

# Sure Bet

Time Limit: 2 s Memory Limit: 128 MB

מזל הוא חלק מהותי בהימורים (betting). יש אנשים שמשפרים את סיכוייהם ואת רווחיהם על ידי כך שהם יודעים על מה הם מהמרים. אנו ננקוט בגישה אחרת.

סוכני הימורים (bookmakers) שונים מציעים פרסים שונים (odds) עבור תוצאה מסוימת (פרס שערכו x פירושו שאם שילמתם שקל אחד והימרתם על התוצאה הנכונה, תקבלו x שקלים חזרה. אם טעיתם בהימור, לא תקבלו כלום חזרה. שימו לב שאתם משלמים שקל אחד בכל מקרה). תארו לעצמכם שהייתם יכולים להשיג רווח וודאי על ידי הימור אצל כמה סוכנים שונים. במקרה כזה תרצו למקסם את הרווח הוודאי.

לאירוע שאנחנו רוצים להמר עליו יש שתי תוצאות אפשריות. יש n סוכני הימורים שמציעים פרסים (ייתכנו פרסים שווים אצל סוכנים שונים). נסמן ב- $a_i$  את הפרס שמציע הסוכן ה-i עבור התוצאה הראשונה, וב- $b_i$  את הפרס עבור התוצאה השנייה. עליכם לבחור להמר על תת קבוצה מהפרסים המוצעים. מותר אפילו להמר על שתי התוצאות האפשריות אצל אותו סוכן. בכל אחד מההימורים אתם צריכים לשלם שקל אחד בדיוק, ואינכם יכולים להמר על אותה התוצאה אצל אותו הסוכן יותר מפעם אחת.

במקרה של התוצאה הראשונה, תזכו ב $a_i$  שקלים מכל סוכן i שהימרתם אצלו על התוצאה הראשונה. באופן דומה, במקרה של התוצאה השנייה, תזכו ב $b_i$  שקלים מכל הסוכנים הרלוונטיים. כמובן שבשני המקרים, כבר שילמתם שקל אחד בכל הימור.

מהו הרווח הוודאי המקסימלי (כלומר, ללא תלות בתוצאה) שתשיגו אם תהמרו בצורה אופטימלית?

#### קלט

השורה הראשונה מכילה את מספר הסוכנים, n. ב-n השורות הבאות מתוארים הפרסים המוצעים על ידי כל סוכן כשני מספרים מופרדים ברווח,  $a_i$  ואז  $b_i$  - הפרסים עבור התוצאה הראשונה והשנייה אצל הסוכן ה- $a_i$  הפרסים יינתנו עם לכל היותר  $a_i$  ספרות אחרי הנקודה.

#### פלט

הדפיסו את הרווח הוודאי המקסימלי מעוגל לבדיוק 4 ספרות אחרי הנקודה. להלן הפקודות להדפסת מספר עשרוני בשפות השונות:

- C and C++: printf("%.4lf", (double)x);
  Java: System.out.printf("%.4lf",x);
- Pascal: writeln(x:0:4);
- Python 3: printf("%.41f"%x)
- C#: Console.WriteLine(String.Format("0:0.0000",x));

## מגבלות

- $1.0 \le a_i, b_i \le 1000.0 \bullet$ 
  - $1 \le n \le 100\ 000$  •

תת משימה 1 (20 נקודות)

 $n \leq 10 \bullet$ 

תת משימה 2 (נקודות)

 $n \le 1000 \bullet$ 

תת משימה 3 (נקודות)

• ללא מגבלות נוספות

#### דוגמה

קלט

4 1.4 3.7 1.2 2

1.6 1.4

1.9 1.5

פלט

0.5000

## הסבר

האסטרטגיה האופטימלית היא להמר על התוצאה השנייה אצל הסוכן הראשון ועל התוצאה הראשונה אצל האסטרטגיה האופטימלית במקרה של התוצאה הראשונה, נרוויח 1.6+1.9-3=0.5+1.6+1.9 ובמקרה של התוצאה השנייה השנייה 3.7-3=0.7. אז מובטחים לנו 0.5 שקלים ללא תלות בתוצאה.