程序作业

编写程序求解两点边值问题

$$-u'' = f, \quad 0 < x < 1,$$

$$u(0) = u(1) = 0,$$

选取等距网格剖分,有限元空间选取为分段连续线性多项式空间,每个单元的基函数利用单元 $I_j = [x_{j-1}, x_j]$ 端点 x_{j-1}, x_j 得到。

- 1. 写出全局基函数、局部基函数以及标准单元对应的形函数
- 2. 计算对应的全局刚度矩阵和局部刚度矩阵
- 3. 取 $f(x) = -(2\cos x (x-1)\sin x), u(x) = (x-1)\sin x$ 测试你的程序,并计算如下误差

$$||u-u_h||_{L^2[0,1]}, \quad ||u-u_h||_{H^1[0,1]}$$

对N = 10, 20, 40, 80给出两种空间的数值解结果。利用公式计算算法的收敛阶。

$$Ord = \frac{\ln(Error_{old}/Error_{now})}{\ln(N_{now}/N_{old})}$$

输出形式如下:

N	L^2 error	order	H^1 error	order
10		_		_
20				
40				
80				

4. 对得到的结果进行讨论。