به نام خدا

طراحي كامپايلر

آرش شفيعي



تحليل نحوي

تحليل نحوى

- در این فصل در مورد الگوریتمهای مختلف تجزیهٔ گرامرها صحبت خواهیم کرد که معمولاً در کامپایلر استفاده می شوند.
- در مورد مفاهیم اصلی، روشهای پیادهسازی تجزیه کنندهها و الگوریتمهایی در ابزارهای مختلف به کار رفتهاند صحبت خواهیم که د.
- ساختار هر زبان برنامه نویسی توسط قوانینی تعیین میشود. برای مثال در زبان سی، یک برنامه از تعدادی توابع تشکیل شده که این دستورات میتوانند تعریف و اعلام متغیرها، انتساب مقدار و دستورات شرطی حلقه باشند.
 - نحوه قرارگیری کلمات و عبارات در جملات را ساختار نحوی 1 مینامیم.

طراحي کامپايلر تحليل نحوي تحليل نحوي

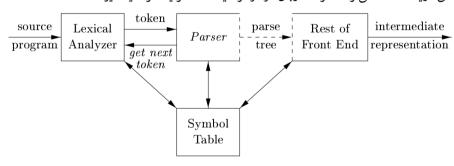
¹ syntax

- ساختار نحوی یک زبان را میتوان توسط گرامرهای مستقل از متن توصیف کرد. گرامرها میتوانند مزایای بسیاری داشته باشند.
 - گرامرها توصیف بسیار دقیق و قابل فهمی از یک زبان برنامهنویسی ارائه میکنند.
- همچنین ابزارهایی وجود دارند که قادرند با دریافت گرامر یک زبان، به طور خودکار یک تجزیه کننده تولید کنند. استفاده از چنین ابزارهایی کمک میکنند که در صورتی که گرامر مشکلاتی داشته باشد، مشکلات آن به طور خودکار تشخیص داده شوند. برای مثال طراح یک گرامر ممکن است قادر به تشخیص ابهام در گرامر نباشد، درحالی که ابزار ممکن است ابهامها را تشخیص دهد.
 - یک طراح کامپایلر نیاز دارد برای طراحی درست تجزیه کننده توصیف دقیقی از گرامر داشته باشد.
- وقتی یک کامپایلر براساس قوانین یک گرامر ساخته شده باشد، با تغییر گرامر به سادگی میتوان برنامه تجزیه کننده کامپایلر را نیز تغییر داد.

- در این قسمت در مورد نقش تجزیه کننده در کامپایلر صحبت خواهیم کرد.
- سپس گرامرها و تجزیه کنندهها برای عبارات ریاضی را مورد بررسی قرار خواهیم داد.

تحليل نحوى

تحلیلگر نحوی 1 یا تجزیه کننده 2 توکنها را از تحلیلگر لغوی دریافت میکند و بررسی میکند آیا دنبالهٔ توکنهای دریافت شده می توانند توسط زبان گرامر توصیف شده تولید شوند یا خبر.



¹ syntax analyzer

² parser

- یک تجزیه کننده همچنین معمولاً قادر است هرنوع خطای نحوی را گزارش کرده و ادامهٔ رشتهٔ ورودی را پس از خطا تحزیه کنند.

- یک تجزیه کننده با دریافت یک رشته ورودی یک درخت تجزیه تولید میکند و درخت تجزیه تولید شده را به قسمت بعدی کامیایلر تحویل میدهد.

تحليل نحوي

سه دسته از تجزیه کنندهها برای گرامرها وجود دارند : تجزیه کنندههای عمومی 1 ، بالا به پایین 2 ، و پایین به 3 سالا 3

الگوریتمهای تجزیه عمومی مانند الگوریتم سیوای 4 و الگوریتم ایرلی 5 میتوانند هرنوع الگوریتم مستقل از متن را تجزیه کنند، مشکل اصلی این تجزیه کنندهها این است که پیچیدگی زمانی بالایی دارند. گرچه پیچیدگی سیوای $O(n^3)$ و پیچیدگی الگوریتم ایرلی در بدترین حالت $O(n^3)$ است و از لحاظ تئوری پیچیدگی پایینی به حساب میآید ولی در عمل برای پیادهسازی کامپایلرها به تجزیه کنندههایی نیاز داریم که پیچیدگی زمانی پایین تری داشته باشند.

¹ universel

² top-down

³ bottom-up

⁴ Cocke-Younger-kasami (CYK)

⁵ Earley

- معمولاً در کامپایلرها از تجزیه کنندههای بالا به پایین و پایین به بالا استفاده می شود.
- همانطور که از اسم این تجزیه کنندهها مشخص است، تجزیه کنندههای بالا به پایین درخت تجزیه را از ریشه به برگ میسازند، درحالی که تجزیه کنندههای پایین به بالا از برگهای درخت تجزیه آغاز میکنند تا به ریشه درخت برسند و درخت تجزیه را تشکیل دهند.
 - در هر صورت ورودی تجزیه کننده دنبالهای از توکنهاست که از چپ به راست خوانده می شود.

تحلیل نحوی

- تجزیه کنندههای بالا به پایین و پایین به بالا برای زیر مجموعهای از گرامرهای مستقل از متن کارایی دارند، اما برخی از این گرامرها به خصوص ال آل ¹ و ال آر ² برای توصیف همهٔ ساختارهای زبانهای برنامهنویسی موجود كافي هستند.

¹ LL

تحليل نحوي

- معمولاً بسیاری از ساختارهای زبانهای برنامهنویسی پیچیدگی خاصی برای تجزیه ندارند. برای مثال یک حلقه while در زبان جاوا از کلمه while ، یک عبارت درون یک جفت پرانتز و یک جفت آکولاد تشکیل شده است.
- عبارت ریاضی معمولاً به علت اولویت و وابستگی عملگرها پیچیدگی بیشتری دارند. بنابراین در اینجا برروی عبارات ریاضی تمرکز میکنیم.
- یک عبارت 1 به نام 2 تشکیل شده است از مجموع تعدادی جمله 2 به نام 3 که با عملگر + با یکدیگر جمع شده اند و هریک از جملات تشکیل شده است از ضرب تعداد فاکتور (ضریب) 3 که با استفاده از عملگر 3 در یکدیگر ضرب شدهاند. هریک از فاکتورها می تواند خود یک عبارت باشد.

¹ expression

² term

³ factor

- بنابراین میتوانیم گرامری به صورت زیر برای توصیف یک عبارت بنویسیم.

- این گرامر به دسته گرامرهای الآر تعلق دارد. این نوع گرامرها را معمولاً توسط تجزیه کننده پایین به بالا تجزیه میکنیم.

این گرامر را نمی توانیم توسط تجزیه کننده بالا به پایین تجزیه کنیم زیرا بازگشتی چپ 1 است.

¹ left recursive

این گرامر زیر معادل گرامر قبل و غیربازگشتی چپ 1 است و میتوانیم از یک تجزیه کننده بالا به پایین برای تجزیه برنامهها توسط آن استفاده کرد.

- گرامر زیر یک گرامر مبهم است که برای رشته a+b*c بیشتر از یک درخت تجزیه میسازد.

$$E \rightarrow E + E \mid E * E \mid (E) \mid id$$

¹ non-left-recursive

مديريت خطاهاي نحوي

- اگر قرار بود کامپایلرها فقط برنامههای درست را تجزیه کنند، طراحی و پیاده سازی آن بسیار سادهتر میشد. اما، یک کامپایلر باید علاوه بر کامپایل برنامه به برنامهنویس کمک کند مکان و نوع خطاهای برنامه خود را شناسانی کند.

طراحي کامپايلر تحوي تحليل نحوي ۲۴۳/۱۳

مدیریت خطاهای نحوی

- خطاهای برنامهنویس میتوانند انواع مختلفی داشته باشند.
- ۱. خطاهای لغوی مانند خطا در نوشتن نام شناسهها، کلمات کلیدی و غیره.
 - ۲. خطاهای نحوی مانند خطا در نوشتن اشتباه ساختار دستورات.
 - ۳. خطاهای معنایی مانند خطا در انتساب مقدار متغیرها با نوع متفاوت.
- ۴. خطاهای منطقی که شامل خطاهایی میشوند که در یک برنامه اتفاق میافتند هنگامی که برنامه از نظر لغوی و نحوی و معنایی درست است و برنامه به درستی کامپایل میشود اما نتیجه برنامه با مقدار مورد انتظار برنامهنویس متفاوت است برای مثال در زبان سی ممکن است به اشتباه برنامهنویس به اشتباه به جای عملگر تساوی از عملگر انتساب استفاده کند.

مديريت خطاهاي نحوي

- کامپایلر باید علاوه بر تشخیص خطا و گزارش خطا به طور دقیق، بتواند سریعاً پس از رخداد یک خطا بازیابی شده و بررسی برنامه را ادامه دهد تا خطاهای بعدی را تشخیص دهد. همچنین مدیریت خطا نباید سربار زیادی بر روند کامپایل داشته باشد و باعث کندی بیش از اندازه کامپایل برنامهها شود.
- وقتی یک پارسر با خطا مواجه شد میتواند کامپایل را متوقف کند و اولین خطایی که با آن مواجه شده است را گزارش کند. اما بهتر است کامپایلر همهٔ خطاهای یک برنامه را باید بار تجزیه کد تشخیص دهد. برای این کار لازم است پس از مواجه شده با یک خطا، تجزیه کننده خود را بازیابی کند و تجزیه برنامه را ادامه دهد.
 - چند استراتژی برای بازیابی از خطا وجود دارد که به آنها اشاره میکنیم.

مدیریت خطاهای نحوی

- بازیابی با توکن همگام کننده : در این روش تجزیه کننده از توکنها یکبهیک چشم پوشی میکند تا به یکی از توکنهای همگام کننده ¹ برسد. برای مثال علامت آکولاد بسته ({) یا نقطه ویرگول (;) میتوانند توکنهای همگام کننده باشند. مشکل این روش این است که ممکن است تعداد زیادی از خطاها نادیده گرفته شوند اما مزیت آن سادگی پیادهسازی آن است.

¹ synchronizing

مديريت خطاهاي نحوي

- بازیابی با جایگزینی توکنها: بارخداد خطا، تجزیهکننده میتواند توکنهای بعدی در ورودی را جایگزین کند تا جایی که ادامه رشته معنیدار و قابل تجزیه باشد. برای مثال با تبدیل یک علامت ویرگول به نقطه ویرگول ممکن است ورودی معنیدار و قابل تجزیه شود.
 - قوانین گرامری تشخیص خطا : با پیشبینی کردن خطاهای معمول برنامهنویسی میتوان تعدادی قوانین گرامری به گرامر اضافه کرد که خطاها را تشخیص میدهند.
 - تصحیح بهینه: معمولاً انتظار داریم پارسر کمترین تعداد تصحیح را در ورودی انجام میدهد الگوریتمهایی وجود دارند که با استفاده از آنها میتوان کمترین تصحیح ورودی را با استفاده از گرامر انجام دهند اما این الگوریتمها معمولاً بسیار پرهزینه هستند و معمولاً در عمل استفاده نمی شوند.

- گرامرهای مستقل از متن میتوانند ساختار نحوی زبانهای برنامهنویسی را توصیف کنند. این گرامرها به ازای هریک از مفاهیم در زبان برنامهنویسی یک متغیر تعریف میکنند.

برای مثال اگر مفهوم دو دستور 1 (stmt) و عبارت 2 (expr) را در نظر بگیریم، میتوانیم قانون گرامر زیر را تعریف کنیم.

 $\mathtt{stmt} \ \rightarrow \ \mathtt{if} \ (\mathtt{expr}) \ \mathtt{stmt} \ \mathtt{else} \ \mathtt{stmt}$

با استفاده از قوانین دیگر میتوانیم تعریف کنیم یک دستور چه اشکال دیگری میتواند داشته باشد.

طراحی کامپایلر تحلیل نحوی ۲۴۳/۱۸

¹ statement

² expression

- یک گرامر مستقل از متن تشکیل شده است از نماد پایانی یا ترمینالها، نمادهای غیر ایرانی یا متغیرها، یک نماد آغازین و تعدادی قوانین تولید.

رودی را تشکیل میدهند. ترمینالها و احدهایی هستند که رشته ورودی را تشکیل میدهند. ترمینالها در یک گرامر یک زبان برنامه نویسی همان نام توکنهاست. برای مثال کلمات کلیدی if و else و کاراکترهای) و (ترمینالهای یک گرامر هستند.

۲ غیرپایانهها 2 یا متغیرها دنبالهای از توکنها را با یک نام انتزاعی نامگذاری میکنند. برای مثال متغیر stmt می تواند به هر یک از دستورات زبان را توصیف کند.

1 terminal

طراحی کامپایلر تحلیل نحوی ۲۴۳/۱۹

² nonterminal

 T یکی از متغیرها به عنوان نماد آغازین 1 استفاده می شود. همهٔ رشته هایی که با شروع از نماد آغازین و اعمال قوانین گرامر به دست می آیند زبان آن گرامر را تعیین می کنند.

به قوانین تولید 2 یک گرامر تعیین میکنند چگونه متغیرها و ترمینالها در کنار یکدیگر قرار میگیرند تا یک رشته از یک زبان را تشکیل دهند. هر قانون تولید تشکیل شده است از یک متغیر سمت چپ یا متغیر سر 3 ، یک نماد \leftarrow که گاهی با = : نشان داده میشود و یک بدنه یا سمت راست 4 قانون که از صفر یا چند ترمینال و متغیر تشکیل شده است. در فرایند تجزیهٔ یک رشته با متغیر آغازین شروع میکنیم و متغیر را با بدنه یکی از قوانین تولید مربوط به آن جایگزین میکنیم. این فرایند را ادامه میدهیم تا رشته به دست بیاید. در صورتی که رشته مورد نظر به دست نیامد، رشته عضو گرامر آن زبان نیست.

¹ start symbol

² production rule

³ head or left side

⁴ body or right side

```
- برای مثال گرامر زیر عبارات ریاضی را تجزیه میکند که شامل عملگرهای + و - و * و / و ( و ) هستند.
                           كلمه id درواقع نوع توكن است كه در تحليل لغوى استخراج شده است.
                   expression \rightarrow expression + term
                   expression \rightarrow expression - term
                   expression \rightarrow term
                          term \rightarrow term * factor
                          term \rightarrow term / factor
                          term \rightarrow factor
                        factor \rightarrow (expression)
                        factor \rightarrow id
```

- در این فصل از علائم و نشانه گذاری های زیر استفاده میکنیم.
- ترمینال شامل موارد زیر هستند : حروف کوچک ابتدایی الفبای انگلیسی مانند a و b و c ، عملگرها مانند + e * ، علائم نقطه گذاری و نشانه گذاری مانند پرانتز و کاما ، ارقام مانند d و d و d و رشتههای پررنگ مانند d و d
- متغیرها شامل موارد زیر هستند : حروف بزرگ ابتدایی الفبای انگلیسی مانند A و B و C ، حروف C که بیشتر به عنوان متغیر آغازین استفاده می شود، رشته هایی که به صورت مورب نوشته می شود مانند expr و stmt.

- معمولاً وقتی میخواهیم از یک نماد گرامر شامل ترمینال یا متغیر صحبت کنیم آن را با حروف X و Y و Z نمادش می دهیم.

- یک رشته شامل ترمینالها را معمولاً با حروف u و v و z نمایش میدهیم.
- $A \to \alpha$ برای نمایش دنبالهای از ترمینالها و متغیرها از حروف یونانی مانند α و β استفاده میکنیم. مثلاً α یک قانون گرامر است.
 - وقتی یک متغیر چندین بدنه داشته باشد آنها را با علامت خط عمودی از یکدیگر جدا میکنیم مثلاً $ho = \Lambda \to lpha_1 |lpha_2| \cdots |lpha_k$
 - معمولاً متغير سمت چپ اولين قانون همان متغير آغازين است.

F گرامر زیر برای عبارات ریاضی استفاده شده که در آن متغیرهای E و F استفاده شده است. E \to E + T $\mid E$ - T $\mid T$ T \to T * F $\mid T$ $\mid F$ F \to (E) \mid \mathbf{id}

- به فرایندی که در آن یک رشته توسط قوانین یک گرامر تولید میشود، فرایند اشتقاق 1 گفته میشود.
- با شروع از نماد آغازین، در هرگام یکی از متغیرها با بدنه یکی از قوانین متعلق به آن جایگزین میشود.
 دنباله ترمینالها و متغیرهایی که در هرگام به دست میآید را یک صورت جملهای ² مینامیم. اگر با جایگزین کردن متغیرها در صورتهای جملهای توسط بدنه قوانین متعلق به آنها، رشته مورد نظر به دست آمد، آن رشته متعلق به زبان گرامر است. در این صورت میگوییم رشته توسط گرامر مشتق میشود یا تولید میشود یا به دست میآید.
 - فرایند اشتقاق متناظر با ساخت یک درخت تجزیه است.

¹ derivation

² sentential form

- برای مثال، گرامر زیر با یک متغیر E را در نظر بگیرید.

$$E \rightarrow E + E \mid E * E \mid -E \mid (E) \mid id$$

فرض کنید میخواهیم جمله (id) - توسط این گرامر به دست آوریم. میتوانیم با اعمال سه قانون این رشته را به دست آوریم. میگوییم E با استفاده از قانون سوم مشتق میکند یا به دست میدهد E و سپس با استفاده از قانون چهارم به دست میدهد (id) -

$$E \Rightarrow -E \Rightarrow -(E) \Rightarrow -(id)$$

- به این دنباله از جایگزینیها یک فرایند اشتقاق میگوییم.

- دنبالهای از نمادها به صورت α A β را در نظر بگیرید به طوری که α و β دنبالهای از نمادهای پایانی و غیرپایانی گرامر هستند و A β نماد غیرپایانی (متغیر) است.
- مشتق کردن فرض کنید $lpha \to A \to A$ یک قانون تولید باشد. آنگاه مینویسیم $lpha \to A \to A \to A$ نماد $lpha \to A \to A$ نماد در یک گام lpha است.
- وقتی دنبالهای به صورت $lpha_1 \Rightarrow lpha_2 \Rightarrow \cdots = lpha_n$ داشته باشیم میگوییم $lpha_n$ از $lpha_n$ مشتق میشود و یا $lpha_1$ در صفر یا چند گام مشتق میکند $lpha_n$.

طراحی کامپایلر تحلیل نحوی ۲۴۳/۲۷

¹ derives in one step

² derives in zero or more steps

اشتقاق

- به عبارت دیگر:

$$lpha \stackrel{*}{\Rightarrow} lpha$$
 داریم $lpha$ داریم دازای هر رشته ۱

$$lpha\stackrel{*}{\Rightarrow}\gamma$$
 و $lpha\Rightarrow \gamma$ آنگاه $lpha\Rightarrow \beta$ آنگاه $lpha\Rightarrow \beta$

- همچنین گاهی مینویسیم 🖶 به معنی مشتق کردن در یک یا چند گام.
- است. $lpha \Rightarrow \alpha$ جایی که lpha نماد آغازین گرامر lpha است، میگوییم lpha یک صورت جملهای lpha از گرامر lpha است.
- یک صورت جملهای شامل متغیرها و ترمینالهاست. یک جمله 2 از یک گرامر یک صورت جملهای است که در آن هیچ متغیری نباشد.

¹ sentential form

² sentence

- یک زبان تولید شده توسط یک گرامر مجموعهای است از همهٔ جملههای تولید شده توسط آن گرامر.
- رشته w در زبان (L(G) ، زبان تولید شده توسط گرامر w ، است اگر و تنها اگر w یک جمله از گرامر w باشد یا w به عبارت دیگر w عبارت دیگر w
 - زبانی که توسط یک گرامر مستقل از متن تولید می شود، یک زبان مستقل از متن نام دارد.
 - اگر دو گرامر یک زبان یکسان تولید کنند، آن دو گرامر معادل یکدیگرند.

$$-$$
 جمله $-$ (id $+$ id) یک جمله از گرامر قبل است زیرا فرایند اشتقاق زیر برای آن وجود دارد $-$

$$\mathtt{E}\Rightarrow -\mathtt{E}\Rightarrow -(\mathtt{E})\Rightarrow -(\mathtt{E}+\mathtt{E})\Rightarrow -(\mathtt{id}+\mathtt{E})\Rightarrow -(\mathtt{id}+\mathtt{id})$$

- مینویسیم (
$$\mathrm{E} \stackrel{*}{\Rightarrow} -(\mathrm{id}+\mathrm{id})$$
 و میخوانیم جمله ($\mathrm{E} \stackrel{*}{\Rightarrow} -(\mathrm{id}+\mathrm{id})$ از متغیر E

- در هرگام در فرایند اشتقاق دو انتخاب وجود دارد. باید انتخاب کنیم کدام متغیر را جایگزین کنیم و همچنین کدام قانون متعلق به متغیر انتخاب شده را انتخاب کنیم. - دو نوع فرایند اشتقاق را به صورت زیر تعریف می کنیم:

در اشتقاق چپ 1 ، متغیری که در صورت جمله α در سمت چپ بقیه متغیرها قرار دارد و به عبارت دیگر چپترین 2 است، انتخاب می شود. اگر $\alpha \Rightarrow \beta$ گامی باشد که در آن چپترین متغیر $\alpha \Rightarrow \beta$ انتخاب شود می نویسیم $\alpha \Rightarrow \beta$

lpha
ightharpoonup eta در اشتقاق راست 3 ، متغیری که راستترین 4 است انتخاب میشود و مینویسیم 3

¹ leftmost derivation

² leftmost

³ rightmost derivation

⁴ rightmost

- برای مثال :

$$\texttt{E} \underset{rm}{\Rightarrow} -\texttt{E} \underset{rm}{\Rightarrow} -(\texttt{E}) \underset{rm}{\Rightarrow} -(\texttt{E}+\texttt{E}) \underset{rm}{\Rightarrow} -(\texttt{E}+\texttt{id}) \underset{rm}{\Rightarrow} -(\texttt{id}+\texttt{id})$$

به طور خلاصه میگوییم $w \delta \gamma \Rightarrow w \delta \gamma$ جایی که $w \delta \gamma$ فقط از ترمینالها تشکیل شده و $w \delta \gamma \Rightarrow w \delta \gamma$ است و $w \delta \gamma \Rightarrow w \delta \gamma$ است تشکیل شده از متغیرها و ترمینالها.

از گرامر است. α آنگاه میگوییم α یک صورت جملهای چپ α آنگاه میگوییم - اگر

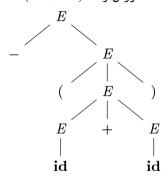
¹ left sentential form

درخت تجزيه

- درخت تجزیه 1 یک نمایش گرافیکی از فرایند تجزیه است که در آن ترتیب جایگزینی متغیر نشان داده نمیشد.
- هر رأس میانی در درخت تجزیه اعمال یک قانون در فرایند اشتقاق را نشان میدهد. اگر یک رأس با برچسب
 A در درخت تجزیه داشته باشیم، فرزندان آن از سمت چپ به راست به ترتیب ترمینالها و متغیرهایی هستند
 که در بدنه یکی از قوانین متعلق به A قرار دارند.

¹ parse tree

برای مثال درخت تجزیه زیر برای به دست آوردن رشته -(id+id) تشکیل شده است.



درخت تجزيه

- برگهای درخت تجزیه همه با ترمینالها برچسب زده شدهاند و به ترتیب از چپ به راست رشتهای را تشکیل میدهند که توسط گرامر مشتق شده است.
- به رشته ای که از الحاق برگهای درخت تجزیه از چپ به راست به دست می آید محصول 1 درخت تجزیه گفته می شود.
- یک درخت تجزیه می تواند تجزیه یک صورت جملهای را نشان دهد. به درخت تجزیهای که محصول آن یک صورت جملهای باشد درخت تجزیه جزئی 2 نیز گفته می شود. به درخت تجزیهای که محصول آن محصول آن یک جمله باشد درخت تجزیه کامل 8 گفته می شود.

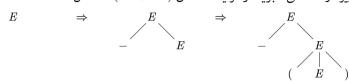
¹ yield

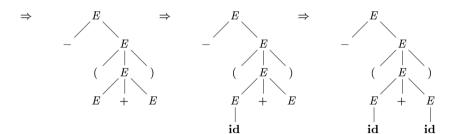
² partial parse tree

³ complete parse tree

درخت تجزيه

- در شکل زیر درختهای تجزیه در فرایند اشتقاق -(id+id) نشان داده شدهاند.





- یک درخت تجزیه می تواند متناظر با چند فرایند اشتقاق باشد. مثلاً دو فرایند اشتقاق چپ و اشتقاق راست می توانند یک درخت تجزیه واحد تولید کنند.

- گرامری که بیش از یک درخت تجزیه برای یک جمله تولید کند مبهم 1 نامیده می شود.

- به عبارت دیگر یک گرامر مبهم برای تولید یک رشته بیش از یک فرایند اشتقاق چپ (با بیش از یک فرایند اشتقاق راست) دارد.

برای به دست آوردن رشته id + id * id توسط گرامری که پیشتر مطرح شد دو فرایند اشتقاق چپ وجود دارد.

$$E \Rightarrow E + E \qquad E \Rightarrow E * E$$

$$\Rightarrow \mathbf{id} + E \qquad \Rightarrow E + E * E$$

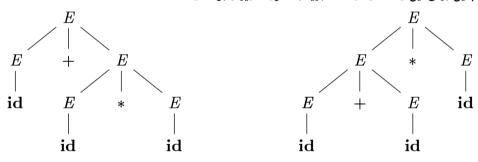
$$\Rightarrow \mathbf{id} + E * E \qquad \Rightarrow \mathbf{id} + E * E$$

$$\Rightarrow \mathbf{id} + \mathbf{id} * E \qquad \Rightarrow \mathbf{id} + \mathbf{id} * E$$

$$\Rightarrow \mathbf{id} + \mathbf{id} * \mathbf{id} \qquad \Rightarrow \mathbf{id} + \mathbf{id} * \mathbf{id}$$

¹ ambiguous

- همچنین برای این رشته دو درخت تجزیه به صورت زیر وجود دارد.



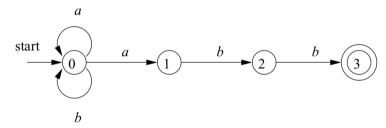
- دقت کنید که این دو درخت تجزیه دو معنی متناوب از رشته تولید شده به دست می دهند. اگر بخواهیم رشته a+b*c را توسط این گرامر تجزیه کنیم، درخت سمت چپ معادل a+(b*c) خواهد بود و درخت سمت راست معادل a+b*c

- گرامرها ابزار قوی تری نسبت به عبارات منظم هستند. هر عبارت منظم را می توان توسط یک گرامر نشان داد ولی هر گرامر را نمی توان توسیف زبانهای منظم به کار می روند، گرامرهای منظم نامیده می شوند. گرامرهای منظم زیر مجموعه ای است گرامرهای مستقل از متن هستند.

- عبارت منظم (a|b)*abb) را مىتوان توسط گرامر منظم زير توصيف كرد.

- الگوریتمی وجود دارد که توسط آن میتوان یک ماشین متناهی غیرقطعی را به یک گرامر تبدیل کرد.

- گرامر قبل درواقع از ماشین متناهی غیرقطعی زیر به دست میآید.



- این الگوریتم به صورت زیر عمل میکند:
- ا. به ازای هر حالت i از ماشین متناهی غیرقطعی متغیر A_i را میسازیم.
- i اگر حالت i با ورودی a به حالت j میرود آنگاه قانون $A_i \to aA_j$ را به گرامر اضافه میکنیم. اگر حالت i با ورودی e به حالت e میرود آنگاه قانون $A_i \to A_j$ را به گرامر اضافه میکنیم.
 - . گر حالت i یک حالت نهایی است آنگاه قانون ϵ را اضافه میکنیم.
 - ۴. اگر حالت i یک حالت شروع است، آنگاه A_i را متغیر آغازین قرار میدهیم.

- برخی از زبانها را نمیتوانیم توسط یک گرامر عبارت منظم توصیف کنیم. این زبانها متعلق به دستهٔ زبانهای منظم نیستند و ماشین متناهی برای آنها وجود ندارد.
- برای مثال $L = \{a^nb^n|n \geqslant 1\}$ زبانی است که نمیتوان برای توصیف آن از یک ماشین متناهی استفاده کرد. توسط لم تزریق اثبات می شود که این زبان متعلق به دسته زبانهای منظم نیست، اما می توان آن را توسط یک گرامر مستقل از متن توصیف کرد.

- گرامرهای مستقل از متن میتوانند زبانهای برنامهنویسی را توصیف کنند. البته گرامرها قادر به توصیف معنایی زبانها نیستند. برای مثال توسط گرامر مستقل از متن نمیتوانیم نیاز یک متغیر به تعریف قبل از استفاده از آن را توصیف کنیم.
- برای این که یک گرامر برای تجزیه کننده قابل استفاده باشد، باید پردازشهایی برروی آن انجام شود که در اینجا به آنها اشاره میکنیم. برای مثال یک گرامر ابتدا باید رفع ابهام شود. سپس برای استفاده در تجزیه کننده بالا به پایین باید بازگشت چپ در آن حذف شود.
 - همانطور که گفته شد، زبانهای منظم را نیز میتوان توسط گرامرها توصیف کرد. سؤالی که در اینجا ممکن است به وجود آید این است که چرا نیاز است که یک تحلیلگر لغوی قبل از تحلیلکر نحوی داشته باشیم؟

- با جدا کردن تحلیلگر لغوی از تحلیلگر نحوی تجزیه کننده بسیار ساده تر می شود و برنامه کامپایل ساده تر می شود که باعث می شود تعداد خطاهای برنامه نویسی در نوشتن کامپایلر کاهش پیدا کند و همچنین برنامه کامپایلر ساده تر شود و راحت تر بتوان آن را تغییر داد. همچنین قوانین در تحلیلگر لغوی نسبتا ساده اند و با عبارتهای منظم ساده تولید می شوند و نیازی به افزودن گرامرهای پیچیده برای آنها وجود ندارد. در نهایت روشی وجود دارد که تحلیلگر لغوی مستقیما از عبارت منظم تولید می شود به این دلایل تحلیلگر لغوی از تحلیل گر نحوی جدا می شود.

- گاهی میتوانیم یک گرامر غیرمبهم معادل یک گرامر مبهم بنویسیم. اما این کار همیشه ممکن نیست زیرا برخی از زبانها ذاتا مبهم هستند.

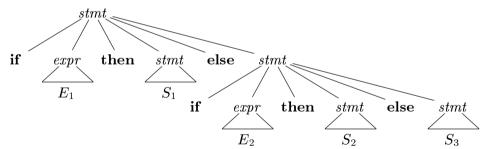
گرامر مبهم زیر را در نظر بگیرید.

- در اینجا other به معنی هر دستور دیگری به غیر از دستورات if-else است.

با استفاده از این گرامر میتوانیم جمله زیر را تولید کنیم.

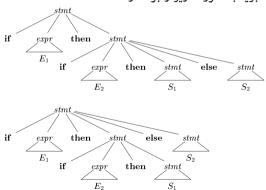
if E_1 then S_1 else if E_2 then S_2 else S_3

برای این جمله درخت تجزیه زیر وجود دارد.



if E_1 then if E_2 then S_1 else S_2

- برای این جمله دو درخت تجزیه به صورت زیر وجود دارد.



- در همهٔ زبانهای برنامهنویسی درخت تجزیه اول را به درخت دوم ترجیح میدهیم.
- درواقع قانونی که در همه زبانها وجود دارد این است که else به نزدیکترین if (یا then) قبل از آن

- میتوانیم یک گرامر غیرمبهم به صورت زیر تولید کنیم که معادل گرامر مبهم ذکر شده است.
- توجه کنید که بین then و else اگر قرار باشد دستور شرطی if قرار بگیرد، باید حتماً یک if-else باشد، در غیراینصورت ابهام به وجود می آید.
- در واقع قانونی که برای گرامر غیرمبهم وضع میکنیم این است که همیشه بین then و else یا یک عبارت if-then-else ممکن است یک عبارت شرطی بدون else به کار رفته شود.

```
stmt 
ightarrow matched\_stmt 
ightarrow if expr then matched\_stmt else matched\_stmt 
ightarrow open\_stmt 
ightarrow if expr then matched\_stmt else matched\_stmt 
ightarrow other 
ightarrow open\_stmt 
ightarrow if expr then stmt 
ightarrow if expr then matched\_stmt else open\_stmt 
ightarrow if expr then matched\_stmt else open\_stmt 
ightarrow if expr then matched\_stmt else open\_stmt 
ightarrow open\_stmt
```

 α عک گرامر بازگشتی چپ α است اگر یک متغیر α در آن وجود داشته باشد که برای یک رشته دلخواه α فرایند اشتقاق α α وجود داشته باشد.

- تجزیه کنندههای بالا به پایین نمی توانند گرامرهایی که دارای بازگشت چپ هستند را تجزیه کنند، بنابراین بازگشت چپ ² باید در گراف حذف شود.

¹ left recursive

² left recursion

گرامر زیر بازگشتی چپ است.

- یس از حذف بازگشت چپ در این گرامر، گرامر زیر به دست می آید.

 ${\sf E}'
ightarrow + {\sf TE}' ert arepsilon = {\sf E}
ightarrow {\sf TE}'$ و کا ${\sf E}
ightarrow {\sf E}
ightarrow {\sf E} + {\sf T} ert {\sf T}$ و ${\sf E}
ightarrow {\sf E} + {\sf T} ert {\sf E}$

- بازگشت چپ بلاواسطه 1 میتواند توسط روش زیر حذف شود.
 - ابتدا قوانین را به صورت زیر مرتب میکنیم.

$$\mathtt{A} \ \rightarrow \ \mathtt{A}\alpha_1 \mid \mathtt{A}\alpha_2 \mid \cdots \mid \mathtt{A}\alpha_m \mid \beta_1 \mid \beta_2 \mid \cdots \mid \beta_n$$

به طوری که eta_i ها با A آغاز نمیaوند.

- سپس قوانین تولید متغیر A را با قوانین زیر جایگزین میکنیم.

$$\begin{array}{lll} \mathtt{A} & \rightarrow & \beta_1 \mathtt{A}' \mid \beta_2 \mathtt{A}' \mid \dots \mid \beta_n \mathtt{A}' \\ \mathtt{A}' & \rightarrow & \alpha_1 \mathtt{A}' \mid \alpha_2 \mathtt{A}' \mid \dots \mid \alpha_m \mathtt{A}' \mid \varepsilon \end{array}$$

- بدین صورت متغیر A همان رشته های قبلی را تولید می کند با این تفاوت که بازگشت چپ حذف شده است.

¹ immediate left recursion

- این روش بازگشت چپ بلاواسطه را حذف میکند اما همه بازگشتهای چپ را حذف نمیکند. برخی مواقع پس از چندگام در فرایند اشتقاق بازگشت چپ به وجود میآید.
 - برای مثال گرامر زیر را در نظر بگیرید:

$$\begin{array}{l} {\tt S} \; \to \; {\tt Aa} \; | \; {\tt b} \\ {\tt A} \; \to \; {\tt Ac} \; | \; {\tt Sd} \; | \; \varepsilon \end{array}$$

- متغیر S جازگشت چپ بلاواسطه ندارد ولی در فرایند اشتقاق خواهیم داشت $S \Rightarrow Aa \Rightarrow Sda$ که یک یازگشت چپ است.
- الگوریتم زیر برای گرامرهایی که در آنها دور وجود ندارد یعنی اشتقاق $A \stackrel{+}{\Rightarrow} A$ اتفاق نمیافتد و همچنین در آنها قانون تولید تهی یعنی $\epsilon \to A \to \epsilon$ وجود ندارد، بازگشت چپ را حذف میکند.

```
- الگوریتم حذف بازگشت چپ گرامر G بدون دور و بدون قانون تولید تهی را دریافت میکند و یک گرامر معادل بدون بازگشت چپ تولید میکند.
```

- میخواهیم بازگشت چپ را در گرامر زیر حذف کنیم. قانون تولید تهی در اینجا مشکلی در اجرای الگوریتم ایجاد نمیکند.

$$extsf{S}
ightarrow extsf{Aa} | extsf{b}$$
 $extsf{A}
ightarrow extsf{Ac} | extsf{Sd} | extsf{ϵ}$

با استفاده از الگوریتم گرامر زیر را به دست می آوریم.

$$egin{aligned} egin{aligned} egin{aligned} egin{aligned} egin{aligned} egin{aligned} A &
ightarrow & bdA' \, | \, A' \ A' &
ightarrow & cA' \, | \, abA' \, | \, \epsilon \end{aligned}$$

فاکتورگیری چپ

- فاکتورگیری چپ روشی است برای تبدیل کردن یک گرامر به گرامری که برای تجزیه کنندهٔ پیش بینی کننده مناسب باشد.
- وقتی که برای جایگزین کردن یک متغیر با بدنهٔ قانون در فرایند اشتقاق دو انتخاب داشته باشیم، در مواردی میتوانیم انتخاب را به تعویض بیاندازیم تا وقتی که ورودی بیشتری خوانده شود.
 - برای مثال فرض کنید قانون تولید به صورت زیر داریم.

- با خواندن توکن if از ورودی نمیتوانیم تصمیم بگیریم کدام قانون را انتخاب کنیم.

میتوانیم این گرامر را به صورت زیر بنویسیم :

$$\begin{array}{ccc} A & \rightarrow & \alpha A' \\ A' & \rightarrow & \beta_1 \mid \beta_2 \end{array}$$

 الگوریتم فاکتورگیری گرامر G را دریافت میکند و گرامری تولید میکند که در آن فاکتورگیری چپ اعمال شده باشد.

رای هر متغیر A ، بلندترین پیشوند α بین دو یا چند انتخاب را پیدا میکنیم. اگر $\alpha \neq \epsilon$ آنگاه قوانین α بین دو یا چند انتخاب را پیدا میکنیم. قوانین α قوانین هستند که α α α فوانین α قوانین α قوانین هستند که پیشوند آنها α نیست.

$$\begin{array}{l} \mathtt{A} \ \rightarrow \ \alpha \mathtt{A}' \mid \gamma \\ \mathtt{A}' \ \rightarrow \ \beta_1 \mid \beta_2 \mid \dots \mid \beta_n \end{array}$$

- این روند را برای همهٔ متغیرها تکرار میکنیم.

- گرامر زبر معادل گرامر if-else است. در این گرامر i و t و e نمایندهٔ if و then و else هستند.

$$\mathtt{S} \, o \, \mathtt{i}\,\mathtt{E}\,\mathtt{t}\,\mathtt{S}\,|\,\mathtt{i}\,\mathtt{E}\,\mathtt{t}\,\mathtt{S}\,\mathtt{e}\,\mathtt{S}\,|\,\mathtt{a}$$

$$\mathtt{E} \; \to \; \mathtt{b}$$

میتوانیم این گرامر را به صورت زیر فاکتورگیری چپ کنیم.

$$\mathtt{S} \, o \, \mathtt{i}\, \mathtt{E}\, \mathtt{t}\, \mathtt{S}\, \mathtt{S}' \, | \, \mathtt{a}$$

$$\mathtt{S}' \, o \, \mathtt{e} \, \mathtt{S} \, | \, \varepsilon$$

$$\mathtt{E} \, \to \, \mathtt{b}$$

- توجه کنید که هر دوی این گرامرها مبهم هستند.

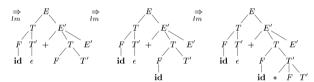
- برخی از ساختارها در زبانهای برنامهنویسی را نمیتوان توسط گرامرهای مستقل از متن توصیف کرد.
 - برای مثال در بسیاری از زبانها نیاز داریم که متغیر قبل از استفاده تعریف شده باشد.
- این ساختار را میتوانیم به صورت WCW مدلسازی کنیم جایی که اولین W نماینده تعریف متغیر، C نماینده قسمتی از کد برنامه، و دومین W نماینده استفاده از متغیر باشد.
 - میتوان اثبات کرد که زبان $L = \{wcw \mid w \in (a|b)^*\}$ مستقل از متن نیست.

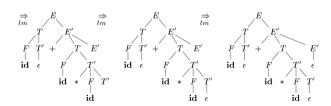
- در نتیجه نیاز به روشهای دیگر برای تحلیل معنای برنامهها داریم.
- یک مثال دیگر از ساختارهایی از زبان که مستقل از متن نیستند، به شرح زیر است. در زبانهای برنامهنویسی نیاز است که تعداد آرگومانهای ارسال شده به یک تابع برابر با تعداد پارامترهای تعریف شده در تابع باشد. فرض کنید تعریف دو تابع با n و m ورودی را به صورت a^n و a^m نشان دهیم و دو فراخوانی تابع از این دو تابع را به صورت a^m و a^m .
 - این ساختار را با زبان $L=\{a^nb^mc^nd^m\mid n\geqslant 1, m\geqslant 1\}$ مدلسازی میکنیم. میتوان اثبات کرد که این زبان مستقل از متن نیست.

تجزیهٔ بالا به پایین برای تجزیه یک رشته، درخت تجزیه را شروع از ریشه میسازد.

- برای مثال برای تجزیه رشته id + id * id * id با استفاده از گرامر زیر از تجزیه بالا به پایین صفحه بعد استفاده میکنیم.

تجزیه بالا به پایین





طراحي كامپايلر

تحليل نحوي

تجزیه بالا به پایین

- ریشه درخت تجزیه متغیر آغازین است. در هرگام تجزیه کننده باید تصمیم بگیرد از کدام یک از قوانین تولید استفاده کند برای اینکه بتواند رشته مورد نظر را تجزیه کند.

ابتدا در مورد یک تجزیه کننده به نام تجزیه کننده کاهشی بازگشتی 1 صحبت میکنیم که در آن برای پیدا کردن قانون مناسب در فرایند تجزیه از پسگرد 2 استفاده می شود.

سپس در مورد یک حالت خاص تجزیه کننده کاهشی بازگشتی به نام تجزیه کننده پیش بینی کننده 3 صحبت میکنیم که در آن به پسگرد نیازی نیست.

¹ recursive-descent parser

² backtrack

³ predictive parser

- تجزیه کننده پیش بینی کننده با بررسی چند نماد جلویی در رشته ورودی تصمیم میگیرد کدام قانون تولید را انتخاب کند و به پسگرد نیازی ندارد.

- گرامرهایی که با بررسی k نماد در ورودی میتوانیم برای آنها تجزیه کننده پیش بینی کننده بسازیم، گرامرهای LL(k)

تجزیه کننده کاهشی بازگشتی

- یک تجزیه کننده کاهشی بازگشتی برنامهای است که از مجموعهای از توابع تشکیل شده است به طوری که هر تابع متعلق به متغیرهای گرامر است. اجرای تجزیه کننده با فراخوانی تابع متعلق به متغیر آغازین شروع می شود و در نهایت اگر همهٔ رشته ورودی خوانده شد متوقف می شود.

- الگوریتم تجزیه کننده کاهشی بازگشتی در زیر نشان داده شده است.

تجزیه کننده کاهشی بازگشتی

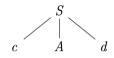
- یک تجزیه کننده کاهشی بازگشتی با استفاده از یک الگوریتم پسگرد رشته ورودی را تجزیه میکند، اما برای تجزیه زبانهای برنامهنویسی معمولا نیازی به پسگرد نیست.
- برای اینکه در تجزیه بالا به پایین از پسگرد استفاده کنیم، در خط (۱) برنامه قبل باید همه انتخابهای موجود برای جایگزینی متغیر A را امتحان کنیم. همچنین در خط (۷) در صورتی که به بنبست برخورد کردیم پیام خطا صادر نمیکنیم بلکه پسگرد انجام میشود.

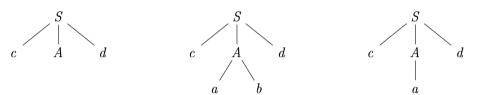
- گرامر زیر را در نظر بگیرید.

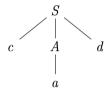
 $S \rightarrow c A d$ $A \rightarrow ab \mid a$

- برای ساختن یک درخت تجزیه از بالا به پایین برای رشته w = cad با ریشه درخت تجزیه یعنی a آغاز میکنیم. a تنها یک قانون دارد. بنابراین رأس a را بسط می دهیم و فرزندان آن شامل a و a و a را بعدی می سازیم. اولین برگ یعنی a بر رشته ورودی منطبق می شود، پس در رشته ورودی جلو می رویم. برگ بعدی a است که یک متغیر با دو قانون است. آن را با استفاده از اولین قانون یعنی a بسط می دهیم. نماد a در رشته ورودی بر دومین برگ یعنی a منطبق می شود پس در رشته ورودی به جلو می رویم. اما سومین برگ یعنی a بر نماد بعدی در ورودی یعنی a منطبق نمی شود پس باید به عقب برگردیم و یک قانون دیگر از a را انتخاب کنیم با بازگشت به عقب باید در رشته ورودی هم به عقب برگردیم، پس در هر رأس باید دیرس رشته ورودی ذخیره شود.

تجزیه کننده کاهشی بازگشتی







اگریک گرامر بازگشت چپ داشته باشد، تجزیه کننده کاهشی بازگشتی وارد حلقه بیپایان میشود.

توابع First و Follow

- برای ساختن تجزیه کننده های بالا به پایین و پایین به بالا به دو تابع مهم به نام First و Follow نیاز داریم که در اینجا به آنها اشاره میکنیم.

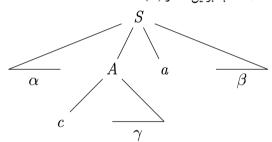
- در هنگام تجزیه بالا به پایین این توابع کمک میکنند قانون درست را با استفاده از نماد ورودی بعد انتخاب کنیم.

- در هنگام بازیابی خطا از توکنهای تولید شده توسط تابع Follow استفاده میشود.

- اگر α یک رشته از نمادهای گرامر باشد، آنگاه α First(α) مجموعهای از ترمینالهایی است که در رشتههای مشتق شده از α وجود دارند. اگر α α آنگاه α نیز در First(α) است.

توابع First و Follow

است. First(A) در شکل زیر * جرای مثال در شکل زیر * در * بنابراین *



توابع First و Follow

تابع First در تجزیه پیش بینی کننده استفاده می شود. فرض کنید دو قانون $A \to \alpha | \beta$ را داشته باشیم و First(α) و First(α) دو مجموعهٔ مجزا باشند. آنگاه با خواندن ورودی $A \to A$ می توانیم قانون مورد نظر برای اعمال را انتخاب کنیم زیرا $A \to A$ می تواند حداکثر در یکی از مجموعه های First(α) یا First(α) باشد.

- به ازای متغیر A تابع Follow(A) مجموعه ترمینالهای a است که مستقیما در سمت راست متغیر A در یک صورت جملهای در یک فرایند اشتقاق قرار می گیرند. به عبارت دیگر Follow(A) مجموعه ترمینالهای a است که برای آنها اشتقاق A A A و جود دارد. توجه کنید که بین A و A در فرایند اشتقاق می تواند متغیرهایی وجود داشته باشند ولی این متغیرها به تهی تبدیل می شوند.
- همچنین اگر A متغیر سمت راست باشد آنگاه \$ در Follow(A) قرار میگیرد. نماد \$ به معنای پایان رشته است و فرض میشود که این نماد در الفبا وجود ندارد.
- جرای محاسبه First(X) برای نماد X قوانین زیر را اعمال میکنیم تا جایی که هیچ ترمینالی (یا ϵ) نتواند به مجموعه First اضافه شود.

 $First(X) = \{X\}$ اگر X یک ترمینال است آنگاه ۱

First(X) که متغیر است و $X \to Y_1Y_2 \cdots Y_k$ یک قانون تولید است به ازای $1 \leqslant X$ آنگاه a در $X \to Y_1Y_2 \cdots Y_k$ قرار میگیرد اگر به ازای یک $X \to Y_1Y_2 \cdots Y_k$ ترمینال a در $X \to Y_1Y_2 \cdots Y_k$ باشد و عدر همهٔ $X \to Y_1 \cdots Y$

. می افزاییم First(X) می آنگاه ϵ را به X o می افزاییم X

میتوانیم First را برای هر رشته $X_1X_2\cdots X_n$ به صورت زیر محاسبه کنیم. همهٔ نمادها غیر از ε از مجموعه ε First(ε (ε از First(ε (ε) First(ε) میافزاییم. اگر ε در مجموعه First(ε (ε) از First(ε) از آنگاه و می دهیم. در نهایت اگر ε به ازای همه ε ها در First(ε) باشد، آنگاه ε را به First(ε) اضافه می کنیم.

- برای محاسبه Follow(A) به ازای همه متغیرهای A قوانین زیر را اعمال میکنیم تا وقتی که هیچ نمادی نتواند به مجموعه Follow اضافه شود.
- ۱- نماد \$ را در Follow(S) اضافه میکنیم اگر S متغیر آغازین باشد.
- را به ϵ را به جز رشته تهی ϵ را به Follow(β) مجموعه A $\to \alpha$ B β را به جز رشته تهی Follow(β) میافزاییم.
 - باشد، آنگاه $A \to \alpha$ یا قانون $A \to \alpha$ یا قانون $A \to \alpha$ وجود داشته باشد جایی که Follow(β) باشد، آنگاه هر نمادی در Follow(β) در Follow(β) نیز قرار میگیرد.

توابع First و Follow

گرامر زیر را در نظر بگیرید.

- با محاسبات First و Follow به دست میآوریم :

 $\begin{aligned} & \text{First}(\texttt{F}) = \text{First}(\texttt{T}) = \texttt{First}(\texttt{E}) = \{(\texttt{,id}) \\ & \text{First}(\texttt{E}') = \{+, \varepsilon\} \\ & \text{First}(\texttt{T}') = \{*, \varepsilon\} \\ & \text{Follow}(\texttt{E}) = \text{Follow}(\texttt{E}') = \{), \$\} \\ & \text{Follow}(\texttt{T}) = \text{Follow}(\texttt{T}') = \{+, \}, \$\} \\ & \text{Follow}(\texttt{F}) = \{+, *, \}, \$\} \end{aligned}$

گرامرهای (LL(1)

- تجزیه کنندههای پیش بینی کننده یعنی تجزیه کنندههای کاهشی بازگشیت که به پسگرد نیازی ندارند می توانند برای دستهای از گرامرهای مستقل از متن به نام گرامرهای (1) LL استفاده شوند.
- تجزیه کنندههایی که برای گرامرهای (LL(1) به کار میروند تجزیه کنندههای (LL(1) نامیده میشوند. اولین L بدین معناست که خواندن ورودی از چپ به راست 1 انجام میشود و دومین L بدین معناست که تجزیه کننده اشتقاق چپ 2 تولید میکند و عدد 1 بدین معناست که تجزیه کننده تنها یک نماد جلوتر 3 را در هر گام برای تصمیمگیری برای تجزیه بررسی میکند.
- دسته گرامرهای (LL(1) برای توصیف زبانهای برنامهنویسی به اندازهٔ کافی توانمند است. البته در توصیف یک گرامر (LL(1) ملاحظاتی را باید در نظر گرفت. برای مثال گرامر نباید بازگشت چپ داشته باشد یا مبهم باشد.

¹ Left to right

² Leftmost derivation

³ one input symbol of lookahead

- $A \to \alpha | \beta$ است اگر و تنها اگر هنگامی که دو قانون مجزای G گرامر و بنها اگر هنگامی که دو قانون مجزای G وجود داشته باشند، شرطهای زیر برقرار باشد.
 - ا هیچ ترمینال a وجود ندارد به طوری که هردوی lpha و eta رشتهای مشتق کننده که هر دو با a آغاز شود.
 - ۲. حداکثر یکی از صورتهای جمله α و β میتوانند رشته تهی تولید کنند.
- به طور مشابه α هیچ رشته ای تولید نمی کند که با یک ترمینال در Follow(A) آغاز شود. به طور مشابه α آنگاه α هیچ رشته ای تولید نمی کند که با یک ترمینال در α α آنگاه α هیچ رشته ای تولید نمی کند که با یک ترمینال در آخان شود.

- شرطهای اول و دوم معادل یکدیگرند. این دو شرط بدین معنی هستند که $First(\alpha)$ و $First(\beta)$ دو محموعه محزا هستند.

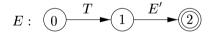
- شرط سوم بدین معنی است که از ε در First(ε) وجود داشت، آنگاه First(ε) و Follow(A) و Fond دو مجموعه مجزا هستند و به طور مشابه اگر ε در First(ε) وجود داشت، First(ε) و Follow(A) و محموعه مجزا هستند.

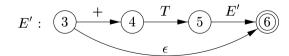
```
- تجزیه کنندههای پیش بینی کننده می توانند برای گرامرهای (1) LL استفاده شوند زیرا انتخاب درست قانونی که می تواند در هرگام برای تجزیه به کار رود تنها با بررسی نماد فعلی در ورودی امکان پذیر است.
```

- برای مثال در گرامر زیر تنها با خواندن یکی از نمادهای if یا while یا } میتوانیم تصمیم بگیریم کدام قانون را انتخاب کنیم.

دیاگرام گذار برای تجزیه کننده پیشبینی کننده

- دیاگرامهای گذار برای مصورسازی تجزیه کنندههای پیشبینی کننده مناسباند. دیاگرامهای گذار برای متغیرهای E و E از گرامر زیر نشان داده شدهاند.





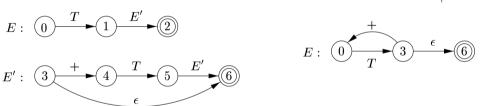
دیاگرام گذار برای تجزیه کننده پیشبینی کننده

- برای ساختن یک دیاگرام گذار از یک گرامر، ابتدا بازگشت چپ حذف می شود و سپس گرامر فاکتورگیری چپ می شود. سپس به ازای هر یک از متغیرهای A
 - ۱. یک حالت آغاز و حالت نهایی ساخته میشود.
- ۲. برای هریک از قوانین تولید X_k برای هریک از قوانین تولید X_k برچسب زده شده باشند. اگر داشته باشیم $A \to \epsilon$ آنگاه می شودد به طوری که یال ها با X_k برچسب زده شده باشند. اگر داشته باشیم $A \to \epsilon$ آنگاه مسیر یالی است که با $A \to \epsilon$ برچسب زده شده است.
 - دیاگرامهای گذار برای تجزیه کنندههای پیش بینی کننده از دیاگرامهای گذار برای تحلیل گرهای لغوی متفاوت اند.
- تجزیه کنندهها یک دیاگرام به ازای یک متغیر دارند. برچسب یالها میتوانند توکنها یا متغیرها باشند. یک گذار برروی یک توکن (ترمینال) بدین معناست که آن گذار انجام میشود اگر آن توکن نماد بعدی در ورودی باشد. گذار برروی یک متغیر A به معنی فراخوانی تابع A است.
 - با یک گرامر (LL(1) اگر یک گذار تهی وجود داشته باشد، اولویت با اعمال گذار تهی است.

دیاگرام گذار برای تجزیه کننده پیشبینی کننده

- یک دیاگرام گذار می تواند ساده سازی شود. می توانیم یک دیاگرام برای متغیر A را با یک یال با برچسب A حامگذین کنیم.

- دو دیاگرام گذار زیر معادل یکدیگرند.



اگر مسیرها از E به یک حالت نهایی را دنبال کنیم و آنها را با E' جایگزینن کنیم، آنگاه در هر دو مجموعه از دیاگرامها، نمادهای گرامر در مسیر رشتههایی به شکل $T+T+\cdots+T$ میسازند.

- الگوریتم بعدی اطلاعاتی در مورد مجموعههای First و Follow در یک جدول تجزیه پیشبینی کننده جمع آوری می کند. جدول تجزیه [A, a] یک آرایه دو بعدی است جایی که A یک متغیر و a یک ترمینال یا نماد \$ است.
- الگوریتم بر پایه ایده زیر است : قانون $\alpha \to A$ انتخاب می شود اگر نماد بعدی α در (First(α) باشد. تنها مشکل وقتی رخ می دهد که $\alpha = \epsilon$ یا $\alpha = \epsilon$ باشد. در اینصورت $\alpha \to A$ را انتخاب می کنیم اگر نماد ورودی در (Follow(α) باشد یا اگر به $\alpha = \epsilon$ در رشته ورودی رسیده ایم و $\alpha = \epsilon$ در باشد.

- الگوریتم ساخت جدول تجزیه کننده پیشبینی کننده به صورت زیر است. این الگوریتم گرامر G را دریافت و جدول تجزیه M را تولید می کند.
- برای هر یک از قوانین $\alpha \to A$ از گرامر به صورت زیر عمل میکنیم. ۱. به ازای هریک از ترمینالهای a در First(α) قانون $\alpha \to A$ را به M[A,a] اضافه میکنیم. ۲. اگر α در First(α) باشد، آنگاه به ازای هریک از ترمینالهای b در M[A,b] قانون $\alpha \to A$ با به M[A,b] اضافه میکنیم. اگر α در α در α در α باشد و α در α در در α در در در در α در در در در در در
- اگر پس از عملیات بالا هیچ قانونی در M[A, a] آنگاه در M[A, a] مقدار خطا (error) قرار میدهیم. سادگی خطاها را با سلولهای خالی نمایش میدهیم.

الگوريتم تجزيه كننده پيشبيني كننده

- برای گرامر زیر جدول تجزیه زیر تولید میشود.

NON -	INPUT SYMBOL					
TERMINAL	id	+	*	()	\$
E	$E \to TE'$			$E \to TE'$		
E'		$E' \to +TE'$			$E' \to \epsilon$	$E' \to \epsilon$
T	$T \to FT'$			$T \to FT'$		
T'		$T' \to \epsilon$	$T' \to *FT'$		$T' \to \epsilon$	$T' \to \epsilon$
F	$F o \mathbf{id}$			$F \to (E)$		

```
– قانون First(TE') = Fisrt(T) = \{(, id\} این قانون به E \to TE' و E \to TE' این قانون به M[E, id] و M[E, id] افزوده شده است. قانون E' \to TE' به E' \to TE' افزوده شده است زیرا E' \to TE' و E' \to TE' او E' \to TE' او E' \to TE' او E' \to TE' افزوده شده است. افزوده شده است.
```

الگوريتم تجزيه كننده پيشبيني كننده

- الگوریتمی که شرح داده شد میتواند برروی هر گرامر G اعمال شود و یک جدول تجزیه M بسازد. برای هرگرامر LL(1) یک جدول تجزیه وجود دارد که هر سلول آن حاوی یک قانون تولید یا خطا است.
- برای برخی از گرامر جدول M ممکن است سلول داشته باشد که در آن بیش از یک قانون وجود دارد. اگر یک گرامر بازگشت چپ داشته باشد یا مبهم باشد، آنگاه M حداقل یک سلول با بیش از یک قانون دارد. با حذف بازگشت چپ و فاکتورگیری چپ در برخی موارد میتوان یک گرامر را به یک گرامر LL(1) تبدیل کرد. برای برخی از گرامرها اما معادل LL(1) وجود ندارد.

الگوريتم تجزيه كننده پيشبيني كننده

. گرامر زیر و جدول تجزیه آن را در نظر بگیرید. $S \to iEtSS' \mid a$ $S' \to eS \mid \epsilon$

 $\begin{array}{ccc} S' & \to & eS \mid \epsilon \\ E & \to & b \end{array}$

Non -	INPUT SYMBOL						
TERMINAL	a	b	e	i	t	\$	
S	$S \to a$			$S \to iEtSS'$			
S'			$S' \to \epsilon$ $S' \to eS$			$S' \to \epsilon$	
			$S' \to eS$				
E		$E \rightarrow b$					

در سلول ${ t S}'
ightarrow { t C}$ دو قانون ${ t S}'
ightarrow { t C}$ و ${ t S}'
ightarrow { t C}$ قرار گرفته است.

- دلیل این امر این است که گرامر مبهم است.

- یک تجزیه کننده پیش بینی کننده غیر بازگشتی 1 با نگهداری یک پشته به صورت صریح به جای استفاده از پشته فراخوانی ساخته می شود.

- این تجزیه کننده اشتقاق چپ را شبیهسازی میکند.
- از گرامر را α از گرامر تطبیق داده شده باشد، آنگاه پشته یک دنباله از نمادهای α از گرامر را π

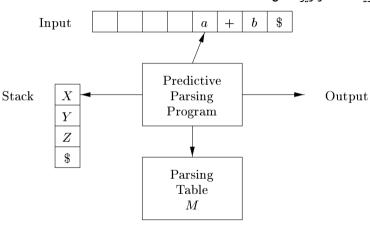
نگهداری میکند به طوری که lpha نگهداری میکند به طوری که

- تجزیه کننده تشکیل شده است از یک بافر ورودی، یک پشته حاوی دنبالهای از نمادهای گرامر، یک جدول تجزیه که توسط الگوریتم قبل ساخته شده است و یک خروجی.

¹ nonrecursive predictive parser

- بافر ورودی رشته ورودی را دربرمیگیرد که به نماد \$ ختم شده است. همچنین نماد \$ انتهای پشته را نشان م.دهد.
- تجزیه کننده نماد X را از روی پشته بر می دارد و نماد a را از ورودی می خواند. اگر X یک متغیر باشد، تجزیه کننده قانون تولیدی را که در M[X,a] ذخیره شده انتخاب می کند. در غیراینصورت نماد X و نماد ورودی a باید تطبیق داده شوند.

- شمای این تجزیه کننده در زیر نشان داده شده است.



- الگوریتم رشته w و جدول M برای گرامر G را دریافت میکند. اگر w در G باشد یک اشتقاق چپ برای w تولید میکند در غیراینصورت پیام خطا صادر میکند.

- در ابتدا تجزیه کننده در پیکربندی 1 \$ w قرار دارد و نماد آغازین S در پشته برروی نماد انتهای پشته یعنی \$ S قرار گرفته می شود.

¹ configuration

- الگوریتم زیر عملیات تجزیه پیشبینی کننده را نشان میدهد.

```
let a be the first symbol of w:
let X be the top stack symbol;
while (X \neq \$) { /* stack is not empty */
      if (X = a) pop the stack and let a be the next symbol of w;
      else if ( X is a terminal ) error():
      else if (M[X,a] is an error entry ) error():
      else if (M[X,a] = X \rightarrow Y_1Y_2\cdots Y_k) {
             output the production X \to Y_1 Y_2 \cdots Y_k:
              pop the stack:
             push Y_k, Y_{k-1}, \ldots, Y_1 onto the stack, with Y_1 on top;
      let X be the top stack symbol;
```

گرامر زیر را در نظر بگیرید.

- جدول تجزیه این گرامر را قبلا به صورت زیر محاسبه کردیم.

NON -	INPUT SYMBOL					
TERMINAL	id +		*	()	\$
E	$E \to TE'$			$E \to TE'$		
E'		$E' \to +TE'$			$E' \to \epsilon$	$E' \to \epsilon$
T	$T \to FT'$			$T \to FT'$		
T'		$T' \to \epsilon$	$T' \to *FT'$		$T' \to \epsilon$	$T' \to \epsilon$
F	$F o \mathbf{id}$			F o (E)		

با دریافت ورودی id + id * id تجزیه کننده پیشبینی کننده غیربازگشتی یک فرایند اشتقاق چپ به صورت زیر تولید می کند.

$$\texttt{E} \; \underset{lm}{\Rightarrow} \; \texttt{TE'} \; \underset{lm}{\Rightarrow} \; \texttt{FT'E'} \; \underset{lm}{\Rightarrow} \; \texttt{idT'E'} \; \underset{lm}{\Rightarrow} \; \texttt{idE'} \; \underset{lm}{\Rightarrow} \; \texttt{id} + \texttt{TE'} \; \underset{lm}{\Rightarrow} \; \cdots$$

تجزیه کننده پیش بینی کننده غیر بازگشتی - این فرایند اشتقاق به صورت زیر تولید می شود.

MATCHED	Stack	Input	ACTION
	E\$	$\mathbf{id} + \mathbf{id} * \mathbf{id} \$$	
	TE'\$	$\mathbf{id} + \mathbf{id} * \mathbf{id} \$$	output $E \to TE'$
	FT'E'\$	$\mathbf{id} + \mathbf{id} * \mathbf{id} \$$	output $T \to FT'$
	id $T'E'$ \$	$\mathbf{id} + \mathbf{id} * \mathbf{id} $	output $F \to \mathbf{id}$
id	T'E'\$	$+\operatorname{id}*\operatorname{id}\$$	match id
id	E'\$	$+\operatorname{\mathbf{id}}*\operatorname{\mathbf{id}}\$$	output $T' \to \epsilon$
id	+ TE'\$	$+\operatorname{id}*\operatorname{id}\$$	output $E' \to + TE'$
id +	TE'\$	$\mathbf{id} * \mathbf{id} \$$	match +
id +	FT'E'\$	$\mathbf{id} * \mathbf{id} \$$	output $T \to FT'$
id +	id $T'E'$ \$	$\mathbf{id} * \mathbf{id} \$$	output $F \to \mathbf{id}$
$\mathbf{id} + \mathbf{id}$	T'E'\$	$*$ \mathbf{id} $\$$	match id
$\mathbf{id} + \mathbf{id}$	*FT'E'\$	$*$ \mathbf{id} $\$$	output $T' \to *FT'$
$\mathbf{id} + \mathbf{id} \ *$	FT'E'\$	$\mathbf{id}\$$	match *
$\mathbf{id} + \mathbf{id} \ *$	id $T'E'$ \$	$\mathbf{id}\$$	output $F \to \mathbf{id}$
$\mathbf{id} + \mathbf{id} * \mathbf{id}$	T'E'\$	\$	$\mathbf{match}\ \mathbf{id}$
$\mathbf{id} + \mathbf{id} * \mathbf{id}$	E'\$	\$	output $T' \to \epsilon$
$\mathbf{id} + \mathbf{id} * \mathbf{id}$	\$	\$	output $E' \to \epsilon$

تجزیه کننده پیشبینی کننده غیربازگشتی

- یک صورت جملهای در فرایند اشتقاق متناظر است با ورودی تطبیق داده شده (در ستون Matched)که به دنبال آن محتوای یشته قرار داده شده است..

بازیابی خطا در تجزیه کننده پیشبینی کننده

طراحي كاميايلر

- یک خطا در تجزیه پیش بینی کننده رخ می دهد وقتی که یک ترمینال برروی پشته برروی نماد ورودی منطبق نشود و یا وقتی که با خواند متغیر A از پشته و نماد a از رشته ورودی M[A, a] یک خطا باشد یا به عبارت دیگر سلول آن در جدول تجزیه خالی باشد.

- بازیابی خطا با توکن همگامکننده 1 بر این پایه است که در هنگام رخداد خطا از نمادهای ورودی چشمپوشی شود تا جایی که یک توکن همگامکننده 2 پیدا شود.

- مجموعه توکنهای همگامکننده باید به نحوی انتخاب شود که تجزیهکننده بتواند به سرعت خطا را بازیابی کند.

طراحی کامپایلر تحلیل نحوی تحلیل نحوی ۲۴۳/۱۱۰

¹ panic mode error recovery

² synchronizing token

- موارد زیر برای انتخاب توکنهای همگامکننده میتوانند استفاده شوند.
- ا همهٔ نمادها در Follow(A) را در مجموعه همگام کننده متغیر A قرار میدهیم. اگر از همهٔ توکنها چشمپوشی کنیم تا یکی از اعضای Follow(A) مشاهده شود و A از پشته خارج شود، به احتمال زیاد تجزیه میتواند ادامه یبدا کند.
 - ۲. تنها اعضای Follow(A) برای مجموعه همگام کننده A کافی نیستند. برای مثال اگر دستورات با نقطه ویرگول خاتمه پیدا کنند، آنگاه کلمههای کلیدی که در ابتدای دستورات بعدی هستند در مجموعه Follow قرار نمیگیرند. بنابراین اگر یک نقطه ویرگول جا افتاده باشد، از کلمات کلیدی دستورات بعدی چشمپوشی میشود. معمولاً در زبانهای برنامهنویسی یک ساختار سلسله مراتبی وجود دارد. برای مثال عبارات در دستورات استفاده میشوند و دستورات در بلوکها و الی آخر میتوانیم مجموعه همگام کننده از سلسله مراتب پایین تر را به نمادهایی که در سلسله مراتب بالاتر قرار دارند اضافه کنیم. برای مثال، میتوانیم کلمات کلیدی را که دستورات با آنها شروع میشوند در مجموعههای همگام کننده متغیرهایی قرار دهیم که عبارات را تولید می کنند.

- ۳. اگر نمادهای First(A) را به مجموعه همگام کننده متغیر A اضافه کنیم، آنگاه می توانیم تجزیه را با توجه به متغیر A ادامه دهیم اگر یک نماد در (First(A) در ورودی ظاهر شود.
- ۴ اگر یک متغیر بتواند رشته تهی تولید کند، آنگاه قانون تولیدی که به رشته تهی میانجامد میتواند به عنوان پیش فرض در نظر گرفته شود. با این کار تشخیص خطا به تأخیر میافتد اما از طرفی باعث میشود خطاها از دست ناهند.
 - ۵. اگر یک ترمینال برروی پشته باشد که نتواند تطبیق داده شود، یک ایده این است که ترمینال از روی پشته برداشته شود و خطایی صادر شود مبنی براینکه ترمینال توسط کامپایلر اضافه شده است و عملیات تجزیه ادامه پیدا کند.

- گرامر زیر و جدول تجزیه متناظر با آن را در نظر بگیرید.

NON -	INPUT SYMBOL					
TERMINAL	id	+	*	()	\$
E	$E \to TE'$			$E \to TE'$		
E'		$E' \to +TE'$			$E' \to \epsilon$	$E' \to \epsilon$
T	$T \to FT'$			$T \to FT'$		
T'		$T' \to \epsilon$	$T' \to *FT'$		$T' o \epsilon$	$T' \to \epsilon$
F	$F o \mathbf{id}$			$F \to (E)$		

744/114

- در جدول زیر واژه sync معادل با توکنهای همگامکنندهای است از مجموعه Follow برای هر یک از متغیرها استخراج شده است.

NON -	INPUT SYMBOL					
TERMINAL	id	+	*	()	\$
\overline{E}	$E \to TE'$			$E \to TE'$		synch
E'		$E \to +TE'$			$E o \epsilon$	
T	$T \to FT'$	synch		T o FT'	$\begin{array}{c} \text{synch} \\ T' \to \epsilon \end{array}$	synch
T'		$T' \to \epsilon$	$T' \to *FT'$		$T' o \epsilon$	$T' \to \epsilon$
F	$F o \mathbf{id}$	synch	synch	$F \to (E)$	synch	synch

- از این جدول به شرح زیر استفاده می شود. اگر تجزیه کننده به سلول [A, a] رسید که خالی بود آنگاه از a چشم پوشی می شود. اگر تجزیه کننده به کلمه sync برخورد کرد، متغیر از روی پشته برداشته می شود تا تجزیه بتواند ادامه پیدا کند. اگر یک توکن از روی پشته بر نماد ورودی تطبیق داده نشود، آنگاه توکن از پشته برداشته می شدد.

- با خواندن ورودی +id + id تجزیه کننده به صورت زیر عمل میکند.

	حيد ال	
STACK	Input	Remark
E \$) $id * + id \$$	error, skip)
E \$	$\mathbf{id}*+\mathbf{id}~\$$	id is in $FIRST(E)$
TE' \$	$\mathbf{id}*+\mathbf{id}~\$$	
FT'E' \$	$\mathbf{id}*+\mathbf{id}~\$$	
id $T'E'$ \$	$\mathbf{id}*+\mathbf{id}~\$$	
T'E' \$	$*+\mathbf{id}\ \$$	
FT'E'\$	$+\mathbf{id}\ \$$	
FT'E' \$	$+ \operatorname{id} \$$	error, $M[F, +] = $ synch
T'E' \$	+ id \$	F has been popped
E' \$	+ id \$	
+TE'\$	$+ \operatorname{id} \$$	
TE' \$	$\mathbf{id}~\$$	
FT'E' \$	$\mathbf{id}~\$$	
$\operatorname{\mathbf{id}} T'E'$ \$	$\mathbf{id}\$$	
T'E' \$	\$	
E' \$	\$	
\$	\$	

- معمولاً یک کامپایلر خوب پیامهای خطایی صادر میکند که اطلاعات مفیدی به دست برنامهنویس میدهد.

طراحی کامپایلر تحلیل نحوی ۲۴۳/۱۱۷

بازیابی خطا با جایگزینی توکنها

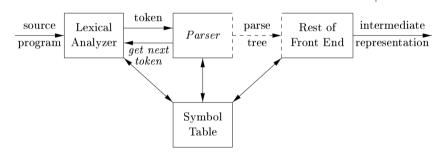
بازیابی خطا با جایگزینی توکنها ¹ بدین صورت پیادهسازی میشود که به جای سلولهای خالی در جدول تجزیه توابعی قرار میگیرند که بازیابی خطا را انجام میدهند. این توابع میتوانند نمادهایی را تغییر دهند یا اضافه کنند و یا حذف کنند و پیام خطای مناسب صادر کنند. همچنین این توابع میتوانند از پشته نمادهایی را خارج کنند یا نمادهایی را به پشته اضافه کنند. باید اطمینان حاصل شود که این توابع ایجاد حلقه بیپایان نمیکنند.

¹ phrase-level error recovery

طراحي كاميابلر

سمت ریشه (بالا) یک تجزیه کننده پایین به بالا 1 درخت تجزیه برای یک ورودی را از برگها (پایین) به سمت ریشه (بالا) می سازد.

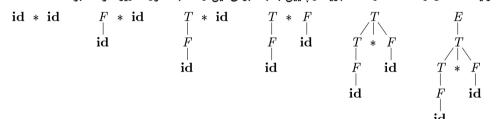
- فرض کنید میخواهیم رشته id * id را با استفاده از یک تجزیه کننده پایین به بالا برای گرامر زیر تجزیه کنیم.



تحلیل نحوی ۲۴۳/۱۱۹

¹ bottom-up parser

فرایند اشتقاق و ساخت درخت تجزیه از پایین به بالا برای این رشته به صورت زیر خواهد بود.



تجزیه یایین به بالا

- در این قسمت یک روش کلی برای تجزیه پایین به بالا به نام تجزیه انتقال کاهش 1 معرفی میکنیم.

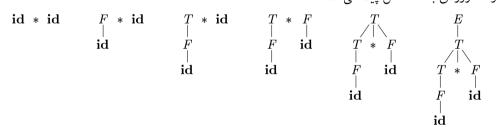
- یکی از دستههای مهم گرامرها که برای آنها تجزیه کننده انتقال کاهش میتواند ساخته شود، دسته گرامرهای LR نامیده می شود.

طراحی کامپایلر تحلیل نحوی ۲۲۳/۱۲۱

¹ shift-reduce parsing

یک تجزیه کننده پایین به بالا با دریافت یک رشته ورودی آن را به متغیر آغازین کاهش میدهد. در هرگام کاهش ¹ ، یک زیر رشته از ورودی بر بدنهٔ یک قانون تولید تطبیق پیدا میکند و به متغیر آن قانون تولید کاهش پیدا میکند. یک تجزیه کننده پایین به بالا تعیین میکند کدام قسمت از رشته ورودی توسط کدام یک از قوانین تولید کاهش پیدا کند.

¹ reduction



- درگام اول برای کاهش از قانون $f \to id$ استفاده می شود. در برخی ازگامها چند انتخاب برای کاهش وجود دارد که تجزیه کنند باید تصمیم بگیرید از کدام قانون و کدام زیر رشته برای کاهش استفاده کند.

- فرایند کاهش معکوس فرایند اشتقاق است. در فرایند اشتقاق یک متغیر در یک صورت جملهای با بدنه یک قانون قانون از آن متغیر جایگزین میشود. اما در فرایند کاهش یک زیررشته از صورت جملهای بر بدنهٔ یک قانون منطبق و با متغیر متعلق به آن قانون جایگزین میشود. بنابراین تجزیه کننده پایین به بالا یک اشتقاق به صورت معکوس میسازد.

- در شکل زیر فرایند اشتقاق راست

$$E \Rightarrow T \Rightarrow T*F \Rightarrow T*id \Rightarrow F*id \Rightarrow id*id$$

- در تجزیه پایین به بالا ورودی از چپ به راست خوانده می شود و یک اشتقاق راست 1 به صورت معکوس تولید می شود.

- یک هندل 2 زیر رشته است که بر بدنه یکی از قوانین تولید تطبیق داده می شود. کاهش یک هندل به معنای جایگزین کردن آن با متغیر قانون تولید انتخاب شده است. کاهش هندل یک گام در فرایند اشتقاق راست معکوس است.

¹ rightmost derivation

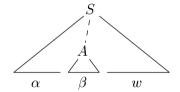
² handle

- برای مثال در جدول زیر هندل در هر گام از فرایند کاهش مشخص شده است. برای خوانایی بیشتر و تمیز دادن توکنهای id از اندیس استفاده شده است.

RIGHT SENTENTIAL FORM	HANDLE	REDUCING PRODUCTION
$\mathbf{id}_1 * \mathbf{id}_2$	\mathbf{id}_1	$F o \mathbf{id}$
$F*\mathbf{id}_2$	F	$T \to F$
$T*\mathbf{id}_2$	\mathbf{id}_2	$F o \mathbf{id}$
T*F	T * F	$T \to T * F$
T	T	$E \to T$

- در این فرایند کاهش در گام سوم گرچه T در td_2 میتواند به عنوان هندل انتخاب شود چرا که قانون $E \to T$ وجود دارد، اما T به عنوان هندل انتخاب نمی شود چرا که در اینصورت متغیر آغازین $E \to T$ نمی آید و رشته تجزیه نمی شود.

lphaه هندل برای صورت جملهای eta آنگاه قانون تولید eta هندل برای صورت جملهای eta هندل برای صورت جملهای eta به دنبال eta در فرایند کاهش است.



- توجه کنید که در تعریف بالا w تنها از ترمینالها تشکیل شده است. برای سادگی به جای $a \to b$ میگوییم $a \to b$ کنید که در تعریف بالا $a \to b$ است.
 - اگر یک گرامر مبهم باشد، چند هندل در فرایند کاهش وجود خواهد داشت.

– فرایند اشتقاق راست معکوس با کاهش هندل به دست می آید. در این فرایند با یک رشته w از ترمینالها آغاز می کنیم. اگر w رشته از گرامر باشد، آنگاه w w جایی که w برابراست با w امین صورت جملهای در فرایند اشتقاق راست.

$$\texttt{S} \; = \; \gamma_0 \; \underset{rm}{\Rightarrow} \; \gamma_1 \; \underset{rm}{\Rightarrow} \; \cdots \; \underset{rm}{\Rightarrow} \; \gamma_{n-1} \; \underset{rm}{\Rightarrow} \; \gamma_n \; = \; \texttt{w}$$

- برای ساختن این اشتقاق به صورت معکوس، هندل γ_n در γ_n پیدا میشود و با A_n با استفاده از قانون $A_n \to \beta_n$ جایگزین میشود تا صورت جمله γ_{n-1} به دست بیاید.
- الگوریتم تجزیه پایین به بالا روشی برای یافتن هندل توصیف میکند. این فرایند ادامه پیدا میکند تا در نهایت متغیر S به دست بیاید. در اینصورت رشته تجزیه شده است و متعلق به گرامر است.

تجزيه انتقالكاهش

- تجزیه انتقالکاهش نوعی تجزیه پایین به بالا است که در آن یک پشته نمادهای گرامر را نگهداری میکند و در بافر ورودی باقیمانده رشته ورودی برای تجزیه مشخص شدهاست.

هندل همیشه برروی پشته قرار گرفته است.

- در انتهای پشته و همچنین در انتهای رشته ورودی علامت 🕏 را قرار میدهیم.

- در ابتدای وضعیت پشته و رشته ورودی به صورت زیر است.

 - تجزیه کننده ورودی را از چپ به راست میخواند و تعداد صفر یا بیشتر نماد از ورودی را در پشته قرار میدهد تا وقتی که یک هندل β برروی پشته برای کاهش یافت شود. سپس β از پشته حذف میشود و با متغیر قانونی که کاهش با استفاده از آن انجام میشود جایگزین میشود.

- این فرایند ادامه پیدا میکند تا اینکه یا تجزیه کننده با خطا روبرو شود و یا در پشته متغیر آغازین قرار بگیرد و و رودی به پایین برسد. در اینصورت وضعیت پشته و رشته ورودی به صورت زیر است و رشته ورودی به درستی تجزیه شده است.

STACK	Input
\$ S	\$

- شکل زیر گامهای یک تجزیه کننده انتقالکاهش را برای تجزیه رشته id * id نشان میدهد.

STACK	Input	ACTION
\$	$\mathbf{id}_1*\mathbf{id}_2\$$	shift
$\$\mathbf{id}_1$	$*$ \mathbf{id}_2 $\$$	reduce by $F \to \mathbf{id}$
\$F	$\ast \ \mathbf{id}_{2} \ \$$	reduce by $T \to F$
\$T	$*\mathbf{id}_2\$$	shift
$\ T *$	$\mathbf{id}_2\$$	shift
$\$T*\mathbf{id}_2$	\$	reduce by $F \to \mathbf{id}$
T * F	\$	reduce by $T \to T * F$
\$T	\$	reduce by $E \to T$
\$E	\$	accept

تجزيه انتقالكاهش

- در فرایند تجزیه انتقالکاهش چهار عملیات میتواند توسط تجزیه کننده اجرا شود.
 - د. انتقال 1 : یک نماد از ورودی به روی پشته انتقال پیدا میکند.
- ۲. کاهش 2 : یک هندل که نماد سمت راست آن به بالای پشته است و نماد سمت چپ آن در پشته قرار دارد مشخص می شود و با استفاده از یک قانون گرامر کاهش پیدا می کند. هندل از پشته حذف و متغیر مربوط برروی پشته اضافه می شود. هندل همیشه بالای پشته قرار می گیرد نه در وسط آن.
 - $^{\circ}$ پذیرش $^{\circ}$: عملیات تجزیه به اتمام رسیده و رشته پذیرفته شده است.
 - * خطا 4 : یک خطا نحوی تشخیص داده شده و یک تابع بازیابی خطا فراخوانی می شود.

² reduce

³ accept

⁴ error

¹ shift

¹ shift/reduce conflict

² reduce/reduce conflict

- اگر یک تجزیه کننده انتقال کاهش با آگاهی از k نماد جلویی در ورودی و آگاهی از محتوای پشته بتواند تصمیم بگیرد انتقال را اعمال کند و یا کاهش و بتواند تصمیم درستی درمورد انتخاب عملیات کاهش بگیرد گرامر مورد تجزیه یک گرامر (LR(k نامیده می شود.
- گرامری که تجزیهکننده انتقالکاهش برای تجزیه جملات با آن تنها نیاز به آگاهی از یک نماد جلویی در ورودی داشته باشد، یک گرامر (LR(1 نامیده میشود.
- حرف L بدین معنی است که ورودی از چپ به راست 1 خوانده می شود و حرف R بدین معنا است که یک اشتقاق راست به صورت معکوس 2 ایجاد می شود و k بدین معنی است که آگاهی از k نماد جلویی از ورودی برای تجزیه جمله کافی است.

طراحی کامپایلر تحلیل نحوی تحلیل نحوی ۲۴۳/ ۱۳۶

¹ left-to-right

² rightmost derivation in reverse

- یک گرامر مبهم هیچگاه نمی تواند LR باشد.

- گرامر زیر را در نظر بگیرید.

 $stmt \rightarrow$ if expr then stmt| if expr then stmt else stmt| other

- اگر پیکربندی زیر را در هنگام تجزیه داشته باشیم، نمیتوانیم تصمیم بگیریم آیا ifexprthenstmt هندل است با خبر .

STACK INPUT \cdots if expr then stmt else \cdots \$

- در اینجا یک ناسازگاری انتقالکاهش به وجود می آید.
- تجزیه انتقالکاهش میتواند با کمی تغییرات برای گرامرهای مبهم نیز استفاده شود.

طراحي کامپايلر تحليل نحوي تحليل نحوي

- در برخی مواقع تجزیه کننده نمی تواند تصمیم بگیرد از بین چند هندل کدام یک را انتخاب کند و کدام قانون تولید را در فرایند کاهش اعمال کند.

- فرض کنید گرامری به صورت زیر داریم که در آن فراخوانی تابع و تعریف آرایه شبیه به یکدیگر تعریف میشوند و هردو از نماد برانتز استفاده میکنند

- (1) $stmt \rightarrow id (parameter_list)$
- $(2) stmt \to expr := expr$
- (3) parameter_list \rightarrow parameter_list, parameter
- (4) $parameter_list \rightarrow parameter$
- $(5) parameter \to id$
- $(6) expr \rightarrow id (expr_list)$
- (7) $expr \rightarrow id$
- (8) $expr_list \rightarrow expr_list$, expr
- $(9) expr_list \to expr$

حال یک عبارت به صورت p(i, j) در ورودی پس از تحلیل لغوی به صورت p(i, j) تبدیل می شود و به تجزیه کننده تحویل داده می شود. پس از انتقال سه توکن برروی پشته، تجزیه کننده انتقال کاهش در وضعیت زیر قرار می گیرد.

STACK INPUT \cdots id (id , id) \cdots

- در اینجا دو قانون ۵ برای کاهش p به نام تابع و قانون ۷ برای کاهش p به نام آرایه میتواند استفاده شوند.
- یک راهحل این است که به جای id در قانون تولید ۱ از توکن procid استفاده شود. این راه حل تحلیلگر لغوی را پیچیده میکند. زیرا تحلیلگر نیاز به استفاده از جدول علائم خواهد داشت.
 - یک راهحل دیگر تغییر ساختار نحوی برنامه و تغییر زبان برنامهنویسی است.

تجزیه LR ساده

- بسیاری از تجزیه کنندههای پایین به بالا بر مبنای تجزیه (LR(k هستند.
- حرف L بدین معناست که ورودی از چپ به راست 1 خوانده می شود و حرف R بدین معناست که تجزیه با استفاده از یک فرایند اشتقاق راست معکوس 2 انجام می شود و k به معنای تعداد نمادهای جلویی است که در برای تصمیم گیری در فرایند تجزیه استفاده می شود.
 - برای تجزیه زبانهای برنامهنویسی معمولاً از تجزیه کنندههای LR(0) و LR(0) استفاده می شود.
 - وقتی از تجزیه کننده LR صحبت می کنیم منظور تجزیه کننده (LR(1) است.
- ابتدا مورد یک تجزیهکننده LR ساده صحبت میکنیم و سپس با روشهای پیچیدهتر از جمله تجزیهکننده LR استاندارد ³ و تجزیهکننده LALR آشنا میشویم.

¹ left-to-right

² rightmost derivation in reverse

³ canonical LR

- تجزیه کننده های LR شبیه به تجزیه کننده ها LL از یک جدول تجزیه استفاده می کنند.
- گرامرهایی که میتوان برای آنها یک تجزیهکننده LR طراحی کرد، گرامرهای LR نامیده میشوند.

- تجزیه LR به چند دلیل پرکاربرد است :
- ۱. تجزیه کننده های LR می توانند همهٔ ساختارهای زبان های برنامه نویسی را که برای آنها یک گرامر مستقل از متن وجود دارد تجزیه کنند. گرامرهای مستقل از متنی وجود دارند که LR نیستند اما این گرامرها در زبان های برنامه نویسی استفاده نمی شوند.
 - ۲۰ تجزیه کنند LR روشی است غیربازگشتی برای پیادهسازی تجزیه انتقال کاهش و در عین حال به اندازه بقیه روشهای تجزیه کاراست.
 - ۳. تجزیه کننده LR خطاهای نحوی را با خواندن رشته از چپ به راست به سرعت تشخیص میدهد.
 - ۴ دسته گرامرهای LR ابر مجموعه دسته گرامرهای LL است.
 - تنها عیب تجزیه کننده LR این است که ساختن آن بسیار پیچیده است.

- چگونه یک تجزیهکننده انتقالکاهش تشخیص میدهد چه زمانی انتقال و چه زمانی کاهش انجام دهد؟

- برای مثال اگر محتوای پشته T باشد و نماد بعدی * باشد، تجزیه کننده چگونه تشخیص می دهد T هندل نیست و باید به جای کاهش انتقال انجام دهد؟

		<u> </u>
STACK	Input	ACTION
\$	$\mathbf{id}_1*\mathbf{id}_2\$$	shift
$\$\mathbf{id}_1$	$*\mathbf{id}_2\$$	reduce by $F \to \mathbf{id}$
\$F	$*\mathbf{id}_2\$$	reduce by $T \to F$
\$ T	$*\mathbf{id}_2\$$	shift
$\ T *$	$\mathbf{id}_2\$$	shift
$T * id_2$	\$	reduce by $F \to \mathbf{id}$
T * F	\$	reduce by $T \to T * F$
$\ T$	\$	reduce by $E \to T$
\$E	\$	accept

- یک تجزیهکننده LR تصمیم انتقال یا کاهش را با نگهداری تعدادی حالت انجام میدهد.

- این حالتها نمایندهٔ مجموعه ای از آیتمها 1 هستند.

- یک آیتم (LR(0) از گرامر G یک قانون تولید گرامر G است که تعدادی نقطه در بین نمادهای بدنه آن افزوده شدهاند.

- بنابراین قانون XYZ o A چهار آیتم به صورت زیر دارد :

 $A \to \cdot XYZ$

 $A \to X \cdot Y Z$

 $A \to XY \cdot Z$

 $A \to XYZ$

- قانون تولید $\epsilon o A o C$ تنها یک آیتم به صورت A o C دارد.

¹ item

- به طور شهودی، یک آیتم نشان میدهد چه مقداری از یک قانون تولید در هر لحظه دیده شده است.

- برای مثال آیتم XYZ o A نشان دهنده این است که میتوانیم رشته ورودی را از XYZ مشتق کنیم.

- آیتم $X \cdot YZ \rightarrow A$ نشان دهنده این است که ورودی خوانده شده از X مشتق شده و ممکن است بتوانیم ادامه رشته را از X مشتق کنیم.

- آیتم $XYZ \leftarrow A$ نشان دهنده این است که رشته خوانده شده از XYZ مشتق شده و میتوانیم XYZ را به A دهیم.

- یک گروه از مجموعههای آیتمهای (LR(0) یک گروه (LR(0) استاندارد نامیده می شود که از آن برای ساختن یک ماشین متناهی قطعی برای تصمیمگیری در فرایند ترجمه استفاده می شود.

این ماشین را ماشین (LR(O) مینامیم.

¹ LR(°) automaton

- هر حالت از ماشین LR(0) نشان دهنده مجموعهای از آیتمها در گروه LR(0) استاندارد 1 است.

- برای ساختن گروه (LR(0) استاندارد برای یک گرامر، یک گرامر با افزودن دو تابع Closure و Goto میسازیم.

¹ canonical LR(°) collection

اگر G یک گرامر با نماد آغازین S باشد، آنگاه G یک گرامر افزوده شده 1 برای G است که نماد آغازین 3 و قانون S \leftarrow S در آن افزوده شده است.

طراحی کامپایلر تحلیل نحوی ۲۴۳/۱۴۸

¹ augmented grammar

- اگر I مجموعهای از آیتمها بر روی گرامر G باشد، آنگاه (closure(I مجموعهای از آیتمها از I است که با دو قانون زیر ساخته شدهاند :

۱. هر آیتم در I در closure(I) نیز اضافه می شود.

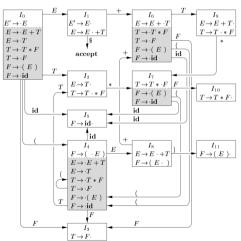
۲. اگر $\alpha \cdot B$ در closure(I) باشد و $\gamma \to B$ یک قانون تولید باشد، آنگاه آیتم $A \to \alpha \cdot B$ درصورتی که در closure(I) وجود نداشته باشد، به آن اضافه می شود. این کار تکرار می شود تا جایی که هیچ آیتم دیگری را نتوان به closure(I) اضافه کرد.

به طور شهودی $\alpha \cdot B\beta$ در closure(I) نشان دهنده این است که در یکی از گامها در فرایند تجزیه، زیررشته ای که باید تجزیه شود از $B\beta$ مشتق می شود. زیر رشته ای که از $B\beta$ مشتق یک پیشوند دارد که از B مشتق می شود بنابراین یکی از قوانین B باید اعمال شود. بنابراین آیتمها برای همه قوانین متعلق به B را اضافه می شود. پس اگر $\gamma \to B$ یک قانون تولید باشد، $B \to \gamma$ در Closure(I) قرار می گیرد.

مثال : گرامر زیر را در نظر بگیرید.

$$\begin{array}{cccc} E' & \rightarrow & E \\ E & \rightarrow & E+T \mid T \\ T & \rightarrow & T*F \mid F \\ F & \rightarrow & (E) \mid \mathbf{id} \end{array}$$

اگر ا مجموعه ای از یک آیتم $[E' \to \cdot E]$ باشد، آنگاه $[E' \to \cdot E]$ مجموعه آیتمها I_0 درشکل زیر را شامل می شود.



- جرای اینکه ببینیم تابع closure چگونه محاسبه شده است، $E' \to \cdot E$ در ابتدا براساس قانون اول در closure قرار میگیرد.
- از آنجایی که E سمت راست نقطه قرار گرفته است، همه قوانین E را با یک نقطه در سمت چپ بدنه قانون $E \to E \to E + T$ می افزاییم $E \to E \to E + T$ او $E \to E \to E + T$
 - در آیتم افزوده شده، T پس از نقطه قرار گرفته است پس قوانین T * T o T و T o T را میافزاییم.
- در پایان چون F پس از نقطه قرار گرفته است قوانین متعلق به F را با یک نقطه در سمت چپ بدنه قانون می افزاییم پس دو آیتم $F \to \cdot id$ و $F \to \cdot id$ اضافه می شوند.

```
- تابع closure را ميتوان براساس الگوريتم زير توليد كرد.
SetOfItems CLOSURE(I) {
       J=I:
       repeat
               for (each item A \to \alpha \cdot B\beta in J)
                       for (each production B \to \gamma of G)
                              if (B \rightarrow \gamma \text{ is not in } J)
                                      add B \to \gamma to J;
       until no more items are added to J on one round:
       return J:
```

- یک روش مناسب برای پیادهسازی closure نگهداری آرایه ای به نام added حاوی مقادیر منطقی است. مقدار $B \to \gamma$ به ازای همه قوانین B افزوده می شوند.

توجه کنید اگر یک قانون متعلق به B به (closure(I) با یک نقطه در سمت چپ افزوده شود، آنگاه همه قوانین B باید به closure اضافه شوند. بنابراین نیاز نیست همیشه همه آیتمهای $\Theta \to \Theta$ را که به closure(I) افزوده شدهاند لیست کنیم. یک لیست از متغیرهای B که افزوده شدهاند کافی است.

طراحي كاميابلر

- مجموعههای آیتمها را به دو دسته تقسیم میکنیم.

ا . آیتمهای هسته $^1:$ آیتم شروع $\mathrm{S}'
ightarrow \mathrm{S}'$ و همه آیتمهایی که نقطه در سمت چپ بدنه آنها نیست.

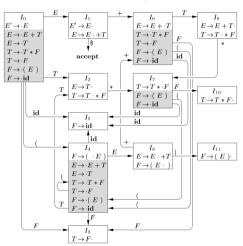
 $.\mathtt{S}' o \cdot \mathtt{S}$ همه آیتمهایی که نقطه در سمت چپ بدنه آنهاست به جز: $.\mathtt{S}' o \cdot \mathtt{S}$

¹ kernel items

² Nonkernel items

- هر مجموعه از آیتمها تشکیل شده است از closure برروی مجموعه آیتمهای هسته.
- بنابراین برای صرفهجویی در حافظه میتوانیم آیتمهای غیر هسته را دور بریزیم زیرا این آیتمها مجددا میتوانند از آیتمهای هسته محاسبه شوند.

- در شکل زیر آیتمهای غیرهسته با رنگ خاکستری نشان داده شدهاند.



ست. ورودی I مجموعه ای از آیتمهاست و X یک نماد از گرامر Goto I یک نماد از گرامر است.

- تابع (I,X) Goto برابراست با closure برروی مجموعه همهٔ آیتمهای $[A \to \alpha X \cdot \beta]$ به طوری که $[A \to \alpha X \cdot \beta]$ در $[A \to \alpha X \cdot X]$ در ا
 - به طور شهودی، تابع Goto برای تعریف گذارها در ماشین LR(0) برای یک گرامر استفاده می شود. حالتهای ماشین مجموعه ای از آیتمهاست و Goto(I,X) گذار از حالت I با ورودی I است.

– اگر I مجموعهای از دو آیتم $[E' \to E \cdot], [E \to E \cdot +T]$ باشد، آنگاه Goto(I,+) شامل آیتمهای زیر است.

$$E \to E + \cdot T$$

$$T \to \cdot T * F$$

$$T \to \cdot F$$

$$F \to \cdot (E)$$

$$F \to \cdot \mathbf{id}$$

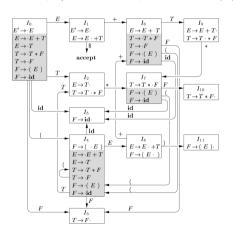
- برای محاسبه (I, +) Goto همهٔ آیتمهایی را که در آنها + پس از نقطه قرار میگیرند در نظر میگیریم. آیتم $E \to E \cdot +T$ یکی از این آیتمهاست. نقطه را به بعد از + منتقل میکنیم و closure آن را محاسبه میکنیم.

```
– الگوریتم زیر یک گروه استاندارد ^{1} از مجموعههای آیتمهای ^{(0)} را برای گرامر افزوده شده ^{(1)} میسازد.
    void items(G') {
           C = \{ CLOSURE(\{ [S' \to \cdot S] \}) \};
           repeat
                  for ( each set of items I in C )
                         for (each grammar symbol X)
                                if (GOTO(I,X)) is not empty and not in C)
                                       add GOTO(I,X) to C:
           until no new sets of items are added to C on a round;
```

¹ canonical collection

- گروه استاندارد از مجموعههای آیتمهای (LR(0 برای گرامر ذکر شده در شکل زیر نشان داده شده است.

$$E \rightarrow E + T|T$$
, $T \rightarrow T*T|F \rightarrow F \rightarrow (E)|id$



- تابع Goto در واقع گذارها در شکل هستند.

استفاده از ماشین (LR(0

- تحزبه LR ساده با SLR از ماشین (LR(0) استفاده میکند.

حالتهای ماشین LR(0) مجموعههایی از آیتمهای گروههای LR(0) استاندارد 2 است و گذارها با تابع Goto محاسبه شدهاند.

طراحي کامپايلر تحوي تحليل نحوي ۲۴۳/ ۱۶۶

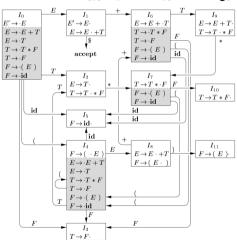
¹ simple LR

² sets of items from canonical LR(°) collection

- حالت آغازین ماشین LR(0) درواقع closure([S' $ightarrow \cdot$ S]) است، جایی که 'S نماد آغازین گرامر افزوده شده است. همهٔ حالتها حالت پذیرش هستند.
 - وقتی میگوییم حالت j منظور مجموعه آیتمهای I_j است.
 - حال باید ببینیم ماشین (LR(0 چگونه کمک میکند برای انتقال کاهش تصمیم بگیریم.
- ورض کنید رشته γ از نمادهای گرامر ماشین (0) LR را از حالت 0 به حالت j میبرد. در اینصورت برروی نماد ورودی j انتقال انجام میدهیم اگر حالت j یک گذار با j دارد. در غیراینصورت یک کاهش انجام میدهیم که در اینصورت آیتمها حالت j کمک میکنند تصمیم بگیریم از کدام قانون برای کاهش استفاده کنیم.
 - الگوریتم تجزیه LR از یک پشته برای نگهداری حالتها استفاده میکند.

استفاده از ماشین (LR(0

- رشته ورودی id * id و ماشین (LR(0 زیر را در نظر بگیرید.

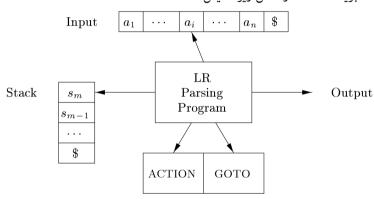


استفاده از ماشین (LR(0

- شكل زير روند تجزيه id * id مىدهد.

LINE	STACK	Symbols	Input	ACTION
(1)	0	\$	id*id\$	shift to 5
(2)	0.5	\$ i d	$*\operatorname{\mathbf{id}}\$$	reduce by $F \to \mathbf{id}$
(3)	0.3	\$F	$*\operatorname{\mathbf{id}}\$$	reduce by $T \to F$
(4)	0 2	$ \ \ \ \ \ T$	$*\operatorname{\mathbf{id}}\$$	shift to 7
(5)	027	\$T*	$\mathbf{id}\$$	shift to 5
(6)	0275	$\$T*\mathbf{id}$	\$	reduce by $F \to \mathbf{id}$
(7)	02710	\$T * F	\$	reduce by $T \to T * F$
(8)	0 2	$\mid \ \$ \ T$	\$	reduce by $E \to T$
(9)	0 1	\$E	\$	accept

شمای کلی یک تجزیهکننده LR در شکل زیر نمایش داده شده است.



طراحي كاميايلر

- این تجزیه کننده از یک ورودی، یک خروجی، یک پشته، یک برنامه تجزیه کننده، و یک جدول تجزیه استفاده می کند که این جدول از دو بخش Action و Goto تشکیل شده است.
 - برای تجزیه کننده برای همهٔ تجزیه کننده ها یکسان است. تنها جدول تجزیه به ازای هر تجزیه کننده متفاوت خدا در در د
- برنامه تجزیه کننده کاراکترها را یکبهیک از ورودی میخواند. جایی که یک تجزیه کننده انتقال کاهش یک انتقال انجام میدهد، تجزیه کنند LR یک حالت را انتقال میدهد. هرحالت درواقع اطلاعات حالتهای پشته که در زیر آن قرار دارند را خلاصه می کند.
 - پشته شامل حالتهای $s_0 s_1 \cdots s_m$ میشود به طوریکه s_m روی پشته است. پشته حالتهای ماشین (DR(0)
 - هر حالت یک نماد گرامر متناظر با آن دارد، زیر حالتها متناظر هستند با مجموعه آیتمها و یک گذار از حالت i به حالت j وجود دارد اگر j و j درد اگر نام از تا به حالت نام به حالت نام باید و یک گذار از از تا به حالت j درد اگر و باید و یک گذار از از تا به حالت و باید و یک گذار از از تا به حالت و باید و یک گذار از از تا به خالت و یک گذار از تا به حالت و یک کند و یک
 - همهٔ گذارها به حالت j برای نماد X هستند. بنابراین هرحالت به جز حالت 0 یک نماد متناظر با آن دارد.

- جدول تجزیه از دو بخش تشکیل شده است : تابع Action و تابع Goto.
- ۱. تابع Action حالت i و یک ترمینال a (یا نماد \$ که در پایان رشته است) را دریافت میکند. مقدار Action[i, a] یکی از چهار مورد زیر میتواند باشد.
 - است. a انتقال حالت j : ورودی a به پشته منتقل می شود و حالت j نماینده ورودی a است.
 - که برروی پشته قرار دارد با A کاهش پیدا میکند. A خمله eta که برروی پشته قرار دارد با eta
 - (c) پذیرش: رشته پذیرفته می شود و تجزیه به اتمام می رسد.
 - (d) خطا : تجزیهکننده یک خطا در ورودی مییابد و عملیات بازیابی خطا انجام میدهد.
 - ۲. تابع Goto که برروی مجموعههای آیتمها تعریف شده بود را به حالتها تعمیم میدهیم. اگر Goto که برروی مجموعههای آیتمها تعریف شده بود را به حالت j نگاشت میکند. j نگاشت میکند.

پیکربندی تجزیه کننده LR

- برای توصیف رفتار تجزیه کننده LR از یک نشانه گذاری برای نشان دادن وضعیت تجزیه کننده استفاده می کنیم، یعنی وضعیت پشته و رشته باقیمانده برای تجزیه.
 - یک پیکربندی 1 از تجزیه کننده LR یک جفت به صورت ($s_0s_1\cdots s_m, a_ia_{i+1}\cdots a_n$) است، به طوری که جزء اول محتوای پشته (بالای پشته در سمت راست) و جزء دوم باقیمانده رشته ورودی است.
 - است. $X_1 X_2 \cdots X_m a_i a_{i+1} \cdots a_n$ این پیکربندی نشان دهنده صورت جمله ای
 - درواقع X_i نماد گرامری است که با حالت s_i نمایش داده می شود.
 - توجه کنید که حالت آغازین so در تجزیه کننده نماینده هیچ نمادی از گرامر نیست و تنها زیر پشته را نشان می دهد.

¹ configuration

- حرکت بعدی تجزیه کننده از یک پیکربندی با خواندن نماد ورودی a_i و حالت s_m برروی پشته توسط Action[s_m , a_i]
- ا گر $shift\ s$ اگر $shift\ s$ باشد، آنگاه تجزیه کننده یک عملیات انتقال انجام می دهد و حالت بعدی s را به پشته منتقل می کند و در پیکربندی $s_0s_1\cdots s_ms$, $a_{i+1}\cdots a_ns$) قرار می گیرد. نیازی نیست نماد a_i برروی پشته باشد زیرا اگر نیاز به آن بود می توان توسط حالت s آن را بازیابی کرد (البته در عمل هیچگاه نیازی به آن نیست). نماد بعدی a_{i+1} خواهد بود.
- ۱ اگر eta
 ightarrow eta reduce A
 ightarrow eta باشد، آنگاه تجزیه کننده یک کاهش انجام می دهد و وارد $Action[s_m,a_i] = reduce A
 ightarrow eta$ پیکربندی ($s_0s_1\cdots s_{m-1}s, a_ia_{i+1}\cdots a_n$) می شود. مقدار r طول eta است و $s=Goto[s_{m-r},A]$ و حالت $s=Goto[s_{m-r},A]$ برروی s_m-r دنباله نمادهای $s=Goto[s_m-r,A]$ را می سازیم که متناظر است با حالتهای برداشته شده از روی پشته که همیشه بر $s=Goto[s_m-r,A]$ برداشت منطبق می شود.

آنگاه تجزیه به پایان می رسد. آگر Action[s_m, a_i] = accept

. اگر Action $[s_m,a_i]=error$ آنگاه تجزیه کننده یک تابع بازیابی کننده خطا فراخوانی می کند.

- الگوریتم تجزیه کننده LR به صورت زیر عمل می کند. همهٔ تجزیه کننده های LR به همین صورت عمل می کنند و تنها تفاوت آنها اطلاعات ذخیره شده در Action و Goto در جدول تجزیه است.
 - فرض کنید رشته w به یک تجزیه کننده LR برای گرامر G داده شده است.
 - اگر رشته w متعلق به L(G) باشد، دنبالهای از قوانین کاهش به صورت پایین به بالا برای رشته w به دست می آید در غیراینصورت پیام خطا صادر می شود.

```
\mathbf{while}(1) {
      let s be the state on top of the stack:
      if (ACTION[s, a] = shift t) {
              push t onto the stack:
              let a be the next input symbol:
       } else if ( ACTION[s, a] = reduce A \rightarrow \beta ) {
              pop |\beta| symbols off the stack;
              let state t now be on top of the stack;
              push GOTO[t, A] onto the stack;
              output the production A \to \beta;
       } else if ( ACTION[s, a] = accept ) break;
      else call error-recovery routine:
```

- گرامر زیر را در نظر بگیرید.

$$(1) E \to E + T (4) T \to F$$

3)
$$T \to T * F$$
 (6) $F \to id$

الگوريتم تجزيه LR

- شکل زیر توابع Action و Goto از تجزیه کننده LR برای این گرامر نشان میدهد.

STATE	ACTION							GOTO		
	id	+	*	()	\$	E	T	F	
0	s5			s4			1	2	3	
1		s6				acc				
2		r2	s7		r2	$^{\mathrm{r2}}$				
3		r4	r4		r4	r4				
4	s5			s4			8	2	3	
5		r6	r6		r6	r6				
6	s5			s4				9	3	
7	s5			s4					10	
8		s6			s11					
9		$^{\mathrm{r1}}$	s7		$^{\mathrm{r}1}$	$^{\mathrm{r1}}$				
10		r3	r3		r3	r3				
11		r5	r5		r5	r5				

الگوريتم تجزيه LR

- در این جدول S_i به معنی انتقال و حالت پشته i است، t به معنی کاهش با قانون شماره j است، t معنی خطا است.

الگوریتم تجزیه LR الگوریتم تجزیه id * id + id ورودی در شکل زیر نشان داده شده است.

	STACK	Symbols	Input	ACTION
(1)	0		id*id+id\$	shift
(2)	0.5	id	$*\operatorname{\mathbf{id}}+\operatorname{\mathbf{id}}\$$	reduce by $F \to \mathbf{id}$
(3)	0.3	F	$*\mathbf{id} + \mathbf{id}\$$	reduce by $T \to F$
(4)	0 2	T	$*\operatorname{\mathbf{id}}+\operatorname{\mathbf{id}}\$$	shift
(5)	0 2 7	T*	$\mathbf{id} + \mathbf{id}\$$	shift
(6)	0 2 7 5	T * id	$+\operatorname{id}\$$	reduce by $F \to \mathbf{id}$
(7)	0 2 7 10	T * F	$+\operatorname{id}\$$	reduce by $T \to T * F$
(8)	0 2	T	$+\operatorname{id}\$$	reduce by $E \to T$
(9)	0 1	E	$+\operatorname{id}\$$	shift
(10)	0 1 6	E +	id \$	shift
(11)	0 1 6 5	E + id	\$	reduce by $F \to \mathbf{id}$
(12)	0 1 6 3	E+F	\$	reduce by $T \to F$
(13)	0 1 6 9	E+T	\$	reduce by $E \to E + T$
(14)	0 1	E	\$	accept

برای مثال در خط (۱) تجزیه کننده در حالت 0 است و اولین نماد id است. عملیات S5 باید انجام شود، بدین معنی که یک انتقال با وارد کردن حالت 5 به پشته انجام می شود. سپس * نماد بعدی است و عملیات حالت 5 بر روی ورودی * یک کاهش با id $F \to Id$ است. یک حالت از پشته برداشته می شود. چون Goto در حالت 0 برروی $F \to Id$ است، پس حالت 3 برروی پشته اضافه می شود.

- برای استفاده از تجزیه کننده LR ساده یا SLR ابتدا باید جدول تجزیه آن را بسازیم.
 - الگوريتم SLR با آيتمهاي (LR(0 و ماشين (LR(0 آغاز ميكند.
- به ازای گرامر دلخواه G گرامر افزوده شده G' با متغیر شروع جدید S' ساخته می شود. با استفاده از G' گروه استاندارد مجموعه آیتمهای G با تابع G می ساخته می شود.
- سپس جدول تجزیه با استفاده از جدول تجزیه زیر ساخته می شود. قبل از ساختن جدول نیاز داریم برای همهٔ متغیرهای A مقدار (Follow(A را محاسبه کنیم.

- الگوریتم ساخت جدول تجزیه SLR به صورت زیر است :
- . گروهی از مجموعههای آیتمهای (0) LR برای گرامر (G') به صورت (I_n, I_1, \cdots, I_n) میسازیم.
 - ۲. حالت i از I_i میسازیم و عملیات تجزیه برای حالت i را به صورت زیر تعیین میکنیم :
- . Action[i, a] = shift j باشد، آنگاه Goto($I_i,a)=I_j$ در I_i باشد، $[A o \alpha \cdot a\beta]$ اگر (a) در اینجا a باید یک ترمینال باشد.
 - یه ازای هر a در $Action[i,a] = reduce A \rightarrow \alpha$ به ازای هر I_i در $A \rightarrow \alpha$ اگر $A \rightarrow \alpha$ اگر $A \rightarrow \alpha$ در اینجا $A \rightarrow \alpha$ باشد. Follow(A)
 - .Action[i,\$] = accep اگر [S' o \$ اگر (c) -

- اگر در حین اجرای این الگوریتم تعارضی در عملیات به وجود آمد، میگوییم گرامر (SLR(1) نیست و الگوریتم نمی تواند تجزیه کننده تولید کند.

۳. گذار Goto برای هر حالت i برای همه متغیرهای A با استفاده از این قانون محاسبه می شود : اگر Goto [i,A]=j آنگاه $Goto(I_i,A)=I_j$

۴. هر خانهای در جدول که برای آن در گامها ۲ و ۳ مقداری تولید نشده است، خطا محسوب می شود.

etaاست. حالت اولیه تجزیه کننده حالتی است که از مجموعه آیتمهایی ساخته شده است که حاوی $eta' \to eta'$ است.

جدول تجزیهای که با استفاده از این الگوریتم به دست میآید، جدول (SLR(1) برای گرامر G نامیده میشود.
 تجزیه کننده (LR که از جدول (SLR(1) برای گرامر G استفاده می کند تجزیه کننده (SLR(1) برای G نامیده میشود.
 میشود. گرامری که برای آن یک تجزیه کننده (SLR(1) وجود داشته باشد، گرامر (SLR(1) نامیده میشود.
 معمولا (۱) را حذف می کنیم و تجزیه کننده و گرامر را SLR می نامیم.

- میخواهیم جدول تجزیه SLR برای گرامر زیر بسازیم.

$$(1) E \to E + T (4) T \to F$$

$$(2) E \to T (5) F \to (E)$$

$$(3) T \to T * F (6) F \to \mathbf{id}$$

- مجموعه آیتمهای I₀ به صورت زیر است.

$$E' \to \cdot E$$

$$E \to \cdot E + T$$

$$E \to \cdot T$$

$$T \to \cdot T * F$$

$$T \to \cdot F$$

$$F \to \cdot (E)$$

$$F \to \cdot \mathbf{id}$$

- با استفاده از آیتم $F \to \cdot (E)$ میتوان مقدار $F \to \cdot (E)$ میتوان مقدار $F \to \cdot (E)$ را محاسبه کرد و با استفاده از آیتم $F \to \cdot id$ مقدار $F \to \cdot id$ به دست میآید. بقیه آیتمها در $F \to \cdot id$ مقداری به دست نمی دهند.
- مال آیتمهای I_1 را در نظر میگیریم. برای $E' \to E$ به دست میآوریم Action[1,\$] = accep و برای Action[1,+] = shift 6 به دست میآوریم $E \to E \cdot +T$
 - برای آیتمهای I_2 نیز عملیات را محاسبه میکنیم. برای آیتم $E \to T \cdot$ از آنجایی که Follow(E) = $\{\$,+,\}$

 $Action[2,\$] = Action[2,+] = Action[2,)] = reduce E \rightarrow T$

.Action[2, *] = shift 7 در I_2 در $T \to T \cdot *F$ ممچنین برای آیتم - همچنین ما

ساختن جدول تجزیه LR

- با ادامه این روند جدول تجزیه به صورت زیر محاسبه میشود.

					· .		_				
STATE	ACTION							GOTO			
SIAIE	id	+	*	()	\$		E	T	F	
0	s5			s4				1	2	3	
1		s6				acc					
2		r2	s7		r2	r2					
3		$^{\mathrm{r4}}$	r4		r4	r4					
4	s5			s4				8	2	3	
5		r6	r6		r6	r6					
6	s5			s4					9	3	
7	s5			s4						10	
8		s6			s11						
9		$^{\mathrm{r1}}$	s7		r1	r1					
10		r3	r3		r3	r3					
11		r5	r5		r5	r5					

- هرگرامر SLR(1) غیرمبهم است، اما بسیاری از گرامرهای غیرمبهم وجود دارند که SLR(1) نیستند.

گرامر زیر را در نظر بگیرید.

 $S \quad \rightarrow \quad L = R \ | \ R$

 $L \rightarrow *R \mid \mathbf{id}$

 $R \rightarrow L$

- گروه استاندارد مجموعههای آیتمهای (LR(0 برای این گرامر به صورت زیر است.

$$I_0: S' \to S$$
 $I_5: L \to id$

$$S \rightarrow L = R$$

$$S \to R$$
 $I_6: S \to L = R$

$$L \to \cdot *R$$
 $R \to \cdot L$
 $L \to \cdot id$ $L \to \cdot *R$

$$R \to \cdot L$$
 $L \to \cdot \mathbf{id}$

$$I_1: S' \to S$$
 $I_7: L \to *R$

$$\begin{array}{ccc} I_2 \colon & S \to L \cdot = R \\ & & R \to L \cdot \end{array} \qquad \qquad I_8 \colon \quad R \to L \cdot$$

$$I_9 \colon S \to R$$
:

$$I_4 \colon L \to *R$$

$$R \to \cdot L$$

$$L \to \cdot *R$$

$$L \to \cdot \mathbf{id}$$

- مجموعه آیتمهای I_2 را در نظر بگیرید. با استفاده از آیتم اول به دست می آوریم I_2 مثال در اشتقاق Action[2,=]= shift 6 . از آنجایی که Follow[R] حاوی = است (برای مثال در اشتقاق $S \Rightarrow L = R \Rightarrow R = R$)، آیتم دوم به دست می دهد $S \Rightarrow L = R \Rightarrow R = R$ برای $S \Rightarrow L = R \Rightarrow R = R$ برای $S \Rightarrow L \Rightarrow R \Rightarrow R \Rightarrow R$ برای $S \Rightarrow L \Rightarrow R \Rightarrow R \Rightarrow R$ برروی ورودی = یک ناسازگاری انتقال و کاهش وجود دارد.
- این گرامر مبهم نیست. دلیل این ناسازگاری این است که تجزیهکننده SLR به اندازه کافی قدرتمند نیست تا بتواند برروی این گرامر تصمیم بگیرد. تجزیهکننده LALR مجموعه بزرگتری از گرامرها از جمله این گرامر را میتواند تجزیه کند.
- توجهکنید که گرامرهای غیرمبهمی وجود دارند که تجزیهکننده LR برای آنها وجود ندارد. البته این گرامرها در زبانهای برنامهنویسی استفاده نمیشوند.

- حال ببینیم چرا ماشین (LR(0 میتواند برای تصمیمگیری درمورد انتقال و کاهش استفاده شود.
- در ماشین (LR(0 برای یک گرامر، پشته پیشوندی از صورت جملهای راست را نگهداری میکند.
- اگر پشته α را نگهداری کند و ورودی x باشد آنگاه دنبالهای از کاهشها αx را به α کاهش میدهد. درواقع در فرایند اشتقاق داریم lpha x در فرایند
- اما همه پیشوندهای صورتهای جملهای راست نمیتوانند برروی پشته ظاهر شوند. برای مثال فرض کنید داشته باشیم نام $* (E) * id \Rightarrow F * id \Rightarrow F * id$ آنگاه در فرایند تجزیه پشته میتواند حاوی * (E) * id و * (E) * id باشد اما نمی تواند حاوی * (E) * id باشد زیرا * (E) * id یک هندل است که باید به * (E) * id کاهش پیدا کند.

- پیشوندهایی از صورتهای جملهای راست که میتوانند برروی پشته دریک تجزیهکننده انتقالکاهش ظاهر شوند، پیشوندهای ماندنی 1 نامیده میشوند. یک پیشوند ماندنی پیشوندی از یک صورت جملهای راست است که یک هندل را شامل نمیشود.
- تجزیه SLR بر این اصل عمل میکند که ماشین (R(0) پیشوندهای ماندنی را تشخیص میدهد. میگوییم آیتم $X \overset{*}{=} \alpha A$ برای پیشوند ماندنی $\alpha \beta_1$ معتبر است اگر اشتقاقی به صورت $A \to \beta_1 \cdot \beta_2$ معتبر است اگر اشتقاقی به صورت $A \to \beta_1 \cdot \beta_2$ وجود داشته باشد. یک آیتم میتواند برای بسیاری از پیشوندهای ماندنی معتبر باشد.
- این که $\beta_1 \cdot \beta_2$ را برروی پشته مشاهده کردیم انتقال α معتبر است به ما میگوید وقتی α را برروی پشته مشاهده کردیم انتقال انجام دهیم یا کاهش.
 - اگر eta
 eq eta آنگاه می توان نتیجه گرفت که هندل به پشته انتقال داده نشده است بنابراین باید انتقال انجام شود. گروخ eta
 eq eta باید هندل باشد و باید با استفاده از این قانون کاهش انجام شود. گروخ eta
 eq eta باید هندل باشد و باید با استفاده از این قانون کاهش انجام شود.

¹ viable prefix

- البته اگر دو آیتم معتبر داشته باشیم که دو عملیات متفاوت را تعیین کنند، آنگاه ناسازگاری و تعارض به وجود میآید که در اینصورت بررسی کاراکترهای بعدی درورودی ممکن است به حل تعارض کمک کنند و درواقع تجزیهکنندههای قدرتمندتر چنین میکنند.
 - به سادگی میتوانیم مجموعه آیتمهای معتبر را برای هر پیشوند ماندنی که برروی پشته تجزیهکننده میتواند ظاهر شود را محاسبه کنیم.
- درواقع این یک قضیه پایهای مهم در نظریه تجزیه LR است که مجموعه آیتمهای معتبر برای پیشوند ماندنی γ دقیقا مجموعه آیتمهایی است که از حالت اولیه با مسیری با برچسب γ در ماشین $\mathrm{LR}(0)$ قابل دسترسی هستند.
- مجموعه همه آیتمهای معتبر همه اطلاعات مهم که میتوانند در پشته قرار بگیرند را در برمیگیرد. این قضیه در نظریه تجزیهکننده اثبات میشود که به اثبات آن نمیپردازیم.

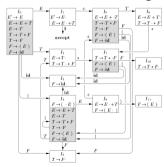
- گرامر زیر را در نظر بگیرید.

$$(1) \quad E \to E + T \tag{4} \quad T \to F$$

$$(2) E \to T (5) F \to (E)$$

$$(3)$$
 $T \to T * F$ (6) $F \to \mathbf{id}$

مجموعهٔ آیتمهای این گرامر به همراه توابع گذار را به صورت زیر قبلا محاسبه کردیم.



- رشته T+T یک پیشوند ماندنی از گرامر است. ماشین (DR(0) پس از خواندن E+T+T در حالت 7 قرار می گیرد. حالت 7 آیتمهای زیر را شامل می شود که برای E+T+T+T معتبر هستند.

 $T \to T * \cdot F$ $F \to \cdot (E)$ $F \to \cdot \mathbf{id}$

برای درک دلیل این امر اشتقاق راست زیر را در نظر بگیرید.

$$E' \Rightarrow E \qquad E' \Rightarrow E \qquad E' \Rightarrow E \Rightarrow E + T \qquad \Rightarrow E + T \Rightarrow E + T * F \qquad \Rightarrow E + T * F \Rightarrow E + T * G \Rightarrow E + T * id$$

- اشتقاق اول معتبر بودن T * T * T را نشان میدهد. اشتقاق دوم معتبر بودن $F \to F \to F$ و اشتقاق سوم معتبر بود $F \to id$ را نشان میدهد.

- میتوان نشان داد که هیچ آیتم معتبری برای E + T * E و جود ندارد.

تجزیهکنندههای LR قدرتمندتر

- در این قسمت تجزیه کننده های LR را تعمیم می دهیم و دو تجزیه کننده قدرتمند را شرح می دهیم.
- استفاده LR استاندارد 1 یا CLR : این روش از مجموعه ای بزرگ از آیتم ها به نام آیتم های 1 استفاده می کند.
- ۱۰ تجزیه کننده LR با بررسی نماد جلویی 2 یا LALR : این روش بر پایه مجموعه های آیتم های LR(0) است و تعداد بسیار کمتری حالت نسبت به تجزیه کننده ها بر پایه LR(1) دارد. تجزیه کننده تعداد بسیار بیشتری از گرامرها را نسبت به SLR پوشش می دهد و جدول تجزیه ای که از آن استفاده می کند از جدول های SLR بزرگ تر نیست. در بسیاری از تجزیه کننده ها و کامپایلرها از روش LALR استفاده می شود.

¹ canonical LR

² lookahead LR

- میخواهیم یکی از روشهای بسیار متداول برای تولید جدول تجزیه LR را شرح دهیم.
- در روش SLR ، حالت i عملیات کاهش را با $a \to \alpha$ انجام میدهد اگر مجموعه آیتمهای I_i شامل $A \to \alpha$ ، حالت a عملیات کاهش در ورودی a در Follow(A) باشد.
- در برخی مواقع وقتی حالت i برروی پشته است، پیشوند ماندنی $\beta \alpha$ برروی پشته چنان است که $A \to \alpha$ نمی تواند با a در هیچ یک از صورتهای جملهای دنبال شود. در چنین مواردی کاهش $a \to A \to A$ برروی ورودی $a \to a$ غیر معتبر است.

آیتمهای (LR(1 استاندارد

- مثال: گرامرزیر را در نظر بگیرید.

 $S \rightarrow L = R \mid R$

 $\stackrel{\sim}{L} \rightarrow *R \mid id$

744/ 401

آیتمهای (LR(1 استاندارد

- مجموعه آیتمهای LR(0) را برای این گرامر به صورت زیر ساختیم.

 $I_0: S' \to \cdot S$ $I_5: L \to \mathbf{id} \cdot S \to \cdot L = R$

 $S \to \cdot R$ $I_6: S \to L = \cdot R$ $L \to \cdot *R$ $R \to \cdot L$

 $egin{array}{lll} L
ightarrow \cdot {f id} & L
ightarrow \cdot *R \ R
ightarrow \cdot L & L
ightarrow \cdot {f id} \end{array}$

 $I_1 \colon \quad S' \to S \cdot \qquad \qquad I_7 \colon \quad L \to *R \cdot$

 $I_2 \colon S \to L \cdot = R$ $I_8 \colon R \to L \cdot$ $R \to L \cdot$

 $I_9 \colon \quad S \to L = R \cdot$ $I_3 \colon \quad S \to R \cdot$

 $I_4: \quad L \to *R$ $R \to L$ $L \to *R$ $L \to \mathbf{id}$

آیتمهای (LR(1) استاندارد

در حالت ۲ آیتم میاه و نماد a را داشتیم. فرض کنید این قانون همان $A \to A$ است و نماد a در ورودی در اینجا علامت = است که در Follow(R) است.

- تجزیه کننده SLR کاهش با استفاده از R o L را در حالت ۲ با خواندن نماد = فراخوانی می کند.
- اما هیچ صورت جملهای در این گرامر که با ... \mathbb{R} آغاز شود وجود ندارد. بنابراین در حالت ۲ که حالت متناظر با پیشوند ماندنی \mathbb{R} است نباید \mathbb{R} را با \mathbb{R} کاهش دهد.

- در چنین مواردی نیاز داریم اطلاعات بیشتری دریافت کنیم تا به ما کمک کند برخی از کاهشها را انجام ندهم.
- میتوانیم در هریک از حالتها تجزیهکننده LR مشخص کنیم کدام نمادها میتوانند هندل lpha را دنبال کنند وقتی یک کاهش به صورت lpha
 ightarrow A
 ightarrow A وجود داشته باشد.
- این اطلاعات اضافی را بدین صورت در جدول تجزیه درج میکنیم که آیتمها یک ترمینال را به عنوان مؤلفه دوم شامل شوند.
- بنابراین یک آیتم به صورت [A $ightarrow lpha \cdot eta$, a] درمیآید که در آن A ightarrow lpha eta یک نماد الفبا یا نماد پایان رشته \$ است. چنین آیتمهایی را آیتم (LR(1) مینامیم.

آیتمهای (LR(1) استاندارد

- عدد ۱ در $\operatorname{LR}(1)$ طول مؤلفه دوم در آیتم است که نمادهای جلویی 1 در آیتم نامیده میشود.

نماد جلویی هیچ تأثیری در آیتمی که به صورت $[A olpha\cdoteta\;,\;a]$ است ندارد اگر eta رشته تهی نباشد. اما در آیتمی $[A olpha\cdot\eta\;,\;a]$ کاهش با استفاده از A olpha تنها صورتی انجام می شود که نماد بعدی $[A olpha\cdot\eta\;,\;a]$ باشد.

میگوییم آیتم (LR(1) به صورت [Alpha \cdot eta \cdot eta , a] برای پیشوند ماندنی γ معتبر است اگر اشتقاقی به صورت $S \stackrel{*}{\underset{rm}{\Rightarrow}} \delta A w \stackrel{*}{\underset{rm}{\Rightarrow}} \delta \alpha \beta w$ باشد و یا γ تهی باشد و یا γ تهی باشد و یا γ نماد γ باشد.

lookahead

آیتمهای (LR(1) استاندارد

- مثال: گرامر زیر را در نظر بگیرید.

$$S \to B B B \to a B \mid b$$

- روش ساختن گروه مجموعههای آیتمهای LR(1) معتبر شبیه ساخت مجموعه آیتمهای LR(0) است. تنها تفاوت در توابع Closure و Goto است.

- برای گرامر G' مجموعه آیتمهای LR(1) با استفاده از الگوریتم زیر محاسبه میشود.

```
SetOfItems CLOSURE(I) {
       repeat
              for (each item [A \to \alpha \cdot B\beta, a] in I)
                     for ( each production B \to \gamma in G')
                             for (each terminal b in FIRST(\beta a)
                                   add [B \to \cdot \gamma, b] to set I:
       until no more items are added to I:
       return I:
SetOfItems GOTO(I, X) {
       initialize J to be the empty set:
       for (each item [A \to \alpha \cdot X\beta, a] in I)
              add item [A \to \alpha X \cdot \beta, a] to set J:
       return CLOSURE(J):
void items(G') {
       initialize C to {CLOSURE({[S' \rightarrow \cdot S, \$]})};
       repeat
              for (each set of items I in C)
                     for (each grammar symbol X)
                             if (GOTO(I, X) is not empty and not in C)
                                    add GOTO(I, X) to C:
       until no new sets of items are added to C;
```

برای اینکه بفهمیم چرا b باید در (βa) First باشد، آیتمی به صورت $(A \to \alpha \cdot B\beta, a)$ را در نظر بگیرید که در مجموعه آیتمهای معتبر برای پیشوند ماندنی γ است. آنگاه اشتقاق راست

 $.\gamma = \delta lpha$ وجود دارد به طوری که S $pprox \delta Aax
ightarrow \delta lpha$ Beta ax

- ورا $S \overset{*}{\underset{rm}{\Rightarrow}} \gamma Bby \overset{}{\underset{rm}{\Rightarrow}} \gamma \eta by$ ورا مشتق کند. آنگاه برای هر قانون $B \to \eta$ اشتقاق $B \to \gamma Bby \overset{*}{\underset{rm}{\Rightarrow}} \gamma \beta ax$ ورا داریم. بنابراین $[B \to \cdot \eta, b]$ برای γ معتبر است.
 - توجه کنید که b میتواند اولین ترمینال مشتق شده از β باشد یا ممکن است β رشته تهی در اشتقاق β by
 - x برای خلاصه این دو احتمال، میگوییم b میتواند هر ترمینالی در First(β ax) باشد. توجه کنید که x نمیتواند اولین ترمینال by را شامل شود پس x نمیتواند اولین ترمینال

- مثال : گرامر زیر را در نظر بگیرید.

 $[A \to \alpha \cdot B\beta, a]$ برروی $[S' \to \cdot S, \$]$ را محاسبه میکنیم. آیتم $[S' \to \cdot S, \$]$ را بر $[S' \to \cdot S, \$]$ را بر Closure تطبیق میدهیم. پس $[S' \to \cdot S, \$]$ را به $[S' \to \cdot S, \$]$ و $[S' \to \cdot S, \$]$ است. تابع $[S \to \cdot S, *\alpha]$ میگوید برای هرقانون $[S \to \cdot \gamma, b]$ آیتم $[S \to \cdot \gamma, b]$ را به ازای هر $[S \to \cdot S, *\alpha]$ را می اشد. پس آیتم $[S \to \cdot CC, \$]$ را می افزاییم.

- برای ادامه محاسبه closure همهٔ آیتمهای $[C \to \cdot \gamma, b]$ را برای b در $[C \to \cdot \gamma, b]$ اضافه میکنیم. با تطبیق $[S \to \cdot CC, s]$ بر $[S \to \cdot CC, s]$ خواهیم داشت $[S \to \cdot CC, s]$ بر $[S \to \cdot CC, s]$ و $[S \to \cdot CC, s]$. از آنجایی که C رشته تهی تولید نمیکند، $[S \to \cdot CC, s]$ و $[S \to \cdot CC, s]$ را می افزاییم. هیچکدام از این آیتمها در سمت راست نقطه متغیر ندارد، بنابراین محاسبه اولین مجموعه $[S \to \cdot CC, s]$ به اتمام می رسد.

$$I_0: S \to \cdot S, \$$$

$$S \to \cdot CC, \$$$

$$C \to \cdot cC, c/d$$

$$C \to \cdot d, c/d$$

- در اینجا برای سادگی به جای دو آیتم $[C
ightarrow \cdot cC,c]$ و $[C
ightarrow \cdot cC,c]$ مینویسیم -

$$I_1: S' \to S_1, \$$$

- برای X=C آیتم $S\to C\cdot C, S$ به وجود میآید. همهٔ قوانین متغیر $S\to C\cdot C, S$ به عنوان مؤلفه دوم میافزاییم و به دست میآوریم :

$$I_2: S \to C \cdot C, \$$$
 $C \to \cdot cC, \$$
 $C \to \cdot d. \$$

ا نماد را به دست میآوریم. همه قوانین متغیر X=c را به دست میآوریم. همه قوانین متغیر X=c را با نماد داشته باشیم C به عنوان مؤلفه دوم میافزاییم.

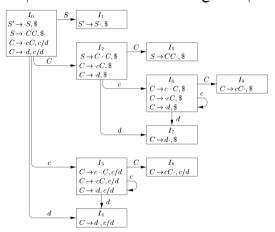
$$I_3: C \to c \cdot C, c/d$$

 $C \to c \cdot C, c/d$
 $C \to d, c/d$

- در نهایت قرار می دهیم X=d و به دست می آوریم.

$$I_4: C \to d \cdot, c/d$$

- به همین ترتیب با محاسبه آیتمها و توابع Goto گراف زیر را به دست می آوریم.



- حال الگوریتمی را توصیف میکنیم که برای یک گرامر جدول تجزیه LR استاندارد با توابع Action و Goto تولید میکند.

۲. حالت i از تجزیه کننده از I_i ساخته می شود. عملیات تجزیه برای i به صورت زیر تعیین می شود.

- ور آ[a] اگر [A $o lpha \cdot a$ ور آ[a] باشد، آنگاه [A $o lpha \cdot a$ ور آ[a] اگر [A $o lpha \cdot a$ ور آ[a] باشد. Action
- . $ext{Action[i, a]} = ext{reduce} \,\, ext{A}
 ightarrow lpha
 ightarrow ilde{ ext{I}}$ ، $ext{A}
 eq ext{S}'$ در $ext{I}_{ ext{i}}$ باشد و $ext{A}
 eq ext{S}'$ در $ext{A}
 eq ext{A}
 eq ext{S}'$ در $ext{A}
 eq ext{S}'$
- اگر هر ناسازگاری در عملیات بالا Action[i, \$] = accept در I_i باشد، آنگاه $[S' \to S \cdot, \$]$ اگر در [LR(1)] در دهد میگوییم گرامر [LR(1)] نیست.

- توابع گذار Goto برای حالت i برای همهٔ متغیرهای A به صورت زیر ساخته می شود : اگر Goto[i,A]=j ، آنگاه $Goto[i,A]=I_j$
 - ۴. همهٔ خانههایی که در گامهای (۲) و (۳) تعریف نشدهاند، خطا محسوب میشوند.
- مات اولیه تجزیه کننده، حالتی است که از مجموعه آیتمهای حاوی [s' o s, s] تشکیل شده است.

طراحی کامپایلر تحلیل نحوی ۲۲۳/۲۱۷

- جدولی که با استفاده از الگوریتم قبل تولید می شود جدول تجزیه LR(1) استاندارد 1 نامیده می شود.

- یک تجزیه کنندهٔ LR که از چنین جدولی استفاده کند، تجزیه کننده (LR(1) استاندارد نامیده می شود.

ح گرامری که برای آن یک تجزیه LR(1) استاندارد وجود داشته باشد گرامر LR(1) نامیده می شود.

طراحی کامپایلر تحلیل نحوی تحلیل نحوی ۲۴۳/۲۱۸

¹ canonical LR(\)

- گرامر زیر را در نظر بگیرید.

$$\begin{array}{cccc} S' & \rightarrow & S \\ S & \rightarrow & C \ C \\ C & \rightarrow & c \ C \ \mid \ d \end{array}$$

جدول تجزیه (1) LR استاندارد برای این گرامر در زیر نشان داده شده است. قوانین ۱، ۲و ۳ به ترتیب C \rightarrow d و C \rightarrow cC ، S \rightarrow CC

STATE	ACTION			GOTO	
	c	d	\$	S	C
0	s3	s4		1	2
1			acc		
$\frac{2}{3}$	s6	s7			5
3	s3	s4			8
4	r3	r3			
5			$^{\mathrm{r}1}$		
6	s6	s7			9
7			r3		
8	r2	r2			
9			r2		

- هر گرامر (SLR(1) یک گرامر (LR(1) است اما برای یک گرامر (SLR(1) تجزیه کننده LR استاندارد ممکن است تعداد حالتهای بیشتری نسبت به تجزیه کننده SLR برای همان گرامر داشته باشد.

- حال به معرفی تجزیه کننده LALR ¹ میپردازیم. این تجزیه کننده در عمل بسیار مورد استفاده قرار می گیرد، زیرا جداول تجزیه آن از جدول تجزیه کننده LR استاندارد کوچکتر هستند و بیشتر زبان های برنامه نویسی را می توان با استفاده از گرامر LALR می توان توصیف کرد.
- جداول SLR نیز نسبت به CLR کوچکتر هستند اما برخی از ساختارهای زبانهای برنامهنویسی را نمیتوان با استفاده از گرامرهای SLR توصیف کرد.
- جداول تجزیه SLR و LALR تقریبا برابرند و در زبانی مانند زبان سی حدود چند صد حالت دارند، اما جدول تجزیه CLR برای زبان سی حدود چند هزار حالت خواهد داشت.

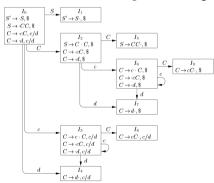
طراحی کامپایلر تحلیل نحوی ۲۲۲

¹ lookahead LR

- گرامر زیر را در نظر بگیرید.

$$\begin{array}{cccc} S' & \to & S \\ S & \to & C C \\ C & \to & c C + c \end{array}$$

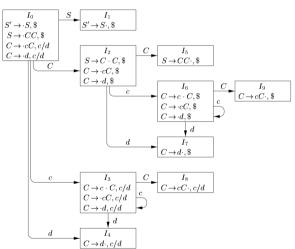
- مجموعه آیتمهای (LR(1 برای این گرامر در شکل زیر نشان داده شدهاند.



- m C
 ightarrow d
 ho دو حالت شبیه به هم $m I_4$ و $m I_7$ را در نظر بگیرید. هریک از این حالتها فقط آیتمهایی با مؤلفه اول m C
 ightarrow d
 ho دارند. در $m I_4$ مؤلفه دوم m c یا m d است و در $m I_7$ مؤلفه دوم m c است.

- تجزیه کننده بعد از خواندن دومین d وارد حالت V می شود. پس از آن باید در ورودی d خوانده شود وگرنه ورودی برطبق الگوی d نیست. بنابراین حالت d و ورودی d کاهش d کاهش d انجام می شود و با ورودی d کاه طا صادر می شود.
 - حال فرض کنید I_4 و I_7 را با I_4 جایگزین کنیم که اجتماع I_4 و I_7 است و از سه آیتم [C \rightarrow d·, c/d/\$] تشکیل شده است.
- عملیات حالت 47 اکنون این است که بر روی کاهش انجام میدهد در حالی که قبل از ادغام دو حالت برخی از شرایط منجر به خطا میشدند. البته خطا اکنون نیز تشخیص داده خواهد شد.
 - در حالت کلی میتوانیم آیتمهایی را که هسته یکسان دارند یا به عبارت دیگر مؤلفه اول آنها یکسان است ادغام کنیم.

- آیتمهای زیر را در نظر بگیرید.



- برای مثال در I_3 و I_3 آیتمهایی با هسته $\{C \to d\cdot\}$ وجود دارد. همچنین در I_3 و I_4 هسته $C \to cC$, $C \to cC$, $C \to cC$ و وجود دارد. در $C \to c \to cC$ وجود دارد.
- یک هسته یک مجموعه از آیتمهای LR(0) برای یک گرامر است و یک گرامر LR(1) ممکن است بیش از دو مجموعه از آیتمها با یک هسته تولید کند.

- از آنجایی که هسته Goto(I, X) فقط به هسته I بستگی دارد، توابع Goto از مجموعههای ادغام شده نیز ادغام م شهند.
- فرضکنید یک گرامر LR(1) داریم. اگر همهٔ حالتها با هستهٔ یکسان را ادغام کنیم، این احتمال وجود دارد که نتیجه دارای ناسازگاری باشد اما به احتمال زیاد ناسازگاری رخ نخواهد داد.
- میتوان اثبات کرد که حاصل ادغام هیچگاه ناسازگاری انتقالکاهش نخواهد داشت، اما این امکان وجود دارد که ناسازگاری کاهشکاهش رخ دهد.

- مثال : گرامر زیر را در نظر بگیرید.

- این گرامر چهار رشته acd و acd و bcd و bcd را تولید میکند. این گرامر یک گرامر (LR(1) است.
- مجموعه آیتمهای $[B \to c\cdot, e]$, $[B \to c\cdot, e]$ برای پیشوند ماندنی ac معتبر است و $[A \to c\cdot, e]$, $[B \to c\cdot, e]$, $[B \to c\cdot, e]$ برای bc معتبر است. هیچکدام از این مجموعهها ناسازگاری ندارند. اما اجتماع آنها ناسازگاری کاهش کاهش ایجاد میکند.

$$A \to c \cdot, d/e$$

 $B \to c \cdot, d/e$

- برای ساخت جدول LALR ابتدا مجموعه آیتمهای (LR(1) را میسازیم و اگر ناسازگاری ایجاد نشود هستههای یکسان را ادغام میکنیم. سپس یک جدول تجزیه از آیتمهای ادغام شده میسازیم. اگر امکاه چنین جدولی وجود داشت گرامر (LALR(1) است.

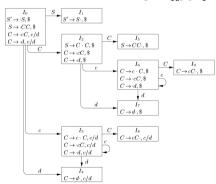
- یک الگوریتم ساده برای ساخت جدول تجزیه LALR به شرح زیر است.
- را به صورت $(1_0, I_1, \cdots, I_n)$ میسازیم. $(1_0, I_1, \cdots, I_n)$ میسازیم.
- ۲۰ برای هر هسته در بین مجموعه آیتمهای (LR(1) مجموعههایی هسته یکسان دارند را پیدا کرده مجموعههای آنها را ادغام میکنیم.
- رای حالت $C'=\{J_0,J_1,\cdots,J_m\}$ به دست آمده LR(1) به دست. عملیات برای حالت i از آیتم J_i به همان صورتی که قبلا توضیح داده شده به دست میآید. اگر یک ناسازگاری وجود داشته باشد، تجزیه کننده LALR(1) نیست.
 - به صورت زیر محاسبه می شود. اگر I اجتماع یک یا مجموعه آیتمهای IR(1) باشد یعنی Goto I_k , I_k باشد یعنی $I=I_1\cup I_2\cup \cdots \cup I_k$ و Goto I_k , I_k با آنگاه هسته ها I_1,I_2,\cdots ,I_k و با تخسان هستند زیر I_k هسته یکسان دارند. فرض کنید I_k اجتماع همه مجموعههای آیتمهایی باشد که هسته آنها I_1,I_2,\cdots ,I_k است. آنگاه I_1,I_2,\cdots ,I_k باشد که هسته آنها I_1,I_2,\cdots ,I_k است. آنگاه I_1,I_2,\cdots ,I_k

- جدولی که از الگوریتم قبل به دست میآید جدول تجزیه LALR نامیده میشود و اگر ناسازگاری وجود نداشته باشد گرامر به دست آمده (LALR نامیده میشود.

- مثال : گرامر زیر را در نظر بگیرید.

$$\begin{array}{cccc} S' & \rightarrow & S \\ S & \rightarrow & C C \\ C & \rightarrow & c C \mid a \end{array}$$

- گراف توابع Goto برای این گرامر در زیر نشان داده شده است.



- در مجموعه آیتمها میتوانیم سه جفت از آیتمها را ادغام کنیم.
- مجموعه آیتمهای I3 و I6 به صورت زیر میتوانند ادغام شوند.
- I_{36} : $C \rightarrow c \cdot C$, c/d/\$
 - $C \to cC, c/d/\$$
 - $C \rightarrow d, c/d/$ \$
 - مجموعه آیتمهای I4 و I7 را میتوانیم به صورت زیر ادغام کنیم.
- I_{47} : $C \rightarrow d \cdot, c/d/\$$
 - و همچنین مجموعه آیتمهای I₈ و I₉ را میتوانیم ادغام کنیم.
- I_{89} : $C \to cC \cdot, c/d/\$$

- جدول LALR به صورت زیر به دست خواهد آمد.

STATE	ACTION			GOTO	
	c	d	\$	S	C
0	s36	s47		1	2
1			acc		
2	s36	s47			5
36	s36	s47			89
47	r3	r3	r3		
5			r1		
89	r2	r2	r2		

 I_{8} و $Goto(I_{36},C)=I_{8}$ داریم $Goto(I_{36},C)=I_{8}$ و $Goto(I_{36},C)=I_{8}$ داریم I_{6} و I_{6} را در نظر بگیریم به اکنون عضوی از I_{6} است، بنابراین I_{6} $Goto(I_{36},C)=I_{8}$. از طرف دیگر اگر I_{6} را در نظر بگیریم به $Goto(I_{6},C)=I_{9}$ است.

- زبان c*dc*d را بار دیگر در نظر بگیرید. تجزیه کننده LR و تجزیه کننده برای این زبان شبیه به یکدیگر عمل می کنند و دنباله عملیات انتقال و کاهش مشابه انجام می دهند.

STATE	ACTION			GOTO	
	c	d	\$	S	C
0	s36	s47		1	2
1			acc		
2	s36	s47			5
36	s36	s47			89
47	r3	r3	r_3		
5			r1		
89	r2	r2	r2		

STATE	A	ACTION			GOTO	
	c	d	\$	S	C	
0	s3	s4		1	2	
1			acc			
2	s6	s7			5	
3	s3	s4			8	
4	r3	r_3				
5			r1			
6	s6	s7			9	
7			r3			
8	r2	r2				
9			r2			

- I_{36} این حالت I_{36} ایتمهای I_{36} و I_{36} و I_{36} و I_{36} ایتمهای I_{36} این حالت I_{36} درا برروی پشته قرار میدهد.
- در حالت کلی هر تجزیه کننده LR و LALR معادل آن برای ورودی های درست عملیات مشابه انجام می دهند.
- وقتی در ورودی خطا وجود داشته باشد، تجزیه کننده LALR ممکن است تعداد بیشتری کاهش انجام دهد تا به خطا برسد، اما تجزیه کننده LALR هیچگاه عملیات انتقال پس از رسیدن به نقطه خطای تجزیه کننده LALR انجام نم دهد.

برای مثال، برای ورودی \$ccd\$ ، تجزیه LR حالات 4 3 3 0 را برروی پشته قرار میدهد و در حالت + یک خطا تشخیص میدهد. تجزیه کننده LALR حالات + 2 0 36 36 0 را برروی پشته قرار میدهد، اما در حالت + 4 با ورودی + عملیات کاهش + 5 میدهد و برروی پشته + 8 0 36 36 0 قرار میگیرد. سپس یک عملیات کاهش دیگر با استفاده از + 6 نجام داده و 89 0 0 برروی پشته قرار میگیرد و در نهایت با یک کاهش دیگر + 9 برروی پشته قرار گرفته میشود. در نهایت در حالت + با ورودی + تجزیه کننده خطا صادر می کند.

- الگوريتم سريعتري براي ساخت جدول تجزيه LALR وجود دارد كه در اينجا به آن نميپردازيم.
- یک زبان برنامهنویسی معمول با ۵۰ تا ۱۰۰ ترمینال و حدود ۱۰۰ قانون تولید میتواند یک جدول تجزیه با چند صد حالت تولید کند. بسیاری از خانهها در جدول تجزیه تکراری هستند و بنابراین روشهایی برای فشردهسازی جدول تجزیه وجود دارد.

- معمولا برای گرامرهای مبهم نمیتوان تجزیه کننده LR تولید کرد، اما برای برخی از گرامرهای مبهم میتوان جدول تجزیه را به نحوی طراحی کرد که همیشه تصمیم درست در فرایند تجزیه اتخاذ کرد و تنها یک درخت تجزیه تولید کند. در برخی مواقع گرامر مبهم برای توصیف زبان ساده تر از معادل غیرمبهم آن است و بنابراین گاه میتوان در شرایط خاص از گرامرهای مبهم در تجزیه کننده های LR استفاده کرد.

بازیابی خطا در تجزیهکننده LR

- تجزیه کننده LR خطاها را با مراجعه به جدول تجزیه شناسایی می کند.
- تجزیه کننده LR استاندارد به محض وقوع خطا، آن را شناسایی می کند، اما تجزیه کننده های SLR و SLR و LALR ممکن است قبل از صدور خطا تعدادی عملیات کاهش انجام دهند.
 - در تجزیه کننده LR بازیابی خطا با توکن همگام کننده 1 به صورت زیر انجام می شود.
- پشته بررسی می شود تا به حالت s برسیم که با تابع goto به یک متغیر A گذار می کند. سپس از تعداد صفر یا بیشتر نمادهای ورودی چشمپوشی می شود تا اینکه به نماد a برسیم که می تواند متغیر a را دنبال کند. سپس حالت a Goto a برروی پشته قرار می گیرد و تجزیه ادامه پیدا می کند.

¹ panic-mode error recovery

- ممکن است چند انتخاب برای متغیر A وجود داشته باشد. معمولا متغیری انتخاب می شود که نماینده یک قطعه از برنامه باشد برای مثال یک بلوک یا یک عبارت. برای مثال اگر A متغیر stmt باشد آنگاه نماد a میتواند نقطه ویرگول یا آکولاد بسته باشد که پایان دستور را مشخص میکند.
- این روش بازیابی خطا سعی میکند عبارتی را که شامل خطای نحوی است حذف کند. تجزیه کننده تشخیص میدهد که رشته ای که از متغیر A به دست میآید دارای خطا است. قسمتی از آن رشته پردازش شده است و نتیجه این پردازش تعدادی حالت برروی پشته است. مابقی زیررشته دارای خطا در ورودی است و تجزیه کننده سعی میکند از قسمتی از ورودی چشم پوشی کند تا به کاراکتری برسد که متغیر A را دنبال میکند. با حذف تعدادی حالت از روی پشته و چشم پوشی از قسمتی از ورودی و قرار دادن (s, A) برروی پشته، تجزیه کننده به احتمال زیاد می تواند قسمتی از ورودی که دارای خطاست را پشت سر بگذار و با تجزیه برنامه به صورت عادی ادامه می دهد.

بازیابی خطا در تجزیهکننده LR

- بازیابی خطا با جایگزینی توکنها 1 بدین صورت پیادهسازی می شود که هریک از خانههای خطا در جدول تجزیه بررسی شده و تشخیص داده می شود چه نوع خطاهای رایج برنامه نویسی ممکن است در آن مواقع رخ دهد. برای هریک از خطاها در پیام خطای مناسب تهیه می شود و حالتهایی که باید از پشته حذف شوند و قسمتی از ورودی که باید از آن چشم پوشی شود مشخص می شوند.

- هریک از خانههای خطا در جدول تجزیه با اشارهگری به یک تابع مناسب جایگزین میشود. این توابع میتوانند نمادهایی را در ورودی اضافه کنند و یا قسمتی از ورودی را حذف کنند یا تغییر دهند. باید اطمینان حاصل شود که پردازش خطا باعث نمیشود تجزیهکننده وارد یک حلقه بیپایان شود.

¹ phrase-level error recovery