# 论文研讨:用于运动想象脑电图分类的在线半监督学习

Online semi-supervised learning for motor imagery EEG classification

2024年1月2日

#### Motivation

Miller, et al.[3] 通过对皮质层 ECoG 活动研究发现,MI 引起的皮质活动变化幅度约为 ME(运动执行)的 25%,在实际运动中,神经元群体的放电率可能比运动想象时高出 3 倍以上。然而,当受试者学会在简单的反馈任务中使用 MI 在线反馈来控制计算机光标时,想象引起的活动变化显著增强,甚至超过了肌肉活动导致肢体明显移动的实际行为。通过简单的运动想象反馈任务,整个运动皮层中的神经元群体活动得到了显著增强。这种动态增强尤其在主要运动皮层中观察到,这表明在非常短的时间尺度内(小于 10 分钟),大脑中的神经动力学发生了动态的重构。在这种在线培训几分钟后,两名受试者报告说,思考如何将光标上下移动取代了 MI。

### 期刊信息

Computers in Biology and Medicine(CIBM), IF=7.7 重庆大学电气工程学院, 2023 年 10 月.



#### Abstract

- 基于 MI 的 BCI 需要漫长而繁琐的校准过程。然而,长时间的校准不可避免地会导致精神疲劳,从而影响脑电图的可分离性。另一方面,标记数据不足会导致训练后的解码器不可靠。目前,迁移学习,多任务学习,数据对齐已被用来解决上述问题。
- 半监督学习(semi-supervised learning, SSL)从现成的、信息丰富的、未标记的数据中学习来解决。本文的算法由极限学习机(ELM)改进而来,根据在线喂入新的数据,一个辅助分类器得到"伪标签",以半监督的方式迭代更新ELM。
- 利用 SMOTE-ENN 算法进行数据增广和类别平衡。

# Background Knowledge

极限学习机 (Extreme Learning Machines, ELM) 是一种求解单层前馈神经网络的学习算 法。与反向传播 (BP) 学习算法相比, ELM 的输入权重通过随机分配之后保持不变, 仅通 过更新输出权重  $\beta$  来学习。

$$h_i(x) = h(\omega_i x + b_i)$$

$$f_L(x) = \sum_{i=1}^{L} \beta_i h(\omega_i, b_i, x)$$

$$\underset{\sigma}{\operatorname{arg min}} \|\mathbf{Y} - \mathbf{H}(x)\boldsymbol{\beta}\|_2$$

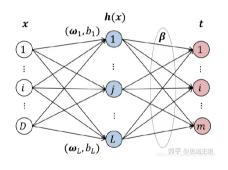


图: 极限学习机

#### 流程图

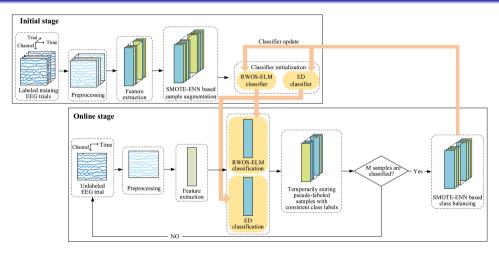


图: SE-IRWOS-ELM 的流程图



L 个隐藏节点的 ELM 的数学模型描述为

1. 基于 RWOS-ELM 的基础分类器 给定初始训练集  $\mathcal{D}_0 = \{\mathbf{x}_i, \mathbf{y}_i\}$ ,  $i = 1, 2, \dots N_0$ ,  $\mathbf{x}_i \in \mathbb{R}^n$  和  $\mathbf{y}_i \in \mathbb{R}^m$  是标记输入向量和输出向量,其中 n 是特征维度,m 是类别数。

$$\sum_{j=1}^{L} \boldsymbol{\beta}_{j} G(\mathbf{a}_{j}, b_{j}, \mathbf{x}_{i}) = \mathbf{y}_{i}, \quad i = 1, 2, \dots, N_{0}$$

其中, $\mathbf{a}_j \in \mathbb{R}^n$  和  $b_j \in \mathbb{R}$  是输入权重向量和偏置, $\boldsymbol{\beta}_j \in \mathbb{R}^m$  是输出权重向量。 $G(\cdot)$  是特征映射函数,可以是非线性分段连续函数,例如 sigmoid 函数:

$$G(\mathbf{a}_j, b_j, \mathbf{x}_i) = \frac{1}{1 + \exp(-\mathbf{a}_i^T \mathbf{x}_i - b_j)}$$

简洁描述为

$$\mathbf{H}_0 \boldsymbol{\beta}^{(0)} = \mathbf{Y}^{(0)}$$

其中, $m{eta}^{(0)} = [m{eta}_1, m{eta}_2, \dots, m{eta}_L]^T \in \mathbb{R}^{L imes m}$  是输出权重向量,输出矩阵  $\mathbf{Y}^{(0)} = [\mathbf{y}_1, \mathbf{y}_2, \dots, \mathbf{y}_{N_0}]^T \in \mathbb{R}^{N_0 imes m}$ 

$$\mathbf{Y}^{(0)} = [\mathbf{y}_1, \mathbf{y}_2, \dots, \mathbf{y}_{N_0}]^T \in \mathbb{R}^{N_0 \times m_0}$$

H<sub>0</sub> 是初始隐藏层输出矩阵

$$\mathbf{H}_0 = \begin{bmatrix} G(\mathbf{a}_1, b_1, \mathbf{x}_1) & \cdots & G(\mathbf{a}_L, b_L, \mathbf{x}_1) \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ G(\mathbf{a}_1, b_1, \mathbf{x}_{N_0}) & \cdots & G(\mathbf{a}_L, b_L, \mathbf{x}_{N_0}) \end{bmatrix}_{N_0 \times L}$$

OS-ELM 可以通过参数正则化和矩阵加权进一步改进(RWOS-ELM),以缓解在线学习期间的类别不平衡问题。L 个隐藏节点的 RWOS-ELM 的初始输出权重矩阵  $\boldsymbol{\beta}^{(0)}$  应计算为:

$$\boldsymbol{\beta}^{(0)} = \begin{cases} \mathbf{H}_0^T (\mathbf{K}_0 + \frac{\mathbf{I}}{C})^{-1} \mathbf{W}_0 \mathbf{Y}_0 & N_0 > L \\ (\mathbf{K}_0 + \frac{\mathbf{I}}{C})^{-1} \mathbf{H}_0^T \mathbf{W}_0 \mathbf{Y}_0 & N_0 < L \end{cases}$$

其中, $\mathbf{K}_0 = \mathbf{H}_0^T \mathbf{W}_0 \mathbf{H}_0$ ,C 是用于最小化训练误差和输出权重范数的正则化参数。 $\mathbf{W}_0$  是初始权重矩阵,描述为

$$\mathbf{W}_0 = \text{diag}\{\mathbf{w}_i\}, \quad i = 1, 2, ..., N_0$$

第 i 个样本属于类别 c 的权重因子  $w_i$  定义为:  $w_i = \frac{1}{N_c}$ 。其中  $N_c$  是属于 c 类的样本数。

在线学习过程中,RWOS-ELM 分类器在对新一批未标记输入向量进行分类 后进行更新。第 (r+1) 批未标记输入向量的隐藏层输出矩阵  $\mathbf{H}_{r+1}$  表示为:

$$\mathbf{H}_{r+1} = \begin{bmatrix} G\left(\mathbf{a}_{1}, b_{1}, \mathbf{x}_{1}^{(r+1)}\right) & \cdots & G\left(\mathbf{a}_{L}, b_{L}, \mathbf{x}_{1}^{(r+1)}\right) \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ G\left(\mathbf{a}_{1}, b_{1}, \mathbf{x}_{M}^{(r+1)}\right) & \cdots & G\left(\mathbf{a}_{L}, b_{L}, \mathbf{x}_{M}^{(r+1)}\right) \end{bmatrix}_{M \times L}$$

其中  $\mathbf{X}^{(r+1)} = [\mathbf{x}_1^{(r+1)}, \mathbf{x}_2^{(r+1)}, ..., \mathbf{x}_M^{(r+1)}]^T \in \mathbb{R}^{M \times n}$  是第 (r+1) 批未标记输入向

输出权重矩阵  $\beta^{(r+1)}$  的更新如下:

$$oldsymbol{eta}^{(r+1)} = oldsymbol{eta}^{(r)} + \left(rac{\mathbf{I}}{\mathbf{C}} + \mathbf{K}_{r+1}
ight)^{-1} \mathbf{H}_{r+1}^T \mathbf{W}_{r+1} \left(\overline{\mathbf{Y}}_{r+1} - \mathbf{H}_{r+1} oldsymbol{eta}^{(r)}
ight)^{-1}$$

在时间 r+1, 输出向量表示为  $\mathbf{Y}^{(r+1)} = [\mathbf{y}_1^{(r+1)}, \mathbf{y}_2^{(r+1)}, \dots, \mathbf{y}_M^{(r+1)}]^T \in \mathbb{R}^{M \times m}$ , 其中  $\mathbf{v}_{i}^{(r+1)}$  对于 i = 1, 2, ..., M 是第 i 个输出向量。 矩阵 K .... 定义为

$$\mathbf{K}_{r+1} = \mathbf{K}_r + \mathbf{H}_{r+1}^T \mathbf{W}_{r+1} \mathbf{H}_{r+1}$$

而  $\mathbf{W}_{r+1} = \operatorname{diag}\{\mathbf{w}_i\}_{i=1}^M$ 。需要注意的是,输出矩阵  $\mathbf{Y}^{(1)}$  (即 r=0) 对应的第 一批未标记输入向量是由初始 RWOS-ELM 分类器得到的, 在线学习过程中 只需要存储矩阵 K。

## Method: 基于在线序列欧氏距离的辅助分类

2. 基于在线序列欧氏距离 (euclidean distance, ED) 的辅助分类器 给定初始训练样本集  $\mathcal{D}_0$ 。计算类别 c 的初始类中心  $\bar{\mathbf{x}}_c^{(0)}$  如下:

$$\bar{\mathbf{x}}_c^{(0)} = \frac{1}{N_c^{(0)}} \sum_{i=1}^{N_c^{(0)}} \mathbf{x}_{i,c}$$

其中, $N_c^{(0)}$  是属于类别 c 的样本数量, $\mathbf{x}_{i,c}^{(0)}$  是属于类别 c 的第 i 个样本。计算未标记样本与每个类别的类中心之间的欧氏距离,并通过找到最小的欧氏距离确定未标记样本的类别标签。

## Method: 基于在线序列欧氏距离的辅助分类器

在对第 (r+1) 批未标记样本进行分类后,更新类别 c 的类中心  $\mathbf{x}_c^{(r+1)}$  如下:

$$\bar{\mathbf{x}}_{c}^{(r+1)} = \frac{\bar{\mathbf{x}}_{c}^{(r)} \times \sum_{u=1}^{r} N_{c}^{(u)} + \sum_{i=1}^{N_{c}^{(r+1)}} \mathbf{x}_{i,c}^{(r+1)}}{\sum_{u=1}^{r+1} N_{c}^{(u)}}$$

其中, $\mathbf{x}_{i,c}^{(r+1)}$  是第 (r+1) 批未标记样本中被分类为类别 c 的第 i 个样本,  $N_c^{(u)}$  是第 u 批未标记样本中被分类为类别 c 的样本数量。 需要注意的是,在在线学习过程中,只需要存储  $\bar{\mathbf{x}}_c^{(r+1)}$  和  $\sum_{v=1}^{r+1} N_c^{(u)}$ 。

#### Method: 具有最大类间分布的数据增强

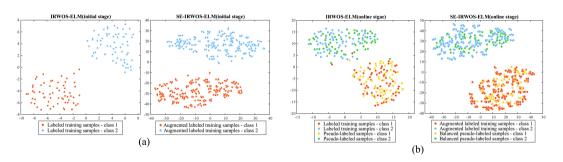


图: 数据集 2a 中受试者 8 的 IRWOS-ELM 和 SE-IRWOS-ELM 两类样本的分布。 (a) 分类器更新之前和 (b) 在线阶段最后一次更新分类器之后。所有 EEG 特征样本均通过 t -SNE 映射到 2-D 平面。



## Experiments and Results

- 两个公开数据集:
  - BCI 竞赛 III 数据集 IVa: 5 名受试者, 118 通道, 两类 MI 任务(右手和右脚 MI)每类 140 次试验。随机选择 30 个试验进行评估, 每个试验 3.5 s EEG。
  - ② BCI 竞赛 IV 数据集 2a: 9 名受试者采集的 22 通道 EEG 和 3 通道 EOG 信号。 四类 MI 任务(左手、右手、左脚和右脚 MI)。每类 MI 包含 144 个试验。随机 选择 38 个试验进行评估,每个试验 3 s EEG。
- 数据预处理: EEG 数据通过 8 至 30 Hz 的带通滤波器进行滤波,通过使用初始阶段数据得到的 4 对 CSP 空间滤波器进行空域滤波,将带通滤波的 EEG 投影到 8 维特征空间。

### Experiments and Results

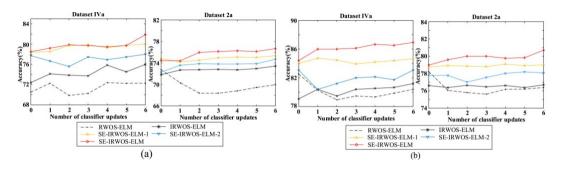


图: 数据集 IVa 和 2a 上在线阶段各受试者的平均分类准确率 (%)。 (a) 初始阶段使用的标记训练试验数量为 30,(b) 初始阶段使用的标记训练试验数量为 110。

#### Related Works I

- 基于朴素贝叶斯 (Naïve Bayes) 用于检测基于 EEG 中的 MI 活动 [7];
- ② FBCSP 结合 RLDA(正则化线性判别分析)离线/在线解码站立和坐姿运动想象 EEG[5]
- 极限学习机原理及拓展介绍 [8]
- ⑤ 宽度学习系统 (BLS) 与极限学习机 (ELM)、随机向量函数链网络 (RVFLNN) 的区别与联系 [1]
- 基于图的半监督宽度学习系统 [4]
- ◎ 脑电信号分析中的迁移学习综述 [6]



#### Reference I

- [1] 宽度学习系统 (Broad Learning System, BLS) 凯鲁嘎吉 博客园.
- [2] Zhichao Jin, Guoxu Zhou, Daqi Gao, and Yu Zhang. Eeg classification using sparse bayesian extreme learning machine for brain-computer interface. Neural Computing and Applications, 32:6601-6609, 2020.
- [3] Kai J Miller, Gerwin Schalk, Eberhard E Fetz, Marcel Den Nijs, Jeffrey G Ojemann, and Rajesh PN Rao.
  Cortical activity during motor execution, motor imagery, and imagery-based online feedback.
  - Proceedings of the National Academy of Sciences, 107(9):4430–4435, 2010.

#### Reference II

[4] Qingshan She, Yukai Zhou, Haitao Gan, Yuliang Ma, and Zhizeng Luo. Decoding eeg in motor imagery tasks with graph semi-supervised broad learning.

Electronics, 8(11):1273, 2019.

- [5] Nayid Triana-Guzman, Alvaro D Orjuela-Cañon, Andres L Jutinico, Omar Mendoza-Montoya, and Javier M Antelis.

  Decoding eeg rhythms offline and online during motor imagery for standing and sitting based on a brain-computer interface.

  Frontiers in Neuroinformatics, 16:961089, 2022.
- [6] Zitong Wan, Rui Yang, Mengjie Huang, Nianyin Zeng, and Xiaohui Liu. A review on transfer learning in eeg signal analysis.

  Neurocomputing, 421:1–14, 2021.



#### Reference III

[7] Hua Wang, Yanchun Zhang, et al.

Detection of motor imagery eeg signals employing naïve bayes based learning process.

Measurement, 86:148–158, 2016.

[8] 丘比特的帽子. 组会-极限学习机 (ELM)\_ 哔哩哔哩 \_bilibili.