

Пример 10. Анализируемое число: 2 576 562 845 756 365 782 383. Просуммируем числа, стоящие на нечетных позициях, и вычтем из них сумму чисел на четных: $(383 + 365 + 845 + 576) - (782 + 756 + 562 + 2) = 67$. Это число не делится ни на 7, ни на 13, а значит, и делителями заданного числа они не являются.

Определение 8. Если два простых числа отличаются на 2, то их называют **числами-близнецами**.

Таких чисел не очень много. Например, ими являются 5 и 7, 29 и 31, 149 и 151.

Всякое натуральное число $n > 1$ либо является простым числом, либо имеет простой делитель.

Воспользуемся перечисленными свойствами для определения простоты числа 2009. Это число не делится на 2 (так как оно нечетно), не делится также на 3 (сумма его цифр $2 + 9 = 11$ не делится на 3), не делится и на 5. Воспользуемся далее свойством 6: попробуем разделить 2009 на 7; в результате получается целый результат: 287. Таким образом, получен ответ: число 2009 – составное.

Понятно, что в криптографии используются числа, проверка на простоту которых производится гораздо дольше, и для работы с этими числами требуются специальные программные средства. К вопросу проверки чисел на простоту мы еще вернемся. Здесь же отметим, что первый *алгоритм нахождения простых чисел*, не превышающих n , был придуман Эратосфеном во II в. до н. э. и известен сейчас как «*решето Эратосфена*». Его суть в последовательном исключении из списка целых чисел от 1 до n (или из сокращенного диапазона, например от m до n , $1 < m \leq n$) чисел, кратных 2, 3, 5 и другим простым числам, уже найденным «решетом». Как видим, описанное выше свойство 2 простых чисел и положено в основу рассматриваемого алгоритма.

Для нахождения всех простых чисел не больше заданного числа n в соответствии с «*решетом Эратосфена*» нужно выполнить следующие шаги:

1) выписать подряд все целые числа от двух (либо от m) до n (2, 3, 4, ..., n). Пусть некоторая переменная (например, s) изначально равна 2 – первому простому числу;

2) удалить из списка числа от $2s$ до n , считая шагами по s (это будут числа, кратные s : $2s, 3s, 4s, \dots$);

3) найти первое из оставшихся чисел в списке, большее чем s , и присвоить значению переменной s это число;

4) повторять шаги 2 и 3, пока возможно.