.8 Comparaison asymptotique de suites et de fonctions

9.8.1 Les notations \mathcal{O} et ϕ

Exemple d'utilisation 1

```
Vous pouvez utiliser les symboles \sigma et \sigma créés par Landau. Vous pouvez utiliser les symboles \sigma et \sigma créés par Landau.
```

Exemple d'utilisation 2

```
Vous pouvez écrire \phi(x) \neq \phi(x) the variable \phi(x) et \phi(x) et
```

Fiches techniques

```
\bigO <macro> (1 Argument)
\smallO <macro> (1 Argument)
```

— Argument: si l'argument vide, il est ignoré, sinon il est mis entre des parenthèses après \mathcal{O} ou \mathcal{O} .

9.8.2 La notation Ω

Exemple d'utilisation 1

```
Vous pouvez utiliser le symbole \sigma créé par Hardy et Littlewood. Vous pouvez utiliser le symbole \Omega créé par Hardy et Littlewood.
```

Exemple d'utilisation 2

```
$f(n) = \bigomega{g(n)}$ signifie: $\exists (m, n_0)$ tel que $n \geqslant n_0$ implique $f(n) \geqslant m g(n)$. f(n) = \Omega(g(n)) \text{ signifie}: \exists (m, n_0) \text{ tel que } n \geqslant n_0 \text{ implique } f(n) \geqslant mg(n).
```

Fiche technique

```
\bigomega <macro> (1 Argument)
```

— Argument: si l'argument vide, il est ignoré, sinon il est mis entre des parenthèses après Ω .

9.8.3 La notation Θ

Exemple d'utilisation 1

```
Voici le dernier symbole \Theta qui peut rendre service. Voici le dernier symbole \Theta qui peut rendre service.
```

Exemple d'utilisation 2

```
f(n) = \left(g(n)\right) \ signifie : \ (m, M, n_0) \ tel que \ n \geq n_0 \ implique \ mg(n) \ signifie : \exists (m, M, n_0) \ tel que \ n \geq n_0 \ implique \ mg(n) \leq f(n) \leq Mg(n).
```

Fiche technique

\bigtheta <macro> (1 Argument)

— Argument: si l'argument vide, il est ignoré, sinon il est mis entre des parenthèses après Θ .

10 Probabilité

10.1 Probabilité conditionnelle

Un exemple type

Fiche technique

```
\probacond <macro> (3 Arguments)
\probacond* <macro> (3 Arguments)
\probacond** <macro> (3 Arguments)
\dprobacond** <macro> (3 Arguments)

— Argument 1: le nom de la probabilité.

— Argument 2: l'ensemble dont on veut calculer la probabilité.

— Argument 3: l'ensemble qui donne la condition.
```

10.2 Arbres pondérés

Que se passe-t-il en coulisse?

Le gros du travail est fait par le package forest qui utilise TiKz. Ceci permet de faire des choses sympathiques comme dans le 2^e exemple ci-dessous.

Un exemple type

Dans le code suivant l'environnement probatree utilise en coulisse celui nommé forest du package forest. Des réglages spécifiques sont faits pour obtenir le résultat ci-après. A cela s'ajoute les styles spéciaux pweight, apweight et bpweight qui facilitent l'écriture des pondérations sur les branches ⁴.

Un exemple décoré facilement

Via la clé frame, il est très aisé d'encadrer un sous-arbre comme le montre l'exemple suivant. Dans l'exemple ci-après nous utilisons la bidouille {},s sep = 1.3cm qui évite que les cadres se superposent.

^{4.} pweight vient de « probability » et « weight » soit « probabilité » et « poids » en anglais. Quant à a et b au début de apweight et bpweight respectivement, ils viennent de « above » et « below » soit « dessus » et « dessous » en anglais.

```
\begin{probatree}
[\{\},s sep = 1.3cm
    [$A$, pweight=$a$, frame=red
        [$B$, pweight=$b$]
        [$C$, pweight=$c$]
    [$D$, pweight=$d$, frame=blue
        [$E$, pweight=$e$
            [$F$, pweight=$f$]
            [$G$, pweight=$g$]
        [$H$, pweight=$h$
            [$I$, pweight=$i$]
            [$J$, pweight=$j$]
        ]
    ]
\end{probatree}
      a
      d
```

Un exemple décoré à la main

En utilisant la machinerie de TiKz il est facile de décorer un arbre de probabilité comme ci-dessous où le cadre s'appuie sur trois noeuds nommés. Notons que cet exemple n'est pas faisable avec la clé frame.

Un exemple de poids cachés partout

On peut cacher tous les poids via l'environnement étoilé **probatree*** sans avoir à retaper un arbre où les pondérations ont déjà été indiquées.

```
\begin{probatree*}
[$A$, pweight = $a$
    [$B$, pweight = $c$]
]
\end{probatree*}
```

Un exemple de poids cachés localement

Pour ne cacher que certains poids, il faudra utiliser, à la main, le style pweight* comme dans l'exemple ci-dessous.

Fiches techniques

```
probatree <env>
probatree* <env>
```

- Contenu: un arbre codé en utilisant la syntaxe supportée par le package forest.
- Option "pweight": pour écrire un poids sur le milieu d'une branche.
- Option "apweight": pour écrire un poids au-dessus le milieu d'une branche.
- Option "bpweight": pour écrire un poids en-dessous du milieu d'une branche.
- Option "frame": pour encadrer un sous-arbre se terminant par des feuilles.

11 Arithmétique

11.1 Opérateurs de base

Pour des raisons d'expressivité des codes L^ATEX, les opérateurs binaires \divides, \notdivides et \modulo ont été ajoutés comme alias de \mid, \nmid et \bmod respectivement qui sont proposés par le package amssymb.

```
$10 \divides 150$ et $10 \notdivides 154$ c'est mieux que $10 | 150$ et $10 \not| 154$. De plus, il est facile d'écrire que $a \equiv b \modulo p \iff p \divides (a - b)$. 10 \mid 150 \text{ et } 10 \nmid 154 \text{ c'est mieux que } 10 \mid 150 \text{ et } 10 \not | 154. De plus, il est facile d'écrire que a \equiv b \mod p \iff p \mid (a - b).
```

Fiches techniques

```
\divides <macro> (Sans argument)
\notdivides <macro> (Sans argument)
\modulo <macro> (Sans argument)
```

11.2 Fractions continuées

11.2.1 Fractions continuées standard

Exemple d'utilisation

Dans l'exemple suivant, la notation en ligne semble être due à Alfred Pringsheim. La notation à gauche utilise toujours le maximum d'espace pour améliorer la lisibilité.

Fiches techniques

\contfrac <macro> (1 Argument)
\contfrac* <macro> (1 Argument)

— Argument: tous les éléments de la fraction continuée séparés par des |.

11.2.2 Fractions continuées généralisées

Exemple d'utilisation

Voici comment écrire une fraction continuée généralisée.

Fiches techniques

\contfracgene <macro> (1 Argument)
\contfracgene* <macro> (1 Argument)

— Argument: tous les éléments de la fraction continuée généralisée séparés par des |.

11.2.3 Comme une fraction continuée isolée

Exemple d'utilisation

La raison d'être de la macro ci-dessous vient juste de son usage en interne.

```
Les fous (?\,) adorent vraiment écrire des choses comme \\singlecontfrac{a}{b}$.

Les fous (?) adorent vraiment écrire des choses comme a.
```

Fiche technique

\singlecontfrac <macro> (2 Arguments)

- Argument 1: le pseudo numérateur.
- Argument 2: le pseudo dénominateur.

11.2.4 L'opérateur K

Exemple d'utilisation 1

La notation suivante est proche de celle qu'utilisait Carl Friedrich Gauss.

$$\begin{array}{l} \begin{tabular}{l} & \contfracope_{k=1}^n \ (b_k:c_k) \\ & = \cfrac_{b_1}^n \contfracgene_{c_1} \ b_2 \ c_2 \ b_3 \ \contfrac_{b_n} \ \ \\ \hline \\ & \cline{1cm} \\ & \cline{$$

Remarque. La lettre \mathcal{K} vient de "kettenbruch" qui signifie "fraction continuée" en allemand.

Exemple d'utilisation 2

Fiche technique

\contfracope <macro> (Sans argument)

12 Algèbre

12.1 Polynômes, séries formelles et compagnie

12.1.1 Polynômes et fractions polynômiales

Exemple d'utilisation 1 : Polynômes

Exemple d'utilisation 2 : Fractions polynômiales

```
Q(T)  et Q(S_1; S_2; ...; S_k) permettent d'indiquer des ensemble de fractions polynomiales à coefficients rationnels.
```

12.1.2 Séries formelles et leurs corps de fractions

Exemple d'utilisation 1 : Séries formelles

Exemple d'utilisation 2 : Corps des fractions de séries formelles

12.1.3 Polynômes de Laurent et séries formelles de Laurent

Exemple d'utilisation 1 : Polynômes de Laurent

Exemple d'utilisation 2 : Séries formelles de Laurent

12.1.4 Toutes les fiches techniques

```
\setpoly <macro> (2 Arguments)
\setpolyfrac <macro> (2 Arguments)
\setserie <macro> (2 Arguments)
\setseriefrac <macro> (2 Arguments)
\setpolylaurent <macro> (2 Arguments)
\setserielaurent <macro> (2 Arguments)
```

- Argument 1: l'ensemble auquel les coefficients appartiennent.
- Argument 2: cet argument est une suite de "morceaux" séparés par des barres |, chaque morceau étant une variable formelle.

12.2 Matrices

Comment ça marche?

Tout le boulot est fait par le package nicematrix auquel on impose l'option transparent. Veuillez vous reporter à la documentation de nicematrix pour savoir comment s'y prendre.

Exemple 1 tiré de la documentation de nicematrix

Exemple 2 tiré de la documentation de nicematrix

```
$\begin{pNiceMatrix} [name=mymatrix]

1 & 2 & 3 \\
4 & 5 & 6 \\
7 & 8 & 9
\end{pNiceMatrix}$

\tikz[remember picture, overlay]
\draw (mymatrix-2-2) circle (2mm);

\( \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{pNiceMatrix} \)
```

Exemple 3 tiré de la documentation de nicematrix

```
$\left(
  \begin{NiceArray}{CCCC:C}
    1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\
    6 & 7 & 8 & 9 & 10 \\
    11 & 12 & 13 & 14 & 15
  \end{NiceArray}
\right)$

\[
\begin{array}{cccc:C}
    1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\
    6 & 7 & 8 & 9 & 10 \\
    11 & 12 & 13 & 14 & 15
\end{array}
\right
\]
\[
\begin{array}{cccc}
    1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\
    6 & 7 & 8 & 9 & 10 \\
    11 & 12 & 13 & 14 & 15
\end{array}
\]
\[
\begin{array}{cccc}
    1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\
    6 & 7 & 8 & 9 & 10 \\
    11 & 12 & 13 & 14 & 15
\end{array}
\]
\[
\begin{array}{cccc}
    1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\
    6 & 7 & 8 & 9 & 10 \\
    11 & 12 & 13 & 14 & 15
\end{array}
\]
\[
\begin{array}{cccc}
    1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\
    6 & 7 & 8 & 9 & 10 \\
    11 & 12 & 13 & 14 & 15
\end{array}
\]
\[
\begin{array}{cccc}
    1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\
    6 & 7 & 8 & 9 & 10 \\
    11 & 12 & 13 & 14 & 15
\end{array}
\]
\[
\begin{array}{cccc}
    1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\
    6 & 7 & 8 & 9 & 10 \\
    11 & 12 & 13 & 14 & 15
\end{array}
\]
\[
\begin{array}{ccccc}
    1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\
    6 & 7 & 8 & 9 & 10 \\
    11 & 12 & 13 & 14 & 15
\end{array}
\]
\[
\begin{array}{ccccc}
    1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\
    6 & 7 & 8 & 9 & 10 \\
    11 & 12 & 13 & 14 & 15
\end{array}
\]
\[
\begin{array}{ccccc}
    1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\
    6 & 7 & 8 & 9 & 10 \\
    11 & 12 & 13 & 14 & 15
\end{array}
\]
\[
\begin{array}{cccccc}
    1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\
    6 & 7 & 8 & 9 & 10 \\
    11 & 12 & 13 & 14 & 15
\end{array}
\]
\[
\begin{array}{ccccc}
    1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\
    1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\
    1 & 3 & 4 & 10 \\

    1 & 3 & 4 & 10 \\
    1 & 3 & 4 & 10 \\
    1 & 3 & 4 & 10 \\
    1 & 3 & 4 & 10 \\
    1 & 3 & 4 & 10 \\
    1 & 3 & 4 & 10 \\
    1 & 3 & 4 & 10 \\
    1 & 3 & 4 & 10 \\
    1 & 3 & 4 & 10 \\
    1 & 3 & 4 & 10 \\
    1 & 3 & 4 & 10 \\
    1 & 3 & 4 & 10 \\
    1 & 3 & 4 & 10 \\
    1 & 3 & 4 & 10 \\
    1 & 3 & 4 & 10 \\
    1 & 3 & 4 & 10 \\
    1 & 3 & 4 & 10 \\
    1 & 3 & 4 & 10 \\
    1 & 3 & 4 & 10 \\
    1 & 3 & 4 & 10 \\
    1 & 3 & 4 & 10 \\
    1 & 3 & 4 & 10 \\
    1 & 3 & 4 & 10 \\
    1
```

13 Historique

Nous ne donnons ici qu'un très bref historique de lymath côté utilisateur principalement. Tous les changements sont disponibles uniquement en anglais dans le dossier change-log : voir le code source de lymath sur github.

2019-10-21 Nouvelle version sous-mineure 0.6.3-beta.

- Pour les intervalles, \CSinterval a été déplacée dans le package \lyalgo disponible à l'adresse https://github.com/bc-latex/ly-algo.
- En logique, il y a eu les modifications suivantes.
 - \eqdef** a été supprimé. Voir la macro \Store* du package \lyalgo.
 - Différentes versions de l'opérateur ∃ via \existsone et \existmulti avec leurs versions négatives \nexistsone et \nexistmulti.
 - Deux nouvelles macros \eqplot et \eqappli pour indiquer une équation de courbe et l'application d'une identité à des variables. Ceci s'accompagne de l'ajout des macros \textopplot et \textopappli.
 - Ajout des formes négatives \niff, \nimplies et \nliesimp.
 - Les décorations cons, appli et choice sont utilisables avec les opérateurs \iff, \implies et \liesimp et leurs formes négatives.
 - Une macro \textoptest a été ajoutée afin de rendre personnalisable tous les textes décorant les symboles.
- En analyse, il y a eu les renommages suivants.
 - \hypergeo est devenu \seqhypergeo.
 - \suprageo est devenu \seqsuprageo.
- En géométrie, \notparallel est devenu \nparallel.

2019-10-14 Nouvelle version sous-mineure 0.6.2-beta.

- En algèbre, il y a eu les renommages ci-dessous qui avaient été oubliés.
 - \polyset est devenu \setpoly.
 - \polyfracsetp est devenu \setpolyfrac.
 - \serieset est devenu \setserie.
 - \seriefracset est devenu \setseriefrac.
 - \polylaurentset est devenu \setpolylaurent.
 - \serielaurentset est devenu \setserielaurent.

2019-10-13 Nouvelle version sous-mineure 0.6.1-beta.

- En logique, la macro \explain possède maintenant un argument optionnel pour indiquer l'espacement avant le symbole. Les macros obsolètes \explain* et \textexplainspacebefore ont été supprimées.
- En probabilité, voici ce qui a évolué.
 - Les macros \probacond et \probacond* n'ont plus d'argument optionnel. Pour obtenir l'écriture fractionnaire, il faut utiliser \probacond** ou \dprobacond**.
 - Les environnements probatree et probatree* ont trois nouvelles clés. La clé frame permet d'encadrer un sous-arbre, et les clés apweight et bpweight permettent d'écrire des poids dessus/dessous une branche.
- Pour les ensembles, il y a eu les renommages suivants par souci de cohérence.
 - \algeset est devenu \setalge.
 - \geoset est devenu \setgeo.

- \geneset est devenu \setgene.
- \probaset est devenu \setproba.
- \specialset est devenu \setspecial.

2019-10-10 Nouvelle version mineure 0.6.0-beta.

- Des nouveaux outils spécifiques aux probabilités.
 - Les macros \probacond et \probacond* servent à écrire des probabilités conditionnelles.
 - Les environnements probatree et probatree* simplifient la production d'arbres probabilistes pondérés ou non.
- En géométrie, la macro \notparallel a été rajoutée.
- Un nouveau type d'intervalle pour l'informatique théorique via la macro \CSinterval afin d'obtenir quelque chose comme a..b.
- En logique, il y a deux nouvelles macros sémantiques \neqid et \eqchoice.

2019-09-27 Nouvelle version mineure 0.5.0-beta.

- Ajout des macros \dsum et \dprod qui sont vis à vis de \sum et \prod des équivalents de \dfrac pour \frac.
- En arithmétique, ajout des opérateurs \divides, \notdivides et \modulo.
- En géométrie, une nouvelle macro et un opérateur modifié.
 - \pts permet d'indiquer plusieurs points.
 - \parallel utilise des obliques pour symboliser le parallélisme au lieu de barres verticales.
- En logique, il y a les nouveautés suivantes.
 - La version doublement étoilée \eqdef** donne une deuxième écriture symbolique d'un symbole égal de type définition (cette notation vient du langage B).
 - Ajout de \liesimp comme alias de \Longleftarrow.
 - Les macros \vimplies, \viff et \vliesimp sont des versions verticales de \implies, \iff et \liesimp.
 - Comme pour les égalités, il existe les macros \impliestest, \iffhyp ... etc.

2019-09-06 Nouvelle version mineure 0.4.0-beta.

- Dans « Logique et fondements », différents types de signes d'inéquation et de non égalité pour des cas de test, d'hypothèse faite et de condition à vérifier.
- Intégration du package tkz-tab pour rédiger des tableaux de variations et de signes.
- Intégration du package nicematrix pour écrire des matrices.

2019-07-23 Nouvelle version mineure 0.3.0-beta.

- Une nouvelle section « Logique et fondements » a été ajoutée.
 - Trois types de signes = décorés sont proposés : voir les macros \eqdef , \eqid et \eqtest.
 - Via la macro \explain, il devient facile d'expliquer des étapes de raisonnement ou des calculs.
- Pour les ensembles, la macro \fieldset a été renommé \algeset et la macro \PP permet d'indiquer l'ensemble des nombres premiers.
- En géométrie, il y a quelques nouveautés.
 - La macro \hangleorient permet l'écriture d'angles orientés avec un chapeau en plus.
 - Les macros \vangleorient et \vhangleorient évite d'avoir à utiliser \vect lorsque l'on a juste des vecturs simples nommés et non coefficientés.
 - De même pour les macros \vdotprod, \vadotprod et \vcroosprod.
- Ajout de \lymathsubsep qui définit le séparateur des arguments de second niveau.

- 2019-02-21 Nouvelle version mineure 0.2.0-beta.
 - L'usage de // pour les macros-commandes avec un nombre quelconque d'arguments a été remplacé par celui de |.
 - En géométrie, il y a diverses nouveautés.
 - Ajout de l'écriture de coordonnées, de produits scalaires et de produits vectoriels.
 - \axis a été correctement traduit en \axes.
 - Les macros \gpaxis et \gpvaxis deviennent \paxes et \pvaxes pour être cohérent avec \pt qui a remplacé l'ancien \gpt.
 - En analyse, ajout de la macro commande étoilée \derpow* pour la gestion automatique des primes d'une dérivée.
 - Une nouvelle section "algèbre" propose des macros pour écrire des ensembles de polynômes, de fractions polynomiales, de séries formelles, de fractions de séries formelles, et aussi de polynômes et de séries formelles de Laurent.
 - Redéfinition de \frac et \dfrac pour obtenir des traits de fraction un peu plus longs.
 - Ajout de \lymathsep qui définit le séparateur d'arguments.
- 2017-11-01 Nouvelle version mineure 0.1.0-beta: pour les ensembles, les fonctions et la géométrie, il y a eu des changements et l'ajout de nouveaux outils.
- 2017-10-21 Historique court de lymath ajouté au présent document.
- 2017-10-18 Nouvelle version "patchée" 0.0.2-beta : de nouveaux outils pour le calcul différentiel.
- 2017-10-06 Nouvelle version "patchée" 0.0.1-beta : de nouveaux outils pour l'arithmétique, la géométrie, le calcul intégral et le calcul différentiel.
- 2017-10-02 Première version 0.0.0-beta du package.