

## Wild operations (wild)

Filippo vuole testare l'abilità di Francesco nel gestire operazioni selvaggie sugli array, perciò gli ha dato un array  $A_0, \dots, A_{N-1}$  di lunghezza  $N$ .

Ora Filippo chiederà a Francesco di eseguire alcune operazioni sull'array, dove ogni operazione può essere:

- *cambiare* il valore di  $A_p$  in  $x$ , per un qualche intero  $x$  e un indice valido  $p$ .
- *perturbare* l'intervallo  $[l, r]$ , cioè impostare  $A_p = \max(A_p, A_{p-1})$  **simultaneamente** per tutti i  $p$  tali che  $l < p \leq r$ .

In qualsiasi momento Filippo può chiedere a Francesco di dirgli il valore di  $A_p$  per un qualche indice valido  $p$ .

Francesco è molto impegnato, quindi ha deciso di chiedere il tuo aiuto per rispondere alle domande di Filippo.

## Implementazione

Devi inviare un singolo file con estensione `.cpp`.



Tra gli allegati di questo problema troverai un template `wild.cpp` con un'implementazione di esempio.

Devi implementare le seguenti funzioni:

C++

```
void init(int N, vector<int> A);
```

- Questa funzione è chiamata una sola volta, all'inizio dell'esecuzione del tuo programma.
- L'intero  $N$  è la lunghezza dell'array.
- L'array  $A$ , indicizzato da 0 a  $N - 1$ , è l'array iniziale scelto da Filippo.

C++

```
void change(int p, int x);
```

- Questa funzione è chiamata più volte durante l'esecuzione del tuo programma, quando Filippo esegue un cambio.
- L'intero  $p$  è l'indice del valore cambiato nell'array.
- L'intero  $x$  è il nuovo valore da assegnare.

C++

```
void perturb(int l, int r);
```

- Questa funzione è chiamata più volte durante l'esecuzione del tuo programma, quando Filippo perturba un intervallo.
- L'intero  $l$  è l'estremo sinistro dell'intervallo perturbato da Filippo.
- L'intero  $r$  è l'estremo destro dell'intervallo perturbato da Filippo.

C++

```
int calc(int p);
```

- Questa funzione è chiamata più volte durante l'esecuzione del tuo programma, quando Filippo chiede il valore di un elemento dell'array.
- L'intero  $p$  è l'indice dell'elemento richiesto da Filippo.
- La funzione deve restituire il valore di  $A_p$  dopo aver applicato tutte le operazioni precedenti.

## Grader di Esempio

Una versione semplificata del grader usato durante la correzione è disponibile nella cartella relativa a questo problema. Puoi usarla per testare le tue soluzioni in locale. Il grader di esempio legge i dati di input da `stdin`, chiama le funzioni che devi implementare e scrive su `stdout` nel seguente formato.

Sia  $Q$  il numero totale di cambi, perturbazioni e domande fatte da Filippo.

Quindi, il file di input è composto da  $2 + Q$  righe, contenenti:

- Riga 1: gli interi  $N, Q$ .
- Riga 2:  $N$  interi  $A_0, \dots, A_{N-1}$ , i valori iniziali dell'array.
- Riga  $3 + i$  ( $0 \leq i < Q$ ): 2 o 3 interi, in uno dei seguenti formati:
  - $1 \ p \ x$ : significa che Filippo cambia  $A_p$  in  $x$ .
  - $2 \ l \ r$ : significa che Filippo perturba l'intervallo  $[l, r]$ ;
  - $3 \ p$ : significa che Filippo chiede il valore di  $A_p$ .

Il file di output è composto da  $Q_3$  righe (dove  $Q_3$  è il numero di chiamate a `calc`) contenenti i valori restituiti dalla funzione `calc`.

## Assunzioni

- $1 \leq N \leq 400\,000$ .
- $0 \leq Q \leq 400\,000$ .
- $1 \leq A_i \leq 10^9$  per ogni  $0 \leq i < N$ .
- $0 \leq p < N$  in ogni chiamata a `change` e `calc`.
- $0 \leq l < r \leq N - 1$  in ogni chiamata a `perturb`.
- $1 \leq x \leq 10^9$  in ogni chiamata a `change`.

## Assegnazione del punteggio

Il tuo programma sarà testato su diversi casi di test raggruppati in subtask. Per ottenere i punti di un subtask, devi risolvere correttamente tutti i suoi casi di test.

Sia  $Q_1$  il numero di chiamate alla funzione `change` in un caso di test, allora:

- **Subtask 0 [ 0 punti]**: Caso d'esempio.
- **Subtask 1 [15 punti]**: La funzione `change` non viene mai chiamata;  $l = 0, r = N - 1$  in ogni chiamata a `perturb`.
- **Subtask 2 [16 punti]**:  $A_i \leq 10$  per ogni  $0 \leq i < N$  e  $x \leq 10$  in tutte le chiamate a `change`.
- **Subtask 3 [13 punti]**: Le chiamate alla funzione `change` non diminuiscono i valori ( $x \geq A_p$ ),  $Q_1 \leq 1000$  e  $l = 0, r = N - 1$  in ogni chiamata a `perturb`.
- **Subtask 4 [22 punti]**: La funzione `change` non viene mai chiamata.
- **Subtask 5 [14 punti]**: Le chiamate alla funzione `change` non diminuiscono i valori ( $x \geq A_p$ ),  $Q_1 \leq 1000$ .
- **Subtask 6 [20 punti]**: Nessuna limitazione aggiuntiva.

## Esempi di input/output

stdin	stdout
10 28	1
5 1 7 8 3 2 5 6 9 4	3
1 1 1	1
1 0 1	7
2 0 1	8
2 2 6	1
1 6 5	8
2 2 9	3
2 2 5	6
2 4 5	4
1 4 5	9
2 3 8	
1 8 4	
3 0	
1 6 3	
1 4 1	
2 5 7	
1 0 3	
2 4 5	
1 6 3	
3 0	
3 1	
3 2	
3 3	
3 4	
3 5	
3 6	
3 7	
3 8	
3 9	

## Spiegazione

Iniziamo con l'array  $A = [5, 1, 7, 8, 3, 2, 5, 6, 9, 4]$ .

- Evento 1: Filippo cambia  $A_1$  in 1 (era già 1): il nuovo array è  $[5, 1, 7, 8, 3, 2, 5, 6, 9, 4]$ .
- Evento 2: Filippo cambia  $A_0$  in 1: il nuovo array è  $[1, 1, 7, 8, 3, 2, 5, 6, 9, 4]$ .
- Evento 3: Filippo perturba  $[0, 1]$ : il nuovo array è  $[1, 1, 7, 8, 3, 2, 5, 6, 9, 4]$ .
- Evento 4: Filippo perturba  $[2, 6]$ : il nuovo array è  $[1, 1, 7, 8, 8, 3, 5, 6, 9, 4]$ .

Dall'evento 19 in poi, Filippo chiede solo valori nell'array senza eseguire cambi o perturbazioni. A questo punto l'array è  $[3, 1, 7, 8, 1, 8, 3, 6, 4, 9]$ .