

有限アルファベットを Σ , その Kleene 閉包を Σ^* で表す. 文字列 $s \in \Sigma^*$ の長さを $|s|$ で表す. また長さ 0 の空文字列を ε で表す.

非決定性オートマトン

Definition 1 (非決定性有限オートマトン nondeterministic finite automata, NFA).

非決定性有限オートマトン (NFA) $M = (\Sigma, Q, \delta, q_0, F)$ とは,....

文字列 $s \in \Sigma^*$ を受け取った NFA M が状態を (q_0, \dots, q_n) ただし $n = |S|$ と遷移するとき, この列を s に対する M の計算といい, 特に最後の状態 q_n が $q_n \in F$ である計算を受理計算とよぶ. 一般に, 非決定性有限オートマトンは一つの文字列に対して複数の計算を持つ. ある $s \in \Sigma^*$ に対して M に受理計算が存在するとき, M は s を受理するといひ, M が受理する文字列すべての集合 $L(M) = \{s \in \Sigma^* \mid M \text{ は } s \text{ を受理する}\}$ を M が受理する言語という.

正規表現

メロディ概形文字列の有限アルファベットは, $\Sigma = \{+, -, \#, b, =\}$ である. ただし楽譜の開始には, 開始記号 $*$ をおき, 第一音には前の音がないため音程の上下は未定義として表す (\leftarrow 省略することにするか, 別の文字にしたほうがいいかもしれない). したがって, メロディ概形を表す正規表現は,

1. 文字それぞれのみにマッチする記号 $+, -, \#, b, =$.
2. 集合に含まれる文字いずれかにマッチする $\{+, \#\}$ を表す $\wedge = (+|\#)$, $\{-, b\}$ を表す $\wedge = (-|b)$,
3. Σ を表す記号 \circ ,
4. 直前の記号または集合の Kleene 閉包を表す $*$

からなる文字列, となる. ただし, $\circ*$ は $*$ と略記する.

NFA の計算

ある文字列 $s \in \Sigma^*$ を NFA $M = (\Sigma, Q, \delta, q, F)$ が受理するかどうかを決定的なアルゴリズムで求めるためには、以下のように行う。

まず、遷移関係 $\delta \subseteq Q \times \Sigma \times Q$ を状態と文字から状態への集合

$$\delta(q, a) = \{q' \in Q \mid (q, a, q') \in \delta\}$$

に拡張し、さらに状態の集合と文字から状態の集合への写像 $\tilde{\delta} : 2^Q \times \Sigma \rightarrow 2^Q$ に拡張する：

$$\tilde{\delta}(S, a) = \bigcup_{q \in S} \delta(q, a)$$

すると、有限オートマトン $(\Sigma, 2^Q, \tilde{\delta}, \{q_0\}, F')$ は決定性有限オートマトンである。ただし $F' = \{S \subseteq 2^Q \mid S \cap F \neq \emptyset\}$ 。

ドントケア * 記号（可変長ドントケア variable-length don't-care）と複数文字集合（OR 記号， $\{a, b\}$ または $(a|b)$ 等と書く）を含む文字列を検索パターンとする NFA の計算は、最初に受理状態に達した時点で受理計算としてよい。したがって、 $\tilde{\delta}$ をもちいた* と複数文字集合からなるパターン照合を行う NFA の計算アルゴリズムは、以下のようになる。

1. $S \leftarrow \{q_0\}$. /* S は現在の状態の集合. */
2. ...