

Simplex

$$\begin{aligned} \text{max } & x_1 - 2x_2 + 3x_3 \\ & x_1 - 2x_2 + x_3 \leq 2 \\ & 3x_1 - x_2 - 2x_3 \leq 6 \\ & x_1, x_2, x_3 \geq 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{min } & -x_1 + 2x_2 - 3x_3 \\ & x_1 - 2x_2 + x_3 + x_4 = 2 \\ & 3x_1 - x_2 - 2x_3 + x_5 = 6 \\ & x_i \geq 0 \quad i=1, \dots, 5 \end{aligned}$$

$$A_0 = \begin{pmatrix} x_1 & x_2 & x_3 & x_4 & x_5 \\ 1 & -2 & 1 & 1 & 0 \\ 3 & -1 & -2 & 0 & 1 \end{pmatrix} \quad b^T = (2 \ 6) \quad C_1^T = \begin{pmatrix} x_1 & x_2 & x_3 & x_4 & x_5 \\ -1 & 2 & -3 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

N_0 B_0

$$\gamma_0 = C_{N_0}^T - C_{B_0}^T B_0^{-1} N_0 = (-1 \ 2 \ -3)$$

- ottimalità: la soluzione
- deve avere $\gamma_i \leq 0$ e $\pi_i \leq 0$ per l'illimitatezza
- ↓
- Non soddisfatta

• Cambio base

$$h=1 \rightarrow x_1 \text{ entrante (Bland)}$$

- scelgo k (criterio rapporto minimo)

$$\min \left\{ \frac{(B_0^{-1}b)_i}{(\pi_1)_i} \right\} = \min \left\{ \frac{2}{1}, \frac{6}{3} \right\} \rightarrow k=1 \rightarrow x_4 \text{ esce}$$

(scelgo l'indice minore o positivo di minimo)

$$A_1 = \begin{pmatrix} x_4 & x_2 & x_3 & x_1 & x_5 \\ 1 & -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & -2 & 3 & 1 \end{pmatrix} \quad C_1^T = \begin{pmatrix} x_4 & x_2 & x_3 & x_1 & x_5 \\ 0 & 2 & -3 & -1 & 0 \end{pmatrix}$$

N_1 B_1

$$u=1 \rightarrow M = \begin{pmatrix} \pi_1 & e_k & \pi_2 & \pi_3 & B_0^{-1}b \\ 1 & 1 & -2 & 1 & 2 \\ 3 & 0 & -1 & -2 & 6 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 1 & -2 & 1 & 2 \\ 0 & -3 & 5 & -5 & 0 \end{pmatrix}$$

$B_1^{-1}N_1$ $B_1^{-1}b$

$$\gamma_1 = C_{N_1}^T - C_{B_1}^T B_1^{-1} N_1 = (0 \ 2 \ -3) - (-1 \ 0) \begin{pmatrix} 1 & -2 & 1 \\ -3 & 5 & -5 \end{pmatrix} =$$

$$= (0 \ 2 \ -3) - (-1 \ 2 \ -1) = (1 \ 0 \ -2)$$

- ottimalità: la soluzione
- illimitatezza: la soluzione