



Universidad del Istmo de Guatemala
Facultad de Ingeniería
Ing. en Sistemas y Ciencias de la Computación
Informática 1
Prof. Ernesto Rodríguez - erodriguez@unis.edu.gt

Laboratorio #1

Fecha de entrega: 06 de Agosto, 2021 - 11:59pm

Modalidad de trabajo: Individual o Parejas

Jose Humberto Najar Venavente

Ana Paula Navas

Instrucciones: Resolver los problemas que se le presentan a continuación. Este trabajo debe ser entregado como un pull request en Github. Instrucciones e información acerca de un pull request se encuentran al final de este documento y también se describirán en clase.

Ejercicio #1 (50%): Multiplicación Inductiva

De una *definición inductiva* para multiplicar dos *numeros de peano*. Tiene permitido utilizar la definición de suma que se estudio en clase en su definición de multiplicación. Esta se presenta a continuación:

$$n \oplus 0 = n$$

$$0 \oplus m = m$$

$$n \oplus s(a) = s(n \oplus a)$$

Recuerde que una multiplicación es una sucesión de sumas. Utilice este conocimiento para representar dicha sucesión de forma inductiva. Por ejemplo: $3 \otimes 4 = 3 \oplus 3 \oplus 3 \oplus 3 = 4 \oplus 4 \oplus 4$.

Propiedades de la multiplicación

$$n * 0 = 0$$

$$n * 1 = n$$

$$n * m = m * n$$

$$n * s(m) = (n * m) + n$$

$$n (m + c) = nm + nc$$

Ejercicio #2: Inducción (50%)

Utilice el *principio de inducción* para demostrar que:

$$a \oplus (b \oplus c) = (a \oplus b) \oplus c$$

En donde a, b, c son *numeros de peano* y \oplus es la suma de *numeros de peano* estudiada en clase.

$$\mathbf{a + (b + c) = (a + b) + c}$$

- $a = 0$
- $b = 0 + b$

$$0 + (b + c) = \mathbf{(a + b) + c}$$

$$b + c = \mathbf{(a + b) + c}$$

$$(0 + b) + c = \mathbf{(a + b) + c}$$

$$(a + b) + c = \mathbf{(a + b) + c}$$

Hipótesis Inductiva

$$\mathbf{a + (b + s(c)) = (a + b) + s(c)}$$

$$s(a + (b + c)) = \mathbf{(a + b) + s(c)}$$

$$s(c + (b + a)) = \mathbf{(a + b) + s(c)}$$

$$s(c) + (b + a) = \mathbf{(a + b) + s(c)}$$

$$(a + b) + s(c) = \mathbf{(a + b) + s(c)}$$