

Tema 5

Práctica de SDC

Sistemas Dinámicos Discretos y Continuos

Dra. Neus Garrido Sàez

Máster en Ingeniería Matemática y Computación
Escuela Superior en Ingeniería y Tecnología



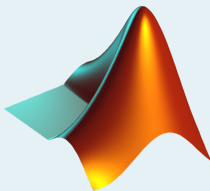
- 1 Introducción
- 2 Representaciones gráficas de ecuaciones diferenciales
- 3 Representaciones gráficas de sistemas de ecuaciones diferenciales

1

Introducción

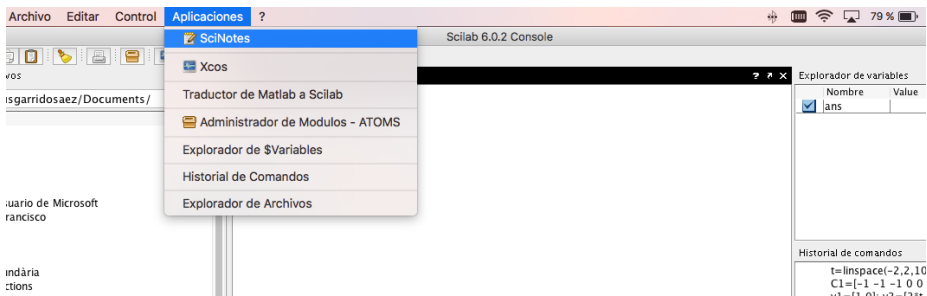
Objetivo

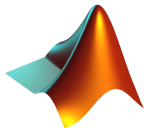
Generar los gráficos de las representaciones fundamentales para ecuaciones y sistemas de ecuaciones diferenciales.



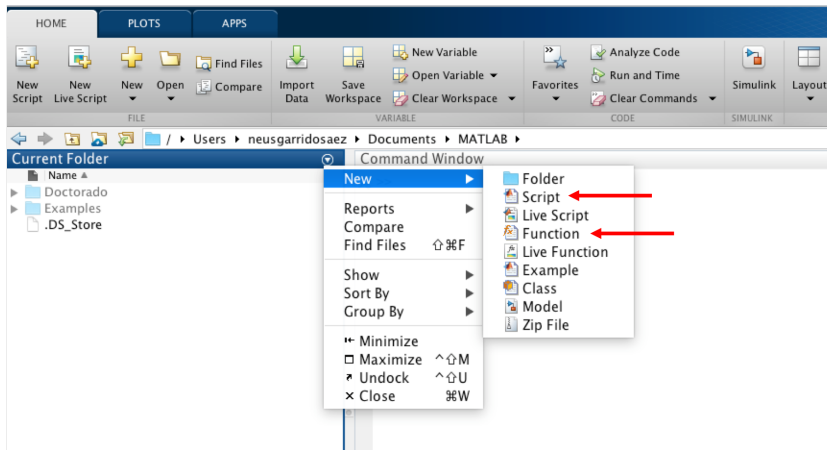


Aplicaciones >> SciNotes





Current Folder >> New >> Script/Function



2

Representaciones gráficas de ecuaciones diferenciales

Ejemplo 1. $x' = x - t$

$$\dot{x} = \begin{bmatrix} t \\ x \end{bmatrix}' = \begin{bmatrix} 1 \\ x - t \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} xv(1) \\ xv(1) - xv(2) \end{bmatrix}, \quad xv = \begin{bmatrix} t \\ x \end{bmatrix}$$

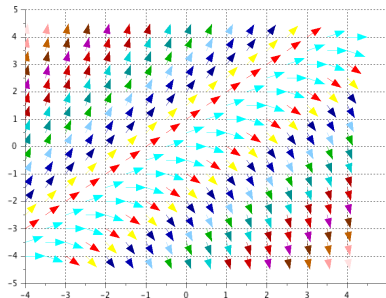
- Solución particular ($x(0) = 0$): $x(t) = -e^t + t + 1$.

Campo de direcciones >> SciLab

```
deff(" [xdot]=ed(t,xv)",  
["xd1=1"; "xd2=xv(2)-xv(1)";  
"xdot=[xd1;xd2]"])
```

```
tf=-4:0.5:4;    xf=-4:0.5:4;
```

```
fchamp(ed,0,tf,xf), xgrid  
figura=get("current_axes");  
c=figura.children;  
c.colored="on";  
c.arrow_size=2;
```



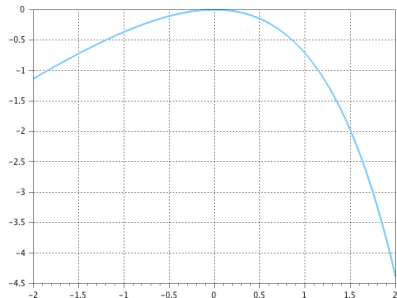
Ejemplo 1. $x' = x - t$

$$\dot{x} = \begin{bmatrix} t \\ x \end{bmatrix}' = \begin{bmatrix} 1 \\ x - t \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ xv(1) - xv(2) \end{bmatrix}, \quad xv = \begin{bmatrix} t \\ x \end{bmatrix}$$

- Solución particular ($x(0) = 0$): $x(t) = -e^t + t + 1$.

Soluciones >> SciLab

```
t=linspace(-2,2,101);  
x=-exp(t)+t+1;  
  
plot(t,x)  
xgrid  
figura=get("current_axes");  
linea=figura.children(1).children;  
linea.thickness = 5;  
linea.foreground = 12;
```



3

Representaciones gráficas de sistemas de ecuaciones diferenciales

Algunas consideraciones

Trabajaremos con:

- Sistemas lineales planos: $(x(t), y(t))$
- Autónomos

Ejemplo 2. $\begin{cases} x' &= x + 2y \\ y' &= y \end{cases}$

- Matricialmente:

$$X' = AX, \quad A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

- Solución particular $(x(0) = 1, y(0) = 1)$:

$$\begin{cases} x(t) &= e^t + 2te^t \\ y(t) &= e^t \end{cases}$$

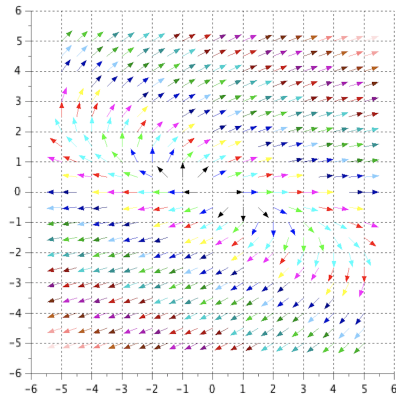
Ejemplo 2.
$$\begin{cases} x' &= x + 2y \\ y' &= y \end{cases}$$

■ Solución particular ($x(0) = 1, y(0) = 1$):
$$\begin{cases} x(t) &= e^t + 2te^t \\ y(t) &= e^t \end{cases}$$

Campo de direcciones >> SciLab

```
function campoDirecciones2D(A)
    deff("[xdot]=cd2d(t,x)",
        ["xd1=A(1,1)*x(1)+A(1,2)*x(2)",
        "xd2=A(2,1)*x(1)+A(2,2)*x(2)",
        "xdot=[xd1;xd2]"]);

    tf=-5:.5:5; xf=tf;
    fchamp(cd2d,0,tf,xf); xgrid
    grafico=get('hdl');
    grafico.colored='on';
    ejes=get('current_axes');
    ejes.isoview="on";
endfunction
```



Ejemplo 2.
$$\begin{cases} x' &= x + 2y \\ y' &= y \end{cases}$$

■ Solución particular ($x(0) = 1, y(0) = 1$):
$$\begin{cases} x(t) &= e^t + 2te^t \\ y(t) &= e^t \end{cases}$$

Soluciones >> SciLab

```
t=linspace(-2,2,101);
```

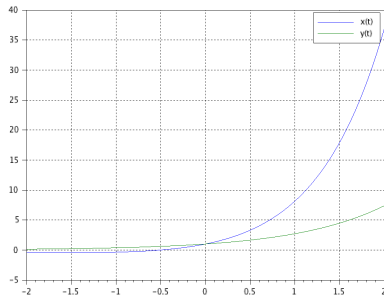
```
x=exp(t)+2*t.*exp(t);
```

```
y=exp(t);
```

```
plot(t,[x;y])
```

```
xgrid
```

```
legend('x(t)', 'y(t)')
```

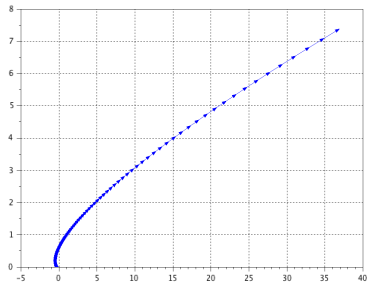


Ejemplo 2.
$$\begin{cases} x' &= x + 2y \\ y' &= y \end{cases}$$

■ Solución particular ($x(0) = 1, y(0) = 1$):
$$\begin{cases} x(t) &= e^t + 2te^t \\ y(t) &= e^t \end{cases}$$

Órbitas >> SciLab

```
t=linspace(-2,2,101);  
  
x=exp(t)+2*t.*exp(t);  
y=exp(t);  
  
plot(x,y), xgrid  
figura=get("current_axes");  
linea=figura.children(1).children;  
linea.polyline_style=4;
```



Ejemplo 2.
$$\begin{cases} x' &= x + 2y \\ y' &= y \end{cases}$$

- Valores y vectores propios:

$$\lambda_1 = \lambda_2 = 1, \quad \vec{v} = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

- Solución general:

$$X(t) = C_1 e^t \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} + C_2 e^t \begin{bmatrix} 2t \\ 1 \end{bmatrix}$$

- Órbitas distintas combinando valores de C_1 y C_2 :

C_1	-1	-1	-1	0	0	0	1	1	1
C_2	-1	0	1	-1	0	1	-1	0	1

Ejemplo 2.
$$\begin{cases} x' &= x + 2y \\ y' &= y \end{cases}$$

C_1	-1	-1	-1	0	0	0	1	1	1
C_2	-1	0	1	-1	0	1	-1	0	1

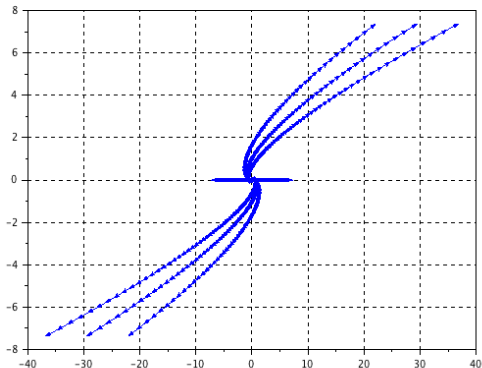
Plano de fase >> SciLab


```
t=linspace(-2,2,101);
C1=[-1 -1 -1 0 0 0 1 1 1]; C2=[-1 0 1 -1 0 1 -1 0 1];
v1=[1 0]; v2=[2*t 1];

ind=1;
while ind<=length(C1)
    x=C1(ind)*exp(t)*v1(1)+C2(ind)*exp(t)*v2(1);
    y=C1(ind)*exp(t)*v1(2)+C2(ind)*exp(t)*v2(2);
    plot(x,y); xgrid
    figura=get("current_axes");
    linea=figura.children(1).children; linea.polyline_style=4;
    ind=ind+1;
end
```


Ejemplo 2.
$$\begin{cases} x' = x + 2y \\ y' = y \end{cases}$$

C_1	-1	-1	-1	0	0	0	1	1	1
C_2	-1	0	1	-1	0	1	-1	0	1



 No dejes de ver...
How to solve an ODE using SciLab
<https://www.youtube.com/watch?v=ogC78S3FY8Q>

 **Laboratorio 1:** Sistemas dinámicos continuos Sesión: 23/04/2021 (15:00-17:00)

...Y por supuesto:

TEST DE APRENDIZAJE!!

