- Leia atentamente o enunciado completo antes de responder.
- Responda a cada grupo em folhas separadas.
- I. Um baralho de cartas normal tem 13 valores (ás, 2,3,4,5,6,7,8,9,10, valete, dama, rei) de 4 naipes (copas, ouros, paus e espadas) num total de 52 cartas.

A subrotina seguinte simula a extração aleatória duma carta do baralho usando a subrotina intrínsica em FORTRAN random_number(X), que gera um número real X pseudo-aleatório no intervalo [0, 1]:

```
SUBROUTINE carta(valor,naipe)
    IMPLICIT NONE
    INTEGER, INTENT(OUT) :: valor, naipe
    REAL :: x
    CALL random_number(x)
    ! valor : 1=\u00e1as, 2,3,...,10, 11=valete, 12=dama, 13=rei
    valor = INT(13*x) + 1
    CALL random_number(x)
    ! naipes : 1=copas, 2=ouros, 3=paus, 4=espadas
    naipe = INT(4*x) + 1
    RETURN
END SUBROUTINE carta
```

Usando a subrotina acima escreva um programa em FORTRAN que:

- (a) Simule 1000 extracções de um par de cartas distintas e conte quantas vezes as cartas têm a mesma cor (copas e ouros são cartas vermelhas, paus e espadas são cartas pretas).
- (b) Simule 1000 extracções de um par de cartas **distintas** e conte quantas vezes as cartas têm valores seguidos (exemplos: "ás seguido de 2", "2 seguido de 3", "10 seguido de valete", "rei seguido de ás").
- II. Se lançarmos verticalmente um projectil da superfície da Terra com velocidade v este atingirá uma altura máxima dada pela fórmula

$$h = \frac{v^2/(2g)}{1 - v^2/(2gR)}$$

se $v^2 < 2gR$ e, caso contrário, afastar-se-á para sempre com velocidade final

$$v_{final} = \sqrt{v^2 - 2gR}$$

Nestas expressões R é o raio da Terra (aproximadamente $6.366 \times 10^6 m$) e g é a aceleração gravitacional (aproximadamente $9.80 m/s^2$).

Escreva um programa em FORTRAN que tabele o resultado obtido (altura máxima ou velocidade final, indicando de qual se trata) para valores de velocidade inicial $v = 10, 100, ..., 10^6$.

III. Considere os dados sobre tráfego de um troço de auto-estrada:

Número de veículos

| | | $N^{\underline{o}}$ de eixos | | | | |
|----------|--|------------------------------|---|---|---|----------|
| | _ | $\overline{2}$ | 3 | 4 | 5 | ≥ 6 |
| Meses: { | $ \begin{cases} 1 \\ 2 \\ \vdots \end{cases} $ | | | | | |
| | 12 | | | | | |

- (a) Escreva um subprograma FORTRAN que receba os dados de tráfego e determine quais os meses com maior e menor número de veículos de 3 ou mais eixos.
- (b) Escreva um programa principal em FORTRAN que leia uma tabela de tráfego (como no exemplo acima) e, utilizando a classificação de portagens seguinte, calcule a receita total obtida nos meses determinados em (a).

Classificação de Portagens

| Classe | $N^{\underline{o}}$ de eixos | Preço |
|--------|------------------------------|-------|
| I | 2 | 5.00€ |
| II | 3 e 4 | 6.20€ |
| III | ≥ 5 | 9.00€ |

IV. Considere o seguinte jogo: n pessoas (numeradas de 1 a n) são dispostas num círculo. Começando na primeira vamos removendo do círculo a $2^{\underline{a}}$ pessoa à direita e o círculo aperta-se. O jogo termina quando resta apenas uma pessoa.

Por exemplo: para n=10 a ordem de eliminações é: 2, 4, 6, 8, 10, 3, 7, 1, 9 e 5 é o sobrevivente. Escreva um programa em FORTRAN que leia n e escreva a ordem das eliminações e o sobrevivente de acordo com este algoritmo.