

DATOS PERSONALES		FIRMA
Nombre:	DNI:	
Apellidos:		

ESTUDIO	ASIGNATURA	CONVOCATORIA
MÁSTER UNIVERSITARIO EN INGENIERÍA MATEMÁTICA Y COMPUTACIÓN (PLAN 2016)	4391029008.- SISTEMAS DINÁMICOS DISCRETOS Y CONTINUOS	a) Ordinaria b) Extraordinaria
FECHA	MODELO	CIUDAD DEL EXAMEN
10-12/07/2020	Modelo - D	

Etiqueta identificativa

L J

INSTRUCCIONES GENERALES

1. La duración del examen es de **2 horas**.
2. Escribe únicamente con **bolígrafo/esfero azul o negro**.
3. No está permitido utilizar más hojas de las que te facilita la UNIR (puedes utilizar folios para hacerte esquemas u organizarte pero **se entregarán junto al examen**).
4. **El examen PRESENCIAL supone el 60%** de la calificación final de la asignatura. Es necesario aprobar el examen, para tener en cuenta la evaluación continua, aunque esta última sí se guardará para la siguiente convocatoria en caso de no aprobar.
5. No olvides **rellenar EN TODAS LAS HOJAS los datos del cuadro** que hay en la parte superior con tus datos personales.
6. El **DNI/NIE/PASAPORTE** debe estar sobre la mesa y disponible para su posible verificación.
7. **Únicamente se permiten los teléfonos móviles si tienen activado el modo avión.**
8. **Retirar del alcance y visibilidad el smartwatch.**
9. Las preguntas se contestarán en **CASTELLANO**.
10. El profesor tendrá muy en cuenta las **faltas de ortografía** en la calificación final.
11. Se permite el uso de **calculadora científica no programable**.
12. Todas las respuestas deberán estar **debidamente justificadas**.
13. **No se podrán utilizar recursos externos**, tales como apuntes, acceso a internet o similares.
El **acceso a internet** queda permitido **únicamente para la descarga y carga del examen en la plataforma de la asignatura**. Si en alguna de las respuestas se detecta un caso de copia de los materiales de la asignatura, de cualquier otra fuente (por ejemplo, internet) o de otros compañeros, el examen tendrá una calificación de 0 puntos, y también la pérdida total de la nota de la evaluación continua.

**NO UTILIZAR ESTA
PARTE DE LA HOJA**

DATOS PERSONALES		FIRMA
Nombre:	DNI:	
Apellidos:		

Puntuación

DESARROLLO

- Puntuación máxima 10,00 puntos

NO UTILIZAR ESTA
PARTE DE LA HOJA

Vas a comenzar el examen de Sistemas Dinámicos Discretos y Continuos:

- Puntuación máxima: 10 puntos.
- Cada pregunta tiene una calificación máxima de 2 puntos.
- Todas las respuestas se deben justificar y razonar, incluyendo todos los pasos utilizados en su desarrollo hasta llegar al resultado final.
- Asegúrate de que tienes las gráficas necesarias para desarrollar los problemas al final del examen.

Dispones de 2 horas para realizar el examen. ¡Ánimo y suerte!

1. El campo de direcciones es una herramienta gráfica utilizada en sistemas dinámicos continuos modelizados por medio de ecuaciones diferenciales ordinarias.

(a) Describe con tus propias palabras en qué consiste, qué representa y cuáles son sus características fundamentales.

(b) La Figura 1 (ver anexo) corresponde al campo de direcciones de un determinado sistema dinámico continuo $x' = F(t, x)$. Describe las características dinámicas que observas en la gráfica.

**NO UTILIZAR ESTA
PARTE DE LA HOJA**

DATOS PERSONALES		FIRMA
Nombre:	DNI:	
Apellidos:		

DATOS PERSONALES		FIRMA
Nombre:	DNI:	
Apellidos:		

2. Considera el siguiente sistema dinámico:

$$x' = x - 2y + x^2y$$

$$y' = y + 2xy$$

Calcula:

- (a) Puntos fijos y puntos de equilibrio.
- (b) Linealiza el sistema y calcula los valores propios. Indica de qué tipo son los puntos de equilibrio. Esboza un dibujo.
- (c) Calcula la solución general del sistema lineal.

**NO UTILIZAR ESTA
PARTE DE LA HOJA**

DATOS PERSONALES		FIRMA
Nombre:	DNI:	
Apellidos:		

3. Realiza un estudio dinámico real completo de la siguiente función racional:

$$G(x) = x - k \frac{x^2 + 1}{2x}$$

Calculando:

- (a) Puntos fijos.
- (b) Estabilidad de los puntos fijos en función de $k \in \mathbb{R}$
- (c) Puntos críticos.
- (d) ¿Qué herramientas gráficas se pueden utilizar para completar el estudio dinámico real? Explica brevemente en qué consiste cada una de ellas.

NO UTILIZAR ESTA
PARTE DE LA HOJA

DATOS PERSONALES		FIRMA
Nombre:	DNI:	
Apellidos:		

DATOS PERSONALES		FIRMA
Nombre:	DNI:	
Apellidos:		

4. Estudia la dinámica del método de Newton amortiguado (llama k al parámetro) aplicado al polinomio

$$p(z) = z^3 + z,$$

en función de $k \in \mathbb{C}$, determinando:

- (a) Puntos fijos y su carácter en función del parámetro k .
- (b) Puntos críticos.
- (c) ¿Qué herramientas gráficas utilizarías para determinar la dinámica compleja por completo? Explica brevemente su funcionamiento.

NO UTILIZAR ESTA
PARTE DE LA HOJA

DATOS PERSONALES		FIRMA
Nombre:	DNI:	
Apellidos:		

DATOS PERSONALES		FIRMA
Nombre:	DNI:	
Apellidos:		

5. El plano de parámetros es una herramienta gráfica utilizada para el estudio de la estabilidad de sistemas dinámicos discretos asociados a los métodos iterativos de variable compleja que dependen de un parámetro.

(a) Describe con tus propias palabras en qué consiste, qué representa y cuáles son sus características fundamentales.

(b) La Figura 2 (ver anexo) corresponde al plano de parámetros asociado al operador de punto fijo de un determinado método iterativo. Describe las características dinámicas que observas en la gráfica.

**NO UTILIZAR ESTA
PARTE DE LA HOJA**

DATOS PERSONALES		FIRMA
Nombre:	DNI:	
Apellidos:		

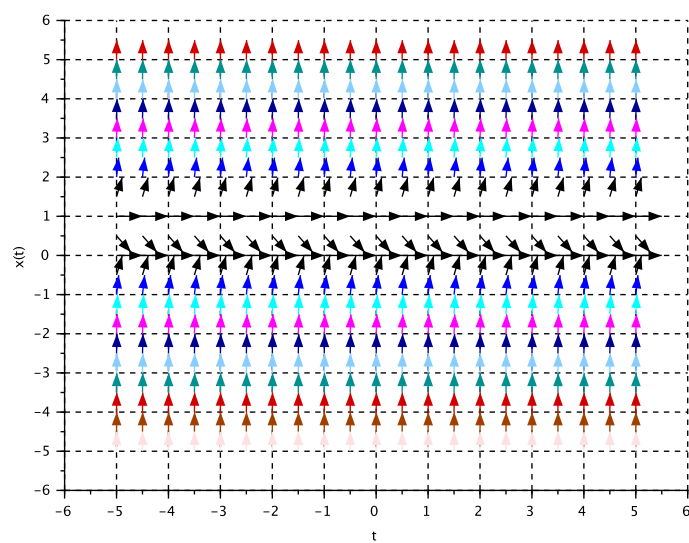


Figura 1. Problema 1. Campo de direcciones

DATOS PERSONALES		FIRMA
Nombre:	DNI:	
Apellidos:		

DESARROLLO - Pregunta 5

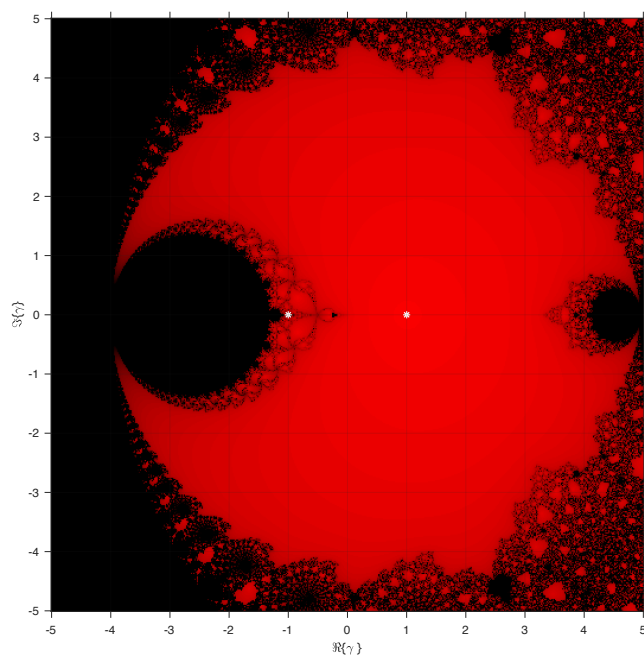


Figura 2. Problema 5. Plano dinámico

**NO UTILIZAR ESTA
PARTE DE LA HOJA**

DATOS PERSONALES		FIRMA
Nombre:	DNI:	
Apellidos:		

B O R R A D O R
PÁGINA NO VÁLIDA PARA RESPONDER

B O R R A D O R
PÁGINA NO VÁLIDA PARA RESPONDER