

# Python – Lektion 8

## Numpy I



- ▶ Vererbung von Klassen
- ▶ Mehrfachvererbung von Klassen
- ▶ Testat I

- ▶ NumPy – Numerical Python

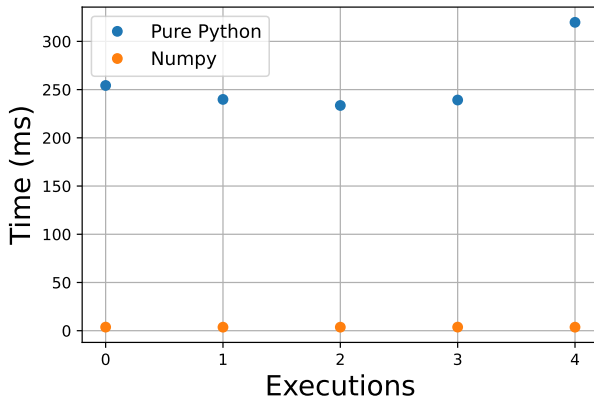
# Was ist NumPy?

- ▶ Python-Bibliothek  
`import numpy as np`
- ▶ Einfache Handhabung von Vektoren und Matrizen mit Hilfe mehrdimensionaler NumPy Arrays
- ▶ Funktionen für numerische Berechnungen
  - Grundlegende Operationen
  - Mathematische Funktionen (`sin`, `cos`, `sqrt`, `exp`, ...)
  - Lineare Algebra
  - ...
- ▶ Ähnlichkeit zu MATLAB<sup>®</sup>  
`https://docs.scipy.org/doc/numpy/user/numpy-for-matlab-users.html`

# Vorteile der Verwendung von NumPy

## Geschwindigkeit

Verwendung von in C implementierten Funktionen und Algorithmen



## Übersichtlichkeit

Mit Hilfe der NumPy Arrays können Array-basierte Operationen verwendet werden → keine for-Schleifen

- ▶ Umrechnung von Temperaturangaben in Celsius nach Fahrenheit mit "Standard" Python:

```
temp_C_list = [20.9, 21, 22.4, 23, 23.3]
temp_F_list = [val*9/5 + 32 for val in temp_C_list]
```

- ▶ Umrechnung von Temperaturangaben in Celsius nach Fahrenheit mit Numpy:

```
import numpy as np
temp_C_arr = np.array([20.9, 21, 22.4, 23, 23.3])
temp_F_arr = temp_C_arr*9/5 + 32
```

# ndarray erzeugen

- ▶ n-dimensionales Array ndarray:

Eine mehrdimensionale Sammlung von Elementen fester Grösse und desselben Typs

<https://docs.scipy.org/doc/numpy/reference/generated/numpy.ndarray.html>

# ndarray erzeugen

## ► ndarray erzeugen

```
arr1 = np.array([1,2])
```

1	2
---	---

```
arr2 = np.array([[1,2], [3,4]])
```

1	2
3	4

```
arr3 = np.array([[1,2,3], [4,5,6], [7,8,9]])
```

1	2	3
4	5	6
7	8	9

```
arr4 = np.array([[[1,2], [3,4]], [[5,6], [7,8]], [[9,10], [11,12]]])
```

		9	10
5	6		
1	2	3	2
3	4		

[http://localhost:8888/notebooks/ndarray\\_erzeugen.ipynb](http://localhost:8888/notebooks/ndarray_erzeugen.ipynb)



## ► Weitere Methoden, um Arrays zu erzeugen

Funktion	Resultat
<code>np.arange(0, 4)</code>	<code>array([0, 1, 2, 3])</code>
<code>np.ones((2,2))</code>	<code>array([[1., 1.], [1., 1.]])</code>
<code>np.ones_like(arr1)</code>	<code>array([1, 1, 1])</code>
<code>np.zeros((2,2))</code>	<code>array([[0., 0.], [0., 0.]])</code>
<code>np.zeros_like(arr1)</code>	<code>array([0, 0, 0])</code>
<code>np.full((2,2), 7.0)</code>	<code>array([[7., 7.], [7., 7.]])</code>
<code>np.full_like(arr1, 7)</code>	<code>array([7, 7, 7])</code>
<code>np.eye(2)</code>	<code>array([[1., 0.], [0., 1.]])</code>
<code>np.identity(2)</code>	<code>array([[1., 0.], [0., 1.]])</code>
<code>np.linspace(0, 1, 5)</code>	<code>array([0., 0.25, 0.5, 0.75, 1.])</code>
<code>np.logspace(0, 1, 4)</code>	<code>array([1., 2.1544, 4.6416, 10.])</code>
<code>np.random.randn(3)</code>	<code>array([0.7576, 0.0135, -0.8934])</code>
<code>np.random.randint(0,10,3)</code>	<code>array([0, 5, 4])</code>

## ► Indexierung von 2D-Arrays

```
arr[axis0, axis1]
```

## ► Beispiele:

```
>>> arr[0, 0]  
1.0
```

		axis=1		
		0	1	2
axis=0	0	1.0	2.0	3.0
	1	4.0	5.0	6.0
	2	7.0	8.0	9.0

## ► Indexierung von 2D-Arrays

```
arr[axis0, axis1]
```

## ► Beispiele:

```
>>> arr[2, 0]  
7.0
```

		axis=1		
		0	1	2
axis=0	0	1.0	2.0	3.0
	1	4.0	5.0	6.0
	2	7.0	8.0	9.0

## ► Indexierung von 2D-Arrays

```
arr[axis0, axis1]
```

## ► Beispiele:

```
>>> arr[0, 2]  
3.0
```

		axis=1		
		0	1	2
axis=0	0	1.0	2.0	3.0
	1	4.0	5.0	6.0
	2	7.0	8.0	9.0

arr	Ausdruck	Shape	Resultat									
<table><tr><td>1</td><td>2</td><td>3</td></tr><tr><td>4</td><td>5</td><td>6</td></tr><tr><td>7</td><td>8</td><td>9</td></tr></table>	1	2	3	4	5	6	7	8	9	arr[:2, 1:]	(2, 2)	array([[2, 3], [5, 6]])
1	2	3										
4	5	6										
7	8	9										
<table><tr><td>1</td><td>2</td><td>3</td></tr><tr><td>4</td><td>5</td><td>6</td></tr><tr><td>7</td><td>8</td><td>9</td></tr></table>	1	2	3	4	5	6	7	8	9	arr[2]	(3,)	array([7, 8, 9])
1	2	3										
4	5	6										
7	8	9										
<table><tr><td>1</td><td>2</td><td>3</td></tr><tr><td>4</td><td>5</td><td>6</td></tr><tr><td>7</td><td>8</td><td>9</td></tr></table>	1	2	3	4	5	6	7	8	9	arr[2, :]	(3,)	array([7, 8, 9])
1	2	3										
4	5	6										
7	8	9										
<table><tr><td>1</td><td>2</td><td>3</td></tr><tr><td>4</td><td>5</td><td>6</td></tr><tr><td>7</td><td>8</td><td>9</td></tr></table>	1	2	3	4	5	6	7	8	9	arr[2:, :]	(1, 3)	array([[7, 8, 9]])
1	2	3										
4	5	6										
7	8	9										
<table><tr><td>1</td><td>2</td><td>3</td></tr><tr><td>4</td><td>5</td><td>6</td></tr><tr><td>7</td><td>8</td><td>9</td></tr></table>	1	2	3	4	5	6	7	8	9	arr[:, 2]	(3,)	array([3, 6, 9])
1	2	3										
4	5	6										
7	8	9										
<table><tr><td>1</td><td>2</td><td>3</td></tr><tr><td>4</td><td>5</td><td>6</td></tr><tr><td>7</td><td>8</td><td>9</td></tr></table>	1	2	3	4	5	6	7	8	9	arr[:, 2:]	(3, 1)	array([3, 6, 9])
1	2	3										
4	5	6										
7	8	9										
<table><tr><td>1</td><td>2</td><td>3</td></tr><tr><td>4</td><td>5</td><td>6</td></tr><tr><td>7</td><td>8</td><td>9</td></tr></table>	1	2	3	4	5	6	7	8	9	arr[1, :2]	(2,)	array([4, 5])
1	2	3										
4	5	6										
7	8	9										
<table><tr><td>1</td><td>2</td><td>3</td></tr><tr><td>4</td><td>5</td><td>6</td></tr><tr><td>7</td><td>8</td><td>9</td></tr></table>	1	2	3	4	5	6	7	8	9	arr[1:2, :2]	(1, 2)	array([[4, 5]])
1	2	3										
4	5	6										
7	8	9										

→ `ndim` bleibt erhalten, falls bei jeder axis ein ":" steht.

[http://localhost:8888/notebooks/indexierung\\_und\\_slicing.ipynb](http://localhost:8888/notebooks/indexierung_und_slicing.ipynb)

- ▶ NumPy beinhaltet viele mathematische Funktionen:

<https://docs.scipy.org/doc/numpy/reference/routines.math.html>

- `np.sin()`
- `np.cos()`
- `np.exp()`
- `np.cumsum()`
- ...

- ▶ Diese Funktionen operieren über das gesamte Array

```
>>> t = np.linspace(1, 3, 5)
array([1, 1.5, 2, 2.5, 3])
>>> np.exp(t)
array([2.718,  4.481,  7.389 , 12.182, 20.085])
>>> np.cumsum(t)
array([1,  2.5,  4.5,  7, 10])
>>> np.mean(t)
2.0
```

- ▶ Liste der Funktionen:

<https://docs.scipy.org/doc/numpy/reference/routines.linalg.html>

- ▶ Matrix  $\mathbf{M}$  mit Vektor  $\mathbf{v}$  multiplizieren
- ▶ Matrix transponieren  $\mathbf{M}^T$
- ▶ Matrix invertieren  $\mathbf{M}^{-1}$
- ▶ Lineares Gleichungssystem  $\mathbf{Ax} = \mathbf{b}$  lösen

<http://localhost:8888/notebooks/linalg.ipynb>