به نام خدا

# طراحي كامپايلر

آرش شفيعي



# تحليل نحوي

#### تحليل نحوى

- در این فصل در مورد الگوریتمهای مختلف تجزیهٔ گرامرها صحبت خواهیم کرد که معمولاً در کامپایلر استفاده میشه ند.
- ساختار هر زبان برنامه نویسی توسط قوانینی تعیین میشود. برای مثال در زبان سی، یک برنامه از تعدادی توابع تشکیل شده که این دستورات میتوانند تعریف و اعلام متغیرها، انتساب مقدار، دستورات شرطی و حلقههای تکرار باشند.
  - ساختار نحوی  $^1$  یک زبان، نحوهٔ قرارگیری توکنها در جملات زبان را تعیین میکند.
    - ساختار نحوی یک زبان را میتوان توسط گرامرهای مستقل از متن توصیف کرد.

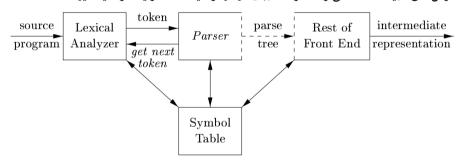
1 syntax

طراحي کامپايلر تحليل نعوي تحليل نعوي

- توصیف ساختار نحوی توسط گرامر مستقل از متن دارای مزیتهای زیر است:
- گرامرها میتوانند توصیف بسیار دقیق و قابل فهمی از یک زبان برنامهنویسی ارائه میکنند.
- همچنین ابزارهایی وجود دارند که قادرند با دریافت گرامر یک زبان، به طور خودکار یک تجزیه کننده تولید کنند. استفاده از چنین ابزارهایی کمک میکنند که در صورتی که گرامر مشکلاتی داشته باشد، مشکلات آن به طور خودکار تشخیص داده شوند. برای مثال طراح یک گرامر ممکن است قادر به تشخیص ابهام در گرامر نباشد، درحالی که ابزار ممکن است ابهامها را تشخیص دهد.
  - یک طراح کامپایلر نیاز دارد برای طراحی درست تجزیه کننده توصیف دقیقی از زبان مورد نظر داشته باشد.
- وقتی یک کامپایلر براساس قوانین یک گرامر ساخته شده باشد، با تغییر گرامر به سادگی میتوان برنامه تجزیه کننده کامپایلر را نیز تغییر داد.

### تحليل نحوي

تحلیل گر نحوی  $^1$  یا تجزیه کننده  $^2$  (پارسر) توکنها را از تحلیل گر لغوی دریافت می کند و بررسی می کند آیا دنبالهٔ توکنهای دریافت شده می توانند توسط زبان گرامر توصیف شده تولید شوند یا خیر  $^2$ 



<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> syntax analyzer

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> parser

یک تجزیه کننده همچنین معمولاً قادر است هرنوع خطای نحوی را گزارش کرده و ادامهٔ رشتهٔ ورودی را پس
 از خطا تجزیه کنند.

- یک تجزیه کننده با دریافت توکنها، یک درخت تجزیه تولید میکند و درخت تجزیه تولید شده را به قسمت بعدی کامیایلر ارسال میکند.

### تحليل نحوي

- سه دسته از تجزیه کنندهها برای گرامرها وجود دارند : تجزیه کنندههای عمومی  $^{1}$  ، بالا به پایین  $^{2}$  ، و پایین به یالا  $^{3}$  .

الگوریتمهای تجزیه عمومی مانند الگوریتم سیوای  $^4$  و الگوریتم ایرلی  $^5$  میتوانند هرنوع الگوریتم مستقل از متن را تجزیه کنند، مشکل اصلی این تجزیه کنندهها این است که پیچیدگی زمانی بالایی دارند. گرچه پیچیدگی سیوای کا  $O(n^3)$  و پیچیدگی الگوریتم ایرلی در بدترین حالت  $O(n^3)$  است و از لحاظ تئوری پیچیدگی پایینی به حساب می آید ولی در عمل برای پیادهسازی کامپایلرها به تجزیه کنندههایی نیاز داریم که پیچیدگی زمانی پایین تری داشته باشند.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> universel

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> top-down

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> bottom-up

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> Cocke-Younger-kasami (CYK)

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup> Earley

- معمولاً در کامپایلرها از تجزیه کنندههای بالا به پایین و پایین به بالا استفاده می شود.
- همانطور که از اسم این تجزیه کنندهها مشخص است، تجزیه کنندههای بالا به پایین درخت تجزیه را از ریشه به برگ میسازند، درحالی که تجزیه کنندههای پایین به بالا از برگهای درخت تجزیه آغاز می کنند تا به ریشه درخت برسند و درخت تجزیه را تشکیل دهند.
  - در هر صورت ورودی تجزیه کننده دنبالهای از توکنهاست که از چپ به راست خوانده می شود.

- تجزیه کنندههای بالا به پایین و پایین به بالا برای زیر مجموعهای از گرامرهای مستقل از متن کارایی دارند، اما برخی از این گرامرهای خاص به خصوص گرامرهای LL و LR برای توصیف همهٔ ساختارهای زبانهای برنامهنویسی موجود کافی هستند.

# تحليل نحوي

- معمولاً بسیاری از ساختارهای زبانهای برنامهنویسی پیچیدگی خاصی برای تجزیه ندارند. برای مثال یک حلقه while در زبان جاوا از کلمه while ، یک عبارت درون یک جفت پرانتز و یک جفت آکولاد تشکیل شده است.
- عبارت ریاضی معمولاً به علت اولویت و وابستگی عملگرها پیچیدگی بیشتری دارند. بنابراین در اینجا برروی عبارات ریاضی تمرکز میکنیم.
- با در نظر گرفتن تنها عملگرهای جمع، ضرب، و پرانتز، یک عبارت  $^1$  به نام  $^2$  تشکیل شده است از مجموع تعدادی جمله  $^2$  به نام  $^3$  که با عملگر  $^4$  با یکدیگر جمع شده اند و هریک از جملات تشکیل شده است از ضرب تعدادی فاکتور (ضریب)  $^3$  به نام  $^3$  که با استفاده از عملگر  $^*$  در یکدیگر ضرب شده اند. هریک از فاکتورها می تواند خود یک عبارت باشد که در بین دو پرانتز قرار گرفته است.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> expression

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> term

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> factor

# تحليل نحوي

- بنابراین میتوانیم گرامری به صورت زیر برای توصیف یک عبارت بنویسیم.

- این گرامر به دسته گرامرهای LR تعلق دارد. این نوع گرامرها را معمولاً توسط تجزیه کننده پایین به بالا تجزیه می کنیم.
- این گرامر را نمی توانیم توسط تجزیه کننده بالا به پایین تجزیه کنیم زیرا بازگشتی چپ  $^1$  است. در یک گرامر بازگشتی چپ قانونی وجود دارد که در آن متغیر سمت چپ بدنه قانون با متغیر سمت چپ قانون برابر است. خواهیم دید که تجزیه کنندهٔ بالا به پایین نمی تواند گرامرهایی که بازگشت چپ دارند را تجزیه کند.

<sup>1</sup> left recursive

- گرامر زیر معادل گرامر قبل و غیربازگشتی چپ  $^1$  است و میتوانیم از یک تجزیه کننده بالا به پایین برای تجزیه برنامهها توسط آن استفاده کنیم. در مورد روش حذف بازگشت چپ توضیح خواهیم داد.

- همچنین گرامر زیر یک گرامر مبهم است که برای رشته a + b \* c بیشتر از یک درخت تجزیه میسازد. گرامرهای مبهم را نیز قبل از تجزیه باید رفع ابهام کنیم.

$$E \rightarrow E + E \mid E * E \mid (E) \mid id$$

<sup>1</sup> non-left-recursive

شناسایی کند.

- اگر قرار بود کامپایلرها فقط برنامههای درست را تجزیه کنند، طراحی و پیاده سازی آنها بسیار سادهتر میشد. اما، یک کامپایلر باید علاوه بر کامپایل برنامه به برنامهنویس کمک کند مکان و نوع خطاهای برنامه خود را

- خطاهای برنامهنویسی میتوانند انواع مختلفی داشته باشند.
- ۱. خطاهای لغوی مانند خطا در نوشتن نام شناسهها، کلمات کلیدی و غیره.
  - ۲. خطاهای نحوی مانند خطا در نوشتن اشتباه ساختار دستورات.
  - ۳. خطاهای معنایی مانند خطا در انتساب مقدار متغیرها با نوع متفاوت.
- ب خطاهای منطقی که شامل خطاهایی میشوند که در یک برنامه اتفاق میافتند هنگامی که برنامه از نظر لغوی و نحوی و معنایی درست است و برنامه به درستی کامپایل میشود اما نتیجه برنامه با مقدار مورد انتظار برنامهنویس متفاوت است. برای مثال در زبان سی ممکن است به اشتباه برنامهنویس به اشتباه به جای عملگر تساوی از عملگر انتساب استفاده کند.

- کامپایلر باید علاوه بر تشخیص خطا و گزارش خطا به طور دقیق، بتواند سریعاً پس از رخداد یک خطا بازیابی شده و بررسی برنامه را ادامه دهد تا خطاهای بعدی را تشخیص دهد. همچنین مدیریت خطا نباید سربار زیادی بر روند کامپایل داشته باشد و باعث کندی بیش از اندازه کامپایل برنامهها شود.
- وقتی یک پارسر با خطا مواجه شد میتواند کامپایل را متوقف کند و اولین خطایی که با آن مواجه شده است را گزارش کند. اما بهتر است کامپایلر همهٔ خطاهای یک برنامه را با یک بار تجزیه کد تشخیص دهد. برای این کار لازم است پس از مواجه شدن با یک خطا، تجزیه کننده خود را بازیابی کند و تجزیه برنامه را ادامه دهد.

- چند استراتژی برای بازیابی از خطا وجود دارد که به آنها اشاره میکنیم.
- بازیابی با توکن همگام کننده یا بازیابی اضطراری  $^1$ : در این روش تجزیه کننده از توکنها یکبهیک چشم پوشی می کند تا به یکی از توکنهای همگام کننده  $^2$  برسد. برای مثال علامت آکولاد بسته ( $\{\}$ ) یا نقطه ویرگول ( $\{\}$ ) میتوانند توکنهای همگام کننده باشند. مشکل این روش این است که ممکن است تعداد زیادی از خطاها نادیده گرفته شوند اما مزیت آن سادگی پیادهسازی آن است.
  - بازیابی با جایگزینی توکنها  $^3$ : با رخداد خطا، تجزیه کننده میتواند توکنهای بعدی در ورودی را جایگزین کند تا جایی که ادامه رشته معنی دار و قابل تجزیه باشد. برای مثال با تبدیل یک علامت ویرگول به نقطه ویرگول ممکن است ورودی معنی دار و قابل تجزیه شود.

<sup>3</sup> phrase-level recovery

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> panic-mode recovery

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> synchronizing tokens

#### مدیریت خطاهای نحوی

- قوانین گرامری تشخیص خطا  $^1$ : با پیش بینی کردن خطاهای معمول برنامهنویسی میتوان تعدادی قوانین گرامری به گرامر اضافه کرد که خطاها را تشخیص میدهند.

تصحیح عمومی و بهینه  $^2$ : معمولاً انتظار داریم تجزیه کننده کمترین تعداد تصحیح را در ورودی انجام دهد. الگوریتمهایی وجود دارند که میتوانند از بین چندین روش برای تصحیح گرامر، گزینه ای را انتخاب کنند که با استفاده از آن کمترین تصحیح بر روی ورودی صورت گیرد. این الگوریتمها معمولاً بسیار پرهزینه هستند و معمولاً در عمل استفاده نمی شوند.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> error production rules

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> global correction

- گرامرهای مستقل از متن میتوانند ساختار نحوی زبانهای برنامهنویسی را توصیف کنند. این گرامرها به ازای هریک از مفاهیم در زبان برنامهنویسی یک متغیر تعریف میکنند.

برای مثال اگر مفاهیم دستور  $^1$  (stmt) و عبارت  $^2$  (expr) را در نظر بگیریم، میتوانیم قانون گرامر زیر را تعریف کنیم.

 $\mathsf{stmt} \, o \, \mathsf{if} \, \mathsf{(expr)} \, \mathsf{stmt} \, \mathsf{else} \, \mathsf{stmt}$ 

- با استفاده از قوانین دیگر میتوانیم تعریف کنیم یک دستور چه شکلهای دیگری میتواند داشته باشد.

طراحی کامپایلر تحلیل نحوی تحلیل ۲۴۳/۱۷

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> statement

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> expression

- یک گرامر مستقل از متن تشکیل شده است از نمادهای پایانی یا ترمینالها، نمادهای غیرپایانی یا متغیرها، یک نماد آغازین و تعدادی قوانین تولید.

ا. ترمینالها  $^1$  یا نمادهای پایانی یا پایانهها واحدهایی هستند که رشته ورودی را تشکیل میدهند. ترمینالها در یک گرامر یک زبان برنامهنویسی همان توکنها هستند. برای مثال کلمات کلیدی if و else و else و else) و ( if else) و else) و else) و else

۲۰ نمادهای غیرپایانی  $^2$  یا غیرپایانه یا متغیرها دنباله ای از توکنها را با یک نام انتزاعی نامگذاری میکنند. برای مثال متغیر stmt نمایندهٔ مفهوم دستور است که مقدار آن میتواند هریک از دستورات زبان باشد.

طراحی کامپایلر تحلیل نحوی ۲۴۳/۱۸

<sup>1</sup> terminal

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> nonterminal

 $^{1}$  یکی از متغیرها به عنوان نماد آغازین  $^{1}$  استفاده می شود.

به قوانین تولید  $^2$  یک گرامر تعیین می کنند چگونه متغیرها و ترمینالها در کنار یکدیگر قرار می گیرند تا یک رشته از یک زبان را تشکیل دهند. هر قانون تولید تشکیل شده است از یک متغیر سمت چپ یا متغیر قانون تولید یا متغیر ابتدای قانون تولید  $^3$  ، یک نماد  $\leftarrow$  که گاهی با =:: نشان داده می شود و یک بدنه یا سمت راست  $^4$  قانون که از صفر یا چند ترمینال و متغیر تشکیل شده است. در فرایند تجزیهٔ یک رشته با متغیر آغازین شروع می کنیم و متغیر را با بدنه یکی از قوانین تولید مربوط به آن جایگزین می کنیم. این فرایند را ادامه می دهیم تا رشته به دست بیاید. در صورتی که رشته مورد نظر به دست نیامد، رشته عضو گرامر آن زبان نیست. مجموعهٔ همهٔ رشته هایی که با شروع از نماد آغازین و اعمال قوانین یک گرامر به دست می آیند، زبان آن گرامر را تعیین می کنند.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> start symbol

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> production rule

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> head or left side

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> body or right side

```
- برای مثال گرامر زیر عبارات ریاضی را تجزیه می کند که شامل عملگرهای + و - و * و / و ( و ) هستند.
                      کلمه id درواقع نوع توکن شناسه است که در تحلیل لغوی استخراج شده است.
                   expression \rightarrow expression + term
                   expression \rightarrow expression - term
                   expression \rightarrow term
                          term \rightarrow term * factor
                          term \rightarrow term / factor
                          term \rightarrow factor
                         factor \rightarrow (expression)
                         factor \rightarrow id
```

- در این فصل از علائم و نشانه گذاری های زیر استفاده می کنیم.
- ترمینال شامل موارد زیر هستند : عملگرها مانند + و \* ، علائم نشانه گذاری مانند پرانتز و کاما ، ارقام مانند 0 و 1 و 0 و 0 و 0 و رشتههای پررنگ مانند 0 و 0 استفاده می خواهیم از یک ترمینال دلخواه صحبت کنیم، از حروف کوچک ابتدایی الفبای انگلیسی مانند 0 و 0 و 0 استفاده می کنیم.
  - متغیرها شامل موارد زیر هستند : حروف بزرگ ابتدایی الفبای انگلیسی مانند A و B و C ، حرف C که بیشتر به عنوان متغیر آغازین استفاده می شود، رشته هایی که به صورت مورب نوشته می شود مانند expr و expr.

- معمولاً وقتی میخواهیم از یک نماد گرامر، که ممکن است ترمینال یا متغیر باشد، صحبت کنیم آن را با حروف X و Y و X نمایش میدهیم.
  - یک رشته شامل ترمینالها را معمولاً با حروف u و v و w و z نمایش میدهیم.
  - برای نمایش دنباله ای از ترمینالها و متغیرها از حروف یونانی مانند lpha و eta استفاده می کنیم. مثلاً A o lpha
  - وقتی یک متغیر چندین بدنه داشته باشد آنها را با علامت خط عمودی از یکدیگر جدا میکنیم مثلاً  $A \to lpha_1 |lpha_2| \cdots |lpha_k$ 
    - معمولاً متغير سمت چپ اولين قانون همان متغير آغازين است.

- گرامر زیر عبارات ریاضی را توصیف می کند که در آن از متغیرهای E و E و E و ترمینالهای E - ، \*، \، ) ، (، و E استفاده شده است.

- به فرایندی که در آن یک رشته توسط قوانین یک گرامر تولید میشود، فرایند اشتقاق  $^1$  گفته میشود.

با شروع از نماد آغازین، در هرگام یکی از متغیرها با بدنه یکی از قوانین متعلق به آن متغیر جایگزین می شود.
 دنباله ترمینالها و متغیرهایی که در هرگام به دست می آید را یک صورت جملهای <sup>2</sup> می نامیم. اگر با جایگزین کردن متغیرها در صورتهای جملهای توسط بدنه قوانین متعلق به آنها، رشته مورد نظر به دست آمد، آن رشته متعلق به زبان گرامر است. در این صورت می گوییم رشته توسط گرامر مشتق می شود یا تولید می شود یا به دست می آید.

<sup>1</sup> derivation

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> sentential form

- برای مثال، گرامر زیر با یک متغیر E را در نظر بگیرید.

$$E \rightarrow E + E \mid E * E \mid - E \mid (E) \mid id$$

- فرض کنید میخواهیم جمله (id)— توسط این گرامر به دست آوریم، میتوانیم با اعمال سه قانون این رشته را به دست آوریم، می گوییم E با استفاده از قانون سوم مشتق می کند یا به دست می دهد E و سپس با استفاده از قانون چهارم به دست می دهد E و در نهایت با استفاده از قانون پنجم به دست می دهد E در نهایت با استفاده از قانون پنجم به دست می دهد E

$$E \Rightarrow -E \Rightarrow -(E) \Rightarrow -(id)$$

- به این دنباله از جایگزینی متغیرها یا بدنهٔ قوانین متعلق به آنها یک فرایند اشتقاق می گوییم.

- دنبالهای از نمادها به صورت  $\alpha A \beta$  را در نظر بگیرید به طوری که  $\alpha$  و  $\beta$  دنبالهای از نمادهای پایانی و غیرپایانی (ترمینالها و متغیرهای) گرامر هستند و A یک نماد غیرپایانی (متغیر) است.

منتی مشتق مشتق باشد. آنگاه مینویسیم  $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$  نماد  $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$  نماد باشد. آنگاه مینویسیم کردن در یک گام است.

طراحي کامپايلر تحليل نحوي ۲۴۳/۲۶

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> derives in one step

اشتقاق

طراحي كاميابلر

 $lpha_1$  وقتی دنبالهای به صورت  $lpha_n \Rightarrow lpha_2 \Rightarrow \cdots = lpha_n$  داشته باشیم به طوری که  $lpha_1 \geq \cdots = lpha_n$  از  $lpha_1 \Rightarrow lpha_2 \Rightarrow \cdots = lpha_n$  مشتق می شود و یا  $lpha_1$  به دست می دهد  $lpha_n$  و یا  $lpha_1$  در صفر یا چندگام مشتق می کند  $lpha_n$  به عبارت دیگر :

ا به ازای هر صورت جملهای lpha داریم  $lpha \stackrel{*}{\Rightarrow} lpha$  یعنی هر صورت جملهای میتواند خود را در صفر یا چندگام lpha

 $lpha \stackrel{*}{\Rightarrow} \gamma$  و  $eta \Rightarrow eta$  آنگاه  $lpha \stackrel{*}{\Rightarrow} eta$  آنگاه ۲

- همچنین گاهی مینویسیم  $\stackrel{+}{\Rightarrow}$  به معنی مشتق کردن در یک یا چند گام.
- است. میگوییم lpha جایی که S نماد آغازین گرامر G است، میگوییم lpha یک صورت جملهای S از گرامر G است.
- یک صورت جملهای شامل متغیرها و ترمینالهاست. یک جمله  $^3$  از یک گرامر یک صورت جملهای است که در آن هیچ متغیری نباشد.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> derives in zero or more steps

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> sentential form

<sup>3</sup> sentence

- زبان تولید شده توسط یک گرامر مجموعهای است از همهٔ جملههای تولید شده توسط آن گرامر.
- رشته w در زبان تولید شده توسط گرامر G یا L(G) است اگر و تنها اگر w یک جمله از گرامر G باشد یا به عبارت دیگر  $S \stackrel{*}{\Rightarrow} w$  .
  - زبانی که توسط یک گرامر مستقل از متن تولید می شود، یک زبان مستقل از متن نام دارد.
    - اگر دو گرامر، یک زبان یکسان تولید کنند، آن دو گرامر معادل یکدیگرند.

$$E \rightarrow E + E \mid E * E \mid - E \mid (E) \mid id$$

جمله -iid+id یک جمله از این گرامر است زیرا فرایند اشتقاق زیر برای آن وجود دارد -iid+id

$$E \Rightarrow -E \Rightarrow -(E) \Rightarrow -(E+E) \Rightarrow -(id+E) \Rightarrow -(id+id)$$

- مینویسیم (E  $\stackrel{*}{\Rightarrow} -(\mathrm{id}+\mathrm{id})$  و میخوانیم جمله ( $\mathrm{id}+\mathrm{id}$ ) از متغیر مینویسیم
- در هرگام در فرایند اشتقاق دو انتخاب وجود دارد. باید انتخاب کنیم کدام متغیر را جایگزین کنیم و همچنین کدام قانون متعلق به متغیر انتخاب شده را انتخاب کنیم.

#### اشتقاق

- دو نوع فرایند اشتقاق را به صورت زیر تعریف می کنیم:

در اشتقاق چپ  $^1$  ، متغیری که در صورت جمله ای در سمت چپ بقیه متغیرها قرار دارد و به عبارت دیگر چپترین  $^2$  است، انتخاب می شود. اگر  $\alpha \Rightarrow \beta$  گامی باشد که در آن چپترین متغیر  $\alpha$  انتخاب شود، می نویسیم  $\alpha \Rightarrow \beta$  .

 $lpha \Rightarrow eta$  در اشتقاق راست  $^3$  ، متغیری که راستترین  $^4$  است انتخاب میشود و مینویسیم  $^3$ 

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> leftmost derivation

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> leftmost

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> rightmost derivation

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> rightmost

برای مثال :

$$E \Rightarrow -E \Rightarrow -(E) \Rightarrow -(E+E) \Rightarrow -(E+id) \Rightarrow -(id+id)$$

ارگرامر است.  $S \not\stackrel{*}{\Rightarrow} \alpha$  آنگاه میگوییم  $\alpha$  یک صورت جملهای چپ از گرامر است.

طراحی کامپایلر تحلیل نحوی تحلیل نحوی

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> left sentential form

#### درخت تجزیه

- درخت تجزیه  $^1$  یک نمایش گرافیکی از فرایند تجزیه است که در آن ترتیب جایگزینی متغیرها نشان داده نمیشد.

هر رأس میانی در درخت تجزیه، اِعمال یک قانون در فرایند اشتقاق را نشان میدهد. اگر یک رأس با برچسب A در درخت تجزیه داشته باشیم، فرزندان آن از سمت چپ به راست به ترتیب ترمینالها و متغیرهایی هستند که در بدنه یکی از قوانین متعلق به A قرار دارند.

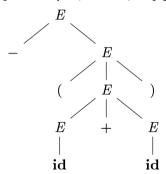
<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> parse tree

#### درخت تجزیه

- گرامر زیر را در نظر بگیرید.

$$E \rightarrow E + E \mid E * E \mid -E \mid (E) \mid id$$

- درخت تجزیه زیر برای به دست آوردن رشته -(id+id) با استفاده از این گرامر تشکیل شده است.



#### درخت تجزيه

- برگهای درخت تجزیه همه با ترمینالها برچسب زده شدهاند و به ترتیب از چپ به راست رشتهای را تشکیل میدهند که توسط گرامر مشتق شده است.
- به رشته ای که از الحاق برگهای درخت تجزیه از چپ به راست به دست می آید محصول  $^1$  درخت تجزیه گفته می شود.
  - یک درخت تجزیه میتواند تجزیه یک صورت جملهای را نشان دهد. به درخت تجزیهای که محصول آن یک صورت جملهای باشد، درخت تجزیه جزئی  $^2$  نیز گفته میشود. به درخت تجزیهای که محصول آن یک جمله باشد، درخت تجزیه کامل  $^3$  گفته میشود.

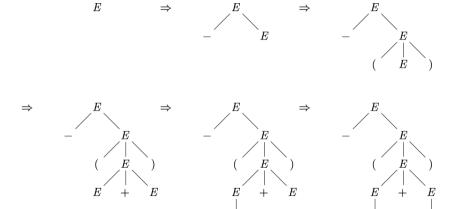
<sup>1</sup> yield

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> partial parse tree

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> complete parse tree

#### درخت تجزي

- در شکل زیر درختهای تجزیه برای رشتهٔ -(id+id) در فرایند اشتقاق چپ نشان داده شدهاند.



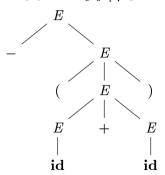
id

id

id

- یک درخت تجزیه میتواند متناظر با چند فرایند اشتقاق باشد. مثلاً دو فرایند اشتقاق چپ و اشتقاق راست می توانند یک درخت تجزیه واحد تولید کنند.

- درخت تجزیهٔ زیر می تواند توسط یک اشتقاق چپ یا یک اشتقاق راست تولید شده باشد.



## ابهام

- گرامری که بیش از یک درخت تجزیه برای یک جمله تولید کند، مبهم  $^1$  نامیده میشود.
- به عبارت دیگر یک گرامر مبهم برای تولید یک رشته بیش از یک فرایند اشتقاق چپ (یا بیش از یک فرایند اشتقاق راست) دارد.

طراحي كامپايلر تحليل نحوى تحليل نحوى ٢٤٣ / ٣٧٧

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> ambiguous

گرامر زیر را در نظر بگیرید.

$$E \rightarrow E + E \mid E * E \mid - E \mid (E) \mid id$$

- برای به دست آوردن رشته id + id \* id توسط این گرامر دو فرایند اشتقاق چپ وجود دارد.

$$E \Rightarrow E + E \qquad E \Rightarrow E * E$$

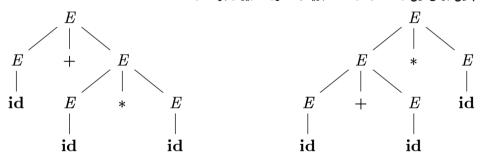
$$\Rightarrow \mathbf{id} + E \qquad \Rightarrow E + E * E$$

$$\Rightarrow \mathbf{id} + E * E \qquad \Rightarrow \mathbf{id} + E * E$$

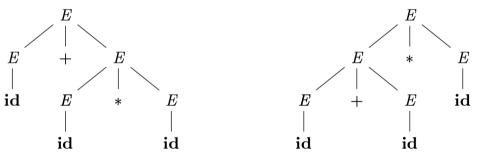
$$\Rightarrow \mathbf{id} + \mathbf{id} * E \qquad \Rightarrow \mathbf{id} + \mathbf{id} * E$$

$$\Rightarrow \mathbf{id} + \mathbf{id} * \mathbf{id} \qquad \Rightarrow \mathbf{id} + \mathbf{id} * \mathbf{id}$$

- همچنین برای این رشته دو درخت تجزیه به صورت زیر وجود دارد.



- دقت کنید که این دو درخت تجزیه دو معنی متفاوت از رشته تولید شده به دست می دهند. اگر بخواهیم رشته a+(b\*c) و درخت سمت راست a+b\*c معادل a+b\*c و درخت سمت راست معادل a+b\*c و خواهد بود.

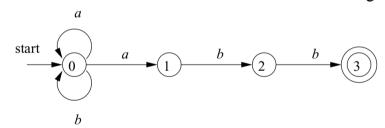


- گرامرها ابزار قوی تری نسبت به عبارات منظم هستند. هر عبارت منظم را می توان توسط یک گرامر نشان داد ولی هر گرامر را نمی توان توسط یک عبارت منظم نمایش داد. دسته ای از گرامرها که برای توصیف زبانهای منظم به کار می روند، گرامرهای منظم نامیده می شوند. گرامرهای منظم زیر مجموعه ای از گرامرهای مستقل از مستند.

- عبارت منظم  $(a|b)^*abb$  را میتوان توسط گرامر منظم زیر توصیف کرد.

#### نوشتن یک گرامر

- الگوریتمی وجود دارد که توسط آن می توان یک ماشین متناهی غیرقطعی را به یک گرامر تبدیل کرد.
  - گرامر قبل درواقع از ماشین متناهی غیرقطعی زیر به دست می آید.



- این الگوریتم به صورت زیر عمل می کند:
- $A_{\mathrm{i}}$  به ازای هر حالت  $\mathrm{i}$  از ماشین متناهی غیرقطعی متغیر  $A_{\mathrm{i}}$  را میسازیم.
- i عالت a به حالت a به حالت a میرود آنگاه قانون a به a را به گرامر اضافه می کنیم. اگر حالت a با ورودی a به حالت a میرود آنگاه قانون a به طلت a میرود آنگاه قانون a به طلت a را به گرامر اضافه می کنیم.
  - . اگر حالت i یک حالت نهایی است آنگاه قانون  $A_i 
    ightarrow \varepsilon$  را اضافه میکنیم.
  - ۴. اگر حالت i یک حالت شروع است، آنگاه  $A_i$  را متغیر آغازین قرار میدهیم.

- برخی از زبانها را نمی توانیم توسط یک گرامر عبارت منظم توصیف کنیم. این زبانها متعلق به دستهٔ زبانهای منظم نیستند و ماشین متناهی برای آنها وجود ندارد.

برای مثال  $L = \{a^nb^n | n \geq 1\}$  زبانی است که نمیتوان برای توصیف آن از یک ماشین متناهی استفاده کرد. توسط لم تزریق اثبات می شود که این زبان متعلق به دسته زبانهای منظم نیست، اما می توان آن را توسط یک گرامر مستقل از متن توصیف کرد.

- گرامرهای مستقل از متن میتوانند زبانهای برنامهنویسی را توصیف کنند. البته گرامرها قادر به توصیف معنایی زبانها نیستند. برای مثال توسط گرامر مستقل از متن نمیتوانیم نیاز یک متغیر به تعریف قبل از استفاده از آن را توصیف کنیم.
- برای این که یک گرامر برای تجزیه کننده قابل استفاده باشد، باید پردازشهایی برروی آن انجام شود که در اینجا به آنها اشاره می کنیم. برای مثال یک گرامر ابتدا باید رفع ابهام شود. سپس برای استفاده در تجزیه کننده بالا به پایین باید بازگشت چپ در آن حذف شود.

- همانطور که گفته شد، زبانهای منظم را نیز میتوان توسط گرامرها توصیف کرد. سؤالی که در اینجا ممکن است به وجود آید این است که چرا نیاز است که یک تحلیل گر لغوی قبل از تحلیل گر نحوی داشته باشیم؟
- با جدا کردن تحلیل گر لغوی از تحلیل گر نحوی تجزیه کننده بسیار ساده تر می شود و برنامه کامپایلر ساده تر می شود که باعث می شود تعداد خطاهای برنامه نویسی در نوشتن کامپایلر کاهش پیدا کند و همچنین برنامه کامپایلر ساده تر شود و راحت تر بتوان آن را تغییر داد. همچنین قوانین در تحلیل گر لغوی نسبتا ساده اند و با عبارتهای منظم ساده تولید می شوند و نیازی به افزودن گرامرهای پیچیده برای آنها وجود ندارد. به علاوه روشی وجود دارد که تحلیل گر لغوی مستقیما از عبارت منظم تولید می شود. به این دلایل تحلیل گر لغوی از تحلیل گر نحوی جدا می شود.

- گاهی میتوانیم یک گرامر غیرمبهم معادل یک گرامر مبهم بنویسیم. اما این کار همیشه ممکن نیست زیرا برخی از زبانها ذاتا مبهم هستند.

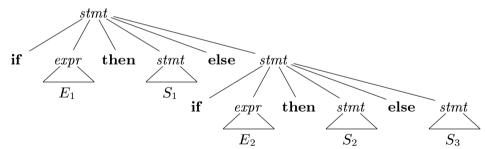
گرامر مبهم زیر را در نظر بگیرید.

- در اینجا other به معنی هر دستور دیگری به غیر از دستورات if-else است.

#### با استفاده از این گرامر میتوانیم جمله زیر را تولید کنیم.

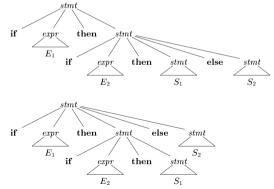
if  $E_1$  then  $S_1$  else if  $E_2$  then  $S_2$  else  $S_3$ 

برای این جمله درخت تجزیه زیر وجود دارد.



#### if $E_1$ then if $E_2$ then $S_1$ else $S_2$

برای این جمله دو درخت تجزیه به صورت زیر وجود دارد.



طراحي كاميابلر

- در همهٔ زبانهای برنامهنویسی درخت تجزیه اول را به درخت دوم ترجیح میدهیم.
- درواقع قانونی که در همه زبانها وجود دارد این است که else به نزدیکترین if (یا then ) قبل از آن تعلق دارد.

- میتوانیم یک گرامر غیرمبهم به صورت زیر تولید کنیم که معادل گرامر مبهم ذکر شده است.
- توجه کنید که بین then و else اگر قرار باشد دستور شرطی if قرار بگیرد، باید حتماً یک if-else باشد، در غیراینصورت ابهام به وجود می آید.
- در واقع قانونی که برای گرامر غیرمبهم وضع می کنیم این است که همیشه بین else و else یا یک عبارت if-then-else ممکن است یک عبارت شرطی بدون else به کار رفته شود.

```
stmt 
ightarrow matched\_stmt است که ابهام در آن رفع شده است. stmt 
ightarrow matched\_stmt open\_stmt open\_stmt other open\_stmt 
ightarrow if expr then matched\_stmt else matched\_stmt <math>other other open\_stmt 
ightarrow if expr then <math>stmt other open\_stmt 
ightarrow if expr then <math>stmt other open\_stmt other open\_stmt other open\_stmt open\_stmt open\_stmt open\_stmt open\_stmt open\_stmt open\_stmt open\_stmt
```

 $\alpha$  فرایند که برای یک رشته دلخواه  $\alpha$  فرایند که برای یک رشته دلخواه  $\alpha$  فرایند اشتقاق  $\Delta$   $\alpha$  وجود داشته باشد.

- تجزیه کنندههای بالا به پایین نمیتوانند گرامرهایی که دارای بازگشت چپ هستند را تجزیه کنند، بنابراین بازگشت چپ ۱ ناید در گراف حذف شود.

<sup>1</sup> left recursive

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> left recursion

گرامر زیر بازگشتی چپ است.

- یس از حذف بازگشت چپ در این گرامر، گرامر زیر به دست میآید.

 ${ t E}' 
ightarrow + { t TE}'|\epsilon$  و انین تولید  ${ t E} 
ightarrow { t E} 
ightarrow { t E} + { t T}|{ t T}$  و عربی تولید  ${ t E} 
ightarrow { t E} 
ightarrow { t E} + { t T}|{ t T}$  و کارتان تولید ک

- بازگشت چپ بلاواسطه  $^{1}$  میتواند توسط روش زیر حذف شود.
  - ابتدا قوانین را به صورت زیر مرتب می کنیم.

$$\mathtt{A} \ \rightarrow \ \mathtt{A}\alpha_1 \mid \mathtt{A}\alpha_2 \mid \cdots \mid \mathtt{A}\alpha_m \mid \beta_1 \mid \beta_2 \mid \cdots \mid \beta_n$$

به طوری که  $eta_{\,\mathrm{i}}$  ها با  $\mathrm{A}$  آغاز نمی $\mathrm{mei}$ د.

- سپس قوانین تولید متغیر A را با قوانین زیر جایگزین میکنیم.

$$\begin{array}{lll} \mathtt{A} & \rightarrow & \beta_1 \mathtt{A}' \mid \beta_2 \mathtt{A}' \mid \dots \mid \beta_n \mathtt{A}' \\ \mathtt{A}' & \rightarrow & \alpha_1 \mathtt{A}' \mid \alpha_2 \mathtt{A}' \mid \dots \mid \alpha_m \mathtt{A}' \mid \varepsilon \end{array}$$

- بدین صورت متغیر A همان رشته های قبلی را تولید می کند با این تفاوت که بازگشت چپ حذف شده است.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> immediate left recursion

- این روش بازگشت چپ بلاواسطه را حذف می کند اما همه بازگشتهای چپ را حذف نمی کند. برخی مواقع پس از چندگام در فرایند اشتقاق بازگشت چپ به وجود می آید.

- برای مثال گرامر زیر را در نظر بگیرید:

- متغیر S بازگشت چپ بلاواسطه ندارد ولی در فرایند اشتقاق خواهیم داشت  $S \Rightarrow Aa \Rightarrow Sda$  که یک بازگشت چپ است.
- الگوریتم زیر برای گرامرهایی که در آنها دور وجود ندارد یعنی اشتقاق  $A \stackrel{+}{\Rightarrow} A$  اتفاق نمیافتد و همچنین در آنها قانون تولید تهی یعنی  $\epsilon \to A \to \epsilon$  وجود ندارد، بازگشت چپ را حذف میکند.

- الگوریتم حذف بازگشت چپ گرامر G بدون دور و بدون قانون تولید تهی را دریافت می کند و یک گرامر معادل بدون بازگشت چپ تولید می کند.

```
arrange the nonterminals in some order A_1, A_2, \ldots, A_n.

for ( each i from 1 to n ) {

for ( each j from 1 to i-1 ) {

replace each production of the form A_i \to A_j \gamma by the productions A_i \to \delta_1 \gamma \mid \delta_2 \gamma \mid \cdots \mid \delta_k \gamma, where

A_j \to \delta_1 \mid \delta_2 \mid \cdots \mid \delta_k are all current A_j-productions

}

eliminate the immediate left recursion among the A_i-productions
```

- میخواهیم بازگشت چپ را در گرامر زیر حذف کنیم. قانون تولید تهی در اینجا مشکلی در اجرای الگوریتم ایجاد نمیکند.

$$extsf{S} 
ightarrow extsf{Aa} | extsf{b}$$
  $extsf{A} 
ightarrow extsf{Ac} | extsf{Sd} | \epsilon$ 

- با استفاده از الگوریتم گرامر زیر را به دست می آوریم.

$$egin{aligned} egin{aligned} egin{aligned} egin{aligned} egin{aligned} egin{aligned} A & 
ightarrow & bdA' \, | \, A' \ A' & 
ightarrow & cA' \, | \, abA' \, | \, \epsilon \end{aligned}$$

# فاکتورگیری چپ

- فاکتورگیری چپ روشی است برای تبدیل کردن یک گرامر به گرامری که برای تجزیه کنندهٔ پیش بینی کننده مناسب باشد.
- وقتی که برای جایگزین کردن یک متغیر با بدنهٔ قانون در فرایند اشتقاق دو انتخاب داشته باشیم، در مواردی میتوانیم انتخاب را به تعویض بیاندازیم تا وقتی که ورودی بیشتری خوانده شود.
  - برای مثال فرض کنید قانون تولید به صورت زیر داریم.

- با خواندن توکن if از ورودی نمیتوانیم تصمیم بگیریم کدام قانون را انتخاب کنیم.

میتوانیم این گرامر را به صورت زیر بنویسیم :

$$\begin{array}{ccc} A & \rightarrow & \alpha A' \\ A' & \rightarrow & \beta_1 \mid \beta_2 \end{array}$$

- الگوریتم فاکتورگیری گرامر G را دریافت میکند و گرامری تولید میکند که در آن فاکتورگیری چپ اعمال شده باشد.

رای هر متغیر  $\alpha$  ، بلندترین پیشوند  $\alpha$  بین دو یا چند انتخاب را پیدا میکنیم. اگر  $\alpha \neq \epsilon$  آنگاه قوانین  $\alpha \neq \epsilon$  را با قوانین زیر جایگزین میکنیم. قوانین  $\alpha$  قوانینی هستند که  $\alpha \neq \alpha$  را با قوانین زیر جایگزین میکنیم. قوانین  $\alpha \neq \alpha$  قوانینی هستند که پیشوند آنها  $\alpha \neq \alpha$  نیست.

$$\begin{array}{l} \mathtt{A} \ \rightarrow \ \alpha \mathtt{A}' \mid \gamma \\ \mathtt{A}' \ \rightarrow \ \beta_1 \mid \beta_2 \mid \cdots \mid \beta_n \end{array}$$

- این روند را برای همهٔ متغیرها تکرار میکنیم.

- گرامر زیر معادل گرامر if-else است. در این گرامر i و t و e نمایندهٔ if و then و else هستند.

$$\texttt{S} \, \rightarrow \, \texttt{iEtS} \, | \, \texttt{iEtSeS} \, | \, \texttt{a}$$

$$\mathtt{E} \; \to \; \mathtt{b}$$

میتوانیم این گرامر را به صورت زیر فاکتورگیری چپ کنیم.

$$\mathtt{S} \, o \, \mathtt{i}\, \mathtt{E}\, \mathtt{t}\, \mathtt{S}\, \mathtt{S}' \, | \, \mathtt{a}$$

$$\mathtt{S}' \, o \, \mathtt{e} \, \mathtt{S} \, | \, \varepsilon$$

$$\mathtt{E} \, \to \, \mathtt{b}$$

توجه کنید که هر دوی این گرامرها مبهم هستند.

- برخی از ساختارها در زبانهای برنامهنویسی را نمیتوان توسط گرامرهای مستقل از متن توصیف کرد.
  - برای مثال در بسیاری از زبانها نیاز داریم که متغیر قبل از استفاده تعریف شده باشد.
- این ساختار را میتوانیم به صورت WCW مدلسازی کنیم جایی که اولین W نماینده تعریف متغیر، C نماینده قسمتی از کد برنامه، و دومین W نماینده استفاده از متغیر باشد.
  - مستقل از متن نیست.  $L = \{wcw \mid w \in (a|b)^*\}$  مستقل از متن نیست.

- در نتیجه نیاز به روشهای دیگر برای تحلیل معنای برنامهها داریم.
- یک مثال دیگر از ساختارهایی از زبان که مستقل از متن نیستند، به شرح زیر است. در زبانهای برنامهنویسی نیاز است که تعداد آرگومانهای ارسال شده به یک تابع برابر با تعداد پارامترهای تعریف شده در تابع باشد. فرض کنید تعریف دو تابع با n و m ورودی را به صورت  $a^n$  و  $a^m$  نشان دهیم و دو فراخوانی تابع از این دو تابع را به صورت  $a^m$  و  $a^m$ .
  - این ساختار را با زبان  $L=\{a^nb^mc^nd^m\mid n\geqslant 1, m\geqslant 1\}$  مدلسازی می کنیم. میتوان اثبات کرد که این زبان مستقل از متن نیست.

تجزیهٔ بالا به پایین برای تجزیه یک رشته، درخت تجزیه را شروع از ریشه میسازد.

- برای مثال برای تجزیه رشته id + id \* id \* id با استفاده از گرامر زیر از تجزیه بالا به پایین صفحه بعد استفاده می کنیم.

## تجزیه بالا به پایین

$$E \quad \overrightarrow{lm} \quad F \quad \overrightarrow{lm} \quad$$

#### تجزیه بالا به پایین

- ریشه درخت تجزیه متغیر آغازین است. در هرگام تجزیه کننده باید تصمیم بگیرد از کدام یک از قوانین تولید استفاده کند برای اینکه بتواند رشته مورد نظر را تجزیه کند.

ابتدا در مورد یک تجزیه کننده به نام تجزیه کننده کاهشی بازگشتی  $^1$  صحبت می کنیم که در آن برای پیدا کردن قانون مناسب در فرایند تجزیه از پسگرد  $^2$  استفاده می شود.

 $^{-}$  سپس در مورد یک حالت خاص تجزیه کننده کاهشی بازگشتی به نام تجزیه کننده پیش بینی کننده  $^{3}$  صحبت میکنیم که در آن به پسگرد نیازی نیست.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> recursive-descent parser

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> backtrack

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> predictive parser

- تجزیه کننده پیش بینی کننده با بررسی چند نماد جلویی در رشته ورودی تصمیم میگیرد کدام قانون تولید را انتخاب کند و به پسگرد نیازی ندارد.

- گرامرهایی که با بررسی k نماد در ورودی میتوانیم برای آنها تجزیه کننده پیش بینی کننده بسازیم، گرامرهای (LL(k نامیده می شوند.

#### تجزیه کننده کاهشی بازگشتی

- یک تجزیه کننده کاهشی بازگشتی برنامهای است که از مجموعهای از توابع تشکیل شده است به طوری که هر تابع متعلق به متغیر آغازین تابع متعلق به متغیر آغازین شروع می شود.

```
- الگوریتم تجزیه کننده کاهشی بازگشتی در زیر نشان داده شده است.
```

```
void A() {

Choose an A-production, A \to X_1 X_2 \cdots X_k;

for (i = 1 \text{ to } k) {

if (X_i \text{ is a nonterminal })

call procedure X_i();

else if (X_i \text{ equals the current input symbol } a)

advance the input to the next symbol;

else /* an error has occurred */;

}

}
```

### تجزیه کننده کاهشی بازگشتی

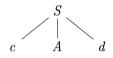
- یک تجزیه کننده کاهشی بازگشتی با استفاده از یک الگوریتم پسگرد رشته ورودی را تجزیه میکند، اما برای تجزیه زبانهای برنامهنویسی معمولا نیازی به پسگرد نیست.
- برای اینکه در تجزیه بالا به پایین از پسگرد استفاده کنیم، در خط (۱) برنامه قبل باید همه انتخابهای موجود برای جایگزینی متغیر A را امتحان کنیم. همچنین در خط (۷) در صورتی که به بنبست برخورد کردیم پیام خطا صادر نمی کنیم بلکه پسگرد انجام می شود.

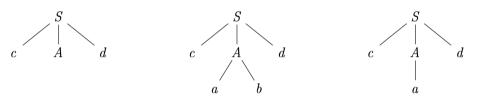
- گرامر زیر را در نظر بگیرید.

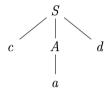
 $S \rightarrow c A d$  $A \rightarrow ab \mid a$ 

- برای ساختن یک درخت تجزیه از بالا به پایین برای رشته w = cad با ریشه درخت تجزیه یعنی a آغاز می کنیم. a تنها یک قانون دارد. بنابراین رأس a را بسط می دهیم و فرزندان آن شامل a و a و a را می می می می می اولین برگ یعنی a بر رشته ورودی منطبق می شود، پس در رشته ورودی جلو می رویم. برگ بعدی a است که یک متغیر با دو قانون است. آن را با استفاده از اولین قانون یعنی a بسط می دهیم. نماد a در رشته ورودی بر دومین برگ یعنی a منطبق می شود پس در رشته ورودی به جلو می رویم. اما سومین برگ یعنی a بر نماد بعدی در ورودی یعنی a منطبق نمی شود پس باید به عقب برگردیم و یک قانون دیگر از a را انتخاب کنیم با بازگشت به عقب باید در رشته ورودی هم به عقب برگردیم، پس در هر رأس باید دیر رشته ورودی دخیره شود.

#### تجزیه کننده کاهشی بازگشتی







- اگر یک گرامر بازگشت چپ داشته باشد، تجزیه کننده کاهشی بازگشتی وارد حلقه بی پایان می شود.

#### توابع First و Follow

برای ساختن تجزیه کنندههای بالا به پایین و پایین به بالا به دو تابع مهم به نام First و Follow نیاز
 داریم که در اینجا به آنها اشاره می کنیم.

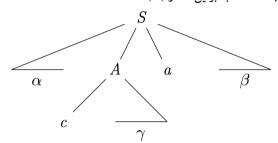
- در هنگام تجزیه بالا به پایین این توابع کمک میکنند قانون درست را با استفاده از نماد ورودی بعد انتخاب کنیم.

- در هنگام بازیابی خطا از توکنهای تولید شده توسط تابع Follow استفاده میشود.

اگر  $\alpha$  یک رشته از نمادهای گرامر باشد، آنگاه  $\alpha$  First( $\alpha$ ) مجموعهای از ترمینالهایی است که در رشتههای مشتق شده از  $\alpha$  وجود دارند. اگر  $\alpha$   $\alpha$  آنگاه  $\alpha$  نیز در First( $\alpha$ ) است.

## توابع First و Follow

است. First(A) در شکل زیر  $A \stackrel{*}{\Rightarrow} c\gamma$  بنابراین - برای مثال در شکل زیر



#### توابع First و Follow

تابع First در تجزیه پیش بینی کننده استفاده می شود. فرض کنید دو قانون  $A \to \alpha \mid \beta$  را داشته باشیم و First( $\alpha$ ) و First( $\alpha$ ) دو مجموعهٔ مجزا باشند. آنگاه با خواندن ورودی  $\alpha$  می توانیم قانون مورد نظر برای اعمال را انتخاب کنیم زیرا  $\alpha$  می تواند حداکثر در یکی از مجموعه های First( $\alpha$ ) یا First( $\alpha$ ) باشد.

- به ازای متغیر A تابع Follow(A) مجموعه ترمینالهای a است که مستقیما در سمت راست متغیر A در یک فرایند اشتقاق قرار میگیرند. به عبارت دیگر Follow(A) مجموعه ترمینالهای a است که برای آنها اشتقاق A شمینالهای a است که برای آنها اشتقاق A شمینالهای عربینالهای عربین A و مینالهای وجود دارد. توجه کنید که بین A و A و در فرایند اشتقاق میتواند متغیرهایی وجود داشته باشند ولی این متغیرها به تهی تبدیل می شوند.
- همچنین اگر A متغیر سمت راست باشد آنگاه \$ در Follow(A) قرار میگیرد. نماد \$ به معنای پایان رشته است و فرض می شود که این نماد در الفبا وجود ندارد.
- برای محاسبه First(X) برای نماد X قوانین زیر را اعمال می کنیم تا جایی که هیچ ترمینالی (یا  $\epsilon$ ) نتواند به مجموعه First اضافه شود.

 $First(X) = \{X\}$  اگر X یک ترمینال است آنگاه

 $X \rightarrow Y_1Y_2\cdots Y_k$  و گرید است و  $X \rightarrow Y_1Y_2\cdots Y_k$  یک قانون تولید است به ازای  $X \rightarrow Y_1Y_2\cdots Y_k$  و در  $X \rightarrow Y_1Y_1\cdots Y_1$  و در  $X \rightarrow Y_1Y_1\cdots$ 

. اگر au o au یک قانون تولید باشد، آنگاه  $\epsilon$  را به X au o au میافزاییم

میتوانیم First را برای هر رشته  $X_1X_2\cdots X_n$  به صورت زیر محاسبه کنیم. همهٔ نمادها غیر از  $\varepsilon$  از مجموعه  $\varepsilon$  First( $\varepsilon$  ( $\varepsilon$  از First( $\varepsilon$  ( $\varepsilon$  ) First( $\varepsilon$  ) میافزاییم. اگر  $\varepsilon$  در مجموعه First( $\varepsilon$  ( $\varepsilon$  ) First( $\varepsilon$  ) از First( $\varepsilon$  ( $\varepsilon$  ) آنگاه همه نمادهای غیر  $\varepsilon$  از First( $\varepsilon$  ( $\varepsilon$  ) First( $\varepsilon$  ) از First( $\varepsilon$  ( $\varepsilon$  ) آنگاه این همه نمادهای غیر از  $\varepsilon$  از First( $\varepsilon$  ( $\varepsilon$  ) آنگاه این همه نمادهای غیر از  $\varepsilon$  از  $\varepsilon$  از First( $\varepsilon$  ( $\varepsilon$  ) آنگاه و این مید از ادامه میدهیم. در نهایت اگر  $\varepsilon$  به ازای همه  $\varepsilon$  ها در First( $\varepsilon$  ) آنگاه  $\varepsilon$  را به First( $\varepsilon$  ) آنگاه  $\varepsilon$  را به آنگاه  $\varepsilon$  را آنگاه میکنیم.

- برای محاسبه Follow(A) به ازای همه متغیرهای A قوانین زیر را اعمال میکنیم تا وقتی که هیچ نمادی نتواند به مجموعه Follow اضافه شود.

۱. نماد \$ را در Follow(S) اضافه مي كنيم اگر S متغير آغازين باشد.

را به  $\epsilon$  را به جز رشته تهی  $\epsilon$  را به Follow( $\beta$ ) مجموعه A  $\to \alpha$ B $\beta$  را به جز رشته تهی Follow( $\beta$ ) میافزاییم.

باشد، آنگاه  $A \to \alpha$  یا قانون  $A \to \alpha$  یا قانون  $A \to \alpha$  وجود داشته باشد جایی که Follow( $\beta$ ) حاوی  $A \to \alpha$  باشد، آنگاه هر نمادی در Follow(A) در Follow(A) نیز قرار میگیرد.

#### توابع First و Follow

گرامر زیر را در نظر بگیرید.

- با محاسبات First و Follow به دست می آوریم :

```
\begin{aligned} & \text{First}(\texttt{F}) = \text{First}(\texttt{T}) = \texttt{First}(\texttt{E}) = \{(\texttt{,id}) \\ & \text{First}(\texttt{E}') = \{+, \varepsilon\} \\ & \text{First}(\texttt{T}') = \{*, \varepsilon\} \\ & \text{Follow}(\texttt{E}) = \text{Follow}(\texttt{E}') = \{), \$\} \\ & \text{Follow}(\texttt{T}) = \text{Follow}(\texttt{T}') = \{+, \}, \$\} \\ & \text{Follow}(\texttt{F}) = \{+, *, \}, \$\} \end{aligned}
```

#### گرامرهای (LL(1)

- تجزیه کنندههای پیش بینی کننده یعنی تجزیه کنندههای کاهشی بازگشیت که به پسگرد نیازی ندارند میتوانند برای دستهای از گرامرهای مستقل از متن به نام گرامرهای (1) LL استفاده شوند.
- تجزیه کنندههایی که برای گرامرهای (LL(1) به کار میروند تجزیه کنندههای (LL(1) نامیده می شوند. اولین L بدین معناست که خواندن ورودی از چپ به راست  $^1$  انجام می شود و دومین L بدین معناست که تجزیه کننده اشتقاق چپ  $^2$  تولید می کند و عدد 1 بدین معناست که تجزیه کننده تنها یک نماد جلوتر  $^3$  را در هر گام برای تصمیم گیری برای تجزیه بررسی می کند.
- دسته گرامرهای (LL(1) برای توصیف زبانهای برنامهنویسی به اندازهٔ کافی توانمند است. البته در توصیف یک گرامر (LL(1) ملاحظاتی را باید در نظر گرفت. برای مثال گرامر نباید بازگشت چپ داشته باشد یا مبهم باشد.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Left to right

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Leftmost derivation

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> one input symbol of lookahead

 $A \to \alpha | \beta$  است اگر و تنها اگر هنگامی که دو قانون مجزای G گرامر و تنها اگر هنگامی که دو قانون مجزای G وجود داشته باشند، شرطهای زیر برقرار باشد.

ا هیچ ترمینال a و جود ندارد به طوری که هردوی lpha و eta رشتهای مشتق کننده که هر دو با a آغاز شود.

۲. حداکثر یکی از صورتهای جمله  $\alpha$  و  $\beta$  میتوانند رشته تهی تولید کنند.

ج. اگر  $\stackrel{*}{\Rightarrow} \stackrel{*}{\alpha}$  آنگاه  $\stackrel{*}{\alpha}$  هیچ رشته ای تولید نمی کند که با یک ترمینال در Follow(A) آغاز شود. به طور مشابه اگر  $\stackrel{*}{\Rightarrow} \stackrel{*}{\epsilon}$  آنگاه  $\stackrel{*}{\alpha}$  هیچ رشته ای تولید نمی کند که با یک ترمینال در Follow(A) آغاز شود.

- شرطهای اول و دوم معادل یکدیگرند. این دو شرط بدین معنی هستند که  $First(\alpha)$  و  $First(\beta)$  دو محموعه محزا هستند.
- شرط سوم بدین معنی است که از  $\varepsilon$  در First( $\varepsilon$ ) وجود داشت، آنگاه First( $\varepsilon$ ) و Follow(A) و  $\varepsilon$  در مجموعه مجزا هستند و به طور مشابه اگر  $\varepsilon$  در First( $\varepsilon$ ) وجود داشت، First( $\varepsilon$ ) و Follow(A) و محموعه مجزا هستند.

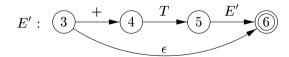
```
- تجزیه کنندههای پیش بینی کننده می توانند برای گرامرهای (1) LL استفاده شوند زیرا انتخاب درست قانونی که می تواند در هرگام برای تجزیه به کار رود تنها با بررسی نماد فعلی در ورودی امکان پذیر است.
```

- برای مثال در گرامر زیر تنها با خواندن یکی از نمادهای if یا while یا } میتوانیم تصمیم بگیریم کدام قانون را انتخاب کنیم.

### دیاگرام گذار برای تجزیه کننده پیشبینی کننده

- دیاگرامهای گذار برای مصورسازی تجزیه کنندههای پیشبینی کننده مناسباند. دیاگرامهای گذار برای متغیرهای E و E از گرامر زیر نشان داده شدهاند.





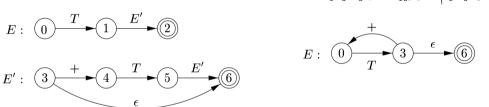
## دیاگرام گذار برای تجزیه کننده پیشبینی کننده

- برای ساختن یک دیاگرام گذار از یک گرامر، ابتدا بازگشت چپ حذف می شود و سپس گرامر فاکتورگیری چپ می شود. سپس به ازای هر یک از متغیرهای A
- ۱. یک حالت آغاز و حالت نهایی ساخته می شود. ۲. برای هریک از قوانین تولید  $X_k o X_1 o X_2 o X_2$  یک مسیر از حالت آغاز به حالت پایان ساخته می شودد به طوری که یال ها با  $X_k o X_k o X_k o X_k o X_k$  برچسب زده شده باشند. اگر داشته باشیم A o A آنگاه مسیر یالی است که با  $X_k o X_k o X_k o X_k o X_k o X_k$ 
  - دیاگرامهای گذار برای تجزیه کنندههای پیش بینی کننده از دیاگرامهای گذار برای تحلیل گرهای لغوی متفاه تاند.
- تجزیه کنندهها یک دیاگرام به ازای یک متغیر دارند. برچسب یالها میتوانند توکنها یا متغیرها باشند. یک گذار برروی یک توکن (ترمینال) بدین معناست که آن گذار انجام میشود اگر آن توکن نماد بعدی در ورودی باشد. گذار برروی یک متغیر A به معنی فراخوانی تابع A است.
  - با یک گرامر (LL(1) اگر یک گذار تهی وجود داشته باشد، اولویت با اعمال گذار تهی است.

# دیاگرام گذار برای تجزیه کننده پیشبینی کننده

- یک دیاگرام گذار میتواند سادهسازی شود. میتوانیم یک دیاگرام برای متغیر A را با یک یال با برچسب A حابگذین کنیم.

- دو دیاگرام گذار زیر معادل یکدیگرند.



اگر مسیرها از E به یک حالت نهایی را دنبال کنیم و آنها را با E' جایگزینن کنیم، آنگاه در هر دو مجموعه از دیاگرامها، نمادهای گرامر در مسیر رشتههایی به شکل  $T+T+\cdots+T$  میسازند.

- الگوریتم بعدی اطلاعاتی در مورد مجموعههای First و Follow در یک جدول تجزیه پیش بینی کننده جمع آوری می کند. جدول تجزیه [A, a] یک آرایه دو بعدی است جایی که A یک متغیر و a یک ترمینال یا نماد \$ است.
- الگوریتم بر پایه ایده زیر است : قانون  $\alpha \to A$  انتخاب می شود اگر نماد بعدی a در First( $\alpha$ ) باشد. تنها مشکل وقتی رخ می دهد که  $\alpha = \epsilon$  یا  $\alpha \Rightarrow \epsilon$  باشد. در اینصورت  $\alpha \to A$  را انتخاب می کنیم اگر نماد ورودی در Follow(A) باشد یا اگر به  $\alpha \Rightarrow \epsilon$  در رشته ورودی رسیده ایم و  $\alpha \Rightarrow \epsilon$  باشد.

- الگوریتم ساخت جدول تجزیه کننده پیشبینی کننده به صورت زیر است. این الگوریتم گرامر G را دریافت و جدول تجزیه M را تولید می کند.
  - برای هر یک از قوانین lpha 
    ightarrow A 
    ightarrow A از گرامر به صورت زیر عمل میکنیم.
  - ۱. به ازای هریک از ترمینالهای a در a و First(lpha) قانون a را به a را به ازای هریک از ترمینالهای a در a
- ۲. اگر  $\alpha$  در (First( $\alpha$ ) باشد، آنگاه به ازای هریک از ترمینالهای b در (Follow(A) باشد، آنگاه  $\alpha$  با  $\alpha$  در (A, b) به [A, b] باشد و  $\alpha$  در (B, b) باشد آنگاه  $\alpha$  در (A, b) باشد آنگاه  $\alpha$  در (A, b) باشد آنگاه  $\alpha$  در (B, b) باشد آنگاه  $\alpha$  در (B, b) باشد آنگاه می کنیم.
- اگر پس از عملیات بالا هیچ قانونی در M[A, a] آنگاه در M[A, a] مقدار خطا (error) قرار میدهیم. برای سادگی خطاها را با سلولهای خالی نمایش میدهیم.

الگوريتم تجزيه كننده پيشبيني كننده

- برای گرامر زیر جدول تجزیه زیر تولید میشود.

NON -	INPUT SYMBOL					
TERMINAL	id	+	*	(	)	\$
E	$E \to TE'$			$E \to TE'$		
E'		$E' \to +TE'$			$E' \to \epsilon$	$E' \to \epsilon$
T	$T \to FT'$			$T \to FT'$		
T'		$T' \to \epsilon$	$T' \to *FT'$		$T' \to \epsilon$	$T' \to \epsilon$
F	$F  o \mathbf{id}$			F  o (E)		

```
– قانون First(TE') = Fisrt(T) = \{(, id\} این قانون به E \to TE' و E \to TE' این قانون به M[E, id] و M[E, id] افزوده شده است. قانون E' \to TE' به E' \to TE' افزوده شده است زیرا E' \to TE' و E' \to TE' او E' \to TE' افزوده شده است زیرا E' \to E' \to TE' و E' \to TE' او E' \to TE' افزوده شده است.
```

## الگوريتم تجزيه كننده پيشبيني كننده

- الگوریتمی که شرح داده شد میتواند برروی هر گرامر G اعمال شود و یک جدول تجزیه M بسازد. برای هرگرامر LL(1) یک جدول تجزیه وجود دارد که هر سلول آن حاوی یک قانون تولید یا خطا است.
- برای برخی از گرامر جدول M ممکن است سلول داشته باشد که در آن بیش از یک قانون وجود دارد. اگر یک گرامر بازگشت چپ داشته باشد یا مبهم باشد، آنگاه M حداقل یک سلول با بیش از یک قانون دارد. با حذف بازگشت چپ و فاکتورگیری چپ در برخی موارد میتوان یک گرامر را به یک گرامر LL(1) تبدیل کرد. برای برخی از گرامرها اما معادل LL(1) وجود ندارد.

## الگوريتم تجزيه كننده پيشبيني كننده

- گرامر زیر و جدول تجزیه آن را در نظر بگیرید.

 $\begin{array}{ccc} S & \rightarrow & iEtSS' \mid a \\ S' & \rightarrow & eS \mid \epsilon \\ E & \rightarrow & b \end{array}$ 

Non -	INPUT SYMBOL					
TERMINAL	a	b	e	i	t	\$
S	$S \to a$			$S \rightarrow iEtSS'$		
S'			$S' \to \epsilon$ $S' \to eS$			$S' \to \epsilon$
			$S' \to eS$			
E		$E \rightarrow b$				

در سلول  $\mathtt{S}' 
ightarrow \epsilon$  دو قانون  $\mathtt{S}' 
ightarrow \epsilon$  و  $\mathtt{S}' 
ightarrow \epsilon$  قرار گرفته است.

- دلیل این امر این است که گرامر مبهم است.

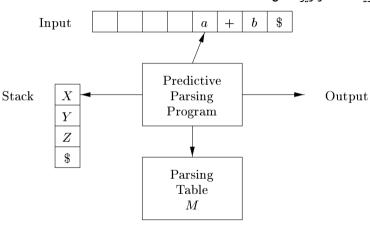
- یک تجزیه کننده پیش بینی کننده غیر بازگشتی  $^1$  با نگهداری یک پشته به صورت صریح به جای استفاده از پشته فراخوانی ساخته می شود.

- این تجزیه کننده اشتقاق چپ را شبیهسازی می کند.
- اگر w رشته ورودی باشد که بر گرامر تطبیق داده شده باشد، آنگاه پشته یک دنباله از نمادهای  $\alpha$  از گرامر را نگهداری می کند به طوری که  $\frac{*}{2\pi}$   $\otimes$
- تجزیه کننده تشکیل شده است از یک بافر ورودی، یک پشته حاوی دنبالهای از نمادهای گرامر، یک جدول تجزیه که توسط الگوریتم قبل ساخته شده است و یک خروجی.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> nonrecursive predictive parser

- بافر ورودی رشته ورودی را دربرمی گیرد که به نماد \$ ختم شده است. همچنین نماد \$ انتهای پشته را نشان م.دهد.
- تجزیه کننده نماد X را از روی پشته بر می دارد و نماد a را از ورودی می خواند. اگر X یک متغیر باشد، تجزیه کننده قانون تولیدی را که در M[X,a] ذخیره شده انتخاب می کند. در غیراینصورت نماد X و نماد ورودی a باید تطبیق داده شوند.

- شمای این تجزیه کننده در زیر نشان داده شده است.



- الگوریتم رشته w و جدول M برای گرامر G را دریافت می کند. اگر w در (G) باشد یک اشتقاق چپ برای w تولید می کند در غیراینصورت پیام خطا صادر می کند.

- در ابتدا تجزیه کننده در پیکربندی  $^1$  \$ $^{w}$  قرار دارد و نماد آغازین  $^{S}$  در پشته برروی نماد انتهای پشته یعنی \$ $^{0}$  قرار گرفته می شود.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> configuration

- الگوریتم زیر عملیات تجزیه پیشبینی کننده را نشان میدهد.

```
let a be the first symbol of w:
let X be the top stack symbol;
while (X \neq \$) { /* stack is not empty */
      if (X = a) pop the stack and let a be the next symbol of w;
      else if ( X is a terminal ) error():
      else if (M[X,a] is an error entry ) error():
      else if (M[X,a] = X \rightarrow Y_1Y_2\cdots Y_k) {
             output the production X \to Y_1 Y_2 \cdots Y_k:
              pop the stack:
             push Y_k, Y_{k-1}, \ldots, Y_1 onto the stack, with Y_1 on top;
      let X be the top stack symbol;
```

گرامر زیر را در نظر بگیرید.

- جدول تجزیه این گرامر را قبلا به صورت زیر محاسبه کردیم.

NON -	INPUT SYMBOL					
TERMINAL	id	+	*	(	)	\$
E	$E \to TE'$			$E \to TE'$		
E'		$E' \to +TE'$			$E' \to \epsilon$	$E' \to \epsilon$
T	$T \to FT'$			$T \to FT'$		
T'		$T' \to \epsilon$	$T' \to *FT'$		$T' \to \epsilon$	$T' \to \epsilon$
F	$F  o \mathbf{id}$			F  o (E)		

با دریافت ورودی id + id \* id \* id تجزیه کننده پیشبینی کننده غیربازگشتی یک فرایند اشتقاق چپ به صورت زیر تولید می کند.

$$E \Rightarrow TE' \Rightarrow FT'E' \Rightarrow idT'E' \Rightarrow idE' \Rightarrow id + TE' \Rightarrow \cdots$$

تجزیه کننده پیش بینی کننده غیر بازگشتی - این فرایند اشتقاق به صورت زیر تولید می شود.

		,	<u> </u>
MATCHED	Stack	Input	ACTION
	E\$	$\mathbf{id} + \mathbf{id} * \mathbf{id} \$$	
	TE'\$	$\mathbf{id} + \mathbf{id} * \mathbf{id} \$$	output $E \to TE'$
	FT'E'\$	$\mathbf{id} + \mathbf{id} * \mathbf{id} \$$	output $T \to FT'$
	id $T'E'$ \$	$\mathbf{id} + \mathbf{id} * \mathbf{id} \$$	output $F \to \mathbf{id}$
id	T'E'\$	$+\operatorname{\mathbf{id}}*\operatorname{\mathbf{id}}\$$	match id
$\operatorname{id}$	E'\$	$+\operatorname{\mathbf{id}}*\operatorname{\mathbf{id}}\$$	output $T' \to \epsilon$
$\operatorname{id}$	+ TE'\$	$+\operatorname{\mathbf{id}}*\operatorname{\mathbf{id}}\$$	output $E' \to + TE'$
$\mathbf{id} \; + \;$	TE'\$	$\mathbf{id} * \mathbf{id} \$$	match +
$\mathbf{id} \; + \;$	FT'E'\$	$\mathbf{id} * \mathbf{id} \$$	output $T \to FT'$
$\mathbf{id} \; + \;$	id $T'E'$ \$	$\mathbf{id} * \mathbf{id} \$$	output $F \to \mathbf{id}$
$\mathbf{id} + \mathbf{id}$	T'E'\$	$*$ $\mathbf{id}$ $\$$	match id
$\mathbf{id} + \mathbf{id}$	*FT'E'\$	$*$ $\mathbf{id}$ $\$$	output $T' \to *FT'$
$\mathbf{id} + \mathbf{id} \ *$	FT'E'\$	$\mathbf{id}\$$	$\mathrm{match} *$
$\mathbf{id} + \mathbf{id}  *$	id $T'E'$ \$	$\mathbf{id}\$$	output $F \to \mathbf{id}$
$\mathbf{id} + \mathbf{id} * \mathbf{id}$	T'E'\$	\$	match id
$\mathbf{id} + \mathbf{id} * \mathbf{id}$	E'\$	\$	output $T' \to \epsilon$
$\mathbf{id} + \mathbf{id} * \mathbf{id}$	\$	\$	output $E' \to \epsilon$

تجزیه کننده پیشبینی کننده غیربازگشتی

طراحي كاميايلر

- یک صورت جملهای در فرایند اشتقاق متناظر است با ورودی تطبیق داده شده (در ستون Matched )که به دنبال آن محتوای یشته قرار داده شده است..

#### بازیابی خطا در تجزیه کننده پیشبینی کننده

طراحي كاميايلر

- یک خطا در تجزیه پیش بینی کننده رخ می دهد وقتی که یک ترمینال برروی پشته برروی نماد ورودی منطبق نشود و یا وقتی که با خواند متغیر A از پشته و نماد a از رشته ورودی M[A, a] یک خطا باشد یا به عبارت دیگر سلول آن در جدول تجزیه خالی باشد.

– بازیابی خطا با توکن همگام کننده  $^1$  بر این پایه است که در هنگام رخداد خطا از نمادهای ورودی چشمپوشی شود تا جایی که یک توکن همگام کننده  $^2$  پیدا شود.

- مجموعه توکنهای همگام کننده باید به نحوی انتخاب شود که تجزیه کننده بتواند به سرعت خطا را بازیابی کند.

طراحي کامپايلر تحليل نحوي تحليل نحوي

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> panic mode error recovery

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> synchronizing token

- موارد زیر برای انتخاب توکنهای همگامکننده میتوانند استفاده شوند.
- ا همهٔ نمادها در Follow(A) را در مجموعه همگام کننده متغیر A قرار میدهیم. اگر از همهٔ توکنها چشمپوشی کنیم تا یکی از اعضای Follow(A) مشاهده شود و A از پشته خارج شود، به احتمال زیاد تجزیه میتواند ادامه بیدا کند.
- ۲. تنها اعضای (A) Follow برای مجموعه همگام کننده A کافی نیستند. برای مثال اگر دستورات با نقطه ویرگول خاتمه پیدا کنند، آنگاه کلمههای کلیدی که در ابتدای دستورات بعدی هستند در مجموعه Follow قرار نمی گیرند. بنابراین اگر یک نقطه ویرگول جا افتاده باشد، از کلمات کلیدی دستورات بعدی چشم پوشی میشود. معمولاً در زبانهای برنامهنویسی یک ساختار سلسله مراتبی وجود دارد. برای مثال عبارات در دستورات استفاده میشوند و دستورات در بلوکها و الی آخر ... . میتوانیم مجموعه همگام کننده از سلسله مراتب پایین تر را به نمادهایی که در سلسله مراتب بالاتر قرار دارند اضافه کنیم. برای مثال، میتوانیم کلمات کلیدی را که دستورات با آنها شروع میشوند در مجموعههای همگام کننده متغیرهایی قرار دهیم که عبارات را تولید می کنند.

- $^{*}$ . اگر نمادهای First(A) را به مجموعه همگام کننده متغیر A اضافه کنیم، آنگاه میتوانیم تجزیه را با توجه به متغیر A ادامه دهیم اگر یک نماد در First(A) در ورودی ظاهر شود.
- ۴ اگر یک متغیر بتواند رشته تهی تولید کند، آنگاه قانون تولیدی که به رشته تهی میانجامد میتواند به عنوان پیش فرض در نظر گرفته شود. با این کار تشخیص خطا به تأخیر میافتد اما از طرفی باعث میشود خطاها از دست ناهند.
  - ۵. اگر یک ترمینال برروی پشته باشد که نتواند تطبیق داده شود، یک ایده این است که ترمینال از روی پشته برداشته شود و خطایی صادر شود مبنی براینکه ترمینال توسط کامپایلر اضافه شده است و عملیات تجزیه ادامه پیدا کند.

- گرامر زیر و جدول تجزیه متناظر با آن را در نظر بگیرید.

NON -	INPUT SYMBOL					
TERMINAL	id	+	*	(	)	\$
$\overline{E}$	$E \to TE'$			$E \to TE'$		
E'		$E' \to +TE'$			$E' \to \epsilon$	$E' \to \epsilon$
T	$T \to FT'$			$T \to FT'$		
T'		$T' \to \epsilon$	$T' \to *FT'$		$T'  o \epsilon$	$T' \to \epsilon$
F	$F  o \mathbf{id}$			F  o (E)		

- در جدول زیر واژه sync معادل با توکنهای همگام کنندهای است از مجموعه Follow برای هر یک از متغیرها استخراج شده است.

NON -	INPUT SYMBOL					
TERMINAL	id	+	*	(	)	\$
E	$E \to TE'$			$E \to TE'$	synch	$\operatorname{synch}$
E'		$E \to +TE'$			$E \to \epsilon$	$E \to \epsilon$
T	$T \to FT'$	synch		$T \to FT'$	$\begin{array}{c} \text{synch} \\ T' \to \epsilon \end{array}$	$\operatorname{synch}$
T'		$T' \to \epsilon$	$T' \to *FT'$		$T'  o \epsilon$	$T' \to \epsilon$
F	$F  o \mathbf{id}$	synch	synch	$F \to (E)$	synch	$\operatorname{synch}$

- از این جدول به شرح زیر استفاده می شود. اگر تجزیه کننده به سلول [A, a] رسید که خالی بود آنگاه از a چشمپوشی می شود. اگر تجزیه کننده به کلمه sync برخورد کرد، متغیر از روی پشته برداشته می شود تا تجزیه بتواند ادامه پیدا کند. اگر یک توکن از روی پشته بر نماد ورودی تطبیق داده نشود، آنگاه توکن از پشته برداشته می شود.

- با خواندن ورودی +id \* +id تجزیه کننده به صورت زیر عمل می کند.

	<u> </u>	
STACK	Input	Remark
E \$	) $id * + id \$$	error, skip )
E \$	$\mathbf{id}*+\mathbf{id}~\$$	<b>id</b> is in $FIRST(E)$
TE' \$	$\mathbf{id}*+\mathbf{id}~\$$	
FT'E' \$	$\mathbf{id}*+\mathbf{id}~\$$	
id $T'E'$ \$	$\mathbf{id}*+\mathbf{id}~\$$	
T'E' \$	$*+\mathbf{id}\ \$$	
*FT'E'\$	$*+\mathbf{id}\ \$$	
FT'E' \$	$+ \operatorname{id} \$$	error, $M[F, +] = \text{synch}$
T'E' \$	+ id \$	F has been popped
E' \$	+ id \$	
+TE'\$	$+ \operatorname{id} \$$	
TE' \$	$\mathbf{id}\ \$$	
FT'E' \$	$\mathbf{id}\ \$$	
$\operatorname{\mathbf{id}} T'E'$ \$	$\mathbf{id}\ \$$	
T'E' \$	\$	
E' \$	\$	
\$	\$	

- معمولاً یک کامپایلر خوب پیامهای خطایی صادر می کند که اطلاعات مفیدی به دست برنامهنویس می دهد.

طراحی کامپایلر تحلیل نحوی تحلیل نحوی

#### بازیابی خطا با جایگزینی توکنها

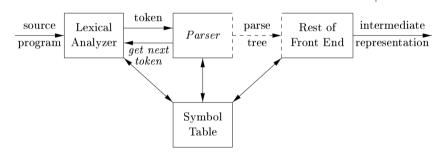
بازیابی خطا با جایگزینی توکنها <sup>1</sup> بدین صورت پیادهسازی میشود که به جای سلولهای خالی در جدول تجزیه توابعی قرار میگیرند که بازیابی خطا را انجام میدهند. این توابع میتوانند نمادهایی را تغییر دهند یا اضافه کنند و یا حذف کنند و پیام خطای مناسب صادر کنند. همچنین این توابع میتوانند از پشته نمادهایی را خارج کنند یا نمادهایی را به پشته اضافه کنند. باید اطمینان حاصل شود که این توابع ایجاد حلقه بیپایان نمی کنند.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> phrase-level error recovery

طراحي كاميابلر

سمت ریشه (بالا) یک تجزیه کننده پایین به بالا  $^1$  درخت تجزیه برای یک ورودی را از برگها (پایین) به سمت ریشه (بالا) می سازد.

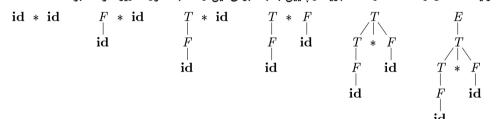
- فرض کنید میخواهیم رشته id \* id را با استفاده از یک تجزیه کننده پایین به بالا برای گرامر زیر تجزیه کنیم.



تحلیل نحوی ۲۴۳/۱۱۹

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> bottom-up parser

فرایند اشتقاق و ساخت درخت تجزیه از پایین به بالا برای این رشته به صورت زیر خواهد بود.



تجزیه یایین به بالا

- در این قسمت یک روش کلی برای تجزیه پایین به بالا به نام تجزیه انتقال کاهش  $^1$  معرفی میکنیم.

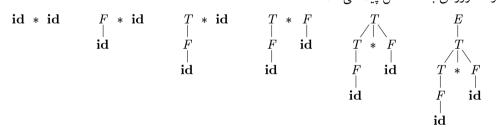
- یکی از دستههای مهم گرامرها که برای آنها تجزیه کننده انتقال کاهش میتواند ساخته شود، دسته گرامرهای LR نامیده می شود.

طراحی کامپایلر تحلیل نحوی ۲۲۳/۱۲۱

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> shift-reduce parsing

یک تجزیه کننده پایین به بالا با دریافت یک رشته ورودی آن را به متغیر آغازین کاهش میدهد. در هرگام کاهش <sup>1</sup> ، یک زیر رشته از ورودی بر بدنهٔ یک قانون تولید تطبیق پیدا میکند و به متغیر آن قانون تولید کاهش پیدا میکند. یک تجزیه کننده پایین به بالا تعیین میکند کدام قسمت از رشته ورودی توسط کدام یک از قوانین تولید کاهش پیدا کند.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> reduction



- درگام اول برای کاهش از قانون  $f \to id$  استفاده می شود. در برخی ازگامها چند انتخاب برای کاهش وجود دارد که تجزیه کنند باید تصمیم بگیرید از کدام قانون و کدام زیر رشته برای کاهش استفاده کند.

فرایند کاهش معکوس فرایند اشتقاق است. در فرایند اشتقاق یک متغیر در یک صورت جملهای با بدنه یک قانون از آن متغیر جایگزین میشود. اما در فرایند کاهش یک زیررشته از صورت جملهای بر بدنهٔ یک قانون منطبق و با متغیر متعلق به آن قانون جایگزین میشود. بنابراین تجزیه کننده پایین به بالا یک اشتقاق به صورت معکوس میسازد.

- در شکل زیر فرایند اشتقاق راست

$$E \Rightarrow T \Rightarrow T*F \Rightarrow T*id \Rightarrow F*id \Rightarrow id*id$$

- در تجزیه پایین به بالا ورودی از چپ به راست خوانده می شود و یک اشتقاق راست  $^1$  به صورت معکوس تولید می شود.

- یک هندل  $^2$  زیر رشته است که بر بدنه یکی از قوانین تولید تطبیق داده می شود. کاهش یک هندل به معنای جایگزین کردن آن با متغیر قانون تولید انتخاب شده است. کاهش هندل یک گام در فرایند اشتقاق راست معکوس است.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> rightmost derivation

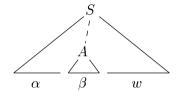
<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> handle

- برای مثال در جدول زیر هندل در هر گام از فرایند کاهش مشخص شده است. برای خوانایی بیشتر و تمیز دادن توکنهای id از اندیس استفاده شده است.

RIGHT SENTENTIAL FORM	HANDLE	REDUCING PRODUCTION
$\mathbf{id}_1 * \mathbf{id}_2$	$\mathbf{id}_1$	$F  o \mathbf{id}$
$F*\mathbf{id}_2$	F	$T \to F$
$T*\mathbf{id}_2$	$\mathbf{id}_2$	$F  o \mathbf{id}$
T*F	T * F	$T \to T * F$
T	T	$E \to T$

- در این فرایند کاهش در گام سوم گرچه T در  $1d_2$  تر T میتواند به عنوان هندل انتخاب شود چرا که قانون  $E \to T$  وجود دارد، اما T به عنوان هندل انتخاب نمی شود چرا که در اینصورت متغیر آغازین E به دست نمی آند و رشته تجزیه نمی شود.

اگر داشته باشیم  $\alpha \beta w \Rightarrow \alpha A w \Rightarrow \alpha \beta w$  آنگاه قانون تولید  $\alpha \to \alpha + \alpha \beta w$  هندل برای صورت جمله ای  $\alpha \to \alpha + \alpha \beta w$  به دنبال  $\alpha \to \alpha + \alpha \beta w$  است.



- توجه کنید که در تعریف بالا w تنها از ترمینالها تشکیل شده است. برای سادگی به جای  $A \to A \to A$  میگوییم B بک هندل برای  $A \to B$  است.
  - اگر یک گرامر مبهم باشد، چند هندل در فرایند کاهش وجود خواهد داشت.

- فرایند اشتقاق راست معکوس با کاهش هندل به دست می آید. در این فرایند با یک رشته w از ترمینالها آغاز می کنیم. اگر w رشته از گرامر باشد، آنگاه  $w=\gamma_n$  جایی که  $\gamma_n$  برابراست با w امین صورت جملهای در فرایند اشتقاق راست.

$$\mathtt{S} = \gamma_0 \underset{r_m}{\Rightarrow} \gamma_1 \underset{r_m}{\Rightarrow} \cdots \underset{r_m}{\Rightarrow} \gamma_{\mathtt{n-1}} \underset{r_m}{\Rightarrow} \gamma_{\mathtt{n}} = \mathtt{w}$$

- برای ساختن این اشتقاق به صورت معکوس، هندل  $\gamma_n$  در  $\gamma_n$  پیدا میشود و با  $A_n$  با استفاده از قانون  $A_n \to \beta_n$  جایگزین میشود تا صورت جمله  $\gamma_{n-1}$  به دست بیاید.
- الگوریتم تجزیه پایین به بالا روشی برای یافتن هندل توصیف میکند. این فرایند ادامه پیدا میکند تا در نهایت متغیر S به دست بیاید. در اینصورت رشته تجزیه شده است و متعلق به گرامر است.

#### تجزيه انتقال كاهش

- تجزیه انتقال کاهش نوعی تجزیه پایین به بالا است که در آن یک پشته نمادهای گرامر را نگهداری می کند و در بافر ورودی باقیمانده رشته ورودی برای تجزیه مشخص شده است.

هندل همیشه برروی پشته قرار گرفته است.

- در انتهای پشته و همچنین در انتهای رشته ورودی علامت 🕏 را قرار میدهیم.

- در ابتدای وضعیت پشته و رشته ورودی به صورت زیر است.

 تجزیه کننده ورودی را از چپ به راست میخواند و تعداد صفر یا بیشتر نماد از ورودی را در پشته قرار میدهد
تا وقتی که یک هندل β برروی پشته برای کاهش یافت شود. سپس β از پشته حذف میشود و با متغیر
قانونی که کاهش با استفاده از آن انجام میشود جایگزین میشود.

این فرایند ادامه پیدا می کند تا اینکه یا تجزیه کننده با خطا روبرو شود و یا در پشته متغیر آغازین قرار بگیرد
 و ورودی به پایین برسد. در اینصورت وضعیت پشته و رشته ورودی به صورت زیر است و رشته ورودی به
 درستی تجزیه شده است.

Stack	${ m Input}$
\$ S	\$

- شکل زیر گامهای یک تجزیه کننده انتقال کاهش را برای تجزیه رشته id \* id نشان میدهد.

STACK	Input	ACTION
\$	$\mathbf{id}_1*\mathbf{id}_2\$$	shift
$\mathbf{\$id}_1$	$*\mathbf{id}_2\$$	reduce by $F \to \mathbf{id}$
\$F	$*\mathbf{id}_2\$$	reduce by $T \to F$
\$T	$*\mathbf{id}_2\$$	$\operatorname{shift}$
T *	$\mathbf{id}_2\$$	$\operatorname{shift}$
$T * id_2$	\$	reduce by $F \to \mathbf{id}$
T * F	\$	reduce by $T \to T * F$
\$T	\$	reduce by $E \to T$
\$E	\$	accept

#### تجزيه انتقال كاهش

- در فرایند تجزیه انتقال کاهش چهار عملیات میتواند توسط تجزیه کننده اجرا شود.
  - د. انتقال  $^{1}$ : یک نماد از ورودی به روی پشته انتقال پیدا می کند.
- ۲. کاهش  $^2$  : یک هندل که نماد سمت راست آن به بالای پشته است و نماد سمت چپ آن در پشته قرار دارد مشخص می شود و با استفاده از یک قانون گرامر کاهش پیدا می کند. هندل از پشته حذف و متغیر مربوط برروی پشته اضافه می شود. هندل همیشه بالای پشته قرار می گیرد نه در وسط آن.
  - $^{\circ}$  پذیرش  $^{\circ}$  : عملیات تجزیه به اتمام رسیده و رشته پذیرفته شده است.
  - $^{*}$  خطا  $^{4}$  : یک خطا نحوی تشخیص داده شده و یک تابع بازیابی خطا فراخوانی می شود.

<sup>2</sup> reduce

4 error

<sup>1</sup> shift

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> accept

#### ناسازگاری در تجزیه انتقال کاهش

- برای برخی از گرامرهای مستقل از متن تجزیه انتقال کاهش نمیتواند استفاده شود. در چنین گرامرهایی تجزیه کننده انتقال کاهش به یک پیکربندی میرسد که در آن تجزیه کننده نمیتواند تصمیم بگیرد عملیات انتقال انجام دهد و یا عملیات کاهش، به این شرایط ناسازگاری انتقال کاهش <sup>1</sup> گفته میشود. همچنین ممکن است تجزیه کننده نتواند تصمیم بگیرد از بین چند کاهش کدام یک را اعمال کند. به این شرایط ناسازگاری کاهش کاهش کاهش گاهش کاهش ک

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> shift/reduce conflict

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> reduce/reduce conflict

## ناسازگاری در تجزیه انتقال کاهش

- اگریک تجزیه کننده انتقال کاهش با آگاهی از k نماد جلویی در ورودی و آگاهی از محتوای پشته بتواند تصمیم بگیرد انتقال را اعمال کند و یا کاهش و بتواند تصمیم درستی درمورد انتخاب عملیات کاهش بگیرد گرامر (LR(k) نامیده می شود.
  - گرامری که تجزیه کننده انتقال کاهش برای تجزیه جملات با آن تنها نیاز به آگاهی از یک نماد جلویی در ورودی داشته باشد، یک گرامر LR(1) نامیده می شود.
- حرف L بدین معنی است که ورودی از چپ به راست  $^1$  خوانده می شود و حرف R بدین معنا است که یک اشتقاق راست به صورت معکوس  $^2$  ایجاد می شود و k بدین معنی است که آگاهی از k نماد جلویی از ورودی برای تجزیه جمله کافی است.

طراحی کامپایلر تحلیل نحوی تحلیل نحوی ۲۴۳/ ۱۳۶

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> left-to-right

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> rightmost derivation in reverse

# ناسازگاری در تجزیه انتقالکاهش

- یک گرامر مبهم هیچگاه نمی تواند LR باشد.

- گرامر زیر را در نظر بگیرید.

 $stmt \rightarrow$  if expr then stmt| if expr then stmt else stmt| other

- اگر پیکربندی زیر را در هنگام تجزیه داشته باشیم، نمیتوانیم تصمیم بگیریم آیا ifexprthenstmt هندل است با خبر،

STACK  $\cdots$  if expr then stmt

INPUT else · · · \$

در اینجا یک ناسازگاری انتقال کاهش به وجود می آید.

- تجزیه انتقال کاهش میتواند با کمی تغییرات برای گرامرهای مبهم نیز استفاده شود.

طراحي کامپايلر تحليل نعوي تحليل نعوي

### ناسازگاری در تجزیه انتقال کاهش

- در برخی مواقع تجزیه کننده نمی تواند تصمیم بگیرد از بین چند هندل کدام یک را انتخاب کند و کدام قانون تولید را در فرایند کاهش اعمال کند.

- فرض کنید گرامری به صورت زیر داریم که در آن فراخوانی تابع و تعریف آرایه شبیه به یکدیگر تعریف می شوند و هر دو از نماد برانتز استفاده می کنند

- (1)  $stmt \rightarrow id (parameter\_list)$
- $(2) stmt \to expr := expr$
- (3) parameter\_list  $\rightarrow$  parameter\_list, parameter
- (4) parameter\_list  $\rightarrow$  parameter
- $(5) parameter \to id$
- (6)  $expr \rightarrow id (expr\_list)$
- $(7) expr \to \mathbf{id}$
- (8)  $expr\_list \rightarrow expr\_list$ , expr
- $(9) expr_list \to expr$

## ناسازگاری در تجزیه انتقال کاهش

حال یک عبارت به صورت p(i,j) در ورودی پس از تحلیل لغوی به صورت id(id,id) تبدیل می شود و به تجزیه کننده انتقال کاهش در وضعیت زیر قرار می گیرد.

STACK INPUT ... id ( id , id ) ...

- در اینجا دو قانون ۵ برای کاهش p به نام تابع و قانون ۷ برای کاهش p به نام آرایه میتواند استفاده شوند.
- یک راهحل این است که به جای id در قانون تولید ۱ از توکن procid استفاده شود. این راه حل تحلیل گر لغوی را پیچیده میکند. زیرا تحلیل گر نیاز به استفاده از جدول علائم خواهد داشت.
  - یک راهحل دیگر تغییر ساختار نحوی برنامه و تغییر زبان برنامهنویسی است.

#### تجزیه LR ساده

- بسیاری از تجزیه کننده های پایین به بالا بر مبنای تجزیه (LR(k هستند.
- حرف L بدین معناست که ورودی از چپ به راست  $^1$  خوانده می شود و حرف R بدین معناست که تجزیه با استفاده از یک فرایند اشتقاق راست معکوس  $^2$  انجام می شود و k به معنای تعداد نمادهای جلویی است که در برای تصمیم گیری در فرایند تجزیه استفاده می شود.
  - برای تجزیه زبانهای برنامهنویسی معمولاً از تجزیه کنندههای LR(0) و LR(0) استفاده می شود.
    - وقتی از تجزیه کننده LR صحبت می کنیم منظور تجزیه کننده (1) LR است.
- ابتدا مورد یک تجزیه کننده LR ساده صحبت می کنیم و سپس با روشهای پیچیدهتر از جمله تجزیه کننده LR استاندارد <sup>3</sup> و تجزیه کننده LALR آشنا می شویم.

<sup>1</sup> left-to-right

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> rightmost derivation in reverse

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> canonical LR

- تجزیه کنندههای LR شبیه به تجزیه کنندهها LL از یک جدول تجزیه استفاده می کنند.
- گرامرهایی که میتوان برای آنها یک تجزیه کننده LR طراحی کرد، گرامرهای LR نامیده میشوند.

- تجزیه LR به چند دلیل پرکاربرد است :
- ۱. تجزیه کننده های LR میتوانند همهٔ ساختارهای زبانهای برنامه نویسی را که برای آنها یک گرامر مستقل از متن وجود دارد تجزیه کنند. گرامرهای مستقل از متنی وجود دارند که LR نیستند اما این گرامرها در زبانهای برنامه نویسی استفاده نمی شوند.
  - ۲۰ تجزیه کنند LR روشی است غیربازگشتی برای پیادهسازی تجزیه انتقال کاهش و در عین حال به اندازه بقیه روشهای تجزیه کاراست.
    - ۳ تجزیه کننده LR خطاهای نحوی را با خواندن رشته از چپ به راست به سرعت تشخیص میدهد.
      - ۴. دسته گرامرهای LR ابر مجموعه دسته گرامرهای LL است.
      - تنها عیب تجزیه کننده LR این است که ساختن آن بسیار پیچیده است.

- چگونه یک تجزیه کننده انتقال کاهش تشخیص میدهد چه زمانی انتقال و چه زمانی کاهش انجام دهد؟

- برای مثال اگر محتوای پشته T باشد و نماد بعدی \* باشد، تجزیه کننده چگونه تشخیص می دهد T هندل نیست و باید به جای کاهش انتقال انجام دهد؟

STACK	Input	ACTION
\$	$\mathbf{id}_1 * \mathbf{id}_2  \$$	shift
$\$\mathbf{id}_1$	$*\mathbf{id}_2\$$	reduce by $F \to \mathbf{id}$
\$F	$\ast \ \mathbf{id}_{2} \ \$$	reduce by $T \to F$
$\ T$	$*\mathbf{id}_2\$$	$\operatorname{shift}$
T *	$\mathbf{id}_2\$$	$\operatorname{shift}$
$T * id_2$	\$	reduce by $F \to \mathbf{id}$
T * F	\$	reduce by $T \to T * F$
\$T	\$	reduce by $E \to T$
\$E	\$	accept

- یک تجزیه کننده LR تصمیم انتقال یا کاهش را با نگهداری تعدادی حالت انجام میدهد.

- این حالتها نمایندهٔ مجموعهای از آیتمها  $^1$  هستند.

- یک آیتم (LR(0) از گرامر G یک قانون تولید گرامر G است که تعدادی نقطه در بین نمادهای بدنه آن افزوده شدهاند.

- بنابراین قانون XYZ o o چهار آیتم به صورت زیر دارد :

 $A \to \cdot XYZ$ 

 $A \to X \cdot YZ$ 

 $A \to XY \cdot Z$ 

 $A \to XYZ$ 

- قانون تولید  $\epsilon o A o C$  تنها یک آیتم به صورت A o C دارد.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> item

- به طور شهودی، یک آیتم نشان میدهد چه مقداری از یک قانون تولید در هر لحظه دیده شده است.

- برای مثال آیتم XYZ o A نشان دهنده این است که میتوانیم رشته ورودی را از XYZ مشتق کنیم.

- آیتم  $X \cdot YZ \rightarrow A$  نشان دهنده این است که ورودی خوانده شده از X مشتق شده و ممکن است بتوانیم ادامه رشته را از X مشتق کنیم.

- آیتم  $XYZ \leftarrow A$  نشان دهنده این است که رشته خوانده شده از XYZ مشتق شده و میتوانیم XYZ را به A دهیم.

- یک گروه از مجموعههای آیتمهای (LR(0) یک گروه (LR(0) استاندارد نامیده می شود که از آن برای ساختن یک ماشین متناهی قطعی برای تصمیم گیری در فرایند ترجمه استفاده می شود.

این ماشین را ماشین (LR(O) مینامیم.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> LR(∘) automaton

- هر حالت از ماشین LR(0) نشان دهنده مجموعه ای از آیتمها در گروه LR(0) استاندارد  $^1$  است.

- برای ساختن گروه (LR(0) استاندارد برای یک گرامر، یک گرامر با افزودن دو تابع Closure و Goto میسازیم.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> canonical LR(°) collection

اگر G یک گرامر با نماد آغازین S باشد، آنگاه G یک گرامر افزوده شده  $^1$  برای G است که نماد آغازین  $^3$  و قانون S  $\leftarrow$  S در آن افزوده شده است.

طراحی کامپایلر تحلیل نحوی ۲۴۳/۱۴۸

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> augmented grammar

اگر I مجموعه ای از آیتمها بر روی گرامر G باشد، آنگاه Closure(I) مجموعه ای از آیتمها از I است که با دو قانون زیر ساخته شده اند :

۱. هر آیتم در I در closure(I) نیز اضافه می شود.

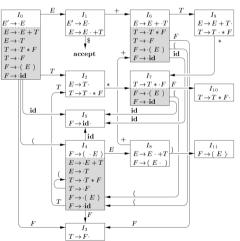
۲. اگر  $\alpha \to \alpha \cdot B$  در closure(I) باشد و  $\alpha \to B$  یک قانون تولید باشد، آنگاه آیتم  $\alpha \to B$  درصورتی که در closure(I) وجود نداشته باشد، به آن اضافه می شود. این کار تکرار می شود تا جایی که هیچ آیتم دیگری را نتوان به closure(I) اضافه کرد.

به طور شهودی  $A \to \alpha \cdot B\beta$  در closure(I) نشان دهنده این است که در یکی از گامها در فرایند تجزیه، زیررشته ای که باید تجزیه شود از B $\beta$  مشتق میشود. زیر رشته ای که از B $\beta$  مشتق یک پیشوند دارد که از B مشتق میشود بنابراین یکی از قوانین B باید اعمال شود. بنابراین آیتمها برای همه قوانین متعلق به B را اضافه میشود. پس اگر  $\gamma \to B \to \gamma$  یک قانون تولید باشد،  $\gamma \to B \to C$  در closure(I) قرار میگیرد.

مثال : گرامر زیر را در نظر بگیرید.

$$\begin{array}{cccc} E' & \rightarrow & E \\ E & \rightarrow & E+T \mid T \\ T & \rightarrow & T*F \mid F \\ F & \rightarrow & (E) \mid \mathbf{id} \end{array}$$

اگر ا مجموعه ای از یک آیتم  $[E' \to \cdot E]$  باشد، آنگاه  $[E' \to \cdot E]$  مجموعه آیتمها  $I_0$  درشکل زیر را شامل می شود.



- برای اینکه ببینیم تابع closure چگونه محاسبه شده است،  $E' \to \cdot E$  در ابتدا براساس قانون اول در closure قرار می گیرد.
- از آنجایی که E سمت راست نقطه قرار گرفته است، همه قوانین E را با یک نقطه در سمت چپ بدنه قانون می افزاییم :  $E \to \cdot E + T$  و  $E \to \cdot E + T$ 
  - در آیتم افزوده شده، T پس از نقطه قرار گرفته است پس قوانین T \* T o T و T o T را میافزاییم.
- در پایان چون F پس از نقطه قرار گرفته است قوانین متعلق به F را با یک نقطه در سمت چپ بدنه قانون می افزاییم پس دو آیتم  $F \to \cdot id$  و  $F \to \cdot id$  اضافه می شوند.

```
- تابع closure را ميتوان براساس الگوريتم زير توليد كرد.
SetOfItems CLOSURE(I) {
       J=I:
       repeat
               for (each item A \to \alpha \cdot B\beta in J)
                       for (each production B \to \gamma of G)
                              if (B \rightarrow \gamma \text{ is not in } J)
                                      add B \to \gamma to J;
       until no more items are added to J on one round:
       return J:
```

- یک روش مناسب برای پیادهسازی closure نگهداری آرایهای به نام added حاوی مقادیر منطقی است. مقدار  $B \to \gamma$  به ازای همه قوانین B افزوده می مشوند.

توجه کنید اگر یک قانون متعلق به B به (closure(I) با یک نقطه در سمت چپ افزوده شود، آنگاه همه قوانین B باید به عباید بنابراین نیاز نیست همیشه همه آیتمهای  $\gamma \mapsto B$  را که به closure(I) افزوده شدهاند لیست کنیم. یک لیست از متغیرهای B که افزوده شدهاند کافی است.

- مجموعههای آیتمها را به دو دسته تقسیم می کنیم.

ا . آیتمهای هسته  $^1:$  آیتم شروع  $\mathrm{S}' 
ightarrow \mathrm{S}'$  و همه آیتمهایی که نقطه در سمت چپ بدنه آنها نیست.

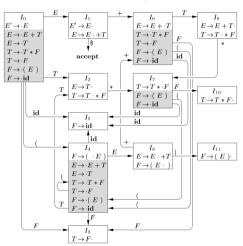
 $.\mathtt{S}' o \cdot \mathtt{S}$  همه آیتمهایی که نقطه در سمت چپ بدنه آنهاست به جز:  $.\mathtt{S}' o \cdot \mathtt{S}$ 

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> kernel items

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Nonkernel items

- هر مجموعه از آیتمها تشکیل شده است از closure برروی مجموعه آیتمهای هسته.
- بنابراین برای صرفهجویی در حافظه میتوانیم آیتمهای غیر هسته را دور بریزیم زیرا این آیتمها مجددا میتوانند از آیتمهای هسته محاسبه شوند.

- در شکل زیر آیتمهای غیرهسته با رنگ خاکستری نشان داده شدهاند.



یک تابع مهم و کاربردی دیگر Goto(I,X) است. ورودی I مجموعهای از آیتمهاست و X یک نماد از گرامر است.

- تابع (I,X) Goto برابراست با closure برروی مجموعه همهٔ آیتمهای  $[A \to \alpha X \cdot \beta]$  به طوری که  $[A \to \alpha X \cdot \beta]$  در  $[A \to \alpha X \cdot X]$  در ا
  - به طور شهودی، تابع Goto برای تعریف گذارها در ماشین LR(0) برای یک گرامر استفاده می شود. حالتهای ماشین مجموعه ای از آیتمهاست و Goto(I,X) گذار از حالت I با ورودی I است.

– اگر I مجموعهای از دو آیتم  $[E' \to E \cdot ], [E \to E \cdot +T]$  باشد، آنگاه Goto(I,+) شامل آیتمهای زیر است.

$$E \to E + \cdot T$$

$$T \to \cdot T * F$$

$$T \to \cdot F$$

$$F \to \cdot (E)$$

$$F \to \cdot \mathbf{id}$$

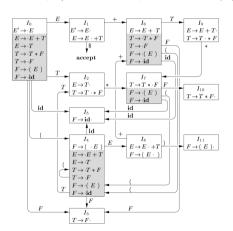
- برای محاسبه (I, +) Goto همهٔ آیتمهایی را که در آنها + پس از نقطه قرار میگیرند در نظر میگیریم. آیتم  $E \to E \cdot + T$  آن را محاسبه میکنیم و closure آن را محاسبه میکنیم.

```
- الگوریتم زیر یک گروه استاندارد ^{1} از مجموعههای آیتمهای ^{(0)} را برای گرامر افزوده شده ^{(1)} میسازد.
     void items(G') {
           C = \{ CLOSURE(\{[S' \to \cdot S]\}) \};
           repeat
                  for ( each set of items I in C )
                         for (each grammar symbol X)
                                if (GOTO(I, X) is not empty and not in C)
                                       add GOTO(I,X) to C:
           until no new sets of items are added to C on a round;
```

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> canonical collection

- گروه استاندارد از مجموعههای آیتمهای LR(0) برای گرامر ذکر شده در شکل زیر نشان داده شده است.

$$E \rightarrow E + T|T$$
,  $T \rightarrow T*T|F \rightarrow F \rightarrow (E)|id$ 



- تابع Goto در واقع گذارها در شکل هستند.

## استفاده از ماشین (LR(0

- تحزبه LR ساده با SLR از ماشین (LR(0) استفاده می کند.

حالتهای ماشین (0) LR مجموعههایی از آیتمهای گروههای (0) LR استاندارد (0) است و گذارها با تابع Goto محاسبه شدهاند.

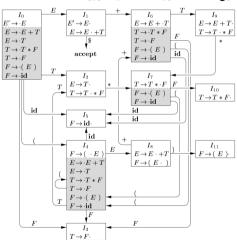
<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> simple LR

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> sets of items from canonical LR(°) collection

- حالت آغازین ماشین LR(0) درواقع closure([S' ightarrow ·S]) است، جایی که 'S نماد آغازین گرامر افزوده شده است. همهٔ حالتها حالت پذیرش هستند.
  - وقتی میگوییم حالت j منظور مجموعه آیتمهای  $I_j$  است.
  - حال باید ببینیم ماشین (LR(0 چگونه کمک میکند برای انتقال کاهش تصمیم بگیریم.
- فرض کنید رشته  $\gamma$  از نمادهای گرامر ماشین (0) LR را از حالت 0 به حالت j میبرد. در اینصورت برروی نماد ورودی j انتقال انجام میدهیم اگر حالت j یک گذار با j دارد. در غیراینصورت یک کاهش انجام میدهیم که در اینصورت آیتمها حالت j کمک میکنند تصمیم بگیریم از کدام قانون برای کاهش استفاده کنیم.
  - الگوريتم تجزيه LR از يک پشته براي نگهداري حالتها استفاده مي كند.

## استفاده از ماشین (LR(0

- رشته ورودی id \* id و ماشین (LR(0 زیر را در نظر بگیرید.

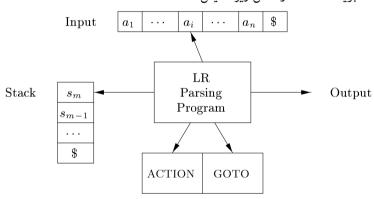


استفاده از ماشین (LR(0

- شكل زير روند تجزيه id \* id مىدهد.

LINE	STACK	Symbols	Input	ACTION
(1)	0	\$	id*id\$	shift to 5
(2)	0.5	\$ <b>i</b> d	$*\operatorname{\mathbf{id}}\$$	reduce by $F \to \mathbf{id}$
(3)	0.3	\$F	$*\operatorname{\mathbf{id}}\$$	reduce by $T \to F$
(4)	0 2	$  \ \ \ \ \ T$	$*\operatorname{\mathbf{id}}\$$	shift to 7
(5)	027	\$T*	$\mathbf{id}\$$	shift to 5
(6)	0275	$\$T*\mathbf{id}$	\$	reduce by $F \to \mathbf{id}$
(7)	02710	\$T * F	\$	reduce by $T \to T * F$
(8)	0 2	$\mid \ \$ \ T$	\$	reduce by $E \to T$
(9)	0 1	\$E	\$	accept

شمای کلی یک تجزیه کننده LR در شکل زیر نمایش داده شده است.



## الگوريتم تجزيه LR

- این تجزیه کننده از یک ورودی، یک خروجی، یک پشته، یک برنامه تجزیه کننده، و یک جدول تجزیه استفاده می کند که این جدول از دو بخش Action و Goto تشکیل شده است.
  - برای تجزیه کننده برای همهٔ تجزیه کننده ها یکسان است. تنها جدول تجزیه به ازای هر تجزیه کننده متفاوت خدا در در د
- برنامه تجزیه کننده کاراکترها را یکبهیک از ورودی میخواند. جایی که یک تجزیه کننده انتقال کاهش یک انتقال انجام میدهد، تجزیه کنند LR یک حالت را انتقال میدهد. هرحالت درواقع اطلاعات حالتهای پشته که در زیر آن قرار دارند را خلاصه می کند.
  - پشته شامل حالتهای  $s_0s_1\cdots s_m$  میشود به طوری که  $s_m$  روی پشته است. پشته حالتهای ماشین LR(0)
  - هر حالت یک نماد گرامر متناظر با آن دارد، زیر حالتها متناظر هستند با مجموعه آیتمها و یک گذار از حالت i به حالت j وجود دارد اگر j ورد دارد اگر نام آن دارد اگر تا به حالت و با تا محموعه آیتمها و یک گذار از این محموعه آیتمها و یک گذار از نام دارد اگر می این محموعه آیتمها و یک گذار از نام دارد اگر می محموعه آیتمها و یک گذار از نام دارد این محموعه آیتمها و یک گذار از نام دارد این محموعه آیتمها و یک گذار از نام دارد این محموعه آیتمها و یک گذار از نام دارد این محموعه آیتمها و یک گذار از نام دارد این محموعه آیتمها و یک گذار از نام دارد این محموعه آیتمها و یک گذار از نام دارد این نام
  - همهٔ گذارها به حالت j برای نماد X هستند. بنابراین هرحالت به جز حالت 0 یک نماد متناظر با آن دارد.

- جدول تجزیه از دو بخش تشکیل شده است : تابع Action و تابع Goto.
- ا تابع Action حالت i و یک ترمینال a (یا نماد \$ که در پایان رشته است) را دریافت میکند. مقدار Action[i, a] یکی از چهار مورد زیر میتواند باشد.
  - است. a انتقال حالت j : ورودی a به پشته منتقل می شود و حالت j نماینده ورودی a است.
    - . کاهش  $eta \to A :$  جمله eta که برروی پشته قرار دارد با A کاهش پیدا می کند.
      - (c) پذیرش : رشته پذیرفته می شود و تجزیه به اتمام می رسد.
  - (d) خطا : تجزیه کننده یک خطا در ورودی مییابد و عملیات بازیابی خطا انجام میدهد.
  - ۲. تابع Goto که برروی مجموعههای آیتمها تعریف شده بود را به حالتها تعمیم میدهیم. اگر Goto که برروی مجموعههای آیتمها تعریف شده بود را به حالت j نگاشت میکند. j نگاشت میکند.

## پیکربندی تجزیه کننده LR

- برای توصیف رفتار تجزیه کننده LR از یک نشانه گذاری برای نشان دادن وضعیت تجزیه کننده استفاده می کنیم، یعنی وضعیت پشته و رشته باقیمانده برای تجزیه.
- یک پیکربندی  $^1$  از تجزیه کننده LR یک جفت به صورت ( $s_0s_1\cdots s_m, a_ia_{i+1}\cdots a_n$ ) است، به طوری که جزء اول محتوای پشته (بالای پشته در سمت راست) و جزء دوم باقیمانده رشته ورودی است.
  - است.  $X_1 X_2 \cdots X_m a_1 a_{i+1} \cdots a_n$  است. این پیکربندی نشان دهنده صورت جمله ای
    - درواقع  $X_i$  نماد گرامری است که با حالت  $s_i$  نمایش داده می شود.
- توجه کنید که حالت آغازین so در تجزیه کننده نماینده هیچ نمادی از گرامر نیست و تنها زیر پشته را نشان میدهد.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> configuration

- حرکت بعدی تجزیه کننده از یک پیکربندی با خواندن نماد ورودی  $a_i$  و حالت  $s_m$  برروی پشته توسط Action $[s_m, a_i]$
- ا گر  $shift\ s$  اگر Action $[s_m,a_i]=shift\ s$  باشد، آنگاه تجزیه کننده یک عملیات انتقال انجام می دهد و حالت بعدی s را به پشته منتقل می کند و در پیکربندی  $s_0s_1\cdots s_ms$ ,  $s_{i+1}\cdots s_ns$  قرار می گیرد. نیازی نیست نماد s برروی پشته باشد زیرا اگر نیاز به آن بود می توان توسط حالت s آن را بازیابی کرد (البته در عمل هیچگاه نیازی به آن نیست). نماد بعدی  $s_{i+1}$  خواهد بود.
- ۱ اگر eta 
  ightarrow G reduce A 
  ightarrow B باشد، آنگاه تجزیه کننده یک کاهش انجام می دهد و وارد  $S_m, a_i] = reduce A 
  ightarrow B$  پیکربندی  $S_m 
  ightarrow B_m 
  i$

آنگاه تجزیه به یابان می رسد. آگر Action[ $s_m, a_i$ ] = accept

. اگر Action $[s_m,a_i]=$  اگر Action انگاه تجزیه کننده یک تابع بازیابی کننده خطا فراخوانی می کند.

- الگوریتم تجزیه کننده LR به صورت زیر عمل می کند. همهٔ تجزیه کننده های LR به همین صورت عمل می کنند و تنها تفاوت آنها اطلاعات ذخیره شده در Action و Goto در جدول تجزیه است.
  - فرض کنید رشته w به یک تجزیه کننده LR برای گرامر G داده شده است.
  - اگر رشته w متعلق به L(G) باشد، دنبالهای از قوانین کاهش به صورت پایین به بالا برای رشته w به دست می آید در غیراینصورت پیام خطا صادر می شود.

```
\mathbf{while}(1) {
      let s be the state on top of the stack:
      if (ACTION[s, a] = shift t) {
              push t onto the stack:
              let a be the next input symbol:
       } else if ( ACTION[s, a] = reduce A \rightarrow \beta ) {
              pop |\beta| symbols off the stack;
              let state t now be on top of the stack;
              push GOTO[t, A] onto the stack;
              output the production A \to \beta;
       } else if ( ACTION[s, a] = accept ) break;
      else call error-recovery routine:
```

- گرامر زیر را در نظر بگیرید.

$$(1) \quad E \to E + T \tag{4} \quad T \to F$$

3) 
$$T \to T * F$$
 (6)  $F \to \mathbf{id}$ 

الگوريتم تجزيه LR

- شکل زیر توابع Action و Goto از تجزیه کننده LR برای این گرامر نشان میدهد.

STATE	ACTION							GOTO		
	id	+	*	(	)	\$	E	T	F	
0	s5			s4			1	2	3	
1		s6				acc				
2		r2	s7		r2	$^{\mathrm{r2}}$				
3		r4	r4		r4	r4				
4	s5			s4			8	$^2$	3	
5		r6	r6		r6	r6				
6	s5			s4				9	3	
7	s5			s4					10	
8		s6			s11					
9		$^{\mathrm{r1}}$	s7		$^{\mathrm{r}1}$	$^{\mathrm{r1}}$				
10		r3	r3		r3	r3				
11		r5	r5		r5	r5				

## الگوريتم تجزيه LR

- در این جدول  $S_i$  به معنی انتقال و حالت پشته i است، t به معنی کاهش با قانون شماره j است، t معنی خطا است.

الگوریتم تجزیه LR الگوریتم تجزیه id \* id + id ورودی در شکل زیر نشان داده شده است.

	STACK	Symbols	Input	ACTION
(1)	0		id*id+id\$	shift
(2)	0.5	id	$*$ $\mathbf{id} + \mathbf{id}$ $\$$	reduce by $F \to \mathbf{id}$
(3)	0.3	F	$*\mathbf{id} + \mathbf{id}\$$	reduce by $T \to F$
(4)	0 2	$\mid T \mid$	$*\mathbf{id} + \mathbf{id}\$$	shift
(5)	0 2 7	T *	$\mathbf{id} + \mathbf{id}\$$	shift
(6)	0 2 7 5	T * id	$+\operatorname{id}\$$	reduce by $F \to \mathbf{id}$
(7)	0 2 7 10	T * F	$+\operatorname{id}\$$	reduce by $T \to T * F$
(8)	0 2	T	$+\operatorname{id}\$$	reduce by $E \to T$
(9)	0 1	E	$+\operatorname{id}\$$	shift
(10)	0 1 6	E +	<b>id</b> \$	shift
(11)	$0\ 1\ 6\ 5$	E + id	\$	reduce by $F \to \mathbf{id}$
(12)	0 1 6 3	E+F	\$	reduce by $T \to F$
(13)	0 1 6 9	E+T	\$	reduce by $E \to E + T$
(14)	0 1	E	\$	accept

- برای مثال در خط (۱) تجزیه کننده در حالت 0 است و اولین نماد id است. عملیات S5 باید انجام شود، بدین معنی که یک انتقال با وارد کردن حالت 5 به پشته انجام می شود. سپس \* نماد بعدی است و عملیات حالت 5 بر روی ورودی \* یک کاهش با id  $F \to Id$  است. یک حالت از پشته برداشته می شود. چون Goto در حالت 0 برروی  $F \to Id$  است، پس حالت 3 برروی پشته اضافه می شود.

- برای استفاده از تجزیه کننده LR ساده یا SLR ابتدا باید جدول تجزیه آن را بسازیم.
  - الگوريتم SLR با آيتمهاي (LR(0 و ماشين (LR(0 آغاز ميكند.
- به ازای گرامر دلخواه G گرامر افزوده شده G' با متغیر شروع جدید S' ساخته می شود. با استفاده از G' گروه استاندارد مجموعه آیتمهای G با تابع G می ساخته می شود.
- سپس جدول تجزیه با استفاده از جدول تجزیه زیر ساخته می شود. قبل از ساختن جدول نیاز داریم برای همهٔ متغیرهای A مقدار (Follow(A) را محاسبه کنیم.

- الگوريتم ساخت جدول تجزيه SLR به صورت زير است :
- . گروهی از مجموعههای آیتمهای (0) LR برای گرامر G' به صورت  $(1_0, I_1, \cdots, I_n)$  میسازیم.
  - ۲. حالت i از  $I_i$  میسازیم و عملیات تجزیه برای حالت i را به صورت زیر تعیین میکنیم :
- . Action[i, a] = shift j باشد، آنگاه Goto( $I_i,a)=I_j$  در  $I_i$  باشد،  $[A o \alpha \cdot a\beta]$  اگر (a) در اینجا a باید یک ترمینال باشد.
  - م اگر [A  $ightarrow \alpha$  ادر  $I_i$  به ازای هر a در اگر اگر [A  $ightarrow \alpha$  اگر  $[A 
    ightarrow \alpha$  اگر  $[A 
    ightarrow \alpha$  اگر  $[A 
    ightarrow \alpha$  در اینجا A نمی تواند 'S' باشد. Follow(A)
    - .Action[i,\$] = accep اگر [S' o \$ اگر (c) -

- اگر در حین اجرای این الگوریتم تعارضی در عملیات به وجود آمد، می گوییم گرامر (SLR(1) نیست و الگوریتم نمی تواند تجزیه کننده تولید کند.

شود : اگر Goto برای هر حالت i برای همه متغیرهای A با استفاده از این قانون محاسبه می شود : اگر Goto[i,A]=j آنگاه  $Goto[i,A]=I_j$ 

۴. هر خانهای در جدول که برای آن در گامها ۲ و ۳ مقداری تولید نشده است، خطا محسوب میشود.

۵. حالت اولیه تجزیه کننده حالتی است که از مجموعه آیتمهایی ساخته شده است که حاوی [S' o S] است.

جدول تجزیه ای که با استفاده از این الگوریتم به دست می آید، جدول (SLR(1) برای گرامر G نامیده می شود.
 تجزیه کننده LR که از جدول (SLR(1) برای گرامر G استفاده می کند تجزیه کننده (SLR(1) برای G نامیده می شود.
 می شود. گرامری که برای آن یک تجزیه کننده (SLR(1) وجود داشته باشد، گرامر (SLR(1) نامیده می شود.
 معمولا (۱) را حذف می کنیم و تجزیه کننده و گرامر را SLR می نامیم.

- میخواهیم جدول تجزیه SLR برای گرامر زیر بسازیم.

$$(1) E \to E + T (4) T \to F$$

$$(2) E \to T (5) F \to (E)$$

$$(3) T \to T * F (6) F \to \mathbf{id}$$

- مجموعه آیتمهای I<sub>0</sub> به صورت زیر است.

$$E' \to \cdot E$$

$$E \to \cdot E + T$$

$$E \to \cdot T$$

$$T \to \cdot T * F$$

$$T \to \cdot F$$

$$F \to \cdot (E)$$

$$F \to \cdot \mathbf{id}$$

- با استفاده از آیتم  $F \to F \to F$  میتوان مقدار  $F \to F \to F$  را محاسبه کرد و با استفاده از آیتم  $F \to F \to F$  میتوان مقدار  $F \to F \to F$  مقدار  $F \to F \to F$  مقدار  $F \to F \to F$  به دست میآید. بقیه آیتمها در  $F \to F \to F$  مقداری به دست نمی دهند.
- و برای Action[1, \$] = accep حال آیتمهای  $I_1$  را در نظر میگیریم. برای E' o E به دست می آوریم E o E o + T به دست می آوریم Action[1, +] = shift 6 به دست می آوریم
  - برای آیتمهای  $I_2$  نیز عملیات را محاسبه میکنیم. برای آیتم  $E \to T \cdot$  از آنجایی که Follow(E) =  $\{\$,+,\}$

 $Action[2,\$] = Action[2,+] = Action[2,)] = reduce E \rightarrow T$ 

.Action $[2,*]= ext{shift 7}$  در  $I_2$  در  $T o T \cdot *F$  ممچنین برای آیتم -

ساختن جدول تجزیه LR

- با ادامه این روند جدول تجزیه به صورت زیر محاسبه میشود.

STATE	ACTION							GOTO		
SIAIE	id	+	*	(	)	\$	E	T	F	
0	s5			s4			1	2	3	
1		s6				acc				
2		r2	s7		r2	r2				
3		r4	r4		r4	r4				
4	s5			s4			8	$^2$	3	
5		r6	r6		r6	r6				
6	s5			s4				9	3	
7	s5			s4					10	
8		s6			s11					
9		$^{\mathrm{r1}}$	s7		$^{\mathrm{r}1}$	$^{\mathrm{r1}}$				
10		r3	r3		r3	r3				
11		r5	r5		r5	r5				

- هر گرامر SLR(1) غیرمبهم است، اما بسیاری از گرامرهای غیرمبهم وجود دارند که SLR(1) نیستند.

گرامر زیر را در نظر بگیرید.

$$S \quad \rightarrow \quad L = R \ | \ R$$

$$L \rightarrow *R \mid id$$

 $R \rightarrow L$ 

- گروه استاندارد مجموعههای آیتمهای (LR(0 برای این گرامر به صورت زیر است.

$$I_0: S' \to S$$
  $I_5: L \to id$ 

$$S \rightarrow S$$
  $I_5$ .  $L \rightarrow Id$ .  $S \rightarrow L = R$ 

$$S \to R$$
  $I_6: S \to L = R$ 

$$egin{array}{lll} L 
ightarrow *R & R 
ightarrow L \ L 
ightarrow *id & L 
ightarrow *R \ \end{array}$$

$$R \to \cdot L$$
  $L \to \cdot \mathbf{id}$ 

$$I_1: S' \to S$$
  $I_7: L \to *R$ 

$$\begin{array}{ll} I_2\colon & S\to L\cdot =R \\ & R\to L\cdot \end{array} \qquad \qquad I_8\colon \quad R\to L\cdot$$

$$I_9\colon\quad S\to R.$$

$$I_4 \colon L \to *R$$

$$\begin{array}{c} R \to \cdot L \\ L \to \cdot *R \end{array}$$

- مجموعه آیتمهای  $I_2$  را در نظر بگیرید. با استفاده از آیتم اول به دست می آوریم  $I_2$  جا Action  $I_2$  جا Action  $I_3$  = shift 6 باز آنجایی که Follow  $I_3$  جا Action  $I_4$  جا Action  $I_5$  =  $I_5$  جون  $I_6$   $I_6$   $I_7$  = R  $I_8$   $I_8$  اگنتم دوم به دست می دهد  $I_8$  = R جا Action  $I_8$  جون  $I_8$  Action  $I_8$  دو مقدار انتقال و کاهش به دست می آوریم، پس در حالت ۲ برروی ورودی = یک ناسازگاری انتقال و کاهش وجود دارد.
- این گرامر مبهم نیست. دلیل این ناسازگاری این است که تجزیه کننده SLR به اندازه کافی قدرتمند نیست تا بتواند برروی این گرامر تصمیم بگیرد. تجزیه کننده LALR مجموعه بزرگتری از گرامرها از جمله این گرامر را میتواند تجزیه کند.
- توجه کنید که گرامرهای غیرمبهمی وجود دارند که تجزیه کننده LR برای آنها وجود ندارد. البته این گرامرها در زبانهای برنامهنویسی استفاده نمی شوند.

- حال ببینیم چرا ماشین (LR(0 میتواند برای تصمیم گیری درمورد انتقال و کاهش استفاده شود.
- در ماشین (LR(0 برای یک گرامر، پشته پیشوندی از صورت جملهای راست را نگهداری میکند.
- اگر پشته  $\alpha$  را نگهداری کند و ورودی x باشد آنگاه دنبالهای از کاهشها  $\alpha$  را به x کاهش میدهد. درواقع در فرایند اشتقاق داریم x x x x x x x x x در فرایند اشتقاق داریم x
- اما همه پیشوندهای صورتهای جملهای راست نمی توانند برروی پشته ظاهر شوند. برای مثال فرض کنید داشته باشیم  $E : F * id \Rightarrow E$  آنگاه در فرایند تجزیه پشته می تواند حاوی E : E : E آنگاه در فرایند تجزیه پشته می تواند حاوی E : E : E باشد اما نمی تواند حاوی E : E : E باشد زیرا E : E : E هندل است که باید به E : E : E کاهش پیدا کند.

### پیشوندهای ماندنی

- پیشوندهایی از صورتهای جملهای راست که میتوانند برروی پشته دریک تجزیه کننده انتقال کاهش ظاهر شوند، پیشوندهای ماندنی  $^1$  نامیده میشوند. یک پیشوند ماندنی پیشوندی از یک صورت جملهای راست است که یک هندل را شامل نمیشود.
- تجزیه SLR بر این اصل عمل می کند که ماشین (R(0) پیشوندهای ماندنی را تشخیص می دهد. می گوییم آیتم  $S' \stackrel{*}{\Rightarrow} \alpha A$  برای پیشوند ماندنی  $\alpha \beta_1$  معتبر است اگر اشتقاقی به صورت  $A \rightarrow \beta_1 \cdot \beta_2$  معتبر است وجود داشته باشد. یک آیتم می تواند برای بسیاری از پیشوندهای ماندنی معتبر باشد.
  - این که  $eta_1\cdoteta_2$  برای  $lpha_3$  معتبر است به ما میگوید وقتی  $lpha_3$  را برروی پشته مشاهده کردیم انتقال انجام دهیم یا کاهش.
  - اگر eta 
    eq eta = eta آنگاه میتوان نتیجه گرفت که هندل به پشته انتقال داده نشده است بنابراین باید انتقال انجام شود. اگر eta = eta آنگاه  $eta \to eta$  باید هندل باشد و باید با استفاده از این قانون کاهش انجام شود.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> viable prefix

- البته اگر دو آیتم معتبر داشته باشیم که دو عملیات متفاوت را تعیین کنند، آنگاه ناسازگاری و تعارض به وجود می آید که در اینصورت بررسی کاراکترهای بعدی درورودی ممکن است به حل تعارض کمک کنند و درواقع تجزیه کنندههای قدرتمندتر چنین می کنند.
  - به سادگی میتوانیم مجموعه آیتمهای معتبر را برای هر پیشوند ماندنی که برروی پشته تجزیه کننده میتواند ظاهر شود را محاسبه کنیم.
- درواقع این یک قضیه پایهای مهم در نظریه تجزیه LR است که مجموعه آیتمهای معتبر برای پیشوند ماندنی  $\gamma$  دقیقا مجموعه آیتمهایی است که از حالت اولیه با مسیری با برچسب  $\gamma$  در ماشین  $\mathrm{LR}(0)$  قابل دسترسی هستند.
- مجموعه همه آیتمهای معتبر همه اطلاعات مهم که میتوانند در پشته قرار بگیرند را در برمیگیرد. این قضیه در نظریه تجزیهکننده اثبات میشود که به اثبات آن نمیپردازیم.

## پیشوندهای ماندنی

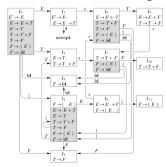
- گرامر زیر را در نظر بگیرید.

$$(1) \quad E \to E + T \tag{4} \quad T \to F$$

$$(2) E \to T (5) F \to (E)$$

$$(3)$$
  $T \to T * F$   $(6)$   $F \to \mathbf{id}$ 

مجموعهٔ آیتمهای این گرامر به همراه توابع گذار را به صورت زیر قبلا محاسبه کردیم.



- رشته E + T = 2 یک پیشوند ماندنی از گرامر است. ماشین (D = 1 + T) پس از خواندن E + T = 1 در حالت 7 قرار می گیرد. حالت 7 آیتمهای زیر را شامل می شود که برای E + T = 1 معتبر هستند.

 $T \to T * \cdot F$   $F \to \cdot (E)$   $F \to \cdot \mathbf{id}$ 

### پیشوندهای ماندنی

برای درک دلیل این امر اشتقاق راست زیر را در نظر بگیرید.

$$E' \Rightarrow E \qquad E' \Rightarrow E \qquad E' \Rightarrow E \Rightarrow E + T \qquad \Rightarrow E + T \Rightarrow E + T * F \qquad \Rightarrow E + T * F \Rightarrow E + T * G \Rightarrow E + T * id$$

#### پیشوندهای ماندنی

- اشتقاق اول معتبر بودن T \* T \* T را نشان میدهد. اشتقاق دوم معتبر بودن  $F \to T * F$  و اشتقاق سوم معتبر بود  $F \to id$  را نشان میدهد.

- میتوان نشان داد که هیچ آیتم معتبری برای E+T\* وجود ندارد.

#### تجزیه کنندههای LR قدرتمندتر

- در این قسمت تجزیه کنندههای LR را تعمیم میدهیم و دو تجزیه کننده قدرتمند را شرح میدهیم.
- استفاده LR استاندارد  $^1$  یا CLR : این روش از مجموعه ای بزرگ از آیتمها به نام آیتمهای (LR(1) استفاده می کند.
- ۱۰ تجزیه کننده LR با بررسی نماد جلویی  $^2$  یا LALR : این روش بر پایه مجموعههای آیتمهای LR(0) است و تعداد بسیار کمتری حالت نسبت به تجزیه کننده ها بر پایه LR(1) دارد. تجزیه کننده LALR تعداد بسیار بیشتری از گرامرها را نسبت به SLR پوشش می دهد و جدول تجزیه ای که از آن استفاده می کند از جدول های SLR بزرگتر نیست. در بسیاری از تجزیه کننده ها و کامپایلرها از روش LALR استفاده می شود.

<sup>1</sup> canonical LR

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> lookahead LR

- میخواهیم یکی از روشهای بسیار متداول برای تولید جدول تجزیه LR را شرح دهیم.
- در روش SLR ، حالت i عملیات کاهش را با  $a \to \alpha$  انجام میدهد اگر مجموعه آیتمهای  $I_i$  شامل  $A \to \alpha$  ، حالت a عملیات کاهش در ورودی a در Follow(A) باشد.
- در برخی مواقع وقتی حالت i برروی پشته است، پیشوند ماندنی  $\beta \alpha$  برروی پشته چنان است که  $A \to \alpha$  نمی تواند با a در هیچ یک از صورتهای جملهای دنبال شود. در چنین مواردی کاهش  $a \to A \to A$  برروی ورودی  $a \to a$  غیر معتبر است.

# آیتمهای (LR(1 استاندارد

- مثال: گرامرزیر را در نظر بگیرید.

 $S \rightarrow L = R \mid R$ 

 $\stackrel{\sim}{L} \rightarrow *R \mid id$ 

E 
ightarrow L

744/101

## ایتمهای (LR(1 استاندارد

- مجموعه آیتمهای (LR(0 را برای این گرامر به صورت زیر ساختیم.

 $I_0: S' \to S'$  $S \rightarrow L = R$ 

 $S \rightarrow \cdot R$ 

 $L \to \cdot * R$ 

 $L \to -\mathbf{id}$  $R \to \cdot L$ 

 $I_5: L \to \mathbf{id}$ 

 $I_6: S \to L = \cdot R$  $R \to \cdot L$ 

 $L \to \cdot * R$ 

 $L \to -\mathbf{id}$ 

 $I_1: S' \to S$ 

 $I_2: S \to L \cdot = R$ 

 $R \to L$ .

 $I_3: S \to R$ 

 $R \to \cdot L$ 

 $I_4: L \to *R$ 

 $L \to \cdot * R$ 

 $L \to -\mathbf{id}$ 

 $I_7: L \to *R$ 

 $I_8: R \to L$ 

 $I_0: S \to L = R$ 

# آیتمهای (LR(1) استاندارد

در حالت ۲ آیتم میاه و نماد a را داشتیم. فرض کنید این قانون همان  $A \to A$  است و نماد a در ورودی در اینجا علامت = است که در Follow(R) است.

- تجزیه کننده SLR کاهش با استفاده از  ${
  m R} o {
  m L}$  را در حالت ۲ با خواندن نماد= فراخوانی می کند.
- اما هیچ صورت جملهای در این گرامر که با ... R = R آغاز شود وجود ندارد. بنابراین در حالت ۲ که حالت متناظر با پیشوند ماندنی L است نباید L را با R کاهش دهد.

- در چنین مواردی نیاز داریم اطلاعات بیشتری دریافت کنیم تا به ما کمک کند برخی از کاهشها را انجام ندهیم.
- میتوانیم در هریک از حالتها تجزیه کننده LR مشخص کنیم کدام نمادها میتوانند هندل lpha را دنبال کنند وقتی یک کاهش به صورت lpha 
  ightarrow A 
  ightarrow A وجود داشته باشد.
- این اطلاعات اضافی را بدین صورت در جدول تجزیه درج میکنیم که آیتمها یک ترمینال را به عنوان مؤلفه دوم شامل شوند.
- بنابراین یک آیتم به صورت [A  $ightarrow lpha \cdot eta$  , a] درمی آید که در آن A ightarrow lpha eta یک نماد الفبا یا نماد پایان رشته \$ است. چنین آیتمهایی را آیتم (LR(1 مینامیم.

# آیتمهای (LR(1 استاندارد

- عدد ۱ در  $\operatorname{LR}(1)$  طول مؤلفه دوم در آیتم است که نمادهای جلویی  $^1$  در آیتم نامیده میشود.

- نماد جلویی هیچ تأثیری در آیتمی که به صورت  $[A o lpha \cdot eta \ , \ a]$  است ندارد اگر eta رشته تهی نباشد. اما در آیتمی  $[A o lpha \cdot eta \ ]$  کاهش با استفاده از A o lpha تنها صورتی انجام می شود که نماد بعدی  $[A o lpha \cdot \ , \ a]$  باشد.
- میگوییم آیتم (1) LR به صورت [ $A\alpha \cdot \beta$ , a] برای پیشوند ماندنی  $\gamma$  معتبر است اگر اشتقاقی به صورت میگوییم آیتم  $S \underset{rm}{\Rightarrow} \delta Aw \Rightarrow \delta \alpha \beta w$  باشد و (۲) یا a اولین نماد  $\alpha$  باشد و یا  $\alpha$  تهی باشد و یا  $\alpha$  تهی باشد و  $\alpha$  باشد.

<sup>1</sup> lookahead

- مثال: گرامر زیر را در نظر بگیرید.

$$S \to B B B \to a B \mid b$$

یک اشتقاق راست aaBab  $\Rightarrow aaaBab$  aaaBab و جود دارد. میبینیم که آیتم  $B \to a \cdot B$  برای  $S \Rightarrow_{rm}^* aaBab \Rightarrow_{rm}^* aaaBab$  برای پیشوند ماندنی  $\gamma = aa$  معتبر است اگر B = B و B = A و B = B و B = Baa و باشد. همچنین اشتقاق Baa  $Baab \Rightarrow_{rm}^* Bab \Rightarrow_{rm}^* Bab$  برای پیشوند ماندنی Baa معتبر است.

- روش ساختن گروه مجموعههای آیتمهای LR(1) معتبر شبیه ساخت مجموعه آیتمهای LR(0) است. تنها تفاوت در توابع Closure و Goto است.

- برای گرامر G' مجموعه آیتمهای LR(1) با استفاده از الگوریتم زیر محاسبه میشود.

```
SetOfItems CLOSURE(I) {
       repeat
              for (each item [A \to \alpha \cdot B\beta, a] in I)
                     for ( each production B \to \gamma in G')
                             for (each terminal b in FIRST(\beta a)
                                    add [B \to \cdot \gamma, b] to set I:
       until no more items are added to I:
       return I:
SetOfItems GOTO(I, X) {
       initialize J to be the empty set:
       for (each item [A \to \alpha \cdot X\beta, a] in I)
              add item [A \to \alpha X \cdot \beta, a] to set J:
       return CLOSURE(J):
void items(G') {
       initialize C to {CLOSURE({[S' \rightarrow \cdot S, \$]})};
       repeat
              for ( each set of items I in C )
                     for (each grammar symbol X)
                             if (GOTO(I, X) is not empty and not in C)
                                    add GOTO(I, X) to C:
       until no new sets of items are added to C;
```

- برای اینکه بفهمیم چرا b باید در First(eta a) باشد، آیتمی به صورت [ $eta \to lpha \cdot Beta, a$ ] را در نظر بگیرید که در مجموعه آیتمهای معتبر برای پیشوند ماندنی  $\gamma$  است. آنگاه اشتقاق راست  $eta \to \delta \alpha$  که در مجموعه  $eta \to \delta \alpha$  که وجود دارد به طوری که  $eta \to \delta \alpha$
- ورف کنید  $\beta$ ax رشته  $\gamma$ Bby ج $\gamma$   $\gamma$ Bby ج $\gamma$   $\gamma$ Bby اشتقاق  $\beta$ ax اشتقاق کند. آنگاه برای هر قانون  $\beta$  اشتقاق  $\beta$ ax داریم. بنابراین  $\gamma$  برای  $\gamma$  معتبر است.
  - توجه کنید که b میتواند اولین ترمینال مشتق شده از β باشد یا ممکن است β رشته تهی در اشتقاق  $\beta$  by

طراحي كاميابلر

- مثال : گرامر زیر را در نظر بگیرید.

 $[A \to \alpha \cdot B\beta, a]$  برروی  $[S' \to \cdot S, \$]$  را محاسبه می کنیم. آیتم  $[S' \to \cdot S, \$]$  را بر  $[S' \to \cdot S, \$]$  را برروی  $[S' \to \cdot S, \$]$  را محاسبه می کنیم. آیتم  $[S' \to \cdot S, \$]$  را به ازای هر  $[S' \to \cdot S, \$]$  است. تابع Closure می گوید برای هرقانون  $[S \to \cdot \gamma, \$]$  را به ازای هر  $[S \to \cdot \gamma, \$]$  را به ازای هر  $[S \to \cdot \gamma, \$]$  را می اشد. پس آیتم  $[S \to \cdot CC, \$]$  را می افزاییم.

رای ادامه محاسبه closure همهٔ آیتمهای  $[C \to \cdot \gamma, b]$  را برای  $[C \to \cdot \gamma, b]$  اضافه می کنیم. با تطبیق  $[C \to \cdot \gamma, b]$  بر  $[C \to \cdot \gamma, b]$  بر  $[C \to \cdot \gamma, b]$  بر  $[C \to \cdot CC, b]$  بر  $[C \to \cdot C$ 

$$I_0: S \to \cdot S, \$$$

$$S \to \cdot CC, \$$$

$$C \to \cdot cC, c/d$$

$$C \to \cdot d, c/d$$

- در اینجا برای سادگی به جای دو آیتم  $[C 
ightarrow \cdot cC,c]$  و  $[C 
ightarrow \cdot cC,c]$  و  $C 
ightarrow \cdot cC$ 

حال باید X = S و باشد آیتم X = S محاسبه کنیم. اگر X = S باشد آیتم X = S باشد آیتم X = S جال باید داریم.

$$I_1: S' \to S_1, \$$$

- برای X=C را با نماد X=C به وجود می آید. همهٔ قوانین متغیر X=C را با نماد X=C به عنوان مؤلفه دوم می افزاییم و به دست می آوریم :

$$I_2: S \to C \cdot C, \$$$
 $C \to \cdot cC, \$$ 
 $C \to \cdot d. \$$ 

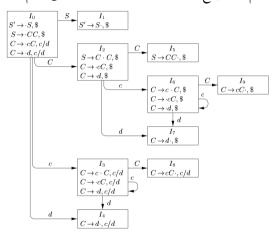
ا نماد C را با نماد C را با نماد C آنگاه آیتم C آنگاه آیتم آوریم. همه قوانین متغیر C را با نماد داشته باشیم C به عنوان مؤلفه دوم می افزاییم.

$$I_3: C \to c \cdot C, c/d$$
  
 $C \to c \cdot C, c/d$   
 $C \to d, c/d$ 

- در نهایت قرار میدهیم X=d و به دست می آوریم.

$$I_4: C \to d\cdot, c/d$$

- به همین ترتیب با محاسبه آیتمها و توابع Goto گراف زیر را به دست می آوریم.



- حال الگوریتمی را توصیف میکنیم که برای یک گرامر جدول تجزیه LR استاندارد با توابع Action و Goto تولید میکند.
- - ۲. حالت i از تجزیه کننده از  $I_i$  ساخته می شود. عملیات تجزیه برای i به صورت زیر تعیین می شود.
    - ور آ[a] اگر [A  $o lpha \cdot a$  ور آ[a] باشد، آنگاه [A  $o lpha \cdot a$  ور آ[a] اگر [A  $o lpha \cdot a$  ور آ[a] باشد. Action
  - . $ext{Action[i, a]} = ext{reduce} \,\, ext{A} 
    ightarrow lpha 
    ightarrow ilde{ ext{I}}$ ،  $ext{A} 
    eq ext{S}'$  در  $ext{I}_{ ext{i}}$  باشد و  $ext{A} 
    eq ext{S}'$  در  $ext{A} 
    eq ext{A} 
    eq ext{S}'$  در  $ext{A} 
    eq ext{S}'$
- اگر هر ناسازگاری در عملیات بالا Action[i, \$] = accept اید، آنگاه  $[S' \to S \cdot, \$]$  اگر (c) رخ دهد میگوییم گرامر  $[I_i]$  نیست.

- توابع گذار Goto برای حالت i برای همهٔ متغیرهای A به صورت زیر ساخته می شود : اگر Goto[i,A]=j ، آنگاه  $Goto[i,A]=I_j$ 
  - ۴. همهٔ خانههایی که در گامهای (۲) و (۳) تعریف نشدهاند، خطا محسوب می شوند.
- مات اولیه تجزیه کننده، حالتی است که از مجموعه آیتمهای حاوی [S' o S, \$] تشکیل شده است.

طراحی کامپایلر تحلیل نحوی ۲۲۷ / ۲۲۳

حدولی که با استفاده از الگوریتم قبل تولید می شود جدول تجزیه LR(1) استاندارد  $^1$  نامیده می شود.

- یک تجزیه کنندهٔ LR که از چنین جدولی استفاده کند، تجزیه کننده (LR(1) استاندارد نامیده می شود.

- گرامری که برای آن یک تجزیه LR(1) استاندارد وجود داشته باشد گرامر LR(1) نامیده می شود.

طراحی کامپایلر تحلیل نحوی تحلیل نحوی ۲۲۸

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> canonical LR(\)

- گرامر زیر را در نظر بگیرید.

$$\begin{array}{cccc} S' & \rightarrow & S \\ S & \rightarrow & C \ C \\ C & \rightarrow & c \ C \ \mid \ d \end{array}$$

– جدول تجزیه (1) LR استاندارد برای این گرامر در زیر نشان داده شده است. قوانین ۱، ۲و ۳ به ترتیب C ightarrow و C ightarrow c ightarrow هستند.

STATE	ACTION			GOTO	
	c	d	\$	S	C
0	s3	s4		1	2
1			acc		
$\frac{2}{3}$	s6	s7			5
3	s3	s4			8
4	r3	r3			
5			r1		
6	s6	s7			9
7			r3		
8	r2	r2			
9			r2		

- هر گرامر (SLR(1) یک گرامر (LR(1) است اما برای یک گرامر (SLR(1) تجزیه کننده LR استاندارد ممکن است تعداد حالتهای بیشتری نسبت به تجزیه کننده SLR برای همان گرامر داشته باشد.

- حال به معرفی تجزیه کننده LALR  $^1$  میپردازیم. این تجزیه کننده در عمل بسیار مورد استفاده قرار می گیرد، زیرا جداول تجزیه آن از جدول تجزیه کننده LR استاندارد کوچکتر هستند و بیشتر زبانهای برنامهنویسی را میتوان با استفاده از گرامر LALR میتوان توصیف کرد.
- جداول SLR نیز نسبت به CLR کوچکتر هستند اما برخی از ساختارهای زبانهای برنامهنویسی را نمیتوان با استفاده از گرامرهای SLR توصیف کرد.
- جداول تجزیه SLR و LALR تقریبا برابرند و در زبانی مانند زبان سی حدود چند صد حالت دارند، اما جدول تجزیه CLR برای زبان سی حدود چند هزار حالت خواهد داشت.

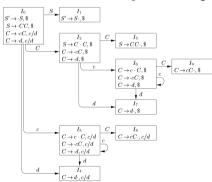
طراحی کامپایلر تحلیل نحوی تعلیل کامپایلر تعلیل کامپایلر تعلیم تعلیل تعلیل تعلیم تعلی

<sup>1</sup> lookahead LR

- گرامر زیر را در نظر بگرید.

$$\begin{array}{ccc} S' & \to & S \\ S & \to & C C \end{array}$$

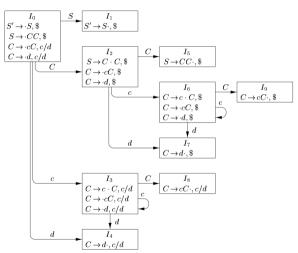
- مجموعه آیتمهای (LR(1 برای این گرامر در شکل زیر نشان داده شدهاند.



- $C o d \cdot d$  دو حالت شبیه به هم  $I_4$  و  $I_7$  را در نظر بگیرید. هریک از این حالتها فقط آیتمهایی با مؤلفه اول  $I_7$  دارند. در  $I_4$  مؤلفه دوم  $I_7$  ما  $I_7$  ما  $I_7$  مؤلفه دوم  $I_7$  مؤلفه دوم  $I_7$  مؤلفه دوم  $I_7$  مؤلفه دوم  $I_7$  مؤلفه دوم
- برای اینکه تفاوت  $I_4$  و  $I_7$  را بفهمیم، یک مثال را بررسی می کنیم. این گرامر زبان منظم  $I_7$  را تولید می کند. وقتی ورودی cc···cdcc···cd خوانده می شود، تجزیه کننده اولین گروه از c ها و کاراکتر  $I_7$  پس از آن را به پشته انتقال می دهد و وارد حالت  $I_7$  می شود. سپس کاهش توسط  $I_7$  انجام می شود با توجه به اینکه کاراکتر بعدی می تواند  $I_7$  با شد. اگر  $I_7$  به دنبال اولین  $I_7$  بیاد، یک ورودی به صورت ccd داریم که در زبان نیست و حالت  $I_7$  به درستی با خواندن  $I_7$  وجود خطا را نشان می دهد.

- تجزیه کننده بعد از خواندن دومین d وارد حالت V می شود. پس از آن باید در ورودی d خوانده شود وگرنه ورودی برطبق الگوی d نیست. بنابراین حالت d و ورودی d کاهش d کاام می شود و با ورودی d کا خطا صادر می شود.
  - حال فرض کنید  $I_4$  و  $I_7$  را با  $I_4$  جایگزین کنیم که اجتماع  $I_4$  و  $I_7$  است و از سه آیتم [C  $\rightarrow$  d·, c/d/\$] تشکیل شده است.
- عملیات حالت 47 اکنون این است که بر روی کاهش انجام میدهد در حالی که قبل از ادغام دو حالت برخی از شرایط منجر به خطا میشدند. البته خطا اکنون نیز تشخیص داده خواهد شد.
  - در حالت کلی میتوانیم آیتمهایی را که هسته یکسان دارند یا به عبارت دیگر مؤلفه اول آنها یکسان است ادغام کنیم.

- آیتمهای زیر را در نظر بگیرید.



- برای مثال در  $I_4$  و  $I_5$  آیتمهایی با هسته  $\{C \to d\cdot\}$  وجود دارد. همچنین در  $I_6$  و  $I_6$  هسته  $C \to cC$ ,  $C \to c$  و  $I_6$  و و  $I_6$  نیز هسته  $I_6$  و و د دارد.
- یک هسته یک مجموعه از آیتمهای LR(0) برای یک گرامر است و یک گرامر LR(1) ممکن است بیش از دو مجموعه از آیتمها با یک هسته تولید کند.

- از آنجایی که هسته Goto(I, X) فقط به هسته I بستگی دارد، توابع Goto از مجموعههای ادغام شده نیز ادغام م شهند.
- فرض کنید یک گرامر (LR(1) داریم. اگر همهٔ حالتها با هستهٔ یکسان را ادغام کنیم، این احتمال وجود دارد که نتیجه دارای ناسازگاری باشد اما به احتمال زیاد ناسازگاری رخ نخواهد داد.
- میتوان اثبات کرد که حاصل ادغام هیچگاه ناسازگاری انتقال کاهش نخواهد داشت، اما این امکان وجود دارد که ناسازگاری کاهش کاهش رخ دهد.

- مثال: گرامر زیر را در نظر بگیرید.

$$S' \rightarrow S$$

$$S \rightarrow a A d \mid b B d \mid a B e \mid b A e$$

$$A \rightarrow c$$

$$B \rightarrow c$$

- این گرامر چهار رشته acd و ace و bcd و bcd را تولید می کند. این گرامر یک گرامر (LR(1) است.
- مجموعه آیتمهای  $[B \to c\cdot, e]$ ,  $[B \to c\cdot, e]$  برای پیشوند ماندنی ac معتبر است و  $[A \to c\cdot, d]$ ,  $[B \to c\cdot, e]$  برای bc معتبر است. هیچ کدام از این مجموعهها ناسازگاری ندارند. اما اجتماع آنها ناسازگاری کاهش کاهش ایجاد می کند.

$$A \to c \cdot, d/e$$
  
 $B \to c \cdot, d/e$ 

- برای ساخت جدول LALR ابتدا مجموعه آیتمهای (LR(1) را میسازیم و اگر ناسازگاری ایجاد نشود هستههای یکسان را ادغام میکنیم. سپس یک جدول تجزیه از آیتمهای ادغام شده میسازیم. اگر امکاه چنین جدولی وجود داشت گرامر (LALR(1) است.

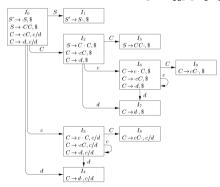
- یک الگوریتم ساده برای ساخت جدول تجزیه LALR به شرح زیر است.
- را به صورت  $(1_1, \dots, I_n)$  میسازیم.  $(1_1, \dots, I_n)$  میسازیم.
- ۲۰ برای هر هسته در بین مجموعه آیتمهای (LR(1) مجموعههایی هسته یکسان دارند را پیدا کرده مجموعههای آنها را ادغام میکنیم.
- ۳. فرض کنیم مجموعههای آیتمهای LR(1) به دست آمده LR(1) است. عملیات برای حالت i از آیتم  $J_i$  به همان صورتی که قبلا توضیح داده شده به دست می آید. اگر یک ناسازگاری وجود داشته باشد، تجزیه کننده LALR(1) نیست.
  - به صورت زیر محاسبه می شود. اگر J اجتماع یک یا مجموعه آیتمهای LR(1) باشد یعنی I Goto  $I_k$ , I  $I_k$   $I_k$  یکسان هستند زیر  $I_k$   $I_k$   $I_k$  هسته یکسان دارند. فرض کنید  $I_k$  اجتماع همه مجموعههای آیتمهایی  $I_k$  باشد که هسته آنها  $I_k$   $I_k$   $I_k$  است. آنگاه  $I_k$   $I_k$   $I_k$  باشد که هسته آنها  $I_k$   $I_k$  است. آنگاه  $I_k$

- جدولی که از الگوریتم قبل به دست می آید جدول تجزیه LALR نامیده می شود و اگر ناسازگاری وجود نداشته باشد گرامر به دست آمده (LALR نامیده می شود.

- مثال: گرامر زیر را در نظر بگیرید.

$$\begin{array}{cccc} S' & \to & S \\ S & \to & C C \\ C & \to & c C \mid d \end{array}$$

- گراف توابع Goto برای این گرامر در زیر نشان داده شده است.



- در مجموعه آیتمها میتوانیم سه جفت از آیتمها را ادغام کنیم.
- مجموعه آیتمهای I3 و I6 به صورت زیر میتوانند ادغام شوند.
- $I_{36}$ :  $C \rightarrow c \cdot C$ , c/d/\$
  - $C \to cC, c/d/\$$
  - $C \rightarrow d$ , c/d/\$
  - مجموعه آیتمهای I4 و I7 را میتوانیم به صورت زیر ادغام کنیم.
- $I_{47}$ :  $C \rightarrow d \cdot, c/d/\$$ 
  - و همچنین مجموعه آیتمهای I<sub>8</sub> و I<sub>9</sub> را میتوانیم ادغام کنیم.
- $I_{89}$ :  $C \to cC \cdot, c/d/\$$

- جدول LALR به صورت زیر به دست خواهد آمد.

STATE	ACTION			GOTO	
	c	d	\$	S	C
0	s36	s47		1	2
1			acc		
2	s36	s47			5
36	s36	s47			89
47	r3	r3	r3		
5			r1		
89	r2	r2	r2		

 $I_{8}$  و Goto( $I_{36}, C$ ) و  $I_{13}$  داریم  $I_{13}, C$  را در نظر بگیرید. در مجموعه آیتمهای  $I_{13}$  داریم  $I_{13}, C$  را در نظر بگیریم به اکنون عضوی از  $I_{13}$  است، بنابراین  $I_{13}$  Goto( $I_{136}, C$ ) و  $I_{136}$  نیز عضوی از  $I_{136}$  است.  $I_{136}$  ممین نتیجه میرسیم، زیرا  $I_{13}$  Goto( $I_{13}, C$ ) و  $I_{13}$  انیز عضوی از  $I_{13}$  است.

- زبان c\*dc\*d را بار دیگر در نظر بگیرید. تجزیه کننده LA و تجزیه کننده باری این زبان شبیه به یکدیگر عمل می کنند و دنباله عملیات انتقال و کاهش مشابه انجام می دهند.

STATE	ACTION			GOTO	
	c	d	\$	S	C
0	s36	s47		1	2
1			acc		
2	s36	s47			5
36	s36	s47			89
47	r3	r3	$r_3$		
5			r1		
89	r2	r2	r2		

STATE	A	ACTION			GOTO	
	c	d	\$	S	C	
0	s3	s4		1	2	
1			acc			
2	s6	s7			5	
3	s3	s4			8	
4	$r_3$	r3				
5			$_{\rm r1}$			
6	s6	s7			9	
7			r3			
8	r2	r2				
9			r2			

- برای مثال، اگر تجزیه کننده LR آیتمهای  $I_3$  و  $I_6$  را برروی پشته قرار دهد، تجزیه کننده LALR نیز حالت  $I_{36}$  را برروی پشته قرار می دهد.
- در حالت کلی هر تجزیه کننده LR و LALR معادل آن برای ورودیهای درست عملیات مشابه انجام میدهند.
- وقتی در ورودی خطا وجود داشته باشد، تجزیه کننده LALR ممکن است تعداد بیشتری کاهش انجام دهد تا به خطا برسد، اما تجزیه کننده LAL هیچگاه عملیات انتقال پس از رسیدن به نقطه خطای تجزیه کننده LR انجام نمی دهد.

برای مثال، برای ورودی \$ccd\$ ، تجزیه کننده LR حالات 4 3 3 0 0 را برروی پشته قرار میدهد و در حالت + یک خطا تشخیص میدهد. تجزیه کننده LALR حالات + 2 0 0 0 0 را برروی پشته قرار میدهد، اما در حالت + 4 با ورودی + عملیات کاهش + 5 میدهد و برروی پشته + 8 0 3 3 3 0 0 قرار می گیرد. سپس یک عملیات کاهش دیگر با استفاده از + 6 کانجام داده و 89 0 0 برروی پشته قرار می گیرد و در نهایت با یک کاهش دیگر + 9 برروی پشته قرار گرفته می شود. در نهایت در حالت + با ورودی + تجزیه کننده خطا صادر می کند.

- الگوریتم سریعتری برای ساخت جدول تجزیه LALR وجود دارد که در اینجا به آن نمیپردازیم.
- یک زبان برنامهنویسی معمول با ۵۰ تا ۱۰۰ ترمینال و حدود ۱۰۰ قانون تولید میتواند یک جدول تجزیه با چند صد حالت تولید کند. بسیاری از خانهها در جدول تجزیه تکراری هستند و بنابراین روشهایی برای فشردهسازی جدول تجزیه وجود دارد.

- معمولا برای گرامرهای مبهم نمی توان تجزیه کننده LR تولید کرد، اما برای برخی از گرامرهای مبهم می توان جدول تجزیه را به نحوی طراحی کرد که همیشه تصمیم درست در فرایند تجزیه اتخاذ کرد و تنها یک درخت تجزیه تولید کند. در برخی مواقع گرامر مبهم برای توصیف زبان ساده تر از معادل غیرمبهم آن است و بنابراین گاه می توان در شرایط خاص از گرامرهای مبهم در تجزیه کننده های LR استفاده کرد.

# بازیابی خطا در تجزیه کننده LR

- تجزیه کننده LR خطاها را با مراجعه به جدول تجزیه شناسایی می کند.
- تجزیه کننده LR استاندارد به محض وقوع خطا، آن را شناسایی می کند، اما تجزیه کنندههای SLR و SLR و ALR ممکن است قبل از صدور خطا تعدادی عملیات کاهش انجام دهند.
  - در تجزیه کننده LR بازیابی خطا با توکن همگام کننده  $^{1}$  به صورت زیر انجام می شود.
- پشته بررسی میشود تا به حالت s برسیم که با تابع goto به یک متغیر A گذار می کند. سپس از تعداد صفر
  یا بیشتر نمادهای ورودی چشمپوشی میشود تا اینکه به نماد a برسیم که میتواند متغیر A را دنبال کند.
  سپس حالت Goto(s, A) برروی پشته قرار می گیرد و تجزیه ادامه پیدا می کند.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> panic-mode error recovery

### بازیابی خطا در تجزیه کننده LR

- ممکن است چند انتخاب برای متغیر A وجود داشته باشد. معمولا متغیری انتخاب می شود که نماینده یک قطعه از برنامه باشد برای مثال یک بلوک یا یک عبارت. برای مثال اگر A متغیر stmt باشد آنگاه نماد a می تواند نقطه ویرگول یا آکولاد بسته باشد که پایان دستور را مشخص می کند.
- این روش بازیابی خطا سعی می کند عبارتی را که شامل خطای نحوی است حذف کند. تجزیه کننده تشخیص می دهد که رشته ای که از متغیر A به دست می آید دارای خطا است. قسمتی از آن رشته پردازش شده است و نتیجه این پردازش تعدادی حالت برروی پشته است. مابقی زیررشته دارای خطا در ورودی است و تجزیه کننده سعی می کند از قسمتی از ورودی چشم پوشی کند تا به کاراکتری برسد که متغیر A را دنبال می کند. با حذف تعدادی حالت از روی پشته و چشم پوشی از قسمتی از ورودی و قرار دادن (S,A) و می کند. بروی پشته ، تجزیه کننده به احتمال زیاد می تواند قسمتی از ورودی که دارای خطاست را پشت سر بگذار و با تجزیه برنامه به صورت عادی ادامه می دهد.

# بازیابی خطا در تجزیه کننده LR

- بازیابی خطا با جایگزینی توکنها  $^1$  بدین صورت پیادهسازی می شود که هریک از خانههای خطا در جدول تجزیه بررسی شده و تشخیص داده می شود چه نوع خطاهای رایج برنامه نویسی ممکن است در آن مواقع رخ دهد. برای هریک از خطاها در پیام خطای مناسب تهیه می شود و حالتهایی که باید از پشته حذف شوند و قسمتی از ورودی که باید از آن چشم پوشی شود مشخص می شوند.

- هریک از خانههای خطا در جدول تجزیه با اشاره گری به یک تابع مناسب جایگزین میشود. این توابع میتوانند نمادهایی را در ورودی اضافه کنند و یا قسمتی از ورودی را حذف کنند یا تغییر دهند. باید اطمینان حاصل شود که پردازش خطا باعث نمیشود تجزیه کننده وارد یک حلقه بیپایان شود.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> phrase-level error recovery