به نام خدا

# طراحي الگوريتمها

آرش شفيعي



# کتابهای مرجع

- مقدمهای بر الگوریتمها از کرمن، لایسرسون، ریوست، و استاین 1
  - $^{-2}$  اصول الگوريتمها از ريچارد نئايوليتان  $^{-2}$ 
    - هنر برنامه نویسی از دونالد کنوث <sup>3</sup>

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Introduction to Algorithms, by Cormen, Leiserson, Rivest, and Stein

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Foundations of Algorithms, by Richard Neapolitan

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> The Art of Computer Programming, by Donald Knuth

### مقدمه

- کلمهٔ الگوریتم از نام دانشمند ایرانی محمدبن موسی الخوارزمی گرفته شده است. خوارزم منطقهای است در آسیای مرکزی که در حال حاضر در ازبکستان و ترکمنستان قرار دارد و در کنار دریاچهٔ آرال (دریاچهٔ خوارزم) قرار گرفته است.
- خوارزمی کتاب الجبرو المقابله را نیز به تألیف رسانده است که کلمه جبر <sup>1</sup> در زبان انگلیسی نیز از همین
   کتاب گرفته شده است. جبر در عربی معنای شکسته بندی است و مقابله به معنی در مقابل یکدیگر قرار دادن
   است. احتمالا به دلیل این که معادلات جبری متغیرهای متفاوت را جمع آوری می کنند و در مقابل یکدیگر
   قرار میدهند، به علم حل معادلات، جبر و مقابله گفته می شده است. خوارزمی روش هایی برای حل معادلات
   جبری در کتاب خود ابداع کرده است که به روش های الخوارزمی و بعدها در غرب به روش های الگوریتمی
   معروف شده است.

طراحي الگوريتمها مقدمه ۳ / ۲۹

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Algebra

مقدم

حکمهٔ الگوریتم در بسیاری از کتابها برای الگوریتم اقلیدس  $^1$  که برای پیدا کردن بزرگترین مقسوم علیه مشترک  $^2$  دو عدد به کار می رود و در کتاب اصول اقلیدس  $^3$  توصیف شده است، استفاده شده است.

الگوریتم پیدا کردن بزرگترین مقسوم علیه مشترک را میتوانیم به صورت زیر وصف کنیم. m عدد m را بر m عدد اینصورت خواهیم می کنیم. فرض کنید باقیمانده m باشد. در اینصورت خواهیم

داشت  $r < n \cdot 0$  .  $0 \leqslant r < n$  . ۲. (آیا باقیمانده صفر است؟) اگر r = 0 ، الگوریتم پایان مییابد و n جواب مسئله است.

۳. (كاهش.) قرار مىدهيم  $m \leftarrow n$  و  $m \leftarrow n$  و به مرحلهٔ  $\tilde{\Lambda}$  مىرويم.

<sup>1</sup> Euclid's algorithm

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Greatest common divisor

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Euclid's Element

#### مقدمه

- الگوریتم در واقع یک روند  $^1$  یا دستورالعمل  $^2$  برای حل یک مسئلهٔ محاسباتی است.

- به طور غیر رسمی میتوانیم بگوییم یک الگوریتم در واقع یک روند محاسباتی گامبهگام است که مجموعهای از مقادیر را که خروجی الگوریتم مقادیر را که فروجی الگوریتم نامیده میشوند در زمان محدود تولید میکند. بنابراین یک الگوریتم دنبالهای است از گامهای محاسباتی که ورودیها را به خروجی تبدیل میکند.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> procedure

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> recipe

- مىتوان گفت يک الگوريتم ابزاري است براي حل يک مسئله محاسباتي معين.
- یک مسئله با تعدادی گزاره رابطهٔ بین ورودیها و خروجیها را در حالت کلی مشخص می کند. یک نمونه از مسئله، در واقع با جایگذاری اعداد و مقادیر برای مسئله کلی به دست می آید. یک الگوریتم روشی گام به گام را شرح می دهد که با استفاده از آن در حالت کلی برای همهٔ نمونه های یک مسئله، خروجی ها با دریافت ورودی ها تولید شوند. بنابراین روند یک الگوریتم در رابطهٔ بین ورودی ها و خروجی ها صدق می کند.
- به عنوان مثال، فرض کنید میخواهیم دنبالهای از اعداد را با ترتیب صعودی مرتب کنیم. این مسئله که مسئله مرتب سازی  $^1$  نام دارد، یک مسئله بنیادین در علوم کامپیوتر به حساب می آید که منشأ به وجود آمدن بسیاری از روشهای طراحی الگوریتم نیز می باشد.

طراحي الگوريتمها مقدمه ۲۹ /۶

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> sorting problem

- · مسئله مرتب سازی را به طور رسمی به صورت زیر تعریف میکنیم.
- ورودی مسئله مرتب سازی عبارت است از دنباله ای از n عدد به صورت  $\langle a_1, a_2, ..., a_n \rangle$  و خروجی مسئله عبارت است از دنباله ای به صورت  $\langle a_1', a_2', ..., a_n' \rangle$  که از جابجا کردن عناصر دنبالهٔ ورودی به دست آمده است به طوری که  $a_1' \leq a_2' \leq ... \leq a_n'$ 
  - بنابراین به ازای دنباله ورودی (58,42,36,42) دنباله خروجی (36,42,42,58) جواب مسئله است.
  - یک نمونه از یک مسئله  $^1$  تشکیل شده است از یک ورودی معین و شرح ویژگی خروجی مسئله. بنابراین دنبالهٔ ورودی  $\langle 58, 42, 36, 42 \rangle$  به علاوه شرح مسئله مرتب سازی یک نمونه از مسئلهٔ مرتب سازی نامیده می شود.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> instance of a problem

بنابراین به طور خلاصه، یک مسئله تشکیل شده است از (۱) توصیفی از چند پارامتر (متغیر آزاد)، که ورودیهای مسئله نامیده میشوند و (۲) گزارههایی برای بیان رابطهٔ ورودیها و مقادیر خروجی (جواب) مسئله، یا به عبارت دیگر ویژگیهایی که جواب مسئله دارد.

- یک یارامتر کمیتی است که مقدار آن مشخص نشده و توسط حروف و یا کلمات، نامی بر آن نهاده شده است.

- یک نمونهٔ مسئله با تعیین مقادیر پارامترهای مسئله به دست می آید.

- یک الگوریتم، روندی گام به گام است برای پیدا کردن جواب یک مسئله است.

- سرعت اجرای مسئله مرتب سازی به اندازه ورودی یعنی تعداد عناصر دنباله نامرتب و روند الگوریتم بستگی دارد.
  - الگوریتمهای زیادی برای حل یک مسئله وجود دارند که هر کدام میتوانند مزایا و معایبی داشته باشند. به طور مثال یک الگوریتم از میزان حافظهٔ بیشتری استفاده میکند، اما زمان کمتری برای محاسبه نیاز دارد و الگوریتم دیگر با میزان حافظهٔ کمتر در زمان بیشتری محاسبه میشود که به فراخور نیاز میتوان از یکی از الگوریتمها استفاده کرد.
- عوامل دیگری مانند معماری کامپیوتر، نوع پردازنده و میزان حافظه نیز در زمان اجرای یک الگوریتم مؤثرترند اما این عوامل فیزیکی هستند و صرف نظر از عوامل فیزیکی میتوان الگوریتمها را از لحاظ میزان حافظه مورد نیاز و زمان اجرا با یکدیگر مقایسه کرد.

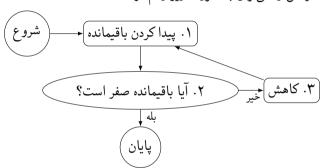
- یک الگوریتم برای یک مسئله محاسباتی درست است اگر به ازای هر نمونه از مسئله که با تعدادی ورودی معین شده است، (۱) توقف کند، بدین که در زمان محدود به اتمام برسد و (۲) خروجی تعیین شده توسط شرح مسئله را تولید کند. می گوییم یک الگوریتم درست یک مسئلهٔ محاسباتی را حل می کند.
- یک الگوریتم نادرست ممکن است به ازای برخی از ورودیها توقف نکند یا ممکن است به ازای برخی از ورودیها خروجی نادرست تولید کند.
- یک الگوریتم را میتوان با استفاده از یک زبان طبیعی مانند فارسی یا انگلیسی توصیف کرد و یا برای توصیف آن از یک برنامهٔ کامپیوتری یا یک زبان ساده شده مانند فلوچارت یا شبه کد استفاده کرد. تنها نیازمندی یک الگوریتم توصیف دقیق گامهای الگوریتم است و زبان مورد استفاده برای توصیف اهمیتی ندارد.

- $^{-}$  یک الگوریتم را به صورت یک فلوچارت  $^{1}$  میتوانیم رسم کنیم.
- یک فلوچارت یا روندنما نموداری است که روند انجام کاری را نشان میدهد.
- یک فلوچارت،الگوریتم را به صورت تصویری به نمایش میگذارد. در یک فلوچارت معمولاً برای گامهای محاسباتی از مستطیل و برای گامهای شرطی از بیضی یا لوزی استفاده میشود. همچنین در گامهایی که ورودی از کاربر گرفته میشود یا خروجی برای نمایش به کاربر چاپ میشود از متوازیالضلاع استفاده میشود. هر گام به گام بعدی توسط یک علامت فلش متصل میشود. شروع و پایان را معمولا با دایره نشان میدهند.

طراحي الكوريتمها مقدمه ١١ / ٢٩

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> flowchart

- برای مثال الگوریتم اقلیدس را میتوان به صورت زیر رسم کرد.



- در الگوریتمها معمولا از علامت یا =: برای عملیات انتساب استفاده می شود. برای مثال  $m \leftarrow n$  یعنی m را با مقدار فعلی n مقدار دهی می کنیم.
- به عنوان مثال دیگر، برای افزایش مقدار یک متغیر به اندازهٔ یک واحد مینویسیم  $n \leftarrow n + 1$  یعنی مقدار n برابراست با مقدار فعلی n به علاوهٔ یک. معمولاً این عبارت را به این صورت میخوانیم : مقدار n برابر مشدد با n + 1 .
- معمولاً از علامت == یا = برای تساوی استفاده می شود. برای مثال می توانیم بپرسیم آیا مقدار m برابراست با مقدار n و برای مثال می نویسیم اگر m = m به مرحله بعد می رویم.
- در نشانه گذاری ریاضی معمولاً دنبالهها را با استفاده از اندیسها نمایش می دهیم برای مثال دنباله  $v_1, v_2, \dots, v_n$  متغیر است. در الگوریتمها معمولاً از عملگر زیرنویس  $v_1, v_2, \dots, v_n$  و بسته  $v_1, v_2, \dots, v_n$  را به صورت  $v_1, \dots, v_n$  را به صورت  $v_1, \dots, v_n$  نمایش می دهیم.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> subscript

- الگوریتمها در زمینههای زیاد و متنوعی کاربرد دارند.
- به عنوان مثال در پروژه ژنومهای انسانی هدف پیدا کردن الگوهای ژنها در دیانای <sup>1</sup> انسان است که برای این کار از الگوریتمهای کامپیوتری استفاده میشود. به عنوان چند مثال دیگر میتوان از الگوریتم کوتاهترین مسیر برای مسیریابی بستههای اینترنتی در شبکههای کامپیوتری، الگوریتمهای رمز نگاری برای تبادل امن اطلاعات، الگوریتمهای تخصیص منابع و زمانبندی در کاربردهایی مانند زمانبندی پروازها و تخصیص خلبان و خدمه به هواپیماها با کمترین هزینه ممکن و الگوریتمهای فشرده سازی دادهها نام برد.
- معمولاً یک مسئلهٔ محاسباتی راه حلهای زیادی دارد که بنابر معیارهای مورد اهمیت برای استفاده کنندهٔ الگوریتم، الگوریتمی انتخاب میشود که در یک یا چند معیار مورد نظر بهترین باشد. برای مثال یک الگوریتم ممکن است در زمان کمتری اجرا شود ولی حافظه بیشتری اشغال کند و الگوریتم دیگر به حافظه کمتری نیاز داشته باشد اما در زمان بیشتری اجرا شود.

طراحي الگوريتم ها مقدمه مقدمه ۲۹ / ۲۹

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> DNA

- دسته ای از مسئله های محاسباتی وجود دارند که گرچه برای محاسبهٔ آنها الگوریتم وجود دارد ولی هیچ یک از الگوریتم های معقول نمیتوانند مسئله را در زمان معقول حل کنند. منظور از زمان معقول زمانی است که آنقدر زیاد نباشد که حل آن مسئله در آن مقدار زمان بی معنی شود و دریافت جواب پس از آن زمان بی استفاده باشد. بعدها این مفهوم معقول را به طور رسمی و دقیق تعریف خواهیم کرد.

این دسته از مسئلهها ان پی کامل  $^1$  نامیده می شوند. گرچه برای این دسته از مسائل هیچ الگوریتمی در زمان معقول پیدا نشده است، اما هیچ کس نیز اثبات نکرده است که برای آنها نمی توان الگوریتمی در زمان معقول  $^2$  پیدا کرد. بنابراین هیچ کس نمی داند آیا برای مسائل ان پی کامل الگوریتم کارامد  $^3$  وجود دارد یا خیر.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> NP-Complete problems

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> reasonable

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> efficient

یک ویژگی دیگر مسائل ان پی کامل این است که اگر برای یکی از آنها الگوریتم کارامد پیدا شود، برای همهٔ
 آنها الگوریتم کارامد پیدا خواهد شد چرا که این مسائل قابل تبدیل به یکدیگرند.

- فرض کنید یک مسئله جدید به ما داده شده است. ابتدا تلاش میکنیم برای آن مسئله یک الگوریتم کارامد پیدا کنیم. چنانچه نتوانستیم برای آن الگوریتمی کارامد پیدا کنیم، میتوانیم سعی کنیم تا اثبات کنیم که مسئله ان بی کامل است.

 $^{-}$  گرچه برای مسئلههای ان پی کامل الگوریتم دقیق کارامد پیدا نشده است، ولی الگوریتمهای تقریبی  $^{1}$  زیادی وجود دارند که خروجی قابل قبولی نزدیک به خروجی مورد انتظار در زمان معقول تولید می کنند.

طراحي الگوريتمها مقدمه ۲۹ / ۲۹

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Approximation algorithms

- در سالیان قبل با پیشرفت تکنولوژی سرعت پردازنده ها افزایش مییافت. در سالهای اخیر سرعت پردازنده به حد فیزیکی خود نزدیک شده است، بدین معنا که از لحاظ فیزیکی امکان افزایش سرعت وجود ندارد. بنابراین در تکنولوژی های جدید در یک پردازنده از چند واحد پردازشی یا هسته استفاده می شود.
  - برای استفادهٔ بهینه از این پردازندههای چند هستهای دستهای از الگوریتمها به نام الگوریتمهای موازی  $^{1}$ به وجود آمدهاند.
- در بسیاری از الگوریتمها فرض بر این است که ورودی قبل از شروع الگوریتم در دسترس است اما در برخی مواقع، ورودی به مرور زمان وارد میشود. برای مثال در یک سیستم عامل واحدهای کاری در هر لحظه ممکن است به وجود بیایند و الگوریتم بر اساس وضعیت موجود باید تصمیم بگیرد چگونه واحدهای کاری را زمانبندی کند. الگوریتمهای که ورودی را به مرور زمان دریافت می کنند الگوریتمهای برخط <sup>2</sup> نامیده می شوند.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Parallel algorithms

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Online algorithms

یکی از مسائل مهم در علوم و مهندسی کامپیوتر، مسئله مرتب سازی است. یک آرایه از چندین عنصر را در نظر بگیرید. میخواهیم عناصر این آرایه را از کوچک به بزرگ مرتب کنیم. به عبارت دیگر اگر آرایه نظر بگیرید.  $A = [a_1, a_2, ..., a_n]$  را داشته باشیم، میخواهیم عناصر آرایه یعنی  $a_i$  ها را جابجا کنیم و آرایه خروجی  $a_i' \leq a_{(i+1)}'$  را به دست آوریم، به طوری که به ازای هر  $1 \leq i < n$  داشته باشیم  $[a_1, a_2', ..., a_n']$ 

### مرتب سازی درجی

 $\,$ یکی از الگوریتمهای ارائه شده برای این مسئله الگوریتم مرتب سازی درجی  $^1$  است.

k به طور خلاصه این الگوریتم به صورت زیر عمل می کند. فرض کنید یک آرایه با k عنصر از درایهٔ k تا درایهٔ k مرتب شده باشد. حال برای مرتب سازی آرایه از درایهٔ k تا درایهٔ k+1 باید عنصر k+1 را در بین عناصر k طوری قرار دهیم که از عنصر قبلی خود بزرگتر و از عنصر بعدی خود کوچکتر باشد. بدین ترتیب آرایه را از درایهٔ k تا k+1 مرتب کرده ایم. این کار را تا جایی ادامه می دهیم که کل آرایه مرتب شود.

طراحي الگوريتمها مقدمه معدمه ١٩ / ٢٩

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> insertion sort

### مرتب سازی درجی

به طور خلاصه این الگوریتم را میتوانیم به صورت زیر بنویسیم.

#### **Algorithm** Insertion Sort

### مرتب سازی درجی

- این الگوریتم دارای گامهایی است که در یک حلقه تکرار میشوند تا در نهایت کل آرایه مرتب شود. در هر مرحله اتمام حلقه، قسمتی از آرایه مرتب شده و قسمتی از آرایه نامرتب است و باید در آینده مرتب شود.
  - یک ویژگی که قبل و بعد از هر تکرار حلقه درست باشد ثابت حلقه  $^{1}$  گفته میشود.
- برای مثال ثابت حلقه در الگوریتم مرتب سازی درجی این است که زیر آرایه A[1:i-1] در هر تکرار حلقه قبل از شروع حلقه مرتب است.
- ثابتهای حلقه برای اثبات درستی یک الگوریتم به کار میروند. کافی است نشان دهیم که این ثابت حلقه قبل از اولین تکرار حلقه درست باشد، قبل از تکرار بعدی نیز درست است. در این اثبات در واقع از استقرای ریاضی استفاده میکنیم. همچنین برای اثبات درستی الگوریتم باید نشان دهیم که حلقه پایان میپذیرد.

طراحي الگوريتمها مقدمه ۲۹ / ۲۱

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> loop invarint

## تابع پیچیدگی زمانی

- تابع پیچیدگی زمانی برای یک الگویتم، زمان (و یا تعداد گامهایی) را مشخص میکند که الگوریتم برای پیدا کردن جواب مسئله نیاز دارد، به طوری که این زمان تابع اندازهٔ ورودی مسئله است.

بنابراین اگر ورودی یک مسئله n باشد و تعداد گامهای لازم برای محاسبهٔ جواب مسئله توسط یک الگوریتم f(n) باشد، میگوییم زمان محاسبه n یا زمان اجرا n یا پیچیدگی زمانی n الگوریتم n است.

- هدف طراحی الگوریتمها، پیدا کردن الگوریتمهایی برای مسائل است که زمان اجرای آنها تا حد امکان کوچک باشد. هر تابع با یک نرخ معین رشد میکند. میتوانیم نرخ رشد توابع  $^4$  مختلف را با یکدیگر مقایسه کنیم.

طراحي الگوريتم ها مقدمه ۲۲ / ۲۹

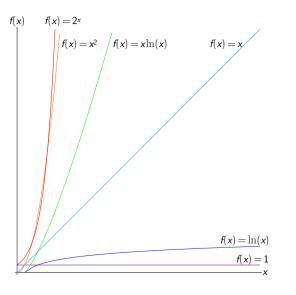
<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> computation time

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> running time

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> time complexity

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> growth rate of functions

# مقايسه رشد توابع



# مقایسه رشد توابع پیچیدگی

- اگر هر گام در یک الگوریتم فقط یک میکروثانیه زمان ببرد، میتوانیم زمان تقریبی محاسبه به ازای توابع رشد متفاوت را به صورت زیر با یکدیگر مقایسه کنیم.

۶۰	40	۲۰	اندازهٔ <i>n</i>
			f(n) تابع پیچیدگی
۰/۰۰۰۶ ثانیه	۴ ۰ ۰ ۰ ۰ ، ثانیه	۲ ۰ ۰ ۰ ۰ ۰ ثانیه	n
۰/۰۰۳۶ ثانیه	۱۶ ۰/۰۰ ثانیه	۴ ۰ ۰ ۰ /۰ ثانیه	$n^2$
۲۱۶/۰ ثانیه	۰/۰۶۴ ثانیه	۸۰۰۸۰ ثانیه	$n^3$
۱۳ دقیقه	۱/۷ دقیقه	٣/٢ ثانيه	$n^5$
<b>۳۶۶</b> قرن	۱۲/۷ روز	۱ ثانیه	2 <sup>n</sup>
اه $1/ extstyle  imes 1/ extstyle  imes 1/ extstyle قرن$	۳۸۵۵ قرن	۵۸ دقیقه	3 <sup>n</sup>

طراحي الگوريتم ها مقدمه ۲۹ / ۲۹

## مسئله كوتاهترين مسير

مسئله کوتاهترین مسیر بین دو شهر  $c_{\mathrm{x}}$  و  $c_{\mathrm{y}}$  تشکیل شده است از شرحی از پارامتر های مسئله یعنی:

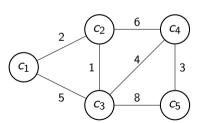
- $C = \{c_1, c_2, ..., c_m\}$  مجموعه ای از شهرها،
- $R\subseteq C imes C$  مجموعه ای از جادهها، به طوری که هر جاده دو شهر را به هم متصل میکند،  $R\subseteq C$
- تابعی که به ازای هر دو شهر به هم متصل شده توسط یک جاده، طول جاده را مشخص می کند،
  - و همچنین شرحی از جواب مسئله یعنی:
- مسیر  $(c_{f(n)}, c_{f(2)}, ..., c_{f(n)})$  با  $P = \langle c_{f(1)}, c_{f(2)}, ..., c_{f(n)} \rangle$  وجود داشته باشد، به طوری که مقدار یارامتر L کمینه باشد.

$$L = \sum_{i=1}^{n-1} len(c_{f(i)}, c_{f(i+1)})$$

## نمونهٔ مسئله كوتاهترين مسير

کوتاهترین مسیر بین دو شهر  $c_1$  و  $c_5$  را پیدا کنید به طوری که

$$\begin{split} C &= \{c_1, c_2, c_3, c_4, c_5\} \\ R &= \{(c_1, c_2), (c_1, c_3), (c_2, c_3), (c_2, c_4), (c_3, c_4), (c_3, c_5), (c_4, c_5)\} \\ len &= \{((c_1, c_2), 2), ((c_1, c_3), 5), ((c_2, c_3), 1), ((c_2, c_4), 6), \\ &\qquad \qquad ((c_3, c_4), 4), ((c_3, c_5), 8), ((c_4, c_5), 3)\} \end{split}$$



یک الگوریتم ساده برای مسئله کوتاهترین مسیر

همهٔ مسیرها از  $c_{\rm y}$  به  $c_{\rm y}$  را پیدا میکنیم.

٢. طول همهٔ آن مسيرها را محاسبه ميكنيم.

۳. کوتاهترین مسیر را به دست می آوریم.

- در بدترین حالت همهٔ شهرها با یک مسیر به هم متصل شدهاند.
- (m-2)! در این صورت تعداد همهٔ مسیرها از شهر  $c_{
  m x}$  به شهر  $c_{
  m y}$  شامل m شهر برابر است با
- بنابراین تنها برای شمردن همهٔ مسیرها شامل m شهر و مقایسهٔ طول آنها به (m-2) گام زمانی نیاز داریم
  - . رشد تابع n! از رشد تابع  $2^n$  نیز سریع تر است.
  - اگر بررسی هر مسیر فقط یک میکروثانیه زمان ببرد، برای شمارش و بررسی همهٔ مسیرها در مجموعهای با تنها ۶۰ شهر به  $^{89}$  ۱ ×  $^{87}$  قرن زمان نیاز داریم.  $(^{81} \times 1)^{8} \times 1)$

طراحي الگوريتم ها مقدمه ۲۹ / ۲۸

## الگوريتم كوتاهترين مسير دايكسترا

ا الگوریتم کوتاهترین مسیر دایکسترا توسط ادسخر دایکسترا  $^1$  در سال ۱۹۵۶ ابداع شد.

این الگوریتم کوتاهترین مسیر از  $c_{\rm u}$  به  $c_{\rm u}$  را محاسبه می کند.

- پیچیدگی زمانی این الگوریتم از مرتبه  $n^2$  است.

- با استفاده از الگوریتم دایکسترا برای مجموعهای از ۶۰ شهر به تنها ۳۶ ۰/۰ ثانیه زمان نیاز داریم.

طراحي الگوريتمها مقدمه ۲۹ / ۲۹

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Edsger Dijkstra