

Universidad del Istmo de Guatemala Facultad de Ingenieria Ing. en Sistemas y Ciencias de la Computación Informatica 1

Prof. Ernesto Rodriguez - erodriguez@unis.edu.gt Diego José Girón Figueroa; Jorge Armando Ferguson Yaeggy

Laboratorio #1

Fecha de entrega: 06 de Agosto, 2021 - 11:59pm Modalidad de trabajo: Individual o Parejas

Instrucciones: Resolver los problemas que se le presentan a continuación. Este trabajo debe ser entregado como un pull request en Github. Instrucciones e información acerca de un pull request se encuentran al final de este documento y tambien se describiran en clase.

Ejercicio #1 (50%): Multiplicación Inductiva

De una *definición inductiva* para multiplicar dos *numeros de peano*. Tiene permitido utilizar la definición de suma que se estudio en clase en su definición de multiplicación. Esta se presenta a continuación:

$$n \oplus 0 = n$$

 $0 \oplus m = m$
 $n \oplus \mathbf{s}(a) = \mathbf{s}(n \oplus a)$
 $\mathbf{n}(0) = 0$
 $(n+m)+(n+m) = 2(n+S(n))$
 $(0+m)+(0+m) = 2(0+S(n))$

Recuerde que una multiplicación es una sucesión de sumas. Utiliza este conocimiento para representar dicha succesión de forma inductiva. Por ejemplo: $3 \otimes 4 = 3 \oplus 3 \oplus 3 \oplus 3 \oplus 3 = 4 \oplus 4 \oplus 4$.

Ejercicio #2: Inducción (50%)

Utilize el principio de inducción para demostrar que:

$$a \oplus (b \oplus c) = (a \oplus b) \oplus c$$

En donde a, b, c son numeros de peano y \oplus es la suma de numeros de peano estudiada en clase.

$$a+(S(a)+S(b)) = S(a+b)+S(c)$$

 $a+(S(a)+S(b)) = S(a+S(a)) + S(b)$
 $a = 0$
 $0+(S(0)+S(1)) = S(0+1)+S(1)$
 $(1+2) = (1+2)$
 $3 = 3$