Разложение чисел на множители

Алгайли Абдулазиз Мохаммед 12 Ноябрь, 2024, Москва, Россия

Российский Университет Дружбы Народов

Цели и задачи

Цель лабораторной работы

Изучение задачи разложения на множители, изучение р-алгоритма Поллрада.

Выполнение лабораторной

работы

Задача разложения на простые множители

Разложение на множители — предмет непрерывного исследования в прошлом; и такие же исследования, вероятно, продолжатся в будущем. Разложение на множители играет очень важную роль в безопасности некоторых криптосистем с открытым ключом.

р-алгоритм Поллрада

- Вход. Число n, начальное значение c, функция f, обладающая сжимающими свойствами.
- Выход. Нетривиальный делитель числа n.
- 1. Положить a = c, b = c
- 2. Вычислить a = f(a)(modn), b = f(b)(modn)
- 3. Найти d = GCD(a b, n)
- 4. Если 1 < d < n, то положить p = d и результат: p. При d = n результат: ДЕЛИТЕЛЬ НЕ НАЙДЕН. При d = 1 вернуться на шаг 2.

Оценка сложности

Сложность. Заметим, что этот метод требует сделать B-1операций возведения в степень $a = a^e mod n$. Есть быстрый алгоритм возведения в степень, который выполняет это за $2*10q_2B$ операций. Метод также использует вычисления НОД, который требует n^3 операций. Мы можем сказать, что сложность — так или иначе больше, чем O(B) или $O(2^n)$, где n_b — число битов в В. Другая проблема – этот алгоритм может заканчиваться сигналом об ошибке. Вероятность успеха очень мала, если B имеет значение, не очень близкое к величине \sqrt{n} .

Пример работы алгоритма

```
25 def main():
               n = 1359331
        28
               a = f(a, n) % n
              b = f(a,n) % n
              d = gcd(a-b, n)
             if 1<d<n:
                p = d
        35
                print(p)
        36
                exit()
              if d == n:
        38
                  pass
              if d -- 1:
        39
        40
                  fu(n, a, b, d)
In [2]: 1 main()
       1181
```

Рис. 1: Работа алгоритма

Выводы

Результаты выполнения лабораторной работы

Изучили задачу разложения на множители и р-алгоритм Поллрада.