

Modelos Avanzados de Computación

Segunda convocatoria

EJERCICIO 1 (1.5 puntos)

Considere el proceso de multiplicar por 3 un número binario. Esta operación se puede realizar desplazando el número 1 bit y sumándolo el mismo número, es decir, multiplicando por (2+1). (NOTA: los estados deben expresar si los bits desplazados son 0 o 1 y si el resultado de la suma se lleva 0 o 1)

$$\begin{array}{r} 101101 \times 3 \\ 101101 \\ 1011010 \\ \hline 10000111 \end{array}$$

- (a) Desarrolle la operación “multiplicar por 3” por medio de un Autómata de Mealy.
- (b) Desarrolle la operación “multiplicar por 3” por medio de un Autómata de Moore.

EJERCICIO 2 (1 punto)

Considere la siguiente gramática libre de contexto, expresada en Forma Normal de Chomsky, donde L es el símbolo inicial.

$L \rightarrow NM \ F$	$MT \rightarrow SM \ T$	$T \rightarrow \text{producto}$	$RP \rightarrow \text{rpar}$
$L \rightarrow LP \ LC$	$MT \rightarrow SM \ L$	$F \rightarrow ML \ T$	$NM \rightarrow \text{num}$
$L \rightarrow T \ MT$	$T \rightarrow NM \ F$	$LC \rightarrow L \ RP$	$SM \rightarrow \text{plus}$
$L \rightarrow \text{producto}$	$T \rightarrow LP \ LC$	$LP \rightarrow \text{lpar}$	$ML \rightarrow \text{mul}$

Verifique que la cadena “**num mul producto plus num mul lpar producto plus producto rpar**” pertenece al lenguaje definido por la gramática por medio del algoritmo de Cocke-Younger-Kasami.

EJERCICIO 3 (2 puntos)

Diseñar una Máquina de Turing que tome como entrada una palabra formada por los símbolos del alfabeto {a,b} y devuelva la longitud de la palabra expresada en código binario. Por ejemplo, para la entrada (#ababb**bb**) devuelve el número 6 (#011**bb**).

NOTA: El número binario está escrito de izquierda a derecha, es decir, la cifra menos significativa a la izquierda.

EJERCICIO 4 (1.5 puntos)

(Problema de la parada)

Sea $HALT_{TM}$ el lenguaje formado por las cadenas $\langle M, w \rangle$ tales que M es la codificación de una máquina de Turing y w es una cadena que hace que dicha máquina termine (ya sea aceptando o rechazando).

Demuestre que el lenguaje $HALT_{TM}$ es indecidible.

EJERCICIO 5 (1.5 puntos)

Considere el modelo de computación de las funciones recursivas. Asuma que las siguientes funciones ya han demostrado ser recursivas primitivas: $Suma(x,y)$, $Producto(x,y)$, $Potencia(x,y)$, $Decremento(x)$, $RestaAcotada(x,y)$, $Signo(x)$, $SignoNegado(x)$, $Min(x,y)$, $Max(x,y)$, $And(x,y)$, $Or(x,y)$, $Not(x)$, $Igual(x,y)$, $Mayor(x,y)$, $Menor(x,y)$, $MayorOIgual(x,y)$, $MenorOIgual(x,y)$, $If(x,y,z)$.

Demuestre que la función $Division(x,y)$, que calcula la división entera (x / y) es una función primitiva recursiva.

EJERCICIO 6 (1.5 puntos)

- (a) ¿Qué es un problema NP-completo?
- (b) Demuestre que el problema CLIQUE (encontrar un clique de tamaño k en un grafo) es NP-Completo. Considere demostrado que los problemas SAT (satisfactibilidad de fórmulas lógicas) y 3SAT (satisfactibilidad de fórmulas lógicas en formato 3-cnf) son NP-completos.

EJERCICIO 7 (1 punto)

- (a) ¿Qué es un qubit?
- (b) ¿Qué es una puerta cuántica?