Métodos Avanzados de Programación Científica y Computación

Mª Luisa Díez Platas

Tema 2. Relaciones entre clases y complejidad (II)

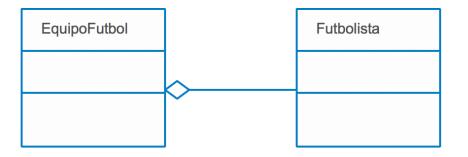


#### ¿Cómo estudiar este tema?

IDEAS CLAVE	LO + RECOMENDADO	+ INFORMACIÓN	TEST
¿Cómo estudiar este tema?	No dejes de leer	A fondo	-
Abstracción y herencia	Herencia	Ejemplo de herencia en Java	
Conceptos avanzados de herencia	Paquetes en Java	Ejemplo de polimorfismo en	
Polimorfismo	Herencia en Java	Java  UML Distilled  Programación orientada a objetos usando Java	
Composición y agregación	No dejes de ver		
This y super	TV Proyecto en ArgoUML		
Complejidad de un algoritmo	TV Herencia en Java		
	TV Polimorfismo en Java		

- Abstracción y herencia
- Polimorfismo
- Agregación
- Conceptos relacionados con los métodos

#### Agregación

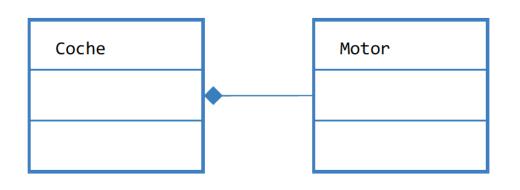


```
class Futbolista{
//....
public Futbolista(.....){//.....}
}
class EquipoFutbol {
    private Futbolista[] futbolistas;
public EquipoFutbol(.....){
    futbolistas=new Futbolista[20];
}
}
```

Se crea el array pero no cada una de los futbolistas

- Una clase esta formada por objetos de otra
- Los objetos contenidos no se crean necesariamente al crear el objeto de la contenedora
- La destrucción del objeto de la contenedora no implica la destrucción de los objetos contenidos
   Composición débil

#### Composición



```
class Motor{
//...
public Motor(.....){//.....}
}
class Coche {
    private Motor elMotor;
public Coche(.....){
    elMotor=new Motor(...);
}
}
```

Se crea el objeto contenido al mismo tiempo que el contenedor

- Una clase esta formada por objetos de otra
- Los objetos contenidos se crean al crear el objeto de la contenedora
- La destrucción del objeto de la contenedora implica la destrucción de los objetos contenidos

#### Complejidad

- Espacial- cantidad de memoria que necesita un algoritmo para su ejecución
- Temporal-cantidad de tiempo que un algoritmo consumme para su ejecución
- Factores que influyen
  - Externos: la máquina, el modelo de gestión de la memoria
  - Internos: Número de instrucciones

#### Complejidad temporal. Te

Complejidad temporal –función que expresa el número de pasos de programa que un algoritmo necesita ejecutar para cualquier entrada posible →cálculo a posteriori

- Paso de un programa: secuencia de operaciones
- Tamaño de la entrada

Número de instrucciones → depende de condiciones

caso mejor, caso medio y caso peor.

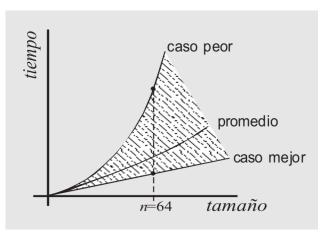
#### Etapas Complejidad temporal. Te

- 1. Determinación del tamaño del problema
  - Determinación del caso mejor y peor: instancias para las que el algoritmo tarda más o menos
  - No siempre existe mejor y peor →el tamaño no influye
- 2. Obtención de los valores para cada caso.

#### Métodos:

- cuenta de pasos
- relaciones de recurrencia (funciones recursivas)

- Búsqueda en un vector:
- 1. Tamaño de la entrada →longitud de un vector
- 2. Caso mejor: el elemento buscado está en el primer lugar
- 3. Caso peor: el elemento buscado no está en el vector



https://rua.ua.es/dspace/bitstream/10045/4411/17/ped-06\_07-tema1.pdf

```
funcion buscar (var X:vector[N]; elem:Tipo) devuelve Entero
var i:Entero;
comienzo
  i:=1;
   mientras (i≤ N ∧ X[i]≠elem) hacer
       i:=i+1;
   fin mientras;
   si (i>N) entonces devuelve 0;
   si_no devuelve i;
   fin_si
fin_funcion
```

funcion buscar (var X:vector[N]; elem:Tipo) devuelve Entero var i:Entero; comienzo i:=1; mientras ( $i \le N \land X[i] \ne elem$ ) hacer i:=i+1:fin mientras; si (i>N) entonces devuelve 0; si no devuelve i; fin si fin funcion

Lo importante es la relación con el tamaño del array en este caso  $5n \rightarrow 0(n)$ Complejidad lineal

 Caso mejor: el elemento está en el primero

$$T_{\text{mejor}} = 1 + 1 + 1 + 2 + 1 + 1 = 7$$

Caso peor: el elemento no está

$$T_{peor} = 1 + ((n)(1+1+2+1)+1+1)+1+1=5n+5$$

funcion buscar (var X:vector[N]; elem:Tipo) devuelve Entero var i:Entero: comienzo i:=1; mientras (i $< N \land X[i] \neq elem$ ) hacer i:=i+1:fin mientras; si (X[i]≠elem) entonces devuelve 0; si no devuelve i; fin si fin funcion

Lo importante es la relación con el tamaño del array en este caso  $5n \rightarrow 0(n)$  Complejidad lineal

 Caso mejor: el elemento está en el primero

$$T_{\text{mejor}} = 1 + 1 + 1 + 2 + 2 + 1 = 8$$

Caso peor: el elemento no está

$$T_{peor} = 1 + ((n-1)(1+1+2+1)+1+1)+2+1=5n+1$$

funcion buscar (var X:vector[N]; elem:Tipo) devuelve Entero var i:Entero: comienzo i:=1; mientras (X[i]≠elem ∧ i< N) hacer i:=i+1:fin mientras; si (X[i]≠elem) entonces devuelve 0; si no devuelve i; fin si fin funcion primero Lo importante es la relación con el tamaño del array en este caso  $5n \rightarrow 0(n)$  Complejidad lineal

 Caso mejor: el elemento está en el primero

$$T_{\text{mejor}} = 1 + 2 + 1 + 2 + 1 = 7$$

Caso peor: el elemento no está

$$T_{peor} = 1 + ((n-1)(2+1+1+1)+2+1+1)+2+1=5n+3$$

funcion buscar (var X:vector[N]; elem:Tipo) devuelve Entero var i:Entero; comienzo i:=1; mientras (X[i]≠elem ∧ i< N) hacer i:=i+1:fin mientras; si (X[i]≠elem) entonces devuelve 0; si no devuelve i; fin si fin funcion de veces Lo importante es la relación con el tamaño del array en este caso  $\frac{5}{2}n \rightarrow 0(n)$ Complejidad lineal

 Caso medio: el bucle se ejecuta la mitad de veces

$$T_{\text{medio}} = 1 + ((m)(2 + 1 + 1 + 1) + 2 + 1) + 2 + 1 = 5m + 7 = 5(n - 1/2) + 7 = \frac{5}{2}n + \frac{9}{2}$$
 $m = (n - 1)/2$ 

## Ejemplo, Caso mejor y peor

funcion buscar (var X:vector[N]; elem:Tipo) devuelve Entero

var i:Entero;

comienzo

i:=1;

mientras (i≤ N) hacer

si (X[i]==elem) entonces devuelve i;

fin\_si

i:=i+1;

Lo importante es la relación con el tamaño del array en este caso  $4n \rightarrow 0(n)$  Complejidad lineal

 Caso mejor: el elemento está en el primero

$$T_{\text{mejor}} = 1 + 1 + 2 + 1 = 5$$

Caso peor: el elemento no está

$$T_{peor} = 1 + ((n)(1+2+1)+1)+1=4n+3$$

fin mientras

devuelve 0:

fin funcion

## Ejemplo. Caso medio

funcion buscar (var X:vector[N]; elem:Tipo) devuelve Entero en este caso var i:Entero;  $2n \rightarrow 0(n)$ comienzo i:=1; mientras ( $i \le N$ ) hacer si (X[i]==elem) entonces devuelve i;∢ fin si i:=i+1:fin mientras devuelve 0: fin funcion Caso medio: el bucle se ejecuta la mitad de veces →

m=n/2

Lo importante es la relación con el tamaño del array Complejidad lineal

 $T_{\text{medio}} = 1 + ((m)(1+2+1)+1+2+1) = 4m+5 = 4n/2+5 = 2n+5$ 

#### Escala de complejidad

$$O(1) \subset O(\lg \lg n) \subset O(\lg n) \subset O(\lg^{a>1} n) \subset O(\sqrt{n}) \subset O(n) \subset$$

$$\subset O(n \lg n) \subset O(n^2) \subset \cdots \subset O(n^{a>2}) \subset O(2^n) \subset O(n!) \subset O(n^n)$$

El tamaño de la complejidad puede variar según el valor de n

Entrada n	10 <sup>6</sup> n <sup>2</sup>	5n³	Eficiencia de tiempo
100.000	10x10 <sup>15</sup>	5x10 <sup>15</sup>	<b>5</b> <i>n</i> <sup>3</sup>
200.000	40x10 <sup>15</sup>	40x10 <sup>15</sup>	Igual
300.000	60x10 <sup>15</sup>	135x10 <sup>15</sup>	$10^6 n^2$

https://rua.ua.es/dspace/bitstream/10045/4411/17/ped-06\_07-tema1.pdf

#### Conclusión

- La mayoría de las operaciones → complejidad constante
- ▶ Lo importante es la complejidad relacionada con el tamaño → determina el orden

# UNIVERSIDAD INTERNACIONAL LITTERNACIONAL DE LA RIOJA

www.unir.net