교차분석과 chi-square 분석

교차분석과 chi-square 분석

- 1) 교차표 작성/분석
 - data.frame() 이용 교차표 작성
 - package 이용 교차표 작성
 - 교차표 분석(학력수준과 진학 여부 교차분석)
- 2) Chi-square 가설검정
 - 교차분석/ Chi-square 보고서 작성법
 - ① 적합성 검정
 - ② 독립성 검정
 - ③ 동질성 검정

교차 분석(Cross Table Analyze)

- 범주형 자료(명목척도 또는 서열척도)를 대상으로 두 개 이상의 변수 들에 대한 관련성 체크.
- 결합분포를 나타내는 교차 분할표를 작성.
- 변수 상호간의 관련성 여부를 분석하는 방법.
- 빈도분석의 특성별 차이를 분석하기 위해 수행하는 분석 방법.
- 빈도분석결과에 대한 보충자료를 제시하는 데 효과적.
- 빈도분석과 함께 고급 통계 분석의 기초 정보를 제공.

교차 분석 시 고려사항

- 교차 분석에 사용되는 변수는 값이 10 미만인 범주형 변수여야 함.
- 비율척도인 경우는 코딩변경(리코딩)을 통해서 범주형 자료로 변환하여 적용 가능.
 - ex) 나이: 10~19세는 1, 20~29세는 2, 30~39세는 3 ...

● data.frame() 이용 교차표 작성

```
setwd("c:/workspaces/Rwork/data")
data <- read.csv("cleanDescriptive.csv", header=TRUE)
data # 확인
head(data) # 변수 확인
x <- data$level2 # 학력수준 리코딩 변수
y <- data$pass2 # 대학진학 리코딩 변수
# 학력수준(독립변수) -> 진학여부(종속변수)
result <- data.frame(Level=x, Pass=y) # 데이터 프레임 생성 - 데이터 묶음
dim(result) # 차원보기 -> 248 2
table(result) # 교차표 보기
#
      Pass
# Level 불합격 합격
# 고졸 40 49
# 대졸 27 55
# 대학원졸 23 31
```

● package 이용 교차표 작성

```
# 교차표 작성을 위한 패키지 설치
install.packages("gmodels")
library(gmodels) # CrossTable() 함수 사용
# diamonds 데이터 사용을 위한 ggplot2 패키지 설치
install.packages("ggplot2")
library(ggplot2)
# diamond의 cut과 color에 대한 교차표 생성
CrossTable(x=diamonds$color, y=diamonds$cut, chisq = TRUE)
```

● package 이용 교차표 작성

Total Observations in Table: 53940

다일(<u>F</u>) 편집(<u>E</u>) 서식((장		
	<u>O</u>) 보기(<u>V</u>) 도움	·말(<u>H</u>)				
iamonds\$color	diamonds\$cut Fair 		Very Good	Premium	Ideal	Row Total
D	163 7.607 0.024 0.101 0.003	662 3.403 0.098 0.135 0.012	1513 0.014 0.223 0.125 0.028	1603 9.634 0.237 0.116 0.030	2834 5.972 0.418 0.132 0.053	6775 0.126
E 	224 16.009 0.023 0.139 0.004	933 1.973 0.095 0.190 0.017	2400 19.258 0.245 0.199 0.044	2337 11.245 0.239 0.169 0.043	3903 0.032 0.398 0.181 0.072	9797 0.182
F 	312 2.596 0.033 0.194 0.006	909 1.949 0.095 0.185 0.017	2164 0.333 0.227 0.179 0.040	2331 4.837 0.244 0.169 0.043	3826 0.049 0.401 0.178 0.071	9542
G 	314 1.575 0.028 0.195 0.006	871 23.708 0.077 0.178 0.016	2299 20.968 0.204 0.190 0.043	2924 0.473 0.259 0.212 0.054	4884 30.745 0.433 0.227 0.091	11292
H 	303 12.268 0.036 0.188 0.006	702 3.758 0.085 0.143 0.013	1824 0.697 0.220 0.151 0.034	2360 26.432 0.284 0.171 0.044	3115 12.390 0.375 0.145 0.058	8304 0.154
	175 1.071 0.032 0.109 0.003	522 1.688 0.096 0.106 0.010	1204 0.090 0.222 0.100 0.022	1428 1.257 0.263 0.104 0.026	2093 2.479 0.386 0.097 0.039	5422 0.101
J 	119 14.772 0.042 0.074 0.002	307 10.427 0.109 0.063 0.006	678 3.823 0.241 0.056 0.013	808 11.300 0.288 0.059 0.015	896 45.486 0.319 0.042 0.017	2808 0.052
Column Total	1610 0.030	4906 0.091	12082 0.224	13791 0.256	21551 0.400	53940



● 학력수준과 대학진학여부 교차분석(Package 이용)

```
# 학력수준(독립변수): y -> 진학여부(종속변수): x
# 학력수준이 대학 진학에 영향을 미친다.
x <- data$level2 # 행 - 리코딩 변수 이용
y <- data$pass2 # 열 - 리코딩 변수 이용
```

CrossTable(x,y) # x:학력수준, y:대학진학

● 부모의 학력수준과 자녀의 대학진학 여부

Total Observations in Table: 225

×	y 실패	합격	Row Total
 고졸	40 0.544 0.449 0.444 0.178	49 0.363 0.551 0.363 0.218	89 0.396
대졸	27 1.026 0.329 0.300 0.120	55 0.684 0.671 0.407 0.244	82 0.364
대학원졸	23 0.091 0.426 0.256 0.102	31 0.060 0.574 0.230 0.138	54 0.240
Column Total	90 0.400	135 0.600	225

■ 기대치 비율 예 (1행2열)

■ 기대치 : 89(행합)*135(열합)/225(전체합) =53.4

■ 기대치 비율 : (49-53.4)^2/53.4=0.363

관측치 기대치비율(χ²)=(관측치-기대치)^2/기대치 열비율 관측치 (관측치-기대치)^2/기대치 행비율 열비율 관측치 (관측치-기대치)^2/기대치 행비율 열비율 전체 관측치 전체 열비율

❖논문에서 교차분석에 대한 해설 예

● Chi-square 검정

- 교차 분석으로 얻어진 교차 분할표를 대상으로 유의 확률을 적용하여 변수 간의 독립성 및 관련성 여부 등을 검정하는 분석 방법.
- 범주(Category)별로 관측빈도와 기대빈도가 차이가 있는지 검정.
- 카이 제곱 분포에 기초한 통계적 방법(카이 제곱 분포표 이용).
- $\chi^2 = \Sigma$ (관측값 기댓값)^2 / 기댓값.
- 분석을 위해서 교차 분할표 작성.
- 교차분석은 검정 통계량으로 카이 제곱 사용(=카이 제곱 검정).
- 검증 유형 분류 : 일원 카이 제곱 검정, 이원 카이 제곱 검정

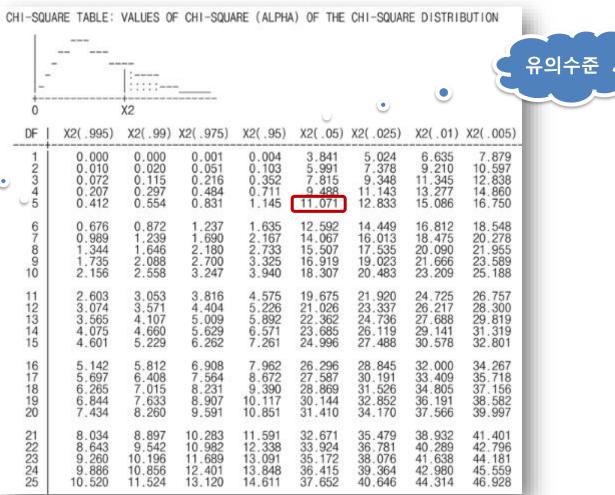
- 1. 일원카이제곱 : 교차분할표 이용 안함(한 개 변인)
 - 적합성 검정 : 실제 표본이 내가 생각하는 분포와 같은가? 다른가? 예) 관찰도수가 기대도수와 일치하는지를 검정
- 2. 이원카이제곱 : 교차분할표 이용
 - 1) 독립성 검정 : 두 변인는 서로 관련성이 있는가 없는가?
 - 한 모집단으로부터 하나의 표본이 추출된 경우
 - 예) 흡연량과 음주량 사이에 관련성이 있는가?
 - 귀무가설 : 흡연과 음주량은 관련성이 없다.(독립적이다.)
 - 2) 동일성 검정 : 두 집단의 분포가 동일한가? 다른 분포인가?
 - 두 개 이상의 범주형 자료가 동일한 분포를 갖는 모집단에서 추출된 것인지 검정하는 방법
 - 두 개 이상의 모집단에서 각 표본이 추출된 경우
 - 귀무가설 : 집단 간의 비율이 동일하다.

- Chi-square 검정 절차
 - 1. 가설을 설정한다.
 - 2. 유의수준을 결정한다.
 - 3. 기각값(카이제곱 분포표 참조)을 결정한다.
 - ➤ 자유도(df)와 유의수준으로 기각값 결정
 - 4. 관찰도수에 대한 기대도수를 구한다.
 - 5. 검정통계량 x^2의 값을 구한다.
 - 6. 귀무가설의 채택 또는 기각 여부를 판정한다.
 - 7. 카이제곱 검정 결과를 설명한다.

● 카이제곱 분포표



자유도 = n-1 (n은 표본수)



- 일원카이제곱 검정 관측빈도와 기대빈도의 차이를 통해서 확률 모형이 주어 진 자료를 얼마나 잘 설명하는지를 검정하는 통계적 방법.
 - (1) 적합성 검정 chisq.test() 이용
 - 귀무가설 : 기대치와 관찰치는 차이가 없다.예) 도박사의 주사위는 게임에 적합하다.
 - 대립가설: 기대치와 관찰치는 차이가 있다.예) 도박사의 주사위는 게임에 적합하지 않다.
 - # 주사위의 관찰치가 기대치와 차이가 있는가? 또는 없는가?
 - # 60회 주사위를 던져서 나온 관측도수/기대도수
 - # 관측도수 : 4, 6, 17,16 ,8,9
 - # 기대도수 : 10,10,10,10,10,10
 - chisq.test(c(4,6,17,16,8,9)) # p-value = 0.01439
 - # 해설 : 주사위는 게임에 적합하지 않다.

- p값 해석 방법
- <해설> p값이 0.05미만이기 때문에 유의미한 수준에서 귀무 가설을 기각할 수 있다. 따라서 '도박사의 주사위는 게임에 적합하지 않다.'라는 대립가설을 채택한다. (귀무 가설 기각, 대립가설 채택)
- 유의수준과 유의확률
- # 유의수준(Confidence level) : 0.05(100개 중 5개(100*0.05) 허용 기준치(허용 오차)
- # 유의확률 : p-value 귀무 가설이 나올 수 있는 확률
- # p-value < 0.05 경우 : 유의확률은 유의수준 보다 적다.(귀무 가설 기각)
- 검정통계량 해석 방법
- # 검정통계량 : X-squared = 14.2, df = 5
- # 자유도(df): 관측치가 n 인 경우 df = n 1
- # 자유도(degree of freedom)란 검정을 위해서 n개의 표본(관측치)를 선정할 경우
- # n번째 표본은 나머지 표본이 정해지면 자동으로 결정되는 변인의 수를 의미
- # 자유도(df) 5인 경우, X-squared 기각값(역): x² >= 11.071(chi-square 분포표 참고)
- # χ^2 값이 11.071 이상이면 귀무 가설을 기각할 수 있다는 의미

```
(2) 선호도 분석
 귀무가설 : 기대치와 관찰치는 차이가 없다.
   예) 맥주의 선호도에 차이가 없다.
 대립가설 : 기대치와 관찰치는 차이가 있다.
   예) 맥주의 선호도에 차이가 있다.
  data <- textConnection(
  "맥주종류 관측도수
  1 12
  2 30
  3 15
  4 7
  5 16")
  x <- read.table(data, header=T)
  chisq.test(x$관측도수) # X-squared = 18.375, p-value = 0.001042
  # 해설: 맥주의 선호도에 차이가 있다.
```

- 선호도 분석 결과
 - 검정통계량 :

X-squared = 18.375, df = 4

■ p-value 해석 :

p값이 0.05미만이기 때문에 유의미한 수준에서 귀무가설을 기각할 수 있다. 따라서 '맥주의 선호도에 차이가 있다.'라는 대립가설을 채택할 수 있다. (귀무가설 기각, 대립가설 채택)

- 2. 이원카이제곱 검정
 - 1) 독립성 검정(관련성 검정) 교차테이블 이용
 - 동일 집단의 두 변인을 대상으로 관련성이 있는가? 없는가?를 검정하는 방법.
 - 예) 귀무가설 : 부모의 학력수준과 자녀의 대학진학 여부와 관련성이 없다.
 - 두 변인은 독립적이다.
 - 예) 대립가설 : 부모의 학력수준과 자녀의 대학진학 여부와 관련성이 있다.
 - 두 변인은 독립적이지 않다.

CrossTable(x, y, chisq = TRUE) # p = 0.2507057

● 독립성 검정(관련성 검정) 결과

×	y 실패	합격	Row Total
고졸	40 0.544 0.449 0.444 0.178	49 0.363 0.551 0.363 0.218	89 0.396
 대졸	27 1.026 0.329 0.300 0.120	55 0.684 0.671 0.407 0.244	82 0.364
대학원졸	23 0.091 0.426 0.256 0.102	31 0.060 0.574 0.230 0.138	54 0.240
Column Total	90	135 0.600	225

Statistics for All Table Factors

Pearson's Chi-squared test

Chi^2 = 2.766951 d.f. = 2 p = 0.2507057 |

<검정 결과 해설>

- ✔Chi^2 = Σ [(관측값 기댓값)2 / 기댓값]
- ✔d.f. = (행수-1)*(열-1) = (3-1)*(2-1) = 2
 - -> 두 값만 구하면 나머지는 저절로 구해진다.
- ✓ p = 유의수준: 0.05이하이면 귀무가설 기각
- # 자유도에 따른 Chi^2 분포도
 - -> 자유도가 클수록 정규분포에 가까워진다.
- # 유의수준 0.05에서.
 - -> 자유도: 2인 경우, 기각역: x2 >= 5.99,
 - -> 자유도: 6인 경우, 기각역: x2 >= 12.59
- # 자유도가 2인 경우 χ2 값이 5.99이상이면 귀무가설 기각(카이제곱 분포표 참조)
- # 해설: Chi^2값이 5.99 이하이고, 유의수준이 0.05 이상으로 분석되어 귀무가설을 기각할 수 없다. 따라서 부모의 학력수준과 자녀의 대학 진학 변인 간의 관련성은 없는 것으로 분석된다.

❖논문에서 교차분석표와 Chi-square 검정에 대한 해설 예

<논문에서 카이제곱 검정 결과 제시방법> 카이제곱 검정결과를 논문에서 제시할 경우 교차표와 카이제곱 검정통계량 함께 제시

학력수준		실패	진학	X-squared	유의확률(p)
고졸	관찰빈도 기대빈도	40 36	49 54		
대졸	관찰빈도 기대빈도	27 33	55 49	2.766951	0.2507057
대학원졸	관찰빈도 기대빈도	23 21	31 32		

```
<실습> 교육수준과 흡연율 간의 관련성 분석
1. 파일 가져오기
setwd("c:/workspaces/Rwork/data")
smoke <- read.csv("smoke.csv", header=TRUE)
# 변수 보기
head(smoke) # education, smoking 변수
names(smoke)
[1] "education" "smoking"
```

● 변수 모델링

객체를 대상으로 분석할 속성(변수)을 선택하여 속성 간의 관계 설정 과정에) smoke 객체에서 education, smoking 속성을 분석대상으로 하여 교육수준이 흡연율과 관련성이 있는가를 education -> smoking 형태로 기술한다. education은 영향을 미치는 변수로 독립변수라 하며, 영향을 받는 smoking은 종속변수라고 한다.

```
2. 코딩 변경 - 변수 리코딩 <- 가독성 제공
# education(독립변수) : 1:대졸, 2:고졸, 3:중졸
# smoke(종속변수): 1:과다흡연, 2:보통흡연, 3:비흡연
```

table(smoke\$education, smoke\$smoking)
smoke\$education2[smoke\$education==1] <- "대졸"
smoke\$education2[smoke\$education==2] <- "고졸"
smoke\$education2[smoke\$education==3] <- "중졸"

smoke\$smoking2[smoke\$smoking==1] <- "과대흡연" smoke\$smoking2[smoke\$smoking==2] <- "보통흡연" smoke\$smoking2[smoke\$smoking==3] <- "비흡연" smoke # 가독성을 위한 변수값 변경 결과

3. 교차표 작성

table(smoke\$education2, smoke\$smoking2)

과대흡연 보통흡연 비흡연

고졸 22 21 9 대졸 51 92 68 중졸 43 28 21

4. 독립성 검정

```
library(gmodels) # CrossTable() 함수 사용
CrossTable(smoke$education2, smoke$smoking2, chisq = TRUE)
Pearson's Chi-squared test
```

 $Chi^2 = 18.91092$ d.f. = 4 p = 0.0008182573

- 2) 동질성 검정 교차테이블 이용
- 두 집단의 분포가 동일한가? 분포가 동일하지 않는가?를 검정하는 방법.
- 즉, 동일한 분포를 가지는 모집단에서 추출된 것인지를 검정하는 방법.
 - 예) 귀무가설 : 집단 간의 비율이 동일하다.
 - 예) 교육방법에 따른 만족도에 차이가 없다.
 - 예) 대립가설 : 집단 간의 비율이 동일하지 않다.
 - 예) 교육방법에 따른 만족도에 차이가 있다.

1. 파일 가져오기

```
setwd("c:/workspaces/Rwork/data")
data <- read.csv("homogenity.csv", header=TRUE)
head(data) # 변수 보기
data <- subset(data, !is.na(survey), c(method, survey))
```

```
2. 변수리코딩 - 코딩 변경
# method: 1:방법1, 2:방법2, 3:방법3
# survey: 1:매우 만족, 2:만족, 3:보통, 4: 불만족, 5: 매우 불만족
# 교육방법2 필드 추가
data$method2[data$method==1] <- "방법1"
data$method2[data$method==2] <- "방법2"
data$method2[data$method==3] <- "방법3"
# 만족도2 필드 추가
data$survey2[data$survey==1] <- "매우 만족"
data$survey2[data$survey==2] <- "만족"
data$survey2[data$survey==3] <- "보통"
data$survey2[data$survey==4] <- "불만족"
data$survey2[data$survey==5] <- "매우 불만족"
```

3. 교차분할표 작성

table(data\$method2, data\$survey2) # 교차표 생성 -> table(행,열) 만족 매우만족 매우불만족 보통 불만족

```
방법1 8 5 6 15 16 -> 50
방법2 14 8 6 11 11 -> 50
방법3 7 8 9 11 15 -> 50
```

주의 : 반드시 각 집단별 길이(50)가 같아야 한다.

4. 동질성 검정 - 모수 특성치에 대한 추론검정 chisq.test(data\$method2, data\$survey2)
Pearson's Chi-squared test

data: data\$method2 and data\$survey2 X-squared = 6.5447, df = 8, p-value = 0.5865

<해설>

유의수준 0.05에서 x2값이 6.545, 자유도 8, 그리고 유의확률 0.586을 보이고 있다. 즉 6.545 이상의 카이제곱값이 얻어질 확률이 0.586라는 것을 보여주고 있다.

이 값은 유의수준 0.05보다 크기 때문에 귀무가설을 기각할 수 없다. 따라서 '교육방법에 따른 만족도에 차이가 없다.'라고 할 수 있다.