

Resolución examen parcial

Pregunta 1: Demuestre que para todo natural de peano "n" se cumple la siguiente propiedad:

$\text{Succ } 0 + n = \text{Succ } n$. Utilice la definición de suma estudiada en clase como definición del signo "+".

Respuesta:

Podemos demostrar esta propiedad utilizando conmutatividad y la definición de suma estudiada en clase.

Conmutatividad: $\text{Succ } 0 + n = n + \text{Succ } 0$

Regla 3: $n + \text{Succ } 0 = \text{Succ } (n + 0)$

Regla 1: $\text{Succ } (n + 0) = \text{Succ } n$

Pregunta 2: Provea una definición inductiva para la propiedad "mayor que" (>) tal que:

$$a > b \begin{cases} \text{Succ } 0 & \text{si } a \text{ es mayor que } b \\ 0 & \text{de lo contrario} \end{cases}$$

En otras palabras, la propiedad "mayor que" es equivalente a $\text{Succ } 0$ si el primer valor es mayor que el segundo o 0 de lo contrario. Puede utilizar el operador ">" en su definición de la misma manera que se utiliza "+" en la definición de suma.

Respuesta:

$$0 > 0 = 0$$

$$n > 0 = \text{Succ } 0$$

$$0 > n = 0$$

$$\text{Succ } n > \text{Succ } m = n > m$$

Pregunta 3: Provea una definición de las propiedades "esPar" e "esImpar" tal que:

$$\text{esPar } n \begin{cases} \text{Succ } 0 & \text{si } n \text{ es un numero par} \\ 0 & \text{de lo contrario} \end{cases}$$

$$\text{esImpar } n \begin{cases} \text{Succ } 0 & \text{Si } n \text{ es impar} \\ 0 & \text{de lo contrario} \end{cases}$$

Respuesta:

$$\text{esPar } (\text{Succ } n) = \text{esImpar } n$$

$$\text{esPar } n = \text{Succ } 0$$

$$\text{esImpar } (\text{Succ } n) = \text{esPar } n$$

$$\text{esImpar } n = 0$$