巴邻旁之桥

【问题描述】

一条东西走向的穆西河将巴邻旁市一分为二,分割成了区域A和区域B。

每一块区域沿着河岸都建了恰好 1,000,000,001 栋的建筑,每条岸边的建筑都从 0 编号到 1,000,000,000。相邻的每对建筑相隔 1 个单位距离,河的宽度也是 1 个单位长度。区域 A 中的 i 号建筑物恰好与区域 B 中的 i 号建筑物隔河相对。

城市中有 N 个居民。第 i 个居民的房子在区域 P_i 的 S_i 号建筑上,同时他的办公室坐落在 Q_i 区域的 T_i 号建筑上。一个居民的房子和办公室可能分布在河的两岸,这样他就必须要搭乘船只才能从家中去往办公室,这种情况让很多人都觉得不方便。为了使居民们可以开车去工作,政府决定建造不超过 K 座横跨河流的大桥。由于技术上的原因,每一座桥必须刚好连接河的两岸,桥梁必须严格垂直于河流,并且桥与桥之间不能相交。

当政府建造最多 K 座桥之后,设 D_i 表示第 i 个居民此时开车从家里到办公室的最短距离。请帮助政府建造桥梁,使得 $D_1 + D_2 + \cdots + D_N$ 最小。

【输入格式】

输入的第一行包含两个正整数 K 和 N,分别表示桥的上限数量和居民的数量。

接下来 N 行,每一行包含四个参数: P_i , S_i , Q_i 和 T_i ,表示第 i 个居民的房子在区域 P_i 的 S_i 号建筑上,且他的办公室位于 Q_i 区域的 T_i 号建筑上。

【输出格式】

输出仅为一行,包含一个整数,表示 $D_1 + D_2 + \cdots + D_N$ 的最小值。

【样例输入1】

1 5

B 0 A 4

B 1 B 3

A 5 B 7

B 2 A 6

B 1 A 7

【样例输出1】

24

【样例输入2】

2 5

B 0 A 4

в 1 в 3

A 5 B 7

B 2 A 6

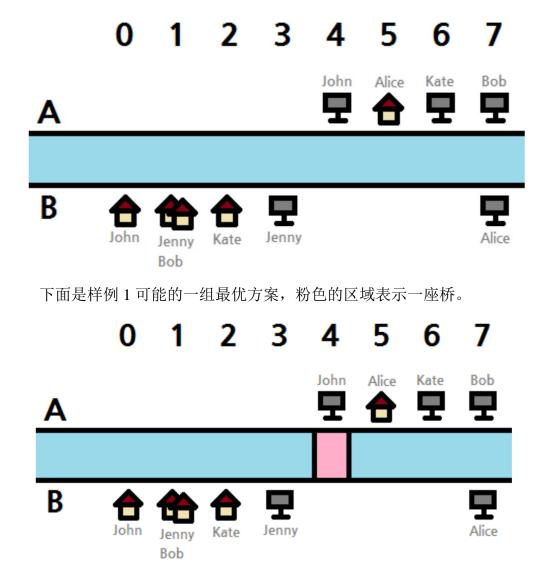
B 1 A 7

【样例输出2】

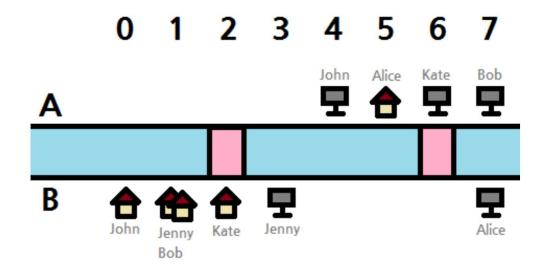
22

【样例说明】

下图是两个样例输入的图示说明:



下面是样例2的一组可能的最优方案。



【数据规模和约定】

共有五部分数据(或称 5 个子任务)。所有数据都保证: $0 \le S_i$, $T_i \le 1,000,000,000$, P_i 和 Q_i 为字符 A 和 B 中的一个,同一栋建筑内可能有超过 1 间房子或办公室(或二者的组合,即房子或办公室同时大于等于 1)。

- 第 1 部分数据占 8 分,数据范围满足: K = 1, $1 \le N \le 1000$;
- 第 2 部分数据占 14 分,数据范围满足: K = 1, $1 \le N \le 100000$;
- 第3部分数据占9分,数据范围满足: K = 2, $1 \le N \le 100$;
- 第 4 部分数据占 32 分,数据范围满足: K = 2, $1 \le N \le 1000$;
- 第 5 部分数据占 37 分,数据范围满足: K = 2, $1 \le N \le 100000$ 。