





Lunes, 31 de enero de 2022 Docente: Martín Marcano 4to Año "A y B"

Área de formación: Matemática



Conocimiento de nuestro entorno.



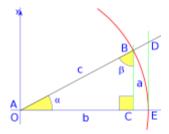
Tradiciones y evolución histórica.



Razones trigonométricas en un triángulo rectángulo.



La trigonometría es una rama de la matemática, cuyo significado etimológico es "la medición de los triángulos". Deriva de los términos griegos τριγωνο trigōno triángulo y μετρον metron medida.



En términos generales, la trigonometría es el estudio de las razones y funciones trigonométricas: seno, coseno; tangente, cotangente; secante y cosecante. Interviene directa o indirectamente en las





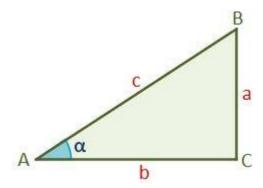


demás ramas de la matemática y se aplica en todos aquellos ámbitos donde se requieren medidas de precisión. La trigonometría se aplica a otras ramas de la geometría, como es el caso del estudio de las esferas en la geometría del espacio.

Posee numerosas aplicaciones: las técnicas de triangulación, por ejemplo, son usadas en astronomía para medir distancias a estrellas próximas, en la medición de distancias entre puntos geográficos, y en sistemas de navegación por satélites.

RAZONES TRIGONOMETRICAS EN UN TRIANGULO RECTANGULO.

Consideremos el siguiente triangulo rectángulo en C.



Las **razones trigonométricas** de un ángulo α son las razones obtenidas entre los tres lados de un triángulo rectángulo. Es decir, la comparación por su cociente de sus tres lados a, b y c.

Sea α uno de los ángulos agudos del triángulo rectángulo.

El **seno** del **ángulo** α se define como la **razón** entre el cateto opuesto (a) y la hipotenusa (c).

$$sen\alpha = \frac{cateto\ opuesto}{hipotenusa} = \frac{a}{c}$$

El **coseno** del **ángulo** α se define como la **razón** entre el cateto adyacente (b) y la hipotenusa (c).

$$\cos\alpha = \frac{cateto\;adyacente}{hipotenusa} = \frac{b}{c}$$

La **tangente** del **ángulo** α se define como la **razón** entre el cateto opuesto (a) y el cateto adyacente (b).







$$tg \ \alpha = \frac{cateto \ opuesto}{cateto \ advacente} = \frac{a}{b}$$

Luego tenemos las razones trigonométricas reciprocas.

La razón trigonométrica reciproca de la razón seno es la cosecante definida como:

$$\csc \alpha = \frac{1}{sen \alpha} = \frac{c}{a}$$

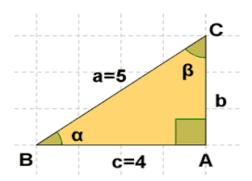
La razón trigonométrica reciproca de la razón coseno es la secante definida como:

$$\sec \alpha = \frac{1}{\cos \alpha} = \frac{c}{b}$$

La razón trigonométrica reciproca de la razón tangente es la cotangente definida como:

$$ctg \ \alpha = \frac{1}{tg \ \alpha} = \frac{b}{a}$$

Consideremos el siguiente triangulo rectángulo:



Vamos a determinar las razones trigonométricas con respecto al ángulo α , para ello primero calculamos el lado que falta aplicando el teorema de Pitágoras:

$$a^2 = b^2 + c^2 \Rightarrow 5^2 = b^2 + 4^2 \Rightarrow b^2 = 5^2 - 4^2 \Rightarrow b = \sqrt{5^2 - 4^2} \Rightarrow b = \sqrt{25 - 16} \Rightarrow b = \sqrt{9} = 3$$
 Luego:







$$sen \alpha = \frac{3}{5}$$
, $cos \alpha = \frac{4}{5}$, $tg \alpha = \frac{3}{4}$, $csc \alpha = \frac{5}{3}$, $sec \alpha = \frac{5}{4}$ y $ctg \alpha = \frac{4}{3}$

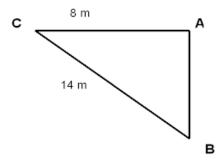
Es importante destacar que no solo se pueden hallar las razones trigonométricas con respecto al ángulo α , sino que también se pueden determinar con respecto al ángulo β , así tenemos:

$$sen \beta = \frac{4}{5}$$
, $cos \beta = \frac{3}{5}$, $tg \beta = \frac{4}{3}$, $csc \beta = \frac{5}{4}$, $sec \beta = \frac{5}{3}$ y $ctg \beta = \frac{3}{4}$

De lo cual se concluye que:

$$sen \alpha = \cos \beta y \cos \alpha = sen \beta$$
.

Veamos otro ejemplo; consideremos el triángulo ABC con ángulo recto en A, α ubicado en el vértice C y β ubicado en el vértice B.



Por el teorema de Pitágoras: $14^2 = (AB)^2 + 8^2 \rightarrow (AB)^2 = 14^2 - 8^2 \rightarrow AB = \sqrt{14^2 - 8^2}$

$$\rightarrow AB = \sqrt{196 - 64} \rightarrow AB = \sqrt{132} = \sqrt{2^2 \cdot 33} = 2\sqrt{33}$$

(Recuerde que, si la cantidad subradical es un número compuesto, el radical debe simplificarse)

Como el ángulo α está ubicado en el vértice C, tenemos que:

sen
$$\alpha = \frac{2\sqrt{33}}{14} = \frac{\sqrt{33}}{7}$$
,

$$\cos \alpha = \frac{8}{14} = \frac{4}{7}$$

$$tg \ \alpha = \frac{2\sqrt{33}}{8} = \frac{\sqrt{33}}{4},$$







$$\csc \alpha = \frac{14}{2\sqrt{33}} = \frac{7}{\sqrt{33}} \cdot \frac{\sqrt{33}}{\sqrt{33}} = \frac{7\sqrt{33}}{33},$$

$$\sec \alpha = \frac{14}{8} = \frac{7}{4},$$

ctg
$$\alpha = \frac{8}{2\sqrt{33}} = \frac{4}{\sqrt{33}} \cdot \frac{\sqrt{33}}{\sqrt{33}} = \frac{4\sqrt{33}}{33}$$
,

Es importante destacar que los resultados de las razones trigonométricas deben simplificarse y racionalizarse si el caso lo amerita.

Se deja como ejercicio determinar las 6 razones trigonométricas con respecto al ángulo β .



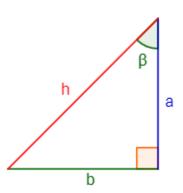
Pongamos en práctica lo aprendido.

- 1) Con la ayuda de tu familia en casa y con materiales de provecho, define lo siguiente: (2pts)
 - a) Triangulo Rectángulo.
 - b) Catetos De Un Triángulo Rectángulo.
 - c) Hipotenusa De Un Triángulo Rectángulo.
- 2) Considere el triángulo de la siguiente figura con a=10 y b=8. Determine y simplifique las 6 razones trigonométricas con respecto al ángulo β .(4pts)

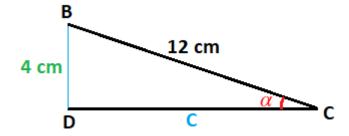








- 3) Dibuje un triángulo rectángulo ABC, con ángulo recto en A. Si la hipotenusa es igual a $4\sqrt{3}$ y el cateto adyacente al ángulo α es igual a 4, determine y simplifique las 6 razones trigonométricas con respecto al ángulo α .(4pts)
- 4) Considere el triángulo de la siguiente figura. Dibuje el ángulo recto en "D", coloque nombre al ángulo agudo en "B", calcule el lado que falta y determine las 6 razones trigonométricas con respecto a los ángulos agudos indicados. (6pts)



Aspectos a Evaluar.

- i) Responsabilidad y puntualidad en la realización del trabajo requerido. (2pts) **Nota:** la fecha tope para entregar esta actividad es **25/02/2022**, cualquier entrega después de la fecha implica perder los 2 puntos indicados)
 - i) Presentación y trabajo legible(2pts)
 - ii) Resolución de los ejercicios planteados mediante procesos explicados en la guía. (16pts)









Puedes **COMPLEMENTAR** la información de la guía utilizando:

Canal oficial de cada familia una escuela.

Matemática de 4to año (Colección Bicentenario)

Matemática de 4to año (Santillana, cualquier edición)

www.wikipedia.org.

Nota: En esta fase, la entrega de las guías se realizaran vía online al correo **marcanom05@gmail.com** y también se estarán recibiendo en las instalaciones de la escuela y del ESEM en fechas que con antelación se les notificará.