Pomiar i wielkości fizyczne 1/15

Andrzej Kapanowski https://ufkapano.github.io/

WFAIS, Uniwersytet Jagielloński w Krakowie

2021

Plan wykładu

- Pomiar i wielkości fizyczne
- Kinematyka
- Oynamika
- Bryła sztywna
- Pole grawitacyjne
- Płyny
- O Drgania i fale
- Termodynamika
- Pole elektryczne

- Pole magnetyczne
- Fale elektromagnetyczne
- Optyka
- Fale materii
- Fizyka atomowa i ciała stałego
- Fizyka jądrowa i cząstek elementarnych

Warunki zaliczenia kursu

- Warunkiem zaliczenia kursu jest zaliczenie wykładu oraz zaliczenie ćwiczeń.
- Warunkiem zaliczenia wykładu jest zdanie egzaminu pisemnego (2 terminy).
- Warunkiem zaliczenia ćwiczeń jest obecność i aktywność na zajęciach, zaliczenie kolokwiów sprawdzających.

Literatura

- D. Halliday, R. Resnick, J. Walker, Podstawy fizyki, Wydawnictwo Naukowe PWN.
- S. Przestalski, *Elementy fizyki, biofizyki i agrofizyki*, Wydawnictwo Uniwersytetu Wrocławskiego, 2001.
- M. Herman, A. Kalestyński, L. Widomski, *Podstawy fizyki dla kandydatów na wyższe uczelnie*, PWN.
- . . .

Czym zajmuje się fizyka?

- Fizyka jest nauką o właściwościach materii i o zjawiskach, czyli zmianach zachodzących w przyrodzie. Zajmuje się badaniem najbardziej ogólnych cech i form ruchu materii. Stąd fizyka stanowi podstawę wszystkich nauk przyrodniczych i technicznych.
- Przykład [M. Smoluchowski]: ruchy planet około Słońca. Fizyka interesują one jako przykład z zakresu mechaniki oraz jako dowód istnienia grawitacji ogólnej. Astronoma interesują indywidualne dane określające tory planet, orientacja torów względem konstelacji gwiazd niebieskich itd.
- Biofizyka zajmuje się zjawiskami fizycznymi zachodzącymi w organizmach żywych.

Pomiary i wielkości fizyczne

- Fizyka opiera się na pomiarach. Każdą dającą się zmierzyć wielkość nazywamy wielkością fizyczną.
- Wielkość fizyczna X: wartość liczbowa {X}, jednostka/wymiar [X].
- Jednostka to nazwa miary danej wielkości. Jedną miarę danej wielkości zawiera wzorzec.
- Wzorce powinny być łatwo dostępne, niezmienne.
- Główny Urząd Miar, rozporządzenia w sprawie legalnych jednostek miar.
- Wielkości i jednostki podstawowe i pochodne (określone na podstawie równań definicyjnych).

Międzynarodowy Układ Jednostek Miar (SI)

Jednostki podstawowe układu SI.

Nazwa jedn.	Symbol	Wielkość fizyczna	Wymiar w.f.
metr	m	długość	L
kilogram	kg	masa	M
sekunda	S	czas	T
amper	Α	natężenie prądu	A
kelwin	K	temperatura	Θ
kandela	cd	światłość	J
mol	mol	liczność materii	N

Wymiar

- Wymiar wielkości fizycznej jest to wyrażenie zbudowane w oparciu o wzór definicyjny tej wielkości fizycznej, w postaci iloczynu wymiarów podstawowych, podniesionych do odpowiednich potęg.
- Wymiar danej wielkości fizycznej zależy od przyjętego układu jednostek miar.
- Wymiar jest pojęciem bardziej ogólnym niż jednostka.
- Przykład. Definicja siły (II z.d.N.) F = ma, wymiar $[F] = [m] \times [a] = M \times L/T^2$, jednostka (niuton) $1N = 1 kg \times 1m/s^2$.
- Wielkości fizyczne bezwymiarowe (wymiar 1): kąt (radiany), współczynnik załamania, sprawność.

Wymiar

- Dla każdego równania zawierającego wielkości fizyczne, wymiary lewej i prawej strony równania muszą być jednakowe. Innym warunkiem poprawności równania są takie same własności transformacyjne.
- Analiza wymiarowa pozwala często na znalezienie zależności fizycznych z dokładnością do stałej bezwymiarowej poprzez porównywanie wykładników wymiarowych.
- Przykład: liczba Reynoldsa (Re) w mechanice płynów.

Zapis wielkości fizycznych

- Przedrostki wyrażające mnożniki dziesiętne służące do tworzenia dziesiętnych wielokrotności i podwielokrotności jednostek miar, np. kilometr, milisekunda.
- Inne jednostki będące w powszechnym użyciu: stopień Celsjusza (°C; temperatura), elektronowolt (eV; energia), milimetr słupa rtęci (mmHg; ciśnienie), amperogodzina (Ah; moc), i inne.
- Rząd wielkości liczby to najbliższa jej wartości potęga liczby 10. $\log_{10}(23456) = 4.370 \approx 4 \text{ (rząd wielkości } 10^4),$ $\log_{10}(789) = 2.897 \approx 3 \text{ (rząd wielkości } 10^3).$ W literaturze można spotkać też inną definicję (rząd 4 i 3).

Przedrostki

Mnożnik	Przedrostek	Skrót
10 ¹² tera		T
109	giga	Ġ
106	mega	M
10 ³	lillega kilo	k
10^{10}	hekto	
10^{10}	deka	da
10^{-1}	decy	d
10^{-2}	centy	С
10^{-3}	mili	m
10^{-6}	mikro	$\mid \mu \mid$
10^{-9}	nano	n
10^{-12}	piko	р
10^{-15}	femto	f
10^{-18}	atto	l a

Cyfry znaczące i cyfry po przecinku

- Cyfry znaczące: cyfry rozwinięcia dziesiętnego mierzonej wielkości fizycznej, począwszy od pierwszej cyfry niezerowej aż do ostatniej cyfry, której wartość nie zmienia się wewnątrz przyjętego przedziału ufności [Wikipedia].
- Jeżeli w zapisie nie występuje przecinek dziesiętny, to skrajna prawa cyfra jest znacząca (także zero), np. 2040, 450 \times 10⁻³.
- Liczby mogą być dokładne lub przybliżone. Liczba przybliżona może być podana z nadmiarem lub niedomiarem. Jeżeli w obliczeniach są liczby przybliżone, to wynik jest przybliżony.

Cyfry znaczące i cyfry po przecinku

Matematyka

Liczby niewymierne ($\pi \approx 3.141$) czy rozwinięcia dziesiętne ułamków ($1/3 \approx 0.333$) mogą mieć nieskończone rozwinięcia dziesiętne.

Fizyka

Pomiar jest dokonywany z określoną dokładnością (niepewności przypadkowe, niepewności systematyczne).

Informatyka

Pewnych liczb rzeczywistych nie da się dokładnie zapisać w maszynie cyfrowej, korzystającej z układu dwójkowego, mającej skończoną pamięć ($1/5=0.2\approx0.00110_2=3/16=6/32$).

Zaokrąglanie

- $12.5862 \approx 12.59$ (za 8 była cyfra większa niż 5).
- $12.5852 \approx 12.59$ (za 8 była cyfra 5 i następne).
- $12.5850 \approx 12.58$ (za parzystą 8 była tylko cyfra 5).
- $12.5950 \approx 12.60$ (za nieparzystą 9 była tylko cyfra 5).
- $12.5832 \approx 12.58$ (za 8 była cyfra mniejsza niż 5).
- Zapis wyniku pomiarów: $m_e = 9.109534(47) \cdot 10^{-31} \text{kg}$, $\Delta m_e = 0.000047 \cdot 10^{-31} \text{kg} = 4.7 \cdot 10^{-36} \text{kg}$.
- 0.00126(5) 2 cyfry znaczące (1,2).
- 2046(3) 3 cyfry znaczące (2,0,4).

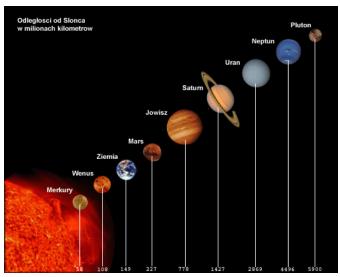
Długość

- Jednostką długości w układzie SI jest metr.
- Metr jest to długość drogi przebytej w próżni przez światło w czasie 1/299792458 sekundy (od roku 1983). Stąd prędkość światła równa się dokładnie $c=299792458 \, \text{m/s} \approx 3 \cdot 10^8 \, \text{m/s}$.
- Wybrane długości (w przybliżeniu): odległość Ziemi od najstarszych galaktyk $2 \cdot 10^{26} \, \text{m}$, odległość Ziemi od Plutona $6 \cdot 10^{12} \, \text{m}$, promień Ziemi $6 \cdot 10^6 \, \text{m}$, długość wirusa mozaiki tytoniowej $3 \cdot 10^{-7} \, \text{m}$, promień atomu wodoru $5 \cdot 10^{-11} \, \text{m}$, promień protonu $1 \cdot 10^{-15} \, \text{m}$.

Wirus mozaiki tytoniowej



Układ Słoneczny



Długość

Jednostki długości w astronomii

- Rok świetlny 9.4607 · 10¹⁵ m.
- Jednostka astronomiczna $1 \text{AU} \approx 1.5 \cdot 10^{11} \text{m}$ (średnia odległość Ziemi od Słońca).
- Parsek 1pc \approx 3.2616 roku świetlnego.

Przyrządy do pomiaru długości

Przymiar liniowy, taśmowy, suwmiarka, śruba mikrometryczna.

Czas

- Jednostką czasu w układzie SI jest sekunda.
- Sekunda to czas równy 9 192 631 770 okresom promieniowania odpowiadającego przejściu między dwoma nadsubtelnymi poziomami stanu podstawowego atomu cezu 133 (od roku 1967).
- Inne jednostki czasu: minuta (min), godzina (h), doba (d), rok astronomiczny (365.25 d).
- Wybrane przedziały czasu (w przybliżeniu): czas życia protonu 1 · 10³⁹s, wiek Wszechświata 5 · 10¹⁷s, średni czas życia ludzkiego 2 · 10⁹s, czas życia mionu 2 · 10⁻⁶s, czas Plancka 1 · 10⁻⁴³s.

Zegar słoneczny (Warszawa, Ogród Saski)



Czas

Przyrządy do pomiaru czasu

Zegary słoneczne, zegary mechaniczne (wahadło lub balans), metronom, zegary kwarcowe (zjawisko piezoelektryczne), zegary atomowe (cez).

Masa

- Jednostką masy w układzie SI jest kilogram.
- Kilogram jest to jednostka zdefiniowana przez przyjęcie ustalonej wartości liczbowej stałej Plancka $h=6.62607015\cdot 10^{-34} Js$ (od 20.05.2019).
- Jednostka masy atomowej jest to masa równa 1/12 części masy atomowej nuklidu węgla 12, $1u=1.6605402\cdot 10^{-27} kg$.
- Wybrane masy (w przybliżeniu): znany Wszechświat $1\cdot 10^{53}\,\mathrm{kg}$, Słońce $2\cdot 10^{30}\,\mathrm{kg}$, Księżyc $7\cdot 10^{22}\,\mathrm{kg}$, słoń $3\cdot 10^3\,\mathrm{kg}$, ziarnko kurzu $7\cdot 10^{-10}\,\mathrm{kg}$, proton $2\cdot 10^{-27}\,\mathrm{kg}$, elektron $9\cdot 10^{-31}\,\mathrm{kg}$.

Pozostałe jednostki układu SI (do 20.05.2019)

- Amper jest to natężenie prądu elektrycznego nie zmieniającego się, który płynąc w dwóch równoległych, prostoliniowych i nieskończenie długich przewodach o przekroju okrągłym, znikomo małym, umieszczonych w próżni w odległości jednego metra jeden od drugiego wywołałby między tymi przewodami siłę 2 · 10⁻⁷ N na każdy metr długości tych przewodów.
- Kelwin jest 1/273.16 temperatury termodynamicznej punktu potrójnego wody.
- Mol jest ilością materii układu zawierającego liczbę cząstek równą liczbie atomów zawartych w masie 12 gramów węgla 12 $\binom{12}{C}$.

Pozostałe jednostki układu SI (do 20.05.2019)

- Kandela [stara definicja] jest światłością w kierunku prostopadłym do powierzchni ciała doskonale czarnego, promieniującego w temperaturze krzepnięcia platyny pod ciśnieniem 101325 Pa, tj. w temperaturze 2042.6 K, jeżeli pole powierzchni promieniującej jest równe (1/6) · 10⁻⁵ m².
- Kandela [nowa definicja] jest to światłość źródła emitującego w określonym kierunku promieniowanie monochromatyczne o częstotliwości 5.4 · 10¹⁴ herców (Hz) i o natężeniu promieniowania w tym kierunku równym 1/683 wata na steradian (W/sr).

Stałe podstawowe od 20.05.2019

```
\Delta \nu_{Cs} | 9192631770 s^{-1}

c | 299792458 ms^{-1}

h | 6,62607015 × 10<sup>-34</sup> Js(Js = kg \ m^2 s^{-1})

e | 1,602176634 × 10<sup>-19</sup> C(C = As)

k_B | 1,380649 × 10<sup>-23</sup> JK^{-1}(JK^{-1} = kg \ m^2 s^{-2} K^{-1})

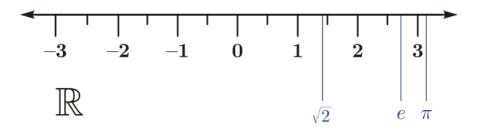
N_A | 6,02214076 × 10<sup>23</sup> mol^{-1}

K_{cd} | 683 Im \ W^{-1} (dla monochr. prom. o cz. 540 × 10<sup>12</sup> Hz)
```

Klasyfikacje wielkości fizycznych

- Skalary, wektory, tensory.
- Wielkości ekstensywne i intensywne. Wartość liczbowa wielkości ekstensywnej zależy od liczby cząstek rozpatrywanego układu jednorodnego (objętość, masa ciała, ciężar, energia, entropia).
 Wielkości intensywne to np. ciężar właściwy, gęstość, temperatura, natężenie pola, potencjał chemiczny.
- Wielkości zależne jedynie od stanu ciała (funkcje stanu) i wielkości zależne od historii układu, przebytej drogi.

A teraz trochę matematyki . . .



Pojęcia matematyczne potrzebne w fizyce

- Pochodna funkcji
- Całka z funkcji
- Liczby zespolone
- •

Zbiory liczbowe

- Liczby naturalne
- Liczby całkowite
- Liczby wymierne
- Liczby rzeczywiste
- Liczby zespolone
- Kwaterniony

Zbiór liczb naturalnych

- $N = \{1, 2, 3, \ldots\}$
- Dodawanie i mnożenie wiadomo.
- Indukcja matematyczna.
- Mamy relację mniejszości a < b.
- Istnieje kilka konstrukcji liczb naturalnych.

Zbiór liczb całkowitych

- Z zawiera pary liczb naturalnych (ma, winien).
- Intuicyjnie (a, b) reprezentuje różnicę a b.
- Utożsamiamy pary (a+c,b+c) dla c naturalnych. Inaczej: $(a_1,b_1)\sim (a_2,b_2)$, jeżeli $a_1+b_2=a_2+b_1$.
- Dodawanie $(a_1, b_1) + (a_2, b_2) = (a_1 + a_2, b_1 + b_2)$.
- Odejmowanie $(a_1, b_1) (a_2, b_2) = (a_1 + b_2, a_2 + b_1)$.
- Mnożenie $(a_1, b_1) * (a_2, b_2) = (a_1a_2 + b_1b_2, a_1b_2 + a_2b_1).$
- Liczby naturalne utożsamiamy z parami (a, b) dla b < a.
- Zero odpowiada parom (a, a).

Zbiór liczb wymiernych

- Q zawiera pary liczb całkowitych (licznik, mianownik), gdzie mianownik jest różny od zera.
- Utożsamiamy pary (ac, bc) dla c niezerowych. Inaczej: $(a_1, b_1) \sim (a_2, b_2)$, jeżeli $a_1b_2 = a_2b_1$.
- Liczby całkowite utożsamiamy z parami (a, 1).
- Dodawanie $(a_1, b_1) + (a_2, b_2) = (a_1b_2 + a_2b_1, b_1b_2)$
- Odejmowanie $(a_1, b_1) (a_2, b_2) = (a_1b_2 a_2b_1, b_1b_2).$
- Mnozenie $(a_1, b_1) * (a_2, b_2) = (a_1a_2, b_1b_2)$.
- Dzielenie (a_1, b_1) : $(a_2, b_2) = (a_1, b_1) * (b_2, a_2)$ dla niezerowego a_2 .
- Problem: $x^2 = 2$.



Zbiór liczb rzeczywistych

- R zawiera liczby wymierne i liczby niewymierne.
- Liczby rzeczywiste można przyporządkować do punktów na osi liczbowej.
- Równanie $x^2=2$ ma dwa rozwiązania: $x=\sqrt{2}$ oraz $x=-\sqrt{2}$.
- Rozwinięcia dziesiętne: 1/2 = 0.5 (skończone), 1/3 = 0.333... = 0.(3) (okresowe), $\sqrt{2} = 1.41421...$, $\pi = 3.14159...$, e = 2.71828...
- Liczba przestępna nie jest pierwiastkiem żadnego niezerowego wielomianu jednej zmiennej o współczynnikach wymiernych (np. π , e).
- Problem: $x^2 = -1$.



Zbiór liczb zespolonych

- C zawiera pary liczb rzeczywistych (część rzeczywista, część urojona).
- z = (x, y) = x + iy, gdzie $i^2 = -1$.
- Dodawanie, odejmowanie, mnożenie wiadomo.
- Liczba sprzężona do danej $\bar{z} = x iy$.
- Moduł $|z| = \sqrt{x^2 + y^2}$, $z\bar{z} = |z|^2$.
- Odwrotność $1/z = \bar{z}/(z\bar{z}) = \bar{z}/|z|^2$.
- Liczby zespolone można przyporządkować do punktów na płaszczyźnie dwuwymiarowej.
- Zastosowania: funkcja falowa, obwody prądu zmiennego, ruch na płaszczyźnie, . . .



Zbiór kwaternionów

- H zawiera czwórki liczb rzeczywistych.
- q = (x, y, z, t) = x + iy + jz + kt, gdzie $i^2 = j^2 = k^2 = ijk = -1$, ij = -ji = k, jk = -kj = i, ki = -ik = j.
- Mnożenie kwaternionów na ogół nie jest przemienne.
- Twierdzenie Frobeniusa. Każda skończeniewymiarowa algebra z dzieleniem nad ciałem liczb rzeczywistych jest izomorficzna z ciałem liczb rzeczywistych R, ciałem liczb zespolonych C, bądź algebrą kwaternionów H.
- Zastosowania: opis obrotów w trzech wymiarach (lotnictwo, grafika komputerowa), opis obrotów w czterech wymiarach, opis elektromagnetyzmu (bikwaterniony), . . .