Листок 1: грамматики, регулярные выражения

1. Порождающие грамматики, иерархия Хомского.

Для каждой грамматики, встречающейся в заданиях, следует указать её тип (в иерархии Хомского). Написать грамматику, порождающую:

- (1) язык Σ^* , где (а) $\Sigma = \{0,1\}$; (b) Σ произвольный (конечный) алфавит;
- (2) произвольный конечный язык $L = \{\omega_i\}_{i=1}^n$;
- $(3) \ \{a^+b^+\}, \{a^nb^n \mid n \in \mathbb{N}\}, \{a^nb^na^m \mid m,n \in \mathbb{N}\}; \, \{a^nb^nc^n \mid n \in \mathbb{N}\} \otimes^1;$
- (4) множество правильных скобочных последовательностей («язык Дика») с одним типом скобок; множество правильных скобочных последовательностей («язык Дика») с двумя типами скобок ⊗;
- (5) арифметическую прогрессию $\{a+nd\mid n\in\mathbb{N}_0\},\ d>0,\ 0\leqslant a< d$ (имея в виду изоморфизм моноидов $(\mathbb{N}_0,+)\cong (\{|\}^*,\cdot)$, где · означает операцию конкатенации); язык, являющийся объединением конечного числа арифметических прогрессий.

2. Регулярные выражения.

Написать регулярное выражение для

- (1) языка над $\{a, b, c\}$ из всех слов, содержащих хотя бы один символ a;
- (2) языка над $\{a, b, c\}$ из всех слов, содержащих хотя бы один символ a и хотя бы один символ b;
- (3) языка над $\{0,1\}$ из всех слов, в которых третий с правого края символ равен 1;
- (4) языка над $\{0,1\}$ из всех слов, в которых нет двух подряд идущих единиц;
- (5) языка над $\{0,1\}$ из всех слов, в которых любая пара смежных нулей, расположена левее любой пары смежных единиц;
- (6) языка над $\{0,1\}$ из всех слов с чередующимися нулями и единицами.

¹Задания, отмеченные ⊗, — для самостоятельного выполнения.