EJOI 2025 1-oji diena Užduotis: Kalėjimas 🌐 Lithuanian



Užduotis: Kalėjimas





Alisa ir Bobas buvo neteisingai nuteisti ir įkalinti ypatingai saugomame kalėjime. Dabar jie planuoja pabėgimą. Jiems svarbu kiek įmanoma efektyviau tarpusavyje bendrauti, konkrečiau, Alisa kiekviena diena turi nusiusti informacija Bobui. Deja, jie nesusitinka ir keičiasi tik informacija, kurią užrašo ant servetėlių. Kiekvieną dieną Alisa nori Bobui nusiųsti naują informaciją – skaičių nuo 0 iki N-1. Per kiekvienus pietus Alisa gauna tris servetėles ir ant kiekvienos servetėlės užrašo skaičių nuo 0 iki M-1 (skaičiai gali kartotis) ir palieka servetėles ant savo kėdės. Tuomet jų priešas Čarlis vieną servetėlių sunaikina, o kitų dviejų tvarką sumaišo. Galiausiai Bobas randa dvi likusias servetėles ir perskaito ant jų užrašytus skaičius. Jis turi tiksliai iškoduoti pradinį skaičių, kurį Alisa norėjo jam nusiysti. Ant servetėlių yra nedaug vietos rašymui, tad M yra fiksuotas. Tačiau Alisos ir Bobo tikslas yra maksimizuoti informacijos pralaidumą, taigi jie laisvai gali pasirinkti N, t.v. toki dideli, koki nori. Padėkite Alisai ir Bobui realizuodami kiekvieno jų strategija bandant maksimizuoti N.

🕙 Realizacija

Kadangi tai komunikacijos uždavinys, bus vykdomos dvi jūsų programos kopijos (viena Alisai ir viena Bobui), kurios negali dalintis informacija ar komunikuoti bet kuriuo kitu būdu negu būdu, apibūdintu žemiau. Jums reikia realizuoti tris funkcijas:

```
int setup(int M);
```

Ši funkcija bus iškviesta vieną kartą Alisos programos kopijos vykdymos pradžioje, ir vieną kartą Bobo programos kopijos vykdymo pradžioje. Šiai funkcijai yra duotas M, ir ji turi grąžinti norimą N. Abu funkcijos setup kvietiniai turi grąžinti tą patį N.

```
std::vector<int> encode(int A);
```

Tai realizuoja Alisos strategiją. Ji bus iškviesta su skaičiu A ($0 \le A < N$), kurį norima užkoduoti, ir ji turi grąžinti tris skaičius W_1, W_2, W_3 ($0 \le W_i < M$), užkoduojančius A. Ši funkcija bus iškviesta lygiai T kartų - kartą per dieną (A reikšmės gali kartotis skirtingomis dienomis).

```
int decode(int X, int Y);
```

Tai realizuoja Bobo strategiją. Ji bus iškviesta su dviejais iš trijų skaičių, parašytų atsitiktine tvarka, kuriuos grąžino encode. Ši funkcija turi grąžinti tą pačią reikšmę A, kurią gavo encode. Ši funkcija bus irgi iškviesta lygiai T kartų – atitinkamai kiekvienam iš Tencode iškvietimų; jie bus pateikti ta pačia tvarka. Visi encode iškvietimai įvyks prieš visus decode iškvietimus.

Užduotis: Kalėjimas (Lithuanian) 1/3





- $M \le 4300$
- T = 5000

Vertinimas

Už konkrečią dalinę užduotį, taškų, kuriuos gausite, dalis priklausys nuo mažiausio N, kurį grąžins setup iš visų tos dalinės užduoties testų. Ji taip pat priklausys nuo N^* , kuris yra siektina N reikšmė, kurią reikia pasiekti norint gauti visus taškus už šią dalinę užduotį.

- Jei jūsų sprendimas neįveikia nors vieno testo, tuomet S=0.
- Jei $N \ge N^*$, tuomet S = 1.0.
- $\bullet \ \ \text{Jei} \ N < N^* \text{, tuomet} \ S = \max \Big(0.35 \max \Big(\frac{\log(N) 0.985 \log(M)}{\log(N^*) 0.985 \log(M)}, 0.0 \Big)^{0.3} + 0.65 \left(\frac{N}{N^*} \right)^{2.4}, 0.01 \Big).$

Subtasks

Dalinė užduotis	Taškai	M	N^*
1	10	700	82017
2	10	1100	202217
3	10	1500	375751
4	10	1900	602617
5	10	2300	882817
6	10	2700	1216351
7	10	3100	1603217
8	10	3500	2043417
9	10	3900	2536951
10	10	4300	3083817

Pavyzdys

Panagrinėkime šį pavyzdį kur T=5. Čia turime kodavimo būdą kuriame Alisa siunčia tris vienodus skaičius norėdama užkoduoti 0 ar tris skirtingus skaičius norėdama užkoduoti 1. Atkreipkite dėmesį, kad Bobas iš bet kurių dviejų Alisos siųstų skaičių gali iškoduoti Alisos siųstą skaičių.

Užduotis: Kalėjimas (Lithuanian) 2/3

Vykdymas	Funkcijos iškvietimas	Grąžinama reikšmė	
Alice	setup(10)	2	
Bob	setup(10)	2	
Alice	encode(0)	{5, 5, 5}	
Alice	encode(1)	{8, 3, 7}	
Alice	encode(1)	{0, 3, 1}	
Alice	encode(0)	{7, 7, 7}	
Alice	encode(1)	{6, 2, 0}	
Bob	decode(5, 5)	0	
Bob	decode(8, 7)	1	
Bob	decode(3, 0)	1	
Bob	decode(7, 7)	0	
Bob	decode(2, 0)	1	

Pavyzdinė vertinimo programa

Paleidus pavyzdinę vertinimo programą, visi encode ir decode iškvietimai bus atlikti vykdant vieną (tą pačią) jūsų programos kopiją. Taip pat setup bus iškviesta lygiai vieną kartą (priešingai negu vertinimo sistemoje kur bus iškviesta du kartus, po vieną kiekvienai vykdomos programos kopijai).

Pradinis duomuo yra vienas sveikasis skaičius M. Tuomet ji išspausdins N, kurį grąžino jūsų setup. Tuomet ji T kartų iškvies funkcijas pirma encode, paskui decode su atsitiktinai sugeneruotais skaičiais iš intervalo nuo 0 iki N-1 ir atsitiktinai generuotais pasirinkimais kuriuos du iš trijų skaičių (grąžintų from encode) pateikti funkcijai decode (ir kokia tvarka). Jis išves klaidos pranešimą, jei jūsų sprendimas veiks nekorektiškai.

Užduotis: Kalėjimas (Lithuanian) 3/3