به نام خدا

مبانى برنامەنويسى

آرش شفيعي



الگوريتم

- كلمة الگوريتم از نام دانشمند ايراني محمدبن موسى الخوارزمي گرفته شده است.
- خوارزم منطقه ای است در آسیای مرکزی که در حال حاضر در ازبکستان و ترکمنستان قرار دارد و در کنار دریاچهٔ آرال (دریاچهٔ خوارزم) قرار گرفته است. خوارزمی کتاب الجبرو المقابله را نیز به تألیف رسانده است که کلمه جبر ¹ در زبان انگلیسی نیز از همین کتاب گرفته شده است.
- تا سال ۱۹۵۰ کلمهٔ الگوریتم بیشتر برای الگوریتم اقلیدس 2 برای پیدا کردن بزرگترین مقسوم علیه مشترک 3 دو عدد به کار می رفت که در کتاب اصول اقلیدس 4 توصیف شده است.

1 algebra

² Euclid's algorithm

³ greatest common divisor

⁴ Euclid's Element

- الگوریتم پیدا کردن بزرگترین مقسوم علیه مشترک را می توانیم به صورت زیر وصف کنیم. ۱. (پیدا کردن باقیمانده.) عدد m را بر n تقسیم می کنیم. فرض کنید باقیمانده r باشد خواهیم داشت

r=0 ، الگوریتم پایان مییابد و n جواب مسئله است. r=0 ، الگوریتم پایان مییابد و r=0 جواب مسئله است. m=0 . (کاهش.) قرار می دهیم $m \to m \to m$ و $m \to m$ و به مرحلهٔ $m \to m$

مبانی برنامهنویسی الگوریتم ۴۴/۳

مقدمه

الگوریتم در واقع یک روند 1 یا دستورالعمل 2 برای حل یک مسئلهٔ محاسباتی است.

 به طور غیر رسمی میتوانیم بگوییم یک الگوریتم در واقع یک روند محاسباتی گامبه گام است که مجموعهای از مقادير راكه ورودي الگوريتم ناميده ميشوند دريافت ميكند و مجموعهاي از مقادير راكه خروجي الگوريتم نامیده میشوند در زمان محدود تولید میکند. بنابراین یک الگوریتم دنبالهای است از گامهای محاسباتی که وروديها را به خروجي تبديل ميكند.

¹ procedure

- مىتوان گفت يك الگوريتم ابزارى است براى حل يك مسئله محاسباتى معين.
- یک مسئله با تعدادی گزاره رابطهٔ بین ورودیها و خروجیها را در حالت کلی مشخص می کند. یک نمونه از مسئله، در واقع با جایگذاری اعداد و مقادیر برای مسئله کلی به دست می آید. یک الگوریتم روشی گام به گام را شرح می دهد که با استفاده از آن در حالت کلی برای همهٔ نمونههای یک مسئله، خروجیها با دریافت ورودی ها تولید شوند. بنابراین روند یک الگوریتم در رابطهٔ بین ورودی ها و خروجی ها صدق می کند.
- به عنوان مثال، فرض کنید میخواهید دنبالهای از اعداد را با ترتیب صعودی مرتب کنید. این مسئله که مسئله مرتب سازی 1 نام دارد، یک مسئله بنیادین در علوم کامپیوتر به حساب می آید که منشأ به وجود آمدن بسیاری از روشهای طراحی الگوریتم نیز می باشد.

مباني برنامهنويسي الگوريتم الگوريتم

¹ sorting problem

- مسئله مرتب سازی را به طور رسمی به صورت زیر تعریف میکنیم.
- ورودی مسئله مرتب سازی عبارت است از دنبالهای از n عدد به صورت $\langle a_1, a_2, ..., a_n \rangle$ و خروجی مسئله عبارت است از دنبالهای به صورت $\langle a_1', a_2', ..., a_n' \rangle$ که از جابجا کردن عناصر دنبالهٔ ورودی به دست آمده است به طوری که $a_1' \leq a_2' \leq ... \leq a_n'$.
 - بنابراین به ازای دنباله ورودی (58,42,36,42) دنباله خروجی (36,42,42,58) جواب مسئله است.
 - یک نمونه از یک مسئله 1 تشکیل شده است از یک ورودی معین و شرح ویژگی خروجی مسئله. بنابراین دنبالهٔ ورودی $\langle 58, 42, 36, 42 \rangle$ به علاوه شرح مسئله مرتب سازی یک نمونه از مسئلهٔ مرتب سازی نامیده می شود.

¹ instance of a problem

- بنابراین به طور خلاصه، یک مسئله تشکیل شده است از (۱) شرحی از چندین پارامتر یا متغیر آزاد، و (۲) شرحی از ویژگیهایی که جواب مسئله دارد.
- یک پارامتر یا متغیر آزاد کمیتی است که مقدار آن مشخص نشده و توسط حروف و یا کلمات، نامی بر آن نماده شده است.
 - یک نمونهٔ مسئله با تعیین مقادیر پارامترهای مسئله به دست میآید.
 - یک الگوریتم، روندی گام به گام است برای پیدا کردن جواب یک مسئله است.

- سرعت اجرای مسئله مرتب سازی به اندازه ورودی یعنی تعداد عناصر دنباله نامرتب و روند الگوریتم بستگی دارد.
- الگوریتمهای زیادی برای حل مسئله مرتب سازی وجود دارند که هر کدام میتوانند مزایا و معایبی داشته باشند. به طور مثال یک الگوریتم از میزان حافظهٔ بیشتری استفاده میکند، اما زمان کمتری برای محاسبه نیاز دارد و الگوریتم دیگر با میزان حافظهٔ کمتر در زمان بیشتری محاسبه میشود که به فراخور نیاز میتوان از یک از الگوریتمها استفاده کرد.
- عوامل دیگری مانند معماری کامپیوتر، نوع پردازنده و میزان حافظه نیز در زمان اجرای یک الگوریتم مؤثرترند اما این عوامل فیزیکی هستند و صرف نظر از عوامل فیزیکی میتوان الگوریتمها را از لحاظ میزان حافظه مورد نیاز و زمان اجرا با یکدیگر مقایسه کرد.

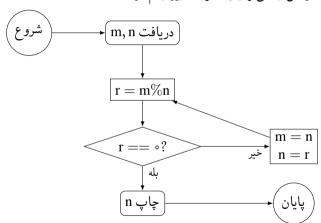
- یک الگوریتم برای یک مسئله محاسباتی درست است اگر به ازای هر نمونه از مسئله که با تعدادی ورودی معین شده است، (۱) توقف کند، بدین که در زمان محدود به اتمام برسد و (۲) خروجی تعیین شده توسط شرح مسئله را تولید کند. یک الگوریتم درست در واقع یک مسئلهٔ محاسباتی را حل میکند.
- یک الگوریتم نادرست ممکن است به ازای برخی از ورودیها توقف نکند یا ممکن است به ازای برخی از ورودیها خروجی نادرست تولید کند.
- یک الگوریتم را میتوان با استفاده از یک زبان طبیعی مانند فارسی یا انگلیسی توصیف کرد و یا برای توصیف آن از یک برنامهٔ کامپیوتری یا یک زبان ساده شده مانند فلوچارت یا شبهکد استفاده کرد. تنها نیازمندی یک الگوریتم توصیف دقیق گامهای الگوریتم است و زبان مورد استفاده برای توصیف اهمیتی ندارد.

مقدمه

- یک الگوریتم را به صورت یک فلوچارت ¹ میتوانیم رسم کنیم.
- یک فلوچارت یا روندنما نموداری است که روند انجام کاری را نشان میدهد.
- یک فلوچارت،الگوریتم را به صورت تصویری به نمایش میگذارد. در یک فلوچارت معمولاً برای گامهای محاسباتی از مستطیل و برای گامهای شرطی از بیضی یا لوزی استفاده میشود. همچنین در گامهایی که ورودی از کاربر گرفته میشود یا خروجی برای نمایش به کاربر چاپ میشود از شکل هایی مانند متوازیالاضلاع یا شکلهای قراردادی دیگر شبیه به مستطیل استفاده میشود. هر گام به گام بعدی توسط یک علامت فلش متصل میشود. شروع و پایان الگوریتم را معمولا با دایره نشان میدهند.

¹ flowchart

- برای مثال الگوریتم اقلیدس را میتوان به صورت زیر رسم کرد.



- $m \leftarrow n$ در الگوریتمها معمولا از علامت $m \leftarrow n$ یا $m \leftarrow n$ یا $m \leftarrow n$ در الگوریتمها معمولا از علامت $m \leftarrow n$ یا $m \rightarrow m$ یعنی $m \rightarrow m$ را با مقدار فعلی $m \rightarrow n$ مقدار دهی می کنیم.
 - معمولاً از علامت == برای تساوی استفاده می شود. برای مثال می توانیم بپرسیم آیا مقدار m برابراست با مقدار n و می نویسیم اگر m m یا m m یا m .
- به عنوان مثال دیگر، برای افزایش مقدار یک متغیر به اندازهٔ یک واحد مینویسیم $n+1 \to n$ یعنی مقدار n برابر n برابراست با مقدار فعلی n به علاوهٔ یک. معمولاً این عبارت را به این صورت میخوانیم : مقدار n برابر می شود با n+1 . همچنین می توانیم بنویسیم $n+1 \to n$ که این عملیات انتساب با عملگر تساوی در ریاضی متفاوت است.

مقدما

- در نشانه گذاری ریاضی معمولاً دنبالهها را با استفاده از اندیسها نمایش می دهیم برای مثال دنباله v_1 متغیر است. در الگوریتمها معمولاً از عملگر زیرنویس v_2 که با دو براکت باز و بسته v_1 نمایش داده می شود استفاده می کنیم. بنابراین v_1 امین عنصر دنبالهٔ v_2 , v_3 , را به صورت v_4 نمایش می دهیم.

مبانی برنامهنویسی الگوریتم الگوریتم

¹ subscript

مبانى برنامهنويسي

- الگوریتمها در زمینههای زیاد و متنوعی کاربرد دارند.
- به عنوان مثال در پروژه ژنومهای انسانی هدف پیدا کردن الگوهای ژنها در دیانای ¹ انسان است که برای این کار از الگوریتمهای کامپیوتری استفاده میشود. به عنوان چند مثال دیگر میتوان از الگوریتم کوتاهترین مسیر برای مسیریابی بستههای اینترنتی در شبکههای کامپیوتری، الگوریتمهای رمز نگاری برای تبادل امن اطلاعات، الگوریتمهای تخصیص منابع و زمانبندی در کاربردهایی مانند زمانبندی پروازها و تخصیص خلبان و خدمه به هواپیماها با کمترین هزینه ممکن و الگوریتمهای فشرده سازی دادهها نام برد.
 - معمولاً یک مسئلهٔ محاسباتی راه حلهای زیادی دارد که بنابر معیارهای مورد اهمیت برای استفاده کنندهٔ
 الگوریتم، الگوریتمی انتخاب میشود که در یک یا چند معیار مورد نظر بهترین باشد. برای مثال در یک سامانهٔ حمل و نقل هرچه به ازای یک سفر مسیر کوتاهتری طی شود، هزینه پایین می آید.

¹ DNA

- الگوریتمی بنویسید که عدد n را دریافت کند و مجموع $n+r+\cdots+n$ را چاپ کند.

مباني برنامهنويسي الگوريتم ۴۴/۱۵

- ۱. عدد n را دریافت کن.
- ۲. اگر n < 1، برو به ۷
- $sum = 0 \cdot num = 1 \cdot$
 - sum = sum + num . *
 - $num = num + 1 \cdot \triangle$
- \sim اگر n > n برو به Λ در غیراینصورت برو به \sim
 - ٧. چاپ کن عدد ورودی غیر معتبر است. پایان.
 - ۸. مقدار sum را چاپ کن. پایان.

الگوريتم

- خط ۴ در این الگوریتم چند بار تکرار میشود؟

- خطوط ۴ و ۵ و ۶ در این الگوریتم n بار تکرار میشوند.
- می گوییم این الگوریتم از مرتبهٔ n است، بدین معنی که اگر عدد n به الگوریتم داده شود، عمل محاسباتی جمع باید n باید n بار تکرار شود. اگر هر عمل محاسباتی در زمان n میلی ثانیه انجام شود، این الگوریتم در n میلی ثانیه محاسبات را انجام میدهد.
 - آیا میتوانید الگوریتم بهتری بنویسید که در زمان کمتری اجرا شود؟

- ۱. عدد n را دریافت کن.
- ۲. اگر n < 1، برو به ۴
- sum = n (n + 1) / 2 .
- ۴. چاپ کن عدد ورودی غیر متغیر است. پایان.
 - ۵. مقدار sum را چاپ کن. پایان.

- الگوریتمی بنویسید که عدد n را دریافت کند و زوج و فرد بودن آن را تعیین کند.

مباني برنامهنويسي الگوريتم ۴۴/۲۰

- ۱. عدد n را دریافت کن.
 - r = n%2.7
- $^{\circ}$ اگر $^{\circ}$ == $^{\circ}$ برو به $^{\circ}$ در غیر اینصورت برو به $^{\circ}$
 - ۴. چاپ کن عدد زوج است. پایان.
 - ۵. چاپ کن عدد فرد است. پایان.

- الگوریتمی بنویسید که عدد n را دریافت کند و n! را چاپ کند.

- ۱. عدد n را دریافت کن.
- n < 0 ، ۲ اگر o × آنگاه برو به ۷
 - fact = 1, i = 1.
 - fact = fact * i .*

مبانی برنامهنویسی

- ۴ اگر i > n آنگاه برو به ۸. در غیر اینصورت برو به ۶
 - ٧. چاپ کن ورودي غير معتبر است. پايان.
 - ۸. مقدار fact را چاپ کن. پایان.

- الگوریتمی بنویسید که عدد n را دریافت کرده و عدد فیبوناچی n ام را چاپ کند.

۲. اگر n < 0 چاپ کن عدد ورودی غیر معتبر است. پایان.

n عدد n <= 1 را چاپ كن. پايان. ۳

i = 1.prev = 0.curr = 1.

next = prev + curr . \(\triangle \)

prev = curr .9

curr = next .V

 $i = i + 1 \cdot \land$

۹. اگر i < n برو به ۵

۰۱۰ عدد curr را چاپ کن. پایان.

- الگوریتمی بنویسید که انتگرال f(n) را به طور تقریبی از i تا j محاسبه کند.

- ۱. اعداد i و j را دریافت کن.
 - d = 1.0, sum = 0.7
- sum = sum + f(i) * d . "
 - $i = i + d \cdot$
- ۵. اگر i > j آنگاه برو به ۶ در غیراینصورت برو به ۳
 - ۶ مقدار sum را چاپ کن. پایان.

- الگوریتمی بنویسید که عدد n را دریافت کرده، و ارقام آن را از سمت راست به چپ چاپ کند.

۷. اگر n < 0 چاپ کن عدد ورودی غیر معتبر است. پایان.

r = n % 10 . %

n = n / 10 .

۵. رقم r را چاپ کن.

۶. اگر n > 0 آنگاه برو به ۳.

٧٠ يايان٠

مبانى برنامەنويسى

- الگوریتمی بنویسید که عدد n را دریافت کرده، آن را به مبنای ۲ تبدیل کند.

الگوريتم

۱. عدد n را دریافت کن.

r < 0 کر ورودی غیر معتبر است. پایان.

res = 0 , base = 1 . "

r = n % 2 . %

 $n = n / 2 \cdot \Delta$

res = res + base * r .9

base = base * 10 \cdot

۸. اگر 0 > n برو به ۴

۹. مقدار res را چاپ کن.

- الگوریتمی بنویسید که یک عدد دودویی را دریافت کرده، به مبنای ۱۰ تبدیل کند.

مبانی برنامهنویسی الگوریتم ۴/۳۲

- ۱. عدد n را دریافت کن.
- res = 0, base = 1
 - r = n % 10 . %
 - n = n / 10 .
- res = res + base * r . .
 - base = base * 2 .9
 - ۷. اگر 0 > n برو به ۳.
 - ۸. مقدار res را چاپ کن.

- الگوريتمي بنويسيد كه دو عدد را دريافت كرده، كوچكترين مضرب مشترك آنها را محاسبه كند.

مبانی برنامهنویسی الگوریتم ۴/۳۴

- ۱. دو عدد m و n را دریافت کن.
- ۲. اگر 0 => m یا 0 => n چاپ کن ورودی غیر معتبر است. پایان.
- ۳. بزرگترین مقسوم علیه مشترک m و n را با استفاده از الگوریتم ب.م.م محاسبه کن و برابر با m قرار بده.
 - lcm = (n * m) / gcd
 - ۵. مقدار 1cm را چاپ کن.

۲. اگر ۵ => m یا ۵ => n چاپ کن ورودی غیر معتبر است. پایان.

۳ (k=m; m=n; n=k).
۳ (k=m; m=n; n=k).

 $d = 1 \cdot \Upsilon$

 $lcm = d * m . \triangle$

d = d + 1 . 9

۷. اگر 0 =! n % n آنگاه برو به ۵.

۸. مقدار 1cm را چاپ كن.

- الگوريتمي بنويسيد كه يك عدد را دريافت كرده بررسي كند آن عدد اول است يا خير.

مبانی برنامهنویسی الگوریتم ۳۷ / ۴

۲. اگر 1=>n چاپ کن عدد ورودی غیر معتبر است. اگر 2==n برو به ۷.

 $d = 2 \cdot \tilde{}$

مبانی برنامهنویسی

r = n % d . %

 $d = d + 1 \cdot \triangle$

برو به Λ در غیراینصورت اگر r == 0 برو به Λ .

٧٠ عدد n اول است. پايان.

۸. عدد n اول نیست. یایان.

- الگوريتمي بنويسيد كه مجموع دنبالهٔ 1/1 + 1/1 + 1/4 + 1/4 + 1/4 + 1/4 + 1/4 را محاسبه كند.

```
sum=0.0; d=1.0; t=0.0001
```

$$sum = sum + d$$

$$d = d/2 .$$

۵. مقدار sum را چاپ کن. پایان.

- الگوریتمی بنویسید که یک دنباله از اعداد را دریافت کرده، آنها را مرتب کند.

- ۱. عدد n (تعداد اعداد دنباله) را دریافت کن.
 - $k = 1 \cdot 7$
 - ۳ عدد [k] مرا دریافت کن.
 - k = k + 1 .
 - ۵. اگر k <= n برو به ۳

- i = 1 . 9
- j = i+1 .∀
- ٨. اگر [a[i] > A[i] مقدار [a[i] و [a[i] مرا جابجا كن (k=A[i]; A[i]=A[j]; A[j]=k).
 - $j = j + 1 \cdot 9$
 - ۰ / . اگر j <= n برو به ۸
 - i = i + 1 .\\
 - i < n اگر i ۱۲ برو به ۷

- $k = 1 \cdot 1$
- ۱۴ عدد [k] A را چاپ كن.
 - $k = k + 1 . \Delta$
- ۱۶ اگر k <= n برو به ۱۴.