

Métodos numéricos para la ciencia e ingeniería

Tarea 6

Farid Borbar

4 de noviembre de 2015

1. Introducción y marco teórico

En esta tarea se busca resolver un sistema de ecuaciones parciales similares a la ecuación de difusión, pero con la modificación de que tienen presente polinomios:

$$\frac{\partial n}{\partial t} = \gamma \frac{\partial^2 n}{\partial x^2} + \mu n - \mu n^2 \quad (1)$$

$$\frac{\partial n}{\partial t} = \gamma \frac{\partial^2 n}{\partial x^2} + \mu(n - n^3) \quad (2)$$

Se ve la presencia del coeficiente μ junto con un polinomio de grado 2 en la Ecuación 1 y de grado 3 en la ecuación 2. Estos términos extra convierten la ecuación de difusión en la llamada ecuación de reacción-difusión.

Para la ecuación 1 se consideraron las siguientes condiciones iniciales:

$$\begin{aligned} n(t, 0) &= 1 \\ n(t, 1) &= 0 \\ n(0, x) &= e^{-x^2/0.1} \end{aligned}$$

Mientras que para la ecuación 2:

$$\begin{aligned} n(t, 0) &= 0 \\ n(t, 1) &= 0 \\ n(0, x) &= \text{np.random.uniform(low=-0.3, high=0.3, size=Nx)} \end{aligned}$$

La última condición inicial significa elegir un valor al azar.

2. Metodología

Se resuelven ambas ecuaciones utilizando el método de Crank-Nicolson.