Le package tnsproba : parler des probabilités facilement

Code source disponible sur https://github.com/typensee-latex/tnsproba.git.

Version ${\tt 0.8.0\text{-}beta}$ développée et testée sur ${\tt Mac\,OS\,X}.$

Christophe BAL

2020-08-10

Table des matières

Todaya Jaraki an	0
	2
Beta-dépendance	2
Packages utilisés	2
Ensembles probabilistes	2
Généralités	2
1. Probabilité « simple »	2
2. Probabilité conditionnelle	2
3. Évènement contraire	3
4. Espérance, variance et écart-type	3
Arbres pondérés	4
1. Au commencement était la forêt	4
2. Les bases	5
3. Commenter les feuilles	7
4. Avec des cadres	10
5. Mettre en valeur des chemins	11
6. Utiliser les noms automatiques donnés par forest	13
Historique	16
. Toutes les fiches techniques	18
1. Généralités	18
i. Probabilité « simple »	18
ii. Probabilité conditionnelle	18
iii. Évènement contraire	18
iv. Espérance, variance et écart-type	18
2. Arbres pondérés	18
•	Généralités 1. Probabilité « simple » 2. Probabilité conditionnelle 3. Évènement contraire 4. Espérance, variance et écart-type Arbres pondérés 1. Au commencement était la forêt 2. Les bases 3. Commenter les feuilles 4. Avec des cadres 5. Mettre en valeur des chemins 6. Utiliser les noms automatiques donnés par forest Historique Toutes les fiches techniques 1. Généralités i. Probabilité « simple » ii. Probabilité conditionnelle iii. Évènement contraire iv. Espérance, variance et écart-type

I. Introduction

Le package tnsproba propose des macros utiles quand l'on parle de probabilités. La saisie se veut sémantique et simple.

II. Beta-dépendance

tnscom qui est disponible sur https://github.com/typensee-latex/tnscom.git est un package utilisé en coulisse.

III. Packages utilisés

La roue ayant déjà été inventée, le package tnsproba réutilise les packages suivants sans aucun scrupule.

• amsmath • forest • simplekv • xstring

IV. Ensembles probabilistes

Le package tnssets propose la macro \setproba pour indiquer des ensembles de type probabiliste. Se rendre sur https://github.com/typensee-latex/tnssets.git si cela vous intéresse.

V. Généralités

1. Probabilité « simple »

Exemple 1

<pre>\$\proba{A}\$</pre>

Exemple 2 – Choisir le nom de la probabilité

$\rho \$ $P(A)$

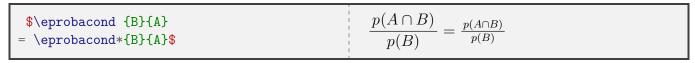
2. Probabilité conditionnelle

Exemple 1 – Les deux écritures classiques

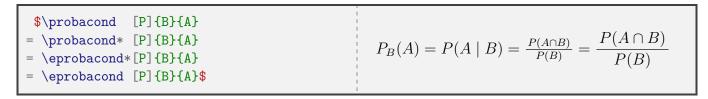
La 1^{re} notation, qui est devenue standard, permet de comprendre l'ordre des arguments.

Exemple 2 – Obtenir la formule de définition

Le préfixe e est pour e-xpand soit « développer » en anglais ¹.



Exemple 3 - Choisir le nom de la probabilité



3. Évènement contraire

\nevent vient de n-ot event qui est une pseudo-traduction de « évènement contraire » en anglais.

<pre>\$\nevent{A}\$</pre>	\overline{A}

4. Espérance, variance et écart-type

Exemple 1 – Espérance

\expval vient de exp-ected val-ue soit « espérance » en anglais.

A) = 5-2 A	$\mathbf{E}(\mathbf{Y})$
<pre>\$\expval{X}\$</pre>	
t (only the chip)	$_{\parallel}$ $_{\perp}$ $_{\perp}$ $_{\perp}$
	T. Control of the Con

Exemple 2 – Choisir le nom de l'espérance

\$\expval[E_1]{X}\$	$E_1(X)$
---------------------	----------

Exemple 3 - Variance

<pre>\$\var {X}\$ ou \$\var[v]{X}\$</pre>	V(X) ou $v(X)$
---	----------------

Exemple 4 – Écart-type

\stddev vient de st-andar-d dev-iation soit « écart-type » en anglais.

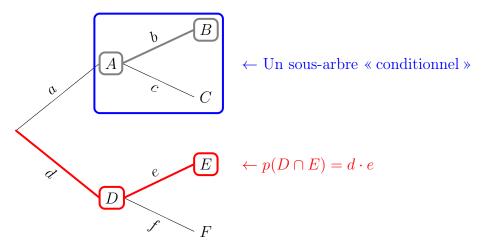
$$\$$
 ou $\$ \stddev[s]{X}\$

^{1.} Pour ne pas alour dir l'utilisation de \probacond , il a été choisi d'utiliser un préfixe au lieu d'un système de multi-options.

VI. Arbres pondérés

1. Au commencement était la forêt...

Le gros du travail est fait par le package forest qui s'appuie TikZ dont on peut utiliser toute la machinerie afin d'obtenir des choses sympathiques comme ci-dessous et ceci à moindre coût neuronal comme vont le montrer les explications données dans les sections suivantes.



Le rendu précédent a été obtenu via le code suivant.

```
\begin{probatree}
    [\{\}, name = nU
                                   % Noeud racine sans texte via {} mais avec un nom.
        [A, apweight = a,
            name
                     = nA
            pframe
                     = blue
            [B, name
                          = nB,
                apweight = b]
            [C, bpweight = c]
                               % Pas besion de nommer ce noeud.
        ]
        [D, bpweight = d,
            name
                    = nD
            [E, apweight = e,
                name
                      = nE
            [F, bpweight = f] % Pas besion de nommer ce noeud.
        ]
   ]
    \ptreeFocus[col=gray]{nA | nB}
    \ptreeComment[col=blue] %
                 {nA}{$\leftarrow$ Un sous-arbre \og conditionnel \fg}
    \ptreeFocus*[col=red]{nU | nD | nE}
    \ptreeComment[col=red] %
                 {nE}_{\subseteq} \ \leftarrow \proba{D \cap E} = d \cdot e$}
\end{probatree}
```

Remarque. Jusqu'à la section 6. page 13, nous nommerons à la main les noeuds des arbres via name = ... lorsque cela sera nécessaire. Dans la section indiquée nous verrons comment utiliser les noms automatiques donnés par le package forest.

2. Les bases

Exemple 1 – Le cas type

Commençons par un arbre nu pour voir comment utiliser l'environnement probatree qui s'appuie en coulisse sur celui nommé forest du package éponyme. L'exemple qui suit utilise juste les réglages spécifiques de mise en forme de l'arbre qui sont propres à probatree.

```
\begin{probatree}
                 % Noeud racine sans
    texte
        [A
                 % Sous-noeud nommé
            [B]
                 % Sous-sous-noeud nommé
                 % Sous-sous-noeud nommé
        ]
        [D
                 % Sous-noeud nommé
            [E]
                 % Sous-sous-noeud nommé
                 % Sous-sous-noeud nommé
        ]
\end{probatree}
```

Exemple 2 – Ajouter des pondérations

Dans le code suivant, ce sont les clés ² pweight, apweight et bpweight qui facilitent l'écriture des pondérations sur les branches. Indiquons que pweight vient de p-robability et weight soit « probabilité » et « poids » en anglais. Quant au a et au b au début de apweight et bpweight respectivement, ils viennent de a-bove et b-elow soit « dessus » et « dessous » en anglais.

```
\begin{probatree}

[A, pweight = a
        [B, pweight = b]
        [C, pweight = c]
]

[D, bpweight = d
        [E, apweight = e]
        [F, bpweight = f]
]
| end{probatree}
```

Remarque. Notez que le mode mathématique est activé par défaut pour les noms de noeuds et les poids comme le montre l'exemple improbable ci-dessous.

^{2.} En fait du point de vue de TikZ, ce sont des styles.

```
\begin{probatree} \\ [\\ [] [frac{1}{7}, apweight = \cos 0 \\ [a^b, bpweight = 10^0] \\ ] \\ [] \\ [] \\ end{probatree} \end{minipage} \qquad \frac{\cos 0}{7} - \frac{1}{7} - \frac{a^b}{10^0} = a^b
```

Exemple 3 – Des poids cachés partout

On peut cacher tous les poids via l'environnement étoilé probatree* sans avoir à les effacer partout dans le code L^AT_FX (ceci peut être utile lors de la rédaction d'exercices).

Exemple 4 – Des poids cachés localement

Pour ne cacher que certains poids afin de produire par exemple un arbre à compléter, il faudra utiliser localement le style pweight* comme dans l'exemple ci-dessous (ceci aussi peut servir à rédiger des exercices).

Exemple 5 – Forcer l'affichage des poids cachés localement

Imaginons que nous voulions donner l'arbre précédent avec tous ses poids. Il suffit dans ce cas de passer via l'environnement doublement étoilé probatree** qui affichera absolument tous les poids (on tape une fois et on réutilise le même code dans deux contextes différents).

Exemple 6 – Un signe = et/ou une virgule dans les étiquettes

Vous ne pouvez pas utiliser directement un signe = ou une virgule dans les étiquettes des branches³. Pour contourner cette limitation, il suffit de mettre le contenu de l'étiquette entre des accolades.

```
\begin{probatree}

[A, apweight = {a = 0,1}]

[B, bpweight = b]

]
\end{probatree}
```

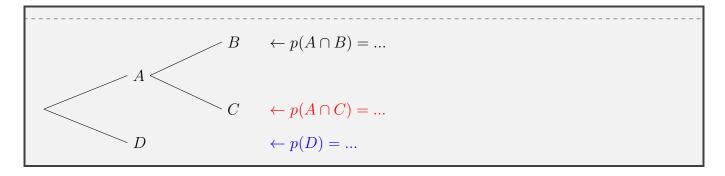
3. Commenter les feuilles

Exemple 1 – Tout aligner

Que ce soit pour expliquer un arbre de probabilité, ou bien pour raisonner sur ce dernier, l'effet suivant est très utile⁴. Noter l'utilisation possible de la clé col pour col-or afin d'indiquer une couleur au format TikZ. La couleur oar défaut est le noir.

^{3.} Ces deux symboles font partie de la syntaxe TikZ.

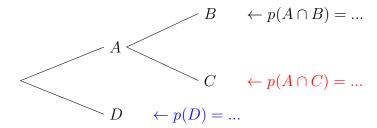
^{4.} Le package forest permet d'indiquer directement des mises en forme dans le code de l'arbre. L'auteur du présent package trouve bien plus efficace à l'usage de ne pas toucher au code minimal d'un arbre. Ceci explique donc le choix retenu de donner les décorations supplémentaires après le code de l'arbre.



Remarque. Commenter un noeud interne ne provoquera pas d'erreur même si \ptrecComment n'a pas été conçu pour ceci. Ceci a été utilisé dans l'exemple d'introduction mais ça reste un petit hack.

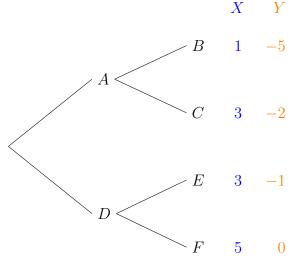
Exemple 2 – Coller au plus près

En utilisant \ptreeComment* au lieu de \ptreeComment, les commentaires seront proches des noeuds et donc non alignés verticalement. Avec l'exemple précédent on obtient la mise en forme qui suit.



Exemple 3 – Décalages horizontal et vertical – Avec des variables aléatoires

Grâce aux clés dx et dy il est possible d'ajouter des décalages horizontal et vertical. Ceci permet d'obtenir ce qui suit sans trop se fatiguer les méninges.



Le code utilisé est le suivant. Notez qu'ici il y a des réglages à faire au doigt mouillé. Dans l'exemple suivant nous allons voir comment se passer des horribles copier-coller.

Exemple 4 – Commenter via une boucle – Avec des variables aléatoires

Dans le code précédent nous avons dû faire des copier-coller. La macro \foreach de TikZ permet d'éviter cela afin d'obtenir un code très facile à maintenir et à comprendre comme celui ci-après. Ceci étant indiqué, il y a des pièges à éviter comme nous l'expliquons juste après.

```
\begin{probatree}
   % -- Code de l'arbre seul non reproduit ici -- %
   % ----- %
   % Valeurs de X
   \ptreeComment[col=blue, dx=-.25em, dy=1cm] %
                {nB}{X\$}
   \foreach \name/\val in {
       nB/\$1\$,
       nC/$3$,
       nE/$3$,
       nF/$5$
   }{
       \ptreeComment[col=blue]{\name}{\val}
   % Valeurs de Y
   \ptreeComment[col=orange, dx=2em+.5em, dy=1cm] %
                {nB}{\$Y\$}
   \foreach \name/\val in {
       nB/\$-5\$,
       nC/\$-2\$,
       nE/\$-1\$,
       nF/\$\phantom{-}0$
   }{
       \ptreeComment[col=orange, dx=2em]{\name}{\val}
\end{probatree}
```

Voici les pièges à éviter.

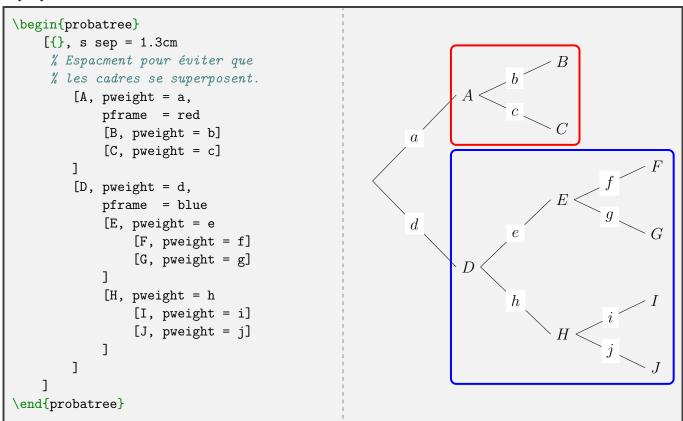
1. \foreach ignore les espace initiaux mais pas les finaux. Si vous utilisez nb /\$1\$ au lieu de nb/\$1\$ alors la macro croira que le nom se finit par un espace et forest ne pourra rien faire.

2. Les noms \color, \col, \dx et \dy sont utilisés en coulisse donc vous ne pourrez pas les utiliser dans votre boucle.

4. Avec des cadres

Exemple 1 – Des cadres finaux

Via la clé pframe il est très aisé d'encadrer un sous-arbre final⁵ comme le montre l'exemple suivant⁶. Dans l'exemple ci-après nous utilisons la bidouille {},s sep = 1.3cm qui évite que les cadres se superposent.



Remarque. La clé pframe est un cas particulier de décoration car les autres décorations se font en dehors de la définition de l'arbre

Exemple 2 – Des cadres non finaux

La macro \ptreeFrame permet facilement d'encadrer un sous-arbre non final. Ceci nécessite d'utiliser des noms de noeuds. Voici un exemple où la macro \ptreeFrame attend les noms de la racine et des deux noeuds finaux le plus haut et le plus bas.

^{5.} Un sous-arbre sera dit final si toutes ses feuilles correspondent à des feuilles de l'arbre initial.

^{6.} Ce type de cadre est très utile d'un point de vue pédagogique.

```
\begin{probatree}
    [\{\}, name = nU
     % La racine a un texte vide {}.
        [A, pweight = a,
            name
                     = nA
             [B, pweight = b,
                 name
                         = nB
                 [C, pweight = c]
                                                                              В
                 [D, pweight = d]
             [F, pweight = f,
                 name
                         = nF
        ]
        [G, pweight = g,
            name
                     = nG
    ]
    \ptreeFrame
                            {nU}{nA}{nG}
    \ptreeFrame[col=orange] {nA} {nB} {nF}
\end{probatree}
```

5. Mettre en valeur des chemins

Exemple 1 – Juste avec deux noeuds

Il est relativement aisé de mettre en valeur un chemin particulier comme dans l'exemple ci-après qui est une simple démo. montrant les différences entre \ptreeFocus, \ptreeFocus* et \ptreeFocus**. Notez que les noms des noeuds sont séparés par des barres verticales | et qu'il est possible d'utiliser des espaces pour améliorer la lisibilité du code.

Voici ce qu'il faut retenir.

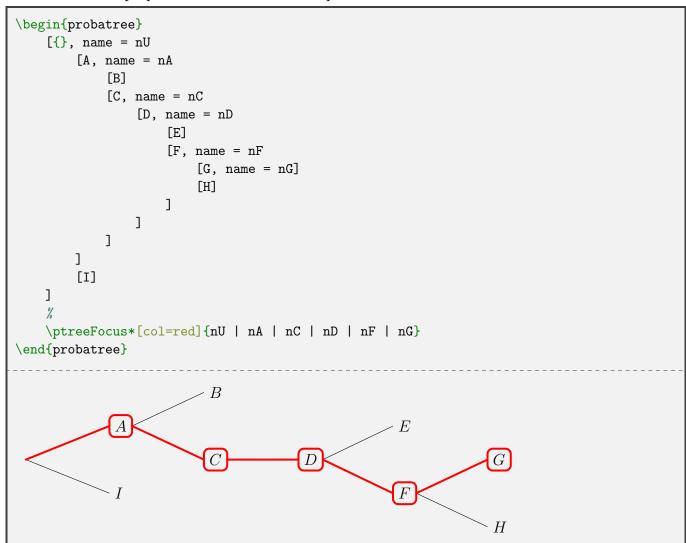
- 1. \ptreeFocus encadre tous les noeuds.
- 2. \ptreeFocus* n'encadre pas le tout premier noeud (typiquement cela est utile pour un chemin partant de la racine de l'arbre si celle-ci n'est pas nommée comme on le fait très souvent).
- 3. \ptreeFocus** n'encadre aucun des noeuds.
- 4. La couleur peut être changée via l'argument optionnel en utilisant les couleurs de type TikZ. Par défaut le bleu est utilisé.

Remarque. Le fonctionnement interne de forest empêche une coloration automatique des noeuds. Si vous souhaitez obtenir cet effet il faudra ajouter les couleurs à la main pour chaque noeud comme dans l'exemple qui suit.



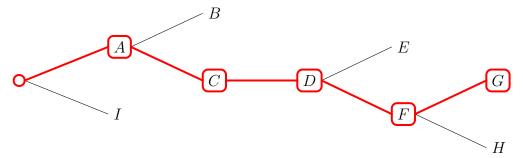
Exemple 2 – Plusieurs noeuds d'un coup

Rien de bien compliqué à condition de bien respecter l'ordre de saisie des noeuds.

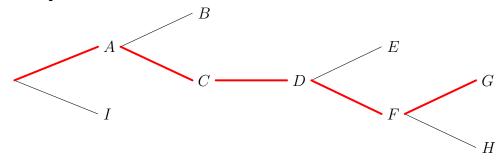


Avec \ptreeFocus on obtient l'arbre suivant où le mini disque initial 7 n'est pas forcément souhaité.

^{7.} Ce disque est en fait un carré aux coins arrondis autour d'un texte vide.

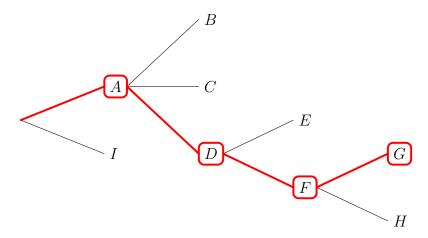


Avec \ptreeFocus** on obtient l'arbre ci-dessous.



6. Utiliser les noms automatiques donnés par forest

Voyons comment obtenir le résultat suivant en indiquant tous les noeuds via les noms automatiques fabriqués par forest.



Le rendu précédent a été obtenu via le code suivant.

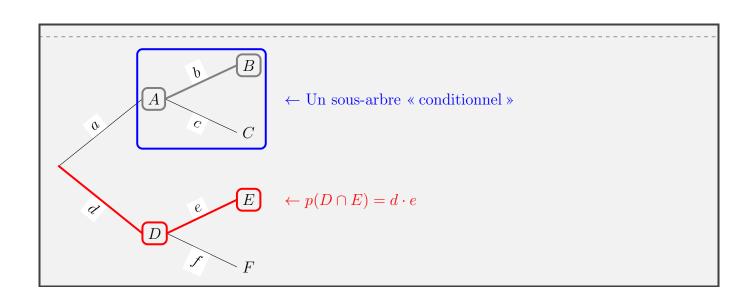
```
]
%
\aptreeFocus*[col=red]{ | 1 | 13 | 132 | 1321}
\end{probatree}
```

Voici comment s'y prendre.

- 1. On utilise \aptreeFocus au lieu de \ptreeFocus où le préfixe a est pour a-uto. De façon similaire il existe les macros \aptreeComment et \aptreeFrame.
- 2. Chaque nom automatique fabriqué par forest commence par ! . Ce caractère spécial n'est pas à indiquer car il sera ajouté automatiquement en coulisse.
- 3. La racine est nommée ! par forest d'où le | seul au début de l'argument de \aptreeFocus* ci-dessus afin d'indiquer un texte vide comme tout premier noeud.
- 4. Pour voir ce qu'il faut faire pour un noeud autre que la racine, considérons par exemple 1321. On indique en fait le chemin à suivre après la racine pour arriver au noeud voulu.
 - Aller d'abord au $\boxed{1}^{\text{er}}$ noeud du niveau 1 qui ici est A.
 - Aller ensuite au $\boxed{3}^{\text{e}}$ noeud du niveau 2 qui ici est D.
 - Aller après au 2^e noeud du niveau 3 qui ici est F.
 - Aller enfin au $\boxed{1}^{\text{er}}$ noeud du niveau 4 qui ici est G. C'est notre noeud nommé $\boxed{1321}$.

Remarque. Utilisez de préférence les noms automatiques car cela facilitera la maintenance de vos arbres sur le long terme. Si on reprend le tout premier exemple d'arbre décoré, il est bien plus simple de faire comme suit car on ne touche pas à la structure minimale du code de l'arbre. A titre illustratif on a utilisé \ptreeFrame au lieu de la clé pframe directement dans l'arbre.

```
\begin{probatree}
    [A, apweight = a]
            [B, apweight = b]
            [C, bpweight = c]
        [D, bpweight = d]
            [E, apweight = e]
            [F, bpweight = f]
        ]
   ]
    \aptreeFocus[col=gray]{1 | 11}
    \aptreeFrame{1}{11}{12}
    \aptreeComment[col=blue] %
                  {1}{$\leftarrow$ Un sous-arbre \og conditionnel \fg}
    \aptreeFocus*[col=red]{ | 2 | 21}
    \aptreeComment[col=red] %
                  {21}{\frac{\$}{\text{cap }E}} = d \cdot e\$}
\end{probatree}
```



VII. Historique

Nous ne donnons ici qu'un très bref historique récent ⁸ de tnsproba à destination de l'utilisateur principalement. Tous les changements sont disponibles uniquement en anglais dans le dossier change-log : voir le code source de tnsproba sur github.

2020-08-10 Nouvelle version mineure 0.8.0-beta.

• Arbre de probabilités : le mode mathématique est activé par défaut pour les noms des noeuds et les poids (plus besoin de taper de \$).

2020-08-09 Nouvelle version mineure 0.7.0-beta.

- Arbre de probabilités.
 - Utilisation obligatoire de col=... pour indiquer une couleur à toutes les macros de décoration.
 - Les macros \ptreeComment, \ptreeComment*, \aptreeComment et \aptreeComment* ont deux clés dx et dy pour indiquer un décalage relatif.
 - Ajout de l'environnement probatree** qui force l'affichage de tous les poids!

2020-08-08 Nouvelle version mineure 0.6.0-beta.

- Arbre de probabilités.
 - \aptreeFocus, \aptreeFocus* et \aptreeFocus** permettent d'utiliser le système de nommage automatique des noeuds proposé par forest.
 - Il en va de même pour \aptreeComment et \aptreeFrame.

2020-08-05 Nouvelle version mineure 0.5.0-beta.

- Arbre de probabilités.
 - \ptreeFocus, \ptreeFocus* et \ptreeFocus** fonctionnent avec un multi-argument pour pourvoir indiquer un chemin sur plusieurs noeuds.
 - Suppression de la clé \pcomment.
 - Ajout des macros \ptreeComment et \ptreeComment* qui simplifient la saisie.

2020-07-31 Nouvelle version mineure 0.4.0-beta.

• Arbre : possibilité de mettre en valeur un chemin via \ptreeFocus, \ptreeFocus* ou \ptreeFocus**.

2020-07-25 Nouvelle version mineure 0.3.0-beta.

8. On ne va pas au-delà de un an depuis la dernière version.

• Arbre.

- Ajout du style pcomment pour placer du texte à la droite d'une feuille.
- Le style frame a été renommé pframe.

2020-07-23 Nouvelle version mineure 0.2.0-beta.

• ARBRE : ajout de la macro \ptreeFrame pour tracer facilement des sous cadres non « finaux ».

2020-07-22 Nouvelle version mineure 0.1.0-beta.

- Probabilité conditionnelle : \probacondexp renommée en \eprobacond.
- ÉVÈNEMENT CONTRAIRE : ajout de \nevent.
- VARIANCE ET ÉCART-TYPE : ajout de \var et \stddev.

2020-07-10 Première version 0.0.0-beta.

VIII. Toutes les fiches techniques

1. Généralités

i. Probabilité « simple »

\proba[#opt]{#1}

- Option: le nom de la probabilité. La valeur par défaut est p.
- Argument: l'ensemble dont on veut calculer la probabilité.

ii. Probabilité conditionnelle

```
\probacond [#opt] {#1..#2}
\probacond* [#opt] {#1..#2}
\eprobacond [#opt] {#1..#2}
\eprobacond* [#opt] {#1..#2}
```

- Option: le nom de la probabilité. La valeur par défaut est p.
- Argument 1: l'ensemble qui donne la condition.
- Argument 2: l'ensemble dont on veut calculer la probabilité.

iii. Évènement contraire

\nevent{#1}

— Argument: l'ensemble dont on veut indiquer le contraire.

iv. Espérance, variance et écart-type

\expval [#opt] {#1}

- Option: le nom de la fonction espérance. La valeur par défaut est E obtenue via \mathrm{E}.
- Argument: la variable aléatoire dont on veut calculer l'espérance.

\var [#opt] {#1}

- Option: le nom de la fonction variance. La valeur par défaut est V obtenue via \mathrm{V}.
- Argument: la variable aléatoire dont on veut calculer la variance.

\stddev[#opt]{#1}

- Option: le nom de la fonction écart-type. La valeur par défaut est σ obtenue via \sigma.
- Argument: la variable aléatoire dont on veut calculer l'écart-type.

2. Arbres pondérés

\begin{probatree}
 ...
\end{probatree}
\begin{probatree*}

\colon \\
\end{probatree*}
\begin{probatree**}
\cdots
\end{probatree**}

- Contenu: un arbre codé en utilisant la syntaxe supportée par le package forest.
- Clé "pweight": pour écrire un poids sur le milieu d'une branche.
- Clé "apweight": pour écrire un poids au-dessus le milieu d'une branche.
- Clé "bpweight": pour écrire un poids en-dessous du milieu d'une branche.
- Clé "pweight*": pour indiquer un poids sans l'imprimer. Dans l'environnement probatree**, le poids sera affiché comme si on avait utilisé pweight.
- Clé "apweight*": pour indiquer un poids sans l'imprimer. Dans l'environnement probatree**, le poids sera affiché comme si on avait utilisé apweight.
- Clé "bpweight*": pour indiquer un poids sans l'imprimer. Dans l'environnement probatree**, le poids sera affiché comme si on avait utilisé bpweight.
- Clé "pframe": pour encadrer un sous-arbre depuis un noeud vers toutes les feuilles de celui-ci.

\ptreeFrame [#opt] {#1..#3}

p = p-robabilty

- Option: un système de type clé=valeur.
- 1. col : une couleur au format TikZ. La valeur par défaut est blue.
- Arguments 1..3: les noms de la sous-racine (à gauche), du noeud final en haut (à droite) et du noeud final en bas (à droite) tous indiqués via name = ... (en fait l'ordre n'est pas important ici).

\aptreeFrame [#opt] {#1..#3}

a = a-auto

Voir les indications précédentes excepté qu'ici on utilise le système de nommage automatisé dérivé de celui de forest.

\ptreeComment [#opt] {#1..#2}

- Option: un système de type clé=valeur.
 - 1. col : une couleur au format TikZ. La valeur par défaut est black.
 - 2. dx : une distance horizontale relative de décalage. La valeur par défaut est 0cm.
 - 3. dy : une distance verticale relative de décalage. La valeur par défaut est 0cm.
- Argument 1: le nom de la feuille.
- Argument 2: le texte du commentaire.

\aptreeComment [#opt] {#1..#2}

Voir les indications précédentes excepté qu'ici on utilise le système de nommage automatisé dérivé de celui de forest.

```
\ptreeFocus [#opt] {#1}
\ptreeFocus* [#opt] {#1}
\ptreeFocus** [#opt] {#1}
```

- Option: un système de type clé=valeur.
 - 1. col : une couleur au format TikZ. La valeur par défaut est blue.
- Argument: les noms des noeuds indiqués via name = ... à fournir dans le bon ordre et à séparer par des barres verticales |.

```
\aptreeFocus [#opt] {#1}
\aptreeFocus** [#opt] {#1}
\aptreeFocus** [#opt] {#1}
```

Voir les indications précédentes excepté qu'ici on utilise le système de nommage automatisé dérivé de celui de forest.