令和3年度 卒業論文 各パーティクルごとに観測範囲を可変にした モンテカルロ自己位置推定

池邉 龍宏 China Institute of Technology

2022年x月x日

謝辞

本稿を執筆するにあたって助言を頂いた上田隆一准教授および上田研究室のみなさまに感謝します。

目次

謝辞		iii
第1章 1.1	序論 aa	1 1
第2章	研究の目的	3
第 3章 3.1	上田の研究をもっと引用してもらう手法の開発 手法の概要	5 5
第4章	結論	9

第1章

序論

1.1 aa

第2章

研究の目的

そこで、上田の研究をもっと時代におもねった方法に変える手法の研究を行う。

第3章

上田の研究をもっと引用してもらう 手法の開発

ここに書いてある方法を使えば、秒速で秒速で1億円稼ぐ男になれます。なれません。

3.1 手法の概要

図に書くと図 3.1 っていう感じ。式で書くとだいたい以下のような感じになるんじゃないんかなー。式 (3.12) が肝。

$$s_0, a(t_0), s(t_1), a(t_1), s(t_2), a(t_2), \dots, a(t_{T-1}), s_f \quad (s_0 = s(t_0), s_f = s(t_T)).$$
 (3.1)

$$s_0, \pi(s_0), s(t_1), \pi(s(t_1)), s(t_2), \pi(s(t_2)), \dots, \pi(s(t_{T-1})), s_f$$
 (3.2)

$$\pi: \mathcal{S} \to \mathcal{A} \tag{3.3}$$

$$S = \{s_i | i = 0, 1, 2, \dots, N - 1\}, \text{ and}$$
 (3.4)

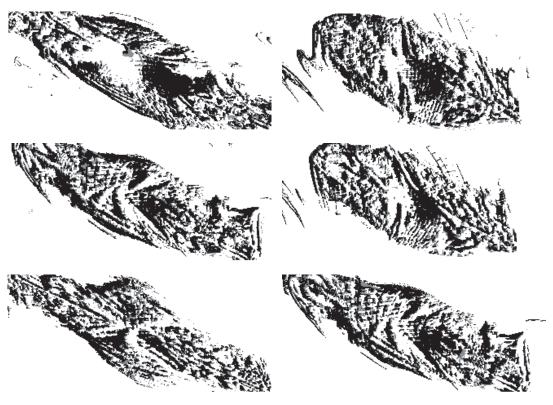
$$\mathcal{A} = \{a_i | j = 0, 1, 2, \dots, M - 1\}$$
(3.5)

$$\pi: \mathcal{S} - \mathcal{S}_{f} \to \mathcal{A}.$$
 (3.6)

$$\dot{x}(t) = f[x(t), u(t)], \quad x(0) = x_0, \quad t \in [0, t_f].$$
 (3.7)

$$g[\boldsymbol{x}(t), \boldsymbol{u}(t)] \in \Re \quad (t \in [0, t_{\mathrm{f}}]). \tag{3.8}$$

$$J[\boldsymbol{u}] = \int_0^{t_{\rm f}} g[\boldsymbol{x}(t), \boldsymbol{u}(t)] dt + V(\boldsymbol{x}_{\rm f}). \tag{3.9}$$



(black: $\tau=1[Nm]$, gray: $\tau=0[Nm]$, white: $\tau=-1[Nm]$)

 $\boxtimes 3.1$ Representative Vectors of the $N_c = 128$ Map

$$\max_{\boldsymbol{u}:[0,t_f)\to\Re^m} J[\boldsymbol{u};\boldsymbol{x}_0]. \tag{3.10}$$

$$\boldsymbol{\pi}^*: \mathfrak{R}^n \to \mathfrak{R}^m \tag{3.11}$$

$$\max_{\boldsymbol{u}:[0,t_{\mathrm{f}})\to\Re^{m}} J[\boldsymbol{u};\boldsymbol{x}_{0}] = \max_{\boldsymbol{u}:[0,t')\to\Re^{m}} \int_{0}^{t'} g[\boldsymbol{x}(t),\boldsymbol{u}(t)]dt \\
+ \max_{\boldsymbol{u}:[t',t_{\mathrm{f}})\to\Re^{m}} \int_{t'}^{t_{\mathrm{f}}} g[\boldsymbol{x}(t),\boldsymbol{u}(t)]dt + V(\boldsymbol{x}_{\mathrm{f}}) \\
= \max_{\boldsymbol{u}:[0,t')\to\Re^{m}} \int_{0}^{t'} g[\boldsymbol{x}(t),\boldsymbol{u}(t)]dt + \max_{\boldsymbol{u}:[t',t_{\mathrm{f}})\to\Re^{m}} J[\boldsymbol{u};\boldsymbol{x}(t')]. \quad (3.12)$$

$$V^{\boldsymbol{\pi}}(\boldsymbol{x}) = J[\boldsymbol{u}; \boldsymbol{x}],$$
where $\boldsymbol{u}(t) = \boldsymbol{\pi}(\boldsymbol{x}(t)), \ 0 \le t \le t_{\rm f}.$

$$\mathcal{P}_{ss'}^{a} = P[s(t_{i+1}) = s' | s(t) = s, a(t) = a],$$

$$(\forall t \in \{t_0, t_1, \dots, t_{T-1}\}, \forall s \in \mathcal{S} - \mathcal{S}_f, \text{ and } \forall s' \in \mathcal{S}).$$
(3.14)

$$\mathcal{R}_{ss'}^a \in \Re \tag{3.15}$$

3.1 手法の概要 7

$$J[a;s(t_0)] = J[a(0), a(1), \dots, a(t_{T-1})] = \sum_{i=0}^{T-1} \mathcal{R}_{s(t_i)s(t_{i+1})}^{a(t_i)} + V(s(t_T)),$$
(3.16)

$$\max J[a; s(t_0)]. \tag{3.17}$$

$$J^{\pi} = \int_{\mathcal{X}} p(\boldsymbol{x}_0) J[\boldsymbol{u}; \boldsymbol{x}_0] d\boldsymbol{x}_0 \quad (\boldsymbol{u}(t) = \boldsymbol{\pi}(\boldsymbol{x}(t))), \tag{3.18}$$

$$\frac{\partial V(\boldsymbol{x})}{\partial t} = \max_{\boldsymbol{u} \in \mathcal{U}} \left[g[\boldsymbol{x}, \boldsymbol{u}] + \frac{\partial V(\boldsymbol{x})}{\partial \boldsymbol{x}} \boldsymbol{f}[\boldsymbol{x}, \boldsymbol{u}] \right]. \tag{3.19}$$

$$U_{\text{att}}(\boldsymbol{x}) = \frac{1}{2}\xi\rho^2(\boldsymbol{x}) \tag{3.20}$$

$$U_{\text{rep}}(\boldsymbol{x}) = \begin{cases} \frac{1}{2} \eta \left(\frac{1}{\rho(\boldsymbol{x})} - \frac{1}{\rho_0} \right)^2 & \text{if } \rho(\boldsymbol{x}) \le \rho_0, \\ 0 & \text{if } \rho(\boldsymbol{x}) > \rho_0, \end{cases}$$
(3.21)

$$U(\boldsymbol{x}) = U_{\text{att}}(\boldsymbol{x}) + U_{\text{rep}}(\boldsymbol{x})$$
(3.22)

$$\mathbf{F}(\mathbf{x}) = -(\partial U/\partial x_1, \partial U/\partial x_2, \dots, \partial U/\partial x_n)^T$$

= $-\nabla U(\mathbf{x}).$ (3.23)

$$V(\boldsymbol{x}; \theta_1, \theta_2, \dots, \theta_{N_{\theta}})$$

$$\phi_i(\boldsymbol{x}) = \exp\left\{-\frac{1}{2}(\boldsymbol{x} - \boldsymbol{c}_i)^t M_i(\boldsymbol{x} - \boldsymbol{c}_i)\right\},$$
(3.24)

$$b_i(\boldsymbol{x}) = \frac{\phi_i(\boldsymbol{x})}{\sum_{j=1}^{N_{\phi}} \phi_j(\boldsymbol{x})}, \ (N_{\phi} : \text{ number of RBFs in the space})$$
 (3.25)

$$V(\boldsymbol{x}) = \sum_{i=1}^{N_{\phi}} \nu_i b_i(\boldsymbol{x}). \tag{3.26}$$

$$\phi_i(x) = \exp\left\{-\frac{1}{2}(x-i)^2\right\}$$

$$V(\boldsymbol{x}) = \sum_{i=0}^{3} w_i V(\boldsymbol{x}_i)$$
(3.27)

表 3.1 謎のパラメータ

	(a)			(b)
parameter	v	alue	variable	domain
ℓ_1, ℓ_2	1.0	[m]	θ_1	$(-\infty,\infty)$
ℓ_{c1}, ℓ_{c1}	0.50	[m]	$ heta_2$	$(-\infty,\infty)$
m_1, m_2	1.0	[kg]	$\dot{\theta}_1$	[-720, 720][deg/s]
I_1,I_2	1.0	$[\mathrm{kg}\ \mathrm{m}^2]$	$\dot{ heta}_2$	[-1620, 1620][deg/s]
g	9.8	$[\mathrm{m/s^2}]$	au	-1, 0, or 1[Nm]

第4章

結論

得られた知見を定量的に述べましょう。予稿等では箇条書きにしたほうがよいのですが、卒論の場合はどうせ長くなるので箇条書きは不要です。