REGRESYON

SAYISAL YAKLAŞIM YÖNTEMLERİ - REGRESYON

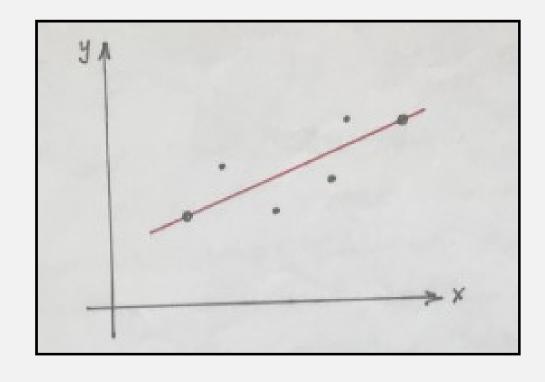
- ➤ Enterpolasyon, ayrık noktalarda değerleri bilinen bir fonksiyonun, bu noktalardan geçen bir polinom veya başka bir fonksiyon ile yaklaşık olarak hesaplanabilme işlemidir.
- Enterpolasyon işlemi sırasında polinomlar için alınan nokta sayısı, kullanılan polinomun üssünden bir fazla olmalıdır.
- ➤Çok sayıda değerin bilindiği bazı problemlerde ise, bu değerlerin tümünün kullanılması iyi bir çözüm için gereklidir.
- ➤ Bir diğer nokta ise yaklaşık olarak kullanılan enterpolasyon fonksiyonu F(x), verilen bir f(x) fonksiyonunu ancak belli bir aralıkta tanımlar. Bazı hallerde gerçek fonksiyon ile enterpolasyon fonksiyonu verilen aralık dışında birbirlerinden çok farklı olabilir.
- ➤ Enterpolasyon yapılabilmesi için çizilmiş eğri, gerçek f(x) fonksiyonunun değişimine çok yakın olmalıdır. Aksi taktirde arada bir fark meydana gelir ve yi değerleri için

 yi = F(xi) + Ei

Eşitliği geçerli olur. **Ei**, i.'inci ölçmedeki toplam hatayı gösterir. Xi 'lerin tespitinde de hata yapılmış ise çözüm gittikçe zorlaşır.

EN KÜÇÜK KARELER YAKLAŞIMI

Fiziksel elayların çoğunda, iki veya daha fazla birbirine. bağlı değisken bulunur. Bir olayın deneysel sonucunun, analatik olarak incelenmesi alayın formüle. bağlanması ile mümkündür.



Zamana göre değisen bir olayda, değisik aralıklarla öleülen zaman icin n adet de flx) degeri Ölcülmüs olsun. Gözlenen olayın aloğrusal bir değisim göstermesi bekleniyorsa beklenen Wooru den Wemi; y = A + BX darak yazılabilir. Bu durumda gözlem deti XE deberin den hesap lanan y = A+Bx6 deberi ile gözlemle alde edilen y6 arasın daki y6- (A+Bx6) farkı minimum placak placak sekilde bir dooru denklemi bulmak isteyelim. i'inci gözlem deki farkı di = yi - 7 - Bri seklinde ycızabiliriz.

Ancol bu farklar (-) veya (+) olaca gina opre teorik tonkiyonun göstere ceği doğru en uygun doğru Olmanabilir. Bu bakımdan tontsiyonlar yerine. tonksiyonların kareleri toplamının minimum olması sartıni saglayan fontsiyonu belirlemek geretir. Buda A ue B Latsayilarinin bulunmasi ile olur. S= \(\sum_{i=1}^{\infty} di^2 = di + d^2 + \ldots + dn = \sum_{i=1}^{\infty} (yi - A - Bxi)^2 Si Ave B'nin degis keni plarak degise cektir. S'nin A ve B'ge göre türevleri alınıp sıtıra esitlersek S'yi an küçük desere esitlenmis oluruz.

$$\int_{\frac{\pi}{2}}^{\pi} \left(y_i - A - Bx_i \right)^c$$

$$\frac{\partial S}{\partial A} = 0 , \quad \frac{\partial S}{\partial B} = 0$$

$$\frac{\partial S}{\partial A} = \frac{\hat{\Sigma}}{\hat{i} = 1} 2 \left(A + Bxi - yi \right) = \sum 2A + \sum 2Bxi - \sum 2yi = 0$$

$$\frac{\partial S}{\partial A} = \frac{\hat{\Sigma}}{\hat{i} = 1} 2 \left(A + Bxi - yi \right) xi = \sum 2A xi + \sum 2Bxi^{2} - \sum 2xiyi = 0$$

$$\frac{\partial S}{\partial B} = \frac{\hat{\Sigma}}{\hat{i} = 1} 2 \left(A + Bxi - yi \right) xi = \sum 2A xi + \sum 2Bxi^{2} - \sum 2xiyi = 0$$

$$\sum A + \sum B \times i - \sum yi = 0$$

$$\sum A \times i + \sum B \times i^2 - \sum xiyi = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} A = n.A,$$

$$\sum_{i=1}^{n} B \times i = B \sum_{i=1}^{n} xi$$

$$A = \sum_{i=1}^{n} A \times i = \sum_{i=1}^{n} yi$$

$$A = \sum_{i=1}^{n} A \times i = \sum_{i=1}^{n} xiyi$$

$$A = \sum_{i=1}^{n} xi + B = \sum_{i=1}^{n} xiyi$$

$$A = \sum_{i=1}^{n} xi + B = \sum_{i=1}^{n} xiyi$$

$$\sum A + \sum B \times i - \sum yi = 0$$

$$\sum A \times i + \sum B \times i^2 - \sum xiyi = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} A = n.A,$$

$$\sum A \times i + \sum_{i=1}^{n} xi = \sum_{i=1}^{n} xi$$

$$A = n.A,$$

$$\sum_{i=1}^{n} A \times i = \sum_{i=1}^{n} xi$$

$$A = n.A,$$

$$\sum_{i=1}^{n} A \times i = \sum_{i=1}^{n} xi$$

$$A = n.A,$$

$$\sum_{i=1}^{n} A \times i = \sum_{i=1}^{n} xi$$

$$\sum_{i=1}^{n} xi + B = \sum_{i=1}^{n} xi$$

$$\sum_{i=1}^{n} xi + B = \sum_{i=1}^{n} xi$$

$$\begin{bmatrix} n & \sum xi \\ \sum xi & \sum xi^2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} A \\ B \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \sum yi \\ \sum xiyi \end{bmatrix}$$

$$\frac{0}{0} \frac{1}{0} \frac{x^{2}}{0} \frac{x^{2}}{1.0} \frac{x^{2}}{0} \frac{x^{2}}{1.0} \frac{x^{2}}{0} \frac{x^{2}$$

$$\frac{\partial}{\partial RNEZ} \cdot \frac{\chi_{1}}{\partial Q} = \frac{\chi_{1}}{\partial Q$$

ORNEL :

Asugida verilmis olan noktalardan y=ax dogrusunu pegiriniz.

$$\frac{\partial S}{\partial a} = -2 \sum_{i=1}^{n} xi (yi - axi) = 0$$

EN KÜÇÜK KARELERDE POLİNOM YAKLAŞIMI

Lerilen noticulardan
$$F(x) = A + Bx + Cx^2$$
 poroboli gecinel mek Istenirse. hafa kareleri toplaminin min. olmasi iqin:

$$S = \sum_{i=1}^{n} \left[(A + Bxi + Cxi^2) - y_i \right]^2$$

$$\frac{dS}{dA} = \sum_{i=1}^{n} 2 \left[A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\frac{dS}{dA} = \sum_{i=1}^{n} 2 \left[Xi \right] \left[A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\frac{dS}{dB} = \sum_{i=1}^{n} 2 \left[Xi \right] \left[A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[Xi \right] \left[A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[Xi \right] \left[A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[Xi \right] \left[A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[Xi \right] \left[A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[Xi \right] \left[A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[Xi \right] \left[A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[Xi \right] \left[A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[Xi \right] \left[A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[Xi \right] \left[A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[Xi \right] \left[A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[Xi \right] \left[A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[Xi \right] \left[A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[Xi \right] \left[A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[Xi \right] \left[A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[Xi \right] \left[A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[Xi \right] \left[A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[Xi \right] \left[A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[Xi \right] \left[A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[Xi \right] \left[A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[Xi \right] \left[A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[Xi \right] \left[A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[Xi \right] \left[A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[Xi \right] \left[A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[Xi \right] \left[A + Bxi + Cx_i^2 - y_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[Xi \right] \left[A + Bxi + Cx_i^2 - x_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[Xi \right] \left[A + Bxi + Cx_i^2 - x_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[Xi \right] \left[A + Bxi + Cx_i^2 - x_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[Xi \right] \left[A + Bxi + Cx_i^2 - x_i \right] = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} 2 \left[Xi \right] \left[A + Bxi + Cx_i^2 - x_i^$$

DRUEK

$$\begin{bmatrix} 5 & 24 & 138 \\ 24 & 138 & 888 \\ 138 & 888 & 6144 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} A \\ B \\ C \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 123 \\ 816 \\ 5700 \end{bmatrix}$$

A=8316

$$\Delta A = \begin{bmatrix} 123 & 24 & 138 \\ 816 & 138 & 888 \\ 5700 & 888 & 6114 \end{bmatrix} = -24918 \Rightarrow A = -3$$

$$AB = \begin{bmatrix} 5 & 123 & 138 \\ 24 & 816 & 888 \\ 138 & 6700 & 6114 \end{bmatrix} = 0 \Rightarrow B = 0$$

$$\Delta C = \begin{bmatrix} 5 & 24 & 123 \\ 24 & 138 & 816 \\ 138 & 888 & 5700 \end{bmatrix} = 8316 \Rightarrow C = 1$$

$$y = A + 8x + Cx^{2}$$

$$y = x^{2} - 3$$

EN KÜGÜK KARELER YÖNTEMINDE KULLANILACAK FONKSIYONUN SEGIMI :

- 1. Fark tablosumun incelenmesi ugalurulacak polino mun alerecesini verebilir.
- 2. Grafik Gizilir we simetri aranır. Eger yeksenine göre simetri warsa, $F(x) = \sum_{k=0}^{\infty} C_k x^{2k+2}$

gibi bir polinom kullanılabilinir.

3. Verilen degerler periyodik değisiyorsa sinüs veya cosinüs gibi trigonometrik terimler kullanılır.

10 garitmik veya üstel fonksiyonlar hakkında bilgi verkbilir.

5. Bazen verilen degerlerden yararlanılarak cizilen grafik parecılara ayrılır ve her parçaya ayrı bir epri vy-

EN KÜÇÜK KARELER YÖNTEMİ İLE DOĞRUSAL (LINEER) OLMAYAN FONKSİYONLARIN UYDURULMASI

Bazı durumlarda deneylerden elde edilen değerlere bir polinom uyduramıyorsak, fonksiyonları

$$F(x,a,b) = a * e^{bx}$$

$$F(x,a,b) = a * x^b$$

Katsayılar bakımından doğrusal olmayan başka şekillerde tanımlayabiliriz. Bu denklemlerin çözümü güç olduğundan logaritmaları alınarak lineer yapılabilir.

dogal logaritma

$$y = a.b$$
 $eny = ena + x.enb$
 $a = e$
 $b = e^{B}$
 $y = A + Bx$

DRNEK: y= a.bx × 0 49 16 25 x y eny 2 56.628 4.037 3 186.872 5.230 4 616.679 6.424 5 2035.040 7.618 8.074 15.690 25.696 38.090 24.958 54 87.550 $\begin{bmatrix} \bigcap & \sum x \\ \sum x & \sum_{x}^{2} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} A \\ B \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \sum y \\ \sum xy \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \bigcap & \sum x \\ \sum x & \sum x^{2} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} A \\ B \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \sum lny \\ \sum x lny \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} 5 & 14 \\ 14 & 54 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} A \\ B \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 24.958 \\ 87.550 \end{bmatrix}$ Δ = 5.54 - 14² = 74 $\Delta A = \begin{bmatrix} 24.958 & 14 \\ 87.550 & 54 \end{bmatrix} = 122.032 \qquad \Delta B = \begin{bmatrix} 5 & 24.958 \\ 14 & 87.550 \end{bmatrix} = 88.338$ A= 1.649081 B= 1.1937567 y= 5.202 * 3.3 a = 5.2021972 b = 3.2994532

ÖRNEK: y= ax egrisinin gegirilmesi lnx lny (lnx)2 lnxlny 1.099 0 1 3 3.019 1.208 2.747 1.099 3 15.588 5.662 3.513 2.589 5 33. 541 1.609 8.671 7.359 3.797 2.708 y=ax lny = b lnx + lna a = e b = B 9 = A+BX

$$\begin{bmatrix} n & \sum \ln x \\ \sum \ln x & \sum (\ln x)^2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} A \\ B \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \sum \ln y \\ \sum \ln x \ln y \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 3 & 2.708 \\ 2.708 & 3.797 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} A \\ B \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 7.359 \\ 8.671 \end{bmatrix}$$

$$\Delta = 11.391 - 7.333264 = 4.057736$$

$$\Delta A = \begin{bmatrix} 7.359 & 2.708 \\ 8.671 & 3.797 \end{bmatrix} = 4.461053$$

$$\Delta B = \begin{bmatrix} 3 & 7.859 \\ 2.708 & 8.671 \end{bmatrix} = 6.084828$$

$$A = \frac{\Delta A}{\Delta} = \frac{4.461053}{4.057736} = 1.099395$$

$$B = \frac{\Delta 8}{\Delta} = \frac{6.084828}{4.057736} = 1.4995623$$

$$a = \ln A \Rightarrow 3.0023491$$
 $y \approx 3 \times 1.5$
 $b = 8 \Rightarrow 1.4995623$

Denote:

$$y = a \cdot e^{bx} \qquad e \cdot \delta r i s i n in \qquad e \cdot \epsilon i r i l meai$$

$$x \qquad y \qquad lny \qquad x lny \qquad x^2$$

$$0 \qquad l \qquad 0 \qquad 0 \qquad 0$$

$$1 \qquad 2 \qquad 0.6931471 \qquad 0.6931471 \qquad l$$

$$2 \qquad 6 \qquad l.7917595 \qquad 3.583519 \qquad 4$$

$$3 \qquad 2.4849066 \qquad 4.2766661 \qquad 5$$

$$y = a \cdot e^{bx}$$

$$ln y = ln a + bx \qquad a = e^{A} \qquad b = B$$

$$y = A + Bx$$

$$\left[\begin{array}{c} 0 \qquad \sum x \\ x \qquad \sum x^2 \end{array} \right] \begin{bmatrix} A \\ B \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \sum lny \\ \sum x \cdot lny \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 3 & 3 \\ 3 & 5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} A \\ B \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2.4849066 \\ 4.2766661 \end{bmatrix} \qquad \Delta = 6 \qquad \Delta A = -0.4054653$$

$$\Delta B = 5.3752785$$

$$\Delta = -0.0675775 \qquad B = 0.8958797$$

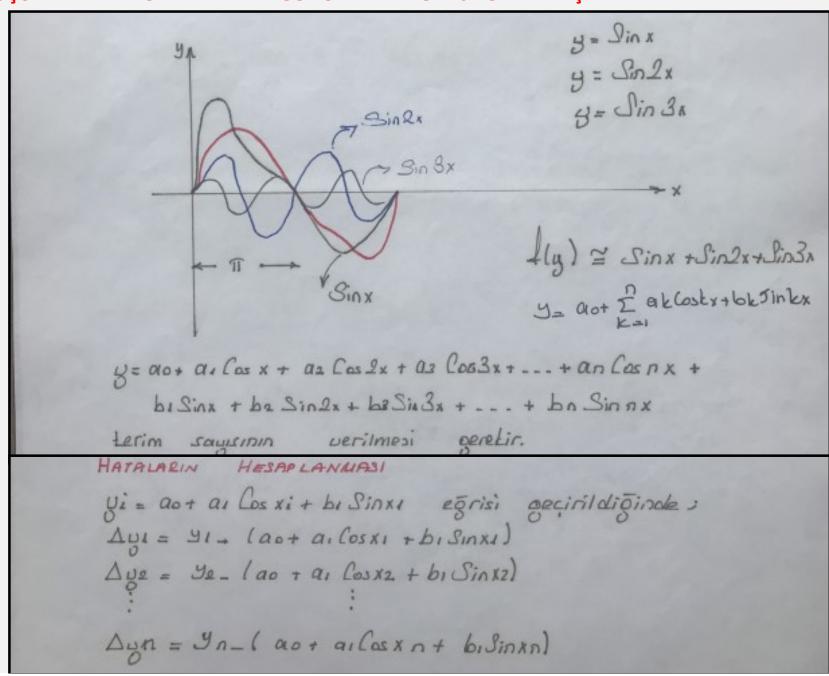
$$\alpha = e^{A} = 0.9346552$$

$$\Delta = 0.8958797$$

$$\Delta = 0.9346552$$

$$\Delta = 0.8958797$$

EN KÜÇÜK KARELER YÖNTEMİ İLE TRİGONOMETRİK FONKSİYON YAKLAŞIMI



 $F(x) = a_0 + a_1 \cos x + b_1 \sin x + a_2 \cos 2x + b_2 \sin 2x + --- + a_n \cos x + b_n \sin nx$ $F(x_i) = a_0 + a_1 \cos x_i + b_1 \sin x_i$

 $\frac{\partial M}{\partial a_0} = 25 \left(a_0 + a_1 Cosxi + b_1 Sinxi - yi\right)$ $\frac{\partial M}{\partial a_1} = 2 \sum \left(a_0 + a_1 Cosxi + b_1 Sinxi - yi\right) Cosxi$ $\frac{\partial M}{\partial a_1} = 2 \sum \left(a_0 + a_1 Cosxi + b_1 Sinxi - yi\right) Sinxi$ $\frac{\partial M}{\partial b_1} = 2 \sum \left(a_0 + a_1 Cosxi + b_1 Sinxi - yi\right) Sinxi$

Σαο+αιΣ Cosxi + bιΣSinxi = Iyi

αο Σ Cosxi + αι Σ Cosxi + bιΣSinxi Cosxi = Iyi Cosxi

αο Σ Sinxi + αι Σ Sinxi Cosxi + bιΣ Sinxi Cosxi = Iyi Sinxi

αο Σ Sinxi + αι Σ Sinxi Cosxi + bιΣ Sinxi

```
Benzer sekilde:
F(x) = aot a1 Cosx + az Cos2x + b1 Sinx + b2 Sin2x eqrisi gegirilmek
istenirse;
Cosx=c1 Sinx=s1
Cos2x = C2 Sin2x = S2
 M= \(\Sigma(a0+a1c1+a2c2+b1s1+b2s2-yi)^2\)
 DM = 2 I (a0+a1c1+a2c2+b1s1+b2s2-yi)
 900
DM = 2I (a0+a1c1+a2c2+b1s1+b2s2-yi) C1
das
1 = 2 I (aotaici+ azcz+ bisi+ bzsz - yi) cz
802
1 = 2 I (a0+a1c1+a2c2+b1s1+b2s2-yi) SI
 196
du = 2 I (90+0101+0202+ 6151+ 6252- yi) 52
d 62
```

 $\begin{bmatrix} n & \text{Icl} & \text{Ic2} & \text{Is1} & \text{Is2} & \text{Qo} \\ & \text{Icl} & \text{Icl}^2 & \text{Iclc2} & \text{Is1c1} & \text{Is2c1} & \text{Ql} \\ & \text{Icl}^2 & \text{Iclc2} & \text{Icl}^2 & \text{Is1c2} & \text{Is2c2} & \text{Ql} \\ & \text{Is1} & \text{Icls1} & \text{Icls1} & \text{Is1}^2 & \text{Is2c1} & \text{bl} \\ & \text{Is2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Is1s2} & \text{Is2c1} & \text{bl} \\ & \text{Is2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Is1s2} & \text{Is2c1} & \text{bl} \\ & \text{Is2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Is1s2} & \text{Is2c1} & \text{bl} \\ & \text{Is2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Is1s2} & \text{Is2c1} & \text{bl} \\ & \text{Is2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Is1s2} & \text{Is2c1} & \text{bl} \\ & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Is1s2} & \text{Is2c1} & \text{bl} \\ & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} \\ & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} \\ & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} \\ & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} \\ & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} \\ & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} \\ & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} \\ & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} \\ & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} \\ & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} \\ & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} \\ & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} \\ & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} \\ & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} \\ & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} \\ & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} \\ & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} \\ & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} \\ & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} \\ & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} \\ & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} \\ & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} \\ & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} \\ & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} \\ & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} \\ & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Icls2} \\ & \text{Icls2} & \text{Icls2} & \text{Ic$ Tyi I SI CI = Iyicz IY151 Isi2 I Sin2xi Isisz= I Sinxi Sinzxi = 0 Is2 = I Sin 2xi I CIC2 = 1 COSXI COS 2x200 $\Sigma s_1 = \sum_{i=0}^{n} Sinxi=0$ I cisi = 2 Cosxi Sinxi =0 Icza I Cos2xi=0 I CISZ = In Cosx 1 Sin 2x2=0 Is2 = 5 Sin 2xi =0 Iczsi = 2 Cos 2xz. Sinxi =0 I c12 = I cosxi I czsz = I Cos 2x1. Sin 2x1=0 Icz = I Cosexi

DRNEK:

$$y = a_0 + a_1 Gin x$$
 gecinilmesi

 x
 y
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 $Sin x$
 S

$$nao + ai \sum Sinx = \sum y$$

 $ao \sum Sinx + ai \sum Sin^2x = \sum y Sinx$

$$5 a_0 + 2.25 a_1 = 21.006$$
 $a_0 = 2.571$ $a_1 = 2.874$ $a_1 = 2.874$ $a_2 = 2.874$

8= 2.571 + 2.874 Sinx

DRNEK:

$$y = 00 + 0.1 \cos x$$
 $x \quad y \quad \cos x \quad \cos x$
 $0^{\circ} \quad -0.400 \quad 1 \quad 1 \quad -0.400$
 $15^{\circ} \quad -0.332 \quad 0.966 \quad 0.933 \quad -0.321$
 $30^{\circ} \quad -0.132 \quad 0.866 \quad 0.750 \quad -0.114$
 $45^{\circ} \quad 0.186 \quad 0.707 \quad 0.500 \quad 0.132$
 $60^{\circ} \quad 0.600 \quad 0.500 \quad 0.250 \quad 0.300$
 $75^{\circ} \quad 1.082 \quad 0.259 \quad 0.067 \quad 0.280$

ÇOKLU REGRESYON

Temelde diger egri uydurma yoʻntemlerine benzer. Farti degisten sayısının birden fazla olmasıdır. Goklu Regrasyonda aranılan kartsayıların $Q = a_0 D^{a_1} S^{a_2}$ eşitlikk gösterildiği yapıda olduğunu düsünerek yöntemi uygulayalım.

 $J = \alpha_0 + \alpha_1 x_1 + \alpha_2 x_2$ $F(x) = \alpha_0 + \alpha_1 x_1 + \alpha_2 x_2 \quad \text{oldugunu} \quad \text{kabul edelim.}$ $S = \frac{T}{1=1} \left(y_0 - \left(\alpha_0 + \alpha_1 x_1 + \alpha_2 x_2 \right) \right)^2 - T \left(y_0^2 - 2 y_0 \left(\alpha_0 + \alpha_1 x_1 + \alpha_2 x_2 \right) + \left(\alpha_0 + \alpha_1 x_1 + \alpha_2 x_2 \right)^2 \right)$ $\left(\alpha_0 + \alpha_1 x_1 + \alpha_2 x_2 \right)^2 \right)$

$$S = \frac{1}{1} \left[y_0 - \left(a_0 + a_1 x_1 i + a_2 x_2 i \right) \right]^2 - \frac{1}{1} \left(y_0^2 - 2 y_0 \left(a_0 + a_1 x_1 i + a_2 x_2 i \right) + \left(a_0 + a_1 x_1 i + a_2 x_2 i \right)^2 \right)$$

$$\frac{\partial S}{\partial a_{0}} = -2 \sum y_{1}^{n} + 2 \sum (\alpha_{0} + \alpha_{1} x_{1}^{n} + \alpha_{2} x_{2}^{n}) = \emptyset$$

$$\frac{\partial S}{\partial a_{0}} = -2 \sum y_{1}^{n} x_{1}^{n} + 2 \sum (\alpha_{0} + \alpha_{1} x_{1}^{n} + \alpha_{2} x_{2}^{n}) x_{1}^{n} = \emptyset$$

$$\frac{\partial S}{\partial a_{1}} = -2 \sum y_{1}^{n} x_{2}^{n} + 2 \sum (\alpha_{0} + \alpha_{1} x_{1}^{n} + \alpha_{2} x_{2}^{n}) x_{1}^{n} = \emptyset$$

$$\frac{\partial S}{\partial a_{1}} = -2 \sum y_{1}^{n} x_{2}^{n} + 2 \sum (\alpha_{0} + \alpha_{1} x_{1}^{n} + \alpha_{2} x_{2}^{n}) x_{1}^{n} = \emptyset$$

$$\frac{\partial S}{\partial a_{1}} = -2 \sum y_{1}^{n} x_{2}^{n} + 2 \sum (\alpha_{0} + \alpha_{1} x_{1}^{n} + \alpha_{2} x_{2}^{n}) x_{1}^{n} = \emptyset$$

$$\frac{\partial S}{\partial a_{1}} = -2 \sum y_{1}^{n} x_{1}^{n} + 2 \sum (\alpha_{0} + \alpha_{1} x_{1}^{n} + \alpha_{2} x_{2}^{n}) x_{1}^{n} = \emptyset$$

$$\frac{\partial S}{\partial a_{1}} = -2 \sum y_{1}^{n} x_{1}^{n} + 2 \sum (\alpha_{0} + \alpha_{1} x_{1}^{n} + \alpha_{2} x_{2}^{n}) x_{1}^{n} = \emptyset$$

$$\frac{\partial S}{\partial a_{1}} = -2 \sum y_{1}^{n} x_{1}^{n} + 2 \sum (\alpha_{0} + \alpha_{1} x_{1}^{n} + \alpha_{2} x_{2}^{n}) x_{1}^{n} = \emptyset$$

$$\frac{\partial S}{\partial a_{1}} = -2 \sum y_{1}^{n} x_{1}^{n} + 2 \sum (\alpha_{0} + \alpha_{1} x_{1}^{n} + \alpha_{2} x_{2}^{n}) x_{1}^{n} = \emptyset$$

$$\frac{\partial S}{\partial a_{2}} = -2 \sum y_{1}^{n} x_{1}^{n} + 2 \sum (\alpha_{0} + \alpha_{1} x_{1}^{n} + \alpha_{2} x_{2}^{n}) x_{1}^{n} = \emptyset$$

$$\frac{\partial S}{\partial a_{2}} = -2 \sum y_{1}^{n} x_{2}^{n} + 2 \sum (\alpha_{0} + \alpha_{1} x_{1}^{n} + \alpha_{2} x_{2}^{n}) x_{2}^{n} = \emptyset$$

$$\frac{\partial S}{\partial a_{2}} = -2 \sum y_{1}^{n} x_{2}^{n} + 2 \sum (\alpha_{0} + \alpha_{1} x_{1}^{n} + \alpha_{2} x_{2}^{n}) x_{2}^{n} = \emptyset$$

$$\frac{\partial S}{\partial a_{2}} = -2 \sum y_{1}^{n} x_{2}^{n} + 2 \sum (\alpha_{0} + \alpha_{1} x_{1}^{n} + \alpha_{2} x_{2}^{n}) x_{2}^{n} = \emptyset$$

$$\frac{\partial S}{\partial a_{2}} = -2 \sum y_{1}^{n} x_{2}^{n} + 2 \sum (\alpha_{0} + \alpha_{1} x_{1}^{n} + \alpha_{2} x_{2}^{n}) x_{2}^{n} = \emptyset$$

$$\frac{\partial S}{\partial a_{2}} = -2 \sum y_{1}^{n} x_{2}^{n} + 2 \sum (\alpha_{0} + \alpha_{1} x_{1}^{n} + \alpha_{2} x_{2}^{n}) x_{2}^{n} = \emptyset$$

$$\frac{\partial S}{\partial a_{2}} = -2 \sum y_{1}^{n} x_{2}^{n} + 2 \sum (\alpha_{0} + \alpha_{1} x_{1}^{n} + \alpha_{2} x_{2}^{n}) x_{2}^{n} = \emptyset$$

$$\frac{\partial S}{\partial a_{2}} = -2 \sum y_{1}^{n} x_{2}^{n} + 2 \sum (\alpha_{0} + \alpha_{1} x_{1}^{n} + \alpha_{2} x_{2}^{n}) x_{2}^{n} = \emptyset$$

$$\frac{\partial S}{\partial a_{2}} = -2 \sum y_{1}^{n} x_{2}^{n} + 2 \sum (\alpha_{0} + \alpha_{1} x_{1}^{n} + \alpha_{2} x_{2}^{n}) x_{2}^{n} = \emptyset$$

$$\frac{\partial S}{\partial a_{2}} = -2 \sum y_{1}^{n} x_{2}^{n} + 2 \sum (\alpha_{0} + \alpha_{1} x$$

Buna göre G= aoDas seklinde istenildigine göre Os esitligin deki ao, a we az katsayılarını belirleyiniz.

	D 5		<u>a</u>	a = 91 - 92				
Deney	Gap(m)	Egim	Akir (m3/sn)					
1	1	0.001	1.4	log Q= as logasta, log D+azlogS				
2	2	0.001	8.3	log Q= as logasta, log D+azlogS				
3	3	0.001	24.2					
4	1	0.01	4.7	y= a0+a1 x1+ a1x2				
5	2	0.01	28.9					
6	3	0.01	84.0					
7	1	0.05	44.4	log Q =>4				
8	2	0.05	69.0					
9	3	0.05	2000					

0,	loga	۵	S	log D	log S	-	×, y	Y, X2	X 2	¥29
4	0.146	1	0.001	0	-3	0	0	0	9	-0.438
.3	0.319	2	0.001	0,301	-3	0.0306	0,277	-0.903	9	- 2.757
	1.384	3	0.001	0.477	-3	0.228	0.66	- 1.431	9	-4.152
.2					-2	0	0	0	4	_1.344
,.7	0.672	当一	0.01	0	2			-0.602	4	-2.522
9	1.461	2 2	0.01	0.301	-2	0.0006	0.433	_0.954		_3.848
2		B 3	0.01	0.477	- 2	0.228	0.918			- 4.35%
0	1.924	*)		0	-1.301	0	0	0	1-643	
1	1.045	1	0.05	0		0,0906	0.554	-0.332	1.693	- 2.393
	1.839	2	0.05	0.301	-4.301		1 -0.20	-0621	1.693	- 2394
.0	71.000		- 05	0.477	-4.301	0.228	1.0975			-
3	2.301	3	0.05		10.000	0.951	3.948	-4.902	44.0	19 -22.
00	11.635			2.334	-18.903	0954	5240			

log Q = as logasta, log D+a, log S

$$\begin{cases}
g & 2.334 & -18.903 \\
2.334 & 0.924 & -4.903
\end{cases}
\begin{vmatrix}
q_0 \\
q_1
\end{vmatrix} = \begin{vmatrix}
41.691 \\
3.945
\end{vmatrix}
\begin{vmatrix}
q_1 = 2.62 \\
q_2 = 0.54
\end{vmatrix}$$

$$-18.903 & -4.903 & 44.079
\end{vmatrix}
\begin{vmatrix}
q_1 \\
q_2
\end{vmatrix} = \begin{vmatrix}
-22.707
\end{vmatrix}
\begin{vmatrix}
\log \cos \pm 1.7475 + 2.62 \times 10.54 \times 2 \\
\log \cos \pm 1.7475 + 2.62 \times 10.54 \times 2
\end{vmatrix}$$

$$S = 55.9 D S S S \begin{cases}
\log S = 1.7475 + 2.62 \times 10.54 \times 2 \\
\log S = 1.7475 + 2.62 \times 10.54 \times 2
\end{vmatrix}$$