به نام خدا

طراحي كامپايلر

آرش شفيعي



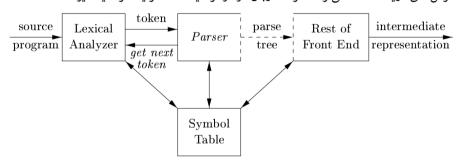
- در این فصل در مورد الگوریتمهای مختلف تجزیهٔ گرامرها صحبت خواهیم کرد که معمولاً در کامپایلر استفاده میشه ند.
- ساختار هر زبان برنامه نویسی توسط قوانینی تعیین میشود. برای مثال در زبان سی، یک برنامه از تعدادی توابع تشکیل شده که این دستورات میتوانند تعریف و اعلام متغیرها، انتساب مقدار، دستورات شرطی و حلقههای تکرار باشند.
 - ساختار نحوی 1 یک زبان، نحوهٔ قرارگیری توکنها در جملات زبان را تعیین میکند.
 - ساختار نحوی یک زبان را میتوان توسط گرامرهای مستقل از متن توصیف کرد.

طراحي کامپايلر تحليل نحوي ۲۵۱/۲

¹ syntax

- توصیف ساختار نحوی توسط گرامر مستقل از متن دارای مزیتهای زیر است:
- گرامرها میتوانند توصیف بسیار دقیق و قابل فهمی از یک زبان برنامهنویسی ارائه میکنند.
- همچنین ابزارهایی وجود دارند که قادرند با دریافت گرامر یک زبان، به طور خودکار یک تجزیه کننده تولید کنند. استفاده از چنین ابزارهایی کمک میکنند که در صورتی که گرامر مشکلاتی داشته باشد، مشکلات آن به طور خودکار تشخیص داده شوند. برای مثال طراح یک گرامر ممکن است قادر به تشخیص ابهام در گرامر نباشد، درحالی که ابزار ممکن است ابهامها را تشخیص دهد.
 - یک طراح کامپایلر نیاز دارد برای طراحی درست تجزیه کننده توصیف دقیقی از زبان مورد نظر داشته باشد.
- وقتی یک کامپایلر براساس قوانین یک گرامر ساخته شده باشد، با تغییر گرامر به سادگی میتوان برنامه تجزیه کننده کامپایلر را نیز تغییر داد.

تحلیل گر نحوی 1 یا تجزیه کننده 2 (پارسر) توکنها را از تحلیل گر لغوی دریافت میکند و بررسی میکند آیا دنبالهٔ توکنهای دریافت شده می توانند توسط زبان گرامر توصیف شده تولید شوند یا خبر .



¹ syntax analyzer

² parser

- یک تجزیه کننده همچنین معمولاً قادر است هرنوع خطای نحوی را گزارش کرده و ادامهٔ رشتهٔ ورودی را پس از خطا تجزیه کنند.

- یک تجزیه کننده با دریافت توکنها، یک درخت تجزیه تولید میکند و درخت تجزیه تولید شده را به قسمت بعدی کامیایلر ارسال میکند.

سه دسته از تجزیه کنندهها برای گرامرها وجود دارند : تجزیه کنندههای عمومی 1 ، بالا به پایین 2 ، و پایین به 3 بالا 3 .

الگوریتمهای تجزیه عمومی مانند الگوریتم سیوای 4 و الگوریتم ایرلی 5 میتوانند هرنوع الگوریتم مستقل از متن را تجزیه کنند، مشکل اصلی این تجزیه کنندهها این است که پیچیدگی زمانی بالایی دارند. گرچه پیچیدگی سیوای $O(n^3)$ و پیچیدگی الگوریتم ایرلی در بدترین حالت $O(n^3)$ است و از لحاظ تئوری پیچیدگی پایینی به حساب میآید ولی در عمل برای پیادهسازی کامپایلرها به تجزیه کنندههایی نیاز داریم که پیچیدگی زمانی پایین تری داشته باشند.

¹ universel

² top-down

³ bottom-up

⁴ Cocke-Younger-kasami (CYK)

⁵ Earley

- معمولاً در کامپایلرها از تجزیه کنندههای بالا به پایین و پایین به بالا استفاده میشود.
- همانطور که از اسم این تجزیه کنندهها مشخص است، تجزیه کنندههای بالا به پایین درخت تجزیه را از ریشه به برگ میسازند، درحالی که تجزیه کنندههای پایین به بالا از برگهای درخت تجزیه آغاز میکنند تا به ریشه درخت برسند و درخت تجزیه را تشکیل دهند.
 - در هر صورت ورودی تجزیه کننده دنبالهای از توکنهاست که از چپ به راست خوانده می شود.

- تجزیه کنندههای بالا به پایین و پایین به بالا برای زیر مجموعهای از گرامرهای مستقل از متن کارایی دارند، اما برخی از این گرامرهای خاص به خصوص گرامرهای LL و LR برای توصیف همهٔ ساختارهای زبانهای برنامهنویسی موجود کافی هستند.

- معمولاً بسیاری از ساختارهای زبانهای برنامهنویسی پیچیدگی خاصی برای تجزیه ندارند. برای مثال یک حلقه while در زبان جاوا از کلمه while ، یک عبارت درون یک جفت پرانتز و یک جفت آکولاد تشکیل شده است.
- عبارات ریاضی معمولاً به علت اولویت و وابستگی عملگرها پیچیدگی بیشتری دارند. بنابراین در اینجا برروی عبارات ریاضی تمرکز میکنیم.
- با در نظر گرفتن تنها عملگرهای جمع، ضرب، و پرانتز، یک عبارت 1 به نام 1 تشکیل شده است از مجموع تعدادی جمله 2 به نام 1 که با عملگر 2 با یکدیگر جمع شده اند و هریک از جملات تشکیل شده است از ضرب تعدادی فاکتور (ضریب) 3 به نام 2 که با استفاده از عملگر 2 در یکدیگر ضرب شده اند. هریک از فاکتورها می تواند یک شناسه باشد، ویا خود یک عبارت باشد که در بین دو پرانتز قرار گرفته است.

طراحي کامپايلر تحليل نحوي ۲۵۱/۹

¹ expression

² term

³ factor

- بنابراین میتوانیم گرامری به صورت زیر برای توصیف یک عبارت بنویسیم.

- این گرامر به دسته گرامرهای LR تعلق دارد. این نوع گرامرها را معمولاً توسط تجزیه کننده پایین به بالا تجزیه میکنیم.
- این گرامر را نمی توانیم توسط تجزیه کننده بالا به پایین تجزیه کنیم زیرا بازگشتی چپ 1 است. در یک گرامر بازگشتی چپ قانونی وجود دارد که در آن متغیر سمت چپ بدنه قانون با متغیر سمت چپ قانون برابر است. خواهیم دید که تجزیه کنندهٔ بالا به پایین نمی تواند گرامرهایی که بازگشت چپ دارند را تجزیه کند.

طراحي کامپايلر تحليل نعوي ۲۵۱/۱۰

¹ left recursive

- گرامر زیر معادل گرامر قبل و غیربازگشتی چپ 1 است و میتوانیم از یک تجزیه کننده بالا به پایین برای تجزیه برنامهها توسط آن استفاده کنیم. در مورد روش حذف بازگشت چپ توضیح خواهیم داد.

- همچنین گرامر زیر یک گرامر مبهم است که برای رشته a + b * c بیشتر از یک درخت تجزیه میسازد. گرامرهای مبهم را نیز قبل از تجزیه باید رفع ابهام کنیم.

$$E \rightarrow E + E \mid E * E \mid (E) \mid id$$

¹ non-left-recursive

- اگر قرار بود کامپایلرها فقط برنامههای درست را تجزیه کنند، طراحی و پیاده سازی آنها بسیار سادهتر میشد. اما، یک کامپایلر باید علاوه بر کامپایل برنامه به برنامهنویس کمک کند مکان و نوع خطاهای برنامه خود را شناسایی کند.

- خطاهای برنامهنویسی میتوانند انواع مختلفی داشته باشند.
- ۱. خطاهای لغوی مانند خطا در نوشتن نام شناسهها، کلمات کلیدی و غیره.
 - ۲. خطاهای نحوی مانند خطا در نوشتن اشتباه ساختار دستورات.
 - ۳. خطاهای معنایی مانند خطا در انتساب مقدار متغیرها با نوع متفاوت.
- * خطاهای منطقی که شامل خطاهایی میشوند که در یک برنامه اتفاق میافتند هنگامی که برنامه از نظر لغوی و نحوی و معنایی درست است و برنامه به درستی کامپایل میشود اما نتیجه برنامه با مقدار مورد انتظار برنامهنویس متفاوت است. برای مثال در زبان سی ممکن است به اشتباه برنامهنویس به اشتباه به جای عملگر تساوی از عملگر انتساب استفاده کند.

- وقتی یک پارسر با خطا مواجه شد میتواند کامپایل را متوقف کند و اولین خطایی که با آن مواجه شده است را گزارش کند. اما بهتر است کامپایلر همهٔ خطاهای یک برنامه را با یک بار تجزیه کد تشخیص دهد. برای این کار لازم است پس از مواجه شدن با یک خطا، تجزیه کننده خود را بازیابی کند و تجزیه برنامه را ادامه دهد.
 - بنابراین کامپایلر باید علاوه بر تشخیص خطا و گزارش خطا به طور دقیق، بتواند سریعاً پس از رخداد یک خطا بازیابی شده و بررسی برنامه را ادامه دهد تا خطاهای بعدی را تشخیص دهد. همچنین مدیریت خطا نباید سربار زیادی بر روند کامپایل داشته باشد و باعث کندی بیش از اندازه کامپایل برنامهها شود.

- چند استراتژی برای بازیابی از خطا وجود دارد که به آنها اشاره میکنیم.
- بازیابی با توکن همگام کننده یا بازیابی اضطراری 1 : در این روش تجزیه کننده از توکنها یکبهیک چشم پوشی میکند تا به یکی از توکنهای همگام کننده 2 برسد. برای مثال علامت آکولاد بسته ($\{\}$) یا نقطه ویرگول ($\{\}$) میتوانند توکنهای همگام کننده باشند. مشکل این روش این است که ممکن است تعداد زیادی از خطاها نادیده گرفته شوند اما مزیت آن سادگی پیادهسازی آن است.
 - بازیابی با جایگزینی توکنها 3 : با رخداد خطا، تجزیهکننده میتواند توکنهای بعدی در ورودی را جایگزین کند تا جایی که ادامه رشته معنی دار و قابل تجزیه باشد. برای مثال با تبدیل یک علامت ویرگول به نقطه ویرگول ممکن است ورودی معنی دار و قابل تجزیه شود.

¹ panic-mode recovery

² synchronizing tokens

hrase-level recovery

- قوانین گرامری تشخیص خطا 1 : با پیش بینی کردن خطاهای معمول برنامهنویسی میتوان تعدادی قوانین گرامری به گرامر اضافه کرد که خطاها را تشخیص میدهند.

تصحیح عمومی و بهینه 2 : معمولاً انتظار داریم تجزیه کننده کمترین تعداد تصحیح را در ورودی انجام دهد. الگوریتمهایی وجود دارند که میتوانند از بین چندین روش برای تصحیح گرامر، گزینه ای را انتخاب کنند که با استفاده از آن کمترین تصحیح بر روی ورودی صورت گیرد. این الگوریتمها معمولاً بسیار پرهزینه هستند و معمولاً در عمل استفاده نمی شوند.

¹ error production rules

² global correction

- گرامرهای مستقل از متن میتوانند ساختار نحوی زبانهای برنامهنویسی را توصیف کنند. این گرامرها به ازای هریک از مفاهیم در زبان برنامهنویسی یک متغیر تعریف میکنند.

ارا در نظر بگیریم، میتوانیم قانون گرامر زیر را $(expr)^2$ و عبارت $(stmt)^1$ و عبارت گرامر زیر را تعریف کنیم.

 $\mathsf{stmt} \, o \, \mathsf{if} \, \mathsf{(expr)} \, \mathsf{stmt} \, \mathsf{else} \, \mathsf{stmt}$

- با استفاده از قوانین دیگر میتوانیم تعریف کنیم یک دستور چه شکلهای دیگری میتواند داشته باشد.

طراحي کامپايلر تحليل نحوي ۲۵۱ / ۲۵۱

¹ statement

² expression

- یک گرامر مستقل از متن تشکیل شده است از نمادهای پایانی یا ترمینالها، نمادهای غیرپایانی یا متغیرها، یک نماد آغازین و تعدادی قوانین تولید.

ا. ترمینالها 1 یا نمادهای پایانی یا پایانهها واحدهایی هستند که رشته ورودی را تشکیل میدهند. ترمینالها در یک گرامر یک زبان برنامهنویسی همان توکنها هستند. برای مثال کلمات کلیدی if و else و else و else) و (if else) و else) و else) و else

۲۰ نمادهای غیرپایانی 2 یا غیرپایانهها یا متغیرها دنبالهای از توکنها را با یک نام انتزاعی نامگذاری میکنند. برای مثال متغیر stmt نمایندهٔ مفهوم دستور است که مقدار آن میتواند هریک از دستورات زبان باشد.

طراحي کامپايلر تعليل نحوي ۲۵۱/۱۸

¹ terminal

² nonterminal

 1 یکی از متغیرها به عنوان نماد آغازین 1 استفاده می شود.

۴. قوانین تولید 2 یک گرامر تعیین می کنند چگونه متغیرها و ترمینالها در کنار یکدیگر قرار می گیرند تا یک رشته از یک زبان را تشکیل دهند. هر قانون تولید تشکیل شده است از یک متغیر سمت چپ یا متغیر قانون تولید یا متغیر ابتدای قانون تولید 3 ، یک نماد \leftarrow که گاهی با =:: نشان داده می شود و یک بدنه یا سمت راست 4 قانون که از صفر یا چند ترمینال و متغیر تشکیل شده است. در فرایند تجزیهٔ یک رشته با متغیر آغازین شروع می کنیم و متغیر را با بدنه یکی از قوانین تولید مربوط به آن جایگزین می کنیم. این فرایند را ادامه می دهیم تا رشته به دست بیاید. در صورتی که رشته مورد نظر به دست نیامد، رشته عضو گرامر آن زبان نیست. مجموعهٔ همهٔ رشته هایی که با شروع از نماد آغازین و اعمال قوانین یک گرامر به دست می آیند، زبان آن گرامر را تعیین می کنند.

¹ start symbol

² production rule

³ head or left side

⁴ body or right side

```
- برای مثال گرامر زیر عبارات ریاضی را تجزیه می کند که شامل عملگرهای + و - و * و / و ( و ) هستند.
                     کلمه id درواقع نوع توکن شناسه است که در تحلیل لغوی استخراج شده است.
                   expression \rightarrow expression + term
                   expression \rightarrow expression - term
                   expression \rightarrow term
                          term \rightarrow term * factor
                          term \rightarrow term / factor
                          term \rightarrow factor
                        factor \rightarrow (expression)
                        factor \rightarrow id
```

- در این فصل از علائم و نشانه گذاری های زیر استفاده میکنیم.
- ترمینالها شامل موارد زیر هستند : حروف کوچک ابتدایی الفبای انگلیسی مانند a و b و c ، عملگرها مانند b و c و c ، علائم نشانهگذاری مانند پرانتز و کاما ، ارقام مانند b و c و c و رشتههای پررنگ مانند c و c . c و c . c و c . c و c .
 - متغیرها شامل موارد زیر هستند : حروف بزرگ ابتدایی الفبای انگلیسی مانند A و B و C ، حرف C که بیشتر به عنوان متغیر آغازین استفاده می شود، رشته هایی که به صورت مورب نوشته می شود مانند expr و expr

- معمولاً وقتی میخواهیم از یک نماد گرامر، که ممکن است ترمینال یا متغیر باشد، صحبت کنیم آن را با حروف X و X نمایش میدهیم.
 - یک رشته شامل ترمینالها را معمولاً با حروف u و v و w و z نمایش میدهیم.
- $A \to \alpha$ برای نمایش دنبالهای از ترمینالها و متغیرها از حروف یونانی مانند α و β استفاده میکنیم. مثلاً α برک قانون گرامر است.
 - وقتی یک متغیر چندین بدنه داشته باشد آنها را با علامت خط عمودی از یکدیگر جدا میکنیم مثلاً $A \to lpha_1 |lpha_2| \cdots |lpha_1|$
 - معمولاً متغير سمت چپ اولين قانون همان متغير آغازين است.

- گرامر زیر عبارات ریاضی را توصیف میکند که در آن از متغیرهای E و T و F و ترمینالهای +، -، *، *)، *(، و id استفاده شده است.

$$E \rightarrow E + T \mid E - T \mid T$$

$$T \rightarrow T * F \mid T / F \mid F$$

$$F \rightarrow (E) \mid \mathbf{id}$$

- به فرایندی که در آن یک رشته توسط قوانین یک گرامر تولید میشود، فرایند اشتقاق 1 گفته میشود.

با شروع از نماد آغازین، در هرگام یکی از متغیرها با بدنه یکی از قوانین متعلق به آن متغیر جایگزین میشود.
 دنباله ترمینالها و متغیرهایی که در هرگام به دست میآید را یک صورت جملهای ² مینامیم. اگر با جایگزین کردن متغیرها در صورتهای جملهای توسط بدنه قوانین متعلق به آنها، رشته مورد نظر به دست آمد، آن رشته متعلق به زبان گرامر است. در این صورت میگوییم رشته توسط گرامر مشتق میشود یا تولید میشود یا به دست میآدد.

¹ derivation

² sentential form

- برای مثال، گرامر زیر با یک متغیر E را در نظر بگیرید.

$$E \rightarrow E + E \mid E * E \mid - E \mid (E) \mid id$$

- فرض کنید میخواهیم جمله (id)— توسط این گرامر به دست آوریم، میتوانیم با اعمال سه قانون این رشته را به دست آوریم، میگوییم E با استفاده از قانون سوم مشتق میکند یا به دست می دهد E و سپس با استفاده از قانون چهارم به دست می دهد E و در نهایت با استفاده از قانون پنجم به دست می دهد E در نهایت با استفاده از قانون پنجم به دست می دهد E

$$E \Rightarrow -E \Rightarrow -(E) \Rightarrow -(id)$$

- به این دنباله از جایگزینی متغیرها یا بدنهٔ قوانین متعلق به آنها یک فرایند اشتقاق میگوییم.

- دنبالهای از نمادها به صورت $\alpha A \beta$ را در نظر بگیرید به طوری که α و β دنبالهای از نمادهای پایانی و غیرپایانی (ترمینالها و متغیرهای) گرامر هستند و A یک نماد غیرپایانی (متغیر) است.

مشتق مشتق مینویسیم $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ نماد $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ نماد باشد. آنگاه مینویسیم کنید $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ نماد خبه معنی مشتق کردن در یک گام $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ نماد خبه معنی مشتق کردن در یک گام $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ نماد خبه معنی مشتق کردن در یک گام $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ نماد خبه معنی مشتق خبر مینویسیم $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ نماد خبه معنی مشتق خبر مینویسیم $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ نماد خبه معنی مشتق خبر مینویسیم $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ نماد خبر مینویسیم $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ نماد خبر مینویسیم $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ نماد خبر مینویسیم $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ نماد خبر مینویسیم $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ نماد خبر مینویسیم $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ نماد خبر مینویسیم $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ نماد خبر مینویسیم $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ نماد خبر مینویسیم $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ نماد خبر مینویسیم $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ نماد خبر مینویسیم $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ نماد خبر مینویسیم $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ نماد خبر مینویسیم $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ نماد خبر مینویسیم $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ نماد خبر مینویسیم $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ نماد خبر مینویسیم $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ نماد خبر مینویسیم $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ نماد خبر مینویسیم $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ نماد خبر مینویسیم $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ نماد خبر مینویسیم $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ نماد خبر مینویسیم $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ نماد خبر مینویسیم $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ نماد خبر نماد خبر مینویسیم $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ نماد خبر نماد خبر

طراحی کامپایلر تحلیل نحوی تحلیل نحوی ۲۵۱/۲۶

¹ derives in one step

اشتقاق

 $lpha_1$ وقتی دنبالهای به صورت $lpha_n \Rightarrow lpha_2 \Rightarrow \cdots = lpha_n$ داشته باشیم به طوری که $lpha_1 \geq lpha_2 \Rightarrow \cdots = lpha_n$ از $lpha_1 \Rightarrow lpha_1$ مشتق می شود و یا $lpha_1$ به دست می دهد $lpha_n$ و یا $lpha_1$ در صفر یا چندگام مشتق می کند $lpha_n$ به عبارت دیگر :

به ازای هر صورت جملهای lpha داریم $lpha \stackrel{*}{\Rightarrow} lpha$ یعنی هر صورت جملهای میتواند خود را در صفر یا چندگام lpha

 $lpha \stackrel{*}{\Rightarrow} \gamma$ و $eta \Rightarrow eta$ آنگاه $lpha \stackrel{*}{\Rightarrow} eta$ آنگاه ۲

- همچنین گاهی مینویسیم $\stackrel{+}{\Rightarrow}$ به معنی مشتق کردن در یک یا چند گام.

است. $lpha \stackrel{*}{\Rightarrow} \alpha$ جایی که lpha نماد آغازین گرامر lpha است، میگوییم lpha یک صورت جملهای lpha از گرامر lpha است.

- یک صورت جملهای شامل متغیرها و ترمینالهاست. یک جمله ³ از یک گرامر یک صورت جملهای است که در آن هیچ متغیری نباشد.

¹ derives in zero or more steps

² sentential form

³ sentence

- زبان تولید شده توسط یک گرامر مجموعهای است از همهٔ جملههای تولید شده توسط آن گرامر.
- رشته w در زبان تولید شده توسط گرامر G یا L(G) است اگر و تنها اگر w یک جمله از گرامر G باشد یا به عبارت دیگر $S \stackrel{*}{\Rightarrow} w$.
 - زبانی که توسط یک گرامر مستقل از متن تولید می شود، یک زبان مستقل از متن نام دارد.
 - اگر دو گرامر، یک زبان یکسان تولید کنند، آن دو گرامر معادل یکدیگرند.

$$E \rightarrow E + E \mid E * E \mid - E \mid (E) \mid id$$

- جمله -(id+id) یک جمله از این گرامر است زیرا فرایند اشتقاق زیر برای آن وجود دارد -(id+id)
- $E \Rightarrow -E \Rightarrow -(E) \Rightarrow -(E+E) \Rightarrow -(id+E) \Rightarrow -(id+id)$
- مینویسیم ($\mathrm{E} \stackrel{*}{\Rightarrow} -(\mathrm{id}+\mathrm{id})$ و میخوانیم جمله ($\mathrm{id}+\mathrm{id}$) از متغیر $\mathrm{E} \stackrel{*}{\Rightarrow} -(\mathrm{id}+\mathrm{id})$
- در هرگام در فرایند اشتقاق دو انتخاب وجود دارد. باید انتخاب کنیم کدام متغیر را جایگزین کنیم و همچنین کدام قانون متعلق به متغیر انتخاب شده را انتخاب کنیم.

- دو نوع فرایند اشتقاق را به صورت زیر تعریف می کنیم:

در اشتقاق چپ 1 ، متغیری که در صورت جملهای در سمت چپ بقیه متغیرها قرار دارد و به عبارت دیگر چپترین 2 است، انتخاب میشود. اگر $\alpha \Rightarrow \beta$ گامی باشد که در آن چپترین متغیر α انتخاب شود، مینویسیم $\alpha \Rightarrow \beta$.

 $lpha \Rightarrow eta$ در اشتقاق راست 3 ، متغیری که راستترین 4 است انتخاب میشود و مینویسیم 3

¹ leftmost derivation

² leftmost

³ rightmost derivation

⁴ rightmost

برای مثال :

$$E \Rightarrow -E \Rightarrow -(E) \Rightarrow -(E+E) \Rightarrow -(E+id) \Rightarrow -(id+id)$$

ارگرامر است. $S \not\stackrel{*}{\Rightarrow} \alpha$ آنگاه میگوییم α یک صورت جملهای چپ از گرامر است.

طراحي کامپايلر تحليل نحوي تحليل نحوي

¹ left sentential form

درخت تجزیه

- درخت تجزیه 1 یک نمایش گرافیکی از فرایند تجزیه است که در آن ترتیب جایگزینی متغیرها نشان داده نمیشد.

هر رأس میانی در درخت تجزیه، اِعمال یک قانون در فرایند اشتقاق را نشان میدهد. اگر یک رأس با برچسب A در درخت تجزیه داشته باشیم، فرزندان آن از سمت چپ به راست به ترتیب ترمینالها و متغیرهایی هستند که در بدنه یکی از قوانین متعلق به A قرار دارند.

طراحی کامپایلر تحلیل نحوی تحلیل نحوی ۲۵۱/۳۲

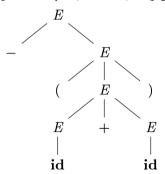
¹ parse tree

درخت تجزیه

- گرامر زیر را در نظر بگیرید.

$$E \rightarrow E + E \mid E * E \mid -E \mid (E) \mid id$$

- درخت تجزیه زیر برای به دست آوردن رشته -(id+id) با استفاده از این گرامر تشکیل شده است.



درخت تجزيه

- برگهای درخت تجزیه همه با ترمینالها برچسب زده شدهاند و به ترتیب از چپ به راست رشتهای را تشکیل میدهند که توسط گرامر مشتق شده است.
- به رشته ای که از الحاق برگهای درخت تجزیه از چپ به راست به دست می آید محصول 1 درخت تجزیه گفته می شود.
 - یک درخت تجزیه میتواند تجزیه یک صورت جملهای را نشان دهد. به درخت تجزیهای که محصول آن یک صورت جملهای باشد، درخت تجزیه جزئی 2 نیز گفته میشود. به درخت تجزیهای که محصول آن یک جمله باشد، درخت تجزیه کامل 3 گفته میشود.

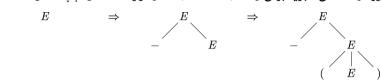
¹ yield

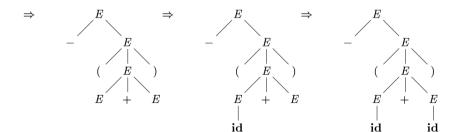
² partial parse tree

³ complete parse tree

درخت تجزیه

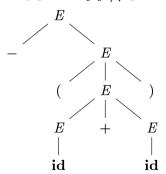
- در شکل زیر درختهای تجزیه برای رشتهٔ (id + id) در فرایند اشتقاق چپ نشان داده شدهاند.





- یک درخت تجزیه می تواند متناظر با چند فرایند اشتقاق باشد. مثلاً دو فرایند اشتقاق چپ و اشتقاق راست می توانند یک درخت تجزیه واحد تولید کنند.

- درخت تجزیهٔ زیر می تواند توسط یک اشتقاق چپ یا یک اشتقاق راست تولید شده باشد.



ابهام

- گرامری که بیش از یک درخت تجزیه برای یک جمله تولید کند، مبهم 1 نامیده می شود.
- به عبارت دیگر یک گرامر مبهم برای تولید یک رشته بیش از یک فرایند اشتقاق چپ (یا بیش از یک فرایند اشتقاق راست) دارد.

طراحي کامپايلر تحليل نحوي تحليل نحوي

¹ ambiguous

گرامر زیر را در نظر بگیرید.

$$E \rightarrow E + E \mid E * E \mid - E \mid (E) \mid id$$

- برای به دست آوردن رشته id + id * id توسط این گرامر دو فرایند اشتقاق چپ وجود دارد.

$$E \Rightarrow E + E \qquad E \Rightarrow E * E$$

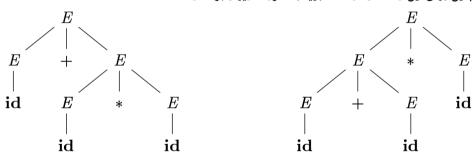
$$\Rightarrow \mathbf{id} + E \qquad \Rightarrow E + E * E$$

$$\Rightarrow \mathbf{id} + E * E \qquad \Rightarrow \mathbf{id} + E * E$$

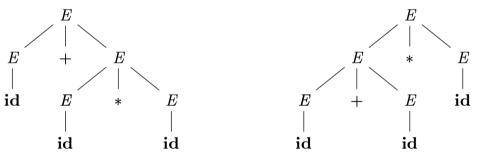
$$\Rightarrow \mathbf{id} + \mathbf{id} * E \qquad \Rightarrow \mathbf{id} + \mathbf{id} * E$$

$$\Rightarrow \mathbf{id} + \mathbf{id} * \mathbf{id} \qquad \Rightarrow \mathbf{id} + \mathbf{id} * \mathbf{id}$$

- همچنین برای این رشته دو درخت تجزیه به صورت زیر وجود دارد.



- دقت کنید که این دو درخت تجزیه دو معنی متفاوت از رشته تولید شده به دست می دهند. اگر بخواهیم رشته a+(b*c) و درخت سمت راست a+b*c معادل a+b*c و درخت سمت راست معادل a+b*c و خواهد بود.



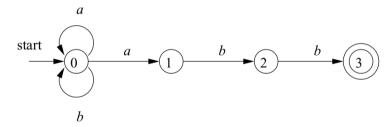
- گرامرها ابزار قوی تری نسبت به عبارات منظم هستند. هر عبارت منظم را می توان توسط یک گرامر نشان داد ولی هر گرامر را نمی توان توسیف زبانهای منظم به کار می روند، گرامرهای منظم نامیده می شوند. گرامرهای منظم زیر مجموعه ای از گرامرهای مستقل از مین هستند.

- عبارت منظم (a|b)*abb را میتوان توسط گرامر منظم زیر توصیف کرد.

گرامرهای منظم

- الگوریتمی وجود دارد که توسط آن میتوان یک ماشین متناهی غیرقطعی را به یک گرامر تبدیل کرد.

- گرامر قبل درواقع از ماشین متناهی غیرقطعی زیر به دست میآید.



- این الگوریتم به صورت زیر عمل میکند:

از ماشین متناهی غیرقطعی متغیر A_i را میسازیم. A_i

i اگر حالت i با ورودی a به حالت j میرود آنگاه قانون $A_i \to aA_j$ را به گرامر اضافه میکنیم. اگر حالت i با ورودی e به حالت i میرود آنگاه قانون $A_i \to A_j$ را به گرامر اضافه میکنیم.

. اگر حالت i یک حالت نهایی است آنگاه قانون $A_i
ightarrow \epsilon$ را اضافه میکنیم.

۴. اگر حالت i یک حالت شروع است، آنگاه A_i را متغیر آغازین قرار میدهیم.

- برخی از زبانها را نمی توانیم توسط یک گرامر منظم توصیف کنیم. این زبانها متعلق به دستهٔ زبانهای منظم نیستند و ماشین متناهی برای آنها وجود ندارد.

برای مثال $L = \{a^nb^n | n \geqslant 1\}$ زبانی است که نمیتوان برای توصیف آن از یک ماشین متناهی استفاده کرد. توسط لم تزریق اثبات می شود که این زبان متعلق به دسته زبانهای منظم نیست، اما می توان آن را توسط یک گرامر مستقل از متن توصیف کرد.

- گرامرهای مستقل از متن میتوانند زبانهای برنامهنویسی را توصیف کنند. البته گرامرها قادر به توصیف معنایی زبانها نیستند. برای مثال توسط گرامر مستقل از متن نمیتوانیم نیاز یک متغیر به تعریف قبل از استفاده از آن را توصیف کنیم.
- برای این که یک گرامر برای تجزیه کننده قابل استفاده باشد، باید پردازشهایی برروی آن انجام شود که در اینجا به آنها اشاره میکنیم. برای مثال یک گرامر ابتدا باید رفع ابهام شود. سپس برای استفاده در تجزیه کننده بالا به پایین باید بازگشت چپ در آن حذف شود.

- همانطور که گفته شد، زبانهای منظم را نیز میتوان توسط گرامرها توصیف کرد. سؤالی که در اینجا ممکن است به وجود آید این است که چرا نیاز است که یک تحلیل گر لغوی قبل از تحلیل گر نحوی داشته باشیم؟
- با جدا کردن تحلیلگر لغوی از تحلیلگر نحوی تجزیه کننده بسیار ساده تر می شود و برنامه کامپایلر ساده تر می شود که باعث می شود تعداد خطاهای برنامه نویسی در نوشتن کامپایلر کاهش پیدا کند و همچنین برنامه کامپایلر ساده تر شود و راحت تر بتوان آن را تغییر داد. همچنین قوانین در تحلیل گر لغوی نسبتا ساده اند و با عبارتهای منظم ساده تولید می شوند و نیازی به افزودن گرامرهای پیچیده برای آنها وجود ندارد. به علاوه روشی وجود دارد که تحلیل گر لغوی مستقیما از عبارت منظم تولید می شود. به این دلایل تحلیل گر لغوی از تحلیل گر نحوی جدا می شود.

- گاهی میتوانیم یک گرامر غیرمبهم معادل یک گرامر مبهم بنویسیم. اما این کار همیشه ممکن نیست زیرا برخی از زبانها ذاتا مبهم هستند.

گرامر مبهم زیر را در نظر بگیرید.

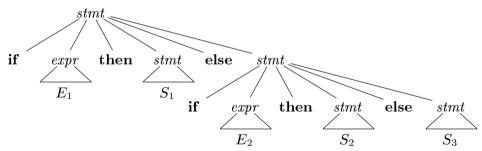
 $stmt \rightarrow$ if expr then stmt| if expr then stmt else stmt| other

- در اینجا other به معنی هر دستور دیگری به غیر از دستورات شرطی if-else است.

- با استفاده از این گرامر میتوانیم جمله زیر را تولید کنیم.

if E_1 then S_1 else if E_2 then S_2 else S_3

- برای این جمله درخت تجزیه زیر وجود دارد.



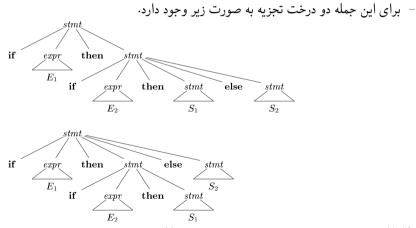
- حال جمله زیر را در نظر بگیرید.

if E_1 then if E_2 then S_1 else S_2

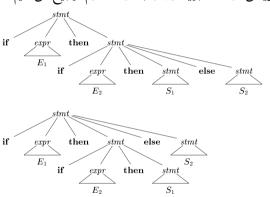
- درخت تجزیهای برای این جمله رسم کنید.

- حال جمله زیر را در نظر بگیرید.

if E_1 then if E_2 then S_1 else S_2



و در همهٔ زبانهای برنامهنویسی درخت تجزیه اول را به درخت دوم ترجیح میدهیم.



- در واقع قانونی که در همه زبانها وجود دارد این است که else به نزدیکترین if (یا then) قبل از آن تعلق دارد.

- میتوانیم یک گرامر غیرمبهم به صورت زیر تولید کنیم که معادل گرامر مبهم ذکر شده است.
- توجه کنید که بین then و else اگر قرار باشد دستور شرطی if قرار بگیرد، باید حتماً یک if-then-else باشد، در غیراینصورت ابهام به وجود میآید.
- در واقع قانونی که برای گرامر غیرمبهم وضع میکنیم این است که همیشه بین else و else یا یک عبارت if-then-else ممکن است یک عبارت شرطی بدون else به کار رفته شود.

```
stmt 
ightarrow matched\_stmt 
ightarrow if expr then matched\_stmt else matched\_stmt 
ightarrow open\_stmt 
ightarrow if expr then matched\_stmt else matched\_stmt 
ightarrow other 
ightarrow open\_stmt 
ightarrow if expr then stmt 
ightarrow if expr then matched\_stmt else open\_stmt 
ightarrow if expr then matched\_stmt else open\_stmt 
ightarrow if expr then matched\_stmt else open\_stmt 
ightarrow open\_stmt
```

تجزیه بالا به پایین

- قبل از بررسی مفصل تجزیه کنندهٔ بالابه پایین، برای یک گرامر ساده که زیر مجموعه ای از گرامر زبان جاوا و سی است، یک تجزیه کنندهٔ بالا به پایین ¹ می سازیم و سپس در مورد روند کلی ساختن تجزیه کنندهٔ بالا به پایین صحبت می کنیم.

- گرام زیر را در نظر بگیرید.

```
stmt \rightarrow expr;
| if (expr) stmt
| for (optexpr; optexpr; optexpr) stmt
| other

optexpr \rightarrow \epsilon
| expr
```

- در اینجا expr و other را به عنوان دو ترمینال در نظر گرفتیم. در یک گرامر کامل این دو را به عنوان دو متغیر در نظر میگیریم و توسط قوانین دیگر تعریف میکنیم.

¹ top-down parser

تجزیه بالا به پایین

- تجزیه کنندهٔ بالا به پایین یک درخت تجزیه با یک ریشه میسازد به طوری که برچسب ریشهٔ درخت متغیر آغازین گرامر (stmt) است.
 - تجزیه کنندهٔ بالا به پایین به طور خلاصه به طور مکرر عملیات زیر را انجام میدهد.
 - ۱۰ در رأس N با برچسب A، یکی از قوانین تولید متغیر A را انتخاب میکند و فرزندان N را نمادهای (متغیرها و ترمینالهای) بدنهٔ قانون انتخاب شده قرار میدهد.
- ۲. رأس بعدی در درخت تجزیه که با یک متغیر بر چسب زده است و چپترین متغیر در بین همهٔ برگهاست را انتخاب میکند و آن برگ را با توجه به رشتهٔ ورودی گسترش میدهد.
- در هرگام از فرایند تجزیه، تجزیه کننده با توجه به توکن بعدی 1 در رشته ورودی تصمیم میگیرد چه قانونی را انتخاب کند.

¹ lookahead

- در تجزیهٔ رشته for (;expr;expr) other اولین توکن، واژه for است. بنابراین ریشهٔ درخت تجزیه که با stmt برچسب زده شده است با قانونی از متغیر stmt گسترش مییابد که بدنهٔ آن با واژهٔ for آغاذ شده است.
- درگام بعد در درخت تجزیه باید برگی را تجزیه کنیم که بعد از برگ با برچسب for قرار دارد. این برگ) است و در رشته ورودی نیز توکن بعدی نماد) است. در اینجا نماد درخت تجزیه بر نماد رشته ورودی منطبق می شود و در درخت تجزیه و رشته ورودی باید به سمت نماد بعدی حرکت کنیم.
- در گام بعد نماد بعدی در درخت تجزیه را انتخاب میکنیم که اولین رخداد متغیر optexpr است. این روند ادامه می یابد تا کل رشته ورودی تجزیه شود.

```
    شكل زير روند تجزيه يك رشته توسط تجزيه كننده بالا به يايين را نشان مي دهد.

PARSE
                                      stmt
TREE
INPUT
               \mathbf{for}
                                                            other
                                  expr
                                                expr
PARSE
                                      stmt
TREE
         for
                       optexpr
                                    optexpr
                                                  optexpr
INPUT
               \mathbf{for}
                                  expr
                                               expr
                                                            other
PARSE
                                      stmt
TREE
        \mathbf{for}
                       optexpr
                                    optexpr
                                                 optexpr
                                                                   stmt
INPUT
               \mathbf{for}
                                                            other
                                               expr
                                  expr
```

تجزیه بالا به پایین

- در حالت کلی در یک تجزیه کننده بالا به پایین ممکن است انتخاب یک قانون با خطا روبرو شود که در این صورت باید با استفاده از یسگرد یا عقبگرد ¹ قانون بعدی انتخاب شود.

- معمولا چنین عقبگردهایی پرهزینه است و به دنبال روشهای تجزیهای هستیم که از چنین عقبگرهایی حلوگیری کنند.

¹ backtrack

تجزیه پیشبینی کننده

تجزیه کاهشی بازگشتی 1 روشی بالا به پایین برای تحلیل نحوی است که در آن مجموعهای از توابع بازگشتی برای پردازش رشته ورودی استفاده می شوند. در این تجزیه کننده، به ازای هریک از متغیرهای گرامر یک تابع در نظر گرفته می شود.

- یکی از انواع ساده تجزیه کاهشی بازگشتی، تجزیه پیش بینی کننده 2 است. در تجزیه پیش بینی کننده از یسگرد جلوگیری می شود.

¹ recursive-descent parsing

² predictive parsing

```
- یک تحزیه کنندهٔ پیش بینی کننده برای گرام قبل در زیر نشان داده شده است.
void stmt() {
     switch ( lookahead ) {
     case expr:
            match(expr): match(';'): break:
     case if:
            match(if); match('('); match(expr); match(')'); stmt();
            break:
     case for:
            match(for): match('('):
            optexpr(); match(';'); optexpr(); match(';'); optexpr();
            match(')'); stmt(); break;
     case other:
            match(other); break;
     default:
            report("syntax error");
void optexpr() {
      if ( lookahead == expr ) match(expr):
void match(terminal\ t)
     if (lookahead == t) lookahead = nextTerminal:
     else report("syntax error"):
```

تجزیه پیشبینی کننده

- در این تجزیه کننده به ازای هر متغیر گرامر یک تابع تعریف میشود. بسته به این که توکن بعدی در رشته ورودی چه مقداری دارد، تجزیه کننده، ورودی را با گرامر تطبیق میدهد.

- برای تطبیق 1 یک ترمینال در گرامر و یک کلمه از رشته ورودی، تجزیه کننده صرفا بررسی میکند که ترمینال گرامر و توکن بعدی در رشته ورودی برابر باشند.

- برای تطبیق یک متغیر در گرامر و یک کلمه از رشته ورودی، تجزیه کننده تابع متناظر با متغیر را فراخوانی مرکند.

1 match

- تجزیه کنندهٔ پیش بینی کننده برای یک گرامر ساده 1 می تواند مورد استفاده قرار بگیرد.
- برای تعریف گرامر ساده، تابع α (۲) First را به صورت زیر تعریف میکنیم، جایی که α دنبالهای از ترمینالها و متغی هاست.
 - اگر اولین کلمه در دنبالهٔ α ترمینال t باشد، آنگاه (First(α) اگر اولین کلمه در دنبالهٔ α
 - انگاه $A \to \beta_1 \mid \beta_2 \mid \cdots \mid \beta_n$ اشيم باشيه و داشته باشيم $A \to \beta_1 \mid \beta_2 \mid \cdots \mid \beta_n$ آنگاه First(α) = First(β_1) \cup First(β_2) $\cup \cdots \cup$ First(β_n)

¹ simple grammar

- G حال فرض کنید در گرامر G داشته باشیم G حال فرض کنید در گرامر G داشته باشیم ساده باشد، این است که به ازای هر دو بدنه قانون G و G متعلق به متغیر G داشته باشیم ساده باشد، این است که به ازای هر دو بدنه قانون G در مورد شروط دیگر بعدها صحبت خواهیم کرد. First(G) G
- از تجزیه کننده پیشبینی کننده تنها زمانی میتوان استفاده کرد که یک گرامر ساده باشد. در اینصورت در زمان خطی یک رشته را میتوان تجزیه کرد.

در تجزیه کننده پیش بینی کنندهای که طراحی کردیم، در پیادهسازی تابع () optexpr در صورتی که تطبیق رخ ندهد خطایی صادر نکردیم. با این کار در واقع قانون e optexpr e را پیادهسازی کردیم.

در حالت کلی اگر قانونی به صورت ϵ $0 + \cdots + X_1 + X_2 + A$ داشته باشیم، در پیادهسازی تابع A هیچ خطایی صادر نمیکنیم، زیرا ممکن است رشته ورودی، در بدنهٔ هیچ یک از قوانین A منطبق نشود که در اینصورت قانون تهی اعمال می شود.

- برای پیادهسازی یک تجزیه کننده پیش بینی کننده برای یک گرامر ساده، به ازای هر یک از متغیرهای گرامر یک تابع تعریف میکنیم. با شروع از تابع متعلق به متغیر آغازین تجزیه کننده مکررا به ازای هر متغیر A در گرامر که دارای قوانین $X_n = X_1 \mid X_2 \mid \cdots \mid X_n$ است، قانون $X_n \to X_1$ را انتخاب میکند، اگر توکن بعدی در رشته ورودی در مجموعهٔ $First(X_i)$ باشد.
 - با فرض براینکه X_i دنبالهای از ترمینالهای t و متغیرهای X است، به ازای هر ترمینال t، توکن بعدی در رشتهٔ ورودی باید برابر با ترمینال t باشد و به ازای هر متغیر X ، تابع () X فراخوانی می شود.
 - اگر رشته ورودی بدون خطا پایان رسید، رشته متعلق به زبان آن گرامر است.

تجزیه پیشبینی کننده

- ممکن است یک تجزیه کننده کاهشی بازگشتی 1 در یک حلقه بی 1 یایان بیافتد.

- فرض کنید یک قانون بازگشتی چپ 2 به صورت زیر داشته باشیم :

 $\mathtt{expr} \, o \, \mathtt{expr} \, + \, \mathtt{term}$

¹ recursive-descent parser

² left-recursive rule

- در این قانون، متغیر سمت چپ قانون برابر با نماد سمت چپ در بدنهٔ قانون است.
- حال در فرایند تجزیه اگر تابع () expr فراخوانی شود، این تابع نیز مجدداً تابع () expr را فراخوانی میکند و این فراخوانی بازگشتی خاتمه پیدا نمیکند.
 - برای استفاده از تجزیه کننده کاهشی بازگشتی باید قوانین بازگشتی چپ را حذف کنیم.

 $A \stackrel{+}{\Rightarrow} A\alpha$ و صورت جمله ای دلخواه α فرایند اشتقاق α است اگر به ازای متغیر $A \stackrel{+}{\Rightarrow} A\alpha$ و صورت جمله ای دلخواه α فرایند اشتقاق α

- تجزیه کنندههای بالا به پایین نمی توانند گرامرهایی که دارای بازگشت چپ هستند را تجزیه کنند، بنابراین بازگشت چپ ² باید در گرامر حذف شود.

¹ left recursive

² left recursion

- گرامر زیر بازگشتی چپ است.

- پس از حذف بازگشت چپ در این گرامر، گرامر زیر به دست میآید.

- قوانین تولید $\mathsf{E} \to \mathsf{E} + \mathsf{T} \; \mathsf{E}' \to \mathsf{E}' = \mathsf{E} \to \mathsf{E} + \mathsf{T} \; \mathsf{E}'$ و ع $\mathsf{E} \to \mathsf{E} + \mathsf{T} \; \mathsf{E}' \to \mathsf{E} + \mathsf{E}'$ جایگزین میشوند.

- بازگشت چپ بلاواسطه 1 میتواند توسط روش زیر حذف شود.
 - ابتدا قوانین را به صورت زیر مرتب میکنیم.

$$A \rightarrow A\alpha_1 | A\alpha_2 | \cdots | A\alpha_m | \beta_1 | \beta_2 | \cdots | \beta_n$$

به طوری که eta_i ها با A آغاز نمیaوند.

- سپس قوانین تولید متغیر A را با قوانین زیر جایگزین میکنیم.

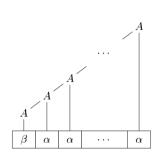
$$A \rightarrow \beta_1 A' | \beta_2 A' | \cdots | \beta_n A'$$

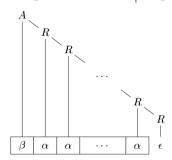
$$A' \rightarrow \alpha_1 A' | \alpha_2 A' | \cdots | \alpha_m A' | \epsilon$$

- بدین صورت متغیر A همان رشته های قبلی را تولید میکند با این تفاوت که بازگشت چپ حذف شده است.

¹ immediate left recursion

- یک قانون بازگشتی چپ به صورت $A \to A\alpha \mid \beta$ درواقع رشتههایی به صورت $A \to A\alpha \mid \beta$ تولید میکند. چنین رشتههایی را میتوانیم با گرامر غیر بازگشتی $A \to \beta R$ و $A \to \alpha R \mid \epsilon$ نیز تولید کنیم.





گرامر جایگزین یک گرامر بازگشتی راست 1 است زیرا قانون $R \to R$ متغیر R را در سمت راست بدنهٔ قانون دارد. قوانین بازگشتی راست در تجزیهٔ کنندههای بالا به پایین مشکلی به وجود نمیآورند.

¹ right recursive

- روشی که مطرح کردیم بازگشت چپ بلاواسطه را حذف میکند اما همه بازگشتهای چپ را حذف نمیکند. برخی مواقع پس از چندگام در فرایند اشتقاق بازگشت چپ به وجود میآید.
 - برای مثال گرامر زیر را در نظر بگیرید:

$$\begin{array}{l} S \ \rightarrow \ A\alpha \mid b \\ A \ \rightarrow \ Ac \mid Sd \mid \varepsilon \end{array}$$

- متغیر $S \Rightarrow Aa \Rightarrow Sda$ متغیر $S \Rightarrow Aa \Rightarrow Sda$ حازگشت چپ بلاواسطه ندارد ولی در فرایند اشتقاق خواهیم داشت $S \Rightarrow Aa \Rightarrow Sda$ که یک بازگشت چپ است.
- الگوریتم زیر برای گرامرهایی که در آنها دور وجود ندارد یعنی اشتقاق $A \stackrel{+}{\Rightarrow} A$ اتفاق نمیافتد و همچنین در آنها قانون تولید تهی یعنی $A \to \epsilon$ وجود ندارد، بازگشت چپ را حذف میکند.

```
- الگوریتم حذف بازگشت چپ، گرامر G بدون دور و بدون قانون تولید تهی را دریافت میکند و یک گرامر معادل بدون بازگشت چپ تولید میکند.
```

```
1) arrange the nonterminals in some order A_1, A_2, \ldots, A_n.

2) for ( each i from 1 to n ) {

3) for ( each j from 1 to i-1 ) {

4) replace each production of the form A_i \to A_j \gamma by the productions A_i \to \delta_1 \gamma \mid \delta_2 \gamma \mid \cdots \mid \delta_k \gamma, where A_j \to \delta_1 \mid \delta_2 \mid \cdots \mid \delta_k are all current A_j-productions

5) }

6) eliminate the immediate left recursion among the A_i-productions

7) }
```

- این الگوریتم به صورت زیر عمل میکند.
- به ازای i=1 دو حالت وجود دارد. یا $A_1 \to A_1 \alpha$ و یا $A_1 \to A_1 \alpha$ به طوری که i=1 . در حالت اول در خط ۶ الگوریتم بازگشت چپ بلاواسطه حذف می شود. در حالت دوم قانون به همان صورت باقی خواهد ماند.
- به ازای 2=1 سه حالت وجود دارد. یا $A_2 \to A_2 \alpha$ یا $A_1 \alpha$ و یا $A_2 \to A_1 \alpha$ به ازای m>2 m>2 . m>2 . m>2 . m>2 . m>2 بالاواسطه حذف می شود. در حالت دوم قانون به صورت p>1 بازنویسی می شود و در صورتی که p=2 باشد، بازگشت چپ بلاواسطه حذف می شود. در حالت سوم قانون به همان صورت باقی می ماند. پس در پایان در هر صورت خواهیم داشت m>2 به ازای m>2 . m>2
- در حالت کلی پس از اتمام تکرار i ام در الگوریتم، به ازای همهٔ قوانین A_i خواهیم داشت $A_i \to A_m \alpha$ به طوری که m>i .
 - در تکرار آخر الگوریتم، بازگشت چپ برای A_n در صورت وجود حذف می شود.

- را حذف می کنیم. اگر قانون $A \to \epsilon$ برای استفاده از این الگوریتم ابتدا همه قوانین تولید تهی به صورت $A \to \epsilon$ را حذف می کنیم. اگر قانون $A \to \epsilon$ نیز دارای بازگشت چپ است که این الگوریتم قادر به تشخیص آن نیست.
- توجه کنید که پس از حذف قوانین تولید تهی، تنها در صورتی میتوانیم $A \stackrel{\pm}{\Rightarrow} A$ داشته باشیم که قوانین یکه به صورت $A \to B$ وجود داشته باشند.
 - بنابراین همه قوانین تولید یکه به صورت A o B را نیز حذف میکنیم
- الگوریتمهای سادهسازی گرامرهای مستقل از متن برای حذف قوانین تولید تهی و یکه در مبحث نظریه زبانها و ماشینها بررسی میشوند.

حذف بازگشت چپ

- علت ایجاد اشکال در گرامر با وجود دورها به شرح زیر است.
 - . j>i فرض کنید داشته باشیم $A_i o A_j$ به طوری که
 - $A_{
 m j}
 ightarrow A_{
 m j}$ در بازنویسی قانون $A_{
 m j}
 ightarrow A_{
 m i}$ خواهیم داشت -
- اما برای حذف بازگشت چپ در این قانون با بازگشت چپ مواجه می شویم. در واقع اگر داشته باشیم $A \to \beta R, R \to R | \epsilon$ که همچنان بازگشتی جب است.

حذف بازگشت چپ

- میخواهیم بازگشت چپ را در گرامر زیر حذف کنیم. قانون تولید تهی در اینجا مشکلی در اجرای الگوریتم ایجاد نمیکند، اما در حالت کلی قوانین تولید تهی را حذف میکنیم.

$$S \rightarrow Aa \mid b$$

$$A \ \rightarrow \ Ac \ | \ Sd \ | \ \varepsilon$$

- متغیرها را به صورت S, A مرتب میکنیم. سپس قوانین زیر را تولید میکنیم.

$$S \rightarrow Aa \mid b$$

$$A \rightarrow Ac \mid Aad \mid bd \mid \epsilon$$

با حذف بازگشتهای چپ بلاواسطه گرامر زیر را به دست می آوریم.

$$S \rightarrow Aa \mid b$$

$$A \rightarrow bdA' | A'$$

$$A' \,\rightarrow\, cA' \,|\, \alpha dA' \,|\, \varepsilon$$

فاکتورگیری چپ

- فاکتورگیری چپ روشی است برای تبدیل کردن یک گرامر به گرامری که برای تجزیه کنندهٔ بالا به پایین پیش بینی کننده مناسب باشد.
- وقتی برای جایگزین کردن یک متغیر با بدنهٔ قانون در فرایند اشتقاق دو انتخاب داشته باشیم، در مواردی میتوانیم انتخاب را به تعویق بیاندازیم تا وقتی که ورودی بیشتری خوانده شود.
 - برای مثال فرض کنید قوانین تولیدی به صورت زیر داریم.

 $stmt \rightarrow$ **if** expr **then** stmt **else** stmt | **if** expr **then** stmt

- با خواندن توکن if از ورودی نمیتوانیم تصمیم بگیریم کدام قانون را انتخاب کنیم.

میتوانیم این گرامر را به صورت زیر بنویسیم :

$$A \rightarrow \alpha A'$$

$$A' \rightarrow \beta_1 \mid \beta_2$$

- الگوریتم فاکتورگیری، گرامر G را دریافت میکند و گرامری تولید میکند که در آن فاکتورگیری چپ اعمال شده باشد.

جرای هر متغیر A ، بلندترین پیشوند α بین دو یا چند انتخاب را پیدا میکنیم. اگر $\alpha \neq \epsilon$ آنگاه قوانین $\alpha \neq \epsilon$ را با قوانین زیر جایگزین میکنیم. قوانین $\alpha \neq \alpha$ قوانینی هستند که $\alpha \neq \alpha$ نیست. $\alpha \neq \alpha$ را با قوانین زیر جایگزین میکنیم. قوانین $\alpha \neq \alpha$ قوانینی هستند که پیشوند آنها $\alpha \neq \alpha$ نیست.

$$A \rightarrow \alpha A' \mid \gamma$$

$$A' \rightarrow \beta_1 \mid \beta_2 \mid \cdots \mid \beta_n$$

- این روند را برای همهٔ متغیرها تکرار میکنیم.

- گرامر زیر معادل گرامر if-else است. در این گرامر i و t و e نمایندهٔ if و then و else هستند.

$$S \rightarrow i E t S | i E t S e S | a$$

 $E \rightarrow b$

میتوانیم این گرامر را به صورت زیر فاکتورگیری چپ کنیم.

$$S \rightarrow i E t S S' | a$$

 $S' \rightarrow e S | \epsilon$
 $E \rightarrow b$

- توجه کنید که هر دوی این گرامرها مبهم هستند.

ساختارهای غیرمستقل از متن

- برخی از ساختارها در زبانهای برنامهنویسی را نمیتوان توسط گرامرهای مستقل از متن توصیف کرد.
 - برای مثال در بسیاری از زبانها نیاز داریم که متغیر قبل از استفاده تعریف شده باشد.
- این ساختار را میتوانیم به صورت wcw مدلسازی کنیم جایی که اولین w نماینده تعریف متغیر، c نماینده قسمتی از کد برنامه، و دومین w نماینده استفاده از متغیر باشد.
 - مستقل از متن نیست. $\mathbf{L} = \{wcw \mid w \in \ (a|b)^*\}$ مستقل از متن نیست.

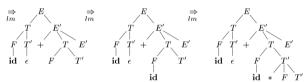
ساختارهای غیرمستقل از متن

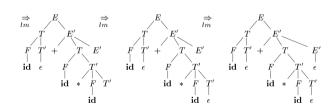
- در نتیجه نیاز به روشهای دیگر برای تحلیل معنای برنامهها داریم.
- یک مثال دیگر از ساختارهایی از زبان که مستقل از متن نیستند، به شرح زیر است. در زبانهای برنامهنویسی نیاز است که تعداد آرگومانهای ارسال شده به یک تابع برابر با تعداد پارامترهای تعریف شده در تابع باشد. فرض کنید تعریف دو تابع با n و m ورودی را به صورت a^n و b^m نشان دهیم و دو فراخوانی تابع از این دو تابع را به صورت c^n و c^n .
 - این ساختار را با زبان $L=\{a^nb^mc^nd^m\mid n\geqslant 1, m\geqslant 1\}$ مدلسازی میکنیم. میتوان اثبات کرد که این زبان مستقل از متن نیست.

- تجزیهٔ بالا به پایین برای تجزیه یک رشته، درخت تجزیه را با شروع از ریشه میسازد.

- برای مثال برای تجزیه رشته id + id * id با استفاده از گرامر زیر، از تجزیه بالا به پایین صفحه بعد استفاده میکنیم.

تجزیه بالا به پایین





تجزیه بالا به پایین

- ریشه درخت تجزیه متغیر آغازین است. در هرگام، تجزیه کننده باید تصمیم بگیرد از کدام یک از قوانین تولید استفاده کند برای اینکه بتواند رشته مورد نظر را تجزیه کند.
- ابتدا در مورد یک تجزیه کننده به نام تجزیه کننده کاهشی بازگشتی 1 صحبت میکنیم که در آن برای پیدا کردن قانون مناسب در فرایند تجزیه از پسگرد 2 استفاده می شود.
- سپس در مورد یک حالت خاص تجزیه کننده کاهشی بازگشتی به نام تجزیه کننده پیش بینی کننده 3 صحبت میکنیم که در آن به پسگرد نیازی نیست.

طراحي کامپايلر تحليل نحوي ۲۵۱/۸۶

¹ recursive-descent parser

² backtrack

³ predictive parser

- تجزیه کننده پیش بینی کننده با بررسی چند نماد بعدی در رشته ورودی تصمیم میگیرد کدام قانون تولید را انتخاب کند و به پسگرد نیازی ندارد.
- گرامرهایی که با بررسی k نماد در ورودی میتوانیم برای آنها تجزیه کننده پیش بینی کننده بسازیم، گرامرهای LL(k)

تجزیه کننده کاهشی بازگشتی

- یک تجزیه کننده کاهشی بازگشتی برنامهای است که از مجموعهای از توابع تشکیل شده است به طوری که هر تابع متعلق به متغیر آغازین تابع متعلق به متغیر آغازین شروع می شود.

```
- الگوریتم تجزیه کننده کاهشی بازگشتی در زیر نشان داده شده است.
```

تجزیه کننده کاهشی بازگشتی

- یک تجزیه کننده کاهشی بازگشتی با استفاده از یک الگوریتم پسگرد رشته ورودی را تجزیه میکند، اما برای تجزیه زبانهای برنامهنویسی معمولا نیازی به پسگرد نیست.
- برای اینکه در تجزیه بالا به پایین از پسگرد استفاده کنیم، در خط (۱) برنامه قبل باید همه انتخابهای موجود برای جایگزینی متغیر A را امتحان کنیم. همچنین در خط (۷) در صورتی که به بنبست برخورد کردیم پیام خطا صادر نمیکنیم بلکه پسگرد انجام میشود.

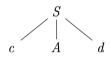
- گرامر زیر را در نظر بگیرید.

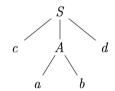
 $S \rightarrow cAd$ $A \rightarrow ab \mid a$

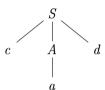
- برای ساختن یک درخت تجزیه از بالا به پایین برای رشته w = cad با ریشه درخت تجزیه یعنی S آغاز میکنیم. S تنها یک قانون دارد. بنابراین رأس S را بسط می دهیم و فرزندان آن شامل S و S و S را می می می می می اولین برگ یعنی S بر رشته ورودی منطبق می شود، پس در رشته ورودی جلو می رویم. برگ بعدی S است که یک متغیر با دو قانون است. آن را با استفاده از اولین قانون یعنی S بسط می دهیم. نماد S در رشته ورودی بر دومین برگ یعنی S منطبق می شود پس در رشته ورودی به جلو می رویم. اما سومین برگ یعنی S بر نماد بعدی در ورودی یعنی S منطبق نمی شود پس باید به عقب برگردیم و یک قانون دیگر از S را انتخاب کنیم. با بازگشت به عقب باید در رشته ورودی هم به عقب برگردیم، پس در هر رأس باید اندیس رشته ورودی ذخیره شود.

تجزیه کننده کاهشی بازگشتی

- روند تجزیه کاهشی بازگشتی و پسگرد به صورت زیر است.







- اگر یک گرامر بازگشت چپ داشته باشد، تجزیه کننده کاهشی بازگشتی وارد حلقه بیپایان میشود.

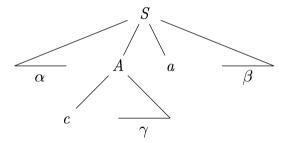
- برای ساختن تجزیه کنندههای بالا به پایین و پایین به بالا به دو تابع مهم به نام First و Follow نیاز داریم که در اینجا به آنها اشاره میکنیم.

- در هنگام تجزیه بالا به پایین این توابع کمک میکنند قانون درست را با استفاده از نماد ورودی بعد انتخاب کنیم.

- در هنگام بازیابی خطا از توکنهای تولید شده توسط تابع Follow استفاده می شود.

اگر α یک رشته از نمادهای گرامر باشد، آنگاه π First(α) مجموعهای از ترمینالهایی است که در ابتدای رشتههای مشتق شده از α وجود دارند. اگر $\alpha \Rightarrow \alpha$ آنگاه α نیز در First(α) است.

است. First(A) در شکل زیر $A \stackrel{*}{\Rightarrow} c\gamma$ بنابراین -



تابع First در تجزیه پیشبینی کننده استفاده می شود. فرض کنید دو قانون $A \to \alpha | \beta$ را داشته باشیم و First دو مجموعهٔ مجزا باشند. آنگاه با خواندن ورودی α می توانیم قانون مورد نظر برای First(α) عمرتواند حداکثر در یکی از مجموعههای First(α) یا First باشد.

- به ازای متغیر A تابع A تابع Follow (A) مجموعه ترمینالهای α است که مستقیماً در سمت راست متغیر A در یک فرایند اشتقاق قرار می گیرند.
- به عبارت دیگر α Follow مجموعه ترمینالهای α است که برای آنها اشتقاق α α و وجود دارد. توجه کنید که بین α و α در فرایند اشتقاق میتواند متغیرهایی وجود داشته باشند ولی این متغیرها به تهی تدبل می شوند.
- همچنین اگر A متغیر سمت راست باشد آنگاه \$ در Follow(A) قرار میگیرد. نماد \$ به معنای پایان رشته است و فرض می شود که این نماد در الفبا وجود ندارد.

- برای محاسبه (X) برای نماد X قوانین زیر را اعمال می کنیم تا جایی که هیچ ترمینالی (یا رشتهٔ X) نتواند به مجموعه (X) اضافه شود.
 - . First(X) = $\{X\}$ اگر X یک ترمینال است آنگاه ا
- First(X) یک متغیر است و $X \to Y_1Y_2 \cdots Y_k$ یک قانون تولید است به ازای $1 \leqslant \lambda$ آنگاه α در $X \to Y_1Y_2 \cdots Y_k$ قرار میگیرد اگر به ازای یک α دلخواه، ترمینال α در اینصورت خواهیم داشت $\alpha \Leftrightarrow \alpha$ در α در آنی همه First($\alpha \in \alpha$ باشد. در اینصورت خواهیم داشت $\alpha \Leftrightarrow \alpha \in \alpha$ در $\alpha \in \alpha$ باشد. در اینصورت خواهیم داشت $\alpha \Leftrightarrow \alpha \in \alpha$ در $\alpha \in \alpha$ باشد $\alpha \in \alpha$ باشد آنگاه $\alpha \in \alpha$ را به $\alpha \in \alpha$ اضافه میکنیم. برای مثال، هر نمادی در $\alpha \in \alpha$ آنگاه نماد دیگری First($\alpha \in \alpha$ آنگاه نماد دیگری به First($\alpha \in \alpha$ آنگاه نماد دیگری به آنگاه نماد دیگری به آنگاه نماد دیگری آنگاه نماد دیگری به آنگاه نماد دیگری به آنگاه نماد دیگری آنگاه نماد دیگری به آنگاه نماد دیگری آنگاه نماد دیگری به آنگاه نماد دیگری آنگاه نماد دیگری به آنگاه نماد نماد نمیکنیم، اما اگر $\alpha \in \alpha$ آنگاه نماد نمیکنیم، اما اگر $\alpha \in \alpha$ آنگاه نمیکنیم، اما اگر آنگاه نمیکنیم، اما اگر آنگاه نمیکنیم، اما اگر آنگاه نمیکنیم آنگاه نمیکند آنگاه نمیکنیم آنگاه نمیکند آنگاه نمیکا نمیکند آنگاه نمیکا نمی
 - . اگر ϵ بیک قانون تولید باشد، آنگاه ϵ را به First(X) میافزاییم اگر $X \to \epsilon$

میتوانیم First($X_1X_2\cdots X_n$) را به صورت زیر محاسبه کنیم. همهٔ نمادها غیر از ε از مجموعه First($X_1X_2\cdots X_n$) میافزاییم. اگر ε در مجموعه First($X_1X_2\cdots X_n$) باشد، آنگاه همه نمادهای غیر ε از First(ε 0 را به First(ε 1 را به First(ε 1 را به First(ε 1 میافزاییم. اگر ε 2 در First(ε 1 میافزاییم. اگر ε 3 در ادامه میدهیم. در نهایت اگر ε 4 به ازای همه ε 5 ها در First(ε 1 باشد، آنگاه ε 6 را به First(ε 1 باشد، آنگاه می دهیم. در نهایت اگر ε 5 به ازای همه ε 6 ها در First(ε 1 باشد، آنگاه ε 6 را به First(ε 1 باشد، آنگاه می کنیم.

- جرای محاسبه Follow(A) به ازای همه متغیرهای A قوانین زیر را اعمال میکنیم تا وقتی که هیچ نمادی نتواند به مجموعه Follow(A) اضافه شود.
 - ۱. اگر S متغیر آغازین باشد، نماد \$ را در Follow(S) اضافه میكنیم.
- را به First(eta) مجموعه First(eta) مجموعه باشد، آنگاه همهٔ نمادهای مجموعه $A \to \alpha B \beta$ به جز رشته تهی $A \to \alpha B \beta$ را به Follow(B)
- باشد، آنگاه هر First(eta) اگر قانون $A o \alpha B$ یا قانون $A o \alpha B$ وجود داشته باشد جایی که First(eta) باشد، آنگاه هر نمادی در Follow(B) در Follow(B) نیز قرار میگیرد.

- برای مثال گرامر زیر را در نظر بگیرید.

$$S \rightarrow Am \mid An \mid kA \mid Bp$$

 $A \rightarrow qrB \mid s$
 $B \rightarrow t$

- با محاسبهٔ توابع First و Follow خواهیم داشت:

$$\begin{aligned} & \text{First}(S) = \{ \text{ k}, \text{q}, \text{s}, \text{t} \} & \text{Follow}(S) = \{\$\} \\ & \text{First}(A) = \{ \text{ q}, \text{s} \} & \text{Follow}(A) = \{\$, \text{m}, \text{n} \} \\ & \text{First}(B) = \{ \text{ t} \} & \text{Follow}(B) = \{\$, \text{m}, \text{n}, \text{p} \} \end{aligned}$$

گرامر زیر را در نظر بگیرید.

- با محاسبات توابع First و Follow به دست می آوریم :

```
\begin{aligned} & \text{First}(\mathsf{F}) &= \text{First}(\mathsf{T}) &= \text{First}(\mathsf{E}) &= \{(, \text{id}) \\ & \text{First}(\mathsf{E}') &= \{+, \varepsilon\} \\ & \text{First}(\mathsf{T}') &= \{*, \varepsilon\} \\ & \text{Follow}(\mathsf{E}) &= \text{Follow}(\mathsf{E}') &= \{), \$\} \\ & \text{Follow}(\mathsf{T}) &= \text{Follow}(\mathsf{T}') &= \{+, ), \$\} \\ & \text{Follow}(\mathsf{F}) &= \{+, *, \}, \$\} \end{aligned}
```

گرامرهای (۱) LL

- تجزیه کنندههای پیش بینی کننده یعنی تجزیه کنندههای کاهشی بازگشتی که به پسگرد نیازی ندارند میتوانند برای دستهای از گرامرهای مستقل از متن به نام گرامرهای (LL(۱) استفاده شوند.
- L تجزیه کنندههایی که برای گرامرهای (۱) LL به کار میروند تجزیه کنندههای (۱) LL نامیده میشوند. اولین L بدین معناست که خواندن ورودی از چپ به راست 1 انجام میشود و دومین L بدین معناست که تجزیه کننده اشتقاق چپ 2 تولید میکند و عدد ۱ بدین معناست که تجزیه کننده تنها یک نماد جلوتر 3 را در هر گام برای تصمیمگیری برای تجزیه بررسی میکند.
 - دسته گرامرهای (۱) LL برای توصیف زبانهای برنامهنویسی به اندازهٔ کافی توانمند است. البته در توصیف یک گرامر (۱) LL ملاحظاتی را باید در نظر گرفت. برای مثال گرامر نباید بازگشت چپ داشته باشد یا مبهم باشد.

¹ Left to right

² Leftmost derivation

³ one input symbol of lookahead

- A o lpha | eta است اگر و تنها اگر هنگامی که دو قانون مجزای A o lpha | eta است اگر و تنها اگر هنگامی که دو قانون مجزای وجود داشته باشند، شرطهای زیر برقرار باشد.
 - ا هیچ ترمینال α و جود ندارد به طوری که هردوی α و β رشتهای مشتق کنند، که هر دو با α آغاز شود.
 - ۲. حداکثر یکی از صورتهای جملهای α و β میتوانند رشته تهی تولید کنند.
 - α . اگر $\alpha \Leftrightarrow \beta \Leftrightarrow 0$ آنگاه α هیچ رشته ای تولید نمی کند که با یک ترمینال در Follow(A) آغاز شود. به طور مشابه اگر $\alpha \Leftrightarrow \epsilon \Leftrightarrow 0$ آنگاه $\alpha \Leftrightarrow \epsilon \Leftrightarrow 0$ هیچ رشته ای تولید نمی کند که با یک ترمینال در $\alpha \Leftrightarrow \epsilon \Leftrightarrow 0$ آغاز شود. فرض کنید این شرایط برقرار نباشد و داشته باشیم $\alpha \Leftrightarrow 0 \Leftrightarrow 0$ و همچنین فرض کنید این شرایط برقرار نباشد و داشته باشیم $\alpha \Leftrightarrow 0 \Leftrightarrow 0$ و همچنین می تواند و داشته باشیم $\alpha \Leftrightarrow 0$ و همچنین می تواند و داشته باشیم $\alpha \Leftrightarrow 0$ و همچنین می تواند و داشته باشیم $\alpha \Leftrightarrow 0$ و همچنین می تواند و داشته باشیم $\alpha \Leftrightarrow 0$ و همچنین می تواند و داشته باشیم $\alpha \Leftrightarrow 0$ و همچنین می تواند و داشته باشیم $\alpha \Leftrightarrow 0$ و همچنین می تواند و داشته باشیم $\alpha \Leftrightarrow 0$ و همچنین می تواند و داشته باشیم $\alpha \Leftrightarrow 0$ و همچنین و تواند و داشته باشیم $\alpha \Leftrightarrow 0$ و همچنین و تواند و ت

در ورودی در فرایند S $\stackrel{*}{\Rightarrow}$ $Aa \Rightarrow \alpha a \stackrel{*}{\Rightarrow}$ $\alpha \gamma a$ در اینصورت نمیتوانیم تصمیم بگیریم با مشاهدهٔ توکن a در ورودی در فرایند اشتقاق برای متغیر A کدامیک از قوانین $A \to \beta$ یا $A \to \beta$ را انتخاب کنیم.

- شرطهای اول و دوم معادل یکدیگرند. این دو شرط بدین معنی هستند که $First(\alpha)$ و $First(\beta)$ دو محموعه محزا هستند.

- شرط سوم بدین معنی است که اگر ε در First(ε) وجود داشت، آنگاه First(ε) و Follow(ε) دو مجموعه مجزا هستند و به طور مشابه اگر ε در First(ε) و First(ε) و First(ε) و Follow(ε) محموعه مجزا هستند.

```
- تجزیه کنندههای پیش بینی کننده میتوانند برای گرامرهای (۱) LL استفاده شوند زیرا انتخاب درست قانونی که میتواند در هرگام برای تجزیه به کار رود تنها با بررسی نماد بعدی در ورودی امکان پذیر است.
```

- برای مثال در گرامر زیر تنها با خواندن یکی از نمادهای if یا while یا } میتوانیم تصمیم بگیریم کدام قانون را انتخاب کنیم.

- الگوریتم بعدی اطلاعاتی در مورد مجموعههای First و Follow در یک جدول تجزیه پیش بینی کننده جمع آوری می کند. جدول تجزیه [A, a] یک آرایه دو بعدی است جایی که [A, a] یک متغیر و [A, a] یک ترمینال با نماد [A, a] است.
- الگوریتم بر پایه ایده زیر است : قانون lpha o A انتخاب می شود اگر نماد بعدی lpha در First(lpha) باشد. در صورتی که lpha o lpha یا lpha o lpha آنگاه lpha o A را انتخاب می کنیم اگر نماد ورودی در Follow(A) باشد یا اگر به lpha در رشته ورودی رسیده ایم و lpha در lpha در رشته ورودی رسیده ایم و lpha در lpha در رشته ورودی رسیده ایم و lpha در lpha در lpha اگر به lpha در رشته ورودی رسیده ایم و lpha در lpha در

- الگوریتم ساخت جدول تجزیه کننده پیشبینی کننده به صورت زیر است. این الگوریتم گرامر G را دریافت و جدول تجزیه M را تولید میکند.
 - برای هر یک از قوانین lpha o lpha از گرامر به صورت زیر عمل میکنیم.
 - . به ازای هریک از ترمینالهای a در a در First(lpha) قانون a را به a را به ازای هریک از ترمینالهای a
 - را به First(lpha) در First(lpha) باشد، آنگاه به ازای هریک از ترمینالهای a در a در a در a انگاه a در a
- اگر پس از عملیات بالا هیچ قانونی در M[A,a] قرار نگرفت، آنگاه در M[A,a] مقدار خطا (error) قرار میدهیم.

الگوريتم تجزيه كننده پيشبيني كننده

- برای گرامر زیر جدول تجزیه زیر تولید می شود.

NON -	INPUT SYMBOL					
TERMINAL	id	+	*	()	\$
E	$E \to TE'$			$E \to TE'$		
E'		$E' \to +TE'$			$E' \to \epsilon$	$E' \to \epsilon$
T	$T \to FT'$			$T \to FT'$		
T'		$T' \to \epsilon$	$T' \to *FT'$		$T' \to \epsilon$	$T' \to \epsilon$
F	$F o \mathbf{id}$			F o (E)		

و M[E, (ا در نظر بگیرید. از آنجایی که $\mathrm{First}(\mathrm{TE}')=\{(,\mathrm{id}\}$ این قانون به $\mathrm{ME}(\mathrm{E},\mathrm{id})$ و $\mathrm{ME}(\mathrm{E},\mathrm{id})$ افزوده شده است.

. First $(+TE') = \{+\}$ افزوده شده است زیرا M[E',+] به $E' \to +TE'$ قانون –

افزوده شده است. $M[{\sf E}',\$]$ به $M[{\sf E}',\$]$ و $M[{\sf E}',\$]$ افزوده شده است. ${\sf E}' o {\sf E}$

NON -		INPUT SYMBOL				
TERMINAL	id	+	*	()	\$
E	$E \to TE'$			$E \to TE'$		
E'		$E' \to +TE'$			$E' \to \epsilon$	$E' \to \epsilon$
T	$T \to FT'$			$T \to FT'$		
T'		$T' \to \epsilon$	$T' \to *FT'$		$T' \to \epsilon$	$T' \to \epsilon$
F	$F o \mathbf{id}$			$F \to (E)$		

- الگوریتمی که شرح داده شد میتواند برروی هر گرامر G اعمال شود و یک جدول تجزیه M بسازد. برای هرگرامر (۱) LL یک جدول تجزیه وجود دارد که هر خانهٔ آن حاوی یک قانون تولید یا خطا است.
- برای برخی از گرامرها، جدول M ممکن است خانهای داشته باشد که در آن بیش از یک قانون وجود دارد. اگر یک گرامر بازگشت چپ داشته باشد یا مبهم باشد، آنگاه M حداقل یک خانه با بیش از یک قانون دارد. با حذف بازگشت چپ و فاکتورگیری چپ در برخی موارد میتوان یک گرامر را به یک گرامر LL(1) تبدیل کرد. اما برای برخی از گرامرها معادل LL(1) وجود ندارد.

الگوريتم تجزيه كننده پيشبيني كننده

گرامر زیر و جدول تجزیه آن را در نظر بگیرید. $S \; o \; iEtSS' \mid a$

 $S \rightarrow iEtSS' \mid a$ $S' \rightarrow eS \mid \epsilon$ $E \rightarrow b$

Non -	INPUT SYMBOL					
TERMINAL	a	b	e	i	t	\$
S	$S \to a$			$S \to iEtSS'$		
C!			$S' \to \epsilon$			$S' \to \epsilon$
5			$S' \to \epsilon$ $S' \to eS$			
\overline{E}		$E \rightarrow b$				

در سلول $S'
ightarrow \epsilon$ و $S'
ightarrow \epsilon$ و قانون M[S',e] قرار گرفته است.

- دلیل این امر این است که گرامر مبهم است.

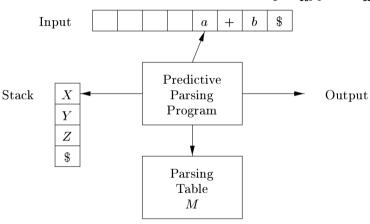
- یک تجزیه کننده پیش بینی کننده غیر بازگشتی 1 با نگهداری یک پشته به صورت صریح به جای استفاده از پشته فراخوانی ساخته می شود.

- این تجزیه کننده اشتقاق چپ را شبیهسازی میکند.
- از گرامر را ω رشته ورودی باشد که بر گرامر تطبیق داده شده باشد، آنگاه پشته یک دنباله از نمادهای α از گرامر را نگهداری می کند به طوری که ω ω ω .
- تجزیه کننده تشکیل شده است از یک بافر ورودی، یک پشته حاوی دنبالهای از نمادهای گرامر، یک جدول تجزیه که توسط الگوریتم قبل ساخته شده است و یک خروجی.

¹ nonrecursive predictive parser

- بافر ورودی رشته ورودی را دربرمیگیرد که با نماد \$ ختم شده است. همچنین نماد \$ انتهای پشته را نشان م.دهد.
- تجزیه کننده نماد X را از روی پشته بر می دارد و نماد α را از ورودی می خواند. اگر X یک متغیر باشد، تجزیه کننده قانون تولیدی را که در $M[X,\alpha]$ ذخیره شده انتخاب می کند. در غیراینصورت نماد X و نماد ورودی α باید تطبیق داده شوند.

- شمای این تجزیه کننده در زیر نشان داده شده است.



الگوریتم رشته w و جدول M برای گرامر G را دریافت میکند. اگر w در E(G) باشد یک اشتقاق چپ برای w تولید میکند در غیراینصورت پیام خطا صادر میکند.

- در ابتدا تجزیه کننده در پیکربندی w w قرار دارد و نماد آغازین w در پشته برروی نماد انتهای پشته یعنی w قرار گرفته می شود.

¹ configuration

- الگوریتم زیر عملیات تجزیه پیشبینی کننده را نشان میدهد.

```
let a be the first symbol of w:
let X be the top stack symbol;
while (X \neq \$) { /* stack is not empty */
      if (X = a) pop the stack and let a be the next symbol of w;
      else if ( X is a terminal ) error():
      else if (M[X,a] is an error entry ) error():
      else if (M[X,a] = X \rightarrow Y_1Y_2\cdots Y_k) {
             output the production X \to Y_1 Y_2 \cdots Y_k:
              pop the stack:
             push Y_k, Y_{k-1}, \ldots, Y_1 onto the stack, with Y_1 on top;
      let X be the top stack symbol;
```

گرامر زیر را در نظر بگیرید.

- جدول تجزیه این گرامر را قبلا به صورت زیر محاسبه کردیم.

NON -	INPUT SYMBOL					
TERMINAL	id	+	*	()	\$
E	$E \to TE'$			$E \to TE'$		
E'		$E' \to +TE'$			$E' \to \epsilon$	$E' \to \epsilon$
T	$T \to FT'$			$T \to FT'$		
T'		$T' \to \epsilon$	$T' \to *FT'$		$T' o \epsilon$	$T' \to \epsilon$
F	$F o \mathbf{id}$			$F \to (E)$		

با دریافت ورودی id + id * id تجزیه کننده پیش بینی کننده غیربازگشتی یک فرایند اشتقاق چپ به صورت زیر تولید می کند.

$$E \Rightarrow TE' \Rightarrow FT'E' \Rightarrow idT'E' \Rightarrow idE' \Rightarrow id + TE' \Rightarrow \cdots$$

تجزیه کننده پیش بینی کننده غیر بازگشتی - این فرایند اشتقاق به صورت زیر تولید می شود.

MATCHED	\mathbf{S} TACK	Input	ACTION
	E\$	$\mathbf{id} + \mathbf{id} * \mathbf{id} \$$	
	TE'\$	$\mathbf{id} + \mathbf{id} * \mathbf{id} \$$	output $E \to TE'$
	FT'E'\$	$\mathbf{id} + \mathbf{id} * \mathbf{id} \$$	output $T \to FT'$
	id $T'E'$ \$	$\mathbf{id} + \mathbf{id} * \mathbf{id} \$$	output $F \to \mathbf{id}$
id	T'E'\$	$+\operatorname{\mathbf{id}}*\operatorname{\mathbf{id}}\$$	match id
id	E'\$	$+\operatorname{id}*\operatorname{id}\$$	output $T' \to \epsilon$
id	+ TE'\$	$+\operatorname{\mathbf{id}}*\operatorname{\mathbf{id}}\$$	output $E' \to + TE'$
$\mathbf{id} \; + \;$	TE'\$	$\mathbf{id} * \mathbf{id} \$$	match +
$\mathbf{id} \; + \;$	FT'E'\$	$\mathbf{id} * \mathbf{id} \$$	output $T \to FT'$
$\mathbf{id} \; + \;$	id $T'E'$ \$	$\mathbf{id} * \mathbf{id} \$$	output $F \to \mathbf{id}$
$\mathbf{id} + \mathbf{id}$	T'E'\$	$*$ \mathbf{id} $\$$	match id
$\mathbf{id} + \mathbf{id}$	*FT'E'\$	$*$ \mathbf{id} $\$$	output $T' \to *FT'$
$\mathbf{id} + \mathbf{id} *$	FT'E'\$	$\mathbf{id}\$$	$\mathrm{match} *$
$\mathbf{id} + \mathbf{id} *$	id $T'E'$ \$	$\mathbf{id}\$$	output $F \to \mathbf{id}$
$\mathbf{id} + \mathbf{id} * \mathbf{id}$	T'E'\$	\$	match id
$\mathbf{id} + \mathbf{id} * \mathbf{id}$	E'\$	\$	output $T' \to \epsilon$
$\mathbf{id} + \mathbf{id} * \mathbf{id}$	\$	\$	output $E' \to \epsilon$

- یک صورت جملهای در فرایند اشتقاق متناظر است با ورودی تطبیق داده شده (در ستون Matched)که به دنبال آن محتوای یشته قرار داده شده است.

بازیابی خطا در تجزیه کننده پیشبینی کننده

- یک خطا در تجزیه پیش بینی کننده رخ می دهد وقتی که یک ترمینال برروی پشته برروی نماد ورودی منطبق نشود و یا وقتی که با خواندن متغیر A از پشته و نماد a از رشته ورودی، M[A, a] یک خطا باشد یا به عبارت دیگر خانه M[A, a] در جدول تجزیه خالی باشد.

– بازیابی خطا با توکن همگامکننده 1 بر این پایه است که در هنگام رخداد خطا از نمادهای ورودی چشمپوشی شود تا جایی که یک توکن همگامکننده 2 پیدا شود.

- مجموعه توکنهای همگامکننده باید به نحوی انتخاب شود که تجزیهکننده بتواند به سرعت خطا را بازیابی کند.

طراحي كامپايلر تحليل نحوى ما ۲۵۱ / ۲۵۱

¹ panic mode error recovery

² synchronizing token

- از قوانین زیر میتوان در بازیابی خطا با توکن همگام کننده استفاده کرد.
- ا همهٔ نمادها در Follow(A) را در مجموعه همگام کننده متغیر A قرار میدهیم. اگر از همهٔ توکنها چشمپوشی کنیم تا یکی از اعضای Follow(A) مشاهده شود و A از پشته خارج شود، به احتمال زیاد تجزیه می تواند ادامه پیدا کند.
- جرای مثال فرض کنید قوانین $S \to E; S|E;$ و $E \to id E'|e$ و $E \to id E'|e$ در یک گرامر وجود داشته باشد. برای تجزیهٔ جملهٔ E'; S|E; قرار داشته باشند و ناشده باشد. برای تجزیهٔ جملهٔ E'; S|E; قرار داشته باشند و به عبارت E'; S|E; E'; E';

- تنها اعضای Follow(A) برای مجموعه همگامکننده A کافی نیستند. برای مثال اگر دستورات با نقطه ویرگول خاتمه پیدا کنند، آنگاه کلمههای کلیدی که در ابتدای دستورات بعدی هستند در مجموعه Follow قرار نمیگیرند. بنابراین اگر یک نقطه ویرگول جا افتاده باشد، از کلمات کلیدی دستورات بعدی چشمپوشی می شود. معمولاً در زبانهای برنامهنویسی یک ساختار سلسله مراتبی وجود دارد. برای مثال عبارات در دستورات استفاده می شوند و دستورات در بلوکها و الی آخر. می توانیم نمادهایی را که متغیرهای سلسله مراتب پایین تر اضافه سلسله مراتب بالاتر با آنها آغاز می شوند، به مجموعه همگام کننده از متغیرهای سلسله مراتب پایین تر اضافه کنیم. برای مثال، می توانیم کلمات کلیدی را که دستورات با آنها شروع می شوند در مجموعه همگام کننده متغیرهایی قرار دهیم که عبارات را تولید می کنند.

- ۲۰ در صورتی که در ورودی با خطا روبرو شدیم و در پشته متغیر A قرار داشته باشد، میتوانیم از توکن ها چشمپوشی کنیم تا به یک کاراکتر در First(A) برخورد کنیم. آنگاه میتوانیم تجزیه را با توجه به متغیر A ادامه دهیم، اگر یک نماد در First(A) در ورودی ظاهر شود.
- برای مثال فرض کنید قوانین $S \to E; S|E;$ و $S \to id E'$ و $E' \to id E'$ در یک گرامر وجود داشته باشد. در تجزیهٔ id(((+id; -id; -id; -id)))) وقتی در پشته نمادهای E'; S قرار داشته باشند و به عبارت id(((+id; -id; -id; -id)))) برخورد کنیم، از کاراکترهای $E' \to id E'$ برخورد کنیم، زیرا $E' \to id E'$ برخورد کنیم، زیرا $E' \to id E'$.

۳. اگر یک ترمینال برروی پشته باشد که نتواند تطبیق داده شود، میتوان ترمینال را از روی پشته برداشته، خطایی صادر کرد مبنی بر اینکه ترمینال توسط کامپایلر اضافه شده است و عملیات تجزیه را ادامه داد.

- برای مثال فرض کنید قوانین $S \to E; S|E;$ و $S \to id E' \in E \to id E'$ و $S \to E; S|E;$ در یک گرامر وجود داشته باشند و به عبارت id; id; برخورد id; نیم، توکن id; بیشته برداشته می شود و یک پیام خطا صادر می شود، مبنی بر اینکه توکن id; در ورودی فراموش شده است، و تجزیه ادامه پیدا می کند.

- گرامر زیر و جدول تجزیه متناظر با آن را در نظر بگیرید.

NON -		INPUT SYMBOL				
TERMINAL	id	+	*	()	\$
E	$E \to TE'$			$E \to TE'$		
E'		$E' \to +TE'$			$E' \to \epsilon$	$E' \to \epsilon$
T	$T \to FT'$			$T \to FT'$		
T'		$T' \to \epsilon$	$T' \to *FT'$		$T' o \epsilon$	$T' \to \epsilon$
F	$F o \mathbf{id}$			F o (E)		

- در جدول زیر واژه synch در خانه M[A,a] قرار گرفته است، اگر $a \in Follow(A)$ باشد.

NON -		BOL				
TERMINAL	id	+	*	()	\$
E	$E \to TE'$			$E \to TE'$	synch	synch
E'		$E \to +TE'$			$E \to \epsilon$	$E \to \epsilon$
T	$T \to FT'$	synch		$T \to FT'$	$\begin{array}{c} \text{synch} \\ T' \to \epsilon \end{array}$	synch
T'		$T' \to \epsilon$	$T' \to *FT'$		$T' o \epsilon$	$T' \to \epsilon$
F	$F o \mathbf{id}$	synch	synch	$F \to (E)$	synch	synch

- از این جدول به صورت زیر استفاده میشود.
- (قانون ۱) اگر تجزیه کننده به کلمه synch برخورد کرد، متغیر از روی پشته برداشته می شود و پیام خطا صادر می شود تا تجزیه بتواند ادامه پیدا کند.
- (قانون ۲) اگر تجزیه کننده به سلول M[A, a] رسید که خالی بود آنگاه پیام خطا صادر شده، از α چشمپوشی می شود.
- (قانون ۳) اگر یک توکن از روی پشته بر نماد ورودی تطبیق داده نشود، آنگاه توکن از پشته برداشته میشود و پیام خطا صادر میشود مبنی بر اینکه توکن مورد نظر اضافه شده است.

- با خواندن ورودی +id * id * id * id تجزیه کننده به صورت زیر عمل میکند.

	رير حبل بيء	
Stack	Input	Remark
E \$	$*$ \mathbf{id} $*$ $+$ \mathbf{id} $\$$	error, skip *
E \$	$\mathbf{id}*+\mathbf{id}~\$$	id is in FIRST (E)
TE' \$	$\mathbf{id}*+\mathbf{id}~\$$	
FT'E' \$	$\mathbf{id}*+\mathbf{id}~\$$	
id $T'E'$ \$	$\mathbf{id}*+\mathbf{id}~\$$	
T'E' \$	$*+\mathbf{id}\ \$$	
FT'E'\$	$+\mathbf{id}\ \$$	
FT'E' \$	+ id \$	error, $M[F, +] = \text{synch}$
T'E' \$	+ id \$	F has been popped
E' \$	+ id \$	
+TE'\$	+ id \$	
TE' \$	$\mathbf{id}\$$	
FT'E' \$	$\mathbf{id}\$$	
$\operatorname{id} T'E' \ \$$	$\mathbf{id}\ \$$	
T'E' \$	\$	
E' \$	\$	
\$	\$	

- معمولاً یک کامپایلر خوب پیامهای خطایی صادر میکند که اطلاعات مفیدی به دست برنامهنویس میدهد.

طراحي كامپايلر تحليل نحوي ٢٥١ / ٢٥٦

بازیابی خطا با جایگزینی توکنها

بازیابی خطا با جایگزینی توکنها ¹ بدین صورت پیادهسازی میشود که به جای سلولهای خالی در جدول تجزیه، توابعی قرار میگیرند که بازیابی خطا را انجام میدهند. این توابع میتوانند نمادهایی را تغییر دهند یا اضافه کنند و یا حذف کنند و پیام خطای مناسب صادر کنند. همچنین این توابع میتوانند از پشته نمادهایی را خارج کنند یا نمادهایی را به پشته اضافه کنند. باید اطمینان حاصل شود که این توابع ایجاد حلقه بیپایان نمیکنند.

¹ phrase-level error recovery

تجزیه پایین به بالا

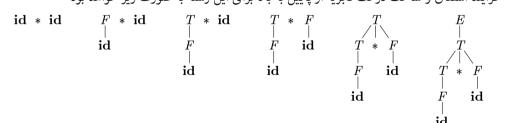
- یک تجزیه کننده پایین به بالا ¹ درخت تجزیه برای یک ورودی را از برگها (پایین) به سمت ریشه (بالا) می سازد.

طراحي کامپايلر تحليل نحوي ۲۵۱ / ۲۵۱

¹ bottom-up parser

- فرض کنید میخواهیم رشته id * id را با استفاده از یک تجزیه کننده پایین به بالا برای گرامر زیر تجزیه کنیم.

فرایند اشتقاق و ساخت درخت تجزیه از پایین به بالا برای این رشته به صورت زیر خواهد بود.



تجزیه یایین به بالا

- در این قسمت یک روش کلی برای تجزیه پایین به بالا به نام تجزیه انتقال کاهش 1 معرفی میکنیم.

- یکی از دستههای مهم گرامرها که برای آنها تجزیه کننده انتقال کاهش میتواند ساخته شود، دسته گرامرهای LR

طراحي کامپايلر تحليل نحوي ۲۵۱ / ۲۵۱

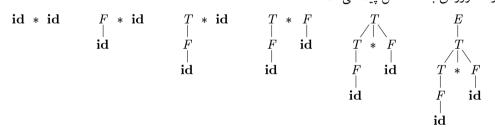
¹ shift-reduce parsing

كاهش

یک تجزیه کننده پایین به بالا با دریافت یک رشته ورودی آن را به متغیر آغازین کاهش میدهد. در هرگام کاهش ¹ ، یک زیر رشته از ورودی بر بدنهٔ یک قانون تولید تطبیق پیدا میکند و به متغیر آن قانون تولید کاهش پیدا میکند. یک تجزیه کننده پایین به بالا تعیین میکند کدام قسمت از رشته ورودی توسط کدام یک از قوانین تولید کاهش پیدا کند.

¹ reduction

در شکل زیر id*id*id به id*id*id کاهش پیدا میکند و سپس به ترتیب به T ، T*F ، T*id و در نهایت رشته ورودی به E کاهش بیدا میکند.



- درگام اول برای کاهش از قانون id o f o f استفاده می شود. در برخی ازگامها چند انتخاب برای کاهش وجود دارد که تجزیه کنند باید تصمیم بگیرید از کدام قانون و کدام زیر رشته برای کاهش استفاده کند.

- فرایند کاهش معکوس فرایند اشتقاق است. در فرایند اشتقاق یک متغیر در یک صورت جملهای با بدنه یک قانون قانون از آن متغیر جایگزین میشود. اما در فرایند کاهش یک زیررشته از صورت جملهای بر بدنهٔ یک قانون منطبق و با متغیر متعلق به آن قانون جایگزین میشود. بنابراین تجزیه کننده پایین به بالا یک اشتقاق به صورت معکوس میسازد.

- فرایند اشتقاق راست زیر را در نظر بگیرید.

 $E \Rightarrow T \Rightarrow T * F \Rightarrow T * id \Rightarrow F * id \Rightarrow id * id$

- در شکل زیر این فرایند اشتقاق از آخر به اول انجام میشود.

- در تجزیه پایین به بالا ورودی از چپ به راست خوانده می شود و یک اشتقاق راست 1 به صورت معکوس تولید می شود.

- یک هندل 2 ، زیر رشته ای است که بر بدنه یکی از قوانین تولید تطبیق داده می شود. کاهش یک هندل به معنای جایگزین کردن آن با متغیر قانون تولید انتخاب شده است. کاهش هندل یک گام در فرایند اشتقاق راست معکوس است.

¹ rightmost derivation

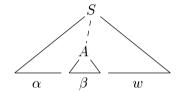
² handle

- برای مثال در جدول زیر هندل در هر گام از فرایند کاهش مشخص شده است. برای خوانایی بیشتر و تمییز دادن توکنهای id، از اندیس استفاده شده است.

RIGHT SENTENTIAL FORM	HANDLE	REDUCING PRODUCTION
$\mathbf{id}_1 * \mathbf{id}_2$	\mathbf{id}_1	$F o \mathbf{id}$
$F*\mathbf{id}_2$	F	$T \to F$
$T*\mathbf{id}_2$	\mathbf{id}_2	$F o \mathbf{id}$
T*F	T * F	$T \to T * F$
<i>T</i>	T	$E \to T$

- در این فرایند کاهش در گام سوم گرچه T در id_2 در T میتواند به عنوان هندل انتخاب شود چرا که قانون $E \to T$ وجود دارد، اما T به عنوان هندل انتخاب نمیشود چرا که در اینصورت متغیر آغازین T به دست نمیآید و رشته تجزیه نمیشود. همچنین در گام چهارم میتوانستیم T را به T کاهش دهیم، اما در آن صورت رشته تجزیه نمیشد.

اگر داشته باشیم $\alpha \beta w \Rightarrow \alpha A w \Rightarrow \alpha \beta w$ آنگاه قانون تولید $A \to A \to A$ یک هندل برای صورت جملهای $S \Rightarrow \alpha A w \Rightarrow \alpha \beta w$ در فرایند کاهش است.



- توجه کنید که در تعریف بالا w تنها از ترمینالها تشکیل شده است. برای سادگی به جای $A \to \beta$ میگوییم $\alpha \in A \to \beta$ است.
 - اگر یک گرامر مبهم باشد، چند هندل در فرایند کاهش وجود خواهد داشت.

- فرایند اشتقاق راست معکوس با کاهش هندل به دست میآید. در این فرایند با یک رشته w از ترمینالها آغاز میکنیم. اگر w یک رشته از گرامر باشد، آنگاه $w=\gamma_n$ جایی که γ_n برابراست با γ_n امین صورت جملهای در فرایند اشتقاق راست.

$$S = \gamma_0 \underset{r_m}{\Rightarrow} \gamma_1 \underset{r_m}{\Rightarrow} \cdots \underset{r_m}{\Rightarrow} \gamma_{n-1} \underset{r_m}{\Rightarrow} \gamma_n = w$$

- برای ساختن این اشتقاق به صورت معکوس، هندل eta_n در γ_n پیدا میشود و با A_n با استفاده از قانون $A_n o \beta_n$ جایگزین میشود تا صورت جمله γ_{n-1} به دست بیاید.
- الگوریتم تجزیه پایین به بالا روشی برای یافتن هندل توصیف میکند. این فرایند ادامه پیدا میکند تا در نهایت متغیر S به دست بیاید. در اینصورت رشته تجزیه شده است و متعلق به گرامر است.

- دقت کنید در فرایند اشتقاق راست ابتدا قسمت راست صورتهای جملهای تجزیه میشود، یعنی در یک فرایند اشتقاق داریم $lpha Aw \Rightarrow lpha Bw$ جایی که $A \to B$
 - میرسیم. αAw میرسیم، به $\alpha \beta w$ میرسیم میرسیم.
 - در هیچ فرایند اشتقاق راست، اشتقاق $\alpha A \gamma B w \Rightarrow \alpha \beta \gamma B w$ ممکن نیست.
- بنابراین هیچ فرایند کاهشی وجود ندارد که یک صورت جملهای به صورت $lpha eta \gamma eta w$ را به $lpha A \gamma eta B w$ کاهش دهد.
 - به عبارت دیگر در فرایند کاهش αx کاهش در انتهای صورت جملهای α انجام میشود.

تجزيه انتقالكاهش

- تجزیه انتقالکاهش نوعی تجزیه پایین به بالا است که در آن یک پشته نمادهای گرامر را نگهداری میکند و در بافر ورودی باقیمانده رشته ورودی برای تجزیه مشخص شدهاست.

هندل همیشه برروی پشته قرار گرفته است.

در انتهای پشته و همچنین در انتهای رشته ورودی علامت \$ را قرار میدهیم.

- در ابتدای وضعیت پشته و رشته ورودی به صورت زیر است.

 - تجزیه کننده ورودی را از چپ به راست میخواند و تعداد صفر یا بیشتر نماد از ورودی را در پشته قرار میدهد تا وقتی که یک هندل β برروی پشته برای کاهش یافت شود. سپس β از پشته حذف میشود و با متغیر قانونی که کاهش با استفاده از آن انجام میشود جایگزین میشود.

- این فرایند ادامه پیدا میکند تا اینکه یا تجزیه کننده با خطا روبرو شود و یا در پشته متغیر آغازین قرار بگیرد و و رودی به پایان برسد. در اینصورت وضعیت پشته و رشته ورودی به درستی تجزیه شده است. درستی تجزیه شده است.

STACK	${ m Input}$
\$ S	\$

میدهد. انتقان می تجزیه کننده انتقال کاهش را برای تجزیه رشته id*id نشان می دهد.

STACK	Input	ACTION
\$	$\mathbf{id}_1*\mathbf{id}_2\$$	shift
$\mathbf{\$}\mathbf{id}_1$	$*\mathbf{id}_2\$$	reduce by $F \to \mathbf{id}$
\$F	$\ast \ \mathbf{id}_{2} \ \$$	reduce by $T \to F$
\$ T	$*$ \mathbf{id}_2 $\$$	shift
$\ T*$	$\mathbf{id}_2\$$	shift
$T * id_2$	\$	reduce by $F \to \mathbf{id}$
T * F	\$	reduce by $T \to T * F$
\$T	\$	reduce by $E \to T$
\$E	\$	accept

تجزيه انتقالكاهش

- در فرایند تجزیه انتقالکاهش چهار عملیات میتواند توسط تجزیه کننده اجرا شود.
 - د. انتقال 1 : یک نماد از ورودی به روی پشته انتقال پیدا میکند.
- ۷. کاهش 2 : یک هندل که نماد سمت راست آن در بالای پشته است و نماد سمت چپ آن در پشته قرار دارد مشخص می شود و با استفاده از یک قانون گرامر کاهش پیدا می کند. هندل از پشته حذف و متغیر مربوط تولید کننده هندل بر روی پشته اضافه می شود. هندل همیشه بالای پشته قرار می گیرد نه در وسط آن.
 - $^{\circ}$ پذیرش $^{\circ}$: عملیات تجزیه به اتمام رسیده و رشته پذیرفته شده است.
 - * خطا 4 : یک خطا نحوی تشخیص داده شده و یک تابع بازیابی خطا فراخوانی می شود.

¹ shift

² reduce

³ accept

⁴ error

¹ shift/reduce conflict

² reduce/reduce conflict

- اگریک تجزیه کننده انتقال کاهش با آگاهی از k نماد بعدی در ورودی و آگاهی از محتوای پشته بتواند تصمیم بگیرد انتقال را اعمال کند و یا کاهش و بتواند تصمیم درستی درمورد انتخاب عملیات کاهش بگیرد گرامر مورد تجزیه یک گرامر LR(k) نامیده می شود.
- گرامری که تجزیهکننده انتقالکاهش برای تجزیه جملات با آن تنها نیاز به آگاهی از یک نماد بعدی در ورودی داشته باشد، یک گرامر (LR(۱) نامیده میشود.
- حرف L بدین معنی است که ورودی از چپ به راست 1 خوانده میشود و حرف R بدین معنا است که یک اشتقاق راست به صورت معکوس 2 ایجاد میشود و k بدین معنی است که آگاهی از k نماد بعدی از ورودی برای تجزیه جمله کافی است.

¹ left-to-right

² rightmost derivation in reverse

- یک گرامر مبهم هیچگاه نمی تواند LR باشد.

- گرامر زیر را در نظر بگیرید.

 $stmt \rightarrow$ if expr then stmt| if expr then stmt else stmt| other

- اگر پیکربندی زیر را در هنگام تجزیه داشته باشیم، نمیتوانیم تصمیم بگیریم آیا if expr then stmt هندل است با خبر.

STACK INPUT \cdots if expr then stmt else \cdots \$

- در اینجا یک تعارض انتقالکاهش به وجود میآید.
- تجزیه انتقالکاهش میتواند با کمی تغییرات برای گرامرهای مبهم نیز استفاده شود.

- در برخی مواقع تجزیه کننده نمی تواند تصمیم بگیرد از بین چند هندل کدام یک را انتخاب کند و کدام قانون تولید را در فرایند کاهش اعمال کند.

- فرض کنید گرامری به صورت زیر داریم که در آن فراخوانی تابع و تعریف آرایه شبیه به یکدیگر تعریف میشوند و هر دو از نماد برانتز استفاده میکنند

- (1) $stmt \rightarrow id (parameter_list)$
- $(2) stmt \to expr := expr$
- (3) parameter_list \rightarrow parameter_list, parameter
- (4) $parameter_list \rightarrow parameter$
- $(5) parameter \to id$
- $(6) expr \rightarrow id (expr_list)$
- (7) $expr \rightarrow id$
- (8) $expr_list \rightarrow expr_list$, expr
- $(9) expr_list \to expr$

حال یک عبارت به صورت p(i,j) در ورودی پس از تحلیل لغوی به صورت id(id,id) تبدیل می شود و به تجزیه کننده تحویل داده می شود. پس از انتقال سه توکن برروی پشته، تجزیه کننده انتقال کاهش در وضعیت زیر قرار می گیرد.

STACK ... id (id

INPUT
, id) ···

•

- در اینجا دو قانون ۵ برای کاهش id به پارامتر تابع و قانون ۷ برای کاهش id به نام پارامتر آرایه میتوانند
 استفاده شوند و یک تعارض کاهشکاهش به وجود میآید.
- یک راه حل این است که به جای id در قانون تولید ۱ از توکن procid استفاده شود. این راه حل تحلیلگر لغوی را پیچیده میکند، زیرا تحلیلگر باید با استفاده از جدول علائم تشخیص دهد یک شناسه نام تابع است یا نام آرایه.
 - یک راه حل دیگر تغییر ساختار نحوی برنامه و تغییر زبان برنامه نویسی است.

تجزیه LR ساده

- بسیاری از تجزیه کنندههای پایین به بالا بر مبنای تجزیه (LR(k هستند.
- حرف L بدین معناست که ورودی از چپ به راست 1 خوانده می شود و حرف R بدین معناست که تجزیه با استفاده از یک فرایند اشتقاق راست معکوس 2 انجام می شود و k به معنای تعداد نمادهای بعدی است که برای تصمیم گیری در فرایند تجزیه استفاده می شود.
 - برای تجزیه زبانهای برنامهنویسی معمولاً از تجزیهکننده (۱) LR استفاده میشود.
 - وقتی از تجزیه کننده LR صحبت می کنیم منظور تجزیه کننده (۱) LR است.
- ابتدا در مورد یک تجزیهکننده LR ساده 3 یا SLR صحبت میکنیم و سپس با روشهای پیچیدهتر تجزیه از جمله تجزیهکننده LR استاندارد 4 یا CLR و تجزیهکننده 4 آشنا میشویم.

¹ left-to-right

² rightmost derivation in reverse

³ Simple LR (SLR)

⁴ Canonical LR (CLR)

- تجزیهکنندههای LR شبیه به تجزیهکنندهها LL از یک جدول تجزیه استفاده میکنند.
- گرامرهایی که میتوان برای آنها یک تجزیهکننده LR طراحی کرد، گرامرهای LR نامیده میشوند.

تجزیه LR ساده

- تجزیه LR به چند دلیل پرکاربرد است :
- ا تجزیه کننده های LR می توانند همهٔ ساختارهای زبان های برنامه نویسی را که برای آنها یک گرامر مستقل از متن وجود دارد تجزیه کنند. گرامرهای مستقل از متنی وجود دارند که LR نیستند اما این گرامرها در زبان های برنامه نویسی استفاده نمی شوند.
- ۲. تجزیه کننده LR روشی است غیربازگشتی برای پیادهسازی تجزیه انتقال کاهش و در عین حال به اندازه بقیه روشهای تجزیه کاراست. گرامر مورد تجزیه نیاز به حذف بازگشت چپ ندارد و در برخی مواقع میتواند مبهم ننز باشد.
 - ۳. روشهای کارایی برای بازیابی خطا در تجزیهکننده LR وجود دارد.
- ۴. دسته گرامرهای LR ابر مجموعه دسته گرامرهای LL است، پس تجزیه کننده LR تعداد گرامرهای بیشتری را پوشش میدهد.
 - تنها عیب تجزیه کننده LR این است که ساختن آن بسیار پیچیده است.

- چگونه یک تجزیهکننده انتقالکاهش تشخیص میدهد چه زمانی انتقال و چه زمانی کاهش انجام دهد؟

- برای مثال اگر محتوای پشته T باشد و نماد بعدی * باشد، تجزیه کننده چگونه تشخیص می دهد T هندل نیست و باید به جای کاهش انتقال انجام دهد؟

STACK	Input	ACTION
\$	$\mathbf{id}_1 * \mathbf{id}_2 \$$	shift
$\$\mathbf{id}_1$	$*\mathbf{id}_2\$$	reduce by $F \to \mathbf{id}$
\$F	$*\mathbf{id}_2\$$	reduce by $T \to F$
$\ T$	$*\mathbf{id}_2\$$	shift
T *	$\mathbf{id}_2\$$	shift
$T * id_2$	\$	reduce by $F \to \mathbf{id}$
T * F	\$	reduce by $T \to T * F$
\$T	\$	reduce by $E \to T$
\$E	\$	accept

ماشین (∘) LR

- یک تجزیه کننده LR تصمیم انتقال یا کاهش را با نگهداری تعدادی حالت انجام میدهد.

- هر یک از این حالتها، مجموعهای از آیتمها 1 را در بر میگیرند.
- یک آیتم (\circ) LR از گرامر G یک قانون تولید گرامر G است که تعدادی نقطه در بین نمادهای بدنه آن افزوده شدهاند.
 - بنابراین قانون XYZ o A o X چهار آیتم به صورت زیر دارد :

$$A \to \cdot XYZ$$

$$A \to X \cdot Y Z$$

$$A \to XY \cdot Z$$

$$A \to XYZ$$

- قانون تولید $lpha
ightarrow \epsilon$ تنها یک آیتم به صورت $A
ightarrow A
ightarrow \epsilon$ دارد.

¹ item

- به طور شهودی، یک آیتم نشان میدهد چه مقداری از یک قانون تولید در هر لحظه خوانده شده است.

- برای مثال آیتم XYZ o XYZ نشان دهنده این است که میتوانیم رشته ورودی را از XYZ مشتق کنیم.

- آیتم $X \cdot YZ$ مشتق شده و ممکن است بتوانیم ادامه رشته را از X مشتق شده و ممکن است بتوانیم ادامه رشته را از YZ مشتق کنیم.

Aرا به XYZ مشتق شده و میتوانیم XYZ را به XYZ کاهش دهیم.

ماشين (∘ LR(

یک گروه از مجموعه آیتمهای (\circ) LR یک گروه (\circ) استاندارد (\circ) نامیده می شود که از آن برای ساختن یک ماشین متناهی قطعی برای تصمیمگیری در فرایند ترجمه استفاده می شود.

این ماشین را ماشین (۱۹ کی مینامیم.

¹ collection of sets of LR(∘) items

² canonical LR(°) collection

³ LR(∘) automaton

ماشين (∘ LR(

- هر حالت از ماشین (\circ) LR نشان دهنده مجموعهای از آیتمها در گروه (\circ) استاندارد 1 است.
- برای ساختن گروه (°)LR استاندارد برای یک گرامر، یک گرامر افزوده شده و دو تابع Closure و Goto را تعریف میکنیم.
- S' یک گرامر با نماد آغازین S باشد، آنگاه G' یک گرامر افزوده شده G' برای G است که نماد آغازین S' و قانون S' در آن افزوده شده است.

¹ canonical LR(°) collection

² augmented grammar

اگر I مجموعه ای از آیتمها بر روی گرامر G باشد، آنگاه Closure(I) مجموعه ای از آیتمها از I است که با دو قانون زیر ساخته شده اند :

۱. هر آیتم در Closure(I) نیز اضافه می شود.

 $B \to \gamma$ در Closure(I) باشد و $A \to \alpha \cdot B$ یک قانون تولید باشد، آنگاه آیتم $A \to \alpha \cdot B$. اگر $A \to \alpha \cdot B$ در Closure(I) وجود نداشته باشد، به آن اضافه می شود. این کار تکرار می شود تا جایی که هیچ آیتم دیگری را نتوان به Closure(I) اضافه کرد.

به طور شهودی $\alpha \cdot B$ در $A \to \alpha \cdot B$ در Closure(I) نشان دهنده این است که در یکی از گامها در فرایند تجزیه، زیررشته ای که باید تجزیه شود از B مشتق می شود. زیر رشته ای که از B مشتق یک پیشوند دارد که از B مشتق می شود بنابراین یکی از قوانین B باید اعمال شود. بنابراین آیتمها برای همه قوانین متعلق به B در Closure(I) قرار می گیرد. $B \to \gamma$

تابع Closure

مثال : گرامر زیر را در نظر بگیرید.

– اگر I مجموعه ای از یک آیتم $[E' \to \cdot E]$ باشد، آنگاه Closure(I) مجموعه آیتمهای I_0 را شامل می شود.

$$I_0$$

$$E' \to \cdot E$$

$$E \to \cdot E + T$$

$$E \to \cdot T$$

$$T \to \cdot T * F$$

$$T \to \cdot F$$

$$F \to \cdot (E)$$

$$F \to \cdot \mathbf{id}$$

- در ابتدا آیتم E' o E براساس قانون اول در Closure(I) قرار میگیرد.
- از آنجایی که E سمت راست نقطه قرار گرفته است، همه قوانین E را با یک نقطه در سمت چپ بدنه قانون $E \to E + E + E$ می افزاییم : $E \to E + C + E$
 - در آیتم افزوده شده، T پس از نقطه قرار گرفته است، پس قوانین T * T o T و T o T را میافزاییم.
 - در پایان چون F پس از نقطه قرار گرفته است قوانین متعلق به F را با یک نقطه در سمت چپ بدنه قانون میافزاییم پس دو آیتم $F \to \cdot id$ و $F \to \cdot id$ اضافه میشوند.

```
- تابع Closure را مىتوان براساس الگوريتم زير توليد كرد.
SetOfItems CLOSURE(I) {
       J=I:
       repeat
               for (each item A \to \alpha \cdot B\beta in J)
                       for (each production B \to \gamma of G)
                              if (B \rightarrow \gamma \text{ is not in } J)
                                      add B \to \gamma to J;
       until no more items are added to J on one round:
       return J:
```

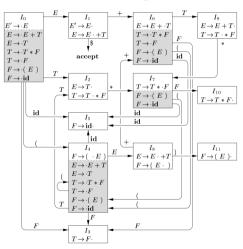
تابع Closure

- مجموعههای آیتمها را به دو دسته تقسیم میکنیم.
- ا . آیتمهای هسته $^1:$ آیتم شروع S' o S' و همه آیتمهایی که نقطه در سمت چپ بدنه آنها نیست.
 - S' o S' همه آیتمهایی که نقطه در سمت چپ بدنه آنهاست به جز S' o S' . S' o S'
 - هر مجموعه از آیتمها تشکیل شده است از Closure برروی مجموعه آیتمهای هسته.
- بنابراین برای صرفهجویی در حافظه میتوانیم آیتمهای غیر هسته را دور بریزیم زیرا این آیتمها مجددا میتوانند از آیتمهای هسته محاسبه شوند.

¹ kernel items

² nonkernel items

- در شکل زیر آیتمهای غیرهسته با رنگ خاکستری نشان داده شدهاند.



ست. ورودی X مجموعهای از آیتمهاست و X یک نماد از گرامر است. ورودی X مجموعهای از آیتمهاست و X یک نماد از گرامر است.

- اگر در آیتم I داشته باشیم [A o lpha imes Xeta] آنگاه تابع Goto(I,X) برروی مجموعه . [A o lpha imes X imes A] .
 - به طور شهودی، تابع Goto برای تعریف گذارها در ماشین $\operatorname{LR}(\circ)$ برای یک گرامر استفاده می شود. حالتهای ماشین مجموعه ای از آیتمهاست و $\operatorname{Goto}(I,X)$ گذار از حالت I با ورودی X است.

- اگر I مجموعه ای از دو آیتم $[E' \to E \cdot], [E \to E \cdot +T]$ باشد، آنگاه Goto(I,+) شامل آیتم های زیر است.

$$E \to E + \cdot T$$

$$T \to \cdot T * F$$

$$T \to \cdot F$$

$$F \to \cdot (E)$$

$$F \to \cdot \mathbf{id}$$

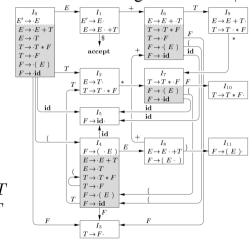
جرای محاسبه Goto(I,+) همهٔ آیتمهایی را که در آنها + پس از نقطه قرار میگیرند در نظر میگیریم. آیتم $E \to E \cdot +T$ چنین آیتمی است. نقطه را به بعد از + منتقل میکنیم و Closure آن را محاسبه میکنیم.

```
– الگوریتم زیر یک گروه استاندارد ^1 از مجموعههای آیتمهای \mathrm{LR}(\circ) را برای گرامر افزوده شده \mathrm{G}' میسازد.
      void items(G') {
             C = \{ \text{CLOSURE}(\{[S' \to \cdot S]\}) \};
             repeat
                    for ( each set of items I in C )
                            for (each grammar symbol X)
                                   if (GOTO(I, X) is not empty and not in C)
                                           add GOTO(I,X) to C:
             until no new sets of items are added to C on a round;
```

¹ canonical collection

تابع Goto

- گروه استاندارد از مجموعههای آیتمهای (۱۰) LR برای گرامر ذکر شده در شکل زیر نشان داده شده است. تابع Closure آیتمهای خاکستری و تابع Goto گذارهای بین حالتها را محاسبه میکنند.



استفاده از ماشین (·) LR

- تحزبه LR ساده با SLR از ماشین (·) LR استفاده می کند.

حالتهای ماشین (\circ) LR مجموعههایی از آیتمهای گروههای (\circ) LR استاندارد (\circ) است و گذارها با تابع Goto

طراحي كامپايلر تعليل نحوي تعليل ١٧٥ / ٢٥١

¹ simple LR

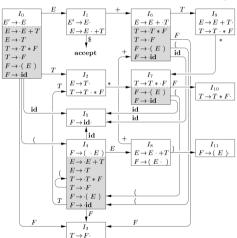
² sets of items from canonical LR(°) collection

- حالت آغازین ماشین (\circ) LR درواقع $(S' \to S)$ است، جایی که S' نماد آغازین گرامر افزوده شده است. همهٔ حالتها حالت پذیرش هستند.
 - وقتی میگوییم حالت j منظور مجموعه آیتمهای I_{j} است.
 - حال باید ببینیم ماشین (° LR چگونه کمک میکند برای انتقال کاهش تصمیم بگیریم.
 - فرض کنید رشته γ تشکیل شده از نمادهای گرامر، ماشین (\circ) LR را از حالت 0 به حالت j میبرد. حال برروی نماد ورودی α انتقال انجام میدهیم اگر حالت j کمک میکنند تصمیم بگیریم از کدام قانون برای کاهش انجام میدهیم.

 استفاده کنیم.
 - الگوریتم تجزیه LR از یک پشته برای نگهداری حالتها استفاده میکند.

استفاده از ماشین (·) LR

- رشته ورودی id * id و ماشین (∘)LR زیر را در نظر بگیرید.

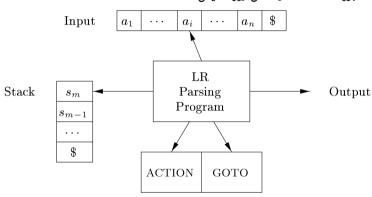


استفاده از ماشین (·) LR

- شكل زير روند تجزيه id * id را نشان ميدهد.

LINE	STACK	Symbols	Input	ACTION
(1)	0	\$	id*id\$	shift to 5
(2)	0.5	\$ i d	$*\operatorname{\mathbf{id}}\$$	reduce by $F \to \mathbf{id}$
(3)	0.3	\$F	$*\operatorname{\mathbf{id}}\$$	reduce by $T \to F$
(4)	0 2	$ \ $ \$ T	$*\operatorname{\mathbf{id}}\$$	shift to 7
(5)	027	\$ T *	$\mathbf{id}\$$	shift to 5
(6)	0275	$\$T*\mathbf{id}$	\$	reduce by $F \to \mathbf{id}$
(7)	02710	\$T * F	\$	reduce by $T \to T * F$
(8)	0 2	\$ T	\$	reduce by $E \to T$
(9)	0.1	\$E	\$	accept

ا شمای کلی یک تجزیه کننده LR در شکل زیر نمایش داده شده است.



- این تجزیه کننده از یک ورودی، یک خروجی، یک پشته، یک برنامه تجزیه کننده، و یک جدول تجزیه استفاده می کند که این جدول از دو بخش Action و Goto تشکیل شده است.
 - برنامه تجزیه کننده برای همهٔ تجزیه کننده های پایین به بالا یکسان است. تنها جدول تجزیه به ازای هر تجزیه کننده متفاوت خواهد بود.
 - برنامه تجزیه کننده کاراکترها را یکبهیک از ورودی میخواند. جایی که یک تجزیه کننده انتقال کاهش یک انتقال انجام می دهد، تجزیه کنند LR از یک حالت به حالت دیگر گذار می کند.

- پشته شامل حالتهای s_m حیشته طوریکه s_m میشود به طوریکه s_m میشود به حالتهای ماشین پشته است. پشته حالتهای ماشین (s_m) لازه می دارد.
 - حالتها متناظر هستند با مجموعه آیتمها و یک گذار از حالت i به حالت j وجود دارد اگر Goto $(I_i,X)=I_i$
- همهٔ گذارها به حالت j برای نماد X هستند. بنابراین هرحالت به جز حالت 0 یک نماد متناظر با آن دارد.

- جدول تجزیه از دو بخش تشکیل شده است: تابع Action و تابع Goto.
- د. تابع Action حالت i و یک ترمینال a (یا نماد a که در پایان رشته است) را دریافت میکند. مقدار Action [i,a] یکی از چهار مورد زیر میتواند باشد.
 - انتقال به حالت j : حالت j که نماینده ورودی α است، وارد پشته میشود.
 - . کاهش $A o \beta$: جمله β که برروی پشته قرار دارد با A کاهش پیدا میکند.
 - پذیرش: رشته پذیرفته می شود و تجزیه به اتمام می رسد.
 - خطا: تجزیه کننده یک خطا در ورودی می یابد و عملیات بازیابی خطا انجام می دهد.
 - ۲. تابع Goto که برروی مجموعههای آیتمها تعریف شده بود را به حالتها تعمیم میدهیم. اگر Goto $I_i,A]=I_j$ میبرد.

پیکربندی تجزیه کننده LR

- برای توصیف رفتار تجزیهکننده LR از یک نشانهگذاری برای نشان دادن وضعیت تجزیهکننده استفاده میکنیم، یعنی وضعیت پشته و رشته باقیمانده برای تجزیه.
 - یک پیکربندی 1 از تجزیه کننده LR یک دوتایی به صورت ($sos_1 \cdots s_m, a_i a_{i+1} \cdots a_n$) است، به طوری که جزء اول محتوای پشته (بالای پشته در سمت راست) و جزء دوم باقیمانده رشته ورودی است.
 - است. $X_1 X_2 \cdots X_m a_i a_{i+1} \cdots a_n$ این پیکربندی نشاندهنده صورت جمله ای
 - درواقع X_i نمایش داده می است که با حالت S_i نمایش داده می شود.
 - توجه کنید که حالت آغازین So در تجزیه کننده نماینده هیچ نمادی از گرامر نیست و تنها زیر پشته را نشان می دهد.

¹ configuration

- حرکت بعدی تجزیه کننده از یک پیکربندی با خواندن نماد ورودی a_i و حالت s_m برروی پشته توسط Action $[s_m, a_i]$
- اگر Action $[s_m, a_i] = \text{shift } s$ باشد، آنگاه تجزیه کننده یک عملیات انتقال انجام می دهد و حالت بعدی $Action[s_m, a_i] = \text{shift } s$ را به پشته منتقل می کند و در پیکربندی $\{s_0s_1\cdots s_ms, a_{i+1}\cdots a_n\}$ قرار می گیرد. نیازی نیست نماد a_i برروی پشته باشد زیرا اگر نیاز به آن بود می توان توسط حالت s آن را بازیابی کرد (البته در عمل هیچگاه نیازی به آن نیست). نماد بعدی a_{i+1} خواهد بود.

۷. اگر $\beta \to Action[s_m, a_i] = reduce \ A \to \beta$ باشد، آنگاه تجزیه کننده یک کاهش انجام می دهد و وارد پیکربندی $(s_0s_1\cdots s_{m-r}s, a_ia_{i+1}\cdots a_n\$)$ می شود. مقدار r طول $s_{m-r}s, a_ia_{i+1}\cdots a_n\$)$ می $s=Goto[s_{m-r},A]$ ردروی $s=Goto[s_{m-r},A]$ در اینجا تجزیه کننده ابتدا تعداد r حالت را از پشته برمی دارد و حالت s_{m-r} برروی پشته قرار می گیرد. سپس حالت s یعنی رداشته شده از روی پشته که بر $s=Soto[s_{m-r},A]$ متناظر است با حالتهای برداشته شده از روی پشته که بر $s=Soto[s_{m-r},A]$ یعنی بدنه قانون کاهش منطبق می شود.

.۳ میرسد، بایان میرسد. $Action[s_m,a_i]=accept$ میرسد.

. اگر $Action[s_m, a_i] = error$ آنگاه تجزیه کننده یک تابع بازیابی کننده خطا فراخوانی می کند.

- الگوریتم تجزیهکننده LR به صورت زیر عمل میکند. همهٔ تجزیهکنندههای LR به همین صورت عمل میکنند و تنها تفاوت آنها اطلاعات ذخیره شده در Action و Goto در جدول تجزیه است.
 - ست. G فرض کنید رشته w به یک تجزیه کننده C برای گرامر C داده شده است.
- اگر رشته w متعلق به L(G) باشد، دنبالهای از قوانین کاهش به صورت پایین به بالا برای رشته w به دست می آید در غیراینصورت پیام خطا صادر می شود.

```
در ابتدا تجزیه کننده s_0 را برروی پشته قرار می دهد و w برروی بافر ورودی قرار می گیرد. سپس الگوریتم زیر احرا می شود.
               let a be the first symbol of w$;
               \mathbf{while}(1) {
                       let s be the state on top of the stack:
                      if (ACTION[s, a] = shift t) {
                              push t onto the stack:
                              let a be the next input symbol:
                       } else if ( ACTION[s, a] = reduce A \rightarrow \beta ) {
                              pop |\beta| symbols off the stack;
                              let state t now be on top of the stack;
                              push GOTO[t, A] onto the stack;
                              output the production A \to \beta;
                       } else if ( ACTION[s, a] = accept ) break;
                       else call error-recovery routine:
```

الگوريتم تجزيه LR

- توابع Action و Goto از تجزیه کننده LR برای گرامر ذکر شده در زیر نشان محاسبه شدهاند.

	CTATE	ACTION						GOTO		
	STATE	id	+	*	()	\$	E	T	F
	0	s5			s4			1	2	3
	1		s6				acc			
	2		r2	s7		r2	r2			
	3		r4	r4		r4	r4			
$E \to E + T$	4	s5			s4			8	2	3
$E \to T$	5		r6	r6		r6	r6			
	6	s5			s4				9	3
$T \to T * F$	7	s5			s4					10
$T \to F$	8		s6			s11				
	9		$^{\mathrm{r}1}$	s7		$^{\mathrm{r}1}$	$^{\mathrm{r}1}$			
$F \to (E)$	10		r3	r3		r3	r3			
$F o \mathbf{id}$	11		r5	r5		r5	r5			

(2) $E \rightarrow T$ $(3) \quad T \to T * F$

 $(4) \quad T \to F$ $(5) F \rightarrow (E)$ (6) $F \rightarrow id$

الگوريتم تجزيه LR

- در این جدول i به معنی انتقال به حالت i است، r به معنی کاهش با قانون شماره j است، i به معنی خطا است. یذیرش و خانههای خالی به معنی خطا است.

الگوريتم تجزيه LR

- برای ورودی id*id+id دنباله محتوای پشته و ورودی در شکل زیر نشان داده شده است.

	STACK	Symbols	Input	ACTION
(1)	0		id*id+id\$	shift
(2)	0.5	\mathbf{id}	$*\mathbf{id} + \mathbf{id}\$$	reduce by $F \to \mathbf{id}$
(3)	0.3	F	$*\operatorname{\mathbf{id}}+\operatorname{\mathbf{id}}\$$	reduce by $T \to F$
(4)	0 2	T	$*\operatorname{\mathbf{id}}+\operatorname{\mathbf{id}}\$$	shift
(5)	0 2 7	T*	$\mathbf{id} + \mathbf{id}\$$	shift
(6)	$0\ 2\ 7\ 5$	T * id	$+\operatorname{id}\$$	reduce by $F \to \mathbf{id}$
(7)	0 2 7 10	T * F	$+\operatorname{id}\$$	reduce by $T \to T * F$
(8)	0 2	T	$+\operatorname{id}\$$	reduce by $E \to T$
(9)	0 1	E	$+\operatorname{id}\$$	shift
(10)	$0\ 1\ 6$	E +	id \$	shift
(11)	$0\ 1\ 6\ 5$	E + id	\$	reduce by $F \to \mathbf{id}$
(12)	$0\ 1\ 6\ 3$	E+F	\$	reduce by $T \to F$
(13)	$0\ 1\ 6\ 9$	E+T	\$	reduce by $E \to E + T$
(14)	0 1	E	\$	accept

- برای مثال در خط (۱) تجزیه کننده در حالت 0 است و اولین نماد id است. عملیات s5 باید انجام شود، بدین معنی که یک انتقال با وارد کردن حالت s5 به پشته انجام می شود. سپس * نماد بعدی است و عملیات حالت s5 بر روی ورودی * یک کاهش با s5 است. یک حالت از پشته برداشته می شود. چون Goto در حالت s5 براوی پشته اضافه می شود.

- برای استفاده از تجزیه کننده LR ساده یا SLR ابتدا باید جدول تجزیه آن را بسازیم.
 - الگوريتم SLR با آيتمهاي (∘) LR و ماشين (∘) LR آغاز ميكند.
- به ازای گرامر دلخواه G گرامر افزوده شده G' با متغیر شروع جدید S' ساخته می شود. با استفاده از G' گروه استاندارد مجموعه آیتمهای G با تابع G ساخته می شود.
 - سپس جدول تجزیه با استفاده از الگوریتم زیر ساخته می شود. قبل از ساختن جدول نیاز داریم برای همهٔ متغیرهای A مقدار A مقدار Follow A را محاسبه کنیم.

- الگوریتم ساخت جدول تجزیه SLR به صورت زیر است :
- . گروهی از مجموعههای آیتمهای (\circ) LR برای گرامر G' به صورت $C = \{I_0, I_1, \cdots, I_n\}$ میسازیم.
 - ۲. حالت i را به ازای I_i میسازیم و عملیات تجزیه برای حالت i را به صورت زیر تعیین میکنیم :
- در اگر [$A \to \alpha \cdot a\beta$] در ابشد و A باشد و Goto(I_i, a) در ابشد و اینکاه A در A در ابنجا A باید یک ترمینال باشد.
- . Follow(A) در I_i در A در I_i در اینجا I_i نمی تواند I_i باشد.
 - Action[i,\$] = accept اگر $[S' \to S \cdot]$ در ایاشد آنگاه $[S' \to S \cdot]$.

- اگر در حین اجرای این الگوریتم تعارضی در عملیات به وجود آمد، میگوییم گرامر (SLR(۱) نیست و الگوریتم نمی تواند تجزیه کننده تولید کند.

۳. گذار Goto برای هر حالت i برای همه متغیرهای A با استفاده از این قانون محاسبه می شود : اگر Goto [i,A]=j آنگاه Goto(i,A)=i

۴. هر خانهای در جدول که برای آن در گامها ۲ و ۳ مقداری تولید نشده است، خطا محسوب میشود.

eta حالت اولیه تجزیه کننده حالتی است که از مجموعه آیتمهایی ساخته شده است که حاوی [S' o S] است.

جدول تجزیهای که با استفاده از این الگوریتم به دست میآید، جدول (۱) SLR برای گرامر G نامیده میشود.
 تجزیه کننده LR که از جدول (۱) SLR برای گرامر G استفاده میکند تجزیه کننده (۱) SLR برای G نامیده میشود.
 میشود. گرامری که برای آن یک تجزیه کننده (۱) SLR و جود داشته باشد، گرامر (۱) SLR نامیده میشود.
 معمولا (۱) را حذف میکنیم و تجزیه کننده و گرامر را SLR مینامیم.

- میخواهیم جدول تجزیه SLR برای گرامر زیر بسازیم.

$$(1) E \to E + T (4) T \to F$$

$$(2) E \to T (5) F \to (E)$$

(3)
$$T \to T * F$$
 (6) $F \to \mathbf{id}$

مجموعه آیتمهای Io به صورت زیر است.

$$E' \to \cdot E$$

$$E \to \cdot E + T$$

$$E \to \cdot T$$

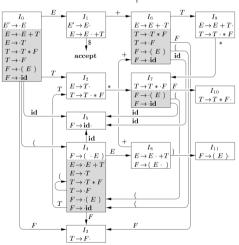
$$T \to \cdot T * F$$

$$T \to \cdot F$$

$$F \to \cdot (E)$$

$$F \to \cdot \mathbf{id}$$

- مجموعهٔ آیتمها را به صورت زیر قبلا محاسبه کردیم.



- با استفاده از آیتم $F \to \cdot (E)$ میتوان مقدار $F \to \cdot (E)$ میتوان مقدار $F \to \cdot (E)$ میتوان مقدار $F \to \cdot id$ میتوان مقدار $F \to \cdot id$ به دست میآید. بقیه آیتمها در $F \to \cdot id$
- و برای Action[1, \$\\$] = accept و میآوریم $E' o E \cdot E \cdot E'$ و برای ازیتمهای I_1 و برای I_2 د حال آیتمهای I_3 و برای I_4 د دست میآوریم Action[1, +] = shift 6 و برای
 - برای آیتمهای I_2 نیز عملیات را محاسبه میکنیم. برای آیتم $E \to T \cdot$ از آنجایی که Follow(E) = $\{\$,+,\}$

 $Action[2,\$] = Action[2,+] = Action[2,)] = reduce \ E \rightarrow T$

 $\mathsf{Action}[2,*] = \mathsf{shift}\ 7$ در I_2 در I_3 در I_4 در آیتم I_4 در ای آیتم I_4

ساختن جدول تجزیه LR

- جدول تجزیه برای این گرامر به صورت زیر محاسبه میشود.

STATE	ACTION							GOTO			
	id	+	*	()	\$	E	T	F		
0	s5			s4			1	2	3		
1		s6				acc					
$\frac{2}{3}$		r2	s7		r2	r2					
3		r4	r4		r4	r4					
4	s5			s4			8	2	3		
5		r6	r6		r6	r6					
6	s5			s4				9	3		
7	s5			s4					10		
8		s6			s11						
9		$^{\mathrm{r}1}$	s7		$^{\mathrm{r}1}$	$^{\mathrm{r}1}$					
10		r3	r3		r3	r3					
11		r5	r5		r5	r5					

 $E \to E + T$

 $(2) E \to T$ $(3) T \to T * F$

 $\begin{array}{ll} (4) & T \rightarrow F \\ (5) & F \rightarrow (E) \\ (6) & F \rightarrow \mathbf{id} \end{array}$

- هر گرامر (۱) SLR غیرمبهم است، اما بسیاری از گرامرهای غیرمبهم وجود دارند که (۱) SLR نیستند.

گرامر زیر را در نظر بگیرید.

$$S \rightarrow L = R \mid R$$

$$L \rightarrow *R \mid id$$

- گروه استاندارد مجموعههای آیتمهای (۰) LR برای این گرامر به صورت زیر است.

$$I_0: S' \to S$$
 $I_5: L \to \mathbf{id}$

$$S' \rightarrow \cdot S$$
 $I_5: L \rightarrow \text{id}$ $S \rightarrow \cdot L = R$

$$S \to R$$
 $I_6: S \to L = R$

$$L o \cdot *R$$
 $R o \cdot L$ $L o \cdot \mathbf{id}$ $L o \cdot *R$

$$R o \cdot L$$
 $L o \cdot \mathbf{id}$

$$I_1: S' \to S$$
 $I_7: L \to *R$

$$\begin{array}{ll} I_2\colon & S\to L\cdot =R \\ & R\to L\cdot \end{array} \qquad \qquad I_8\colon \quad R\to L\cdot$$

$$I_9 \colon S \to R$$
:

$$I_4 \colon L \to * \cdot R$$

 $R \to \cdot L$

$$L \to \cdot *R$$

 $L \to \cdot \mathbf{id}$

- Action[2,=]= shift 6 مجموعه آیتمهای I_2 را در نظر بگیرید. با استفاده از آیتم اول به دست میآوریم I_2 shift 6 مجموعه آیتم دوم . از آنجایی که I_3 Follow(R) حاوی = است (برای مثال در اشتقاق I_3 I_4 که دوم Follow(R) حاوی = است (برای مثال در Action[2,=] = reduce I_4 دو مقدار انتقال و به دست می آوریم، پس در حالت ۲ برروی ورودی = یک تعارض انتقال و کاهش وجود دارد.
 - این گرامر مبهم نیست. دلیل این تعارض این است که تجزیه کننده SLR به اندازه کافی قدرتمند نیست تا بتواند برروی این گرامر تصمیم بگیرد. تجزیه کننده LALR مجموعه بزرگتری از گرامرها از جمله این گرامر را می تواند تجزیه کند.
 - توجهکنید که گرامرهای غیرمبهمی وجود دارند که تجزیهکننده LR برای آنها وجود ندارد. البته این گرامرها در زبانهای برنامهنویسی استفاده نمیشوند.

- حال ببینیم چرا ماشین $\operatorname{LR}(\circ)$ میتواند برای تصمیمگیری درمورد انتقال و کاهش استفاده شود.
- در ماشین (\circ) $LR(\circ)$ برای یک گرامر، پشته، پیشوندی از صورت جملهای راست را نگهداری میکند.
- اگر پشته α را نگهداری کند و ورودی باقیمانده α باشد آنگاه دنبالهای از کاهشها α را به α کاهش میدهد. α درواقع در فرایند اشتقاق داریم α α α .
- همچنین قبلا اثبات کردیم که از آنجایی که فرایند کاهش معکوس فرایند اشتقاق راست است، هندل نمیتواند در وسط پشته باشد و حتما باید بر روی پشته قرار بگیرد.

پیشوندهای پایدار

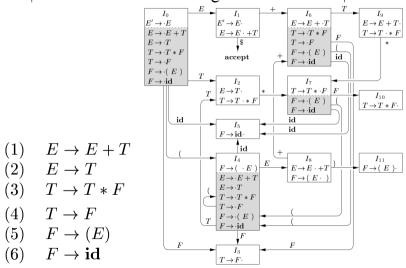
- پیشوندهایی از صورتهای جملهای راست که میتوانند برروی پشته دریک تجزیه کننده انتقال کاهش ظاهر شوند، پیشوندهای پایدار 1 نامیده میشوند. یک پیشوند پایدار پیشوندی از یک صورت جملهای راست است که یک هندل را شامل نمی شود.
- تجزیه SLR بر این اصل عمل میکند که ماشین (\circ) لیشوندهای پایدار را تشخیص میدهد. میگوییم آیتم $A \to \beta_1 \cdot \beta_2$ معتبر است اگر اشتقاقی به صورت $A \to \beta_1 \cdot \beta_2$ وجود داشته باشد. یک آیتم میتواند برای بسیاری از پیشوندهای پایدار $S' \overset{*}{\underset{rm}{\Rightarrow}} \alpha Aw \overset{*}{\underset{rm}{\Rightarrow}} \alpha \beta_1 \beta_2 w$
 - این که $\beta_1\cdot\beta_2 \to A$ برای $\alpha\beta_1$ معتبر است به ما میگوید وقتی $\alpha\beta_1$ را برروی پشته مشاهده کردیم انتقال انجام دهیم یا کاهش.
 - اگر $eta
 eq eta 2 \neq \epsilon$ آنگاه میتوان نتیجه گرفت که هندل به پشته انتقال داده نشده است بنابراین باید انتقال انجام شود. اگر $eta = \epsilon$ آنگاه $eta \to A \to eta_1$ باید هندل باشد و باید با استفاده از این قانون کاهش انجام شود.

¹ viable prefix

- مجموعه آیتمهای معتبر برای پیشوند پایدار γ ، مجموعه آیتمهایی است که از حالت اولیه با مسیری با برچسب γ در ماشین (\circ) قابل دسترسی هستند.
- مجموعه همه آیتمهای معتبر همه اطلاعات مهم که میتوانند در پشته قرار بگیرند را در برمیگیرد. این قضیه در نظریه تجزیهکننده LR اثبات میشود که به اثبات آن نمیپردازیم.

پیشوندهای پایدار

- گرامر زیر و مجموعهٔ آیتمهای این گرامر به همراه توابع گذار را که به صورت زیر محاسبه کردیم، در نظر بگیرید.



- رشته E + T* یک پیشوند پایدار از گرامر است. ماشین E + T* پس از خواندن E + T* در حالت 7 قرار میگیرد. حالت 7 آیتمهای زیر را شامل میشود که برای E + T* معتبر هستند.

$$T \to T * \cdot F$$

$$F \to \cdot (E)$$

$$F \to \cdot \mathbf{id}$$

برای درک دلیل این امر اشتقاق راست زیر را در نظر بگیرید.

- اشتقاق اول معتبر بودن T * T * T را نشان میدهد. اشتقاق دوم معتبر بودن $F \to r * T * T$ و اشتقاق سوم معتبر بودن $F \to r * T * T * T * T *$ را نشان میدهد.
 - میتوان نشان داد که هیچ آیتم معتبر دیگری برای E + T * E + T وجود ندارد.

تجزیهکنندههای LR قدرتمندتر

- در این قسمت تجزیه کننده های LR را تعمیم می دهیم و دو تجزیه کننده قدرتمندتر را شرح می دهیم.

LR(1) استاندارد 1 یا LR: CLR: 1 این تجزیه کننده از مجموعه ای بزرگ از آیتمها به نام آیتمهای (۱) LR استفاده می کند.

 7 . تجزیه کننده LR با بررسی نماد بعدی 2 یا LALR : این تجزیه کننده تعداد بسیار کمتری حالت نسبت به تجزیه کننده ها بر پایه (LR(1) دارد. تجزیه کننده کلید تعداد بسیار بیشتری از گرامرها را نسبت به SLR پوشش می دهد و جدول تجزیه ای که از آن استفاده می کند از جدول های SLR بزرگ تر نیست. در بسیاری از تجزیه کننده ها و کامپایلرها از روش LALR استفاده می شود.

¹ Canonical LR (CLR)

² Look Ahead LR (LALR)

- میخواهیم یکی از روشهای بسیار متداول برای تولید جدول تجزیه LR را شرح دهیم.
- در روش SLR ، حالت i عملیات کاهش را با $a \to a$ انجام میدهد اگر مجموعه آیتمهای I_i شامل $[A \to \alpha]$ باشد و نماد ورودی a در a در a در a اشد.
- در برخی مواقع گرچه ترمینال α در α در Follow قرار دارد، اما پیشوند پایدار α برروی پشته چنان است که α نمی تواند با α در هیچ یک از صورتهای جملهای دنبال شود. در چنین مواردی کاهش $\alpha \to A \to A$ برروی ورودی α غیر معتبر است.

- مثال: گرامر زیر را در نظر بگیرید.

 $S \rightarrow L = R \mid R$

 $L \rightarrow *R \mid id$

 $C \rightarrow L$

ایتمهای (LR(۱) استاندارد

- مجموعه آیتمهای (۰) LR را برای این گرامر به صورت زیر ساختیم.

 $I_0: S' \to S'$ $S \rightarrow L = R$ $S \rightarrow \cdot R$

 $L \to \cdot * R$ $L \to -\mathbf{id}$ $R \to \cdot L$

 $I_1: S' \to S$

 $I_2 : S \to L : = R$ $R \to L$.

 $I_3: S \to R$

 $I_4: L \to *R$ $R \to \cdot L$

> $L \to \cdot * R$ $L \to -\mathbf{id}$

 $I_5: L \to \mathbf{id}$

 $I_6: S \to L = \cdot R$ $R \to \cdot L$

 $L \to \cdot * R$

 $L \to -\mathbf{id}$

 $I_7: L \to *R$

 $I_8: R \to L$

 $I_9: S \to L = R$

- - در حالت ۲ آیتم $L \to L$ را داریم. فرض کنید در این حالت، در ورودی علامت $R \to L$ را میخوانیم که در Follow(R)
 - تجزیهکننده SLR در حالت ۲ با خواندن نماد SLR میتواند کاهش با استفاده از $\operatorname{R} \to \operatorname{L}$ را انجام میدهد.
- هیچ صورت جملهای در این گرامر که با $R=\dots$ آغاز شود وجود ندارد. بنابراین در چنین شرایطی در حالت L نباید L را با R کاهش داد.

- در چنین مواردی نیاز داریم اطلاعات بیشتری دریافت کنیم تا به ما کمک کند برخی از کاهشها را انجام ندهم.
- میتوانیم در هریک از حالتهای تجزیهکننده LR مشخص کنیم کدام نمادها میتوانند هندل lpha را دنبال کنند وقتی یک کاهش به صورت lpha
 ightarrow A
 ightarrow 6 وجود داشته باشد.
- این اطلاعات اضافی را بدین صورت در جدول تجزیه درج میکنیم که آیتمها یک ترمینال را به عنوان مؤلفه ده م شاما ، شوند.
- بنابراین یک آیتم به صورت $[A \to \alpha \cdot \beta \ , \ a]$ درمیآید که در آن $A \to \alpha \beta$ یک قانون تولید و $A \to \alpha \beta$ یک نماد الفبا یا نماد پایان رشته $B \to \alpha \cdot \beta$ است. چنین آیتمهایی را آیتم $B \to \alpha \cdot \beta$ مینامیم.

- عدد ۱ در LR(1) طول مؤلفه دوم در آیتم است. مؤلفه دوم آیتم، نماد بعدی 1 آیتم نیز نامیده می شود.

- $A \to \alpha \cdot \beta$, $A \to \alpha \cdot \beta$, $A \to \alpha \cdot \beta$, $A \to \alpha$ است ندارد اگر $A \to \alpha \cdot \beta$, $A \to \alpha$ تنها صورتی انجام می شود که نماد بعدی $A \to \alpha$ باشد. اما در آیتم $A \to \alpha \cdot \beta$ کاهش با استفاده از $A \to \alpha \cdot \beta$ تنها صورتی انجام می شود که نماد بعدی $A \to \alpha$ باشد.
- میگوییم آیتم (۱) LR به صورت $[A \to \alpha \cdot \beta \ , \ a]$ برای پیشوند $\delta \alpha$ معتبر است اگر اشتقاقی به صورت $S \stackrel{*}{\underset{m}{\leftarrow}} \delta Aw \stackrel{*}{\underset{m}{\rightarrow}} \delta Aw$ باشد و $\delta \alpha$ باشد. $\delta \alpha$ باشد و $\delta \alpha$

¹ lookahead

- مثال: گرامرزیر را در نظر بگیرید.

$$S \to B B B \to a B \mid b$$

- اشتقاق راست $B \to a \cdot B, a$ وجود دارد. در اینجا آیتم $S \underset{rm}{\overset{*}{\Rightarrow}} aaBab \Rightarrow aaaBab$ برای پیشوند یابدار $\gamma = aaa$ معتبر است.
- $[B o a \cdot B, \$]$ وجود دارد. در این فرایند اشتقاق، آیتم $S \overset{*}{\underset{r_m}{\Rightarrow}} BaB \Rightarrow BaaB$ معتبر است.

ساختن مجموعههای آیتمهای (۱) LR

- روش ساخت مجموعه آیتمهای LR(1) شبیه ساخت مجموعه آیتمهای $LR(\circ)$ است. تنها تفاوت در توابع Closure و Goto است.

```
برای گرامر G' مجموعه آیتمهای LR(1) با استفاده از الگوریتم زیر محاسبه می شود.
SetOfItems CLOSURE(I) {
       repeat
              for ( each item [A \to \alpha \cdot B\beta, a] in I )
                     for ( each production B \to \gamma in G')
                            for (each terminal b in FIRST(\beta a))
                                   add [B \to \gamma, b] to set I;
       until no more items are added to I:
       return I:
SetOfItems GOTO(I, X) {
       initialize J to be the empty set:
       for (each item [A \to \alpha \cdot X\beta, a] in I)
              add item [A \to \alpha X \cdot \beta, a] to set J;
       return CLOSURE(J):
```

```
ovid items(G') {
IR(N) با استفاده از الگوریتم زیر محاسبه می شود.

IR(N) با استفاده از الگوریتم زیر محاسبه می wid Items(G') {
Items(G') {
Items(G') {
Items(G') }
Items(G') }

for ( each set of items I in C )

for ( each set of items I in Items(G) }

for ( each grammar symbol I )

and Items(G) if ( Items(G) )

and Items(G) and Items(G) }

until no new sets of items are added to Items(G) }

until no new sets of items are added to Items(G) }
```

- باید آیتم First(β a) در Closure([$A \to \alpha \cdot B\beta, a$]) باید آیتم حاسبه ($B \to \cdot \gamma, b$] باید آیتم باید آیتم
- این آیتم بدین معناست که در فرایند کاهش به متغیر A اگر در پشته α قرار داشته باشد و به متغیر B برسیم، ابتدا باید ورودی را توسط یکی از قوانین متعلق به B کاهش دهیم. اما پس از کاهش ورودی به B آنچه در ورودی قرار میگیرد، ترمینالی است که بعد از متغیر B در B تردیل دارد و اگر B تبدیل به تهی شود، آنچه بعد از B در ورودی قرار میگیرد ترمینال B است.
 - پس میگوییم هر یک از ترمینالهای b در $First(\beta a)$ پس از کاهش ورودی به a میتواند در ورودی خوانده می شود.

ساختن مجموعههای آیتمهای (۱) LR

- مثال : گرامر زیر را در نظر بگیرید.

ابتدا $(S' \to \cdot S, \beta)$ را بر $S' \to \cdot S, \beta$ را بر $S' \to \cdot S, \beta$ تطبیق $S \to \alpha \cdot \beta$ را بر $S \to \alpha \cdot \beta$ را بر $S \to \alpha \cdot \beta$ تطبیق می دهیم. پس $S \to \alpha \cdot \beta$ د $S \to \alpha$ و $S \to \alpha$ است. برای هر قانون $S \to \alpha$ آیتم $S \to \alpha$ را به ازای هر $S \to \alpha$ در $S \to \alpha$ اضافه می کنیم. در این گرامر $S \to \alpha$ قانون $S \to \alpha$ تهی و $S \to \alpha$ تهی و $S \to \alpha$ نماد $S \to \alpha$ است، پس $S \to \alpha$ تنها می تواند $S \to \alpha$ باشد. پس آیتم $S \to \alpha$ را در $S \to \alpha$ تهی و $S \to \alpha$ نماد $S \to \alpha$ است، پس $S \to \alpha$ تنها می تواند $S \to \alpha$ باشد. پس آیتم $S \to \alpha$ تهی و $S \to \alpha$ نماد $S \to \alpha$ تنها می تواند $S \to \alpha$ باشد. پس آیتم $S \to \alpha$ تهی و $S \to \alpha$ نماد $S \to \alpha$ تنها می تواند $S \to \alpha$ باشد.

ساختن مجموعههای آیتمهای (LR(۱

سپس همهٔ آیتمهای $[C \to \cdot \gamma, b]$ را برای $[C \to \cdot \gamma, b]$ را برای $[C \to \cdot \gamma, b]$ اضافه میکنیم. از آنجایی که $[C \to \cdot cC, c]$ و تولید نمیکند، $[C \to \cdot cC, c]$ و $[C \to \cdot cC, c]$ و $[C \to \cdot cC, d]$ و $[C \to \cdot d, d]$ و $[C \to \cdot d, c]$ و $[C \to \cdot cC, d]$ را میافزاییم. هیچکدام از این آیتمها در سمت راست نقطه متغیر ندارد، بنابراین محاسبه اولین مجموعه $[C \to \cdot cC, d]$ به اتمام میرسد.

$$I_0: S \to \cdot S, \$$$

 $S \to \cdot CC, \$$
 $C \to \cdot cC, c/d$
 $C \to \cdot d, c/d$

 $[C
ightarrow \cdot cC, c/d]$ مینویسیم $[C
ightarrow \cdot cC, d]$ و $[C
ightarrow \cdot cC, c]$ مینویسیم - در اینجا برای سادگی به جای دو آیتم

ساختن مجموعههای آیتمهای (LR(۱)

حال باید X = S باشد آیتم X = S دست می آید. بنابراین داریم.

$$I_1: S' \to S_1, \$$$

- برای X=C آیتم $[S \to C \cdot C, \$]$ به وجود میآید. همهٔ قوانین متغیر X=C را با نماد \$ به عنوان مؤلفه دوم می افزاییم و به دست می آوریم :

$$I_2: S \to C \cdot C, \$$$

$$C \to \cdot cC, \$$$

$$C \to \cdot d. \$$$

ساختن مجموعههای آیتمهای (LR(۱)

ا کر داشته باشیم X=c آنگاه آیتم $C \to c \cdot C, c/d$ را به دست میآوریم. همه قوانین متغیر C را با نماد $C \to c \cdot C, c/d$ به عنوان مؤلفه دوم میافزاییم.

$$I_3: C \to c \cdot C, c/d$$

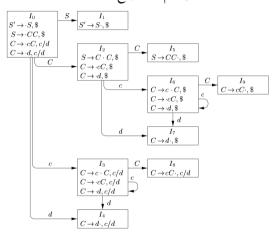
 $C \to c \cdot C, c/d$
 $C \to d, c/d$

- در نهایت قرار میدهیم X=d و به دست میآوریم.

 $I_4: C \to d \cdot, c/d$

ساختن مجموعههای آیتمهای (LR(۱)

- به همین ترتیب با محاسبه Closure بر روی آیتمها و توابع Goto گراف زیر را به دست میآوریم.



جداول تجزیه LR(1) استاندارد

- حال الگوریتمی را توصیف میکنیم که برای یک گرامر جدول تجزیه LR استاندارد با توابع Action و Goto تولید میکند.

 $C' = \{I_0, I_1, \cdots, I_n\}$ را به صورت $C' = \{I_0, I_1, \cdots, I_n\}$ گروه مجموعههای آیتمهای لا(۱) در برای گرامر افزوده شده G'

ریر تعیین می شود. حالت i از تجزیه کننده از I_i ساخته می شود. عملیات تجزیه برای i به صورت زیر تعیین می شود.

در . Action[i,a]= shift j باشد، آنگاه $Goto(I_i,a)=I_j$ در I_i باشد و $A \to \alpha \cdot a\beta, b$ باید یک ترمینال باشد.

- $Action[i,a] = ext{reduce } A o lpha$ آنگاه A
 eq S' در $A o lpha \cdot A o lpha \cdot A$ در A
 eq S' در اباشد و
 - . Action[i,\$] = accept در [i,\$] در اباشد، آنگاه $[s' \to s\cdot,\$]$ در المحتود الكرا
 - اگر هر گونه تعارضی در عملیات بالا رخ دهد میگوییم گرامر (LR(۱) نیست.

- توابع گذار Goto برای حالت i برای همهٔ متغیرهای A به صورت زیر ساخته می شود : اگر Goto[i,A]=j ، آنگاه $Goto[i,A]=I_j$
 - ۴. همهٔ خانههایی که در گامهای (۲) و (۳) تعریف نشدهاند، خطا محسوب میشوند.
- S. حالت اولیه تجزیه کننده، حالتی است که از مجموعه آیتمهای حاوی S: الله تجزیه کننده، حالتی است که از مجموعه آیتمهای حاوی S: الله تحدیل شده است.

- جدولی که با استفاده از الگوریتم قبل تولید می شود جدول تجزیه LR(1) استاندارد 1 نامیده می شود.

- یک تجز به کنندهٔ LR که از چنین جدولی استفاده کند، تجز به کننده (۱) LR استاندارد نامیده می شود.

- گرامری که برای آن یک تجزیه (LR(۱) استاندارد وجود داشته باشد گرامر (LR(۱) نامیده می شود.

طراحی کامپایلر تحلیل نحوی ۲۵۱ / ۲۵۱

¹ canonical LR(\)

- جدول تجزیه (LR(۱) استاندارد برای گرامر ذکر شده در زیر نشان داده شده است. قوانین ۱، ۲و ۳ به ترتیب هستند. C o d و C o cC ، S o CC

				STATE	ACTION		GOTO		
				DIAIL	c	d	\$	S	C
				0	s3	s4		1	2
				1			acc		
				2	s6	s7			5
				3	s3	s4			8
				4	r3	r3			
				5			$^{\mathrm{r}1}$		
CI.		C		6	s6	s7			9
S'	\rightarrow	S		7			r3		
S	\rightarrow	C		8	r2	r2			
C	\rightarrow	$c \ C \mid$	d	9			r2		

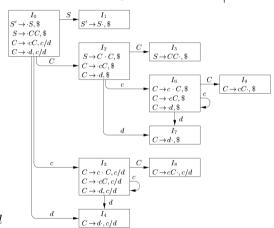
177 / 167

- هر گرامر (SLR(۱) یک گرامر (LR(۱) است اما برای یک گرامر (SLR(۱) تجزیه کننده LR استاندارد ممکن است تعداد حالتهای بیشتری نسبت به تجزیه کننده SLR برای همان گرامر داشته باشد.

- حال به معرفی تجزیه کننده LALR میپردازیم. این تجزیه کننده در عمل بسیار مورد استفاده قرار می گیرد،
 زیرا جداول تجزیه آن از جدول تجزیه کننده LR استاندارد کوچکتر هستند و بیشتر زبان های برنامه نویسی را می توان با استفاده از گرامر LALR می توان توصیف کرد.
 - جداول SLR نیز نسبت به CLR کوچکتر هستند اما برخی از ساختارهای زبانهای برنامهنویسی را نمیتوان با استفاده از گرامرهای SLR توصیف کرد.
 - جداول تجزیه SLR و LALR تقریبا برابرند و در زبانی مانند زبان سی حدود چند صد حالت دارند، اما جدول تجزیه CLR برای زبان سی حدود چند هزار حالت خواهد داشت.

¹ Lookahead LR

- گرامر زیر و مجموعه آیتمهای (LR(۱ برای این گرامر را در نظر بگیرید.

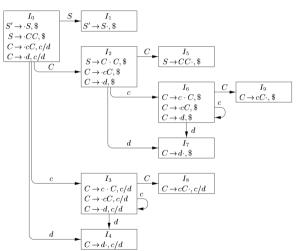


 $\begin{array}{ccc} S' & \to & S \\ S & \to & C C \\ C & \to & c C \end{array} |$

- برای اینکه تفاوت I_4 و I_5 را بفهمیم، یک مثال را بررسی میکنیم. این گرامر زبان منظم I_7 و I_6 را تولید میکند. وقتی ورودی I_7 و کاراکتر I_8 خوانده میشود، تجزیهکننده اولین گروه از I_8 ه و کاراکتر I_8 پس از آن را به پشته انتقال می دهد و وارد حالت I_8 می شود. سپس کاهش توسط I_8 انجام می شود. با توجه به اینکه کاراکتر بعدی می تواند I_8 باشد، اگر I_8 به دنبال اولین I_8 بیاید، یک ورودی به صورت I_8 داریم که در زبان نیست و حالت I_8 به درستی با خواندن I_8 وجود خطا را نشان می دهد.

- تجزیه کننده بعد از خواندن دومین d وارد حالت V می شود. پس از آن باید در ورودی d خوانده شود و گرنه ورودی برطبق الگوی c*dc*d نیست. بنابراین در حالت V با خواندن ورودی d کاهش d انجام می شود و با ورودی d یا d خطا صادر می شود.
- $[C
 ightarrow d\cdot, c/d/\$]$ و I_4 او I_7 و I_7 و I_7 جایگزین کنیم که اجتماع I_4 و I_7 است و از سه آیتم I_7 و I_7 تشکیل شده است.
- عملیات حالت 47 اکنون این است که بر روی همهٔ ورودیها کاهش انجام میدهد، در حالی که قبل از ادغام دو حالت برخی از شرایط منجر به خطا میشدند.
- ادغام این دو حالت تعداد حالت ها را کاهش میدهد. البته خطای ورودی بعد از ادغام دوحالت نیز تشخیص داده خواهد شد، اما شناسایی خطا دیرتر انجام میشود.
 - جهت کاهش تعداد حالات تجزیه کننده LR استاندارد، میتوانیم آیتمهایی را که هسته یکسان دارند یا به عبارت دیگر مؤلفه اول آنها یکسان است ادغام کنیم.

- آیتمهای زیر را در نظر بگیرید.



برای مثال در I_4 و I_5 آیتمهایی با هسته $\{C \to d\cdot\}$ وجود دارد. همچنین در I_6 و I_6 آیتمهای با هستههای $C \to cC$ وجود دارد. در I_6 و I_6 و جود دارد. در I_6 و جود دارد.

- یک هسته 1 ، مجموعهای از آیتمهای (\circ) LR برای یک گرامر است و یک گرامر (1) ممکن است بیش از دو مجموعه از آیتمها با یک هسته تولید کند.

¹ core

- از آنجایی که هسته Goto(I, X) فقط به هسته I بستگی دارد، توابع Goto از مجموعههای ادغام شده نیز ادغام م شمند.
- فرض کنید یک گرامر (۱) LR داریم. اگر همهٔ حالتها با هستهٔ یکسان را ادغام کنیم، این احتمال وجود دارد که نتیجه دارای تعارض باشد اما به احتمال زیاد تعارض رخ نخواهد داد.
- میتوان اثبات کرد که حاصل ادغام هیچگاه تعارض انتقالکاهش نخواهد داشت، اما این امکان وجود دارد که تعارض کاهشکاهش رخ دهد.

- مثال: گرامر زیر را در نظر بگیرید.

$$S' \rightarrow S$$

$$S \rightarrow a A d \mid b B d \mid a B e \mid b A e$$

$$A \rightarrow c$$

$$B \rightarrow c$$

- این گرامر چهار رشته acd و ace و bcd و bce و bcd را تولید میکند. این گرامر یک گرامر (۱) LR است.
 - مجموعه آیتمهای $\{[A \to c\cdot, d], [B \to c\cdot, e]\}$ برای پیشوند پایدار ac معتبر است و $\{[A \to c\cdot, e], [B \to c\cdot, e]\}$ برای bc معتبر است. هیچکدام از این مجموعهها تعارض ندارند. اما اجتماع آنها تعارض کاهشکاهش ایجاد میکند.

$$A \to c \cdot, d/e$$

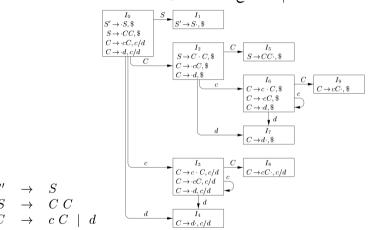
 $B \to c \cdot, d/e$

- برای ساخت جدول LALR ابتدا مجموعه آیتمهای (۱) LR را میسازیم و اگر تعارض ایجاد نشود هستههای یکسان را ادغام میکنیم. سپس یک جدول تجزیه از آیتمهای ادغام شده میسازیم. اگر امکان ساختن چنین جدولی وجود داشت گرامر (LALR(۱) است.

- یک الگوریتم ساده برای ساخت جدول تجزیه LALR به شرح زیر است.
- . گروه مجموعه آیتمهای LR(1) را به صورت LR(1) میسازیم.
- ۲- برای هر هسته در بین مجموعه آیتمهای (۱) LR مجموعههایی که هسته یکسان دارند را پیدا کرده و مجموعههای آنها را ادغام میکنیم.
- ۳. فرض کنیم مجموعه های آیتم های LR(1) به دست آمده $C'=\{J_0,J_1,\cdots,J_m\}$ است. عملیات برای حالت i از آیتم i به همان صورتی که قبلا توضیح داده شده به دست می آید. اگر یک تعارض وجود داشته باشد، تجزیه کننده LALR(1) نیست.
- باشد یعنی Goto به صورت زیر محاسبه می شود. اگر J اجتماع یک یا چند مجموعه آیتمهای LR(1) باشد یعنی Goto $I_1,X)$ و $I_1=I_1\cup I_2\cup \cdots \cup I_k$ و $I_1\cup I_2\cup \cdots \cup I_k$ و $I_1\cup I_2\cup \cdots \cup I_k$ و I_1,I_2,\cdots ,I_k و یکسان هستند، زیرا I_1,I_2,\cdots ,I_k هسته یکسان دارند. فرض کنید I_1,I_2,\cdots ,I_k اجتماع همه مجموعههای آیتمهایی باشد که هسته آنها مانند I_1,I_2,\cdots ,I_k است، آنگاه I_1,I_2,\cdots ,I_k

- جدولی که از الگوریتم قبل به دست میآید جدول تجزیه (۱) LALR نامیده می شود و اگر تعارض وجود نداشته باشد گرامر به دست آمده (۱) LALR نامیده می شود.

- مثال : گرامر زیر و مجموعه آیتمها و توابع گذار برای این گرامر را در نظر بگیرید.



- در مجموعه آیتمها میتوانیم سه جفت از آیتمها را ادغام کنیم.
- مجموعه آیتمهای I_3 و I_6 به صورت زیر میتوانند ادغام شوند.
- I_{36} : $C \rightarrow c \cdot C$, c/d/\$
 - $C \to cC, c/d/$ \$
 - $C \rightarrow d$, c/d/\$
 - مجموعه آیتمهای I_4 و I_7 را میتوانیم به صورت زیر ادغام کنیم.
- I_{47} : $C \rightarrow d \cdot, c/d/\$$
 - و همچنین مجموعه آیتمهای $_{
 m I}$ و $_{
 m I}$ را میتوانیم ادغام کنیم.
- I_{89} : $C \to cC \cdot, c/d/\$$

- جدول LALR به صورت زیر به دست خواهد آمد.

STATE	A	GOTO			
DIATE	c	d	\$	S	C
0	s36	s47		1	2
1			acc		
2	s36	s47			5
36	s36	s47			89
47	r3	r3	r3		
5			r1		
89	r2	r2	r2		

- تابع $Goto(I_{36}, C)$ را در نظر بگیرید. در مجموعه آیتمهای LR(1) داریم $Goto(I_{36}, C)$ و $Goto(I_{36}, C)$ را در نظر بگیریم به اکنون عضوی از I_{89} است، بنابراین I_{89} $Goto(I_{66}, C) = I_{89}$ است. $Goto(I_{66}, C) = I_{89}$ است.

زبان c^*dc^*d را بار دیگر در نظر بگیرید. تجزیه کننده CLR و تجزیه کننده برای این زبان شبیه به یکدیگر عمل می کنند و دنباله عملیات انتقال و کاهش مشابه انجام می دهند.

STATE	A	СТІО	GO				
STATE	c	d	\$	S	C		
0	s3	s4		1	2	=	
1			acc				
2	s6	s7			5		
3	s3	s4			8	-	
4	r3	r3					
5			$^{\mathrm{r}1}$				
6	s6	s7			9		
7			r3				
8	r2	r2					
9			r2				

STATE	A	CTION	GOTO		
STATE	c	d	\$	S	C
0	s36	s47		1	2
1			acc		
2	s36	s47			5
36	s36	s47			89
47	r3	r3	r3		
5			r1		
89	r2	r2	r2		

- برای مثال، اگر تجزیه کننده CLR آیتمهای I_6 و I_6 را برروی پشته قرار دهد، تجزیه کننده LALR نیز حالت I_{6} را برروی پشته قرار می دهد.
 - در حالت کلی هر تجزیه کننده CLR و LALR معادل آن برای ورودی های درست عملیات مشابه انجام م.دهند.
- وقتی در ورودی خطا وجود داشته باشد، تجزیه کننده LALR ممکن است تعداد بیشتری کاهش انجام دهد تا به خطا برسد، اما تجزیه کننده LALR هیچگاه عملیات انتقال پس از رسیدن به نقطه خطای تجزیه کننده CLR انجام نمی دهد.

برای مثال، برای ورودی \$ccd\$ ، تجزیه کننده CLR حالات 4 3 3 0 0 را برروی پشته قرار می دهد و در حالت + 2 ک خطا تشخیص می دهد. تجزیه کننده LALR حالات + 4 ک خطا تشخیص می دهد. تجزیه کننده + 2 را انجام می دهد و برروی پشته + 80 3 3 6 0 قرار می گیرد. + 4 با ورودی + 3 عملیات کاهش دیگر با استفاده از + 2 انجام داده و + 8 0 برروی پشته قرار می گیرد و در نهایت با یک کاهش دیگر + 9 برروی پشته قرار گرفته می شود. در نهایت در حالت + با ورودی + 5 تجزیه کننده خطا صادر می کند.

- الگوریتم سریعتری برای ساخت جدول تجزیه LALR وجود دارد که در اینجا به آن نمیپردازیم.
- یک زبان برنامهنویسی معمول با ۵۰ تا ۱۰۰ ترمینال و حدود ۱۰۰ قانون تولید میتواند یک جدول تجزیه LALR با چند صد حالت تولید کند. بسیاری از خانهها در جدول تجزیه تکراری هستند و بنابراین روشهایی برای فشردهسازی جدول تجزیه وجود دارد.

- معمولا برای گرامرهای مبهم نمی توان تجزیه کننده LR تولید کرد، اما برای برخی از گرامرهای مبهم می توان جدول تجزیه را به نحوی تغییر داد که همیشه تصمیم درست را در فرایند تجزیه اتخاذ کند و تنها یک درخت تحدیه ته نماید کند.
- در برخی مواقع گرامر مبهم برای توصیف زبان ساده تر از معادل غیرمبهم آن است و بنابراین گاه می توان در شرایط خاص از گرامرهای مبهم در تجزیه کننده های LR استفاده کرد.

بازیابی خطا در تجزیهکننده LR

- تجزیه کننده LR خطاها را با مراجعه به جدول تجزیه شناسایی می کند.
- تجزیه کننده LR استاندارد به محض وقوع خطا، آن را شناسایی میکند، اما تجزیه کننده LALR ممکن است قبل از صدور خطا تعدادی عملیات کاهش انجام دهند.
 - در تجزیهکننده LR بازیابی خطا با توکن همگامکننده 1 به صورت زیر انجام میشود.
- پشته بررسی می شود تا به حالت s برسیم که با تابع Goto به یک متغیر A گذار می کند. سپس از تعداد صفر یا بیشتر نمادهای ورودی چشمپوشی می شود تا اینکه به نماد a برسیم که می تواند متغیر A را دنبال کند. سپس حالت a Goto a برروی پشته قرار می گیرد و تجزیه ادامه پیدا می کند.

¹ panic-mode error recovery

بازیابی خطا در تجزیهکننده LR

- ممکن است چند انتخاب برای متغیر A وجود داشته باشد. معمولا متغیری انتخاب می شود که نماینده یک قطعه از برنامه باشد برای مثال یک بلوک یا یک عبارت. برای مثال اگر A متغیر stmt باشد آنگاه نماد a می تواند نقطه ویرگول یا آکولاد بسته باشد که پایان دستور را مشخص می کند.
- این روش بازیابی خطا سعی میکند عبارتی را که شامل خطای نحوی است حذف کند. تجزیه کننده تشخیص میدهد که رشته ای که از متغیر A به دست میآید دارای خطا است. قسمتی از آن رشته پردازش شده است و نتیجه این پردازش تعدادی حالت برروی پشته است.
- تجزیه کننده سعی می کند از قسمتی از ورودی چشم پوشی کند تا به کاراکتری برسد که متغیر A را دنبال می کند. با حذف تعدادی حالت از روی پشته و چشم پوشی از قسمتی از ورودی و قرار دادن (Goto(s, A) برروی پشته، تجزیه کننده به احتمال زیاد می تواند قسمتی از ورودی که دارای خطاست را پشت سر بگذار و با تجزیه برنامه به صورت عادی ادامه می دهد.

بازیابی خطا در تجزیهکننده LR

- بازیابی خطا با جایگزینی توکنها 1 بدین صورت پیادهسازی می شود که هریک از خانههای خطا در جدول تجزیه بررسی شده و تشخیص داده می شود چه نوع خطاهای رایج برنامه نویسی ممکن است در آن مواقع رخ دهد.

- هریک از خانههای خطا در جدول تجزیه با اشارهگری به یک تابع مناسب جایگزین میشود. این توابع میتوانند نمادهایی را در ورودی یا در پشته اضافه کنند و یا قسمتی از ورودی یا پشته را حذف کنند یا تغییر دهند. باید اطمینان حاصل شود که پردازش خطا باعث نمیشود تجزیهکننده وارد یک حلقه بیپایان شود.

¹ phrase-level error recovery