Integrierter Kurs IV

Experimentalphysik II Tom Folgmann

18. April 2023

Atommassenbestimmung

Röntgenbeugung an Kristallen. Man kennt zunächst die Gitterkonstante $d \in \mathbb{R}_{\geq 0}$, also den Abstand der Atome innerhalb des Gitters. Damit ist das Atomvolumen gerade $d^3 = V_{Atom}$ und schließlich $N_A \cdot V_{Atom} = \frac{M}{\rho(M)},$	
wobei M die $Molek \ddot{u}lmasse$ und ρ eine Dichtefunktion ist.	
\square Recherchiere das "Avogadro-Projekt" des PTB.	(@1)
Gaskonstante. Über die Gaskonstante folgt der Atomradius $R=N_A\cdot k_B$ mit k_B als Boltzmann-Konstante.	
Massenspektroskopie. Hier wird über die Atomablenkung die Masse bestimmt.	
□ Recherchiere das genaue Vorgehen.	(№2)
0.1 Größe von Atomen	

Atome weisen etwa eine Größe von $10^{-10}\mathrm{m}$ im Radius vor, was wir folgend auf die Einheit Angstrom normieren werden: $1\text{Å}:=10^{-10}\mathrm{m}$. Zum Vergleich: Das Wasserstoffatom weist einen Radius von 0.5Å auf, Magnesium einen von 1.6Å und Caesium 2.98Å.

0.2 Typische Bestimmung der Größe eines Atoms

Grobe Abschätzung. Für $reale\ Gase$ gilt die sogenannte $Van\text{-}der\text{-}Waals\text{-}Gleichung}$ der Form

$$\left(p + \frac{a}{V_m^2}\right) \cdot (V_m - b) = RT,$$

Skript

wobei a den Binnendruck und b das Kovolumen darstellen. Aus einem pV Diagramm lässt sich dann die Konstante b bestimmen und die Approximation $b \approx N_A \cdot V_A$ liefert die gewünschten Größen.

Beugung von Röntgenstrahlen an Kristallen. Das Ziel der Beugung ist zunächst die Bestimmung der oben erwähnten Gitterkonstanten d. Man benötigt hierzu Röntgenstrahlen, gewonnen durch (i) eine Röntgenröhre, mit dem Nachteil der charakteristischen Linien, welche berücksichtigt werden müssen, oder (ii) die Synchrotronstrahlung. Diese werden auf einen Einkristall gelenkt, welcher durch eine periodische, durchgehende äquidistante Anordnung von Atomen als ein Festkörper charakterisiert wird. Durch diese Anordnung wird eine Ebenenstruktur initialisiert, welche insbesondere nicht eindeutig wählbar ist.

Im Exp
meriment wird dann eine Beugungserscheinung ersichtlich sein, siehe [$\rightarrow AP3$: Beugung am Gitter]. Im wesentlichen wird hierfür die Bragg Bedinung der Form

$$2 \cdot d \cdot \sin(\alpha) = n \cdot \lambda$$

verwendet, wobei α der Kontaktwinkel der Strahlung zum Gitter und n die Beugungsordnung ist. Der Gitterabstand führt in der obigen weise auf das gesuchte Atomvolumen V_{Atom} .

Man kann das Experiment auch mit mehreren Verfahren ausführen, wie zB. das Laue-Verfahren, das Bragg- oder Drehkristallverfahren und Dabye Scherrer Verfahren, welches für Pulver und monochromatischem Licht verwendet.

Abbildende Größenbestimmung. Mithilfe eines Lichtmikroskopes lässt sich ein Atom nicht auflösen, da es der Abbeschen Theorie über das Auflösungsvermögen widerspricht. Das Rayleigh-Kriterium für d ist von der Form

$$d = \frac{\lambda}{n \cdot \sin(\alpha)},$$

mit n als Brechungsindex und α als Einfallswinkel (der halbe Winkel). Unter dem Link zum Auflösungsvermögen sind minimale sichtbare Längen bei ungefähr 500nm recherchierbar, woraus die Ausgangsaussage folgt.

	"Man braucht	aie	mindestens	aie	erste	Oranung,	sonst	naben	wir	keine	Auftosung	menr.
				• • • •				• • • • • •	• • • •			
(≥3)	$\hfill\Box$ Finde herau	s, w	vas der Prof.	mit	dieser	Aussage m	einte.					

Experiment 1. Die Nebelkammer.

Die sogenannte Nebelkammer ist gefüllt mit übersättigtem Wasserdampf, durch welche gewählte Teilchen hindurchfliegen, wie beispielsweise 4_2 He Kerne. Ihre Spuren in dem Nebel lassen sich dann optisch durch Schwärzungen nachvollziehen. Die Streifen entstehen durch die Reaktion

$${}^{14}_{7}N + {}^{4}_{2}He \longrightarrow {}^{17}_{8}O + {}^{1}_{1}p.$$

 $\begin{tabular}{ll} Experimental physik II \\ {\tt Skript} \end{tabular}$

Experiment 2. Das Feldemissionsmikroskop.

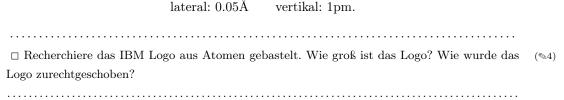
Das Feldemissions- oder Feldelektronenmikroskop wurde entwickelt von E. Müller im Jahre 1951. Die Wolframspitze weist einen Krümmungsradius von $r \approx 10$ nm auf, aus wessen Spitze durch eine angelegte Spannung zwischen ihr und dem Schirm Elektronen herausgerissen werden. Diesen Prozess nennt man auch Kalte Elektronen Emission.

Transmissions-Elektronenmikroskopie Die Methode der Transmissions - Elektronenmikroskopie wurde von E. Ruska 1932 entwickelt. Ihre Funktionsweise beruht auf der Emission von Elektronen und anschließender Beschleunigung in Richtung der Probe, an welcher ein Streumuster entsteht. Die Elektronen werden als Teilchen im Modell aufgefasst, sodaß das Auflösungsvermögen der De-Broglie Wellenlänge

$$\lambda = \frac{k}{p} = \frac{k}{\sqrt{2 \cdot m_e \cdot E_{kin}}},$$

entspricht, wobei k die Planck-Konstante und p der (nicht relativistische) Impuls des Elektrons ist.

Rasterelektronenmikroskopie Die Methode der Rasterelektronenmikroskopie rastert ein Muster der Elektronenstrahlung über das zu mikroskopierende Objekt, welches selbstgewählt ist. Ein Sonderfall dieser ist die Rastertunnelmikroskopie (entworfen bei IBM in Zürich), bei welcher keine Elektronen verwendet werden, sondern die Elektrode sehr nahe (approx. 2Å) an das zu untersuchende Objekt herangebracht wird. Hierduch entsteht ein sogenannter Tunnelstrom, welcher eine Proportionalität $I \propto \exp(-d)$ vorweist, sodaß $-\ln(I) \propto d$ der Abstand zur Probe ist. Die Rastertunnelmikroskopie ist somit eine Methode zur Messung der Abstände zwischen Probe und Elektrode. Die Auflösung ist dabei



0.3 Definition des Atomradius

Misst man mit verschiedenen Methoden dasselbe Atom, erhält man verschiedene Radien und damit Atomgrößen. Die Messmethoden sind also bezüglich des Atomradius nicht eindeutig! Atome sind also keine harten Kugeln im Sinne der Vorstellung, sondern haben ein Wechselwirkungspotential (auch Lennard-Jones-Potential) der Form

$$V:=\left(\frac{a}{r^{12}}-\frac{b}{r^6}\right)_{r\in\mathbb{R}_{\geq 0}},$$

welches mit verschiedenen Messmethoden zu verschiedenen Radien registriert wird.

 \square Leite das Potential V her. Was ist die Bedeutung der Parameter a und b? Den Atomradius setzt man nach dem Potential beispielsweise auf $r_m := (2a/b)^{1/b}$ als

 $\operatorname{argmin}(V)$ oder auch $r_0 = ((a/b)^{1/b}$ als nächste Nullstelle zu r = 0 aus $V(r_0) = 0$.

Der elektrische Aufbau der Atome, das Elektron 0.4

Entdeckung der Kanalstrahlen, Ionen

Der Physiker E. Goldstein (1886) entdeckte die sogenannten Kanalstrahlen, neuer genannt auch Ionenstrahlung. Sie dienen der Untersuchung der Gasentladung. Die Funktionsweise der Kanalstrahlen ist wie folgt: Die Ionen werden per elektrischem Feld beschleunigt und zur Kathode gelenkt. Sie treten durch die Löcher (auch Defektelektronen) in der Kathode aufgrund ihrer Massenträgheit hindurch, was in Form von Leuchterscheinungen erkennbar ist. Man kann durch dieses Verfahren auf das Verhältnis e/m schließen.

Entdeckung der Kathodenstrahlen, Elektronen

Über eine Weiterentwicklung der Vakkuumtechnologie im Allgemeinen wird es möglich, sogar Elektronenstrahlen zu erzeugen. Dies geschieht in der sogenannten Kathodenstrahlröhre:

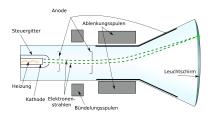


Abbildung 1: Schematischer Aufbau der Kathodenstrahlröhre.

[→ Live-Versuch] Es findet nach der Erzeugung des Elektronenstrahls also eine Ablenkung desselben durch ein elektromagnetisches Feld vor. Die Versuche gehen auf den Physiker J. J. Thomson zurück, welcher 1897 die erste Kathodenstrahlröhre baute. Das Massenverhältnis m_e/m_p lautet in diesem Fall

$$\frac{m_{Ion}}{e} \approx 10^{-4}.$$

□ Suche nach einer Formel zur konkreten Berechnung auf Grundlage der Versuchsbedingungen. (∞6)

Masse des Elektrons

Die Bestimmung von m_e aus den massenspektrometrischen Experimenten erfolgt bei bekannter Ladung durch die einfache Multiplikation $m_e/e \cdot e = m_e$. Der Literaturwert der Elektronenladung ist $e = 1,602 \cdot 10^{-19}$ C, die Masse des Elektrons ist $m_e = 9,109 \cdot 10^{-31}$ k. $\begin{tabular}{ll} Experimental physik II \\ {\tt Skript} \end{tabular}$

Ladung des Elektrons (Elementarladung)

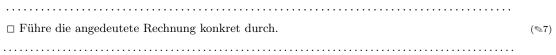
Von Robert Millikan (1909) wurde ein Experimentvorschlag der Elementarladungsbestimmung vorgeschlagen, das sogenannte Millikan-Experiment [\rightarrow AP3]. Das grobe Vorgehen ist zunächst (i) die Volumenmessung des Tröpfchens, (ii) die Kraftberücksichtigung von Schwerkraft $F_g = m \cdot g$, der Reibung $F_R = 6\pi \cdot \eta \cdot r \cdot v$ und der Auftriebskraft $F_A = V \cdot \rho \cdot g$, wodurch der Teilchenradius

$$r = \left(\frac{9 \cdot \eta \cdot v}{2 \cdot g \cdot (\rho_{\ddot{O}l} - \rho_{Luft})}\right)^{\frac{1}{2}} \implies m = \frac{4}{3}\pi r^3 \cdot \rho_{\ddot{O}l}$$

folgt. Die Spannung zwischen den Kondensatorplatten liefert die Feldstärke E=U/d, welche genau so justiert wird, daß das Teilchen zu schweben beginnt. Das Kräftegleichgewicht liefert dann das Ergebnis

$$n \cdot e = \frac{\frac{4}{3}\pi r^3 \cdot g \cdot (\rho_{\ddot{O}l} - \rho_{Luft})}{E}.$$

Hinzukommende Röntgenstrahlung ändert nun schließlich die Tröpfchenladung in Stufen $\Delta q=n\cdot e$, wodurch die Existenz der Elementarladung e bewiesen werden kann [\rightarrow Ionisierende Strahlung].



Weitere Eigenschaften des Elektrons

Der Eigendrehimpuls (Spin). Der Spin kommt in Größen von $\hbar/2$ vor. Er ist ein Quantenzustand, der sich nicht addieren läßt. Nach dem *Elementarteilchenmodell* sind Elektronen Teil der Gruppe *Fermionen*, also Teilchen mit halbzahliger Spinzahl, und in der Untergruppe der Leptonen. Teilchen mit ganzzahliger Spinzahl heißen *Bosonen*.

Fermi-Dirac-Statistik. Die *Fermi-Dirac-Statistik* beschreibt die Wahrscheinlichkeit, daß ein Fermion in einem bestimmten Zustand ist. Sie ist definiert durch

Pauli-Prinzip. Das *Pauli-Prinzip* besagt, daß zwei Fermionen nicht denselben Quantenzustand haben können.

Magnetisches Moment. Ein Elektron weist ein Magnetisches Moment auf, welches sich aus der Spin-Bewegung ergibt. Es ist definiert durch

Ipnysik II Skript

0.5 Bestimmung der Ladungsverteilung im Atom (Streuexperimente)

Aus den vorgehenden Kapiteln kann man entnehmen, daß Atomen aus $z \in \mathbb{N}_0$ Elektronen der Ladung $-z \cdot |e|$ und z positiven Ladungen der Ladung $z \cdot |e|$ konstruiert sind. Hieraus resultiert die *elektrische Neutralität* des Atoms.

Das Thomson'sche Atommodell

Das Thomson'sche Atommodell (auch Rosinenkuchenmodell) besagt, daß die Ladungen über das gesamte Atomvolumen verteilt sind. Die Ladungsdichte ρ ist also konstant und gleich der Ladung pro Volumeneinheit.

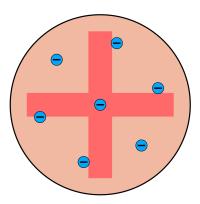


Abbildung 2: Das Thomson'sche Atommodell.

Die Bestimmung des inneren Atomaufbaus erfolgt durch die Streuung von α (${}_{2}^{4}\mathrm{He}^{2+}$) Teilchen und ihrer Bahnanalyse.

Das Rutherford-Experiment

Das Experiment entstammt der Idee der drei Physiker E. Marsden, H. Geiger und E. Rutherford. Der Versuchsaufbau ist von der Form

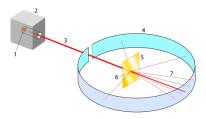


Abbildung 3: Das Rutherford-Experiment.

Mit einem Szintillator (oder technisch weiter fortgeschrittenen Messgeräten) wird Anzahl der Teilchenregistrierungen in Form von Blitzen in Abhängigkeit des Winkels θ gemessen, woraus sich zeitlich die Zählrate $N(\theta)$ ergibt.

......

Experimentalphysik II Skript

$\hfill \square$ Recherchiere den $Rutherfordschen$ $Streuungsquerschnitt$ und versuche, ihn zu verstehen.	(№9)

Experiment 3. Rutherford-Experiment.

Wir führen das Rutherford-Experiment durch und erhalten:

Registrierungen	Winkel	Zeit	Folie
1468cps	0°	20s	ohne
0 cps	15°	20s	ohne
1369 cps	0°	20s	mit
4 cps	15°	20s	$_{ m mit}$

Tabelle 1: Vergleich Messung mit und ohne Folie.

(Einheit "cps" ist counts per second)