

計算機輔助設計特論 - B101016 曹寓恆 HW1

1. 將所有 On 讀入 OnSet 以及把 Dontcare 讀入 DontCareSet 中，接著用這些資料建立 Minterms，透過 bitCount() 算出每個數分別有幾個 1，將他們分成“變數數量+1”組。

```
ReadFile_and_Initial(inFile, Variables, OnSet, DontCareSet);  
vector<vector<Term>> Minterms(Variables + 1);  
SetMinterms(Variables, OnSet, DontCareSet, Minterms);
```

2. 透過 while(!minterms.empty())，作為結束找 Prime implicant 的依據，PairInGroups 是將 Minterms 中相鄰的兩組，也就是 1 的個數相差為 1 的資料一一配對嘗試化簡。

```
vector<Term> PrimeImplicant;  
QM qm = {Variables, OnSet, Minterms, PrimeImplicant};  
while (!Minterms.empty())  
{  
    int size = Minterms.size();  
    for (int i = 0; i < size - 1; i++)  
        qm.PairInGroups(Minterms[i], Minterms[i + 1]);  
    qm.ProcessLastGroup();  
}
```

3. 這是 **PairInGroups** 的程式碼，一開始 **CanMerge()**先判斷一組數能否化簡(同時回傳 **PI_chart** 以及 **Merge** 結果)，能的話就將這組數打勾表示已經有配對到可以刪掉了，接下來檢查 **NotExist()**化簡後的結果有沒有重複出現，若沒出現過就放進 **Group1** 等待下一輪化簡。在 **Group1** 的第 0 個數和 **Group2** 中所有人都配對過且無法化簡表示他是 **Prime implicant** 計算完畢，最後將 **Group1** 第 0 個數刪掉。

```
for (int i = 0; i < G1_Size; i++)
{
    int j = 0;
    for (auto &it : Group2)
    {
        Term MergeResult;
        if (CanMerge(Group1[0], Group2[j], MergeResult))
        {
            Group1[0].mark = true;
            Group2[j].mark = true;
            if (NotExistInGroup(Group1, MergeResult))
                Group1.push_back(MergeResult);
        }
        j++;
    }
    if (!Group1[0].mark)
        PutInPrimeImplicant(Group1[0]);
    Group1.erase(Group1.begin());
}
```

4. 配對期間會把已經計算完畢的數丟掉，所以一輪 `while()` 中配對後有些 `Group` 會變空，`ProcessLastGroup` 是一輪配對的收尾。第一步把最尾端的 `Group` 的元素依據打勾情形放進 `Prime implicant` 中或是直接刪掉。最後，檢查 `Minterms` 中哪些 `Group` 空了就刪掉，結束一輪 `while()`，當所有 `Minterms` 都計算完了 `Minterms.empty()` 就會成立，離開 `while()`，結束 `Quine Mcluskey`。

```
void ProcessLastGroup()
{
    while (!Minterms.back().empty())
    {
        if (!Minterms.back()[0].mark)
            PutInPrimeImplicant(Minterms.back()[0]);
        Minterms.back().erase(Minterms.back().begin());
    }
    Minterms.pop_back();
    int size = Minterms.size();
    for (int i = 0; i < size; i++)
    {
        if (Minterms[i].empty())
        {
            Minterms.erase(Minterms.begin() + i);
            size--;
        }
        else
            i++;
    }
}
```

5. 產生 implicant.txt

```
set<string> MinCover;
    Output out = {Variables, PrimeImplicant, MinCover, inFile, outFile1,
outFile2};
    out.OutputImplicant();
```

6. FindMinCover()是 Petrick's method 的主程式，由於乘開後會是 $P_1P_3+P_2P_4P_7\dots$ 的型態，`vector<set<string>> P1P2_Set` 就是用來儲存乘開的結果。`set<string> P1P2` 用來儲存即將要和 `P1P2_Set` 相乘展開的項(後面一項)，例如: $(P_1P_2P_3+P_4P_7)(P_5+P_6)$ ，下圖迴圈是將第一項設為 `P1P2_Set` 的初始值

```
7. set<string> FindMinCover()
8. {
9.     vector<set<string>> P1P2_Set;
10.    auto it0 = OnSet.begin();
11.    for (const auto &itP : PrimeImplicant)
12.    {
13.        bool flag = false;
14.        set<string> P1P2;
15.        if (itP.PI_chart[it0->second])
16.        {
17.            flag = true;
18.            P1P2.insert(itP.value);
19.        }
20.        if (flag)
21.            P1P2_Set.push_back(P1P2);
22.    }
```

7. 下圖是 **FindMinCover()** 的下半段，上面的迴圈不斷呼叫 **Merge()** 來將兩項合併(細節在 8.9.)，全部合併結束後呼叫 **CountLiteral** 找到最少 **literal** 的一組 **Cover** 並回傳給 **MinCover**，接著 **main()** 中呼叫 **OutputMinCover** 產生 **output.txt** 全部程式執行完畢

```
    it0++;
    for (; it0 != OnSet.end(); it0++)
    {
        set<string> P1P2;
        for (const auto &itP : PrimeImplicant)
            if (itP.PI_chart[it0->second])
                P1P2.insert(itP.value);
        P1P2_Set = Merge(P1P2_Set, P1P2);
    }
    int MinLiteral = INT_MAX, i = 0, MinIndex = 0;
    for (auto &it : P1P2_Set)
    {
        int literal = CountLiteral(it);
        if (MinLiteral > literal)
        {
            MinLiteral = literal;
            MinIndex = i;
        }
        i++;
    }
    return P1P2_Set[MinIndex];
}
};
```

8. 乘上，Merge()中把 P1P2_Set 和 P1P2 乘開，利用 set 元素不重複的特性實現 $XXY = XY$ 的吸收律，乘開的結果還需要經過 $X+XY=X$ 的化簡，這一部分呼叫 Absrption()處理

```
vector<set<string>> Merge(vector<set<string>> &P1P2_Set, set<string>
&P1P2)
{
    vector<set<string>> MergeResult;
    for (const auto &itS : P1P2_Set)
    {
        for (const auto &it2 : P1P2)
        {
            set<string> p1p2;
            p1p2.insert(it2);
            for (const auto &it1 : itS)
                p1p2.insert(it1);
            MergeResult.push_back(p1p2);
        }
    }
    Absorption(MergeResult, P1P2);
    return MergeResult;
}
```

9. Absorption()先將 vector 依包含變數數量排序，例如 P1 + P2P3 + P1P5P6...，以 P1 開始，在後面的 P2P3 等尋找裡面是否包含，若包含則刪掉，例如 P1P5P6 包含 P1。但是這種方法沒效率，若能想到樹的比較大小依據來建立 set<set<string>>取代 vector<set<string>>效率應能提升不少。以上是一輪 Merge()的流程，不斷 Merge()到最後 P1P2_Set.size() == 1，POS 展開完畢

```
void Absorption(vector<set<string>> &MergeResult, set<string> &P1P2)
{
    sort(MergeResult.begin(), MergeResult.end(), sortP1P2);
    int size = MergeResult.size();
    for (int i = 0; i < size - 1; i++)
    {
        for (int j = i + 1; j < size; j++)
        {
            int count = 0;
            for (auto itI = MergeResult[i].begin(); itI !=
MergeResult[i].end(); itI++)
            {
                if (MergeResult[j].find(*itI) ==
MergeResult[j].end())
                    break;
                else
                    count++;
            }
            if (count == MergeResult[i].size())
            {
                MergeResult.erase(MergeResult.begin() + j);
                size--;
            }
            else
                j++;
        }
    }
}
```