

# Teoria di basi di dati

Umberto Domenico Ciccia

December 2023

# Contents

<b>1</b>	<b>Progettazione di una base di dati</b>	<b>4</b>
1.1	Progettazione concettuale . . . . .	4
1.1.1	Entità . . . . .	4
1.1.2	Relazione . . . . .	5
1.1.3	Attributi . . . . .	5
1.1.4	Cardinalità . . . . .	5
1.1.5	Chiave . . . . .	5
1.1.6	Generalizzazione . . . . .	6
1.2	Progettazione logica . . . . .	7
1.2.1	Schema di relazione . . . . .	7
1.2.2	Schema di database . . . . .	7
1.2.3	Istanza di relazione . . . . .	8
1.2.4	Istanza di database . . . . .	8
1.2.5	Vincolo di tupla . . . . .	8
1.2.6	Chiave . . . . .	8
1.2.7	Chiave esterna . . . . .	8
1.2.8	Traduzione di relazioni . . . . .	9
1.2.9	Traduzione di generalizzazioni . . . . .	11
1.3	Progettazione fisica . . . . .	11
<b>2</b>	<b>Algebra relazionale</b>	<b>12</b>
2.1	Proprietà degli operatori . . . . .	12
2.2	Selezione . . . . .	12
2.3	Proiezione . . . . .	12
2.4	Join . . . . .	13
2.5	Ridenominazione . . . . .	13
2.6	Operazioni insiemistiche . . . . .	13

<b>3</b>	<b>MySql</b>	<b>14</b>
3.1	Definire schema di database . . . . .	14
3.2	Definire una relazione . . . . .	14
3.3	Inserire tuple . . . . .	14
3.4	Eliminare tupla . . . . .	15
3.5	Select . . . . .	15
3.6	Where . . . . .	15
3.7	Join . . . . .	15
3.8	Viste . . . . .	16
3.9	In Not in . . . . .	16
3.10	Exists Not exists . . . . .	16
3.11	Aggregati . . . . .	17
3.12	Group by . . . . .	18
3.13	Having . . . . .	18
3.14	Order by . . . . .	18
<b>4</b>	<b>Organizzazione delle chiavi in memoria secondaria</b>	<b>19</b>
4.1	Dischi magnetici . . . . .	19
4.2	Organizzazione primaria in memoria per chiave . . . . .	20
4.2.1	Hashing . . . . .	20
4.2.2	Hashing Virtuale . . . . .	21
4.2.3	Hashing Estendibile . . . . .	22
4.2.4	Hashing lineare . . . . .	23
4.2.5	Albero . . . . .	24
4.3	Organizzazione secondaria in memoria per chiave . . . . .	26
4.3.1	Indice . . . . .	26
4.3.2	Indice Clustered . . . . .	27
4.3.3	Indice Non Clustered . . . . .	27
4.3.4	Vantaggi . . . . .	27
4.3.5	Svantaggi . . . . .	27
<b>5</b>	<b>Transazioni</b>	<b>28</b>
5.1	Proprietà . . . . .	28
5.1.1	Garantire atomicità . . . . .	28
5.1.2	Garantire durabilità . . . . .	29
5.1.3	Garantire isolamento . . . . .	29
5.1.4	Garantire consistenza . . . . .	29
5.2	Scheduler e Schedule . . . . .	29

5.3	Recuperabilità transazione . . . . .	30
5.4	Serializzabilità . . . . .	30
5.4.1	Equivalenza . . . . .	30
5.4.2	Conflict Serializable . . . . .	30
5.4.3	View Serializable . . . . .	31
5.4.4	Gerarchie Serializzabilità . . . . .	32
5.5	Lock . . . . .	32
5.5.1	Lock-S . . . . .	32
5.5.2	Lock-X . . . . .	32
5.5.3	Protocolli 2PL . . . . .	32
5.5.4	Protocolli S2PL . . . . .	33
5.5.5	Protocolli R2PL . . . . .	33
5.5.6	Dimostrazione 2PL implica CS . . . . .	33

# Chapter 1

## Progettazione di una base di dati

### 1.1 Progettazione concettuale

La progettazione concettuale è la fase di progettazione di una base di dati in cui prendiamo in **input** i **requisiti funzionali** dell'utente e restituiamo in **output** uno **schema** detto **entità/relazione** che rappresenta appunto entità e relazioni tra esse. Di seguito fornirò le informazioni riguardo i costrutti più importanti di un **modello entità relazione**.

#### 1.1.1 Entità

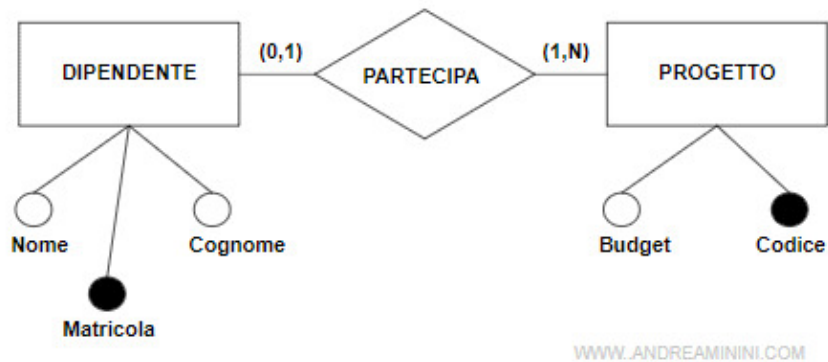
Un entità **rappresenta** un **concetto** a se stante. Ogni entità **deve avere** almeno una **chiave**. Può essere visto come il concetto di insieme.

**esempio:**



### 1.1.2 Relazione

Una relazione tra due o più entità rappresenta il concetto matematico di **relazione** tra **due** o **più insieme**. Una **relazione** tra due insiemi è **definita** dal **prodotto cartesiano** tra i **due**, ovvero l'insieme di tutte le possibili coppie di elemento  $e_1$  ed  $e_2$  tale che  $e_1$  appartenga al primo insieme ed  $e_2$  al secondo.



### 1.1.3 Attributi

Gli attributi rappresentano le **caratteristiche** di un'entità o di una **relazione**. **Non possono essere utilizzati per rappresentare** concetti come liste.

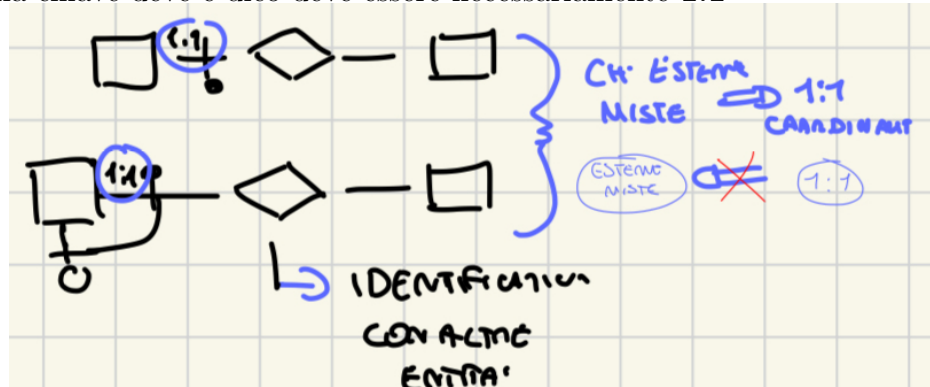
### 1.1.4 Cardinalità

La cardinalità è un concetto associato alle relazioni. Rappresenta il **numero** di **occorrenze** di **entità** che **possono partecipare** ad una **relazione**. Va sempre definita per ogni relazione ambo i lati. Guardando l'esempio superiore possiamo notare come un dipendente può partecipare ad un solo progetto mentre ad un progetto possono partecipare da 1 a n dipendenti.

### 1.1.5 Chiave

Il concetto di **chiave** è uno dei **concetti fondamentali** dello schema entità relazione. Una chiave può essere un attributo, un concetto, un insieme di

attributi o un insieme di concetti o entrambi. Una **chiave** è **definita** come un'**insieme di concetti** (attributi o entità) che **identificano** un **entità** ed è **minimale rispetto** alla **proprietà di essere chiave**. Essere minimale significa che non esiste un sottoinsieme di concetti della chiave che è anche essa chiave. In caso di **chiave mista** o **esterna** la **molteplicità** dal lato della chiave deve e dico deve essere necessariamente **1:1**



### Chiave interna

Una chiave si definisce interna quando l'entità è identificata da uno o più attributi interni all'entità.

### Chiave esterna

Una chiave esterna quando l'entità è identificata dalla seconda, con la quale prima è in relazione.

### Chiave mista

Una chiave si definisce mista quando l'entità è identificata da uno o più attributi e da una relazione esterna.

## 1.1.6 Generalizzazione

Una **generalizzazione** è un **legame** fra **due entità**, una **genitore** ed una **figlio**. Tutto ciò che **appartiene** al **padre** viene **ereditata** dal **figlio**. Inoltre **ogni occorrenza** del **figlio** è anche **occorrenza** del **genitore**. Le caratteristiche di una generalizzazione sono essenzialmente due:

- Totale/Parziale
  - **Totale:** Ogni **occorrenza** del **genitore** deve essere **necessariamente occorrenza** di **uno** dei suoi due **figli**. Supponi di avere una generalizzazione persona padre, studente e lavoratore figli. Ciò significa che una persona deve essere necessariamente studente o lavoratore.
  - **Parziale:** In questo caso invece seguendo l'esempio precedente una persona non deve necessariamente essere o studente o lavoratore
- Esclusiva/Inclusiva
  - **Esclusiva:** Ogni **occorrenza** del **genitore** deve essere **occorrenza** di **un solo figlio**. Uno persona o lavora o è studente ma non entrambi.
  - **Inclusiva:** Ogni occorrenza del genitore può essere occorrenza di più figli contemporaneamente. Uno persona o lavora o è studente o entrambi.

## 1.2 Progettazione logica

La fase di progettazione logica prende in **input** il **modello e/r** e restituisce in **output** un **modello** detto **relazionale**.

### 1.2.1 Schema di relazione

Uno **schema** di **relazione** o **relazione** è **definito** dal **nome** della **relazione** e dall'**insieme** dei suoi **attributi**. L'attributo sottolineato identifica l'attributo chiave.  $R(\underline{\text{attributo1}}, \text{attributo2}, \dots, \text{attributon})$ .

### 1.2.2 Schema di database

Uno **schema** di **database** è definito come l'**insieme** di **tutti** gli **schemi** di **relazione**.



### 1.2.3 Istanza di relazione

Un'istanza di relazione è definita come l'insieme di tutte le tuple di uno schema di relazione. Una tupla è una funzione che associa ad ogni attributo di una relazione un valore appartenente al dominio dell'attributo.

### 1.2.4 Istanza di database

Un istanza di database è definita come l'insieme di tutte le istanze di relazione di tutte le relazioni facenti parte dello schema di database.

### 1.2.5 Vincolo di tupla

Vincola i valori possibili di una tupla ad una certa condizione logica. Esempio data la seguente relazione *Studente*(Matricola, voto, nome).  $\text{Voto} \geq 18$  and  $\text{Voto} \leq 30$

### 1.2.6 Chiave

Definizione formale di chiave di una relazione: Un'insieme di attributi **K** di una relazione si definisce chiave se:

- L'insieme **K** è super chiave.
- L'insieme **K** è minimale rispetto alla proprietà di essere super chiave.

Definizione di super chiave: Un insieme **K** di attributi è super chiave se non esistono due tuple  $t_i$  e  $t_j$  dell'istanza di relazione che abbiano lo stesso valore per questo insieme di attributi **K**. Quindi  $t_i[k] \neq t_j[k]$   $\forall t_i, t_j \text{ in } R$

### 1.2.7 Chiave esterna

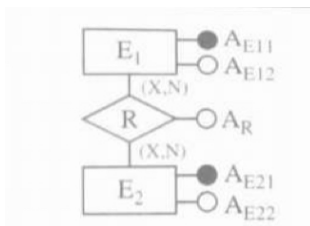
Un vincolo di chiave esterna è un vincolo tra un insieme **X** di attributi di una relazione **R1** con una relazione **R2**. Per ogni istanza di **R1** il valore dei valori presenti in **X** in ogni tupla deve essere presente come valore chiave primaria nella istanza della seconda relazione **R2**. Nel caso

in cui gli attributi in cui è definita la chiave esterna siano più di uno bisogna definire un'ordinamento nell'insieme X e nel secondo insieme Y di R2. Ad ogni valore del primo insieme deve corrispondere in ordine uno nel secondo.

### 1.2.8 Traduzione di relazioni

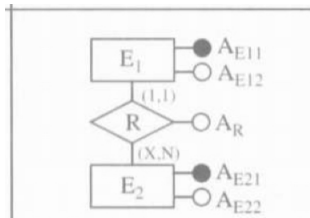
Le chiavi esterne verranno omesse. \* significa che può essere null.

#### Molti a molti

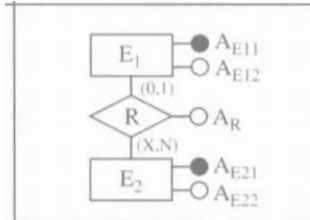


$E1(\underline{Ae11}, Ae12)$   
 $E2(\underline{Ae21}, Ae22)$   
 $R(\underline{Ae11}, \underline{Ae21}, Ar)$

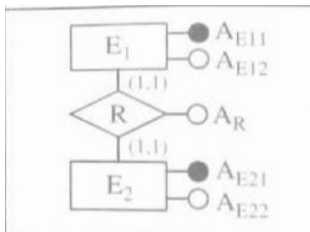
#### Uno a molti obbligatorio



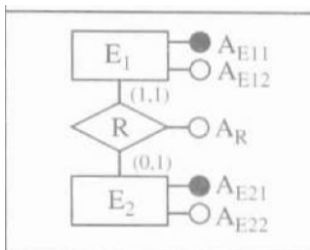
$E1(\underline{Ae11}, Ae12, Ae21, Ar)$   
 $E2(\underline{Ae21}, Ae22)$

**Uno a molti opzionale**

$E1(\underline{Ae11}, Ae12, Ae21^*, Ar^*)$   
 $E2(\underline{Ae21}, Ae22)$

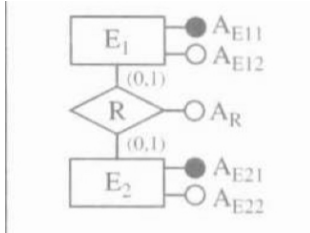
**Uno a uno obbligatorio**

$E1(\underline{Ae11}, Ae12, Ae21, Ar)$   
 $E2(\underline{Ae21}, Ae22)$   
 o accorpendo a e2

**Uno a uno opzionale singolo**

$E1(\underline{Ae11}, Ae12, Ae21, Ar)$   
 $E2(\underline{Ae21}, Ae22)$   
 Sempre accorpare dal lato 1:1

### Uno a uno opzionale doppio



$E1(\underline{Ae11}, Ae12, Ae21^*, Ar^*)$

$E2(\underline{Ae21}, Ae22)$

o viceversa

### 1.2.9 Traduzione di generalizzazioni

Per tradurre le generalizzazioni abbiamo tre metodi possibili.

#### Accorpamento figli nel genitore

Accorpendo i figli nel genitore, ad esso andrà aggiunto un attributo che identifica di quale istanza figlio era il genitore. Gli attributi dei figli potranno essere null nella nuova relazione

#### Accorpamento genitore nei figli

Accorpendo i genitori nei figli tutto ciò che aveva il padre va ai figli.

#### Sostituzione generalizzazione con associazione

Questo ultimo metodo consiste nel trasformare la generalizzazione in una relazione in cui abbiamo 0:1 dal lato del padre e 1:1 con chiave totalmente esterna dal lato del figlio.

## 1.3 Progettazione fisica

La progettazione fisica prende in input lo schema di database e da in output lo schema fisico. La progettazione fisica verrà trattata nel Capitolo 4

# Chapter 2

## Algebra relazionale

In questo capitolo verrà trattata l'algebra relazionale e i suoi operatori principali.

### 2.1 Proprietà degli operatori

Di seguito sono riportate le due principali proprietà degli operatori.

- Monatico: Operatore con un solo argomento
- Rientrante: Operatore che restituisce un risultato che è dello stesso tipo dell'input. Prende relazione restituisce relazione

### 2.2 Selezione

L'operatore di Selezione dato come argomento una relazione e una funzione  $f$  restituisce una nuova relazione in cui tutte le tuple della nuova relazione soddisfano la funzione  $f$ .

Selezione:  $\sigma_{\text{eta} > 21}(\text{Persona})$

### 2.3 Proiezione

L'operatore di proiezione dato come argomento una relazione e una funzione  $f$  restituisce una nuova relazione proiettata solo negli argomenti della funzione

f.

Proiezione:  $\pi_{\text{Nome, Eta}}(\text{Persona})$

## 2.4 Join

L'operatore di join filtra il prodotto cartesiano fra due relazione secondo una condizione data in input. Join:  $R \bowtie_{R.id=D.id} S$

## 2.5 Ridenominazione

Ridenominazione:  $\rho_{\text{OriginalName} \rightarrow \text{NewName}}(\text{Relation})$

## 2.6 Operazioni insiemistiche

Le operazioni insiemistiche di unione differenza intersezione e prodotto cartesiano sono supportate essendo intrinsecamente le relazioni degli insiemi.

# Chapter 3

## MySql

### 3.1 Definire schema di database

```
1 CREATE DATABASE nomeDatabase;
```

### 3.2 Definire una relazione

```
1 CREATE TABLE nome as (  
2     attributo1 datatype vincolo,  
3     attributo2 datatype vincolo  
4 );
```

### 3.3 Inserire tuple

Listing 3.1: Inserire tuple con valori in colonne specifiche

```
1 INSERT INTO table_name (column1, column2, column3, ...)  
2 VALUES (value1, value2, value3, ...);
```

Listing 3.2: Inserire tuple con tutti i valori

```
1 INSERT INTO table_name  
2 VALUES (value1, value2, value3, ...);
```

## 3.4 Eliminare tupla

```
1 DELETE FROM table_name WHERE condition;
```

## 3.5 Select

L'operatore select lavora allo stesso modo dell'operatore di proiezione. Nella from si specifica da quale tabella prendere il risultato.

```
1 SELECT CustomerName, City
2 FROM Customers;
```

Con select distinct elimino i duplicati.

```
1 SELECT DISTINCT CustomerName, City
2 FROM Customers;
```

## 3.6 Where

L'operatore where estrapola le tuple dalla tabella inserita nella from in cui vale la condizione inserita nella where.

```
1 SELECT C1.CustomerName, C1.City
2 FROM Customers
3 WHERE Customers.City="Roma";
```

## 3.7 Join

L'operatore lavora allo stesso modo della join dell'algebra relazionale

```
1 SELECT C1.CustomerName
2 FROM Customers C1, City Ci
3 WHERE C1.city=C2.cod;
```





## 3.11 Aggregati

Gli **operatori aggregati** permettono di **eseguire operazioni** come ricerca del **massimo** il **minimo** il **medio** eccetera. Ricorda se in una **select** **inserisci aggregati** la **select** potrà **contenere solo aggregati**.

### Avg

Restituisce la media di tutti i valori presenti nella colonna data come argomento.

```
1 SELECT AVG(Price)
2 FROM Products;
```

### Max

Restituisce il massimo tra tutti i valori presenti nella colonna data come argomento.

```
1 SELECT Max(Price)
2 FROM Products;
```

### Min

Restituisce il minimo tra tutti i valori presenti nella colonna data come argomento.

```
1 SELECT MIN(Price)
2 FROM Products;
```

### Sum

Restituisce la somma di tutti i valori presenti nella colonna data come argomento.

```
1 SELECT SUM(Price)
2 FROM Products;
```

## Count

Restituisce il numero di valori presenti nella colonna data come argomento. Usa count (DISTINCT attributo) se non vuoi considerare le colonne che hanno gli stessi valori.

```
1 SELECT Count (Price)
2 FROM Products;
```

## 3.12 Group by

La group by **raggruppa** assieme le **colonne** che hanno gli **stessi valori** nella **colonna** passata come **argomento**. Sono spesso associate per raggruppare risultati di un aggregato. Se nella **select** **inserisco attributi** questi **devono** far **parte** della **group by**

```
1 SELECT SUM(CustomerID), Country
2 FROM Customers
3 GROUP BY Country;
```

## 3.13 Having

**Utilizzata** come una **where** però **per** gli **aggregati**. Va sempre in coppia con la group by.

```
1 SELECT COUNT (CustomerID), Country
2 FROM Customers
3 GROUP BY Country
4 HAVING COUNT (CustomerID) > 5;
```

## 3.14 Order by

Clausola utilizzata per **ordinare** il **risultato** di una query in **ordine crescente** o **decrescente**. ASC crescente DESC discendente.

```
1 SELECT *
2 FROM Products
3 ORDER BY Price ASC;
```

## Chapter 4

# Organizzazione delle chiavi in memoria secondaria

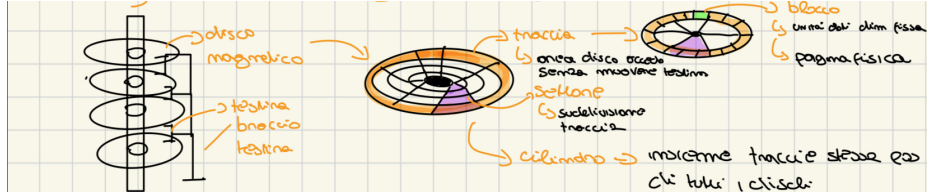
In questo capitolo si tratterà la progettazione fisica delle basi dati. Scopriremo infatti come le tuple sono effettivamente memorizzate sulla memoria secondaria per garantire così la loro non volatilità. **Organizzare** le **tuple** in memoria per **chiave** significa **associare** tramite una **funzione** la **chiave** della **tupla** alla **pagina** che la **contiene**. L'organizzazione può essere:

- **Primaria:** impone un criterio per la memorizzazione dei dati (esempio tupla  $t_1$  va nella pagina  $p_1$ ).
- **Secondaria:** semplicemente permette il recupero facile di essa (esempio  $t_1$  si trova in  $p_1$ ).
- **Statica:** l'organizzazione "rimane sempre la stessa"
- **Dinamica:** l'organizzazione se si adegua al numero di tuple da memorizzare.

### 4.1 Dischi magnetici

Una memoria di massa a disco magnetico è formata da un insieme di dischi magnetizzati su entrambe le superfici. Per accedere ad ogni posizione di un qualsiasi disco si utilizza un braccio al quale è collegata una testina di lettura scrittura. Un **disco** è **suddiviso logicamente** in **settori** e **tracce**. La **coppia**  $\langle \text{settore}, \text{traccia} \rangle$  **identifica** un **blocco** di memoria del disco a

dimensione fissa. Tutti i blocchi hanno la stessa dimensione espressa in byte.



## 4.2 Organizzazione primaria in memoria per chiave

Vediamo ora i principali metodi di organizzazione per chiave. Organizzazione per chiave primaria può essere:

- **Procedurale:** Utilizza una procedura detta funzione hash che associa ad ogni chiave di una tupla la pagina che la contiene.
- **Albero:** Utilizza una struttura dati ad albero.

### 4.2.1 Hashing

La tecnica dell'**hashing** è una tecnica di **organizzazione per chiave procedurale statica**.

Definiamo **funzione hash** una **funzione** che **associa** ad ogni **chiave** la **pagina** che la contiene. A differenza di ciò che avviene con le tecniche di hashing viste in precedenza una **pagina potrà contenere anche più di una chiave fino** a un **massimo dato** dalla **dimensione** della **pagina**. La funzione spesso utilizzata è la seguente  $H(k) = k \bmod M$  dove  $M$  è il numero di pagine totali.

Definiamo **collisione** la situazione in cui **vogliamo assegnare** ad una **chiave** una **pagina** che è già **piena**. La gestione delle collisioni può essere di due tipi:

- Lista di trabocco
- Indirizzamento aperto

In particolare la gestione delle collisioni ad indirizzamento aperto può essere:

- Scansione Lineare

- Scansione Quadratica
- Doppia funzione hash

La tecnica a **scansione lineare** ha il problema dell'**agglomerazione primaria**. Si formeranno agglomerati di chiavi vicine. La tecnica a **scansione quadratica** invece dell'**agglomerazione secondaria**: Chiavi uguali finiranno nella stessa posizione.

### Svantaggi

- Impossibilità ricerca tra valori
- Allocazione statica

### 4.2.2 Hashing Virtuale

La tecnica dell'hashing virtuale è una **tecnica di organizzazione per chiave procedurale dinamica**.

La tecnica si sviluppa nel seguente modo.

1. **Alloco M pagine di capacità C** con **funzione hash**  $H_r(k) = K \bmod M(2^r M)$  dove  $r$  è il numero di raddoppi effettuati fino a questo momento.
2. **Alloco un vettore  $\beta$**  della stessa dimensione di  $M$  **binario** in cui assegno di default 0 ad ogni posizione.  $\beta[i] = 1$  solo quando la pagina  $p_i$  contiene una chiave
3. **Inserisco le chiavi** con la **funzione hash** discussa precedentemente. All'inserimento di una chiave in una pagina la posizione nel vettore  $\beta$  corrispondente dovrà modificare il suo valore in 1.

### Gestione delle collisioni

Le collisioni verranno gestite nel seguente modo.

1. Si **raddoppia la dimensione** del **vettore  $\beta$**  e del **vettore delle chiavi**.
2. **Cambia la funzione hash incrementando  $r$**  che inizialmente era uguale a 0 di uno.  $r = r + 1$

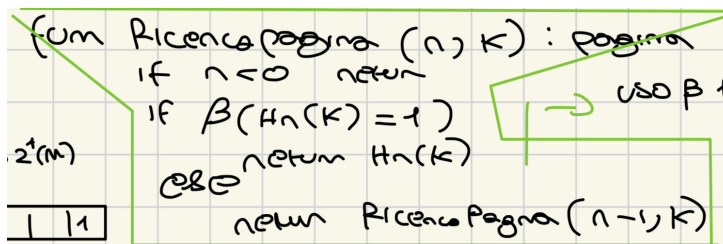
3. **Ridistribuisco** le **chiavi** della pagina **traboccata** e la **chiave** da **aggiungere** con la **nuova funzione hash**.

#### Svantaggi

- Bisogna **raddoppiare** sempre il **vettore** delle chiavi e  $\beta$
- Le **chiavi traboccate** **finiranno sempre** o nella **vecchia posizione** o **M posizioni avanti** con la nuova funzione hash. Abbiamo quindi uno spreco di pagine.

#### Vantaggi

- Un solo **accesso** alla **memoria** per il **recupero** della **pagina** contenente la chiave grazie al vettore  $\beta$



### 4.2.3 Hashing Estendibile

La tecnica dell'hashing estensibile è una tecnica di **organizzazione** per **chiave procedurale dinamica senza struttura ausiliare**.

La tecnica si sviluppa nel seguente modo:

1. Al primo step si **alloca** un **vettore**  $\beta$  contenente due celle. Questo vettore a differenza dell'hashing virtuale, che indicava se la pagina corrispondente conteneva una chiave, **contiene** per **ogni posizione** un **puntatore** all'**area dati** che **contiene** la **chiave**.  $B[pseudochiave] =$  Area dati contiene la chiave. La pseudo chiave viene scelta attraverso una funzione hash  $H(k) = \text{pseudo chiave}$ .
2. il vettore conterrà anche una variabile  $p$  detta prefisso globale mentre l'area che contiene le chiavi avrà per ogni pagina una variabile detta prefisso locale  $p'$ .
3. Procedo a inserire le chiavi grazie alla funzione hash.

### Gestione collisioni

Le collisioni vengono gestite nel seguente modo.

- $p = p'$  **raddoppio**  $\beta$  **clonandone i vecchi puntatori**. **Aumento**  
 $p = p + 1$
- $p' < p$  **aggiungono una nuova pagina**. **Aumento**  $p' = p' + 1$  sia per  
la **vecchia** che per la **nuova pagina**.
- **Ridistribuisco le pagine traboccate** tra la **vecchia** e la **nuova pag-**  
**ina aggiunta in base ai bit**  $p' + 1$  *esimi*
- **Modifico i puntatori di**  $\beta$  **precedentemente clonati facendoli puntare**  
alla **nuova pagina**

### Vantaggi

Recupero della pagina con due accessi alla memoria

### Svantaggi

No ricerca per intervallo

## 4.2.4 Hashing lineare

La tecnica dell'hashing lineare è una tecnica procedurale dinamica.  
Funziona nel seguente modo.

1. **Allochiamo M pagine** con capacità C
2. **Inizializziamo una variabile**  $p = 0$  che conta il **numero di trabocchi**  
avvenuti fino ad adesso.
3. **Inseriamo le chiavi** nella pagina corrispondente data dalla **funzione**  
**hash**  $H(K) = K \bmod M$ .



### Gestione delle collisioni

1. **Aggiungiamo** una **pagina** a **indirizzo**  $p + M$  e **inseriamo** una **lista** di **trabocco** nella **cella traboccata**.
2. Ridistribuiamo le chiavi nella posizione  $p$  con la funzione hash  $h(k) = K \bmod 2M$
3. In fine **aumentiamo**  $p = p + 1$

### Vantaggi

Evitiamo il problema dello spreco dell'hashing virtuale.

### Svantaggi

No ricerca per intervalli.

## 4.2.5 Albero

Vediamo ora invece le **tecniche** di **organizzazione primaria** per **chiave** in memoria ad **albero**.

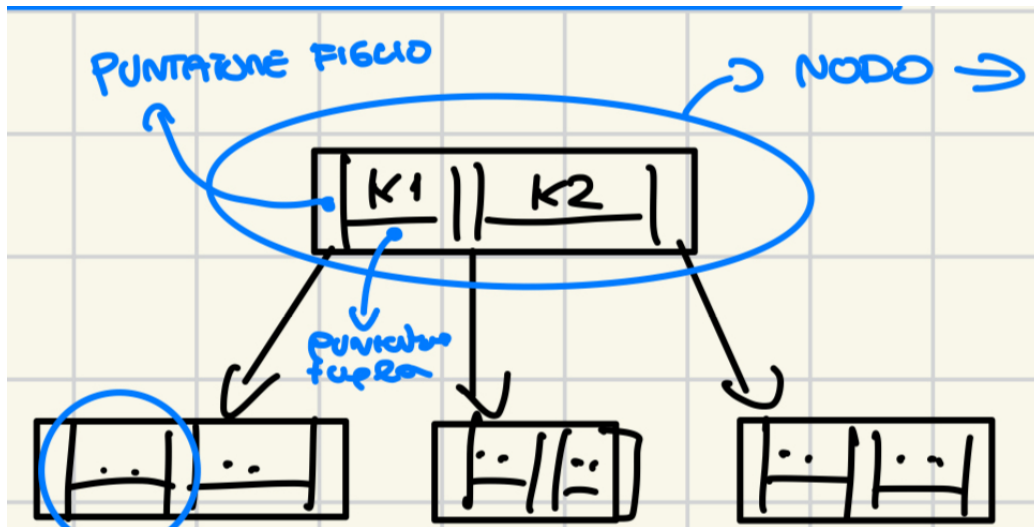
### B-tree

Un b-tree è un albero n-ario che rispetta precisamente un certo numero di proprietà:

- Un nodo corrisponde ad una pagina
- Ogni nodo contiene un intestazione di un certo numero di byte
- Ogni cella di un nodo contiene i puntatori ai suoi figli e il puntatore alla tupla associata alla sua chiave
- Ogni nodo può avere massimo  $M$  figli
- Tutte le foglie si trovano allo stesso livello
- Le chiavi sono memorizzate in un nodo da mantenere l'ordinamento e ciò vale ricorsivamente ai figli.  $k_1 < k_2 < \dots < k_m$ .

## CHAPTER 4. ORGANIZZAZIONE DELLE CHIAVI IN MEMORIA SECONDARIA 25

- Ogni nodo non foglia se contiene  $k$  chiavi deve avere  $k+1$  figli.
- Ogni nodo diverso dalla radice deve avere un riempimento minimo  $\lceil \frac{M}{2} \rceil - 1$



**Limite altezza** L'altezza di un b-tree è limitata superiormente dalla seguente espressione:  $h \leq \log_m(\frac{n+1}{2})$

LIMITAZIONE ALTEZZA

$h \leq \log_{\frac{m+1}{2}} n$    
 (m+1)/2: grado medio   
 n: numero chiavi

Proof

- 1)  $h$  max ogni nodo grado min
- 2) nessun nodo 2 figli ogni nodo min figlio è figlio
- 3) Livello 0: 1 nodo  
 livello 1: 2 nodi  
 livello 2:  $2 \cdot 2 = 4$  nodi  
 livello  $i$ :  $2 \cdot 2^{i-1}$  nodi

Diagram of a B-tree with height  $h$ . The root node has two children. The left child has two children, and the right child has one child. The leaves are represented by small circles. The total number of leaves is  $2 \cdot 2^{h-1} = 2^h$ .

Liv 0  $\rightarrow 1$  nodo  
 Liv 1  $\rightarrow 2 \cdot 2^{0} \quad i=1 \quad e=3 \rightarrow 2 \cdot 3^0 = 2$  nodi  
 Liv 2  $\rightarrow 2 \cdot 2^{1} \quad i=2 \quad e=3 \rightarrow 2 \cdot 3^1 = 6$  nodi  
 Liv 3  $\rightarrow 2 \cdot 2^{2} \quad i=3 \quad e=3 \rightarrow 2 \cdot 3^2 = 18$  nodi

$1 + (e-1) \sum_{i=1}^h 2^{i-1} \leq m$    
 (m+1)/2: grado medio   
 m: numero chiavi

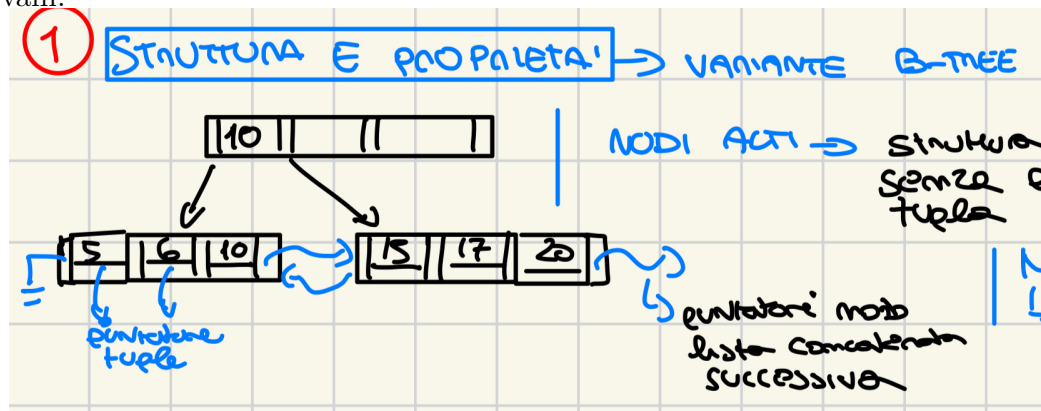
$1 + (e-1) \cdot 2 \sum_{i=1}^h 2^{i-1} \leq m \equiv 1 + 2(e-1) \cdot 2^h \leq m$   
 $\equiv 1 + 2e \cdot 2^h - 2 \leq m \equiv e \cdot 2^h \leq \frac{m+1}{2} \equiv h \leq \log_{\frac{m+1}{2}} n$

**Vantaggi** Operazioni con costi logaritmici

### B+-tree

I b+-tree sono una variante dei b-tree. Le proprietà sono le stesse del b-tree. Il **cambiamento** principale sta nel fatto che questa volta **ogni cella** **mantiene il puntatore solo ai suoi figli** e non al record corrispondente. Saranno solo i **nodi foglia strutturati a lista concatenata** bidirezionale a **contenere i puntatori alle tuple data** ogni chiave.

**Vantaggi** Operazioni con costi logaritmici e possibilità di ricerca per intervalli.



## 4.3 Organizzazione secondaria in memoria per chiave

L'organizzazione secondaria in memoria per chiave avviene attraverso gli indici.

### 4.3.1 Indice

Un **indice** è una **struttura dati** che ad **ogni chiave** associa la **tupla** che la contiene.

### 4.3.2 Indice Clustered

Un **indice clustered** è un **indice** che **mantiene** sia **fisicamente** che **logicamente** all'interno dell'indice l'**ordinamento** delle **chiavi di ricerca**. Generalmente in ogni DBMS alla **chiave primaria** si **associa** un indice **clustered**.

### 4.3.3 Indice Non Clustered

Un indice non clustered è una struttura dati che associa ad ogni chiave di ricerca o gruppo di chiavi di ricerca le tuple che la contengono

### 4.3.4 Vantaggi

Velocizzano le ricerche

### 4.3.5 Svantaggi

Possono rallentare le operazioni di inserimento modifica e rimozione. Anche gli **indici** sono **memorizzati** su **disco** quindi **sprecano spazio**.

# Chapter 5

## Transazioni

Una transazione è un **insieme** di **istruzioni** che se **eseguite correttamente** **cambiano** lo **stato** della **base di dati**.

### 5.1 Proprietà

- **Atomicità**: Una transazione deve essere un'operazione atomica. O viene eseguita tutta o se si verifica per qualche motivo un'interruzione le modifiche effettuate vanno annullate.
- **Consistenza**: Una transazione sia se eseguita correttamente che non deve mantenere il database in uno stato consistente. Uno stato si definisce consistente quando tutti i vincoli sono soddisfatti.
- **Isolamento**: Una transazione deve lavorare come se fosse isolata dalle altre.
- **Duratura**: L'effetto delle operazioni di una transazione eseguita correttamente devono rimanere nel tempo.

#### 5.1.1 Garantire atomicità

Quando una transazione viene abortita (terminata con un fallimento) deve intervenire una operazione detta **Rollback** che ha il compito di **ripristinare** la **base di dati** allo **stato** che aveva **prima** dell'inizio della **transazione**. La rollback è possibile tramite un file di log che mantiene per ogni variabile

il valore prima e dopo l'esecuzione della transazione e che mantiene l'id della transazione che ha modificato le variabili.

### 5.1.2 Garantire durabilità

Per garantire la durabilità ci viene in aiuto una operazione detta **commit**. Una volta eseguita la commit tutto ciò che è stato eseguito da una transazione non può più essere ripristinato.

### 5.1.3 Garantire isolamento

Per garantire l'**isolamento** ci vengono in aiuto i **lock** di cui parleremo a breve.

### 5.1.4 Garantire consistenza

Per garantire la consistenza bisogna eseguire le **transazioni** in **serie** per evitare situazioni di **racing condition**.

## 5.2 Scheduler e Schedule

Abbiamo precedentemente affermato che per mantenere la consistenza le transazioni devono essere eseguite in serie. Ciò però non porta vantaggi poiché **consentendo l'esecuzione contemporanea delle transazioni** avremmo **miglioramenti** sia in termini di **throughput** che di **riduzione dei tempi** di attesa delle transazioni considerando anche che l'**algoritmo di assegnazione dell'elaborazione alle transazioni** lavora "alla **round robin**". Per evitare errori ci viene in aiuto il concetto di serializzabilità che tratteremo a breve. E' necessario prima dare i concetti basilari di schedule e scheduler.

Uno **scheduler** è un **algoritmo** che da come **risultato** uno **schedule**.

Uno **schedule** è una **sequenza di esecuzione delle istruzioni di più transazioni contemporanee**(ne definisce l'ordine di esecuzione delle istruzioni).

## 5.3 Recuperabilità transazione

Se una transazione è stata abortita come già accennato bisogna ripristinare attraverso una roolback i cambiamenti. Per far sì che ciò sia possibile uno schedule deve essere recuperabile.

Definizione di **schedule recuperabile**: Uno schedule si definisce recuperabile quando per ogni coppia di transazioni  $T_i$  e  $T_j$  se la transazione  $T_j$  legge i valori scritti da  $T_i$  allora la commit di  $T_i$  deve avvenire prima della commit di  $T_j$ . Questa informazione non basta poiché potrebbe portare all'inefficienza di roolback a cascata. Per evitare ciò ci viene in aiuto la definizione di schedule cascatless.

Definizione **schedule cascatless**: Uno schedule si definisce cascatless quando per ogni coppia di transazioni  $T_i$  e  $T_j$  se la transazione  $T_j$  legge i valori scritti da  $T_i$  allora la commit di  $T_i$  deve avvenire prima della lettura di  $T_j$ .

cascatless  $\Rightarrow$  recuperabilità

## 5.4 Serializzabilità

Veniamo ora al concetto più importante ovvero il concetto di Serializzabilità. Uno schedule  $S$  si definisce **serializzabile** se è **equivalente** ad uno **schedule S2 Seriale**.

### 5.4.1 Equivalenza

Due **schedule** sono **equivalenti** quando per **ogni istanza** di **database** lo **schedule s1** porta il **database** nello stesso **stato** in cui lo **porterebbe s2**.

### 5.4.2 Conflict Serializable

Conflict Serializable è un sottoinsieme della serializzabilità. Per capirla dobbiamo quando le istruzioni si definiscono in conflitto.

#### Istruzioni in conflitto

Due istruzioni si definiscono in conflitto quando appartengono a due transazioni diverse, sono eseguite una dopo l'altra, operano sullo stesso dato, una delle due istruzioni è una operazione di scrittura.

### Conflict equivalent

Due **schedule** si definiscono **conflict equivalent** quando lo schedule **s1** può essere **trasformato** nello schedulo **s2** mediante uno **scambio** di **operazioni non in conflitto**.  $S1 \equiv_c S2$

### Conflict serializable

Uno **schedule** si definisce **conflict serializable** quando è **conflict equivalent** ad uno **schedule seriale**.  $S1 \equiv_c S2$  S2 seriale

### Determinare se uno schedule è CS

Il modo più facile per verificare se uno schedule è conflict serializable è attraverso il **grafo** delle **precedenze** e l'**algoritmo topologico**.

Grafo delle precedenze: Grafo in cui i nodi sono le transazioni e gli archi le operazioni in conflitto.

Algoritmo topologico: Algoritmo che verifica se sono presenti cicli. L'**assenza** di **cicli** **implica** che lo **schedule** è **conflict serializable**.

### 5.4.3 View Serializable

La view serializable è una sottoclasse della serializable. La CS è un sottoinsieme a sua volta della VS.

### View Equivalent

Due schedule S1 e S2 sono view equivalent  $S1 \equiv_v S2$  se per ogni dato Q:

- Se la transazione  $t_i$  legge il valore iniziale di q in S1 allora  $t_i$  leggerà il valore finale di q anche in s2
- Se la transazione  $t_i$  scrive il valore iniziale di q in S1 allora  $t_i$  scrive il valore finale di q anche in s2
- Se la transazione  $t_i$  legge il valore di q in S1 scritto da  $t_j$  allora  $t_i$  leggerà il valore di q scritto da  $t_j$  anche in s2



### View serializable

Uno **schedule** si definisce **view serializable** se è **view equivalent** ad uno **seriale**.  $S1 \equiv_v S2$  S2 seriale

#### 5.4.4 Gerarchie Serializzabilità

$CS \Rightarrow VS \Rightarrow S$

### 5.5 Lock

I lock sono il meccanismo principale con il quale si **mantiene** l'**isolabilità** delle **transazioni** e la mutua esclusione sui dati.

#### 5.5.1 Lock-S

Permette la lettura del dato sul quale si è acquisito il lock. Permette più letture contemporanee da più transazioni ma blocca le scritture.

#### 5.5.2 Lock-X

Permette la scrittura del dato sul quale si è acquisito il lock. Non permette né letture né scritture contemporanee sul dato da altre transazioni.

#### 5.5.3 Protocolli 2PL

Il protocollo 2PL permette l'acquisizione e il rilascio dei lock solo attraverso queste due fasi.

- GrowingPhase: Una transazione acquisisce tutti i lock che necessita e non ne può rilasciare nessuno
- ShrinkingPhase: Una transazione rilascia tutti i lock non ne può più acquisire nessuno

Se le transazioni di uno schedule seguono questo protocollo allora lo schedule è conflict serializable e quindi serializable.

Questo protocollo non garantisce però la cascates. **Soluzione S2PL.**

### 5.5.4 Protocolli S2PL

Variante della 2PL. Stesse regole ma i lock-X rilasciati solo dopo la commit.  
S2PL  $\Rightarrow$  Cascatless

### 5.5.5 Protocolli R2PL

Variante della 2PL. Stesse regole ma tutti i lock rilasciati solo dopo la commit.  
R2PL  $\Rightarrow$  Transazioni seriali nell'ordine commit

### 5.5.6 Dimostrazione 2PL implica CS

