

# Fortgeschrittenen Praktikum Teil 2: PI

Versuch 2: Supraleitung und Phasenübergänge  
Betreuer: Lars Postulka

Gruppe 1: Reinhold Kaiser, Florian Stoll

18.06.2018

# Inhaltsverzeichnis

<b>1</b>	<b>Zielsetzung</b>	<b>3</b>
<b>2</b>	<b>Theoretische Grundlagen</b>	<b>3</b>
2.1	Phänomene der Supraleitung . . . . .	3
2.2	Supraleiter 1. und 2. Art . . . . .	4
2.3	Theorien der Supraleitung . . . . .	7
2.3.1	London-Theorie . . . . .	7
2.3.2	Ginzburg-Landau-Theorie . . . . .	8
2.3.3	BCS-Theorie . . . . .	8
<b>3</b>	<b>Versuchsaufbau und Messgeräte</b>	<b>9</b>
3.1	AC-Suszeptibilität . . . . .	9
3.2	Phasenübergang der Indiumprobe . . . . .	10
<b>4</b>	<b>Durchführung und Auswertung</b>	<b>12</b>
4.1	Messung der Schwebeshöhen . . . . .	12
4.2	Messung der AC-Suszeptibilität . . . . .	13
4.3	Temperaturabhängigkeit des Widerstands . . . . .	14
<b>5</b>	<b>Zusammenfassung/Fazit</b>	<b>15</b>

# 1 Zielsetzung

Im Versuch "Supraleitung und Phasenübergänge" des F-Praktikums am PI soll das faszinierende Phänomen der Supraleitung qualitativ und quantitativ untersucht werden. Neben einem Demonstrationsversuch des Meißner-Ochsenfeld-Effekts an einem Hochtemperatursupraleiter wird der Phasenübergang einer Indium-Probe anhand des elektrischen Widerstands genau vermessen. Hierfür kommt als Kühlmittel unter anderem flüssiges Helium zum Einsatz, da die benötigten Temperaturen nicht mit flüssigem Stickstoff zu erreichen sind. Weiterhin wird das Phasendiagramm der Indium-Probe aufgenommen und die kritische Feldstärke gemessen. Als Zusatz wird die Hartshorne-Spulenordnung für die Messung der AC-Suszeptibilität verwendet. Wir erhoffen uns einige aussagekräftige Ergebnisse sowohl auf phänomenologische als auch quantitative Art.

## 2 Theoretische Grundlagen

### 2.1 Phänomene der Supraleitung

Im supraleitenden Zustand treten einige Phänomene auf, die bei supraleitenden Materialien nur unterhalb einer materialspezifischen kritischen Temperatur zu beobachten sind. Das ist zum Einen das Verschwinden des elektrischen Widerstands, was auch zu dieser Namensgebung geführt hat. Zum Anderen haben Supraleiter in ihrem supraleitenden Zustand ideal diamagnetisches Verhalten. Außerdem treten quantisierte magnetische Flussschläuche auf, worauf hier in diesem Kapitel aber nicht weiter eingegangen wird.

Die ersten Beobachtungen der perfekten Leitfähigkeit wurden durch die Messungen des elektrischen Widerstands der Probe gemacht, in dem der Spannungsabfall über die Probe gemessen wird. Es wurde ein Abfall des Widerstands von einem Faktor 1000 gemessen, der aber durch die Genauigkeit der Messanordnung begrenzt wurde. Mit genaueren Messaufbauten kann gesagt werden, dass der Sprung des Widerstands bei Eintritt in die Supraleitung mindestens 14 Zehnerpotenzen beträgt[? ]. Die herkömmlichen Modelle zur Erklärung der elektrischen Leitung können bei der Supraleitung nicht mehr angewendet werden, es zeigt sich, dass die Supraleitung ein Quanten- und Kollektivphänomen ist, worauf in Kapitel 2.3 näher eingegangen wird.

Später als die perfekte Leitfähigkeit wurde der ideale Diamagnetismus durch Meißner und Ochsenfeld entdeckt. Der nach den beiden benannte Meißner-Ochsenfeld-Effekt tritt dann auf, wenn ein Permanentmagnet mit Magnetfeld, das geringer ist als ein kritisches Magnetfeld  $B_c$ , auf einen Supraleiter gelegt wird. Dabei werden zwei Fälle unterschieden: Zum Einen ist der Supraleiter bereits unter die kritische Temperatur  $T_c$  abgekühlt und befindet sich in der supraleitenden Phase. Dann wird ein Permanentmagnet auf den Supraleiter gelegt, in dem dann durch die magnetische Flussänderung Kreisströme erzeugt werden, die ein entgegengesetztes Magnetfeld induzieren. Da der Supraleiter keinen Widerstand hat, nehmen die Ströme nicht ab, sobald der Magnet seine Gleichgewichtslage eingenommen hat. Der Permanentmagnet schwebt also, solange sich der Supraleiter unter  $T_c$  befindet. Zum Anderen wird der Fall betrachtet, dass der Permanentmagnet auf den Supraleiter gelegt, wenn er sich noch oberhalb von  $T_c$  befindet. Wird der Supraleiter

nun unter  $T_c$  abgekühlt, beginnt der Magnet beim Phasenübergang auch zu schweben. Dies kann aber nicht durch Induktion erklärt werden, da sich der magnetische Fluss nicht mehr ändert. Daher wird die Ausbildung von Abschirmströmen beim Phasenübergang zur supraleitenden Phase als Erklärung herangezogen. Dadurch wird das magnetische Feld aus dem Supraleiter bis auf in einer kleinen Schicht an der Oberfläche verdrängt. Diese Betrachtungen gelten für Supraleiter 1. Art. Bei Supraleitern 2. Art dringen die Magnetfelder teilweise in den Supraleiter ein, darauf soll aber im nächsten Kapitel 2.2 näher eingegangen werden.

## 2.2 Supraleiter 1. und 2. Art

Wie bereits gesehen, verdrängt ein Supraleiter 1. Art Magnetfelder bis zu einer bestimmten kritischen Magnetfeldstärke  $B_c$  aus sich heraus. Um nicht geometrische Effekte beachten zu müssen, wird hier immer von einem langen stabförmigen Supraleiter ausgegangen. Dann kann gesagt werden, dass sich in dem Supraleiter eine Magnetisierung ausprägt, wenn ein Magnetfeld angelegt wird, das parallel zum Stab ist. Diese Magnetisierung ist proportional zur Stärke des Magnetfelds und bricht bei der kritischen Magnetfeldstärke auf 0 zusammen. Natürlich ist diese Magnetisierung auch nur dann vorhanden, wenn sich der Supraleiter unterhalb der kritischen Temperatur  $T_c$  befindet. Dies ermöglicht eine genaue Messung der kritischen Temperatur, indem die Suszeptibilität gemessen wird, die direkt von der Magnetisierung abhängt. Die kritische Magnetfeldstärke ist abhängig von der Temperatur und der kritischen Temperatur und ist empirisch gegeben durch

$$B_c(T) = B_c(0) \cdot \left[ 1 - \left( \frac{T}{T_c} \right)^2 \right]. \quad (1)$$

In Abbildung 1 erkennt man den Zusammenhang der kritischen Magnetfeldstärke mit der Temperatur des Supraleiters.

Supraleiter 2. Art verhalten sich bis zu der kritischen Magnetfeldstärke  $B_{c1}$  genau wie die Supraleiter 1, sie befinden sich dort in der sogenannten Meißner-Phase. Art. oberhalb von  $B_{c1}$  und unterhalb von  $B_{c2}$  dringt das Magnetfeld in Form von quantisierten Flussschläuchen in den Supraleiter ein und über  $B_{c2}$  verschwindet dann die Supraleitung. Schaut man sich die Magnetisierung des Supraleiters in Abhängigkeit des Magnetfeld an, wird der Unterschied zu den Supraleitern 1. Art besonders deutlich. In Abbildung 2 sieht man die Magnetisierung eines Supraleiters 2. Art. Dabei fällt die Magnetisierung bei  $B_{c1}$  nicht wie beim Supraleiter 1. Art schlagartig auf 0 ab, sondern nimmt monoton bis zu der kritischen Magnetfeldstärke  $B_{c2}$  ab. Den Abschnitt zwischen  $B_{c1}$  und  $B_{c2}$  nennt man Shubnikov-Phase. Quantifiziert werden können diese Zusammenhänge mit der Ginzburg-Landau-Theorie, auf die in Kapitel 2.3.2 eingegangen wird.

Ähnlich wie beim Supraleiter 1. Art kann nun auch noch die Kurve der kritischen Magnetfeldstärken betrachtet werden (siehe Abbildung 3). Dort erkennt man, dass die Verläufe der Phasenübergangskurven ähnlich der Kurve der Supraleiter 1. Art sind, allerdings ist die kritische Magnetfeldstärke  $B_{c2}$  im Allgemeinen deutlich größer als die  $B_c$  bei Supraleitern 1. Art, sodass die Supraleitung bei deutlich höheren Magnetfeldern immer

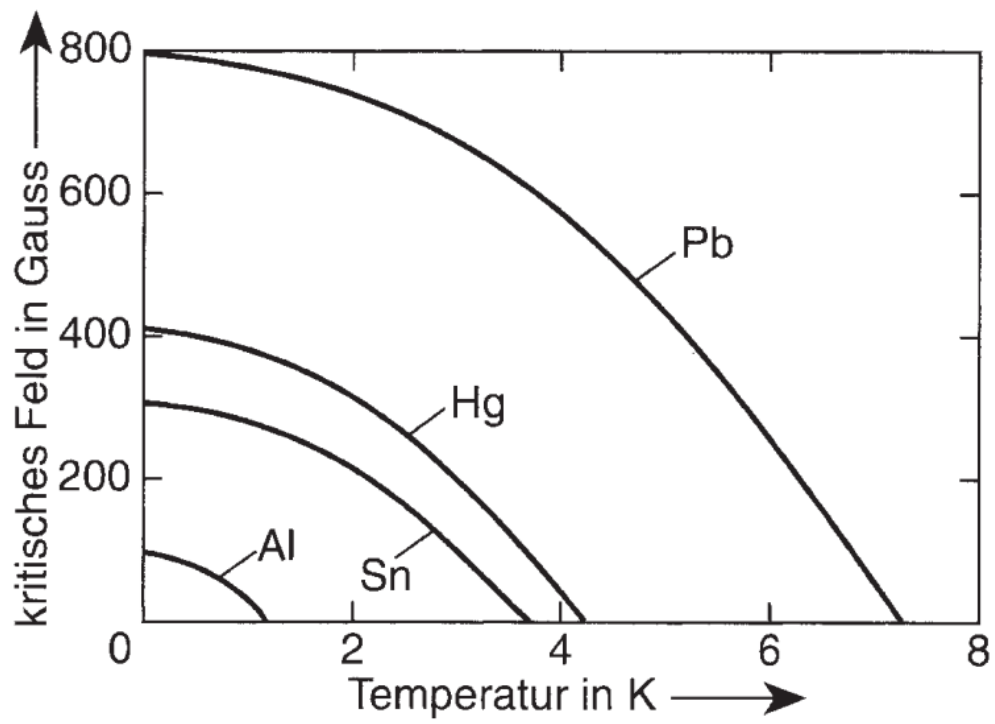


Abbildung 1: Kritisches Magnetfeld in Abhängigkeit der Temperatur für Al, Sn, Hg und Pb (Supraleiter 1. Art) [? ]

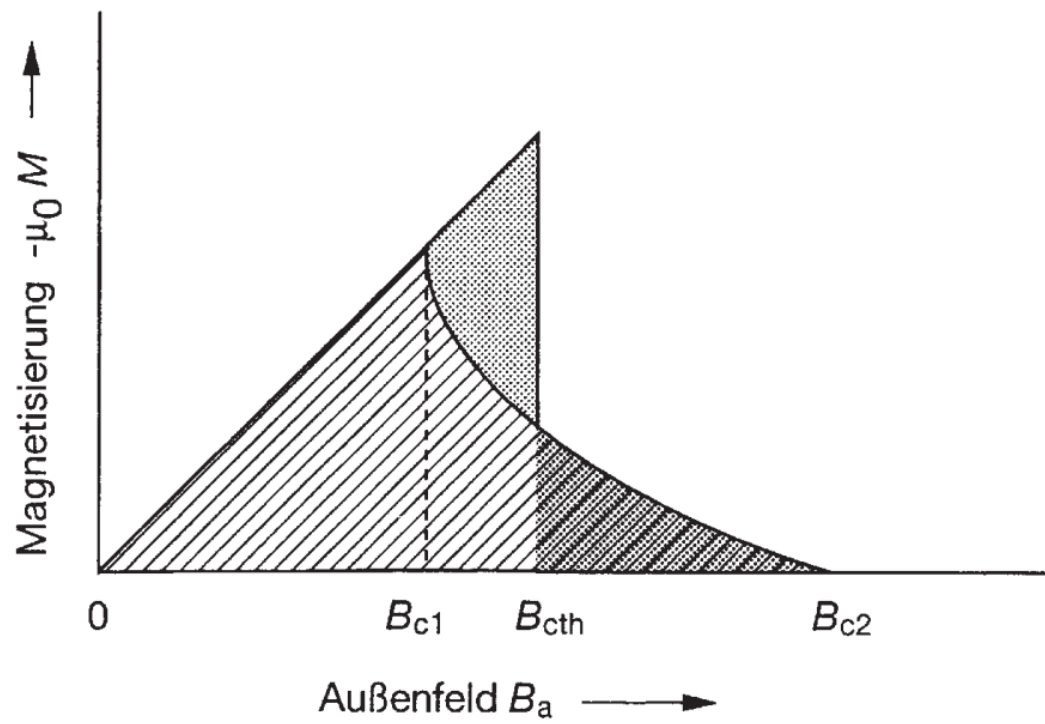


Abbildung 2: Magnetisierung eines Supraleiters 2. Art,  $B_{cth}$  wird so definiert, dass die punktierten Flächen gleich groß sind [? ]

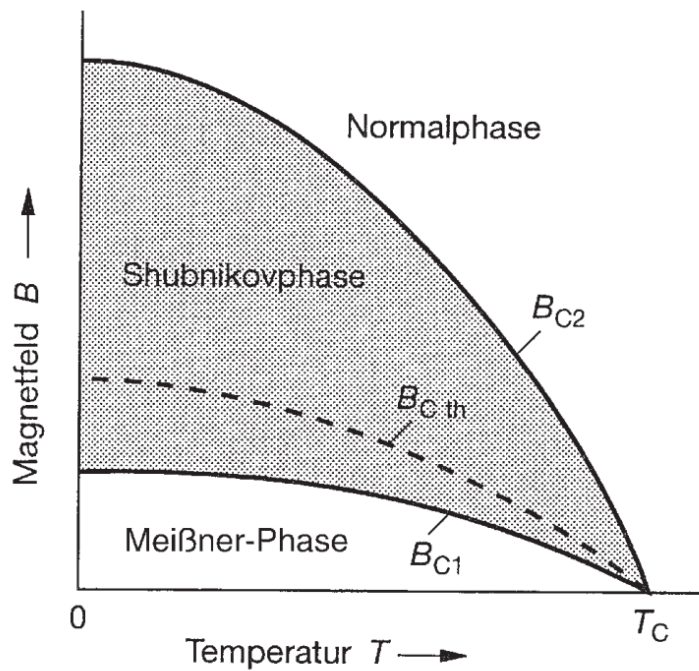


Abbildung 3: Kritische Magnetfelder in Abhängigkeit der Temperatur [?] ]

noch vorhanden ist. Ebenfalls erkennt man, dass alle kritischen Magnetfeldstärken bei der kritischen Temperatur  $T_C$  zusammenlaufen, also dort alle kritischen Magnetfeldstärken 0 sind.

## 2.3 Theorien der Supraleitung

### 2.3.1 London-Theorie

Die London-Theorie besteht im Kern aus zwei charakteristischen Gleichungen, welche das ohmsche Gesetz für Supraleiter ersetzen. Diese beiden Gleichungen wurden von den Brüdern Fritz und Heinz London 1935 aufgestellt. Experimentell lässt sich der Verlauf des Magnetfelds innerhalb eines Supraleiters über den Meißner-Ochsenfeld-Effekt beschreiben. Aufgrund dieses sollte das Innere nämlich feldfrei sein, was sich aber experimentell nicht bestätigen lässt.

Die Brüder London postulierten folgendes Gesetz:

$$\vec{j} = \frac{nq\hbar}{m} \vec{\nabla} S - \frac{nq^2}{m} \vec{A} \quad (2)$$

Dabei bezeichnen  $S$  die Phase der makroskopischen Wellenfunktion und  $A$  das Vektorpotential. Die beiden London-Gleichungen erhält man nun durch Umformen der Gleichung zu:

$$\partial_t \vec{j} = \frac{nq^2}{m} \vec{E} \quad (3)$$

$$\text{rot } \vec{j} = -\frac{nq^2}{m} \vec{B} \quad (4)$$

Mit den London-Gleichungen und den Maxwell-Gleichungen lässt sich ein exponentiell Abklingendes Magnetfeld im Inneren des Supraleiters berechnen, welches experimentell bestätigt werden kann.

### 2.3.2 Ginzburg-Landau-Theorie

Die Ginzburg-Landau-Theorie stellt eine makroskopische Theorie der Supraleitung über die Theorie der Phasenübergänge zweiter Ordnung dar. Gemäß dieser lässt sich die Freie Energie eines Supraleiters über einen komplexen Ordnungsparameter  $\psi$  ausdrücken:

$$F = F_n + \alpha |\psi|^2 + \frac{\beta}{2} |\psi|^4 + \frac{1}{2m^*} \left| \left( \frac{\hbar}{i} \nabla + qA \right) \psi \right|^2 + \frac{|B|^2}{2\mu_0} \quad (5)$$

Die beiden Parameter  $\alpha$  und  $\beta$  sind dabei phänomenologische Parameter, welche für jedes Material neu bestimmt werden müssen. Aus der Minimierung der freien Energie kann man wiederum Gleichungen für den Ordnungsparameter und bspw. die Stromdichte herleiten, welche in enger Beziehung zu den London-Gleichungen stehen.

Aus der Ginzburg-Landau-Theorie lassen sich zwei charakteristische Größen eines jeden Supraleiters herleiten. Diese sind erstens die Kohärenzlänge  $\xi$ , welche eine Größe für die Reichweite von Fluktuationen innerhalb der supraleitenden Phase ist.

$$\xi = \sqrt{\frac{\hbar^2}{2m^* |\alpha|}} \quad (6)$$

Weiterhin lässt sich auch die Eindringtiefe  $\lambda$  des Magnetfelds in einen Supraleiter über die Ginzburg-Landau-Parameter angeben:

$$\lambda = \sqrt{\frac{m^*}{4\mu_0 e^2 \psi_0^2}} \quad (7)$$

### 2.3.3 BCS-Theorie

Die BCS-Theorie wurde 1957 von Bardeen, Cooper und Shrieffer gefunden und stellt die mikroskopische Erklärung der Supraleitung dar. Ausschlaggebend ist eine durch die Gitterschwingungen vermittelte, attraktive Wechselwirkung zwischen den Elektronen eines



Kristallgitters. Diese kommt bei extrem niedrigen Temperaturen zum Tragen, da thermische Anregungen quasi nicht mehr existieren. Durch diese Wechselwirkung bilden sich aus zwei Elektronen sogenannte Cooper-Paare, welche die zweifache Elektronenmasse und -ladung aufweisen. Da hier zwei Elektronen mit Spin  $\frac{1}{2}$  koppeln, besitzt das resultierende Cooper-Paar einen geradzahigen Spin und stellt damit ein Boson dar, für welches natürlich nicht mehr die Fermi-Dirac-Statistik, sondern die Bose-Einstein-Statistik gilt. Dies ist besonders ausschlaggebend für die Supraleitung, denn nun können alle gebildeten Cooper-Paare im gleichen Energiezustand vorliegen. Dieser liegt energetisch deutlich niedriger als die "normalen" Elektronenzustände, sodass im Energiespektrum eine Lücke entsteht. Stoßen die Elektronen mit Fehlstellen am Kristallgitter oder mit den Phononen der Gitterschwingungen, müssen sie Energie aufnehmen und ihren Zustand ändern. Durch die ausgebildete Energielücke ist ein Stoßen der Elektronen mit dem Kristallgitter nun jedoch nicht mehr möglich, da die bei einem Stoß aufgenommene Energie zu gering ist, um die Energielücke zu überwinden. So sind keine freien Elektronenzustände vorhanden, in die die Elektronen bei einem Stoß streuen könnten. So ergibt sich die widerstandslose Bewegung der Cooper-Paare durch das Kristallgitter und damit die Supraleitung.

Will man nun solche gebildeten Cooper-Paare wieder aufbrechen, muss dem System Energie zugefügt werden. Experimentell beobachtet man jedoch kein kontinuierliches Aufbrechen der Cooper-Paare, sondern diese sind bis zu einer bestimmten zugeführten Energie stabil. Man spricht hier von einer sogenannten Energielücke, welches das Anregungsspektrum des Supraleiters aufweist. In dieser Energielücke existieren, wie der Name schon sagt, keine Zustände für die Elektronen. Die Energie des makroskopischen Quantenzustands und damit der Cooper-Paare liegt unterhalb der Energielücke, während die "normalen" Elektronenzustände alle überhalb der Energielücke liegen. Man muss einem supraleitenden System also immer eine Mindestenergie zuführen, um die Supraleitung und die Cooper-Paare aufbrechen zu können.

## 3 Versuchsaufbau und Messgeräte

### 3.1 AC-Suzeptibilität

Die AC-Suzeptibilität ist eine komplexwertige Größe, mit der magnetische Proben gut und recht einfach untersucht werden können. Sie zeigt das Verhalten der Probe in magnetischen Wechselfeldern und kann sehr gut für den Phasenübergang zwischen supraleitender Phase und normalleitender Phase veranschaulicht werden. Bringt man eine leitende Probe in ein magnetisches Wechselfeld, werden in ihre Wirbelströme induziert, welche wiederum ein kleines inneres Magnetfeld verursachen, welches zum ursprünglichen Feld phasenverschoben auftritt. Aufgrund der Wirkung von somit zwei Feldern, treten auch in der Magnetisierung der Probe verschiedene Komponenten auf, welche man allerdings in der AC-Suzeptibilität zusammenfasst:

$$\vec{M} = (\chi' - i\chi'') \cdot \vec{H} = \chi_{ac} \cdot \vec{H} \quad (8)$$

Ist die Probe supraleitend so stellt sie einen idealen Diamagneten mit  $\chi' = -1$  dar und aufgrund des feldfreien Inneren werden auch keine Abschirmströme induziert, wodurch  $\chi'' = 0$  gilt. Das Verhalten der beiden Größen während des Phasenübergangs soll hier im Versuch genauer untersucht werden.

Für die Messung der AC-Suszeptibilität verwenden wir eine spezielle Schaltung, die sogenannte Hartshorn-Spulensystem. Dieses besteht aus einer Primärspule mit 2116 Windungen, welche von einem Wechselstrom durchflossen wird. Das von ihr erzeugte Magnetfeld induziert in zwei Sekundärspulen mit der gleichen Windungszahl wiederum einen Strom, welcher sich aufgrund des entgegengesetzten Windungssinns im nachgeschalteten OPV und Spannungsmessgerät aufhebt. Der Aufbau ist in Abbildung 4 nochmals dargestellt. Bringt man nun in eine der beiden Spulen ein magnetisches Material, ändert sich die Flussdichte in der entsprechenden Spulen und das Messsignal ist ungleich null, welches von der Änderung der Magnetisierung mit dem Magnetfeld  $H$ , also von  $\frac{\partial M}{\partial H}$  abhängt. Über einen Lock-In-Verstärker wird dabei ein Referenzsignal mit genau bekannter Frequenz in die Primärspule eingespeist. Durch Überlagerung des Ausgangssignals mit dem Referenzsignal lassen sich Störsignale sehr gut herausfiltern, wodurch nur das wirklich vom Referenzsignal erzeugte Ausgangssignal mit exakt der richtigen Frequenz dargestellt werden kann. Über den Lock-In-Verstärker kann weiterhin die Phasenverschiebung zwischen Referenz- und Ausgangssignal gemessen werden. Dabei werden auf das Referenzsignal gezielt verschiedene Phasenverschiebungen geschaltet und das resultierende Überlagerungssignal aus Referenzsignal und Ausgangssignal überprüft. So können verschiedene Phasenverschiebungen eingestellt und gemessen werden. Mit dieser Methode können verschiedenphasige Anteile des Ausgangssignals einzeln gemessen werden. Dies ist sehr wichtig für die Messung der AC-Suszeptibilität, da diese einen mit dem angelegten Feld gleichphasigen Anteil, wie auch einen um  $-\frac{\pi}{2}$  verschobenen Anteil aufweist.

### 3.2 Phasenübergang der Indiumprobe

Die Probe befindet sich auf einer Messapparatur in einem aufwändigen Kryostat mit fünf Glasschichten, die von außen nach Innen trennen: Luft ( $T = 300\text{K}$ ), Vakuum (thermische Isolation), Stickstoff ( $T = 75\text{K}$ ), Vakuum, Helium ( $T = 4,2\text{K}$ ), vgl. hierzu Abbildung 5.

Für Indium gilt erfahrungsgemäß etwa  $T_c = 3,41\text{K}$ , was sich unterhalb der Siedetemperatur von Helium befindet. Durch Reduktion des Drucks im Behälter sinkt auch die Siedetemperatur (vgl. Dampfdruckkurve), sodass wir auch Temperaturen unterhalb des klassischen Siedepunkts von Helium erreichen können. So ist es möglich, durch bloßes Öffnen und Schließen der Ventile den Temperaturbereich von  $T=2$  bis  $T=4\text{K}$  zu durchfahren. Die Messung des Widerstands geschieht dabei über eine sog. 4-Punkt-Messung, bei der die Probe über vier Messpunkte kontaktiert wird. Dabei wird über zwei Spitzen eine Wechselspannung angelegt, während die anderen beiden Spitzen zur Messung des Spannungsabfalls in der Probe verwendet werden. Diese Methode bietet eine sehr hohe Messgenauigkeit, da die Messleitungen selbst keinen Strom tragen. Über den Lock-In-Verstärker mit gespeicherter Eichkurve werden dabei ständig Messwerte aufgenommen und direkt in ein R-T-Diagramm aufgetragen. Der Lock-In-Verstärker stellt dabei einen sehr engen Bandpassfilter dar, welcher mittels eines Referenzsignals speziell nach der an-

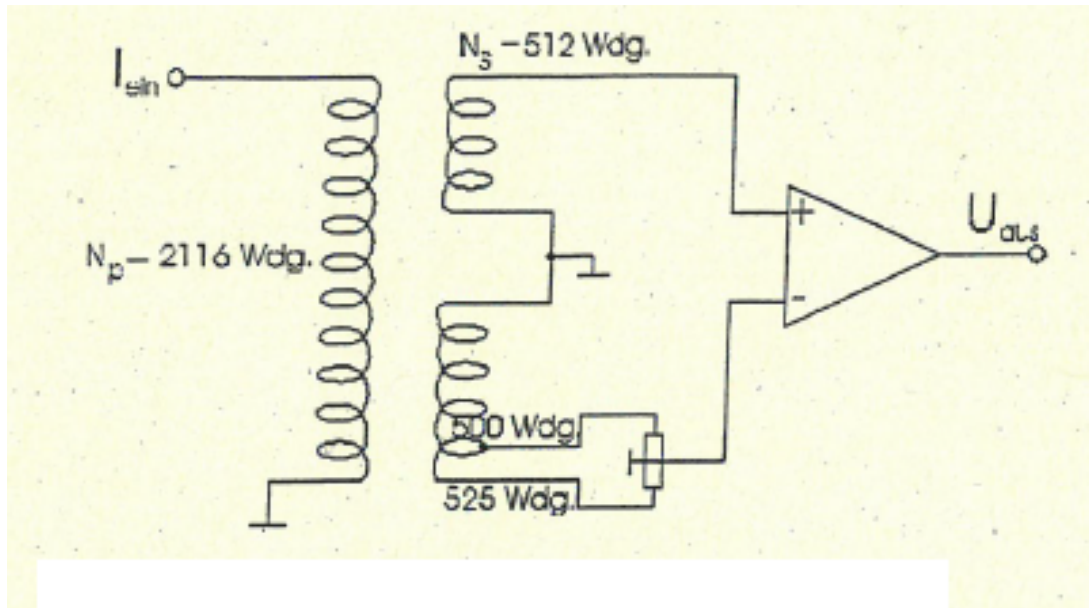


Abbildung 4: Hartshorn-Spulensystem für Messung der AC-Suszeptibilität [?] ]

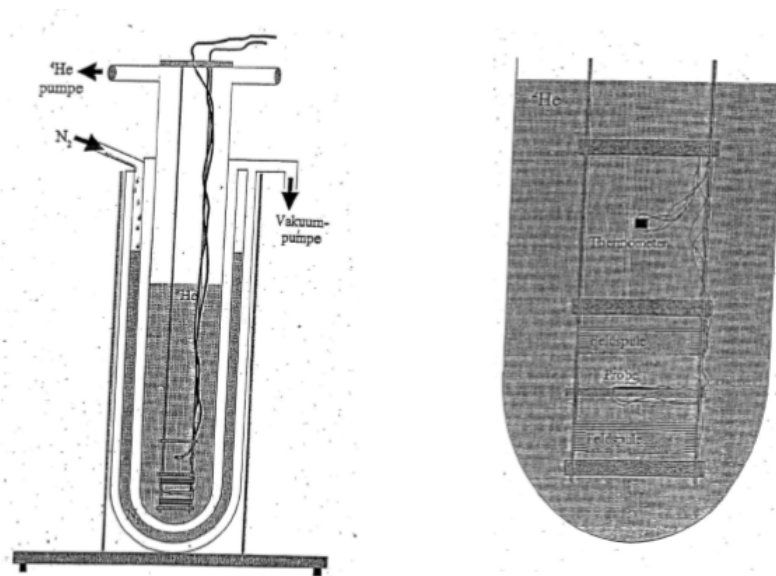


Abbildung 5: Messaufbau Phasenübergang Indium-Probe. [?] ]

gelegten Frequenz sucht und damit Störsignale quasi ausschließt. Da der Widerstand der Probe in der supraleitenden Phase sehr gering ist, ist eine solche Methode zur Widerstandsmessung unabdingbar. Der Prozess geschieht weiterhin hinreichend langsam, als dass das System im ständigen Gleichgewicht betrachtet werden kann.

## 4 Durchführung und Auswertung

### 4.1 Messung der Schwebehöhen

Die Messung der Schwebehöhen eines Permanentmagneten über einem  $YBa_2Cu_3O_7$ -Hochtemperatursupraleiter erfolgt auf zwei Arten. Zum einen wird der magnetische Fluss quasi konstant gehalten und zum anderen wird die Temperatur konstant gehalten, während das jeweils andere verändert wird. Zunächst wird der Permanentmagnet auf den Supraleiter gelegt, der von Raumtemperatur auf  $77K$  abgekühlt wird. Der Supraleiter wird so bei konstantem Magnetfeld abgekühlt. Es wird dann nach einer Zeit, nachdem der Supraleiter unter die kritische Temperatur abgekühlt wurde, ein sich nicht mehr verändernder Schwebezustand erreicht, dessen Höhe dann gemessen werden kann. Der Magnet schwebt nicht genau waagrecht über dem Supraleiter, sodass an der höchsten und an der niedrigsten Stelle gemessen wird und der Mittelwert für den späteren Vergleich genutzt wird. Eine mögliche Erklärung dafür ist ein nicht senkrecht zur Oberfläche ausgerichtetes permanentes Magnetfeld.

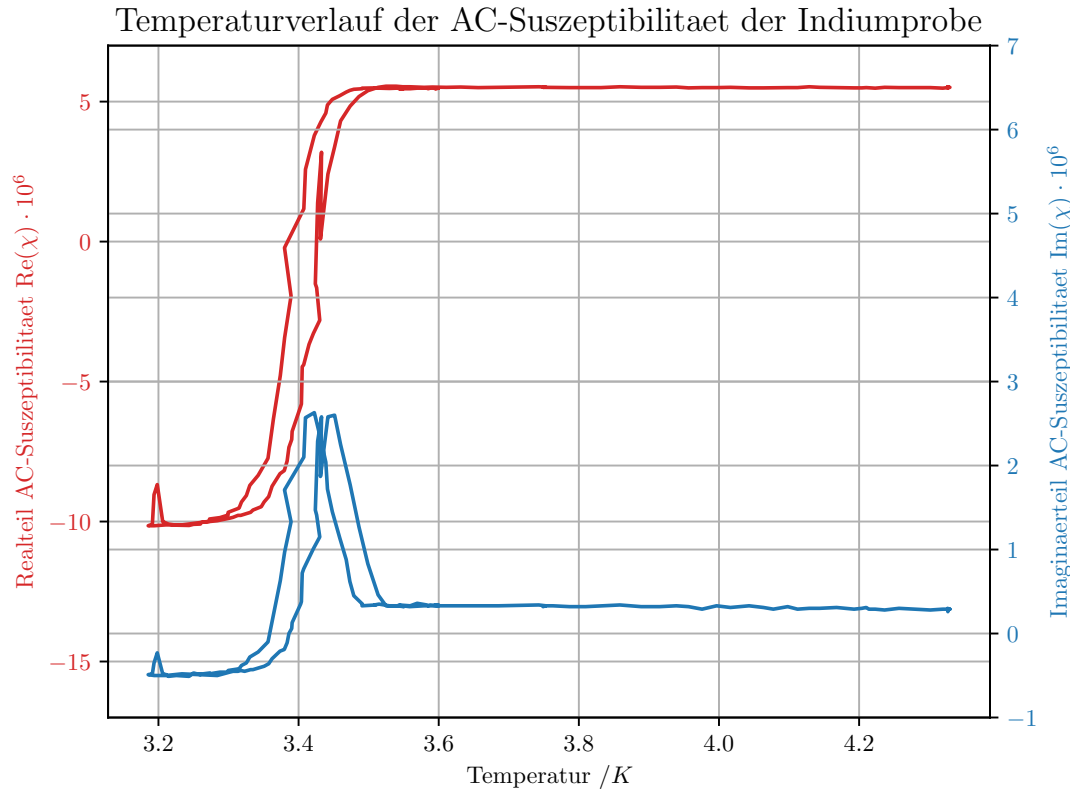
Nun wird der Permanentmagnet vom Supraleiter entfernt und aus weiterer Entfernung von oben an den Supraleiter herangeführt. Dies geschieht mit Hilfe eines Papierstreifens, sodass der Magnet beim Übergang in die Schwebephase ungehindert vom Papierstreifen eintreten kann. Der magnetische Fluss wird dadurch im Supraleiter erhöht und er befindet sich währenddessen in der supraleitenden Phase.

Tabelle 1: Schwebehöhenbestimmung eines Permanentmagneten über dem Supraleiter

	B = const.	T=const.
niedrigster Punkt	1,8 mm	3,2 mm
höchster Punkt	2,0 mm	5,0 mm
Mittelwert	1,9 mm	4,1 mm

In Tabelle 1 ist zu erkennen, dass der Magnet beim Heranführen bei konstanter Temperatur deutlich höher schwebt, als bei konstantem Magnetfeld und Herabsenken der Temperatur. Dies lässt sich dadurch erklären, dass sich der Supraleiter in der Shubnikow-Phase eines Supraleiters 2. Art befindet sich im ersten der Meißner-Ochsenfeld-Effekt zeigt. Beim Übergang in die supraleitende Phase wird allerdings nur ein Teil des Magnetfelds aus dem Supraleiter durch Abschirmströme verdrängt. Wird der Permanentmagnet in der supraleitenden Phase an den Supraleiter herangeführt, werden Induktionsströme erzeugt, die dem Magnetfeld des Permanentmagneten entgegenwirken. Durch den nicht vorhandenen Widerstand klingen diese Induktionsströme nicht ab und das Magnetfeld wird komplett aus dem Supraleiter verdrängt. Das entgegenwirkende magnetische Moment ist also größer als im ersten Fall und so erklärt sich der Unterschied in der Schwebehöhe. Da diese Phase (Shubnikovphase) keinen eindeutigen Zustand hat, ist sie keine thermodynamische Phase, sondern kann als Mischphase bezeichnet werden.

## 4.2 Messung der AC-Suszeptibilität



Während die Indiumprobe heruntergekühlt wird und sich danach wieder erwärmt, wird mit Hilfe eines magnetischen Wechselfeldes die AC-Suszeptibilität gemessen. In Abbildung ?? sieht man den Temperaturverlauf der komplexen AC-Suszeptibilität. Auf der linken roten Achse ist der Wert des Realteils der AC-Suszeptibilität dargestellt und auf der rechten blauen Achse der Imaginärteil. Bis zur kritischen Temperatur  $T_c$  verlaufen beide Anteile recht konstant. Bei der kritischen Temperatur fällt der Realteil schnell auf einen konstanten negativen Wert ab, während der Imaginärteil einen Peak aufweist und bei niedrigeren Temperaturen auf nahezu 0 absinkt. Der Rückweg zu höheren Temperaturen nimmt einen ähnlichen Verlauf, es ist aber eine kleine Hysterese zu erkennen, die sich durch die thermodynamischen Effekte begründen, d.h. das Thermometer befindet sich nicht im thermodynamischen Gleichgewicht mit der Probe.

Während der Realteil der AC-Suszeptibilität den klassischen Charakter des Supraleiters als idealer Diamagnet zeigt, stellt der Imaginärteil eine Größe für die durch das Magnetfeld in der Probe dissipierte Wirkleistung dar. Die vom Wechselfeld induzierten Ströme sind bei endlichem Widerstand schließlich verlustbehaftet und es wird Leistung abgegeben. Das erklärt auch das Absinken des Imaginärteils in der supraleitenden Phase

auf annähernd 0, da das Innere des Supraleiters komplett feldfrei bleibt und so keine Leistung verbraucht werden kann.

### 4.3 Temperaturabhängigkeit des Widerstands

Es wurden vier Messungen bei  $I \in 0, 100, 200, 300$  mA gemacht. Eine Messung startete stets bei großen Temperaturen; durch einen Unterdruck wurde auf  $T = 2,8\text{K}$  runtergekühlt und schließlich wieder Helium eingelassen, sodass sich jeweils ein geschlossener Weg in der  $R(T)$ -Kurve bildet, die aufgenommen wurde. Die die angelegten Ströme sind dabei schon in den Betrag der induzierter Magnetfelder umgerechnet. Da es sich um eine einfache Helmholtzspule mit Radius  $R = 15\text{mm}$ , Windungszahl  $N = 750$  handelt, gilt die Proportionalität

$$B(I) = \frac{4}{5} \sqrt{\frac{4}{5}} \frac{\mu_0 N}{R} I \equiv B_H I \quad (9)$$

mit  $B_H = 4,495 \cdot 10^{-2} \text{ T/A}$  (Si-Einheiten,  $\mu_0 = 1,2566 \cdot 10^{-7} \text{ N/A}^2$ ).

Die Graphen zeigen schön den sprunghaften Widerstandsabfall bei der jeweiligen Sprungtemperatur, wobei nur der Übergang bei  $B = 0\text{T}$  wirklich als sprunghaft zu bezeichnen ist. In allen anderen Messungen erscheint der Phasenübergang sehr aufgeweitet, wobei wir Verunreinigungen in der Probe als Grund vermuten, die mit steigendem Magnetfeld immer stärker zum Tragen kommen.

Mit folgender Näherungsgleichung für das Phasendiagramm können die kritischen B-Felder bei  $T = 0$  für die vier Messgrößen bestimmt werden:

$$B_c(T) = B_c(0) \cdot \left(1 - (T/T_c(0))^2\right) \quad (10)$$

Umgestellt nach  $B_c(0) = B_i / (1 - (T/T_{c,0})^2)$  ergibt das mit der Sprungtemperatur  $T_c = T_{c,0}$ , die man aus der Tabelle abliest:

$i$	$I_i$ [mA]	$B_i$ [mT]	$T_{c,i}$ [K]
0	0	0	3,541
1	100	4,5	3,34
2	200	9	3,059
3	300	13,5	2,845

Fittet man die Funktion an diese Werte, erhält man mit geeigneten Ausgangsparametern den Wert  $T_c = 37,2\text{mK}$  und damit das interpolierte Phasendiagramm:

Unser Fit passt wie am Phasendiagramm ersichtlich sehr gut zu den aufgenommenen Daten, und gibt einen guten Wert für das kritische Magnetfeld bei  $T = 0\text{K}$ . Das erweist auch der Vergleich mit dem Literaturwert  $T_{c,\text{Lit}} = 29,3\text{mK}$ , zu dem wir natürlich eine Abweichung feststellen, aber uns durchaus in der richtigen Größenordnung bewegen.

## **5 Zusammenfassung/Fazit**

Der Versuch konnte größenordnungsgemäß die theoretischen Vorhersagen treffen und phänomenologische Aussagen bestätigen. Wir konnten erstmals eigene Erfahrungen mit dem faszinierenden Gebiet der Supraleitung gewinnen, nicht zuletzt dank einem transparenten Versuchsaufbau mit kompetentem Betreuer. Auch die Messergebnisse befinden sich in einem einigermaßen korrekten Bereich, sodass wir mit unserem Versuch durchaus zufrieden sein können.

## **Literatur**

Temperaturverlauf des Widerstands der Indiumprobe

