

Mertebe Düşürme

y'' ise $y' = u$ $y'' = u'$ derin ve eski yön. göre çözülür.

Örnek:

$$y'' + \frac{1}{x} \cdot y' = 3x \quad \text{çöz.}$$

$$\left. \begin{array}{l} y' = u \\ y'' = u' \end{array} \right\} \Rightarrow u' + \underbrace{\left(\frac{1}{x}\right)}_{p(x)} u = \underbrace{3x}_{Q(x)}$$

$$\lambda = e^{\int p(x) dx} = e^{\int \frac{1}{x} dx} = e^{\ln x} = x$$

$$u = -\lambda \int \lambda \cdot Q(x) dx \Rightarrow -x \int x \cdot 3x dx$$

$$u = 3x^2 + \frac{c}{x}$$

$$\int y' = \int 3x^2 + \frac{c}{x}$$

$$\boxed{y = x^3 + c \ln x + c_1} \rightarrow \text{Genel Çözüm.}$$