

Aula 02

Matemática e OpenGL



Sumário

- Parte 1
 - Continuação da revisão matemática
- Parte 2
 - OpenGL



Revisão matemática

- Conjuntos e logaritmos
- Equações de segundo grau
- Trigonometria
- Ponto
- Reta
- Comprimento de reta
- Vetores



Vetores

- Operações
- Coordenadas cartesianas de um vetor 2D
- Produto escalar
- Produto vetorial
- Bases ortogonais e ortonormais
- Construção de bases



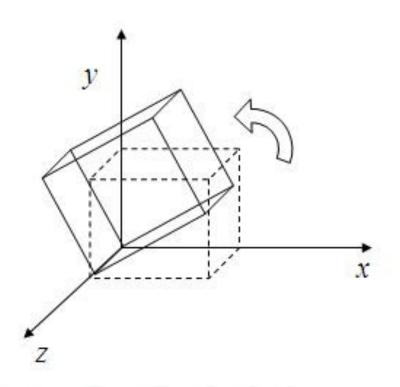
Vetores

 Vetores tem módulo e direção. Dois vetores são iguais se eles têm o mesmo módulo e direção (Figura).

- Vetores podem ser representados por letras, como, a. O comprimento, ou módulo, é representado por ||a||.
- Vetores unitários são aqueles que têm comprimento igual a 1.

Vetores

- O vetor zero é o vetor que tem comprimento igual a zero.
- O estudo de vetores é
 pertinente na
 Computação Gráfica.
 Por exemplo, ao
 deslocar um objeto,
 cada vértice do mesmo
 deve ser deslocado.



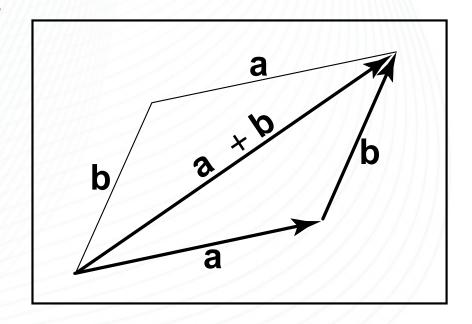
http://cleiton-luiz.blogspot.com.br/



Operações

- Soma: realizada pela regra do paralelogramo.
- O início de um vetor é conectado ao fim do outro vetor. O vetor resultante é o vetor soma (a + b).
- A soma é comutativa, ou seja:

$$a + b = b + a$$





Operações

 Subtração: ao inverter a direção de um vetor a, teremos o vetor –a. Desta forma, temos a subtração.

$$b-a=-a+b$$

 Multiplicação por uma constante: se uma constante multiplica um vetor, sem mudar a direção deste, então apenas o tamanho do vetor é alterado. Por exemplo, em k * a, multiplica-se cada coordenada de a por k.



Coordenadas cartesianas de um vetor 2D

- Um vetor pode ser escrito como uma combinação de dois vetores não nulos que não são paralelos. Se isso ocorrer, os dois vetores mencionados são chamados linearmente independentes.
- Dois vetores linearmente independentes formam uma base 2D e os vetores são referidos como vetores base.

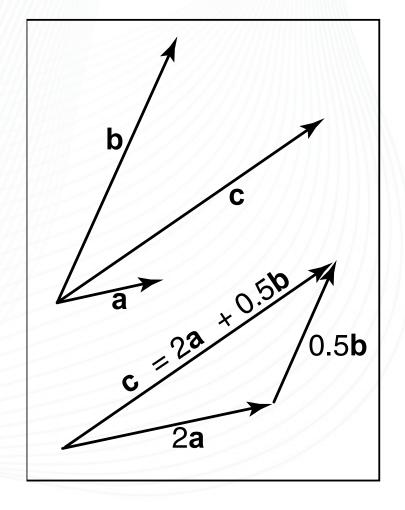


Coordenadas cartesianas de um vetor 2D

 Por exemplo, um vetor c pode ser expressado como a combinação dos vetores a e b.

$$c = a_c a + b_c b$$

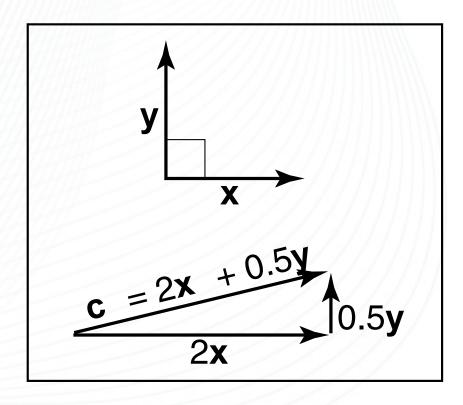
 Bases podem ser interessantes quando os vetores são ortogonais, ou seja, formam um ângulo reto.





Coordenadas cartesianas de um vetor 2D

- Bases podem ser ainda mais interessantes se os vetores são ortonormais, ou seja, os ângulos são unitários.
- Uma aplicação simples do conceito é o cálculo do comprimento do vetor, onde este assume o valor da hipotenusa.





Vetores: autoria

Os próximos slides foram baseados no material de autoria do Professor Ravi Ramamoorthi



Multiplicação em vetores

- Produto escalar
- Produto vetorial
- Bases ortonormais e criação de bases

 Nota: alguns livros tratam sobre sistemas de coordenadas da mão direita e da mão esquerda. Nesta disciplina, utilizaremos a regra da mão direita.

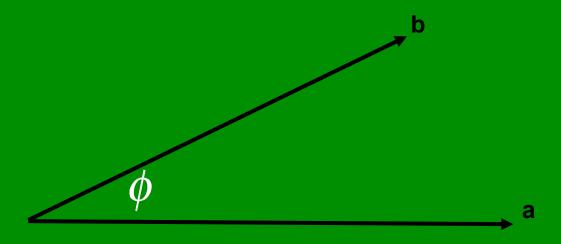


Produto escalar

- Produto escalar retorna um número.
- Tem as propriedades de comutatividade, distributividade e associatividade.
- Também, pode ser interpretada como a projeção de um vetor em outro.



Produto escalar



$$a \cdot b = b \cdot a = ?$$

$$a \cdot (b+c) = a \cdot b + a \cdot c$$

$$(ka) \cdot b = a \cdot (kb) = k(a \cdot b)$$

$$a \cdot b = ||a|||b||\cos\phi$$

$$\phi = \cos^{-1} \left(\frac{a \cdot b}{\|a\| \|b\|} \right)$$

Produto escalar em componentes cartesianas

$$a \bullet b = \begin{pmatrix} x_a \\ y_a \end{pmatrix} \bullet \begin{pmatrix} x_b \\ y_b \end{pmatrix} = ?$$

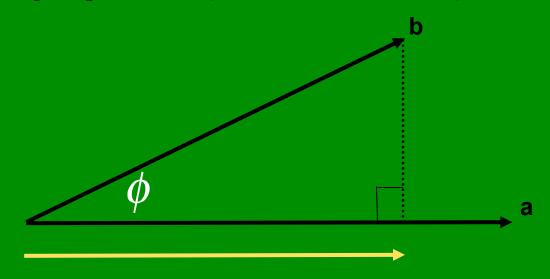
$$\mathbf{a} \bullet \mathbf{b} = \begin{pmatrix} \mathbf{x}_a \\ \mathbf{y}_a \end{pmatrix} \bullet \begin{pmatrix} \mathbf{x}_b \\ \mathbf{y}_b \end{pmatrix} = \mathbf{x}_a \mathbf{x}_b + \mathbf{y}_a \mathbf{y}_b$$

Produto escalar: algumas aplicações em CG

- Encontrar o ângulo entre dois vetores (por meio do cosseno do ângulo entre a fonte de luz e uma superfície para sombra).
- Encontrar a projeção de um vetor em outro (por meio das coordenadas dos pontos em um sistema arbitrário de coordenadas).
- Vantagem: calculado facilmente em componentes cartesianas.



Projeções (de b em a)



$$||b \rightarrow a|| = ?$$

$$b \rightarrow a = ?$$

$$||b \rightarrow a|| = ||b|| \cos \phi = \frac{a \cdot b}{||a||}$$

$$b \rightarrow a = ||b \rightarrow a|| \frac{a}{||a||} = \frac{a \cdot b}{||a||^2} a$$

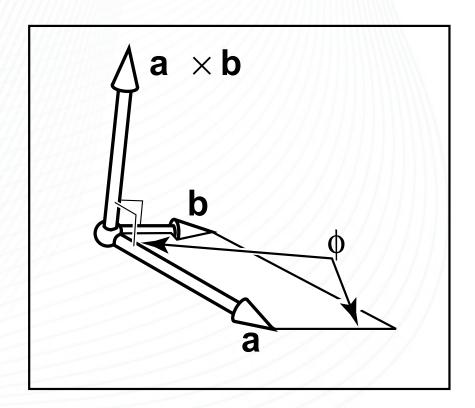
Exemplos

- Se o produto escalar for positivo, o ângulo entre os vetores é agudo (menor do que 90 graus).
- Se o produto escalar for negativo, o ângulo entre os vetores é obtuso (maior do que 90 graus).
- Se o produto escalar for zero, o ângulo entre os vetores é reto (igual a 90 graus)



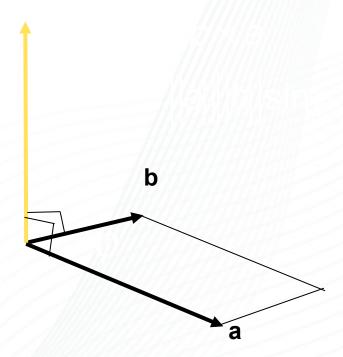
Produto vetorial

 O produto vetorial retorna um vetor, que é perpendicular aos dois vetores passados como argumentos.





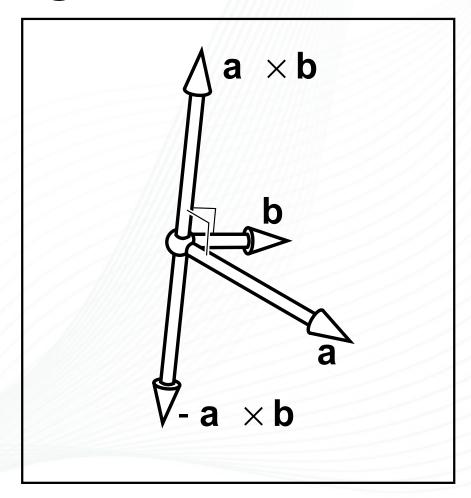
Produto vetorial



- Produto vetorial é ortogonal aos dois vetores
- A direção é determinada pela regra da mão direita (pegar o vetor com a palma da mão)
- Útil na construção de sistemas de coordenadas



Produto vetorial: regra da mão direita





Propriedades do produto vetorial

$$X \times Y = +Z$$

$$y \times x = -z$$

$$y \times z = +x$$

$$z \times y = -x$$

$$Z \times X = +y$$

$$X \times Z = -Y$$

$$a \times b = -b \times a$$

$$a \times a = 0$$

$$a \times (b+c) = a \times b + a \times c$$

$$a \times (kb) = k(a \times b)$$

Produto escalar: fórmula cartesiana

$$a \times b = \begin{vmatrix} x & y & z \\ x_a & y_a & z_a \\ x_b & y_b & z_b \end{vmatrix} = \begin{pmatrix} y_a z_b - y_b z_a \\ z_a x_b - x_a z_b \\ x_a y_b - y_a x_b \end{pmatrix}$$

Exemplo

$$u = <1, 2, -2>$$
 $v = <3, 0, 1>$
 $u \times v = determinante da matriz$
 $u \times v = ((2*1) - (0*-2))i + ((-2*3) - (1*1))j + ((1*0) - (3*2))k$
 $u \times v = 2i + (-7)j + (-6)k$
 $u \times v = <2, -7, -6>$



Bases ortonormais

 Base ortonormal: dois vetores u e v formam uma base ortonormal se os vetores formam, entre si, um ângulo reto E ambos têm comprimento igual a um.

$$||u|| = ||v|| = 1$$
 e $u \cdot v = 0$

• Em vetores 3D:

$$||u|| = ||v|| = ||w|| = 1$$
 $u \cdot v = v \cdot w = w \cdot u = 0$



Bases ortonormais / estruturas de coordenadas

Por que estudar?

- Importante para representar pontos, posições e localizações.
- Frequentemente, muitos conjuntos de sistemas de coordenadas existem, não somente X, Y e Z.
 - Global, local, mundo, modelo, partes do modelo (cabeça, mãos, ...)
- Problema crítico são as transformações entre sistemas/bases



Estrutura de coordenadas

Qualquer conjunto de 3 vetores (em 3D) que:

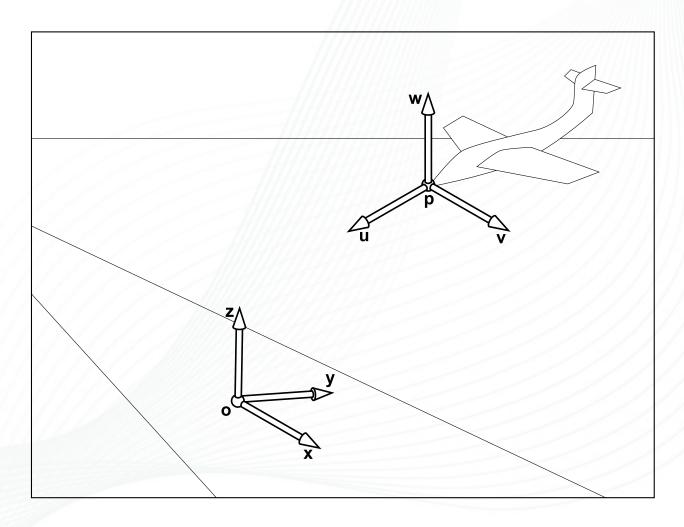
$$||u|| = ||v|| = ||w|| = 1$$

$$u \cdot v = v \cdot w = u \cdot w = 0$$

$$w = u \times v$$

$$p = (p \cdot u)u + (p \cdot v)v + (p \cdot w)w$$

Estrutura de coordenadas





Construindo uma estrutura de coordenadas

- Frequentemente, dado o vetor **a** (por exemplo, a direção de um ponto visível), se quer construir uma base ortonormal).
- É necessário um segundo vetor **b** (por exemplo, a direção da câmera).
- Deve-se construir uma base ortonormal.



Construindo uma estrutura de coordenadas

Nós queremos associar w com a, e v com b

- Mas, se a e b não são ortogonais e nem têm comprimento igual a 1?
- Precisamos encontrar um terceiro vetor u que é ortogonal a b e w.

$$w = \frac{a}{\|a\|}$$

$$u = \frac{b \times w}{|b \times w|}$$

$$V = W \times U$$

Revisão matemática

- Conjuntos e logaritmos
- Equações de segundo grau
- Trigonometria
- Ponto
- Reta
- Comprimento de reta
- Vetores



Sumário

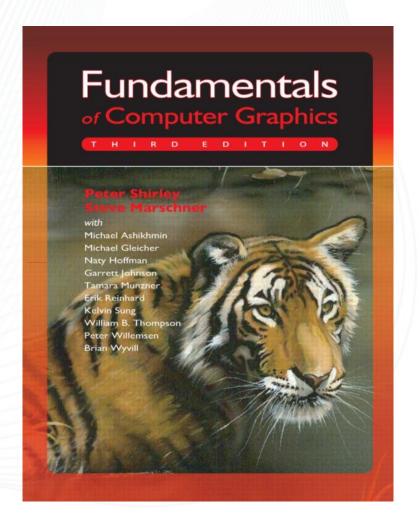
- Parte 1
 - Continuação da revisão matemática
- Parte 2
 - OpenGL



Aula de hoje

Shirley, Peter, Michael Ashikhmin, and Steve Marschner. Fundamentals of computer graphics. CRC Press, 3rd Edition, 2009.

Capítulo 2





Parte 02

Slides de autoria do Professor André Balan



Parte 2

- ➤ A evolução tecnológica da computação gráfica ocorreu em duas áreas:
 - > Hardware, com o advento e evolução das GPUs
 - > Software, com o advento e evolução de APIs gráficas

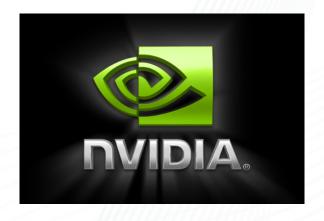


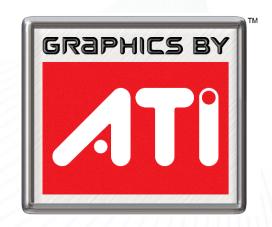
Hardware - GPU

- > O que é uma GPU?
- > GPU é um acrônimo para "Graphics Processor Unit"
- ➤ Uma GPU é um processador (*hardware*) dedicado a processar operações para síntese de imagens
- ➤ Antigamente, as GPUs eram chamadas de aceleradores gráficos
- Atualmente, praticamente todos os computadores modernos possuem uma GPU, que pode junto com a unidade do processador principal (placa mãe) ou em uma unidade separada (placa de vídeo)



GPUs





- ➤ Na década de 90, outras empresas cresceram em entraram na briga pelo mercado de GPUs
- > Destacaram-se as, atualmente, renomadas NVidia e ATI
- > Principais linhas de GPUs da Nvidia: GeForce e Quadro
- > Principais linhas de GPUs da ATI: Radeon e FirePro3D



Software

> Como os programa de computador utilizam uma GPU?

por meio de um Software: Driver

- Antes de década de 90, cada fabricante de GPU apresentava sua própria solução de *software* para que os aplicativos comerciais pudessem acessar suas GPUs.
- Resultado: Um determinado aplicativo ficava totalmente amarrado a uma determinada GPU. O Hardware estava em primeiro plano



Software

- > A partir da década de 90, este cenário começou a mudar:
 - ➤ O Software gráfico passou a ficar em primeiro plano com a popularização das **APIs gráficas**
 - ➤ Os desenvolvedores de hardware entenderam que para seguirem no mercado, eles deveriam atender as especificações dessas APIs, e não os seus próprios padrões.



Software

- O que é uma API
 - ➤ Application programming interface
 - ➤ API é a **especificação** de um determinado conjunto de operações/funções computacionais
 - ➤ API gráfica é a **especificação** de um conjunto de operações/ funções para síntese de imagens. Exemplo de uma API gráfica bem simples:

void linha(int x₀, int y₀, int x_f, int y_f);void circ(int xc, int yc, int rad);



OpenGl

> OpenGL significa "Open Graphics Library"

O OpenGL é uma API gráfica livre: "Open"

- Começou a ser desenvolvido pela Silicon Graphics (SGI) no início da década de 90, e foi lançado em1992 (ver 1.0)
 - ➤ O Direct3D foi lançado em 1995...
- ➤ Hoje, todas as GPUs modernas também implementam o OpenGL em hardware, com Drivers para vários SO



OpenGL vs Direct3D

- ➤ O Direct3D se popularizou principalmente em meio aos desenvolvedores de jogos:
 - Crysis, Half Life 2, Gears of War, etc...
- OpenGL se popularizou em meio aos criadores de filmes, sistemas CAD, e no meio acadêmico e científico
 - > Ambientes de modelagem e animação: 3D Studio, Maya, Adobe After Effects
 - ➤ Jogos: Call of Dutty, Max Payne, Half Life 1
 - > Visualização científica



OpenGL vs Direct3D

Neste curso, estudaremos o OpenGL por ser uma API livre e multiplataforma

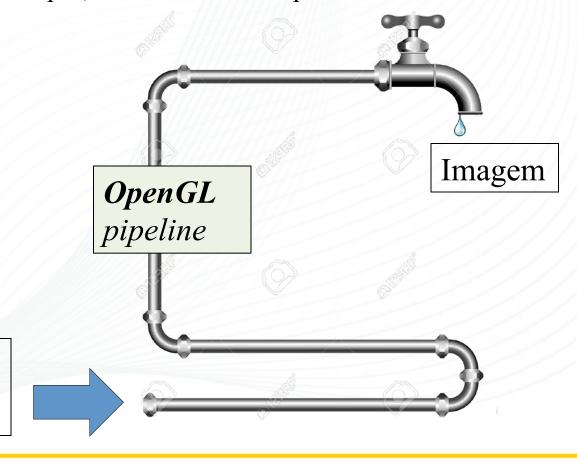


- > OpenGL não é uma linguagem de programação
- ➤ OpenGL é uma API gráfica originalmente definida em linguagem C, mas também há definições em diversas outras linguagens.



OpenGL Pipeline

A estratégia do OpenGL é processar os modelos de primitivas gráficas por meio de várias etapas, como se fosse um processador em formato de tubo!



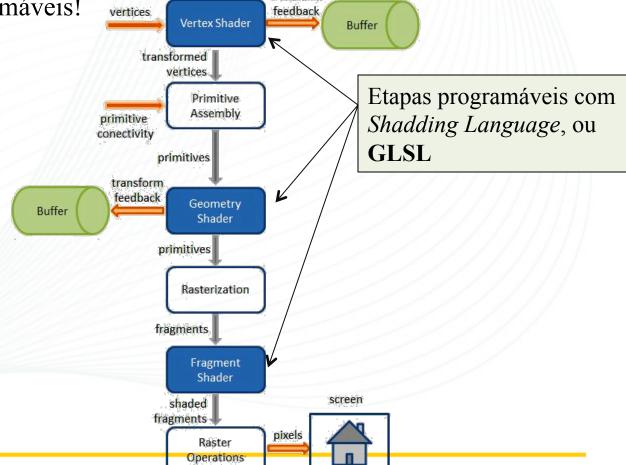
Vértices, triângulos, normais, cores

OpenGL Pipeline

Com o passar dos anos, esse pipeline foi evoluindo, com épocas de grandes modificações, como em 2004 (versão 2.0), por exemplo, onde suas etapas

transform passaram a ser programáveis! vertices feedback Vertex Shader Buffer transformed vertices

- Pipeline versão 3.3
 - > Bem parecido com a atual versão 4.5





- ➤ A API OpenGL especifica mais de 100 funções, que nos permitem, principalmente
 - > Desenhar primitivas gráficas
 - pontos, segmentos de reta, polígonos,
 - > Realizar transformações geométricas:
 - > translação, rotação e escala nas primitivas
 - > Adicionar iluminação à cena



- ➤ Para rodar programas que utilizam OpenGL, precisamos apenas da implementação:
 - No SO Windows, a implementação do OpenGL está na dll opengl32.dll
 - No Linux, a implementação OpenGL vem junto com o pacote Mesa3D



- > Para programar em OpenGL na linguagem C precisamos
 - Da API em si: arquivo gl.h
 - ➤ Da biblioteca estática: arquivo opengl32.lib ou opengl32.a

- ➤ O que a opengl32.lib contém?
 - ➤ Contém código pre-compilado que acessa a implementação OpenGL presente no computador , ou seja, o arquivo dll.



- ➤ O que a API OpenGL não fornece?
 - ➤ Operações para:
 - ➤ Criação de objetos: cubo, esfera, cilindro, etc...
 - Criação de janelas
 - > Tratamento de eventos do teclado, mouse, etc...
 - Realizar animações



- ➤ Funções para realizar estas operações são oferecidas por outras APIs relacionadas
 - ➤ GLUT, GLFW, SDL, QT criação de janelas, tratamento de eventos do mouse e teclado, criação de objetos poligonais
 - ➤ GLU câmera virtual, superfícies curvas, etc...
 - ➤ GLUI criação de botões, caixas de texto, etc...
 - ➤ GLEW acesso às extensões OpenGL



➤ Neste curso vamos usar a combinação GLFW + GLU + GLEW

➤ Vamos criar um projeto em C++11, de 64 bits, utilizando o compilador MingW e a IDE CodeBlocks

➤ Siga os passos do Tutorial 01, 02 e 03



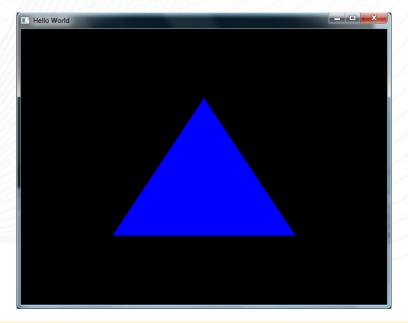
➤ Siga os passos do Tutorial 01, 02 e 03 e volte para essa apresentação



- ➤ Momentos depois....
- > Até agora não usamos OpenGL!

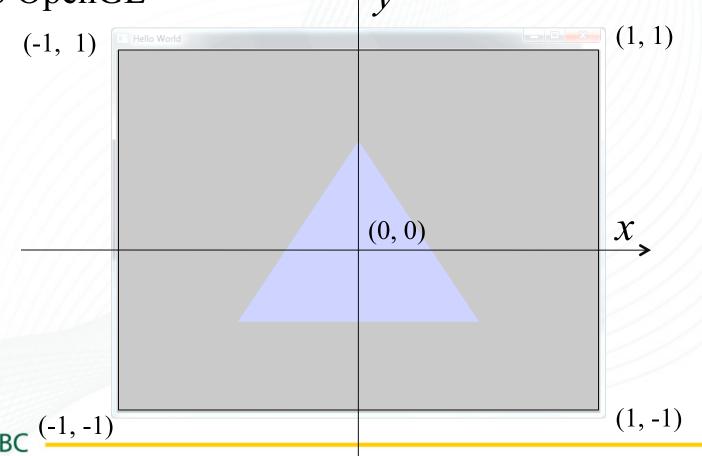
> Vamos fazer algo simples: Desenhar um triângulo no

centro da tela

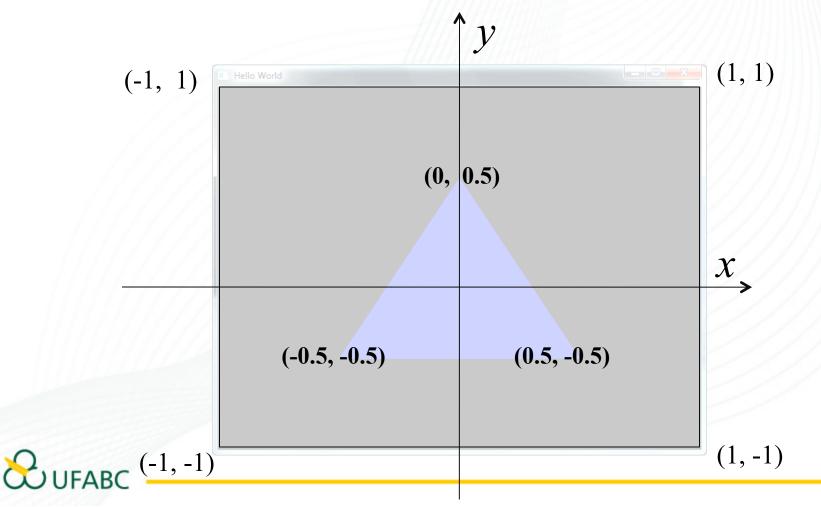




➤ Inicialmente, observe o sistema de coordenadas padrão do OpenGL ↑ v



> Precisamos definir os seguintes vértices



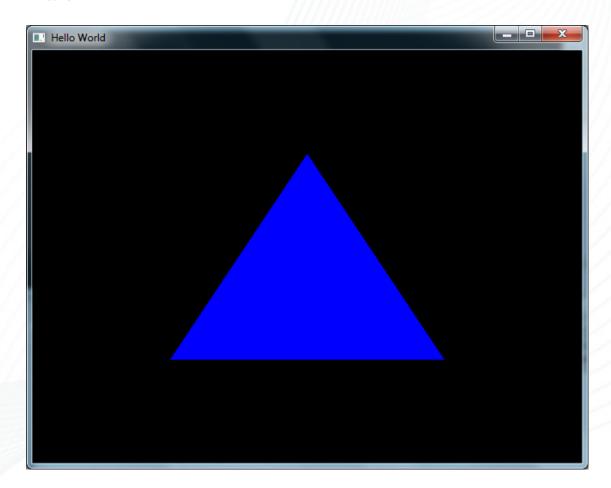
58

➤ No loop principal do programa, insira o seguinte código OpenGL (após a chamada da glClear

```
// Define a cor atual como sendo azul
glColor3f(0, 0, 1);
// Definimos o estado de montagem de triângulos
glBegin(GL TRIANGLES);
   glVertex2f(-0.5f, -0.5f);
   glVertex2f(+0.0f, +0.5f);
   qlVertex2f(+0.5f, -0.5f);
       /* Estando no estado de criação de triângulos,
      a cada três vértices definidos, o OpenGL
      monta um triângulo */
glEnd();
```



> Resultado





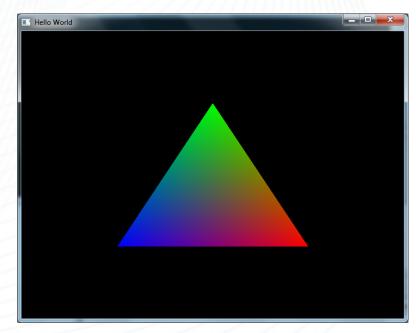
- ➤ As funções da API OpenGL foram projetadas de modo a definir uma **máquina de estados**
 - ➤ Por exemplo, se quisermos desenhar uma série de linhas na cor azul, precisamos definir a **cor corrente** como azul.
 - Todas as primitivas desenhadas após a definição da cor corrente, serão então desenhadas na cor azul, que determina o **estado atual** da cor
 - ➤ Se quisermos desenhar primitivas em outra cor, devemos novamente mudar o estado cor para o qual desejarmos
 - A função que muda a cor atual da máquina é a função glColor.



> Tente definir uma cor diferente antes de definir cada vértice

```
glBegin(GL_TRIANGLES);
  glColor3f(0, 0, 1); // Azul
  glVertex2f(-0.5f, -0.5f);
  glColor3f(0, 1, 0); // Verde
  glVertex2f(+0.0f, +0.5f);
  glColor3f(1, 0, 0); // Vermelho
  glVertex2f(+0.5f, -0.5f);
glEnd();
```









- > O nome das funções OpenGL seguem um padrão:
 - 1. Prefixo de biblioteca: gl, glu, glut, etc...
 - 2. Comando raiz: ex: color, vertex, etc..
 - 3. Número de parâmetros a função recebe (opcional)
 - 4. Tipo de parâmetros que a função recebe (opcional)
- > Exemplos:
 - ➤ glVertex2i Define um vértice com dois parâmetros inteiros
 - ➤ glColor3f Define a cor corrente com 3 parâmetros reais



> Tipos de dados definidos na API OpenGL

Tipo de dado OpenGL	Representação interna	Tipo equivalente em C	Sufixo
GLbyte	8-bit integer	signed char	b
GLshort	16-bit integer	short	S
GLint	32-bit integer	int ou long	// i/////
GLfloat	32-bit floating-point	float	f
GLdouble	64-bit floating-point	double	d
GLubyte, GLboolean	8-bit unsigned integer	unsigned char	ub
GLushort	16-bit unsigned integer	unsigned short	us
GLuint	32-bit unsigned integer	unsigned int	ui



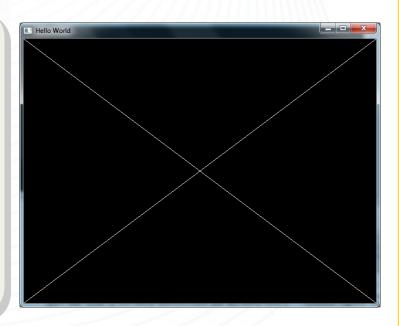
> Máquina de estados

- > Outro exemplo: se quisermos desenhar uma série de linhas, devemos colocar a máquina no estado de desenho de linhas.
- Deste modo, sempre que definirmos consecutivamente dois vértices, a máquina irá desenhar um segmento de reta.
- Mas se estivermos no estado de **desenho de quadriláteros**, por exemplo, quando definirmos dois vértices, a máquina ainda ficará esperando por mais dois vértices, para que ela possa desenhar o quadrilátero.



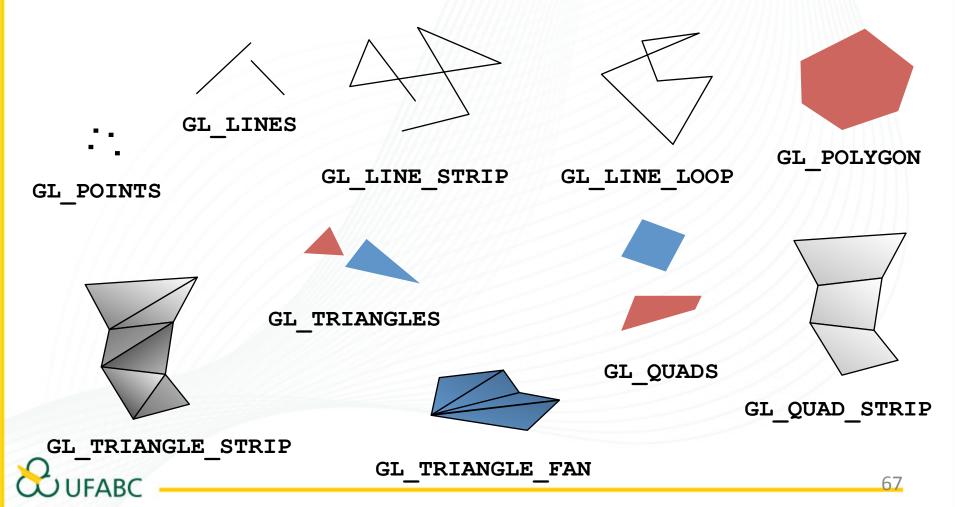
> Máquina de estados

> Exemplo:





> Definição de estados para todas as primitivas



- > Definição de estados para todas as primitivas
 - ➤ GL_LINES: exibe uma linha a cada dois comandos *glVertex*;
 - ➤ GL_LINE_STRIP: exibe uma sequência de linhas conectando os pontos definidos por *glVertex*;
 - ➤ GL_LINE_LOOP: exibe uma sequência de linhas conectando os pontos definidos por *glVertex* e ao final liga o primeiro como último ponto;
 - ➤ GL_TRIANGLES: exibe um triângulo preenchido a cada três pontos definidos por *glVertex*;
 - ➤ **GL_POLYGON**: exibe um polígono convexo preenchido, definido por uma seqüência de chamadas a *glVertex*



- > Definição de estados para todas as primitivas
 - ➤ GL_TRIANGLE_STRIP: exibe uma sequência de triângulos baseados no trio de vértices v0, v1, v2, depois, v2, v1, v3, depois, v2, v3, v4 e assim por diante;
 - ➤ GL_TRIANGLE_FAN: exibe uma sequência de triângulos conectados baseados no trio de vértices v0, v1, v2, depois, v0, v2, v3, depois, v0, v3, v4 e assim por diante;
 - ➤ GL_QUADS: exibe um quadrado preenchido conectando cada quatro pontos definidos por *glVertex*;
 - ➤ GL_QUAD_STRIP: exibe uma sequência de quadriláteros conectados a cada quatro vértices; primeiro v0, v1, v2, v3, depois, v2, v3, v4, v5, depois, v4, v5, v6, v7, e assim por diante



- Capturando eventos do teclado com GLFW
 - Associamos à janela uma função que será invocada automaticamente quando um evento do teclado for gerado. Essas funções chamam-se callback functions.
 - ➤ A chamada, a seguir, deve estar antes do loop while(!glfwWindowShouldClose())

glfwSetKeyCallback(window, key_callback);



Ponteiro para a janela do GLFW



Função CallBack precisa ser implementada exatamente com a assinatura esperada



> Capturando eventos do teclado com GLFW

- Exemplo de implementação da função Callback
 - > Implementar a função key_callback antes da função principal do programa.
- > Criar as variáveis xc e yc, que devem ser declaradas como globais do tipo float.

```
assinatura obrigatória da função callback do teclado:

void (GLFWindow*, int, int, int)
```



> Capturando eventos do teclado com GLFW

Agora utilize as variáveis globais xc e yc para controlar a posição do triângulo pelas teclas de direção, não esquecendo de limpar a tela antes de redesenhar o triângulo em outra posição.

```
glVertex2f(xc-0.5f, yc-0.5f);
glVertex2f(xc+0.0f, yc+0.5f);
glVertex2f(xc+0.5f, yc-0.5f);
```

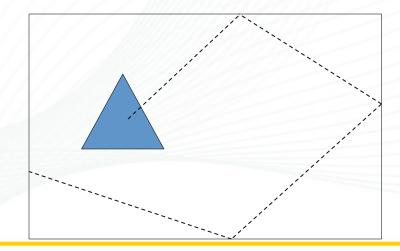
GL_COLOR_BUFFER_BIT é um número inteiro que se refere ao buffer de cores do OpenGL (há também o buffer de profundidades, por exemplo)



Atividade 00

> Animação

- Alterando as variáveis globais xc e yc no laço principal da aplicação, faça como exercício uma animação que:
- 1. Faça um triângulo ir e voltar aos extremos da tela na direção horizontal
- 2. Faça um triângulo ir e voltar aos extremos da tela na direção vertical
- 3. Faça um triângulo quicar nas extremidades da tela conforme abaixo





- ➤ Na verdade... as funções glBegin, glEnd, glVertex, glColor pertencem ao antigo pipeline do OpenGL, que não possuía etapas programáveis nem transferência eficiente de dados para a memória de GPU. Elas são ultrapassadas e não devem mais ser usadas
- ➤ Por quê? Por motivos de desempenho...
 - ➤ Imagine: Toda vez que precisamos definir um vértice ou uma cor, é preciso uma chamada de função (alto custo pra CPU) que transfere dados da memória RAM para a GPU. Com milhões de vértices essa aplicação fica pesadíssima!
 - A partir da versão 3.1 surgiu uma forma mais eficiente de transferir e armazenar dados na memória da GPU: Vertex Buffer Object (VBO).



> Referências

- > Alguns links:
 - http://www.opengl.org
 - http://www.opengl.org/documentation/specs/
 - ➤ http://www.inf.pucrs.br/~manssour/OpenGL/Tutorial.html



Fim da Aula 02

André Luiz Brandão

