

# Integrierter Kurs 4

Experimentaltail  
Tom Folgmann

13. April 2023

Atommassenbestimmung

**Röntgenbeugung an Kristallen.** Man kennt zunächst die *Gitterkonstante*  $d \in \mathbb{R}_{\geq 0}$ , also den *Abstand der Atome innerhalb des Gitters*. Damit ist das Atomvolumen gerade  $d^3 = V_{Atom}$  und schließlich

$$N_A \cdot V_{Atom} = \frac{M}{\rho(M)},$$

wobei  $M$  die *Molekülmasse* und  $\rho$  eine Dichtefunktion ist.

.....  
☐ Recherchiere das „Avogadro-Projekt“ des PTB.

(S1)

.....  
**Gaskonstante.** Über die Gaskonstante folgt der Atomradius  $R = N_A \cdot k_B$  mit  $k_B$  als *Boltzmann-Konstante*.

**Massenspektroskopie.** Hier wird über die Atomablenkung die Masse bestimmt.

.....  
☐ Recherchiere das genaue Vorgehen.

(S2)

## 0.1 Größe von Atomen

Atome weisen etwa eine Größe von  $10^{-10}$ m im Radius vor, was wir folgend auf die Einheit *Angstrom* normieren werden:  $1\text{\AA} := 10^{-10}\text{m}$ . Zum Vergleich: Das Wasserstoffatom weist einen Radius von  $0.5\text{\AA}$  auf, Magnesium einen von  $1.6\text{\AA}$  und Caesium  $2.98\text{\AA}$ .

## 0.2 Typische Bestimmung der Größe eines Atoms

**Grobe Abschätzung.** Für *reale Gase* gilt die sogenannte *Van-der-Waals-Gleichung* der Form

$$\left(p + \frac{a}{V_m^2}\right) \cdot (V_m - b) = RT,$$

wobei  $a$  den *Binnendruck* und  $b$  das *Kovolumen* darstellen. Aus einem  $pV$  Diagramm lässt sich dann die Konstante  $b$  bestimmen und die Approximation  $b \approx N_A \cdot V_A$  liefert die gewünschten Größen.

**Beugung von Röntgenstrahlen an Kristallen.** Das Ziel der Beugung ist zunächst die Bestimmung der oben erwähnten Gitterkonstanten  $d$ . Man benötigt hierzu Röntgenstrahlen, gewonnen durch (i) eine Röntgenröhre, mit dem Nachteil der charakteristischen Linien, welche berücksichtigt werden müssen, oder (ii) die Synchrotronstrahlung. Diese werden auf einen *Einkristall* gelenkt, welcher durch eine *periodische, durchgehende äquidistante* Anordnung von Atomen als ein *Festkörper* charakterisiert wird. Durch diese Anordnung wird eine Ebenenstruktur initialisiert, welche insbesondere nicht eindeutig wählbar ist.

Im Experiment wird dann eine Beugungserscheinung ersichtlich sein, siehe [→ AP3: *Beugung am Gitter*]. Im wesentlichen wird hierfür die *Bragg Bedingung* der Form

$$2 \cdot d \cdot \sin(\alpha) = n \cdot \lambda$$

verwendet, wobei  $\alpha$  der *Kontaktwinkel* der Strahlung zum Gitter und  $n$  die *Beugungsordnung* ist. Der Gitterabstand führt in der obigen Weise auf das gesuchte Atomvolumen  $V_{Atom}$ .

Man kann das Experiment auch mit mehreren Verfahren ausführen, wie zB. das *Laue-Verfahren*, das *Bragg-* oder *Drehkristallverfahren* und *Dabye Scherrer Verfahren*, welches für Pulver und monochromatisches Licht verwendet.

**Abbildende Größenbestimmung.** Mithilfe eines Lichtmikroskopes lässt sich ein Atom *nicht* auflösen, da es der Abbeschen Theorie über das Auflösungsvermögen widerspricht. Das *Rayleigh-Kriterium* für  $d$  ist von der Form

$$d = \frac{\lambda}{n \cdot \sin(\alpha)},$$

mit  $n$  als Brechungsindex und  $\alpha$  als Einfallswinkel (der halbe Winkel). Unter dem Link zum Auflösungsvermögen sind minimale sichtbare Längen bei ungefähr 500nm recherchierbar, woraus die Ausgangsaussage folgt.

„Man braucht die mindestens die erste Ordnung, sonst haben wir keine Auflösung mehr.“

.....

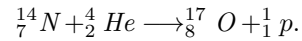
□ Finde heraus, was der Prof. mit dieser Aussage meinte.

(S3)

.....

### Experiment 1. *Die Nebelkammer.*

*Die sogenannte Nebelkammer ist gefüllt mit übersättigtem Wasserdampf, durch welche gewählte Teilchen hindurchfliegen, wie beispielsweise  ${}^4_2\text{He}$  Kerne. Ihre Spuren in dem Nebel lassen sich dann optisch durch Schwärzungen nachvollziehen. Die Streifen entstehen durch die Reaktion*



### Experiment 2. *Das Feldemissionsmikroskop.*

*Das Feldemissions- oder Feldelektronenmikroskop wurde entwickelt von E. Müller im Jahre 1951. Die Wolframspitze weist einen Krümmungsradius von  $r \approx 10\text{nm}$  auf, aus dessen Spitze durch eine angelegte Spannung zwischen ihr und dem Schirm Elektronen herausgerissen werden. Diesen Prozess nennt man auch Kalte Elektronen Emission.*