ECNU ICPC

Team Reference Document

FORE1GNERS March 2019

Contents

```
Αll
11
1.2
1.3
14
1.6
1.7
  1.8
1.9
1.10
1.11
1.12
  1 13
1.14
1.15
116
1.17
1.18
1.19
1.20
1.21
  1.22
1.23
1.24
125
1.27
  1 28
1.29
```

1 All

1.1 0_to_latex

```
#include <iostream>
#include <fstream>
#include <string>
#include <vector>
#include <algorithm> //
#include <filesystem>
namespace fs = std::filesystem;
int main() {
    const std::string output_filename = "0output_latex_sections.tex";
    std::ofstream outfile(output_filename);
      if (!outfile.is_open()) {
    std::cerr << "Failed to open output file." << std::endl;</pre>
           return 1;
     for (const auto& entry : fs::directory_iterator(".")) {
   if (entry.is_regular_file() && entry.path().extension() == ".cpp") {
      std::string filename = entry.path().filename().string();
      std::string basename = filename.substr(0, filename.size() - 4);
                 if (filename=""0_to_latex.cpp") continue;
                 std::transform(basename.begin(), basename.end(), basename.begin(),
                                       [](unsigned char c){ return std::toupper(c); });
                 std::string subsection_title = basename;
                 std::replace(subsection_title.begin(), subsection_title.end(), '-', '');
                 outfile << "\\subsection{" << subsection_title << "}\n";
```

1.2 2

```
#include <bits/stdc++.h>
    using namespace std;
    void solve(){
         int n;
         cin>>n;
          vector < int > a(n+1);
         long long ans=0;
         for (int i=1; i \leq n; i++){
               cin>>a[i];
               ans|=a i;
         map<int, int> maa;
         int mxx=0;
         int lenn=0;
         for (int i=1; i \leq m; i++){
              maa[a[i]]++;
if (maa[a[i])>=2&&a[i]>mxx){
mxx=a[i];
              a[i]=mxx;
ans+=a[i];
         map<int, int> ma;
         int mx=0;
         int len=0;
        for (int i=1;i\leqn; i++){
    ma[a[i]]++;
    if (ma[a[i]]==2&&a[i]>mx){
        ans+=1|1*(2*n-2*i+len+3)*(len)/2*mx;
                    len=1;
               else if (ma[mx]>=2){
36
                    len+=1;
37
         ans+=111*(len+1)*(len)/2*mx;
39
40
         cout<<ans<<'\n';
    int main(){
        freopen("1.in","r",stdin);
freopen("2.out","w",stdout);
ios::sync_with_stdio(0);
         cin.tie(0);
         int t;
         cin>>t;
         while(t--)
              solve()
         return 0:
```

1.3

```
#include <bits/stdc++h>

using namespace std;

void solve(){
    int n;
    cin>n;
    vector<int> a(n+1);
    long long ans=0;
    bool flag=1;
    for(int i=1;i<=n;i++){
        cin>a[i];
        ans+a[i];
    ans+a[i];
```

```
map<int, int> maa;
         int mxx=0;
         int lenn=0;
        for (int i=1; i < n; i++){
                \begin{array}{ll} (\text{Int } i=1, i=1, i+1) \\ \text{maa}[a[i]]]++; \\ \text{if } (\text{maa}[a[i]])=2\&\&a[i]>mxx) \{ \\ \text{mx}=[i]; \end{array}
                 a[i]=mxx;
ans+=a[i];
        map<int, int> ma;
        int mx=0;
        int len=0;
for(int i=1;i<=n;i++){
               \begin{array}{l} (\text{int } i = ;; < \exists i, i + \top / i \\ \text{ma}[a[i]] + ; \\ \text{if } (\text{ma}[a[i]] = 2 \& \& a[i] > \text{mx}) \{ \\ \text{ans+=} | 1| * (2*n-2*i + \text{len} + 3)* (\text{len}) / 2* \text{mx}; \\ \end{array}
                  else if (ma[mx]>=2){
                          len+=1;
        ans+=111*(len+1)*(len)/2*mx;
        cout<<ans<<'\n';
int main(){
       freopen("1.in","r",stdin);
freopen("2.out","w",stdout);
ios::sync_with_stdio(0);
cin.tie(0);
        cin>>t;
        while(t--){
                 solve();
        return 0;
```

1.4 A_Access_Denied

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
string s;
//string res;
bool fl1;//len char ans[30];
char c[70];
int main() {
    for(int i=0;i<26;i++){
          c[i] = 'A' + i;
     for(int i=26;i<52;i++){
    c[i]='a'+i-26;
     for (int i=52; i<62; i++){
          c[i] = '0' + i - 52;
     cout << ans[1] << endl;
     int idx=1,d;
     for (int i=1; i <=20; i++){
          cin>>s>>s;
if(s[0]=='G'){
               return 0;
          cin>>cc>>d>>s;
          if (d==5){
               idx++;
               ans[idx]='A';
               for (int i=1; i <= idx; i++){
                    cout<<ans[i];
               cout << endl;
```

```
else{
          break;
int len=idx;idx=1;
for (int i=1; i < = len; i++){
     int maxn=0;
     char ansc;
    for(int j=0;j<62;j++){
    ans[i]=c[j];
    for(int k=1;k<=len;k++){
               cout << ans[k];
          cout<<endl;
          cin>>s>>s;
if(s[0]=='G'){
               return 0;
          cin>>cc>>d>>s;
          if(d>maxn){
               maxn=d
               ansc=c[j];
     ans[i]=ansc;
```

1.5 A_Simple_Task

```
#include <bits/stdc++h>
using namespace std;
int n,m;

vector<int> ne[20];
int dp[(1<<19)][19];
int main(){
    ios::sync_with_stdio(0);
    cin.tie(0),cout.tie(0);
    cin.>n>m;
    while(m-){
        int u,v;
        cin>u>v;
        ve[u].push_back(v);
        ve[v].push_back(u);
    }
}
```

1.6 B

```
#include <bits/stdc++h>
using namespace std;

void solve(){
    long long n;
    cin>n;
    long long bmax=0,bmin=0;
    for (int i=0;i<=77:i++){
        if ((n-79*i)%77==0){
            bmax=(n-79*i)/77;
            break;
        }
    }
    for (int i=0;i<=79;i++){
        if ((n-77*i)%79==0){
            bmin=i;
        }
    }
    long long ans=(bmax-bmin)/79;
    if (bmax||bmin) ans+=1;
    cout<<ans<'\n';
}
int main(){
    ios::sync_with_stdio(0);</pre>
```

```
cin.tie(0);
                                                                                                            cin>>t;
solve();
                                                                                                            while (t--) {
return 0;
                                                                                                           return 0:
```

1.7 B_The_Human_Equation

```
#include <bits/stdc++.h>
#define int long long
using namespace std;
int n;
void solve(){
     cin>>n;
     int x=0;
     int y;
     vector<int> vec;
    for (int i=1; i \leq n; i++){
          cin>>y;
if(!y) continue;
          if (x*y>=0){
               x+=y;
               vec.push_back(x);
     if(x) vec.push\_back(x);
     //for(auto v:vec){
            cout<<v<'
      //cout<<'\n';
     int m=vec.size();
if(m==0){
          cout<<0<<'\n';
     else if (m==1){
          cout << abs (vec [0]) << '\n';
          cout<<max(abs(vec[0]),abs(vec[1]))</'\n';
//cout<<abs(abs(vec[0])-abs(vec[1]))</'\n';
          priority_queue<br/>
pair<int,int>,vector<br/>
pair<int,int>> q; vector<int> l(m+10),r(m+10),val(m+10),vis(m+10); for<br/>(int_i=1;i<=n;i++){
               l[i]=i-1;
r[i]=i+1;
val[i]=abs(vec[i-1]);
           \hat{1} [m+1]=m; r [0]=1;
          for (int i=1; i \leq n; i++){
q.push({abs(vec[i-1],i)});
          int ans=0;
          while(q.size()){
               pair<int, int> pos=q.top();
               q.pop();
               int v=val[id],id=pos.second;
                if(vis[id]) continue;
               vis[id]=1;
               if (v=ans) {
  int ll=l[id], rr=r[id];
                    r 11 = rr;
1 rr = 11;
                    continue;
               int res=v-ans;
               int ll=l[id], rr=r[id];
               if(11){
                    vis[rr]=1;
signed main(){
     ios::sync_with_stdio(0);
     cin.tie(0), cout.tie(0);
     int t;
```

1.8 D

solve();

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int N=5e3+10;
int n,w[N],p[N],a[N];
vector<vector<int>> ne(N);
     ios::sync_with_stdio(0);
cin.tie(0),cout.tie(0);
     cin>>n;
     for (int i=1; i < \mathbf{m}; i++){
          cin>>w[i];
     for (int i=1; i <=n; i++) cin>>p[i]; for (int i=1; i <=n; i++){
          cin>>a[i];
ne[a[i]].push_back(i);
```

1.9 D_Good_Trip

```
//https://codeforces.com/problemset/problem/1925/D \# include < bits/stdc++.h>
#define int long long
using namespace std;
const int mod=1e9+7;
int n,m,k;
long long qmi(long long a, long long b){
     long long res=1;
     while(b){
          if (b&1) res=res*a%mod;
          a=a*a\mod;
          b>>=1;
     return res;
long long inv(long long x){
     return qmi(x,mod-2);
void solve(){
     cin>>n>>m>>k;
     int res=0;
     for (int i=1; i < m; i++){
          int u, v, w;
          cin>>u>>v>>w;
          res+=w;
          res%=mod;
     int num=n*(n-1)/2;
    numV≔mod;
     int a,b;
     b=1;
     int res1=1;
     int fenmu=qmi(num,k);
     int fenzi=qmi(num-1,k);
     if (num==1) fenzi=1;
     int res3=0;
int ans=(k*res/mod)*inv(num)/mod;
     if (!res) \(\){cout << ans << '\n'; return;}
     \begin{array}{c} \text{for}(\text{int } i=1; i \leqslant k; i++) \{\\ \text{res}1=((\text{res}1*a)\%\text{mod})*\text{inv}(b)\%\text{mod}; \end{array}
```

1.10 D_Slimes

```
#include <bits/stdc++.h>
#define int long long
using namespace std;
 const int N=3e5+10;
int a [N];
int ans[N];
bool v[N];
void solve(){
      cin>>n:
     for (int i=1;i \Leftarrow n; i++) cin>>a[i];
for (int i=1;i \Leftarrow n; i++) ans [i]=1e18, v[i]=0;
priority_queue<pair<int,int>,vector<pair<int,int>>,greater<pair<int,int>>> q;
      priority_queue<int, vector<int>,greater<int>> qq; int res=0,ress=0;
      for (int i=1; i \le n; i++){
             while (q. size () \& q. top(). first + res <= [i]) { } 
                 v[i-(q.top().second+ress)]=1;
             while(qq.size()\&\&v[i-(qq.top()+ress)]) \{ 
                 qq.pop();
            if (qq. size()){
                 ans[i]=min(ans[i],qq.top()+ress);
           q.push({a[i]-res,1-ress});
qq.push(1-ress);
      while(q.size()) q.pop();
while(qq.size()) qq.pop();
      for (int i=1; i \le n; i++) v[i]=0;
      //priority_queue<pair<int,int>,vector<pair<int,int>>,greater<pair<int,int>>> q;
      for(int i=n;i>=1;i--) \{ while(q.size()&&q.top().first+res = a[i]) \}
                 v[i+q.top().second+ress]=1;
                 q.pop();
            while (qq.size()\&\&v[i+qq.top()+ress]){
                 qq.pop();
            if (q. size()){
                 ans[i]=min(ans[i],qq.top()+ress);
            res+=a[i];
           q.push({a[i]-res,1-ress});
qq.push(1-ress);
      for(int i=1;i<=n;i++){
   if(ans[i]==le18) cout<<-l<-' ';
   else cout<<ans[i]<-' ';</pre>
      cout<<'\n';
```

```
signed main() {
    ios::sync_with_stdio(0);
    cin.tie(0),cout.tie(0);
    int t;
    cin.>t;
    while(t--) {
        solve();
    }
}
```

1.11 D_XOR_Counting

```
#include <bits/stdc++.h>
 using namespace std;
 const int mod=998244353;
map<long long ,long long > cnt ,sum;
 \begin{array}{c} \mathrm{long} \ \mathrm{dfs}(\mathrm{long} \ \mathrm{long} \ x) \{ \\ \mathrm{if}(\mathrm{cnt}[x]) \ \mathrm{return} \ \mathrm{sum}[x]\% \mathrm{mod}; \end{array}
       if (x%2){
               \frac{dfs(x/2)}{dfs};

cnt[x] = cnt[x/2]; 

sum[x] = sum[x/2]*2 + cnt[x/2];

              \operatorname{sum}[x]\% = \operatorname{mod};
             \begin{array}{l} {\rm dfs}\,(x/2)\,,{\rm dfs}\,(x/2-1)\,;\\ {\rm cnt}\,[x]\!=\!{\rm cnt}\,[x/2]\!+\!{\rm cnt}\,[x/2-1]\,;\\ {\rm sum}\,[x]\!=\!({\rm sum}\,[x/2]\!+\!{\rm sum}\,[x/2-1])^*2\,; \end{array}
              \operatorname{sum}[x]\% = \operatorname{mod};
       return sum[x];
 void solve(){
       long long n,m;
       cin>>n>>m;
       long long ans=0;
       if (m==1){
              ans-n;
              //cout<<n<<'\n';
       else if (m>=3){
               if (n%2){
                      ans = (n+1)/2;
                      ans%=mod;
                      ans*=ans;
                      ans%=mod;
                      ans=n/2;
                      ans/mod;
                      ans=ans*(ans+1)/mod;
       else{
               ans=dfs(n);
       cout<<ans/mod<<'\n';
       ios::sync_with_stdio(0);
       cin.tie(0), cout.tie(0);
       int t;
       cin>>t;

cnt[0]=1;

sum[0]=0;

       while (t--)
              solve()
       return 0;
```

1.12 E_Useless_for_LISE_\(\mathbb{U}\)_LIS_\(\mathbb{M}\)

```
1|#include <bits/stdc++.h>
      using namespace std;
      void solve(){
            cin>>n;
            \begin{array}{l} \text{cn} > a, \\ \text{vector} < \text{int} > a(n+1), dp(n+1); \\ \text{vector} < \text{int} > len(n+2); \\ \text{for} (\text{int } i=1; i< n; i++) \ len[i] = 2e9; \\ \text{for} (\text{int } i=1; i< n; i++) \ cin>>a[i]; \\ \end{array}
             int maxn=0;
             for (int i=1; i < = n; i++){
                   int l=0,r=i;
                   while (l < r)
                           int mid=(l+r+1)>>1;
                           if (len [mid] < a [i]) l=mid;
else r=mid-1;
                   dp[i]=l+1;
                   maxn=max(maxn,dp[i]);
len[l+1]=min(len[l+1],a[i]);
            for (int i=1; i \leq n; i++){
len[i]=0;
24
             len [maxn+1]=2e9;
             set<int> se;
             for (int i=n; i>=1; i--) {
                   \begin{array}{c} \inf(a[i] < \operatorname{len}[dp[i]+1]) \{ \\ \operatorname{len}[dp[i]] = \max(\operatorname{len}[dp[i]], a[i]); \end{array}
                           se.insert(i);
33
34
35
            cout<<se.size()<<'\n';
            for (auto x:se) {
36
37
38
39
40 }
             cout<<'\n';
41
     int main(){
            ios::sync_with_stdio(0);
43
             cin.tie(0);
            int t;
            cin>>t
            while(t--)
            return 0;
```

1.13 F

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
void solve(){
    int n,k;
    cin>>n>>k;
    vector < int > a(n);
    cin>>a[0];
a[0]+=k*3;
    for (int i=1;i < n;i++){
         cin>>a[i];
     priority_queue<pair<int,int>,vector<pair<int,int>>,greater<pair<int,int>>> q1,q2;
     for (int i=1;i < n;i++){
         if(a[i]<a[0]) q1.push({a[i],0});
else q2.push({a[i],0});
    int ans=q2.size();
     while(q2.size()){
         pair<int,int> pos=q2.top();
int x=pos.first,time=pos.second;
         q2.pop();
         if(res){
              res - -:
              if(x>a[0]) q2.push(\{x,time\});
```

1.14 F_Earn_to_Advance

```
#include <bits/stdc++.h>
   #define int long long
   #define PIII pair<pair<int,int>,pair<int,int>>>
   using namespace std;
    const int N=81;
   int a[N][N];
int r[N][N],dw[N][N];
   //int d[N][N][N][N];
map<tuple<int, int, int, int>,int> d;
   signed main(){
       ios::sync\_with\_stdio(0);

cin.tie(0),cout.tie(0);
        cin>>n;
        //memset(dp,0x3f,sizeof dp);
        for (int i=1; i < m; i++){
for (int j=1; j < m; j++)}
                  cin>>a[i][j];
23
24
25
        for(int_i=1;i<=n;i++){
             for(int j=1; j < n; j++){}
                  cin>>r[i][j];
        for (int i=1; i < n; i++){
             for(int j=1;j<=n;j++){
                 cin>>dw[i][j];
       for (int i=1; i < n; i++){
    for (int j=1; j < n; j++){
        //d[i][j][i][j]=0;
                  d[{i,j,i,j}]=0;
        //return 0;
        for (int i=n; i>=1; i--) {
             for(int j=n; j>=1; j--) {
    for(int k=n; k>=i; k--) {
                     //\text{cout} << d[\{1,1,1,3\}] << '\n';
```

1.15 G copy

```
#include <bits/stdc++h>
using namespace std;

set<int> pre[500010], suf[500010];

void solve(){
    int n,m;
    cin>int n,m;
    vector<int> a(n+1);

for(int i=1;i<=n;i++){
    cin>a[i];
    }
    for(int i=1;i<=n;i++){
    int n,m;
    cin>a[i];
    }

for(int i=1;i<=n;i++){
    int main(){
    int main(){
    ios::sync_with_stdio(0);
    cin.tie(0);
    solve();
    return 0;
}</pre>
```

1.16 G

```
#pragma CCC O(3)
2 #include <bits/stdc++h>

using namespace std;

int unit;

struct node{
    int l,r;
    int id;

bool operator<(const node &x) const {
    if (1/unit=x.1/unit) return l<x.1;
    if (i(1/unit)&1){
        return r<x.r;
    }

    return r<x.r;

}

void solve(){
    int n,m;
    cin>n>m;
```

```
unit=sqrt(n);
     vector < int > a(n+1);
     vector<node> q(m+1);
     vector\langle int \rangle ans(m+1);
for(int i=1; i \leqslant m; i++){
           cin>>a[i];
     for(int i=1;i<=n;i++){
    cin>>q[i].l>>q[i].r;
    q[i].id=i;
     sort(q.begin()+1,q.end());
     map<int, int> ma;
     priority_queue<int, vector<int>,less<int>> qu;
     auto del = [\&] (int x) -> void {
          ma[x]++;
    else{
                ma[x]--;
     auto check = [&] () -> int {
           vector<int> vec;
           int res=-1;
           int a1=0,a2=0,a3=0;
           while(qu.size()){
   int x=qu.top();
                qu.pop();
if(ma[x]){
                      continue;
                 if (!a1){
                 else{
                       if (!a2){
                       else{
                             if (!a3) {
                             else{
                                  vec.push_back(a1);
                                 a1=a2, a2=a3, a3=x;
                if (a3){
                      if(a2+a3>a1){
res=a2+a3+a1;}
                            break;
           if(a1) vec.push_back(a1);
if(a2) vec.push_back(a2);
           if (a3) vec.push_back(a3);
           for(auto x:vec){
                qu.push(x);
           return res:
     for(int i=1;i<=n;i++){
    add(a[i]);
    for(int i=1,l=1,r=0;i<=m;i++){
    while(l>q[i].1) del(a[--1]);
    while(r<q[i].r) del(a[++r]);
    while(l<q[i].1) add(a[1++]);
    while(r>q[i].r) add(a[r--]);
    ans[q[i].id]=check();
     for(int i=1;i<=m;i++){
    cout<<ans[i]<<'\n';
int main(){
     ios::sync_with_stdio(0);
     cin.tie(0);
     solve();
```

88

1.17 M_BpbBppbpBB

```
#include <bits/stdc++.h>
    using namespace std;
    const int N=1e3+10;
    int a[N][N];
bool v[N][N];
int s[N][N];
    int dx[4] = \{1,1,-1,-1\};
int dy[4] = \{1,-1,1,-1\};
    int ax[24] = \{3,3,4,4,4,4,5,5,5,5,6,6,3,3,4,4,4,4,5,5,5,5,6,6,6\};
    int ay 24 = \{4,5,3,4,5,6,3,4,5,6,4,5,11,12,10,11,12,13,10,11,12,13,11,12\};
int bx \{12\} = \{7,7,8,8,8,8,9,9,9,9,10,10\};
int by [12] = \{4,5,3,4,5,6,3,4,5,6,4,5\};
    bool checkk(int x, int y){
          if (x<1|x>n||y<1||y>m) return 0;
26 int sol(int xx,int yy,int x,int y){
27 return s[xx][yy]-s[x-1][yy]-s[xx][y-1]+s[x-1][y-1];
    int check(int x, int y) {
    if(checkk(x+16,y+9)) {
        int x3=x+16;
    }
                int y3=y+9;
                int x4=x,y4=y;
                //x4=x+x2-x3,y4=y+y2-y3;
if (sol(x3,y3,x4,y4)!=146) return 0;
                bool fl=1;
               for(int i=0;i<24;i++){
    if(a[x+ay[i]][y+ax[i]]) {fl=0;break;}
                if(fl) return 1;
          if (checkk(x+9,y+16)) {
    int x3=x+9;
                int y3=y+16;
               int x4=x,y4=y;
//x4=x+x2-x3,y4=y+y2-y3;
                if(sol(x3,y3,x4,y4)!=146) return 0;
                bool fl=1:
               for (int i=0; i<24; i++){}
                      //cout<<i<<
                      //cout<x+ax[i]<<' '<<y+ay[i]<<'\n';
if(a[x+ax[i]][y+ay[i]]) {fl=0;break;}
                if(fl) return 2;
          return 0;
    void cover(int x,int y,int fl){
          int x2=x+16;
          if (f1==2) x2=x+9,y2=y+16;
          for (int i=x; i!=x^2; i++){
               for(int j=y; j!=y2; j++){
    v[i][j]=1;
68
69 }
   bool check1(int x, int y, int dxx, int dyy){ int x=x+dxx*13,yy=y+dyy*9;
         if (!checkk(xx,yy) return 0;
int xxx=x+dxx*3,yyy=y+dyy*2;
if (sol(max(xxx,x),max(yyy,y),min(xxx,x),min(yyy,y))!=12) return 0;
          if(sol(max(xxx+dxx,xx),max(y,yy),min(xxx+dxx,xx),min(y,yy))!=88) \ return \ 0;\\
          for (int i=0; i<12; i++)
                if(a[x+dxx*bx[i]][y+dyy*by[i]]) return 0;
          return 1;
```

```
void cover1(int x,int y,int dxx,int dyy){
  int xx=x+dxx*13,yy=y+dyy*9;
84
           int xxx=x+dxx*3,yyy=y+dyy*2;
           for (int i=x; i!=xxx; i+=dxx){
86
87
                  for(int j=y; j!=yyy; j+=dyy){
    v[i][j]=1;
88
           for (int i=xxx+dxx; i!=xx; i+=dxx){
                  for(int j=y; j!=yy; j+=dyy){
v[i][j]=1;
     bool check2(int x,int y,int dxx,int dyy){
  int xx=x+dxx*9,yy=y+dyy*13;
  if(!checkk(x+dxx*9,y+dyy*13)) return 0;
           int xxx=dx^2yy=ydyy^3;

if (sol(max(xxx,x),max(yyy,y),min(xxx,x),min(yyy,y))!=12) return 0;
           if(sol(max(xx,x),max(yyy+dyy,yy),min(xx,x),min(yyy+dyy,yy))!=88) return 0;
for(int i=0;i<12;i++){
    if(a[x+dxx*by[i]][y+dyy*bx[i]]) return 0;</pre>
           return 1;
     void cover2(int x,int y,int dxx,int dyy){
  int xx=x+dxx*9,yy=y+dyy*13;
  int xxx=x+dxx*2,yyy=y+dyy*3;
           for (int i=x; i!=xxx; i+=dxx) {
                 for(int j=y; j!=yyy; j+=dyy){
    v[i][j]=1;
          for(int i=x; i!=xx; i+=dxx){
    for(int j=yyy+dyy; j!=yy; j+=dyy){
        v[i][j]=1;
    int main(){
           ios::sync_with_stdio(0);
cin.tie(0),cout.tie(0);
           cin>>n>>m;
           for (int i=1; i \le n; i++){
                  for (int j=1; j < m; j++){
                         \begin{array}{l} \text{cm},\\ \text{if} (=\#) \ a[i][j] = 1;\\ \text{else } a[i][j] = 0;\\ \text{s}[i][j] = \text{s}[i-1][j] + \text{s}[i][j-1] - \text{s}[i-1][j-1] + \text{a}[i][j]; \end{array} 
          for(int i=1;i<=1;i++){
    for(int j=1;j<=n;j++){
        if(v[i],j]) continue;
        if(v[i],j) continue;
                         int x=check(i,j);
                         if(x){
                               cover(i,j,x);
                               ansb++;
                               break;
                         if(v[i][j]) continue;
                         for (int k=0; k<4; k++){
                                bool fl=check1(i,j,dx[k],dy[k]);
                               if(f1){
                                      cover1(i,j,dx[k],dy[k]);
                                      break;
                         if (v[i][j]) continue;
for (int k=0;k<4;k++)
                               bool fl=check2(i,j,dx[k],dy[k]);
                               if(f1){
                                      cover2(i,j,dx[k],dy[k]);
                                      ansp++;
break:
           cout<<ansb<<" "<<ansp<<'\n';
```

1.18 pai

1.19 Picture

```
#include <bits/stdc++.h>
   #define pl tr<<1
   #define pr tr<<1|1
   using namespace std;
   const int N=5e3+10;
   struct segmentTree{
       int l,r;
        long long sum;
   }t [N<<4];
   struct Line{
       long long l,r,h,flag;
  }line[N<<1];
   bool operator < (const Line a, const Line b){
       return a.h<b.h;
24 long long x[N<<1];
   void pushup(int tr){
    t[tr].sum=(t[pl].sum+t[pr].sum);
   void build(int l,int r,int tr){
    t[tr].l=l,t[tr].r=r;
        if(|=r)return;
       int mid=(l+r)>>1;
build(l,mid,pl);
build(mid+1,r,pr);
        return;
   void update(int l,int r,int tr,int k){
    if(l \le [t[tr].l] \& x[t[tr].r] \le r){
            t[tr] sum=k;
            return:
       48
        ios::sync_with_stdio(0);
        cin.tie(0), cout.tie(0);
        cin>>n;
        for (int i=1; i < \mathbf{n}; i++){
             int x2, y2, x3, y3;
```

1.20 P_1357_M

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   int dp[100][100][2];
   vector<int> sta;
  int n,m,k;
  int lowbit(int x){
                   return x&-x;
  int count(int x){
                    int res=0;
                     while(x) res++,x-=lowbit(x);
                     return res;
  int main(){
                     ios::sync_with_stdio(0);
                     cin.tie(0), cout.tie(0);
                     cin>>n>>m>k;
                      //cout << "sta: \n";
                     for (int i=0; i<(1<< m); i++){}
                                         if (count(i)<=k){
    int res=(i>>(m1))&1;
    dp[m][i][res]=1;
    sta.push_back(i);
                                                                //cout<<i<<' '<<re><<'\n';
                     for(int i=n+1;i<=n;i++){
                                           for(auto u:sta){
                                                               `int v=u>>1;/
                                                                int v1=v+(1<<(m-1));//
                                                             \begin{array}{l} dp[i][u][0]+=(dp[i-1][v][0]);\\ dp[i][u][1]+=(dp[i-1][v][1]);\\ if(count(v1))=k) \end{array}
                                                             dp[i][u][0] + = dp[i-1][v1][0], dp[i][u][1] + = dp[i-1][v1][1];
                         //cout << "dp: \n";
                     int ans=0;
                     for(auto i:sta){
                                          int res=i&1;
                                         \begin{array}{ll} \inf \ i = s - i - i, \\ \inf \ d = 
                                          cout<<ans<<'\n';
                     cout<<ans<<'\n';
                    return 0;
```

1.21 P_1578_

```
sort(line+1,line+l+n);
int m=unique(x+1,x+l+n)-(x+1);
build(1,m-1,1);
long long ans=0;
for(int i=1;i-n;i++){
    update[line[i].1,line[i].r,1,line[i].v);
    ans+=t[1].len*(line[i+1].h-line[i].h);
}
cout<<a href="mailto:ans</a>
```



```
#include <bits/stdc++.h>
     #define pl tr<<1
     #define pr tr<<1|1
     using namespace std;
     const int N=1e5+10;
     struct Line{
           long long l,r,h,v;
     } line [N<<1];
     bool operator < (const Line a, const Line b){
            return a.h<b.h;
     int x[N <<1];
     struct segmentTree{
            long long l,r,cnt,len;
     t [N < \sqrt{4}];
     void pushup(int tr){
  if(t[tr].cnt){
                  t[tr].len=(x[t[tr].r+1]-x[t[tr].l]);
            else{
                   t[tr].len=(t[pl].len+t[pr].len);
32 }
     void build(int 1,int r,int tr){
    t[tr].l=l,t[tr].r=r;
            if(|=r){
t[tr].len=t[tr].cnt=0;
                   return;
            int mid=(l+r)>>1;
            build(l,mid,pl);
43
            build (mid+1,r,pr);
44
     \begin{array}{c} \mathrm{void} \  \, \underset{i\,f\,(t,x,t)}{\mathrm{update}(\mathrm{int}\ l\,,\mathrm{int}\ r\,,\mathrm{int}\ t\,r\,,\mathrm{int}\ k)\{} \\ \mathrm{if}\,(t,x,t) \in \mathbb{E}[t\,[t\,r\,]\,.\,l]\&\&x\,[t\,[t\,r\,]\,.\,r+l]<=r)\{\\ \mathrm{t}\,[t\,r\,]\,.\,\mathrm{cnt}+\&; \end{array}
                   pushup(tr);
                  return:
            \inf_{i \text{ int mid}=(t[tr].l+t[tr].r)>>1;} if(l \leq x[mid]) \text{ update}(l,r,pl,k);}
            if(x[mid+1] < r) update(1,r,pr,k);
            pushup(tr);
     int main(){
            ios::sync_with_stdio(0);
            cin.tie(0), cout.tie(0);
            cin>>n;
            for (int i=1; i \le n; i++){
                   int \ x2, y2, x3, y3;
                  \begin{array}{l} \text{cin} > & \text{x2} > & \text{y2} > & \text{x3} > & \text{y3}; \\ \text{line} [2^*\text{i-1}] = & \text{(Line)} \{x2, x3, y2, 1\}; \\ \text{line} [2^*\text{i}] = & \text{(Line)} \{x2, x3, y3, -1\}; \end{array}
                   x[2*i-1]=x^2;
                   x[2*i]=x3;
            n<<=1;
            sort(x+1,x+1+n);
```

1.23 P_7835_Wdoi_3_MM_dreaming

```
#include <bits/stdc++.h>
#define int long long
using namespace std;
const int N=1e3+10;
int n.k:
struct node{
    int t, x, y;
a[N];
int gcd(int a, int b){
    return b?gcd(b,a%b):a;
int lcm(int a,int b){
    return a*b/gcd(a,b);
signed main(){
    ios::sync_with_stdio(0);
cin.tie(0),cout.tie(0);
    cin>>n>>k;
    for (int i=1; i \le k; i++){
cin > a[i].t > a[i].x > a[i].y;
    int ans=4e18;
    for (int i=1; i <= k; i++){
         for(int j=1;j<i;j++){
    int lm=lcm(a[i].t,a[j].t);
              int resi=m/a[i].t;
int resj=m/a[j].t;
              if((a[i].x+(resi-1)*a[i].y)%n!=(a[j].x+(resj-1)*a[j].y)%n){
              if((a[i].x+(resi*2-1)*a[i].y)\%n!=(a[j].x+(resj*2-1)*a[j].y)\%n){
                   ans=min(ans,lm*2);
    if (ans-4e18) cout << "Mystia will cook forever...";
    else cout<<ans-1<<'\n';
```

1.24 qfl_zzz⊠mex

```
#include <br/>
wising namespace std;<br/>
const int N=le5+10;<br/>
int n,x;<br/>
int a[N];<br/>
queue<int> q[N];<br/>
int main(){<br/>
    ios::sync_with_stdio(0);<br/>
    cin.tie(0),cout.tie(0);<br/>
    cin.max;<br/>
    int y=sqrt(2*x)+10;<br/>
    int ans=0;<br/>
    int ans=0;<br/>
    for(int i=1;i<=n;i++){<br/>
        cin>a[i];<br/>
    }
```

```
for (int l=l,r=0;l<=n;l++){
    while (l>r||(r<=&&res<=x)){
        if (r>n) break;
        res+=a|r|;
        res+=a|r|;
        lif (p|n) break;
        res+=a|r|;
        res+a|r|;
        res
```

1.25 shujv

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int modn=1e5;
    freopen("1.in", "w", stdout);
srand(time(0));
    int t=20000;
    cout<<t<'\n
     int res=200000;
    for(int time=1;time<=t;time++){
         if(!res){
    cout<<0<<'\n';
              continue;
         int n=(rand()\%res)+1;
         res-=n:
         cout<<n<'\n';
         int a[n],b[n];
for(int i=0;i<n;i++){
              a[i]=(rand()\%n)+1;
         for (int i=0; i < n; i++) cout << a[i] << '';
         cout<<'\n';
```

1.26 Simple_Sum

```
#include <bits/stdc++h>
2 #define int long long
using namespace std;
const int N=le7+10;
int t;
int v[N];
r int pri[N], cnt;

yoid shai(){
    for(int i=2;i<N;i++){
        if(!v[i]) {v[i]=i;pri[++cnt]=i;}
        for(int i=2;i<-nt;j++){
        if(pri[j]>v[i]| pri[j]>N/i) break;
        v[i*pri[j]]=pri[j];
}

yoid solve(){
    int n;
    int ans=1;
    int x=1;
    int x=1;
}
```

```
if (n==1) {cout<<ans<<'\n'; return;}
    while (x > 1){
          int y=v[x];
          int res=0;
          long long ress=1;
while(v[x]==y){
              x/=y;
ress*=v;
               res++;
          if (res==1){
               ans=ans*(y*y-y+1);
               ans=ans*(ress*ress*y+1)/(y+1);
    cout<<ans<<'\n';
signed main(){
   ios::sync_with_stdio(0);
   cin.tie(0),cout.tie(0);
    shai();
    cin>>t;
    while(t--){
         solve();
    return 0;
```

1.27 tempCodeRunnerFile

ZhkjgsfiUfgvkragbyonbkchfoloiygabhkabgfikr

1.28 test

```
#include <bits/stdc++.h>
#define int long long
using namespace std;
const int N=1e5+10;
int n;
int xs, ys, xe, ye;
const long double eps=1e-6;
int sgn(long double x){
    return x>eps?1:(x<-eps ? -1:0);
struct node{
    int x,y;
a[N], res;
struct seg{
     long double jiaoq, jiaow;
     int jw;
long long det(node a,node b){
   return a.x*b.y-b.x*a.y;
long long dot(node a,node b){
   return a.x*b.x+a.y*b.y;
long double len(node a){
    return sqrt(a.x*a.x+a.y*a.y);
long double dott(node a) {
    return (long double)dot(a, res)/len(a);
bool cmp(seg a, seg b){
    if(a.jiaoq=b.jiaoq){
return a.jiaow>b.jiaow;
     return a.jiaoq>b.jiaoq;
bool cmp1(seg a, seg b){
     if (a. jiaow b. jiaow) {
         return a.jiaoq>b.jiaoq;
     return a.jiaow>b.jiaow;
```

```
map<long double, int> ma;
     int d[N];
     int lowbit(int x){
           return x&(-x);
     void add(int k,int x){
for(;k \le n;k + \exists owbit(k)) d[k]+=x;
     \text{int } \mathbf{query}(\text{int } \mathbf{x})\{
           int res=0;
           for(x; x=lowbit(x)) res+=d[x];
           return res;
63 }
     signed main(){
           ios::sync_with_stdio(0);
cin.tie(0),cout.tie(0);
           cin>>xs>>ys>>xe>>ye;
           //if(xs>xe) swap(xs,xe),swap(ys,ye);
           res={xe-xs, ye-ys};
           cin>>n:
           \begin{array}{ll} & \text{for (int } i=1; i < n; i++) \{ \\ & \text{cin} > a[i]. \times > a[i]. y; \\ & b[i]. q = ((\text{node}) \{ a[i]. x - x s, a[i]. y - y s \}); \end{array}
                  b[i].w=((node)\{xe-a[i].x,ye-a[i].y\});
            vector < seg > v1, v2, v3;
           for (int i=1; i < n; i++)
                 b[i].jiaoq=dott(b[i].q);
b[i].jiaow=dott(b[i].w);
81
                 \text{if (\det(b[i].q,res)>0) v1.push_back(b[i]),cout<\text{"CCF: "<i<' \'<det(b[i].q,res)<'\n'; else if(\det(b[i].q,res)<0) v2.push_back(b[i]),cout<\text{i<' \'<det(b[i].q,res)<'\n';
83
                        v3.push_back(b[i]);
88
           sort(v1.begin(),v1.end(),cmp1);
89
           sort(v2.begin(), v2.end(), cmp1);
         if(v1.size())v1[0].jw=cnt;
        for (int i=1;i< v1. size (); i++){
    if (sgn(v1[i].jiaow-v1[i-1].jiaow)==-1) cnt++;
           v1[i].jw=cnt;
96
       cnt-a;
if(v2.size())v2[0].jw=cnt;
for(int i=1;i<v2.size();i++){
    if(sgn(v2[i].jiaow-v2[i-1].jiaow)==-1) cnt++;
    v2[i].jw=cnt;</pre>
100
101
102
103
           //int cnt=0;
104
           //for(auto& v:v1){
105
                    if (!ma[v.jiaow]) cnt++;
106
                    v.jw=cnt;
107
                    ma[v.jiaow]=1;
108
           //}
//cnt=0;
109
            //ma.clear();
111
            //for(auto&v:v2){
112
                    if (!ma[v.jiaow]) cnt++;
113
                    v.iw=cnt:
114
                    ma[v.jiaow]=1;
           sort(v1.begin(),v1.end(),cmp);
sort(v2.begin(),v2.end(),cmp);
116
117
118
           int res1=0, res2=0;
119
           for(auto v:v3){
120
                  if (dot(v.q,res)>0) res1++;
else res2++;
121
122
123
           int ans=0;
           ans+=res1*(res1-1)/2+res2*(res2-1)/2;
124
                for (int i=0;i<v1.size();i++){
    cout<<v1[i].q.x<\''<v1[i].q.y<\'\n';
    ans+=query(v1[i].j.y);
    add(v1[i].jw,1);
125
127
128
129
130
           cout<<'\n';
131
           //for(auto v:v1){
                    `ans+=query(v.jw);
                    add(v.jw,1);
```

```
for(int i=1;i<=n;i++){
    d[i]=0;
}
    for(int i=0;i<v2.size();i++){
        ans+=query(v2[i].jw);
        add(v2[i].jw,1);
}
//for(auto v:v2){
        // ans+=query(v.jw);
        // add(v.jw,1);
        // cout<<ans<''\n';</pre>
```

1.29

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int N=2e6+10;
const int mod=998244353:
int dp[N][2][2];
int main(){
      ios::sync_with_stdio(0);
      cin.tie(0), cout.tie(0);
      string s;
      cin>>s;
      int n=s.size();
      \frac{\mathrm{dp}[0][1][1] = \mathrm{dp}[0][1][0] = \mathrm{dp}[0][0][1] = \mathrm{dp}[0][0][0] = 1;}{\mathrm{for}(\inf \ i = 1; i < \!\!\! = \!\!\! i; i + \!\!\!\! +)} 
             for (int j=0; j<=1; j++){}
                   for (int k=0; k<=1; k++){
                         int q=j?s[i]-'0':1;
int w=k?s[i]-'0':1;
                         for (int a=0;a \le q;a++)
                                \begin{array}{ll} \text{for int b=0;b=w;b++)};\\ \text{if } (\text{int b=0;b=w;b++)};\\ \text{if } (\text{int b=a^b)};\\ \text{dp[i][j][k+=dp[i-1][j&&=q][k&b=w];}\\ \text{dp[i][j][k,=mod;} \end{array}
```

1.30

```
#include <bir/>
#include <bir/>
#define int long long
using namespace std;

const int N=2e3+10;

struct node{
    int l,r,w;
}a[N];
    int dp[N];

bool cmp(node a,node b){
    return a.r d.r;
}

bool check(int x,int ll){
    if(a[x].r>=ll) return 1;
    else return 0;
}

signed main(){
    ios::sync_with_stdio(0);
    cin.tie(0),cout.tie(0);
    int n,m;
```

```
if(a[j].r<a[i].l||(a[j].l>a[i].l&&a[j].r<a[i].r)){
    int l=0,r=j;
    while(1<r) {
        int mid=(l+r)>>1;
        if(check(mid,a[j].l)) r=mid;
        else l=mid+1;
    }
    dp[i]=min(dp[i],dp[j]+s[i-1]-s[l]);
}
ans=min(ans,dp[i]+s[m]-s[i]);
}
cout≪ans<''\n';</pre>
```

杜教筛

得到 $f(n) = (f * g)(n) - \sum_{d|n,d < n} f(d)g(\frac{n}{d})$ 。 构造一个积性函数 g,那么由 $(f*g)(n) = \sum_{d|n} f(d)g(\frac{n}{d})$, 求 $S(n) = \sum_{i=1}^{n} f(i)$,其中 f 是一个积性函数。

$$g(1)S(n) = \sum_{i=1}^{n} (f * g)(i) - \sum_{i=1}^{n} \sum_{d|i,d < i} f(d)g(\frac{n}{d}) \quad (1)$$

$$\stackrel{t=\frac{i}{d}}{=} \sum_{i=1}^{n} (f * g)(i) - \sum_{t=2}^{n} g(t) S(\lfloor \frac{n}{t} \rfloor)$$
 (2)

当然,要能够由此计算 S(n),会对 f,g 提出一些要求:

- f*g 要能够快速求前缀和。
- g 要能够快速求分段和 (前缀和)。
- 在预处理 S(n) 前 $n^{rac{2}{3}}$ 项的情况下复杂度是 $O(n^{rac{2}{3}})_{\circ}$ 对于正常的积性函数 g(1)=1, 所以不会有什么问题

素性测试

- 前置: 快速乘、快速幂
- int 范围内只需检查 2, 7, 61
- long long 范围 2, 325, 9375, 28178, 450775, 9780504, 1795265022
- 3E15 内 2, 2570940, 880937, 610386380, 4130785767
- 4E13 内 2, 2570940, 211991001, 3749873356
- http://miller-rabin.appspot.com/

扩展欧几里得

- 如果 a 和 b 互素,那么 x 是 a 在模 b 下的逆元
- 注意 x 和 y 可能是负数

类欧几里得

- $m = \lfloor \frac{an+b}{c} \rfloor.$
- (c,c,n); 否则 f(a,b,c,n) = nm f(c,c-b-1,a,m-1)。 f(a, b, c, n) = $f(a,b,c,n) = (\frac{a}{c})n(n+1)/2 + (\frac{b}{c})(n+1) + f(a \bmod c, b \bmod$ $\sum_{i=0}^{n} \lfloor \frac{ai+b}{c} \rfloor$: $\stackrel{\cdot}{=} a \geq c \text{ or } b \geq c \text{ B}$;
- $g(a,b,c,n) = (\frac{a}{c})n(n+1)(2n+1)/6 + (\frac{b}{c})n(n+1)/2 +$ $g(a,b,c,n) \; = \; \textstyle \sum_{i=0}^n i \lfloor \frac{ai+b}{c} \rfloor \colon \; \stackrel{\mbox{\tiny def}}{=} \; a \; \geq \; c \; \; \mbox{or} \; \; b \; \geq \; c \; \; \mbox{bt},$ 1)m - f(c, c - b - 1, a, m - 1) - h(c, c - b - 1, a, m - 1)) $g(a \bmod c, b \bmod c, c, n); \ \textcircled{AM} \ g(a, b, c, n) = \frac{1}{2}(n(n + c, n))$
- $h(a,b,c,n) = \sum_{i=0}^{n} \lfloor \frac{ai+b}{c} \rfloor^2$: $\stackrel{\text{def}}{=} a \geq c \text{ or } b \geq$ $c,b \bmod c,c,n)$; 否则 h(a,b,c,n) = nm(m+1) - 2g(c,c-1) $(c,c,n) \ + \ 2(\frac{a}{c})g(a \bmod c,b \bmod c,c,n) \ + \ 2(\frac{b}{c})f(a \bmod c,c,n)$ $(\frac{b}{c})^2 (n \ + \ 1) \ + \ (\frac{a}{c}) (\frac{b}{c}) n (n \ + \ 1) \ + \ h (a \bmod c, b \bmod$ b-1, a, m-1) - 2f(c, c-b-1, a, m-1) - f(a, b, c, n)时,h(a,b,c,n) = 0 $(\frac{a}{c})^2 n(n + 1)(2n + 1)/6 +$

斯特灵数

- 第一类斯特灵数: 绝对值是 n 个元素划分为 k 个环排列 的方案数。s(n,k) = s(n-1,k-1) + (n-1)s(n-1,k)
- 第二类斯特灵数: n 个元素划分为 k 个等价类的方案数 S(n,k) = S(n-1,k-1) + kS(n-1,k)

一些数论公式

- 当 $x \ge \phi(p)$ 时有 a^x $\equiv a^{x \mod \phi(p) + \phi(p)} \pmod{p}$
- $\mu^2(n) = \sum_{d^2|n} \mu(d)$
- $\sum_{d|n} \varphi(d) = n$
- $\sum_{d|n} 2^{\omega(d)} = \sigma_0(n^2)$,其中 ω 是不同素因子个数
- $\sum_{d|n} \mu^2(d) = 2^{\omega(d)}$

些数论函数求和的例子

- $\sum_{i=1}^{n} i[gcd(i,n) = 1] = \frac{n\varphi(n) + [n=1]}{2}$
- $\sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{m} [gcd(i,j) = x] = \sum_{d} \mu(d) \lfloor \frac{n}{dx} \rfloor \lfloor \frac{m}{dx}.$
- $\sum_{d} \varphi(d) \lfloor \frac{n}{d} \rfloor \lfloor \frac{m}{d} \rfloor$ $\sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{m} gcd(i,j) = \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{m} \sum_{d|gcd(i,j)} \varphi(d)$
- $S(n) = \sum_{i=1}^{n} \mu(i) = 1 \sum_{i=1}^{n} \sum_{d|i,d < i} \mu(d) \stackrel{t = \frac{1}{d}}{=}$ $\sum_{t=2}^{n} S(\lfloor \frac{n}{t} \rfloor) \ (\mathbb{A}J\mathbb{H} \ [n=1] = \sum_{d|n} \mu(d))$
- $S(n) = \sum_{i=1}^{n} \varphi(i) = \sum_{i=1}^{n} i \sum_{i=1}^{n} \sum_{d|i,d < i} \varphi(i) \stackrel{t = \frac{1}{d}}{=}$ $\tfrac{i(i+1)}{2} - \textstyle\sum_{t=2}^n S(\tfrac{n}{t}) \ (\text{AJH} \ n = \textstyle\sum_{d|n} \varphi(d))$
- $\sum_{i=1}^{n} \mu^{2}(i) = \sum_{i=1}^{n} \sum_{d^{2} \mid n} \mu(d) = \sum_{d=1}^{\lfloor \sqrt{n} \rfloor} \mu(d) \lfloor \frac{n}{d^{2}} \rfloor$ $\sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} gcd^{2}(i,j) = \sum_{d} d^{2} \sum_{t} \mu(t) \lfloor \frac{n}{dt} \rfloor^{2}$
- $\stackrel{x=dt}{=} \sum_{x} \left\lfloor \frac{n}{x} \right\rfloor^2 \sum_{d|x} d^2 \mu(\frac{t}{x})$
- $\sum_{i=1}^{n} \varphi(i) = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} [i \perp j] 1 =$ $\frac{1}{2} \sum_{i=1}^{n} \mu(i) .$

斐波那契数列性质

- $F_{a+b} = F_{a-1} \cdot F_b + F_a \cdot F_{b+1}$
- $F_1+F_3+\cdots+F_{2n-1}=F_{2n}, F_2+F_4+\cdots+F_{2n}=F_{2n+1}-1$
- $\sum_{i=1}^{n} F_i = F_{n+2} 1$
- $\sum_{i=1}^{n} F_i^2 = F_n \cdot F_{n+1}$
- $F_n^2 = (-1)^{n-1} + F_{n-1} \cdot F_{n+1}$
- $gcd(F_a, F_b) = F_{gcd(a,b)}$
- 模 n 周期 (皮萨诺周期)
- $-\pi(p^k) = p^{k-1}\pi(p)$ $\forall p \equiv \pm 1 \pmod{10}, \pi(p)|p-1$ $\pi(2) = 3, \pi(5) = 20$ $\pi(nm) = lcm(\pi(n), \pi(m)), \forall n \perp m$

常见生成函数

 $\forall p \equiv \pm 2 \pmod{5}, \pi(p)|2p+2$

- $(1+ax)^n = \sum_{k=0}^n \binom{n}{k} a^k x^k$
- $1 x^{r+1}$ 1 - x $= \sum_{k=0}^{n} x^k$
- 1-ax $\sum_{k=0}^{\infty} a^k x^k$

- $(\frac{1}{1}x)^2 = \sum_{k=0}^{\infty} (k+1)x^k$
- $\frac{1}{(1-x)^n} = \sum_{k=0}^{\infty} {n+k-1 \choose k} x^k$
- $e^x = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{x}{k!}$
- $\ln(1+x) = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{(-1)^{k+1}}{n}$

佩尔方程

正整数,则称此二元二次不定方程为佩尔方程。 -个丢番图方程具有以下的形式: $x^2-ny^2=1$ 。且 n 为

明了佩尔方程总有非平凡解。而这些解可由 \sqrt{n} 的连分数求出。 际上对任意的 n, $(\pm 1,0)$ 都是解)。对于其余情况,拉格朗日证 若 n 是完全平方数,则这个方程式只有平凡解 (±1,0) (实

$$x = [a_0; a_1, a_2, a_3] = x = a_0 + \cfrac{1}{a_1 + \cfrac{1}{a_2 + \cfrac{1}{a_3 + \cfrac{1}{$$

其中最小的i,将对应的 (p_i,q_i) 称为佩尔方程的基本解,或 列,由连分数理论知存在i使得 (p_i,q_i) 为佩尔方程的解。取 $x_i + y_i \sqrt{n} = (x_1 + y_1 \sqrt{n})^i$ 。或者由以下的递回关系式得到: 最小解,记作 (x_1,y_1) ,则所有的解 (x_i,y_i) 可表示成如下形式: 设 $\frac{p_i}{q_i}$ 是 \sqrt{n} 的连分数表示: $[a_0; a_1, a_2, a_3, \ldots]$ 的渐近分数

$$x_{i+1} = x_1 x_i + n y_1 y_i, \ y_{i+1} = x_1 y_i + y_1 x_i$$

容易解出 k 并验证。 前的系数通常是 -1)。暴力/凑出两个基础解之后加上一个 0, 通常, 佩尔方程结果的形式通常是 $a_n = ka_{n-1} - a_{n-2}(a_{n-2})$

Burnside & Polya

是说有多少种东西用 g 作用之后可以保持不变。 $|X/G|=\frac{1}{|G|}\sum_{g\in G}|X^g|$ 。 X^g 是 g 下的不动点数量,也就

同,每个置换环必须染成同色 -种置换 g,有 c(g) 个置换环, $|Y^X/G|=\frac{1}{|G|}\sum_{g\in G}m^{c(g)}$ 。用 m 种颜色染色,然后对于 为了保证置换后颜色仍然相

1.12皮克定理

2S = 2a + b - 2

- S 多边形面积
- a 多边形内部点数
- b 多边形边上点数

1.13 莫比乌斯反演

- $g(n) = \sum_{d|n} f(d) \Leftrightarrow f(n) = \sum_{d|n} \mu(d)g(\frac{n}{d})$ $f(n) = \sum_{n|d} g(d) \Leftrightarrow g(n) = \sum_{n|d} \mu(\frac{d}{n})f(d)$
- 1.14低阶等幂求和
- $\sum_{i=1}^{n} i^{1} = \frac{n(n+1)}{2} = \frac{1}{2}n^{2} + \frac{1}{2}n$ $\sum_{i=1}^{n} i^{2} = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6} = \frac{1}{3}n^{3} + \frac{1}{2}n^{2} + \frac{1}{6}n$

- $= \left[\frac{n(n+1)}{2}\right]^2 = \frac{1}{4}n^4 + \frac{1}{2}n^3 + \frac{1}{4}n^2$
- $\sum_{i=1}^{n} i^4 =$ $\frac{n(n+1)(2n+1)(3n^2+3n-1)}{30} = \frac{1}{5}n^5 + \frac{1}{2}n^4 + \frac{1}{3}n^3$
- $\sum_{i=1}^{n} i^5 = \frac{n^2(n+1)^2(2n^2+2n-1)}{12} = \frac{1}{6}n^6 + \frac{1}{2}n^5 + \frac{5}{12}n^4 \frac{1}{12}n^2$

1.15

- 错排公式: $D_1 = 0, D_2 = 1, D_n = (n-1)(D_{n-1} + D_{n-2}) =$ $n!(\tfrac{1}{2!}-\tfrac{1}{3!}+\dots+(-1)^n\tfrac{1}{n!})=\lfloor\tfrac{n!}{e}+0.5\rfloor$
- 卡塔兰数 (n 对括号合法方案数, n 个结点二叉树个数 的三角形划分数,n 个元素的合法出栈序列数): $C_n =$ $n \times n$ 方格中对角线下方的单调路径数,凸 n+2 边形 $\frac{1}{n+1} \binom{2n}{n} = \frac{(2n)!}{(n+1)!n!}$

1.16 伯努利数与等幂求和

 $\sum_{i=0}^{n} i^{k} = \frac{1}{k+1} \sum_{i=0}^{k} {k+1 \choose i} B_{k+1-i} (n+1)^{i}$ 。也可以 $\sum_{i=0}^{n} i^{k} = \frac{1}{k+1} \sum_{i=0}^{k} {k+1 \choose i} B_{k+1-i}^{+} n^{i}$ 。区别在于 $B_{1}^{+} = 1/2$ 。

1.17 数论分块

 $f(i) = \lfloor \frac{n}{i} \rfloor = v$ 时 i 的取值范围是 [l, r]。

for (LL 1 v = N / 1; r = N /1, v, r; 1 <= N; 1

1.18

- Nim 游戏: 每轮从若干堆石子中的一堆取走若干颗。 先手 必胜条件为石子数量异或和非零。
- 异或和非零 (对于偶数阶梯的操作可以模仿)。 推动一级,直到全部推下去。先手必胜条件是奇数阶梯的 阶梯 Nim 游戏:可以选择阶梯上某一堆中的若干颗向下
- Anti-SG: 无法操作者胜。先手必胜的条件是:
- SG 不为 0 且某个单一游戏的 SG 大于 1 。
- SG 为 0 且没有单一游戏的 SG 大于 1。
- Every-SG: 对所有单一游戏都要操作。 先手必胜的条件是 单一游戏中的最大 step 为奇数。
- 对于终止状态 step 为 0
- 对于 SG 为 0 的状态, step 是最大后继 step +1
- 对于 SG 非 0 的状态, step 是最小后继 step +1
- 树上删边: 叶子 SG 为 0, 非叶子结点为所有子结点的 SG 值加 1 后的异或和

账政:

- 打表找规律
- 寻找一类必胜态 (如对称局面)
- 直接博弈 dp

2 **函**浴

2.1 带下界网络流

- 无源汇: u → v 边容量为 [l,r],连容量 r l,虚拟源点到 v 连 l, u 到虚拟汇点连 l。
- 有源汇: 为了让流能循环使用, 连 $T \rightarrow S$, 容量 ∞ .
- 最大流: 跑完可行流后, 加 $S' \to S$, $T \to T'$, 最大流就是答案 $(T \to S)$ 的流量自动退回去了,这一部分就是下界部分的流量)。
- 最小流: T 到 S 的那条边的实际流量,减去删掉那条边后 T 到 S 的最大流。
- 费用流:必要的部分(下界以下的)不要钱,剩下的按照 最大流。

2.2 二分图匹配

- 最小覆盖数 = 最大匹配数
- 最大独立集 = 顶点数 二分图匹配数
- DAG 最小路径覆盖数 = 结点数 拆点后二分图最大匹配数

2.3 差分约束

一个系统 n 个变量和 m 个约束条件组成,每个约束条件形如 $x_j-x_i \leq b_k$ 。可以发现每个约束条件都形如最短路中的三角不等式 $d_u-d_v \leq w_{u,v}$ 。因此连一条边 (i,j,b_k) 建图。

若要使得所有量两两的值最接近,源点到各点的距离初始 成 0,跑最远路。

若要使得某一变量与其他变量的差尽可能大,则源点到各点距离初始化成 ∞,跑最短路。

2.4 三元环

将点分成度人小于 \sqrt{m} 和超过 \sqrt{m} 的两类。现求包含第一类点的三元环个数。由于边数较少,直接枚举两条边即可。由于一个点度数不超过 \sqrt{m} ,所以一条边最多被枚举 \sqrt{m} 次,复杂度 $O(m\sqrt{m})$ 。再求不包含第一类点的三元环个数,由于这样的点不超过 \sqrt{m} 个,所以复杂度也是 $O(m\sqrt{m})$ 。

对于每条无向边 (u,v),如果 $d_u < d_v$,那么连有向边 (u,v),否则有向边 (v,u)。度数相等的按第二关键字判断。然后枚举每个点 x,假设 x 是三元组中度数最小的点,然后暴力往后面枚举两条边找到 y,判断 (x,y) 是否有边即可。复杂度也是 $O(m\sqrt{m})$ 。

2.5 四元环

考虑这样一个四元环,将答案统计在度数最大的点 b 上。考虑枚举点 u,然后枚举与其相邻的点 v,然后再枚举所有度数比 v 大的与 v 相邻的点,这些点显然都可能作为 b 点,我们维护一个计数器来计算之前 b 被枚举多少次,答案加上计数器的值,然后计数器加一。

枚举完 u 之后,我们用和枚举时一样的方法来清空计数器就好了。

任何一个点,与其直接相连的度数大于等于它的点最多只有 $\sqrt{2m}$ 个。所以复杂度 $O(m\sqrt{m})$ 。

2.6 支配树

- semi [x] 半必经点 (就是 x 的祖先 z 中,能不经过 z 和 x 之间的树上的点而到达 x 的点中深度最小的)
- idom[x] 最近必经点(就是深度最大的根到 x 的必经点)

3 计算几何

3.1 k 次圆覆盖

一种是用竖线进行切分,然后对每一个切片分别计算。扫描线部分可以魔改,求各种东西。复杂度 $O(n^3 \log n)$ 。

复杂度 $O(n^2 \log n)$ 。原理是:认为所求部分是一个奇怪的多边形 + 若干弓形。然后对于每个圆分别求贡献的弓形,并累加多边形有向面积。可以魔改扫描线的部分,用于求周长、至少覆盖 k 次等等。内含、内切、同一个圆的情况,通常需要特殊处理。

3.2 三维凸包

增量法。先将所有的点打乱顺序、然后选择四个不共面的点组成一个四面体,如果找不到说明凸包不存在。然后遍历剩余的点,不断更新凸包。对遍历到的点做如下处理。

- 1. 如果点在凸包内,则不更新。
- 如果点在凸包外,那么找到所有原凸包上所有分隔了对于 这个点可见面和不可见面的边,以这样的边的两个点和新 的点创建新的面加人凸包中。

1 随机素数表

862481,914067307, 954169327 512059357, 394207349, 207808351,108755593, $47422547,\ 48543479,\ 52834961,\ 76993291,\ 85852231,\ 95217823,$ $17997457,\,20278487,\,27256133,\,28678757,\,38206199,\,41337119$ 10415371, $4489747, \quad 6697841, \quad 6791471, \quad 6878533, \quad 7883129,$ $210407, \ 221831, \ 241337, \ 578603, \ 625409,$ 330806107, 42737, 46411, 50101, 52627, 54577, 2174729, 2326673, 2688877, 2779417, 132972461,11134633,534387017, 409580177,345593317, 227218703,171863609, 12214801,345887293,306112619,437359931, 698987533,173629837, 764016151, 311809637,15589333,483577261, 362838523,191677, 713569,176939899. 906097321373523729 17148757. 91245533133583, 788813, 194869,

适合哈希的素数: 1572869, 3145739, 6291469, 12582917, 25165843, 50331653

 $1337006139375617,\ 19,\ 46,\ 3;\ 3799912185593857,\ 27,\ 47,\ 5.$ 263882790666241, 15, 44, 7; 1231453023109121, 35, 15, 37, 7; 2748779069441, 5, 39, 3; 6597069766657, 3, 41, 17, 27, 3; 3221225473, 3, 30, 5; 75161927681, 35, 31, 3; $1004535809,\ 479,\ 21,\ 3;\ 2013265921,\ 15,\ 27,\ 31;\ 2281701377,$ 104857601, 25, 22, 3; 167772161, 5, 25, 3; 469762049, 7, 26, 3; 10; 5767169, 11, 19, 3; 7340033, 7, 20, 3; 23068673, 11, 21, 3; $12289,\ 3,\ 12,\ 11;\ 40961,\ 5,\ 13,\ 3;\ 65537,\ 1,\ 16,\ 3;\ 786433,\ 3,\ 18,$ 17, 1, 4, 3; 97, 3, 5, 5; 193, 3, 6, 5; 257, 1, 8, 3; 7681, 15, 9, 17; 77309411329, 9, 33, 7; 206158430209, 3, 36, 22; 2061584302081, 39582418599937, 9, 42, NTT 素数表: $p = r2^k + 1$, 原根是 g. 3, 1, 1, 2; 5, 1, 2, 2; 5; 79164837199873, 9, 45, 43,

5 心态崩了

- (int)v.size()
- 1LL << k
- 递归函数用全局或者 static 变量要小心
- · 预处理组合数注意上限
- 想清楚到底是要 multiset 还是 set
- 提交之前看一下数据范围,测一下边界

- 数据结构注意数组大小(2 倍, 4 倍)
- 字符串注意字符集
- 如果函数中使用了默认参数的话, 注意调用时的参数个数
- 注意要读完
- 构造参数无法使用自己
- ,树链剖分/dfs 序,初始化或者询问不要忘记 idx, ridx
- 排序时注意结构体的所有属性是不是考虑了
- 不要把 while 写成 if
- 不要把 int 开成 char
- 清零的时候全部用 0 到 n+1。
- 模意义下不要用除法
- 哈希不要自然溢出
- 最短路不要 SPFA,乖乖写 Dijkstra
- 上取整以及 GCD 小心负数
- mid 用 1 + (r 1) / 2 可以避免溢出和负数的问题
- 小心模板自带的意料之外的隐式类型转换
- 求最优解时不要忘记更新当前最优解
- 图论问题一定要注意图不连通的问题
- · 处理强制在线的时候 lastans 负数也要记得矫正
- 不要觉得编译器什么都能优化

