

#### Næringsøkonomi og konkurransestrategi

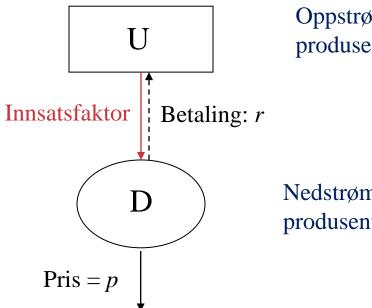
Vertikale fusjoner, PRN kap, 16.1 – 16.3.1 og Python 16.1 – 16.2

- Vertikale relaterte markeder og dobbel marginalisering
- Vertikal integrasjon

Vertikale bindinger, PRN kap, 17.1 -17.3 og 18.1 – 18.2

# Vertikalt relaterte markeder vertikal separasjon

#### Verdikjeden

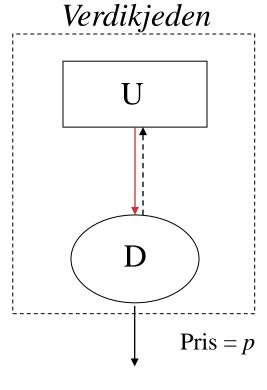


Oppstrømsbedrift U: produsent av innsatsfaktor

Nedstrømsbedrift D: produsent av sluttprodukt

Kundene

# Vertikalt relaterte markeder vertikal integrasjon



Betaling = intern overføring

Kundene

# Vertikalt relaterte markeder dobbel-marginalisering

#### Anta følgende:

- To bedrifter; en oppstrømsbedrift U og en nedstrømsbedrift D
- Etterspørsel: P = A -BQ
- Fast forhold mellom innsats og sluttprodukt
- Pris på innsatsfaktor for D: r
- MC for bedrift U: c

#### **To-trinns spill:**

Trinn 1: U velger optimal engropris r

Trinn 2: D velger optimalt kvantum Q

# Vertikalt relaterte markeder dobbel-marginalisering

Trinn 2: Optimalt valg av Q

#### Trinn 2: Optimalt valg av Q

```
A, B,Qd,Qr,QI,P,c, r=symbols('A B Qd Qr QI P c r')

def marginalrevenue(Qd):
    return (A-2*B*Qd)

def marginalcost(r):
    return (r)

Q=sp.symbols('Qd', real=True, positive=True)
```

equ=sp.Eq(marginalrevenue(Qd),marginalcost(r))

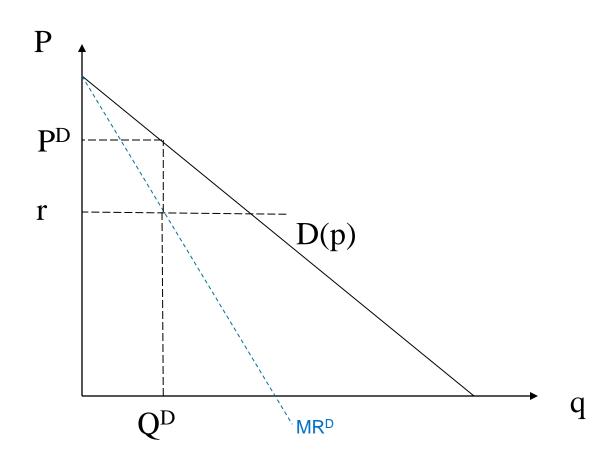
```
A - 2BQd = r
```

equ

#### Optimalt kvantum og pris for nedstrømsbedriften

```
\begin{array}{l} \text{Qd\_equ=sp.solve(equ,Qd)[0]} \\ \text{Qd\_equ} \\ \\ \frac{A-r}{2B} \\ \\ \text{def demand(Qd):} \\ \text{return (A-B*Qd)} \\ \\ \\ \text{P\_eq=demand(Qd\_equ)} \\ \\ \text{P\_eq} \\ \\ \\ \frac{A}{2} + \frac{r}{2} \\ \end{array}
```

## Vertikal separasjon Dobbelmarginalisering



# Vertikalt relaterte markeder dobbel-marginalisering

Trinn 1: Optimalt valg av r

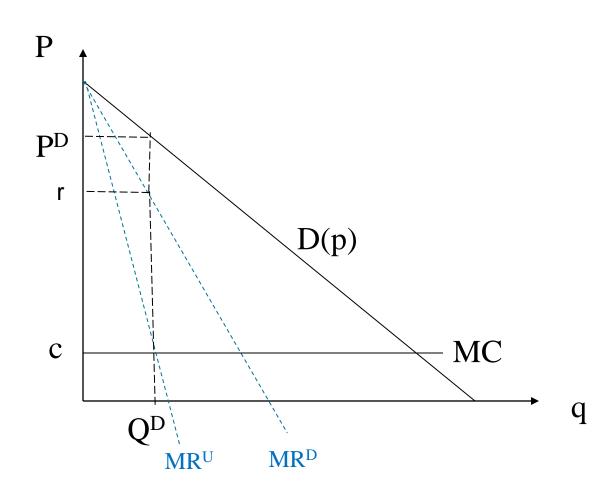
# Vertikalt relaterte markeder dobbel-marginalisering

#### Trinn 1: Optimalt valg av r

```
def marginalrevenue(Qr):
      return (A-4*B*Qr)
  def marginalcost(c):
      return (c)
  Qr=sp.symbols('Qr', real=True, positive=True)
  equ=sp.Eq(marginalrevenue(Qr),marginalcost(c))
  equ
A - 4BQr = c
  Qr_equ=sp.solve(equ,Qr)[0]
  Qr_equ
  A-c
   4B
  r_eq=demand(Qr_equ)
  r_eq
```

```
P_eq.subs({Qd:Qd_equ,r:r_eq})
# Optimal kvantum i sluttmarkedet:
Qd_opt=Qd_equ.subs({r:r_eq})
sp.simplify(Qd_opt)
# profitt for oppstrømsbedriften
def profitt(Qr):
    return (r_eq-marginalcost(c))*Qr_equ
sp.simplify(profitt(Qr_equ))
# profitt for nedstrømsbedriften
def profitt(Qd):
    return (P_eq.subs({Qd:Qd_equ,r:r_eq})-r_eq)*Qd_equ.subs({Qd:Qd_equ,r:r_eq})
sp.simplify(profitt(Qr_equ))
(A-c)^2
```

# Vertikalt relaterte markeder dobbel-marginalisering



## Vertikal integrasjon

Anta at bedrift U og D fusjonerer og vil da opptre som et samlet monopol

## Vertikal integrasjon

```
def demand(QI):
    return (A-B*QI)

def marginalrevenue(QI):
    return (A-2*B*QI)

def marginalcost(c):
    return (c)
```

```
QI=sp.symbols('QI', real=True, positive=True)
equ=sp.Eq(marginalrevenue(QI),marginalcost(c))
equ
```

$$A - 2BQI = c$$

Optimal kvantum og pris for monopolisten:

```
QI_equ=sp.solve(equ,QI)[0]
QI_equ
```

$$\frac{A-c}{2B}$$

```
P_eq=demand(QI_equ)
P_eq
```

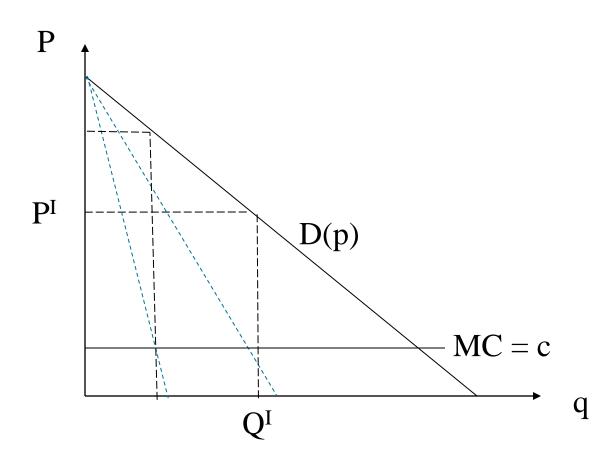
$$\frac{A}{2} + \frac{c}{2}$$

```
# profitt for den integrerte bedriften
def profitt(Qr):
    return (P_eq-marginalcost(c))*QI_equ
sp.simplify(profitt(Qr_equ))
```

$$\frac{(A-c)^2}{4B}$$

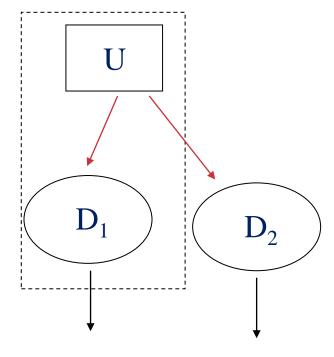
## Vil det være lønnsomt å fusjonere?

## Vertikal integrasjon

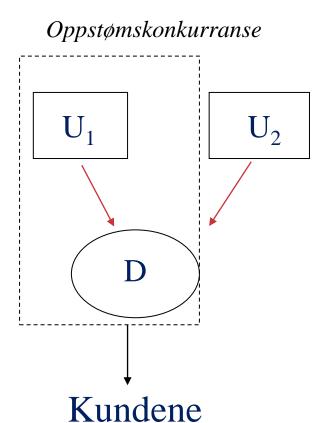


# Vertikalt relaterte markeder vertikal integrasjon

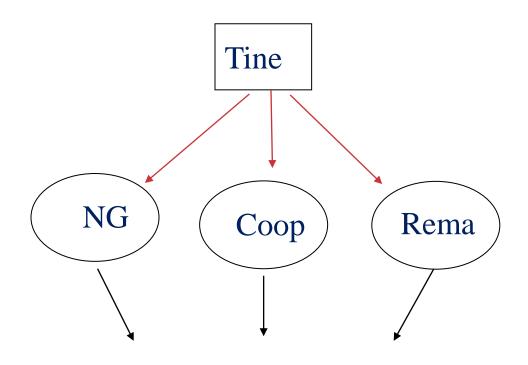
#### Nedstømskonkurranse



Kundene



### Vertikale relasjoner og prisdiskriminering



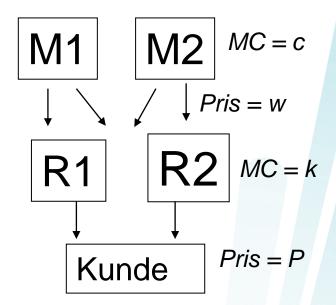
Kundene

# Vertikale integrasjon og utestengelse i en Cournot modell (PRN kap. 16.3.1)

#### Anta følgende:

- To oppstrømsbedrift M1 og M2 og nedstrømsbedrift R1 og R2
- Etterspørsel:  $P = A B(q_1 + q_2)$
- Fast forhold mellom innsats og sluttprodukt
- Pris på innsatsfaktor for R1 og R2: w
- Marginalkostnad for bedrift M1 og M2: c
- Marginalkostnad for bedrift R1 og R2: k

To-trinns spill der R1 og R2 velger optimalt kvantum på trinn 2 og M1 og M2 velger optimal engrospris w på trinn 1



• Trinn 2: Optimal valg av  $q_1$  og  $q_2$ :

• 
$$q_i^R = \frac{A - w - k}{3B}$$
  $\Rightarrow Q^R = q_i^R + q_j^R = \frac{2(A - w - k)}{3B}$ 

```
Trinn 2: Nedstrømsbedriftene velger optimalt produksjonsnivå i Cournot modell
qR1, qR2,qM1, qM2,c,k,w, A, B, QR, QM =symbols('q^R 1 q^R 2 q^M 1 q^M 2 c k w A B Q^R Q^M
                                           positive=True)
def demand 1R(qR1):
           return (A-B*qR1-B*qR2)
def demand 2R(qR2):
           return (A-B*qR1-B*qR2)
def marginalrevenue 1R(qR1):
    return (A-2*B*qR1-B*qR2)
def marginalrevenue 2R(qR2):
    return (A-B*qR1-2*B*qR2)
equ R2 = sp.Eq(marginalrevenue 2R(qR2),w+k)
equ_R2
A - Bq_1^R - 2Bq_2^R = k + w
equ R1 = sp.Eq(marginalrevenue 1R(qR1),w+k)
equ_R1
A - 2Bq_1^R - Bq_2^R = k + w
```

```
#reaksjonsfunksjon til bedrift 1
qR1 equ = sp.solve(equ R1, qR1)[0]
qR1_equ
\frac{A - Bq_2^R - k - w}{2B}
#reaksjonsfunksjon til bedrift 2
qR2_equ=sp.solve(equ_R2,qR2)[0]
qR2_equ
\frac{A - Bq_1^R - k - w}{2B}
# setter uttrykk for q1 inn i q2
qR2 unresv eq = qR2 equ.subs(qR1, qR1 equ)
qR2_opt = sp.solve(sp.Eq(qR2, qR2_unresv_eq), qR2)[0]
qR2_opt
A-k-w
   3B
# setter uttrykk for q2 inn i q1
qR1 unresv eq = qR1 equ.subs(qR2, qR2 equ)
qR1_opt = sp.solve(sp.Eq(qR1, qR1_unresv_eq), qR1)[0]
qR1_opt
\frac{A-k-w}{3B}
```

• Trinn 1: Optimalt valg av w

• Q<sup>R</sup> vil være etterspørselen til M1 og M2:  $\Rightarrow w = A - k - \frac{3B}{2}Q^R$ 

```
# direkte etterspørsel

QR_unresv = sp.Eq(QR, QR_eq)

QR_unresv
```

$$Q^R = rac{2\left(A - k - w
ight)}{3B}$$

```
# Invers etterspørsel
w_equ = sp.solve(QR_unresv, w)[0]
w_equ
```

$$A-rac{3BQ^R}{2}-k$$

- Trinn 1: Optimalt valg av w ved MR<sup>M</sup> = MC<sup>M</sup>:
  - Invers etterspørselen:  $\Rightarrow w = A k \frac{3B}{2}Q^R$

• 
$$q_1^M = q_2^M = \frac{A - k - c}{3(\frac{3B}{2})} = \frac{2(A - k - c)}{9B}$$
  $\Rightarrow w = A - k - \frac{3B}{2}(2\frac{2(A - k - c)}{9B}) = \frac{A - k + 2c}{3}$ 

#### Oppstømsbedriftene tilpasser seg også i Cournot konkurrans

```
def demand 1M(qM1):
            return (A-k-(3*B*(qM1+qM2)/2))
def demand_2M(qM2):
            return (A-k-(3*B*(qM1+qM2)/2))
def marginalrevenue 1M(qM1):
      return (A-k-(3*B*qM1)-(3*B*qM2)/2)
def marginalrevenue 2M(qM2):
     return (A-k-(3*B*qM2)-(3*B*qM1)/2)
equ M1 = sp.Eq(marginalrevenue 1M(qM1),c)
equ M1
A - 3Bq_1^M - \frac{3Bq_2^M}{2} - k = c
equ_M2 = sp.Eq(marginalrevenue_2M(qM2),c)
equ_M2
A - \frac{3Bq_1^M}{2} - 3Bq_2^M - k = c
#reaksjonsfunksjon til bedrift 1
qM1 equ = sp.solve(equ M1, qM1)[0]
qM1 equ
```

```
#reaksjonsfunksjon til bedrift 2
qM2_equ = sp.solve(equ_M2, qM2)[0]
qM2_equ
```

$$\frac{\frac{A}{3} - \frac{Bq_1^M}{2} - \frac{c}{3} - \frac{k}{3}}{B}$$

# setter uttrykk for qM1 inn i qM2 og finner optimalt kvantum til M
qM2\_unresv\_eq = qM2\_equ.subs(qM1, qM1\_equ)
qM2\_opt = sp.solve(sp.Eq(qM2, qM2\_unresv\_eq), qM2)[0]
qM2\_opt

$$\frac{2(A-c-k)}{9B}$$

# setter uttrykk for qM2 inn i qM1 og finner optimalt kvantum til
qM1\_unresv\_eq = qM1\_equ.subs(qM2, qM2\_equ)
qM1\_opt = sp.solve(sp.Eq(qM1, qM1\_unresv\_eq), qM1)[0]
qM1\_opt

$$\frac{2(A-c-k)}{9B}$$

$$\frac{4(A-c-k)}{9B}$$

# Finner pris ved å sette totalt kvantum inn i etterspørselen
demand\_1M(qM1).subs({qM1:qM1\_opt,qM2:qM2\_opt})

$$\frac{A}{3} + \frac{2c}{3} - \frac{k}{3}$$

• Setter inn for w og finner solgt kvantum i markedet:  $q_i^R = \frac{2(A-k-c)}{9B}$ 

```
# Optimal pris til nedstrømsbedriftene
w_equ = sp.Eq(w, demand_1M(qM1).subs({qM1:qM1_opt,qM2:qM2_opt}))
w_equ
```

$$w = \frac{A}{3} + \frac{2c}{3} - \frac{k}{3}$$

```
# Optimalt kvantum for nedstrømsbedrift 2
qR2_opt1=qR2_unresv.subs({w:w_opt})
sp.simplify(qR2_opt1)
```

$$q_2^R = rac{2\left(A-c-k
ight)}{9B}$$

```
# Optimalt kvantum for nedstrømsbedrift 1
qR1_opt2=qR1_opt.subs({w:w_opt})
sp.simplify(qR1_opt2)
```

$$\frac{2\left(A-c-k\right)}{9B}$$

• Optimal pris i markedet:  $P = A - B(q_1 + q_2) = A - B\left(\frac{4(A - k - c)}{9B}\right) = \frac{5A + 4k + 4c}{9}$ 

```
# Optimal pris til sluttbruker
demand_1R(qR1).subs({qR1:qR1_opt2,qR2:qR2_opt2})
```

$$\frac{5A}{9} + \frac{4c}{9} + \frac{4k}{9}$$

- Profitt nedstrømsbedrifter:  $\pi_i^R = (P k w) \ q_i^R = (\frac{5A + 4k + 4c)}{9} k \frac{A k + 2c}{3})(\frac{2(A k c)}{9B}) = \frac{4(A k c)^2}{81B}$
- Profitt oppstrømsbedrifter:  $\pi_i^M = (w c) \ q_i^M = \left(\frac{A k + 2c}{3} c\right) \left(\frac{2(A k c)}{9B}\right) = \frac{2(A k c)^2}{27B}$

```
# Profitt for nedstrømsbedriftene er lik (p -k-w)q:
def profitt(qR1):
    return (demand_1R(qR1).subs({qR1:qR1_opt2,qR2:qR2_opt2})-k-w.subs({w:w_opt}))*qR1_opt2
sp.simplify(profitt(qR1))
```

$$\frac{4(-A+c+k)^2}{81B}$$

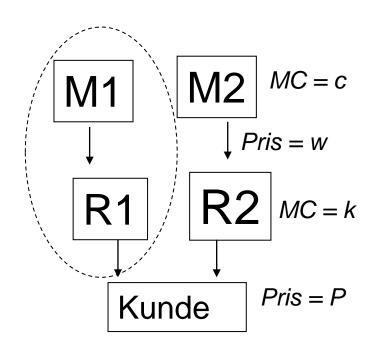
```
# Profitt for oppstrømsbedriftene er lik (w-c)q:
def profitt(qM1):
    return (demand_1M(qM1).subs({qM1:qM1_opt,qM2:qM2_opt})-c)*qM2_opt
sp.simplify(profitt(qM1))
```

$$\frac{2(-A+c+k)^2}{27B}$$

- Profitt nedstrømsbedrifter:  $\pi_i^R = \frac{4(A-k-c)^2}{81B}$
- Profitt oppstrømsbedrifter:  $\pi_i^M = \frac{2(A-k-c)^2}{27B}$

- Vi setter inn for A = 100, B = 1 og c = k= 23
- Profitt nedstrømsbedrifter:  $\pi_i^R = \frac{4(100-23-23)^2}{81} = 144$
- Profitt oppstrømsbedrifter:  $\pi_i^M = \frac{2(100-23-23)^2}{27} = 216$

Anta så at M1 og R1 fusjonerer, og at den fusjonerte bedriften ikke ønsker å selge til R2



- Marginalkostnader til den funksjonerte bedriften: c + k
- Marginalkostnad til R2 er w + k, hvor w > c

Med en tilpasning til standart Cournot;  $q_i^C = \frac{a-2c_i+c_j}{3b}$ , så vil optimal kvantum på trinn 2 for nedstrømsbedriftene nå være:

$$q_{MR1} = \frac{A - 2(c + k) + (w + k)}{3B} = \frac{A - 2c - k + w}{3B}$$
$$q_{R2} = \frac{A - 2(w + k) + (c + k)}{3B} = \frac{A - 2w - k + c}{3B}$$

```
def demand_1R(qMR1):
    return (A-B*qR1-B*qR2)
```

$$A - Bq_1^{MR} - 2Bq_2^R = k + w$$

$$A - 2Bq_1^{MR} - Bq_2^R = c + k$$

$$rac{A-Bq_2^R-c-k}{2B}$$

$$\frac{A-Bq_1^{MR}-k-w}{2B}$$

```
# setter uttrykk for q1 inn i q2
qR2_unresv_eq = qR2_equ.subs(qMR1, qMR1_equ)
qR2_opt = sp.solve(sp.Eq(qR2, qR2_unresv_eq), qR2)[0]
qR2_opt
```

$$\frac{A+c-k-2w}{3B}$$

$$q_2^R = \frac{A+c-k-2w}{3B}$$

$$\frac{A - 2c - k + w}{3B}$$

$$q_1^{MR} = \frac{A-2c-k+w}{3B}$$

Etterspørselen til M2 vil være lik optimalt kvantum til R2. Omformulere vi denne finner vi etterspørselen lik:

$$q_{R2} = \frac{A - 2w - k + c}{3B}$$
  $w = \frac{A - k + c}{2} - \frac{3B}{2}q_{M2}$ 

```
# Invers etterspørsel til M2 vil være lik optimalt kvantum til R2
w_equ = sp.solve(qR2_unresv, w)[0]
w_equ
```

$$\frac{A}{2}-\frac{3Bq_2^R}{2}+\frac{c}{2}-\frac{k}{2}$$

```
# Invers etterspørsel til M2
w_unresv = sp.Eq(w, w_equ)
w_unresv
```

$$w = rac{A}{2} - rac{3Bq_2^R}{2} + rac{c}{2} - rac{k}{2}$$

M2 vil ha monopol i sitt salg og vil tilpasse seg ved monopolkvantum  $q_i^M = \frac{a-c}{2h}$ . Standard etterspørselsfunksjon er  $P^M = a - bq^M$ . Vi bruker standart tilpaning og kan skrive om etterspøreslen til M2 lik:

$$w = \underbrace{\frac{A - k + c}{2}}_{a} - \underbrace{\frac{3B}{2}}_{b} q_{M2}$$

Bruker denne til å finne optimal kvantum til M2 på trinn 1:

$$q_{M2} = \frac{\frac{A-k+c}{2} - c}{2\frac{3B}{2}} = \frac{A-c-k}{6B} \qquad \frac{A}{2} - 3Bq_2^M + \frac{c}{2} - \frac{k}{2} = c$$

```
def marginalrevenue 2M(qM2):
    return ((A-k+c)/2-3*B*qM2)
```

$$\frac{A}{2} - 3Bq_2^M + \frac{c}{2} - \frac{k}{2} = c$$

$$\frac{A-c-k}{6B}$$

Optimal pris på innsatsfaktoren til R2 blir da:

$$w = \frac{A - k + c}{2} - \frac{3B}{2}q_{M2} \qquad \qquad w = \frac{A - k + c}{2} - \frac{3B}{2}\left(\frac{A - c - k}{6B}\right) = \frac{A + 3c - k}{4}$$

```
# For å finne pris til nedstømsberiften setter vi qM2 inn etterspørselsfunskjonen, som er w = (a-k+c)/2-3B/2*qR2 w_opt=w_unresv.subs(\{qR2:qM2\_equ\}) sp.simplify(w_opt)
```

$$A = -3c + k + 4w$$

```
# Pris på innsatsfaktor til R2
w_equ = sp.solve(w_opt, w)[0]
w_equ
```

$$rac{A}{4}+rac{3c}{4}-rac{k}{4}$$

Optimalt kvantum for den vertikalt integrerte bedriften:  $q_{MR1} = (\frac{A-2c-k+\frac{A+3c-k}{4}}{3B}) = \frac{5(A-c-k)}{12B}$ 

Prisen i markedet blir da:

$$P = A - B(q_1 + q_2) = A - B\left(\frac{5(A - c - k)}{12B} + \frac{A - c - k}{6B}\right) = \frac{5A + 7k + 7c}{12}$$

```
# Optimalt kvantum for den vertikalt integrete bedriften:
qMR1_opt1=qMR1_opt.subs({w:w_equ})
sp.simplify(qMR1_opt1)
```

$$\frac{5\left(A-c-k\right)}{12B}$$

```
# Optimal pris til sluttbruker
demand_1R(qMR1).subs({qMR1:qMR1_opt1,qR2:qM2_equ})
```

$$\frac{5A}{12} + \frac{7c}{12} + \frac{7k}{12}$$

Profitt til bedriftene:

$$\pi_{M2} = (w - c)q_{M2} = (\frac{A + 3c - k}{4} - c)(\frac{A - c - k}{6B}) = \frac{(A - c - k)^2}{24B}$$

• Profitt til bedriftene:

 $\frac{(-A+c+k)^2}{}$ 

$$\pi_{R2} = (p - k - w)q_{R2} = \left(\frac{5A + 7k + 7c}{12} - k - \frac{A + 3c - k}{4}\right)\left(\frac{A - c - k}{6B}\right) = \frac{(A - c - k)^2}{36B}$$

```
# Profitt til R2 er lik (p-k-w)qM2:
def profitt(qR2):
    return (demand_1R(qMR1).subs({qMR1:qMR1_opt1,qR2:qM2_equ})-k-w.subs({w:w_equ}))*qM2_equ
sp.simplify(profitt(qR2))
```

• Profitt til bedriftene:

$$\pi_{MR1} = (p - k - c)q_{MR1} = \left(\frac{5A + 7k + 7c}{12} - k - c\right)\left(\frac{5(A - c - k)}{12bB}\right) = \frac{25(A - c - k)^2}{144B}$$

```
# Profitt til MR1 er lik (p-k-c)qRM1:
def profitt(qMR1):
    return (demand_1R(qMR1).subs({qMR1:qMR1_opt1,qR2:qM2_equ})-k-c)*qMR1_opt1
sp.simplify(profitt(qMR1))
```

$$\frac{25(-A+c+k)^2}{144B}$$

Setter inn for A = 100, B = 1, c = k = 23 i profittfunksjonene

$$\pi_{MR1} = \frac{25(100 - 23 - 23)^2}{144} = 506.25$$

$$\pi_{M2} = \frac{(100 - 23 - 23)^2}{24} = 121.5$$

$$\pi_{R2} = \frac{(100 - 23 - 23)^2}{36} = 81$$

Vil det være profittmaksimerende å ikke selge til den uavhengige nedstrømsbedriften R2 ?

For å svare på dette kan vi se på profitt per enhet MR1:

- Profitt ved salg direkte til markedet: P c k
- Profitt ved salg til R2: w c
- Utestengelse av R2 er lønnsomt så lenge P c k > w –c
- Altså når P > w + k
- Profitt per enhet for R2: P w k

## Vertikale bindinger

Problemet ved dobbel-marginalisering kan løses ved ulike kontrakter:

- 1.To-delt tariff
- 2. Maksimal sluttbrukerpris
- 3.RPM bindende videresalgspris
- 4. Eksklusive områder

### To-delt tariff:

• To-delt tariff: T = rq + f

• Prisen på innsatsfaktoren (r) settes lik marginalkost (c), slik at monopolkvantum oppnås. I tillegg settes en fast avgift (f) for å tilegne seg positiv profitt (f =  $\Pi^{M}$ )

• Oppstrømsbedriften henter ut all profitten i markedet

### To-delt tariff

Eksempel: Etterspørsel er lik P = 100 – Q og marginalkostnad lik 20

- Prisen på innsatsfaktoren r = c = 20
- Markedspris:  $P^M = \frac{a+c}{2} = \frac{100+20}{2} = 60$
- Kvantum solgt i markedet:  $Q^M = \frac{a-c}{2} = \frac{100-20}{2} = 40$
- Profitt:  $\pi^M = (P^M r)Q^M = (60 20)40 = 1600$
- To-delt tariff:  $T = 20Q^M + 1600$

## Maksimal sluttbrukerpris

Setter en maksimal pris i sluttmarkedet lik p<sup>M</sup>

Videre settes prisen på innsatsfaktoren r = p<sup>M</sup>

 Også her tar oppstrømsbedriften ut hele overskudd, mens nedstrømsbedriften får null profitt

## RPM – bindende videresalgspris

- Salgsinnsats fra en detaljist øker også salget til andre detaljister (gratispassasjer).
- Bedrift 1 investerer i innsats, øker servicen, kundene kan kjøpe samme produkt hos en annen detaljist (Bedrift 2) til lavere pris
- Produsenten setter en minimumspris til sluttbruker,  $P_{min} = P^{M}$

### Andre mekanismer

- De mekanismene vi har sett på til nå har dreiet seg om pris
- Det finnes andre instrumenter man kan bruke for å oppnå noe av det samme som med pris
  - Eksklusive avtaler: Begrense konkurranse mellom rivaliserende merker gjennom begrensninger fra (oppstrøms-) selger på hvilke merker en detaljist kan føre (*«interbrand competition»*). Eks: Kun salg av drikkevarer fra Coca-Cola, kun salg av brød fra Bakehuset, osv
  - Eneforhandler avtale eller territoriale begrensninger: Begrense konkurransen for å unngå at flere rivaliserende utsalgssteder fører samme produktet («intrabrand competition»). Eks: Salg av Volvo kun gjennom Bil i Nord i Tromsø, osv.