BALKAN OLYMPIAD IN INFORMATICS

Udine, 29 September 2025

tiling • UK

Tiling Madness (tiling)

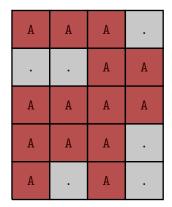
Ви хочете заповнити сітку розміром $N \times N$ за допомогою N однакових 2N-міно, які не перекриваються.

2N-міно не обов'язково повинні повністю знаходитися всередині сітки $N \times N$.

Більш формально, кожне рішення цієї задачі повинно зафіксувати одне 2N-міно, а потім розташувати N його копій на сітці (без обертання чи віддзеркалення) так, щоб:

- кожна клітинка сітки була частиною щонайбільше одного 2N-міно.
- існувала підсітка $N \times N$, яка повністю заповнена 2N-міно.

2N-міно — це фігура з 2N зв'язних клітинок; приклад коректного та некоректного 2N-міно наведено у Рисунок 1.



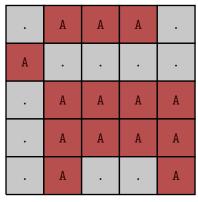


Рисунок 1: На рисунку зліва показано коректне 14-міно. А справа — некоректне, бо воно не ϵ зв'язним.

Нам потрібно з'ясувати, скільки існує способів заповнити сітку, кожен з яких використовує **унікальне** 2N-міно; ваш результат залежатиме від кількості правильних 2N-міно, які ви знайдете для заповненя сітки $N \times N$.

Зауважте, що 2N-міно, які можна отримати один з одного шляхом обертання чи віддзеркалення, вважаються **різними**.

Реалізація

Це задача лише на вивід (output-only). Ви повинні відправити рівно один вихідний файл.

Формат вхідних даних

 ϵ Сдиний вхідний файл складається з одного рядка, що містить ціле число N.

Формат вихідних даних

Єдиний вихідний файл повинен мати такий формат:

- Перший рядок повинен містити єдине ціле число C $(0 \le C \le 16000)$: кількість різних рішень, наведених у вашому виводі.
- \bullet Далі мають іти C блоків рішень. Кожен блок повинен мати такий формат:
 - Перший рядок містить два цілі числа h та w $(0 \le h, w \le 5N)$: висота та ширина сітки, в якій ви будете розташовувати 2N-міно.

tiling Сторінка 1 з 3

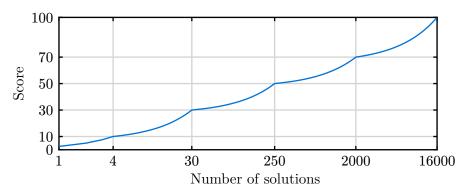
• Наступні h рядків повинні містити рядки довжини w, складені з перших N великих літер латинського алфавіту та символу крапки (.). i-та літера алфавіту позначає, що клітинка зайнята i-ю копією 2N-міно, а крапка позначає, що клітинка порожня.

Для кожного блоку розв'язку сітка повинна містити підсітку $N \times N$, що не містить жодного символу .. Усі N копій 2N-міно повинні бути ідентичними.

Оцінювання

У цій задачі рівно 1 тест, де N=7. Рахунок S для вашого розв'язку визначається за наступною таблицею. Між наведеними значеннями рахунок визначається методом **лінійної інтерполяції**. Некоректний вивід завжди дає нуль балів.

Розв'язки	Бал		
0	0		
4	10		
30	30		
250	50		
2000	70		
16000	100		



Приклади вводу/виводу

input	output
3	2
	5 6
	. AAA
	. AAA
	BBBCCC
	BBBCCC
	5 7
	BB
	.BBB
	CCBAA
	. CCCAAA
	CA.

Пояснення

У **прикладі** від нас вимагається використати 6-міно, щоб заповнити сітку 3×3 : зауважте, що це некоректне вхідне значення, адже у єдиному тесті N=7.

У виводі показано два з багатьох можливих рішень, зображених на рисунку нижче.

tiling Сторінка 2 з 3

٠	A	A	A		
	A	A	A		
В	В	В	С	С	С
В	В	В	С	С	С

В	В			·		
	В	В	В		•	•
С	С	В	A	A		
	С	С	С	A	A	A
		С			A	

В обох випадках ми бачимо, що ε 3 однакових 6-міно, які не перекриваються, і сітка 3×3 заповнена.

Cторінка 3 з 3