

**EEM 323  
ELECTROMAGNETIC WAVE THEORY II**

**DALGA FİZİĞİ  
(TUR)**

**2014 – 2015 FALL SEMESTER**

**Prof. S. Gökhun Tanyer**

DEPARTMENT OF ELECTRICAL–ELECTRONICS ENGINEERING  
FACULTY OF ENGINEERING, BASKENT UNIVERSITY

## SU, SES VE ELEKTROMANYETİK DALGALAR

### ***Enerjinin Korunumu Yasası:***

Su dalgası gibi, ses ve ışık oluşur oluşmaz sonrasındaki ilerleyişi kendisi ve ortam arasında bir sihirli ilişkidir. Başlayan bir dalga durmadan ilerler, zayıflayabilir, yön değiştirebilir ancak bu zincirleme reaksiyon hiç bir şekilde durdurulamaz olduğu hissini verir<sup>\*</sup>.

James Prescott Joule (1818–1889 tarafından önerilen *Enerjinin korunumu yasası*

**Ses dalgası yayılmak için bir ortama – maddeye- ihtiyaç duyar.**

Havanın yanı sıra su ve metaller gibi tüm katı ve sıvı maddelerde ses yayılabilir. Boşlukta – uzayda – ses yayılamaz, çünkü maddenin olmadığı yerde titreşen bir şey de olamaz.

**Bu özelliği ile elektromanyetik dalgadan (ışık, radyo yayınları vb.) ciddi bir şekilde ayrılır.** Matematiksel olarak birbirine bu kadar benzeyen iki dalga türü arasındaki bu temel ayrımı insanoğlu bir türlü kabullenmek istememiş ve yakın tarihimize kadar uzayda ‘esir’ denilen elektromanyetik (EM) dalga yayılımına imkan veren madde benzeri bir ortamın varlığına inanmıştı**r**.

**Ses dalgasını EM dalgadan ayıran diğer bir fark** ise, ses dalgasının sıkışıp genişleme hareketinin (salınımının) kendi hareket yönü ile aynı yönde olmasıdır. Bunu **polarizasyon** ifadesi ile tanımlayacağız.

### ***Entropinin Artması:***

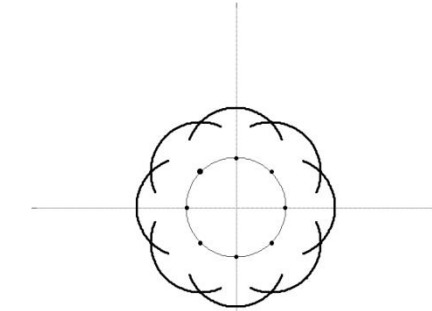
Bir taş düştüğünde ses dalgaları, yıldırım düştüğünde ışık dalgaları tetiklenir. Her ikisinde de çok kısa süreler içerisinde farklı tür enerjiler arasında (potansiyel, elektrik, ısı ve mekanik) hızlı dönüşümler yaşanır. Her iki dalga türü de, fizikte “evrenin düzensiz hale ulaşma isteği” olarak bilinen *entropinin* artması kuramı doğrultusunda davranır; yayılarak genliğini azaltır.

## ***Ses Dalgalarının Yayılımı***

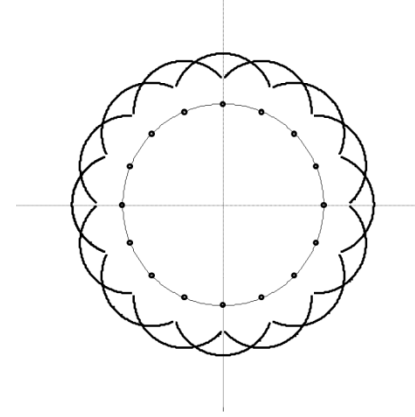
Mekanik enerjinin ortaya çıkması, esnek bağlarla birbirlerine bağlı olan maddedeki taneciklerin titreşmesine neden olur.

Mekanik enerjiye (titreşime) sahip taneciklerin (hava, sıvı veya katı madde molekülleri) yakındaki düşük enerjili tanecikler ile yakın etkileşiminden dolayı enerjilerini aktarmaları ile sesin ilerleyişi başlar. Zincirleme çarpışmalar ile entropinin artması kuramına uygun şekilde mekanik enerjinin ses dalgaları halinde yayılması sağlanır. Tanecik etkileşimli dalga hareket modeli Şekil **HUYGENS'te** gösterilmiştir.

Noktalardan yayılan dalgalar  
birleşerek dairesel dalgayı  
oluşturuyor.

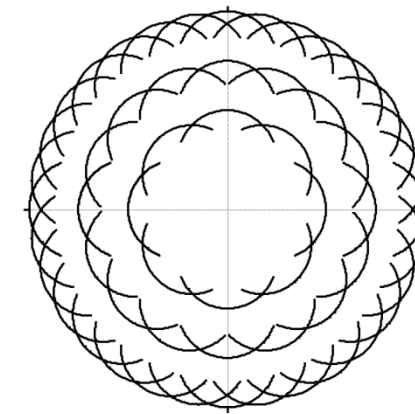
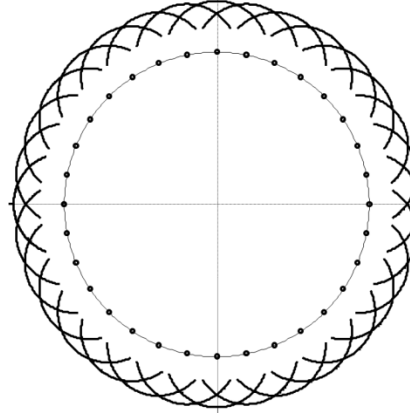


Dalga üstündeki noktalar tekrar  
daireseel dalga oluşturuyor.



(a)

(b)



Dalga üstündeki noktalardan tekrar tekrar dairesel dalgalar oluşturuyor.

(c)

(d)

**NOT: E – H – E – H – E ... döngüsü, Maxwell denklemleri.**

**Şekil:** Huygens prensibine göre noktasal kaynakçıklardan oluşan dalga hareketi (a)'dan (c)'ye kadar aşamalar halinde gösterilmiştir. Kaynağın sürekli olması halinde (d)'de gösterildiği gibi dalga hareketi de sürekli olmaktadır.

Christiaan **Huygens** ve Augustin-Jean **Fresnel** tarafından farkedildiği şekilde ilerleyen dalga hareketi, dalga yüzeylerindeki küçük noktasal kaynakçıklardan tekrar tekrar oluşturuluyor gibi davranmaktadır.

**Dalga'nın ilerleme hızı** enerji aktarımını başlatan güce hiç bir şekilde bağlı değildir! Su üzerindeki bir kayığın arkadan ittirilmesine hiç benzemez. Dalgalanma zincirini başlatan olay ne kadar büyük veya küçük olsun, dalga hızı sadece ve sadece ortamın kendi özelliğine bağlıdır. Huygens etkileşimini ortam belirler.

**Dalga'nın hızı ortama göre belirlenir.**

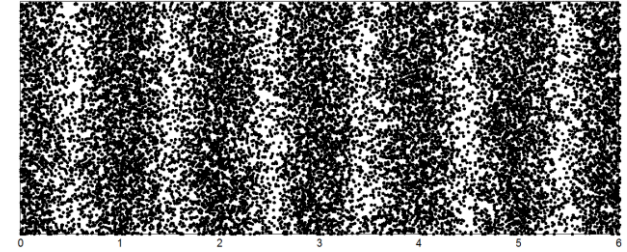
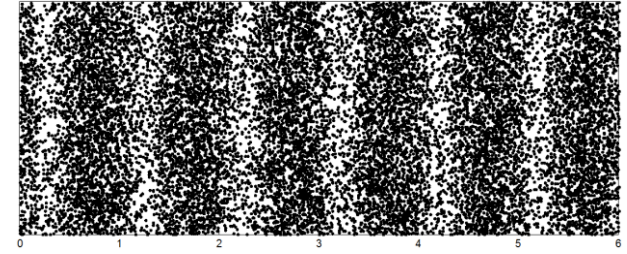
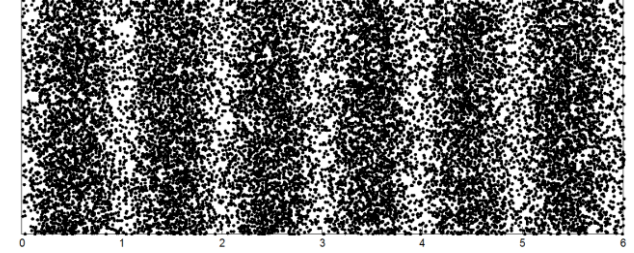
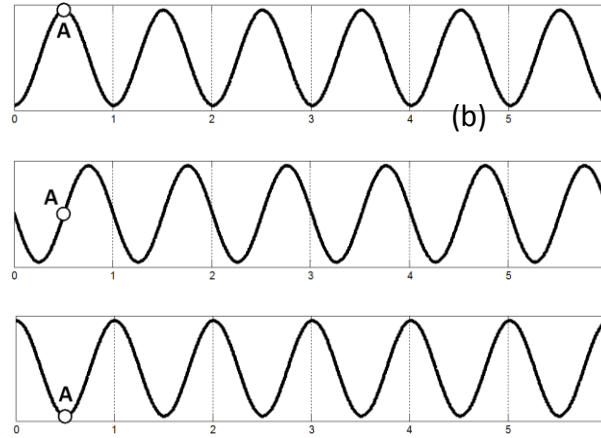
**Dalga salınımı (polarizasyon):**

Her dalga yayılımının ilerlemesini sağlayan motor, salınımlardır; yukarı-aşağı, sağ-sol, ileri-geri\* yönü ne olursa olsun bir salınım hareketini görmekteyiz.

(\*) veya dairesel, eliptik gibi daha karmaşık salınımlar olabilir. Bu salınımlara dalga'nın diğer belirleyici bir özelliği olan polarizasyon denmektedir; güneş ışıklarında da olduğu gibi. Gökyüzünden doğrudan gelen ışığın polarizasyonu farklı polarizasyonlar içerebilir, ancak yerden yansıyan ışığın polarizasyonu büyük ölçüde diktir.



**Elektromanyetik dalga da su dalgası gibi hareket yönüne dik salınımlar göstermektedir.**



**Şekil.** Hava içerisinde soldan sağa doğru ilerleyen düzlemsel ses dalgası.

**Dalga boyu, Hız, Frekans:**

Dalga'nın tek bir salınım turunun tamamladığı süre boyunca kat ettiği yol *dalga boyu* olarak adlandırılır.

Hız, frekans ve dalga boyu arasındaki ilişki aşağıda özetlenmektedir.

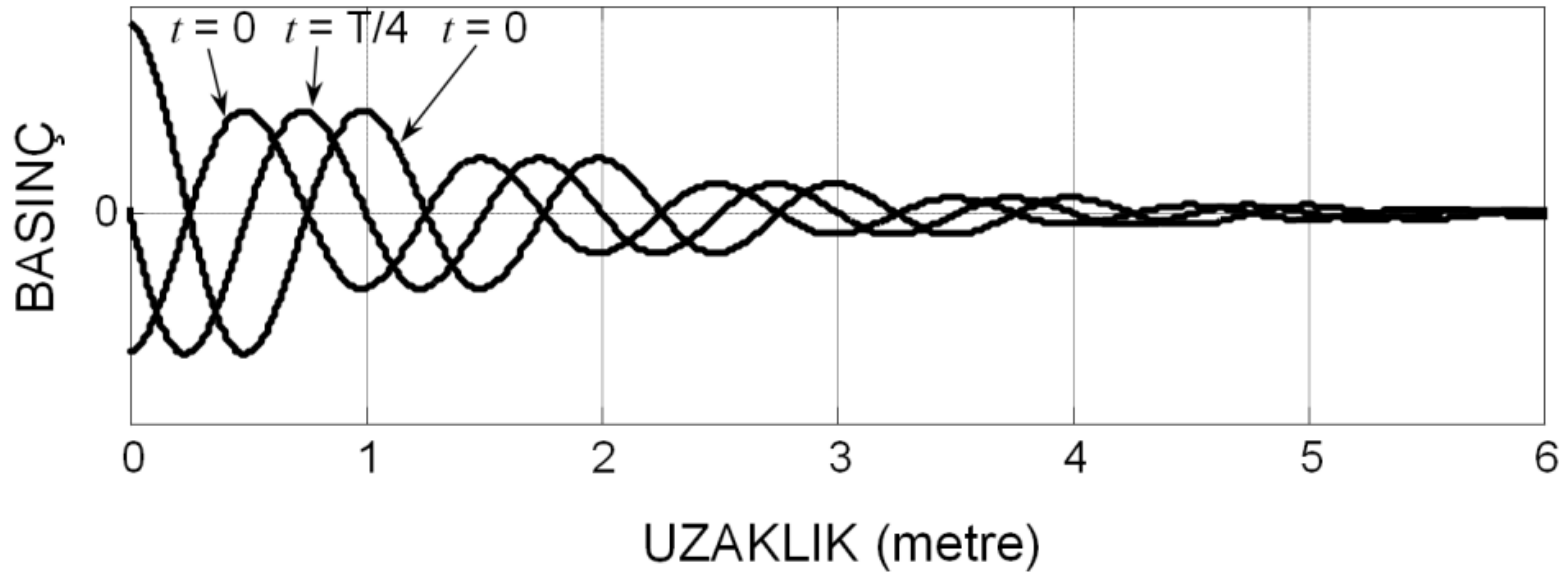
$$\text{Hız} = \text{Dalga boyu} \times \text{Frekans} \quad (1)$$

$$\text{Dalga boyu} = \text{Hız} / \text{Frekans} \quad (2)$$

$$\text{Frekans} = \text{Hız} / \text{Dalga boyu}. \quad (3)$$

## Dalğanın zayıflaması:

Açık alana yayılan sesin genliği uzaklık arttıkça azalır.



**Şekil.** Aynı ortamda ilerleyen ses dalgasının ilerleme boyunca zayıflamaya uğraması.

**NOT:** Dalğanın zayıflama özelliğini EEM 423 dersinde detaylı olarak inceliyoruz.

### ***Dalga Yayılımında Doğamızın Tercihi:***

‘**Fark alma**’ konusunda matematik araçlarımızdan faydalanacağımız aracımız ‘türev’dir. Doğa ses dalgalarının ilerlemesinde ‘türev’ alır. Doğanın neredeyse tüm mekanizmaları türevi içerir.

Huygens’in de belirttiği gibi dalga etkileşimi yerel etkileşimler sayesinde oluşur. Işık dalgaları için bakarsak, **ışık dalgalarını yaratan tahterevalli sarkacının bir tarafında elektrik diğer tarafında ise manyetik alan bulunmaktadır.**

Farklı olduğu kabul edilen iki alanın arasındaki ilişki, ilk defa 1821 yılında **Danimarkalı fizikçi Hans Christian Ørsted** (1777–1851) tarafından yapılan bir deney ile kanıtlanmıştır. **Ørsted deneyinde, elektrik akımının değişmesi (basit bir aç-kapa hareketi) mıknatısın iğnesini hareket ettirmektedir.** Arada hiç bir temasın olmadığı bu etkileşimin mutlaka alanlar ile açıklanabileceğini göstermişti.

### ***Dalga Denkleminin Tarihçesi:***

1827 yılında **Fransız fizikçi ve matematikçisi André-Marie Ampère** (1775–1836) değişen elektrik alanının manyetik alan yaratabileceğini matematiksel olarak açıklamıştır.

Ørsted ve Ampère'in çalışmalarından yararlanan **İngiliz bilim insanı Michael Faraday** (1791–1867)\*, 1925 yılı sonlarında değişen manyetik alanın (mıknatısın ileri-geri hareket ettirilmesi gibi), elektrik alan yaratabileceğini göstermiştir.

Daha sonra Ampère ile Faraday'ın bu keşifleri, **James Clerk Maxwell** (1831–1879) tarafından sade bir matematik ile birleştirilmiş ve ***elektromanyetik dalga denklemi*** halinde ifade edilmiştir\*\*.

## İNCELEDİĞİMİZ KONULAR:

Dalga hareketi, titreşim, hız, frekans salınım, polarizasyon ...

**İlgili Dersler:** EEM 224, 323, 423, 434, + Lisans üstü dersler

## İNCELEYECEĞİMİZ KONULAR:

**Kavram olarak ilişkili diğer konular:**

EEM 301 Sinyaller ve sistemler I, II

Fourier dönüşümü, ...

**Ses dalgası örneği:**

Tel üstündeki titreşim dalgaları için **Jean-Baptiste D'Alembert** (1717–1783) tarafından 1752 yılında açıklanmıştı. **Ses dalgasının tahterevallisinin bir ucunda ses *basıncı* diğer yanında ise *ortamdaki yoğunluk farkı*\*\*\*\* bulunuyordu.**

Ses dalgalarının ilerleyişi ile ilgili çalışmalar ise, 1969 yılında Amerikalı teorik fizikçi Richard Feynman (1918–1988)'in\*\*\*\*\* çalışmaları ile **[K:x Feynman (1969)]** olgunluğa kavuşmuştur.

Dalga denklemlerimiz kısaca; **“Küçük bir noktasal hacimde enerji değişikliği yaratırsanız bu mutlaka çevrenizde farklılıklar yaratır”** diyor.

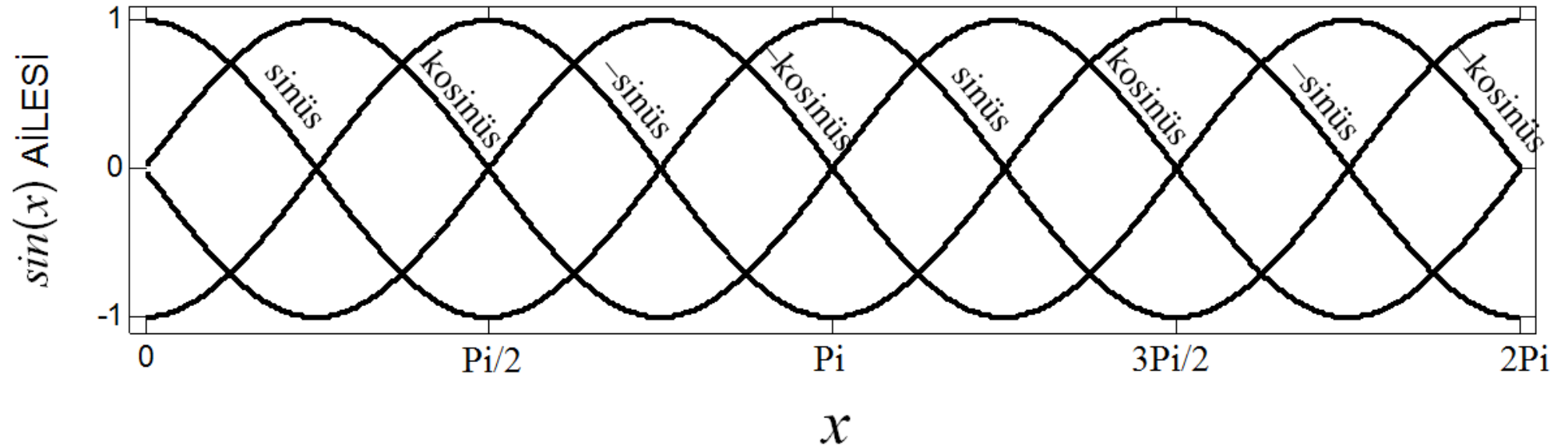
Ses olsun elektromanyetik olsun bu ifade **matematiksel türev (farkın bir ölçüsü)** ilişkisi ile tanımlanabiliyor.

**Gözlemlerimiz:**

- 1. Dalga denklemi sürekli olarak türev alıyor.**
- 2. Salınımlar sonsuza kadar ilerleyebiliyor.**

**Soru:** Dalganın değişim fonksiyonuna örnek verebilir misiniz?





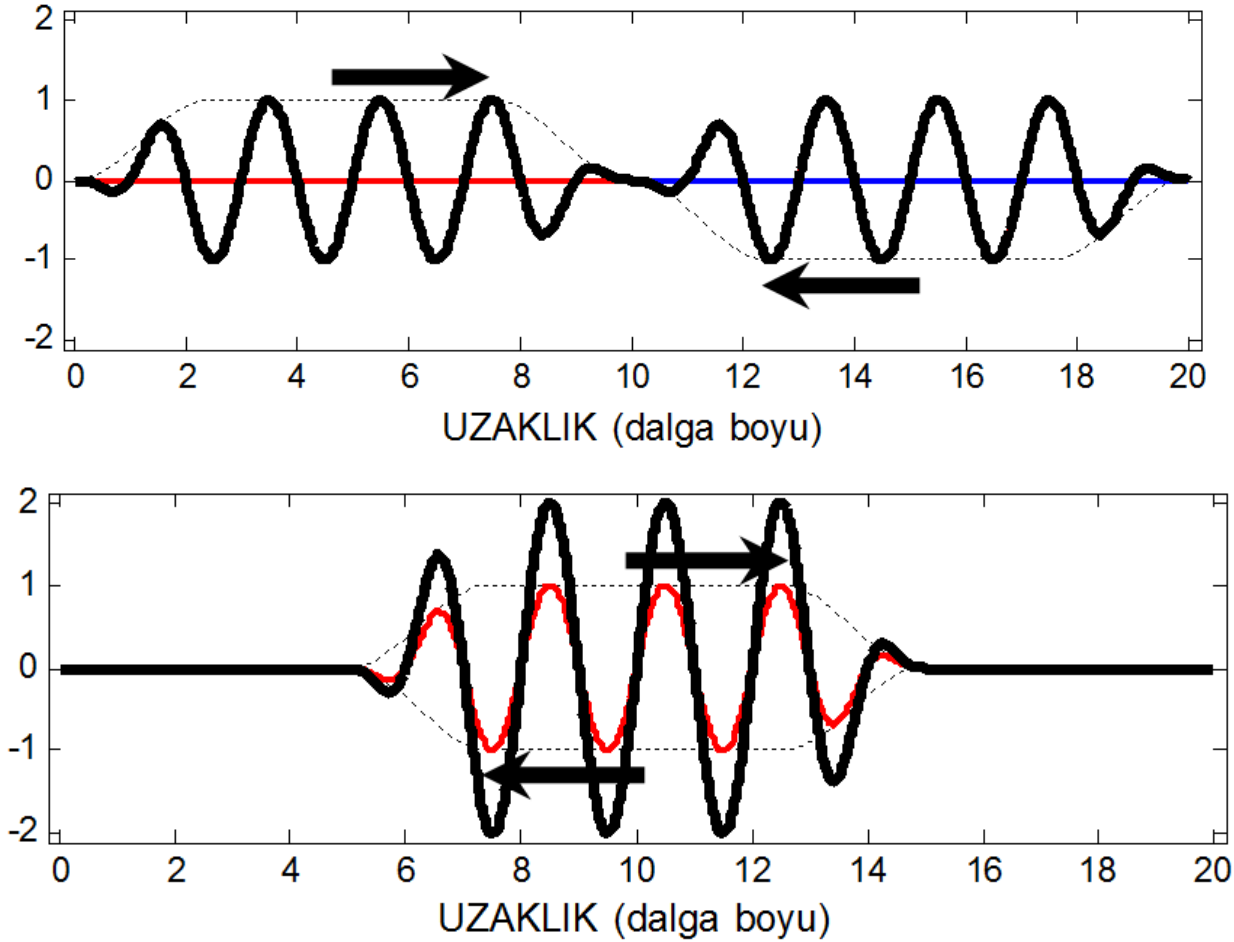
Şekil. Sinüs fonksiyonu ve türevlerinden oluşan sinuzoidal fonksiyon ailesi;

$$\sin(x), \cos(x), -\sin(x), -\cos(x).$$

### ***Dalga'nın Yansıma ve Girişim Özellikleri (ses örneği üzerinden):***

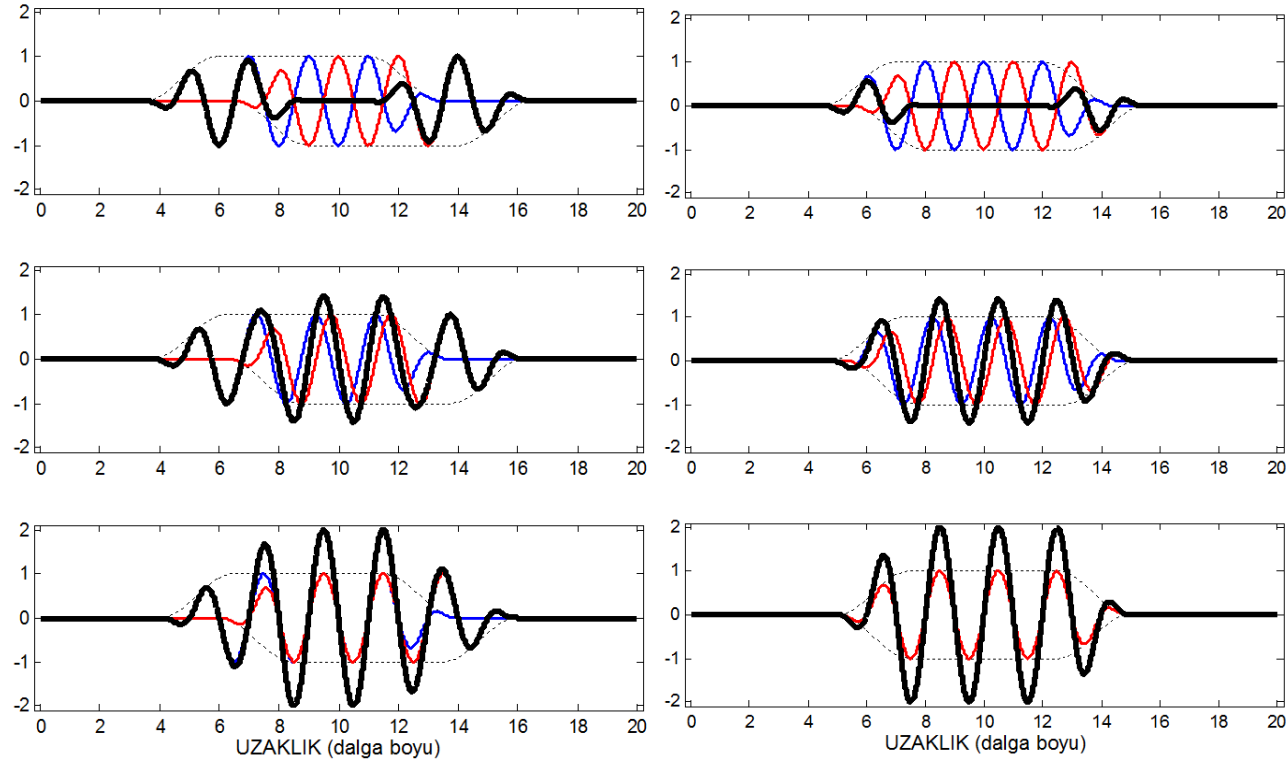
- Dalga geniş bir hacme yayıldığı durumda, taşıdığı mekanik titreşim enerjisinin yoğunluğu ilerledikçe azalır (**soğurulur**) ve yeteri kadar ileride tümten ısı enerjisine dönüşerek yokolur.
- Eğer sesin ilerlediği ortam farklı maddeleri içeriyor ise; dalga'nın **yansıma**, **kırılma**, **saçınma** gibi diğer özellikleri bir anda ortaya çıkar. Kısaca ortam ses dalgalarına 'müdahale eder'.
- Geri dönen yani yansıyan dalgayı **Yankı** olarak adlandırıyoruz.
- Dalga ortamdaki değişimler karşısında başka tepkiler de verir; farklı bir ortama girer girmez yön değiştirmesi **kırılma**, ulaşamadığı karanlık bölgelere (köşe ve kenar arkalarına) dönüş atarak ulaşmasına, hatta eğik yüzeylerin üstünü yalıtılarak ilerlemesi ise **saçınma** özelliğini göstermektedir.

**Örnek:** Bir dalga paketinin ilerleyişi sırasında yansıması durumunu inceleyelim.



**Şekil.** Birbirlerine göre ters yönlerde ilerleyen eşit genliğe sahip iki ses dalga paketi, paketlerin ilerleme uzaklıkları; (a) 0, (b) 5 dalga boyu. Eğer *dalgaboyu* = 10 cm ve *hız* = 343 metre/saniye ise, *frekans* 3,430 Hertz olarak hesaplanabilir. Bu da piyanoda 85. tuş olan La (A7) (3,520 Hertz)'ten biraz pest sesi vermektedir.

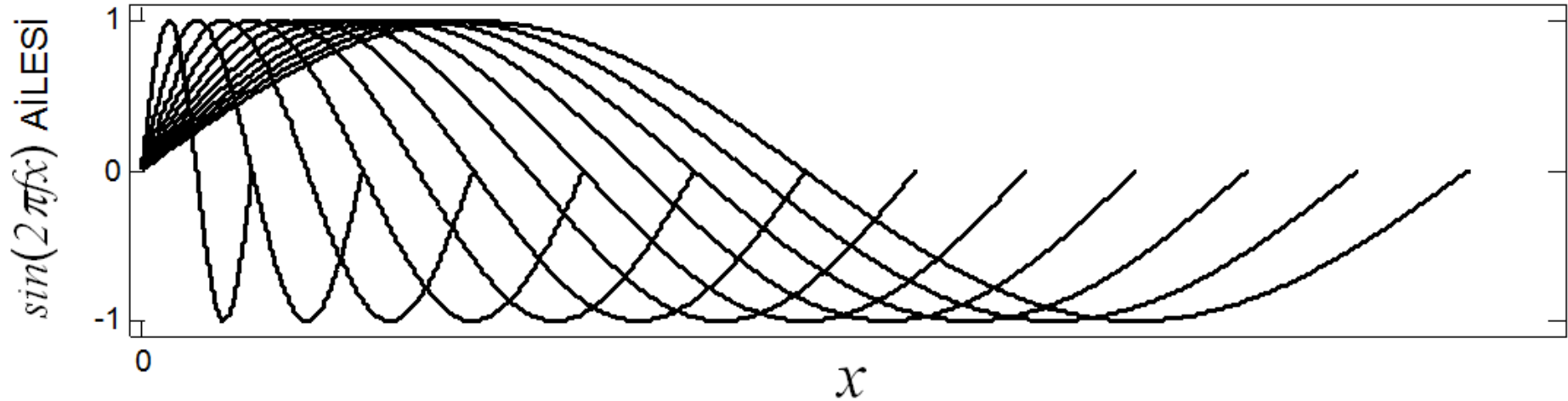
Farklı yönde ilerleyen iki dalga paketinin karşılaşması ve ***girişim*** etkileşimi.



**Şekil.** Birbirlerine göre ters yönlerde ilerleyen eşit genliğe sahip iki ses dalga paketinin iki farklı konumdayken incelenmesi, paketlerin ilerleme uzaklıkları sol üstten aşağı doğru sırasıyla; (a)  $3\frac{1}{2}$ ,  $3\frac{3}{4}$  ve 4 dalga boyu, ve (b)  $4\frac{1}{2}$ ,  $4\frac{3}{4}$  ve 5 dalga boyu.

Türeve dayanıklı, dalga denkleminde kullanacağımız fonksiyon sinüstür dedik.

**Soru:** Hangi sinüs?



**Şekil.** Sinüs fonksiyonuna uygun farklı salınımlar,  $\sin(2\pi f x)$  ailesinin tek salınımları gösterilmiştir.

Yine ses dalgası örneğini kullanalım.

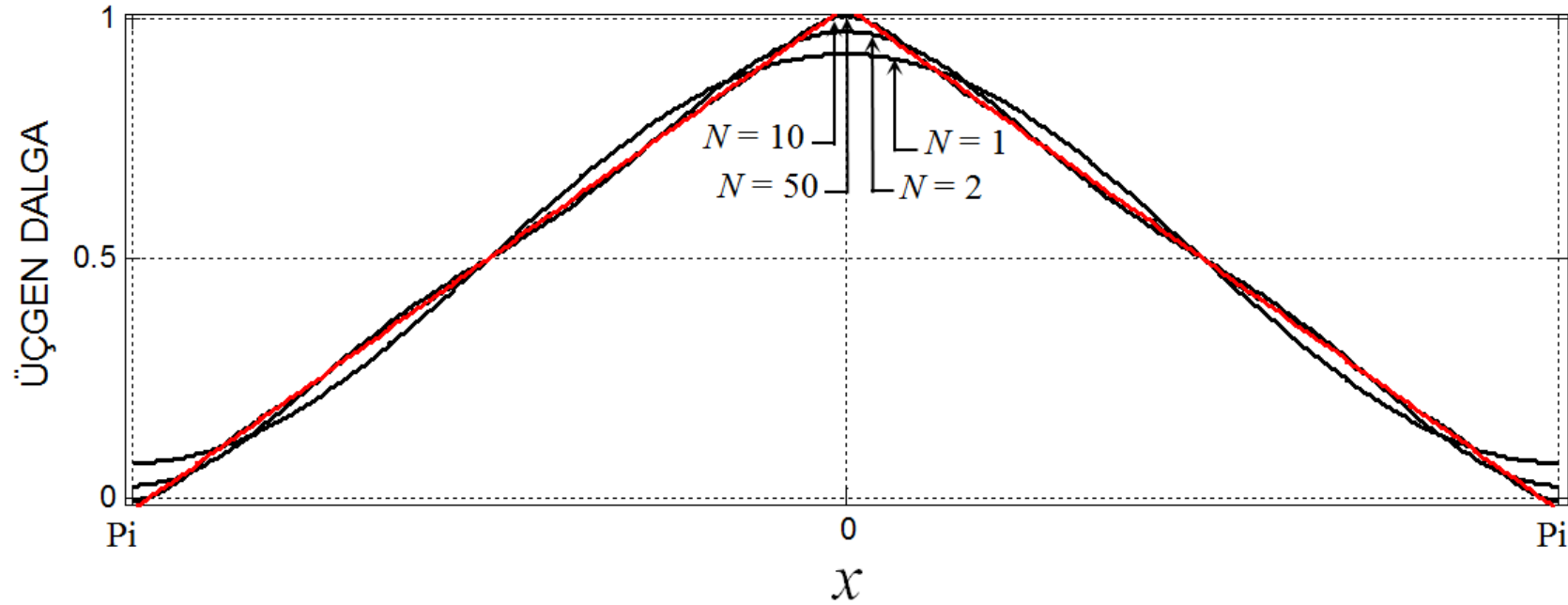
**Euler'in sorusu**

**D'Alembert**

**Daniel Bernoulli**

Fourier (sonradan dahil olmuştur).

**Bir müzik çalgısının herhangi bir telin orta yerinden çekilip bırakılmış olsun. İlk başlangıçta üçgen şeklindedir ve nasıl olur da üçgen titreşim şekli sinüsler haline dönüşür?**



**Şekil.** Üçgen fonksiyonun farklı sayıda sinüslerin toplamıyla oluşturulması.

$$\begin{aligned}
 f(x) &= \frac{4}{\pi} \cos(x) + \frac{4}{9\pi} \cos(3x) + \frac{4}{25\pi} \cos(5x) + \dots \\
 &= \frac{4}{\pi} \sum_{k=0}^{\infty} \frac{\cos[(2k+1)x]}{(2k+1)^2}
 \end{aligned}$$

Fourier'in 1807 tarihindeki ifadesini özetleyerek konumuzu tamamlayalım;

**“Ses dalgaları ile oluşturulabilecek tüm fiziksel basınç dağılımları sadece ve sadece sinüsler kullanılarak oluşturulabilir”.**



**NOT:** EEM 649 Optik Dalga Kuramı dersinden alınmıştır.

## FOURIER SERIES / TRANSFORMS

### Fourier's question:

Can other waveforms be decomposed into sinusoids?

### Fourier's contributions:

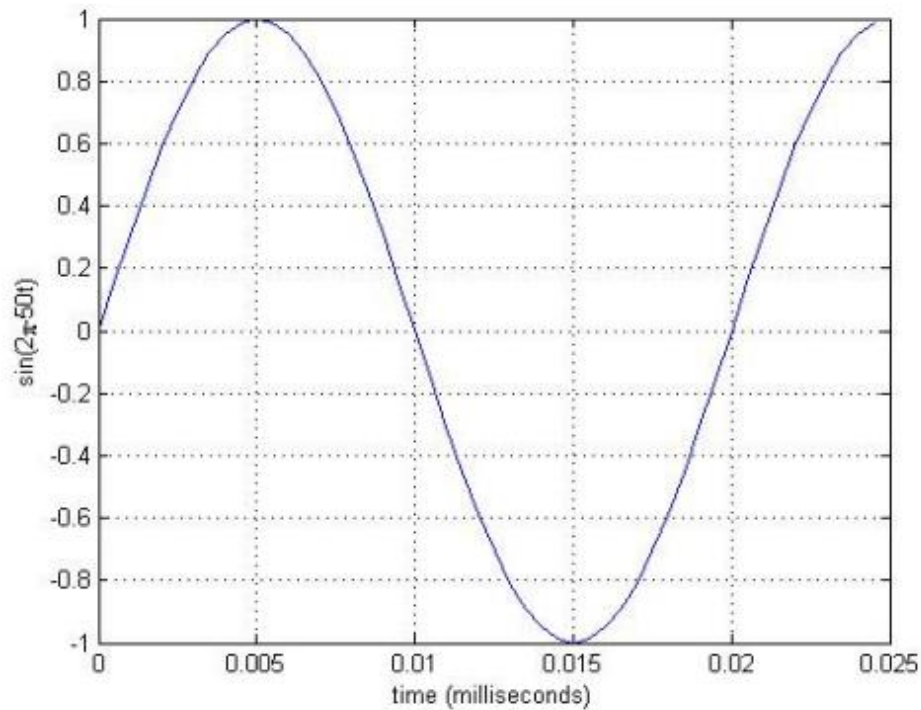
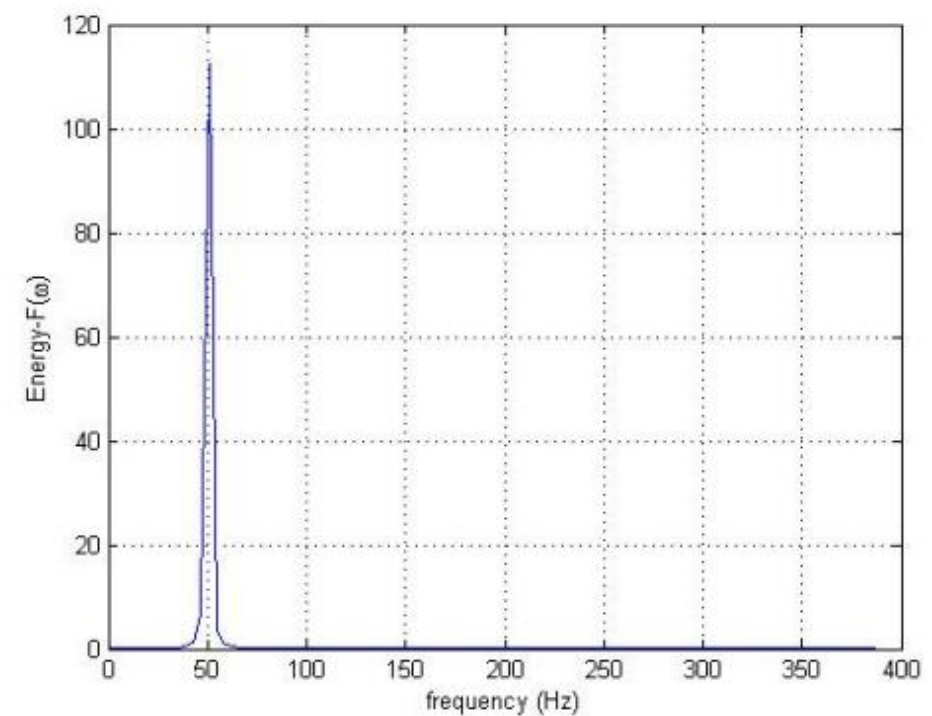
#### SERIES DECOMPOSITION OF PERIODIC SIGNALS:

- If  $\mathbf{s}(t)$  is periodic with a period  $T$  seconds (frequency  $\mathbf{f}_0 = 1 / T$  Hertz),
- then  $\mathbf{s}(t)$  can be decomposed of summation of sinusoids with frequencies of  $\mathbf{n f}_0$  where  $\mathbf{n} = 1, 2, 3, \dots$
- Note that this is also true for  $\mathbf{s(x)}$ ,  $\mathbf{s(y)}$  and  $\mathbf{s(z)}$  where  $\mathbf{x}$ ,  $\mathbf{y}$  and  $\mathbf{z}$  are the spatial values in space.

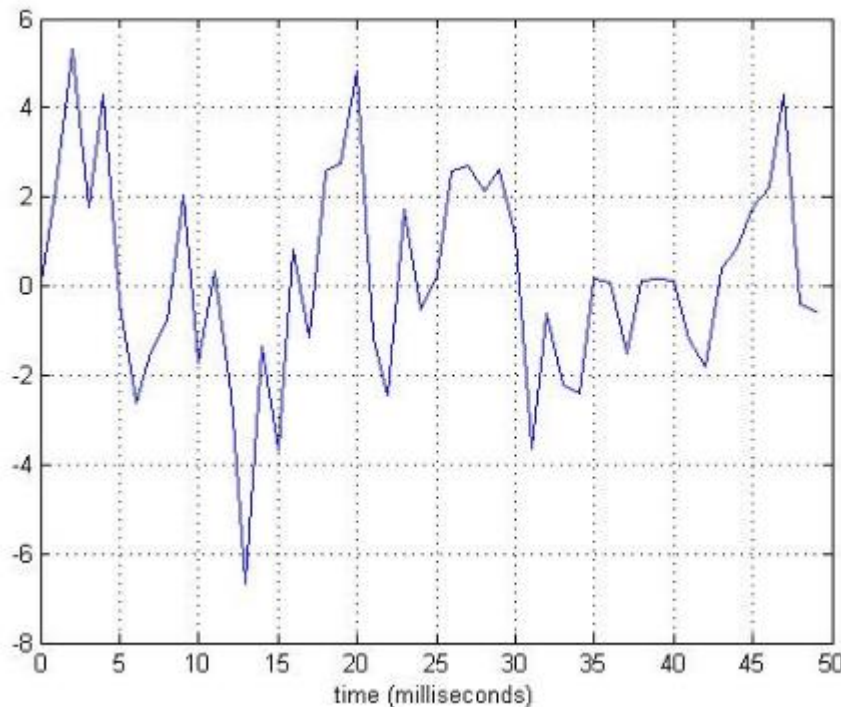
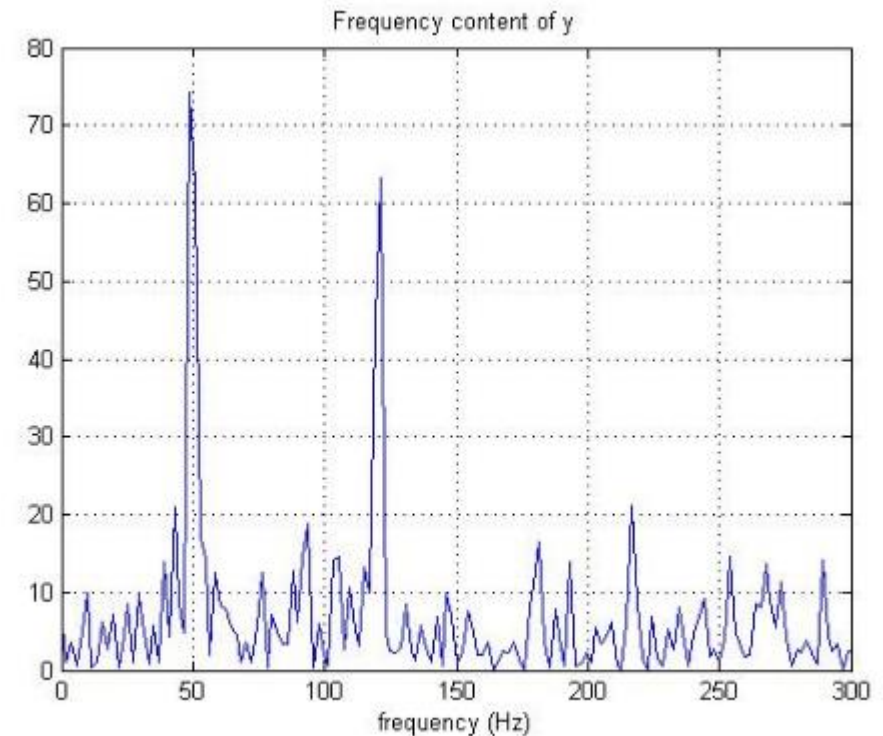
Let us review this on simple examples.

**EXAMPLE 1:**

$$s(t) = \sin(2\pi 50 t)$$

 $s(t)$  $S(f)$ 

[Internet: [www.engr.uconn.edu/lanbo G377FFTYC.pdf](http://www.engr.uconn.edu/lanbo/G377FFTYC.pdf)]

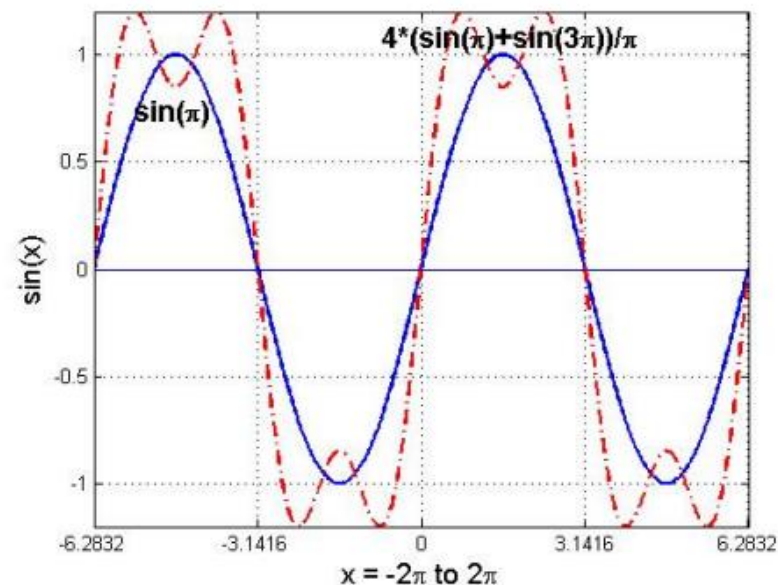
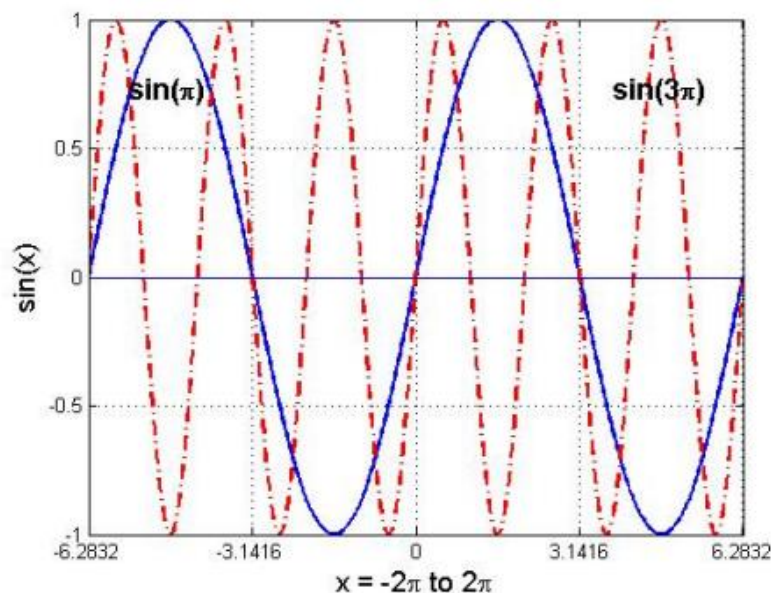
**EXAMPLE 2:** $s(t)$  = Assume periodic, not simple as Ex.(1) $s(t)$  $S(f)$ 

The left picture is the recorded sound signal given in time. We see the oscillations but cannot visualize the dominant spectral components. Using the Fourier transform, we can easily detect the two sinusoidal components at 50 Hz and 120 Hz.

## Fourier's Important Question:

How can we decompose  $s(t)$  into its sinusoidal components?

- Trigonometric functions,  $\sin(x)$  and  $\cos(x)$  has the period of  $2\pi$ .
- Similarly,  $\sin(nx)$  and  $\cos(nx)$  has the period of  $2\pi/n$ .
- The linear combination of these functions will still has a period of  $2\pi$ .



**Result:** Fourier's Series for the decomposition of periodic signals

$$f(x) = \frac{a_0}{2} + \sum_{m=1}^{\infty} (a_m \cos mx + b_m \sin mx)$$

$$a_m = \frac{1}{\pi} \int_{-\pi}^{\pi} f(x) \cos mx dx$$

$$b_m = \frac{1}{\pi} \int_{-\pi}^{\pi} f(x) \sin mx dx$$

$$a_0 = \frac{1}{\pi} \int_{-\pi}^{\pi} f(x) dx$$

**EXAMPLES:**

➤ Period function  $f(x) = \begin{cases} 1 & 0 < x < \pi \\ -1 & -\pi < x < 0 \end{cases}$

➤ The parameters are

$$a_0 = \frac{1}{\pi} \int_0^{\pi} 1 dx + \frac{1}{\pi} \int_{-\pi}^0 (-1) dx = 0$$

$$\begin{aligned} a_1 &= \frac{1}{\pi} \int_0^{\pi} \cos x dx + \frac{1}{\pi} \int_{-\pi}^0 (-1) \cos x dx \\ &= -\frac{1}{\pi} \sin x \Big|_0^{\pi} - \frac{1}{\pi} \sin x \Big|_{-\pi}^0 \\ &= 0 \end{aligned}$$

$$b_m = \frac{1}{\pi} \int_{-\pi}^{\pi} f(x) \sin mx dx$$

$$b_n = \frac{4}{n\pi}, \quad n = 1, 3, 5, \dots$$

$$\begin{aligned} a_m &= \frac{1}{\pi} \int_0^{\pi} \cos mx dx + \frac{1}{\pi} \int_{-\pi}^0 (-1) \cos mx dx \\ &= -\frac{1}{m\pi} \sin mx \Big|_0^{m\pi} + \frac{1}{m\pi} \sin mx \Big|_{-m\pi}^0 \\ &= 0 \end{aligned}$$

$$b_k = 0, \quad k = 2, 4, 6, \dots$$

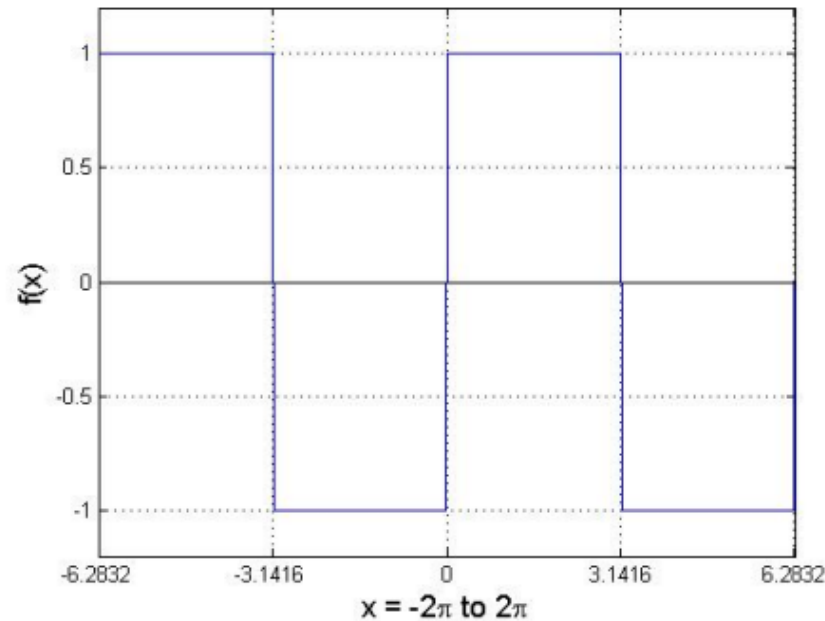
$$f(x) = \frac{4}{\pi} \left( \frac{\sin x}{1} + \frac{\sin 3x}{3} + \frac{\sin 5x}{5} + \dots \right)$$

## EXAMPLES:

➤ Period function 
$$f(x) = \begin{cases} 1 & 0 < x < \pi \\ -1 & -\pi < x < 0 \end{cases}$$

➤ The Fourier series is:

$$f(x) = \frac{4}{\pi} \left( \frac{\sin x}{1} + \frac{\sin 3x}{3} + \frac{\sin 5x}{5} + \dots \right)$$

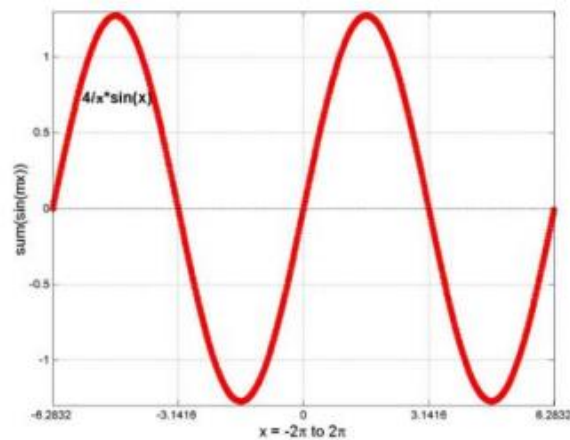




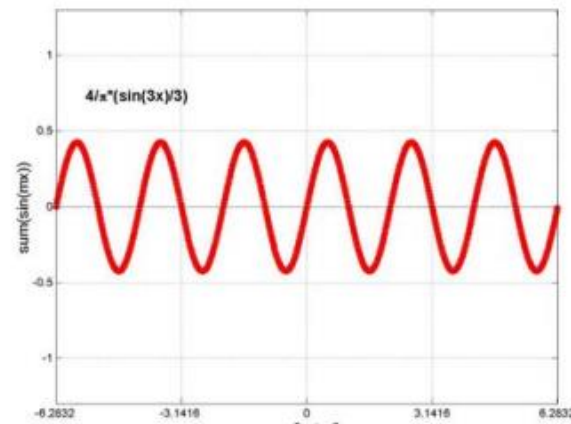
➤ Period function  $f(x) = \begin{cases} 1 & 0 < x < \pi \\ -1 & -\pi < x < 0 \end{cases}$

➤ The Fourier series is:

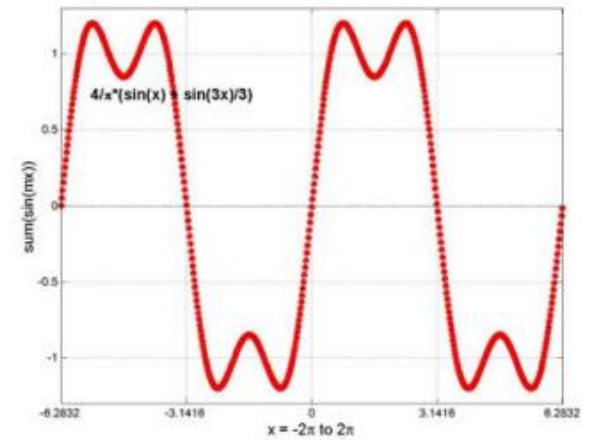
$$f(x) = \frac{4}{\pi} \left( \frac{\sin x}{1} + \frac{\sin 3x}{3} + \frac{\sin 5x}{5} + \dots \right)$$



+



=



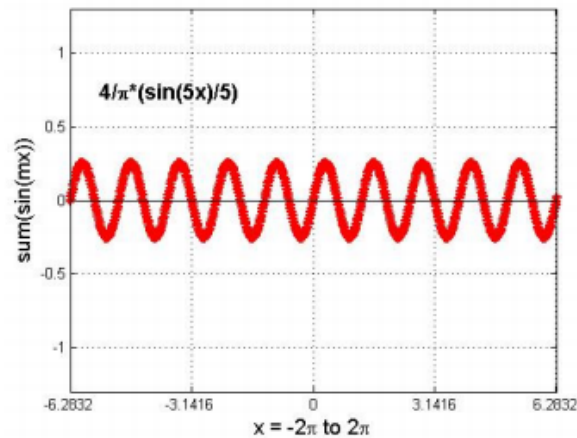




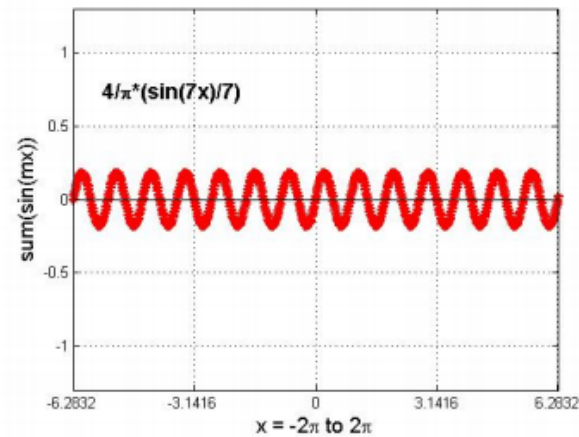
➔ Period function  $f(x) = \begin{cases} 1 & 0 < x < \pi \\ -1 & -\pi < x < 0 \end{cases}$

➔ The Fourier series is:

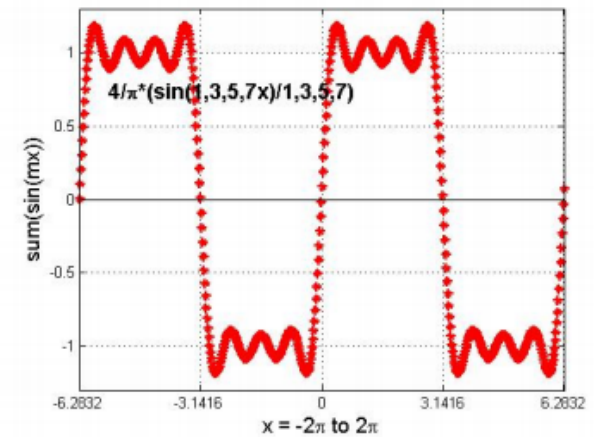
$$f(x) = \frac{4}{\pi} \left( \frac{\sin x}{1} + \frac{\sin 3x}{3} + \frac{\sin 5x}{5} + \dots \right)$$



+



=

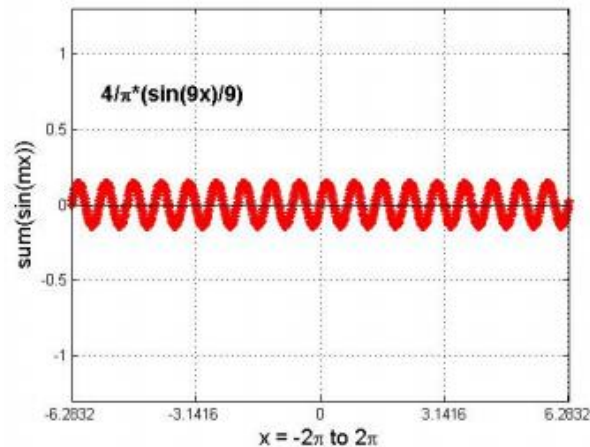




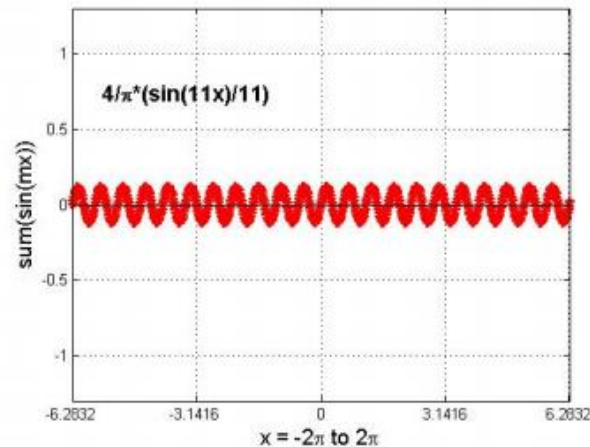
→ Period function 
$$f(x) = \begin{cases} 1 & 0 < x < \pi \\ -1 & -\pi < x < 0 \end{cases}$$

→ The Fourier series is:

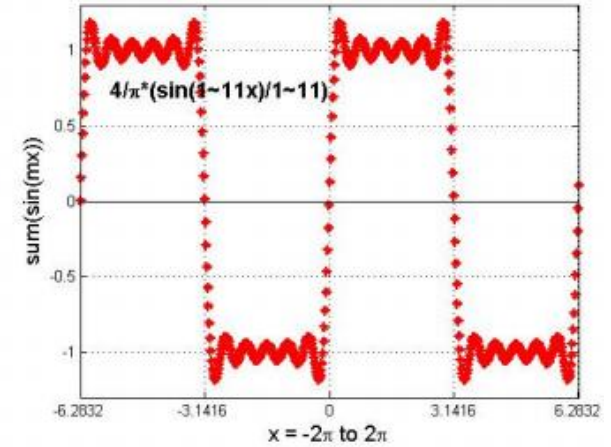
$$f(x) = \frac{4}{\pi} \left( \frac{\sin x}{1} + \frac{\sin 3x}{3} + \frac{\sin 5x}{5} + \dots \right)$$



+



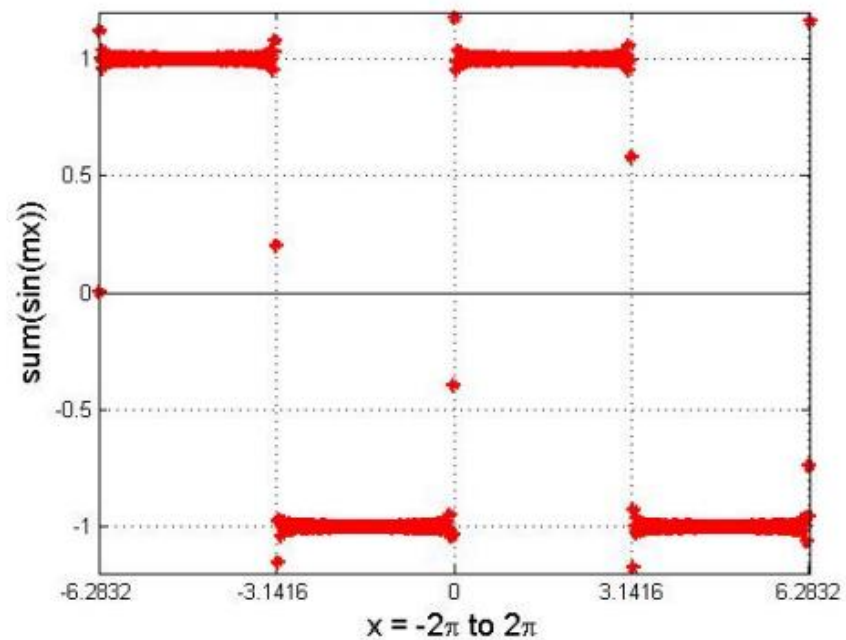
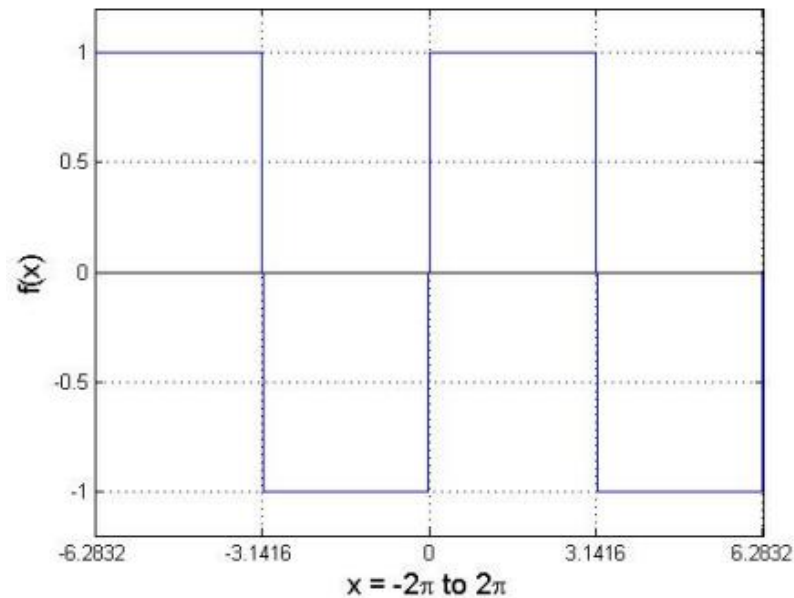
=



➤ Period function  $f(x) = \begin{cases} 1 & 0 < x < \pi \\ -1 & -\pi < x < 0 \end{cases}$

➤ The Fourier series is:

$$f(x) = \frac{4}{\pi} \left( \frac{\sin x}{1} + \frac{\sin 3x}{3} + \frac{\sin 5x}{5} + \dots \right)$$

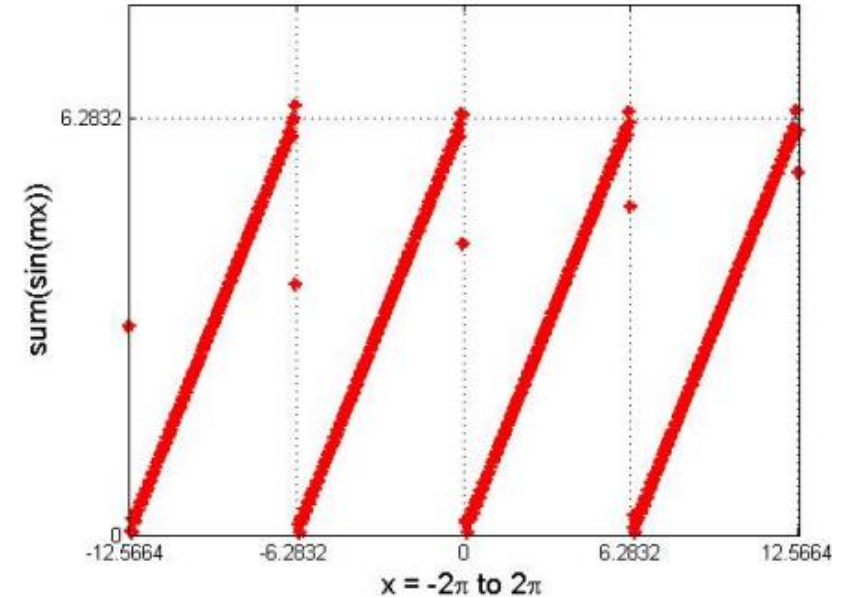
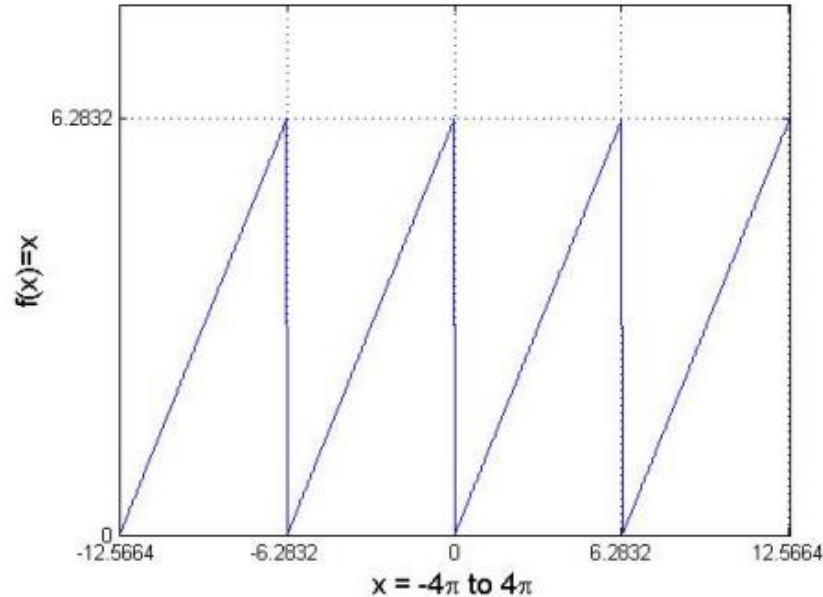


**EXAMPLE:**

➔ Period function  $f(x) = x \quad 0 < x < 2\pi$

➔ The parameters are

$$f(x) = \pi - 2\left(\frac{\sin x}{1} + \frac{\sin 2x}{2} + \frac{\sin 3x}{3} + \dots\right)$$



## 2D Fourier transform:

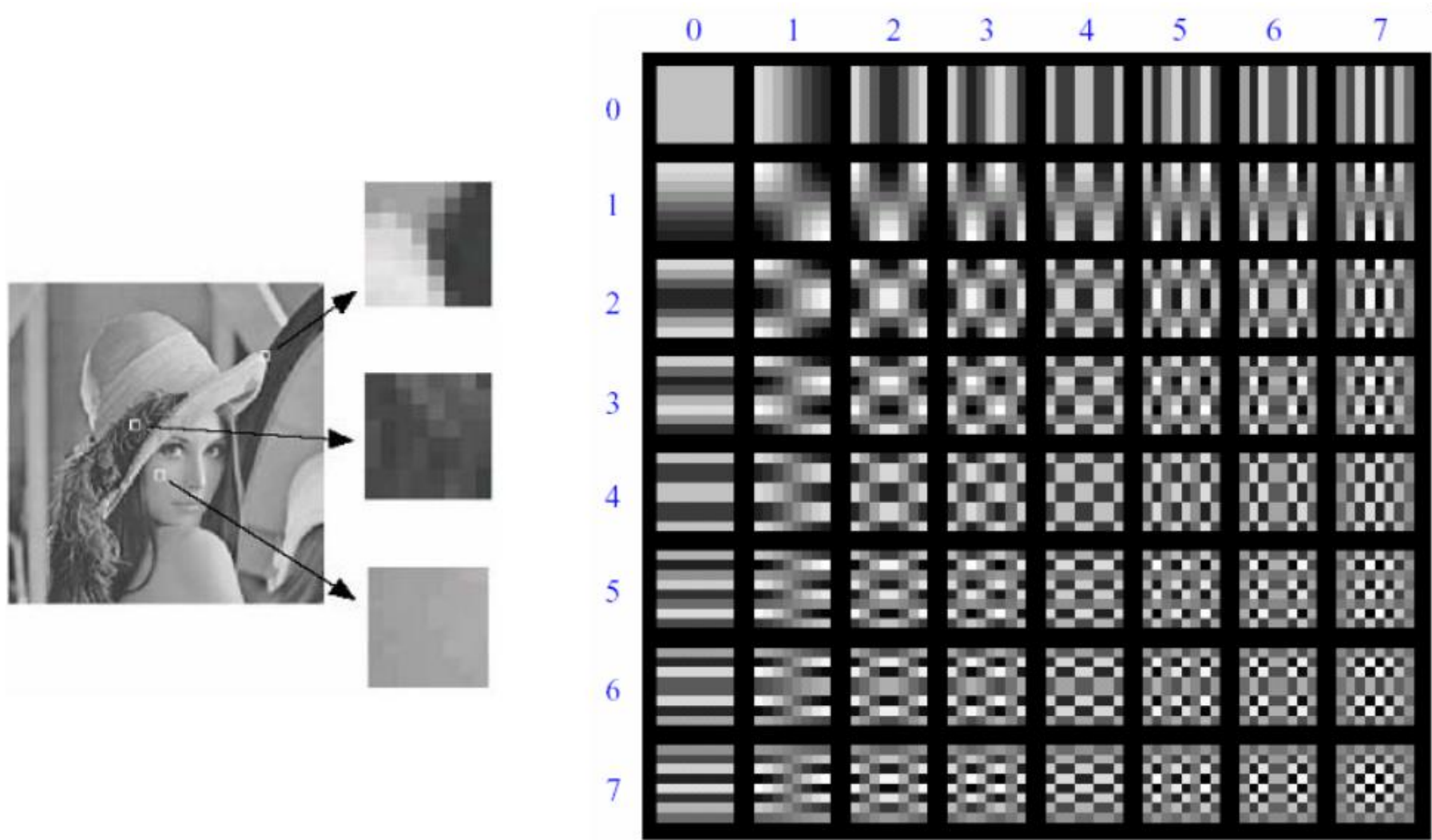
➔ 2D integral Fourier transform is

$$F(u, v) = \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} f(x, y) e^{-i(ux+vy)} dx dy,$$

➔ Inverse 2D Fourier transform is

$$f(x, y) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} F(u, v) e^{i(ux+vy)} du dv$$

## APPLICATIONS: Image Compression (JPEG)



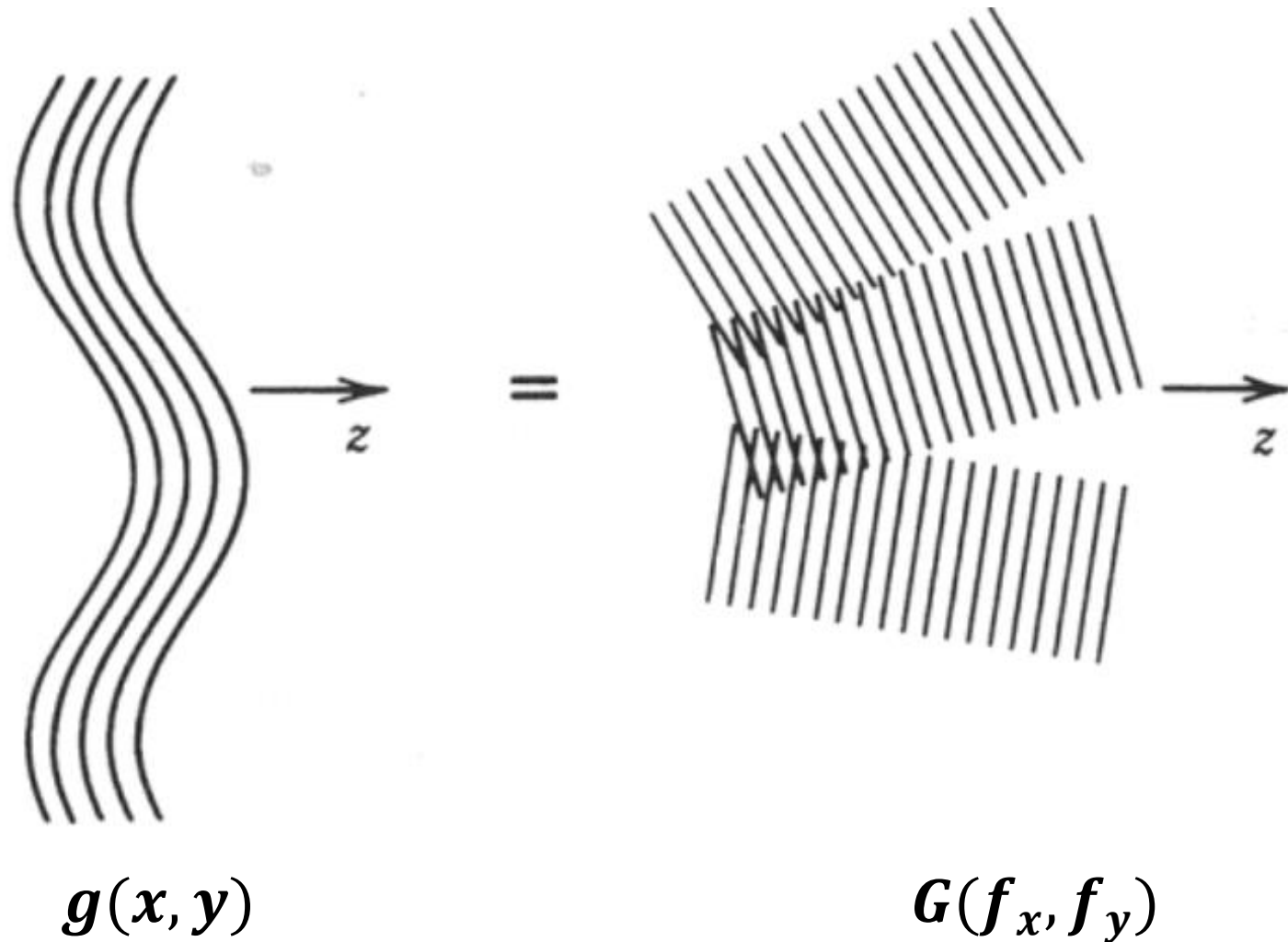
**NOT:** Resimdeki ünlünün hikayesi.

# **FLASH FORWARD TO THE COURSE IN FOURIER OPTICS**

**(WHY SO MUCH OF FOURIER ?)**



## Interpretation of 2-D Fourier transform in the field of optics:

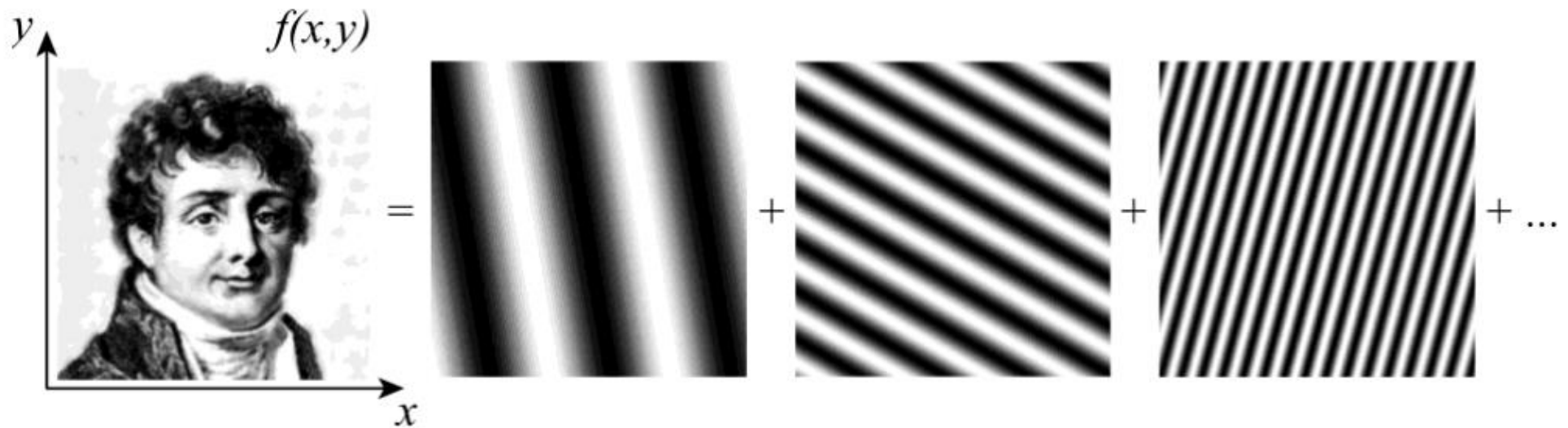


[Internet; Dubois]

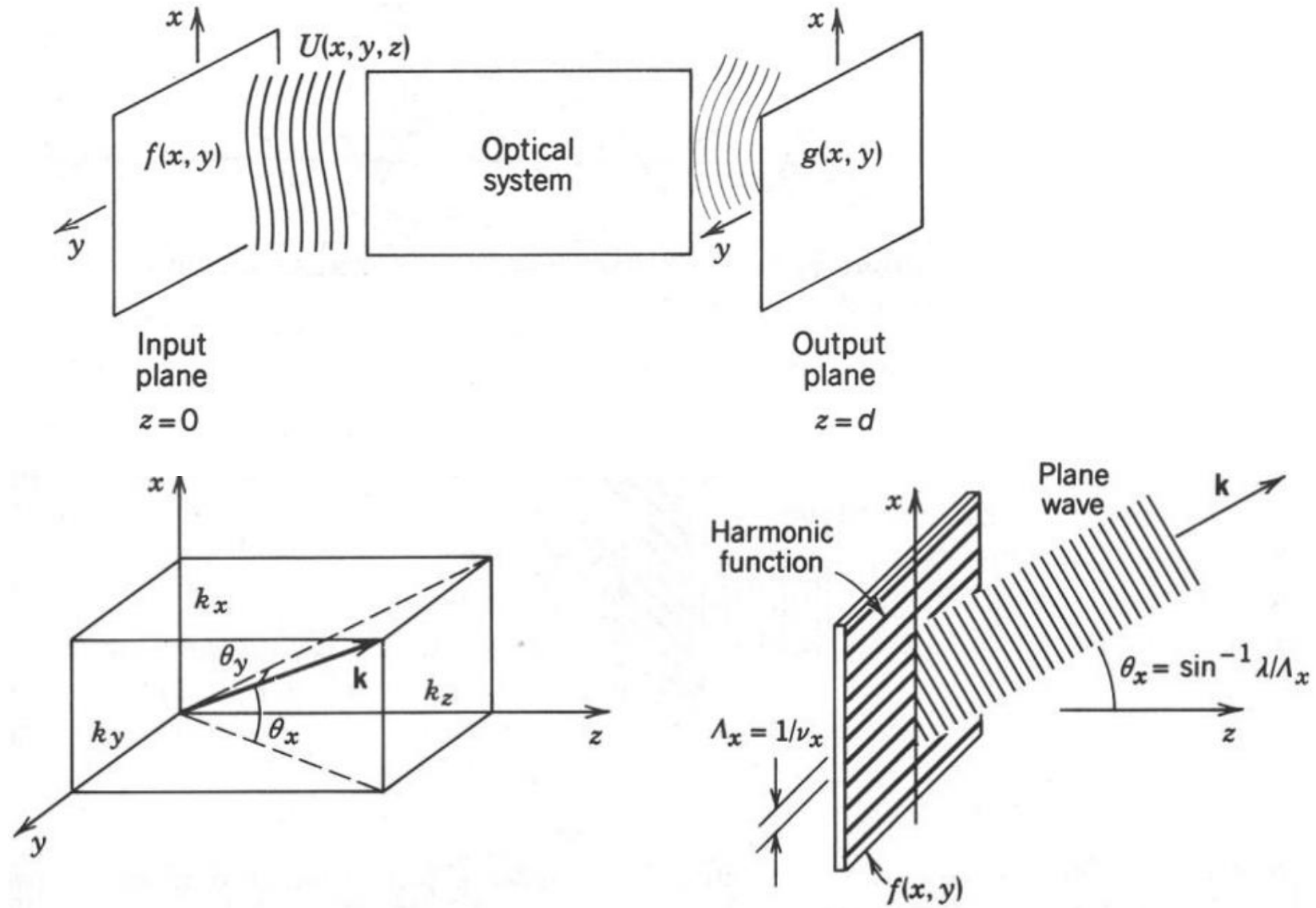


two-dimensional Fourier transform

$$\tilde{f}(v_x, v_y) = \iint f(x, y) \exp[j2\pi(v_x x + v_y y)] dx dy$$

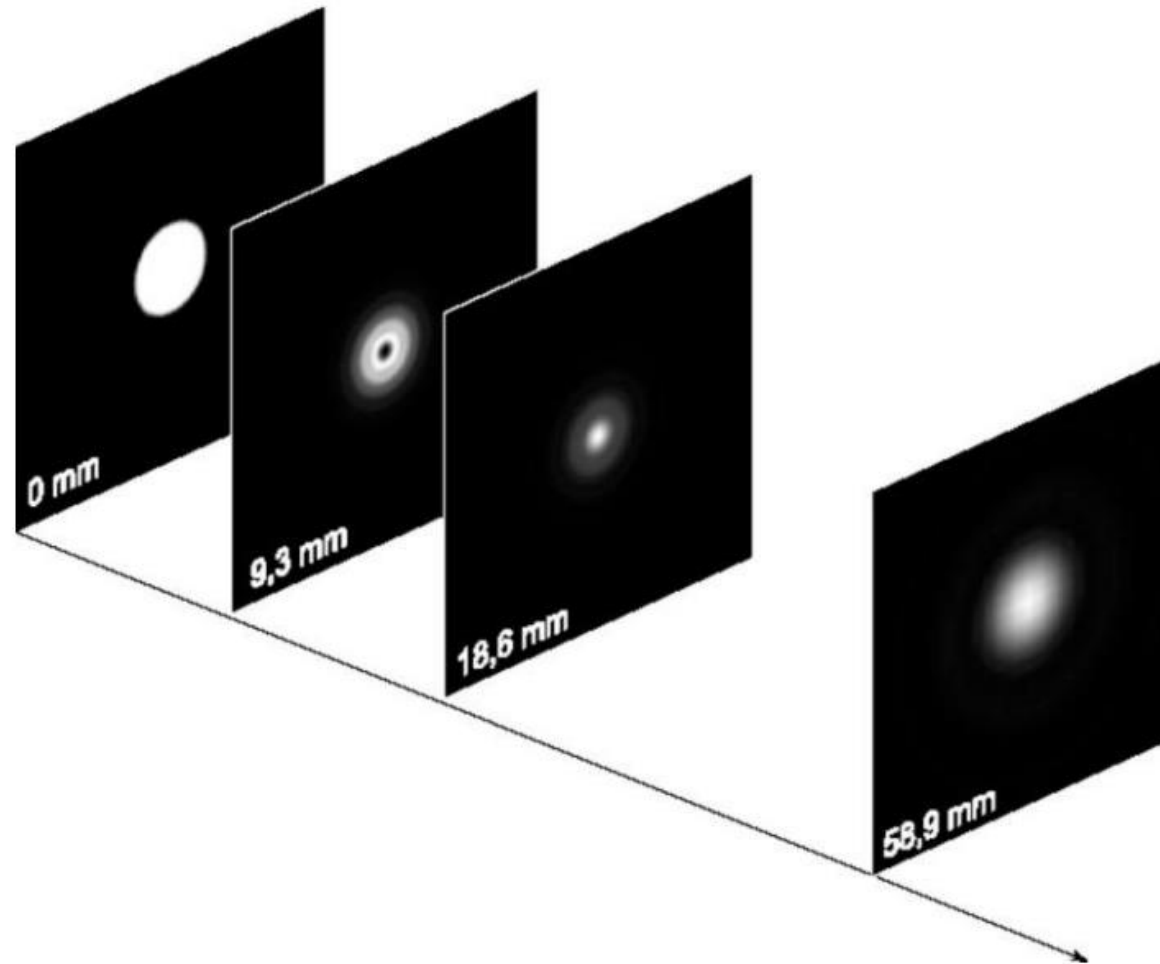


[Internet; Dubois]



[Internet; Dubois]

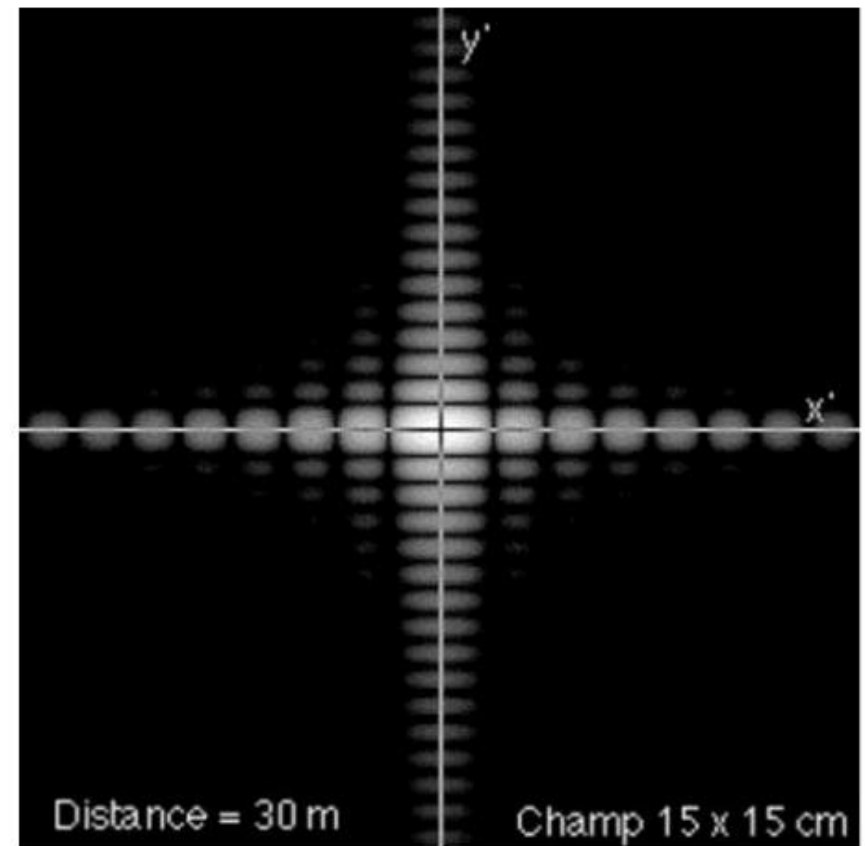
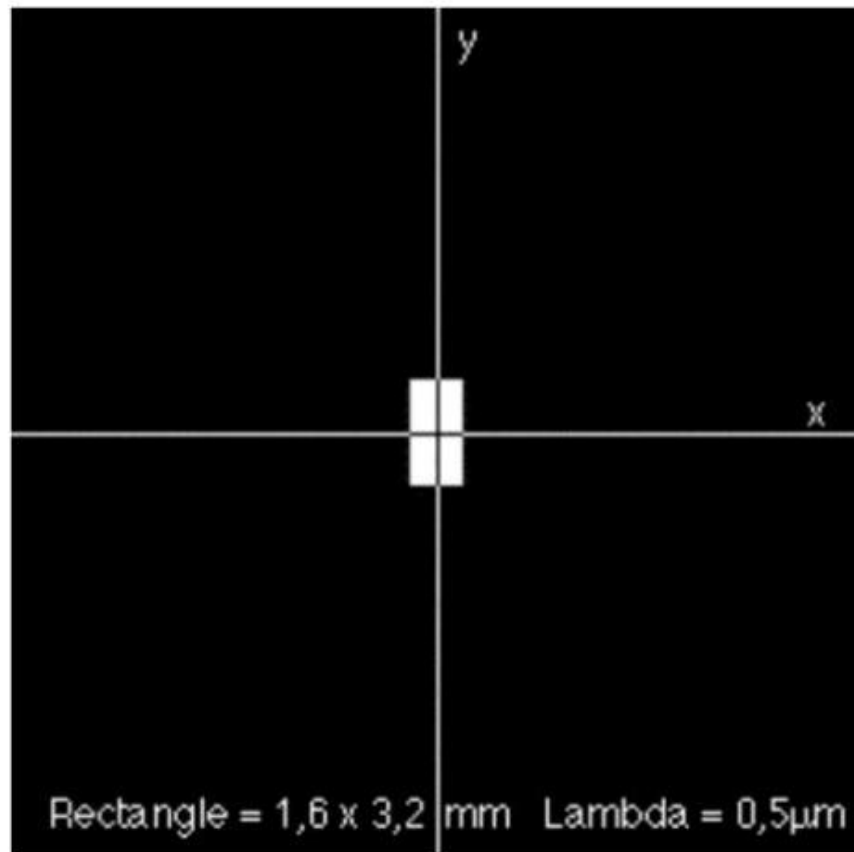
## Fresnel Diffraction:



[Internet; Dubois]

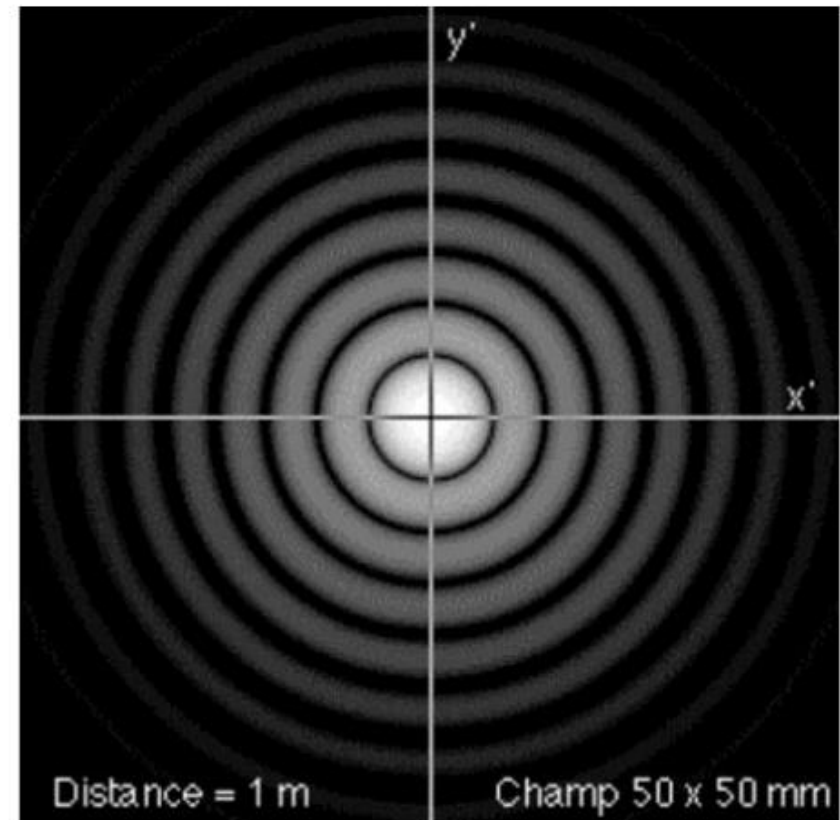
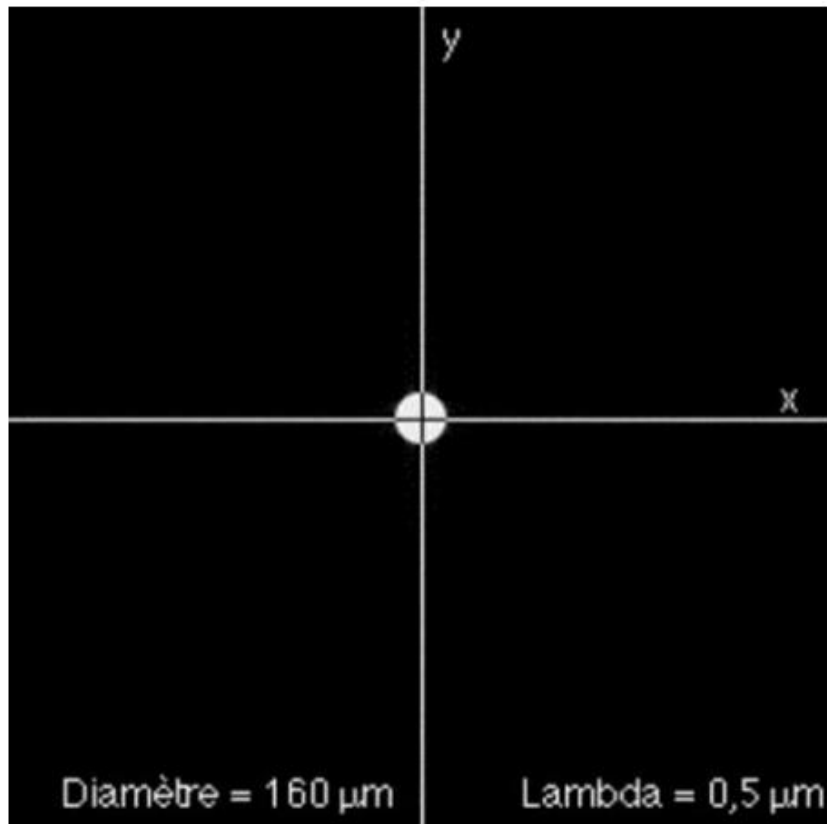
**NOT:** İletişim konularında radyolink haberleşmesinde Fresnel bölgelerinin önemi (MARSSys)

## Fraunhofer Diffraction (rectangular aperture):



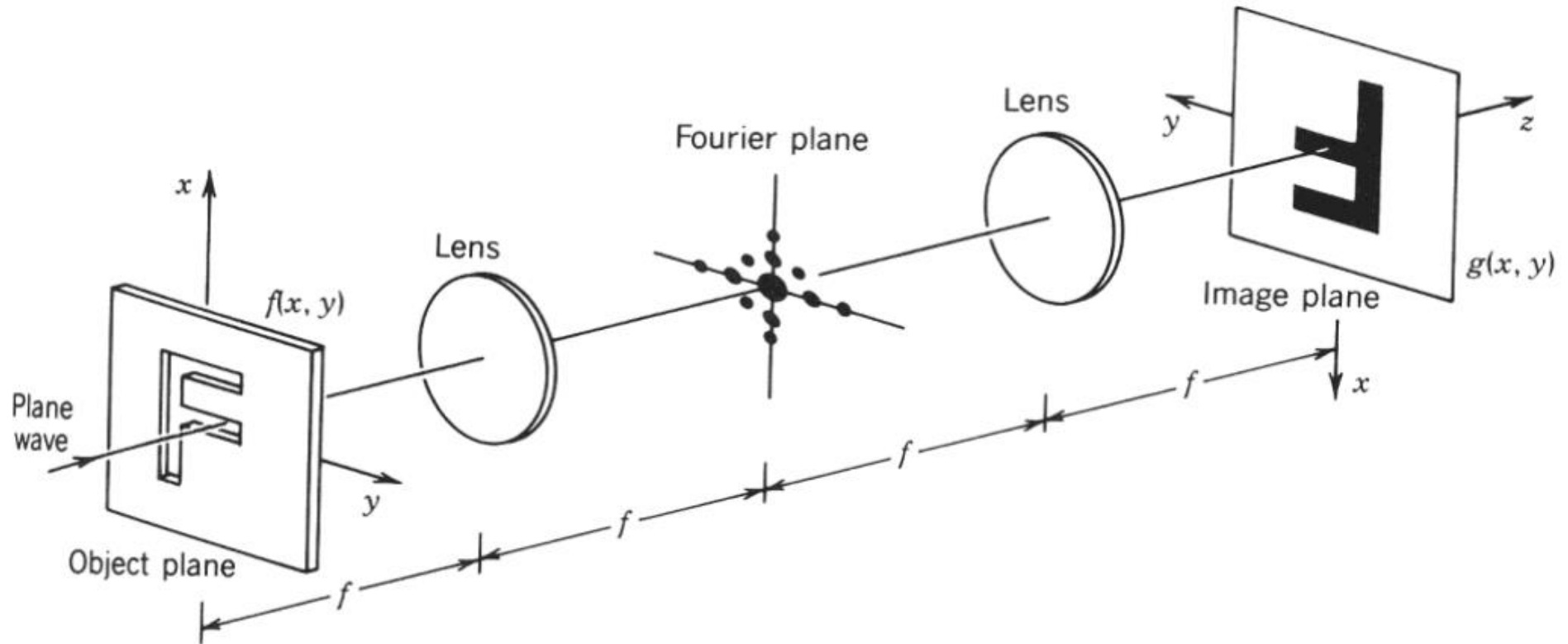
[Internet; Dubois]

## Fraunhofer Diffraction (circular aperture):



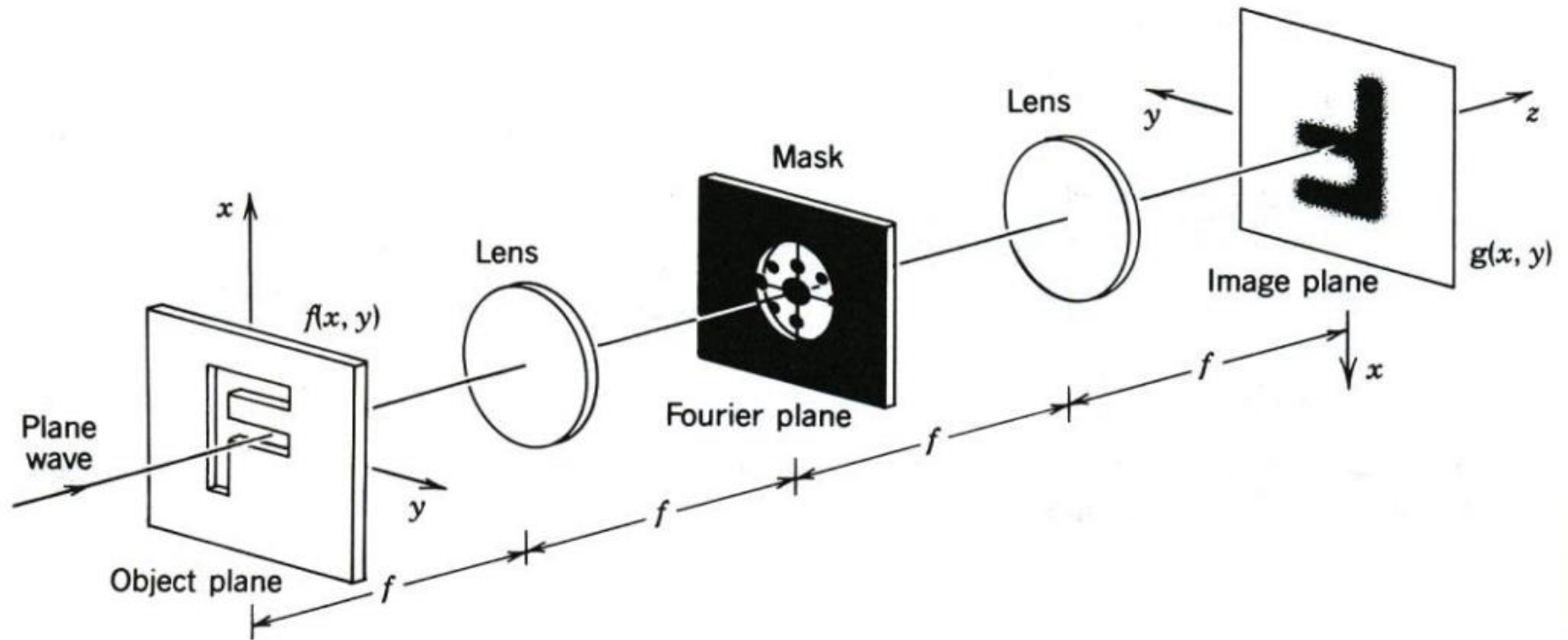
[Internet; Dubois]

## The 4-F Imaging System:



[Internet; Dubois]

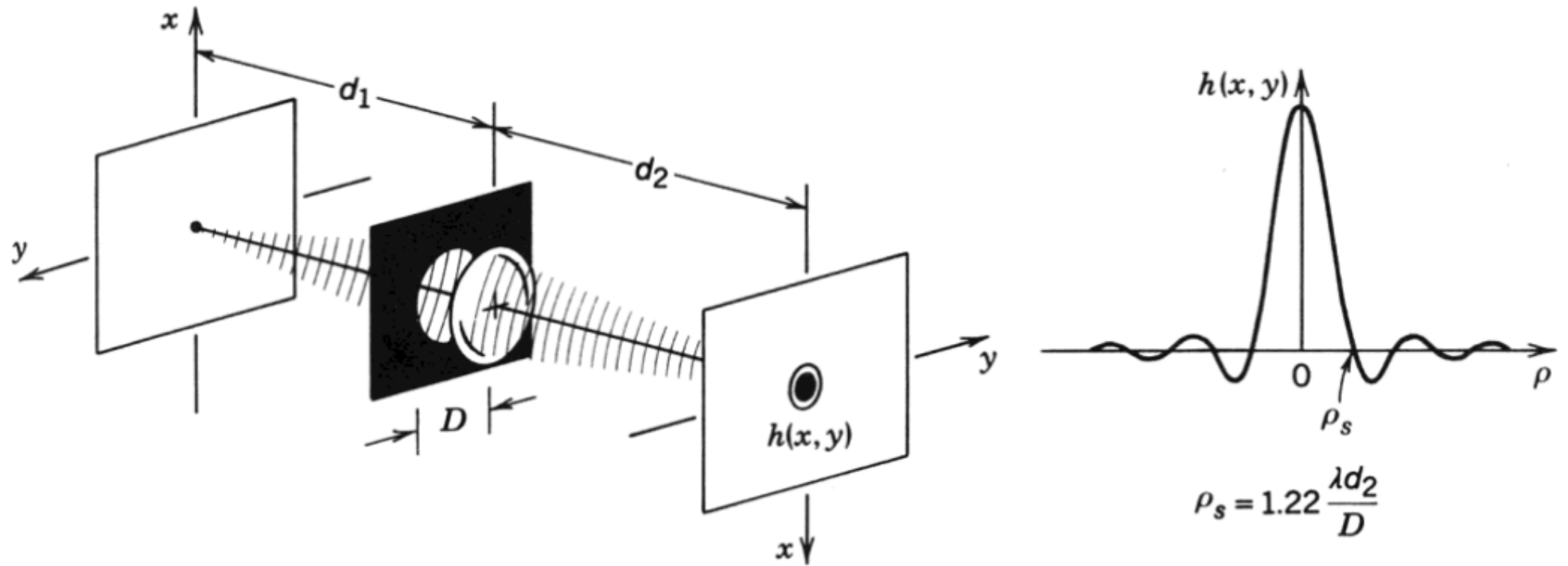
## Spatial Filtering:



Reference : “Fundamentals of Photonics” (Wiley Series in Pure and Applied Optics). Bahaa E. A. Saleh, Malvin Carl Teich. John Wiley & Sons, 1st edition (August 15, 1991)

[Internet; Dubois]

## Image Formation:



[Internet; Dubois]



## ***KONUMUZA GERİ DÖNELİM !..***

### **KONU: EEM 323 ELEKTROMANYETİK II**

#### **İncelemekte olduğumuz konu:**

Dalga hareketi

Dalga'nın yayılımı, yansıması

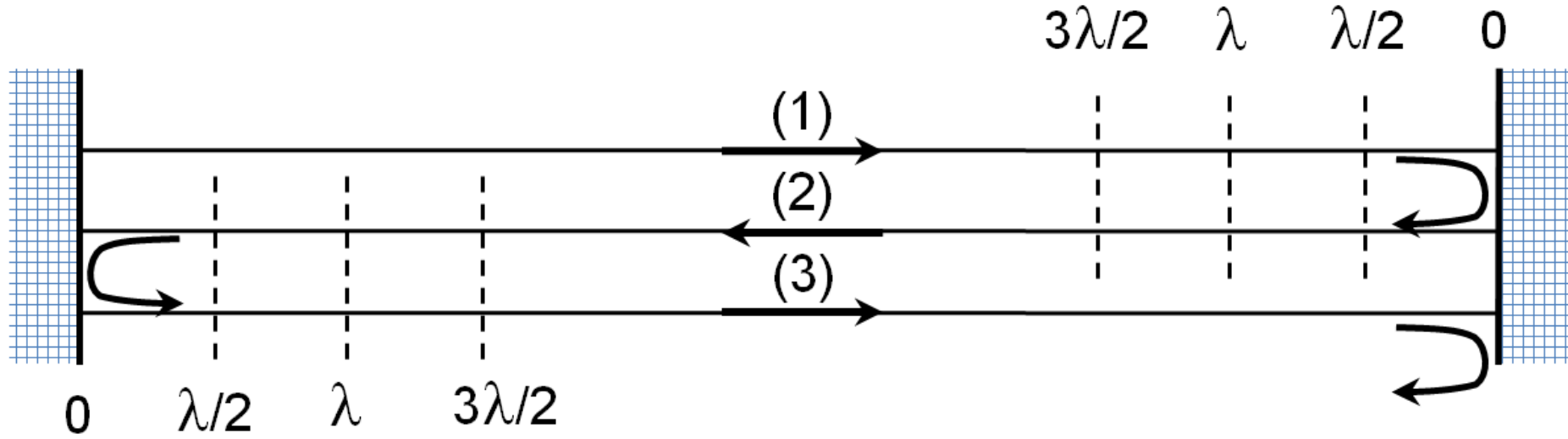
#### **Cevaplamak istediğimiz konu:**

**İleri giden dalga + geri dönen dalga = ??**

***Durağan dalga oluşumu (konumuza geri dönelim):***

Bir kaynaktan yayılan bir dalganın geri yansıması sonrasında ortamda ters yönde ilerleyen iki ayrı dalga oluşur. Toplam dalga miktarı bu dalgaların toplamıdır (doğrusal ortamlar için).

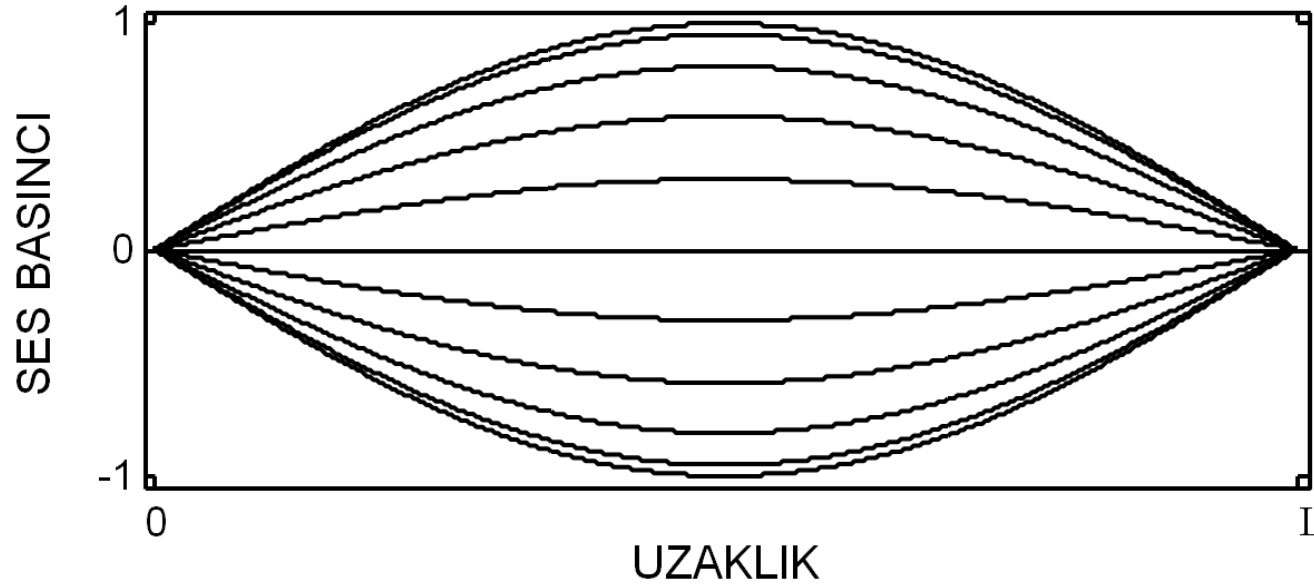
**SORU:** Eğer, yansıyan dalganın da aynı şekilde yansımasını sağlayacak bir yüzey bulunuyor ise, ne olur?



**Şekil.** Yansıma nedeniyle ileri–geri dalga hareketlerinde durağan dalga oluşumu.

**Soru:** Eğer, telin uzunluğu  $L$ , dalga boyunun iki katı ise ne gözlenir?

**NOT:** Tahtada dalga salınımlarını çizelim. İnceleyelim (tek dalga boyu).

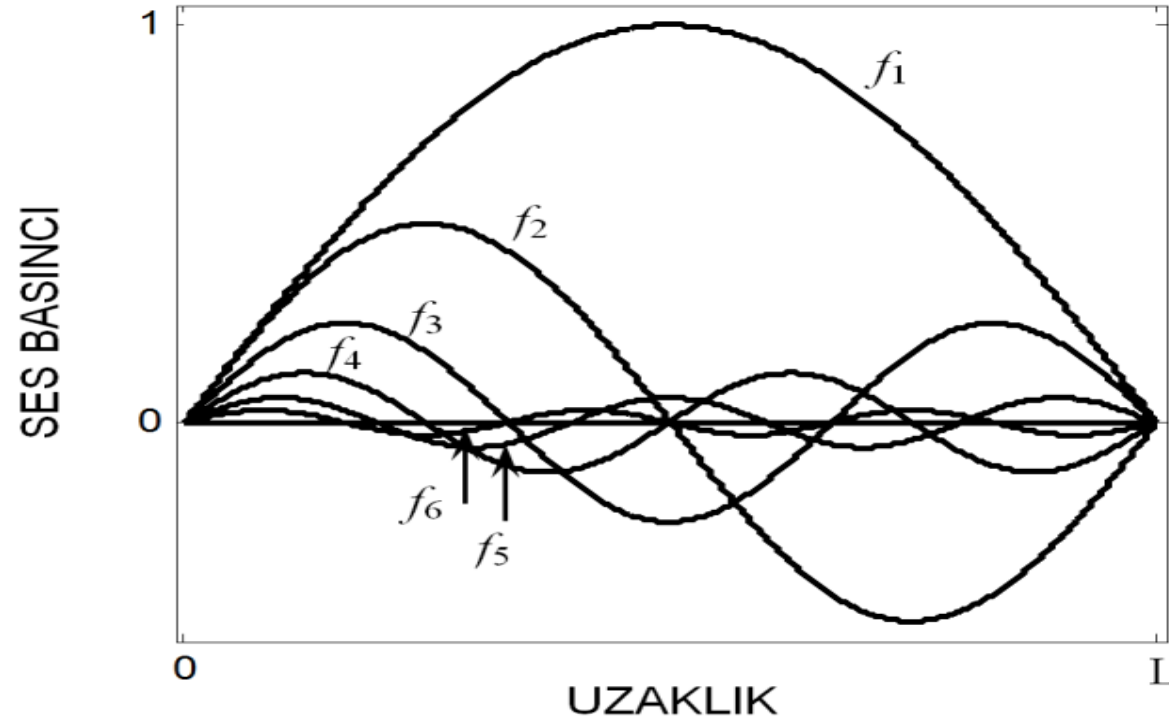
***Durağan dalga / Durağan dalganın karın bölgesi / Sınır koşulu problemi:***

**Şekil.** Durağan dalga oluşumunda salınımlar, periyodun yarısına ait  $t = 0, T/20, 2T/20, 3T/20, \dots T/2$  anlarındaki görünüm.

**Soru:** Dalga boyu azaltılırsa (veya eşdeğer olarak dalganın frekansı artırılır veya L değeri büyütülür ise NE OLUR?

**NOT:** Tahtada dalga salınımlarını çizelim. İnceleyelim (iki dalga boyu).

## Selenler ('harmonics') /rezonans:



**Şekil.** Gergin tel üzerinde durağan dalga salınımları, birinci selen için frekans ve dalga boyu

$f$  ve  $\lambda$  ise, ( $f = v/\lambda$ ,  $\lambda = 2L$ ) 1 – 6. selenler için;

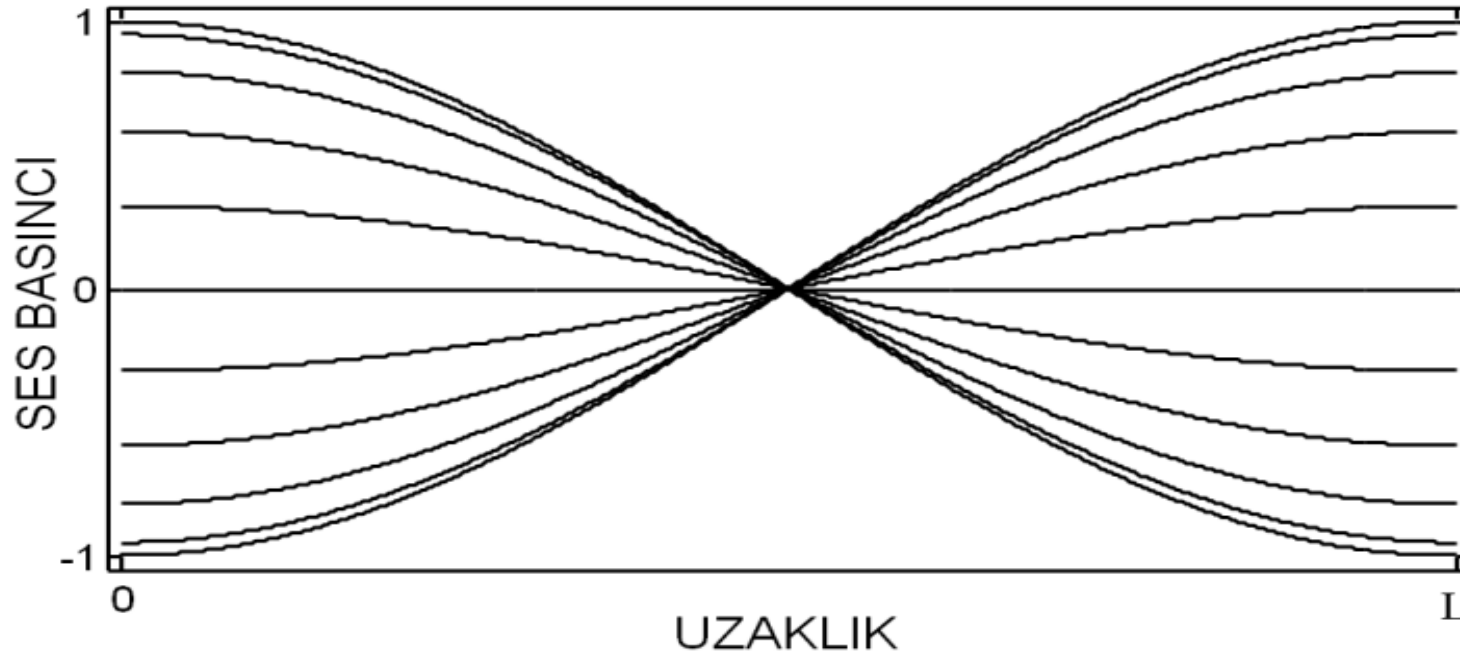
$$f_1 = f, \quad f_2 = 2f, \quad f_3 = 3f, \quad f_4 = 4f, \quad f_5 = 5f, \quad f_6 = 6f,$$

$$\lambda_1 = \lambda, \quad \lambda_2 = \lambda/2, \quad \lambda_3 = \lambda/3, \quad \lambda_4 = \lambda/4, \quad \lambda_5 = \lambda/5, \quad \lambda_6 = \lambda/6.$$

**ÖDEV (Internet araştırması):**

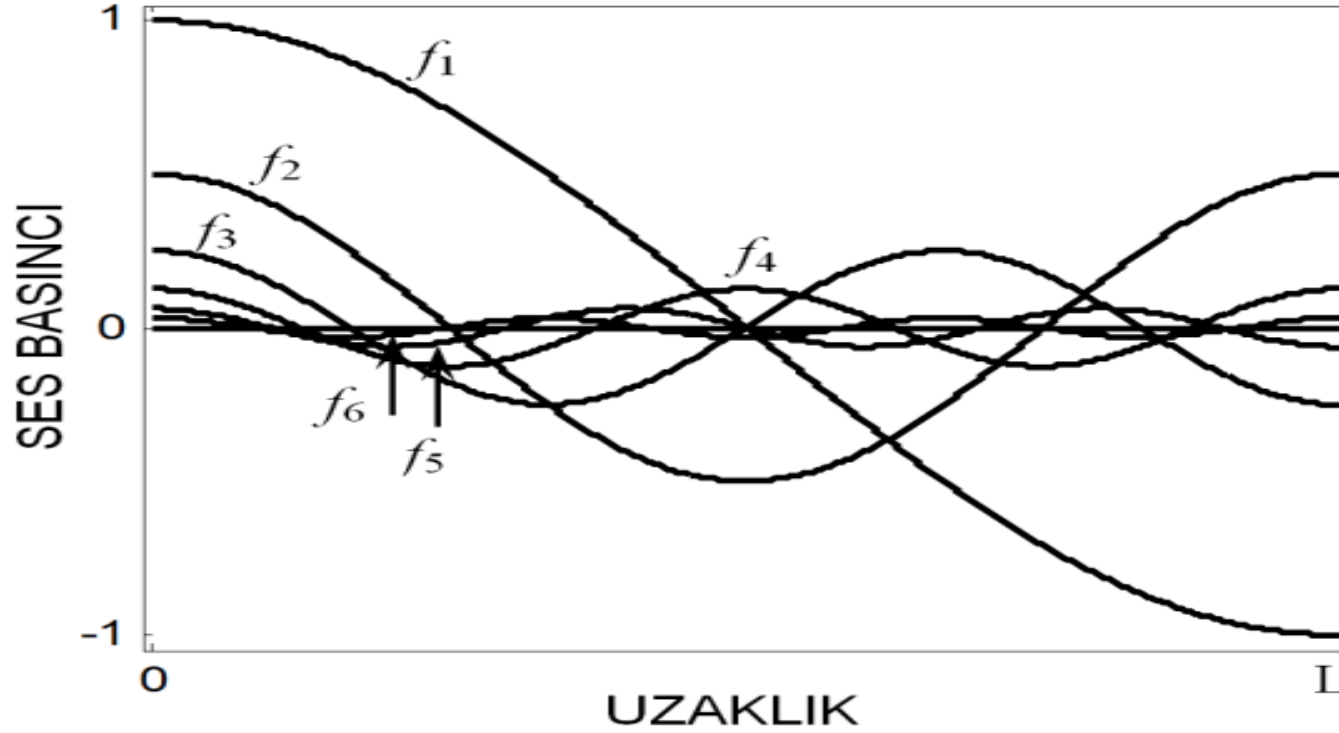
1. Lazerin çalışma prensibi hakkında araştırma yaparak, kendinize ait bir metin hazırlayınız.
2. Lazerin çalışma prensibi ile bu kısımda gördüğümüz; rezonan, duran dalga mekanizmaları ile ilişkiyi açıklayınız (kaynaklarınızı belirtiniz).
3. Kaynaklarınızın kağıda baskılarını ekte veriniz.

**SORU:** Telin iki ucunun sabit olmasından dolayı dalga genliğinin sıfır olmasını bekleriz. Bu yüzden duran dalganın uçları sıfırı verdiğini inceledik. Bazı flüt ve ney gibi iki ucu açık üflemeli çalgılarda uçlardaki dalga genliği en yüksek ise, duran dalga oluşumu nasıl mümkün olur? Olur ise farkı var mıdır?



Şekil. Duragan dalga oluşumunda salınımlar, periyodun yarısına ait  $t = 0, T/20, 2T/20, 3T/20, \dots T/2$  anlarındaki görünüm.

**SORU:** Frekansı farklı diğer sinüslere de imkan sağlanır ise NE OLUR?



Şekil. İki ucu kapalı boru içerisinde farklı durağan dalga salınımları, birinci selen için frekans ve dalga boyu  $f$  ve  $\lambda$  ise, ( $f = v/\lambda$ ,  $\lambda = 2L$ ) 1 – 6. selenler için;

$$f_1 = f, \quad f_2 = 2f, \quad f_3 = 3f, \quad f_4 = 4f, \quad f_5 = 5f, \quad f_6 = 6f,$$

$$\lambda_1 = \lambda, \quad \lambda_2 = \lambda/2, \quad \lambda_3 = \lambda/3, \quad \lambda_4 = \lambda/4, \quad \lambda_5 = \lambda/5, \quad \lambda_6 = \lambda/6.$$



***Ses üretiminde durağan dalganın yeri***

Gitar, keman, saz ve ud gibi bir çok telli çalgının tellerinin; farklı kalınlığa, gerginliğe ve (farklı perdelere basıldığında) farklı uzunluklara sahip olabilecek çok esnek yapıda olduğunu görüyoruz. Gitar örneği için standart düzene göre ayarlanmış perde değerleri (çok daha farklı düzenlemeler mevcuttur):

BAM TELİ*	PERDE	FREKANS
1 (en üst – en ince)	Mi E4	329.63 Hz
2	Si B3	246.94 Hz
3	Sol G3	196.00 Hz
4	Re D3	146.83 Hz
5	La A2	110.00 Hz
6 (en alt – en kalın)	Mi E2	82.41 Hz