

Exercise 2 Given the following ASP program P:

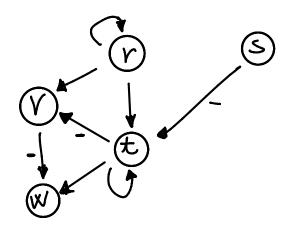
```
r(x,y) :- p1(x,y).
r(x,y) :- p2(y,x).
r(x,z) :- r2(y,x).
r(x,z) :- r(x,y), r(y,z).
s(x,y) :- p1(x,y).
t(x,y) :- r(x,y), not s(x,y).
t(x,y) :- t(y,x).
v(x,y) :- r(x,y), not t(x,y).
w(x,y) :- t(x,y), not v(x,y).
p1(a,b). p1(b,c). p1(c,d). p2(c,d). p2(d,e). p2(e,f).
```

- (a) tell whether P is stratified;
- (b) compute the answer sets of P.

a)

IDB =
$$\{r/2, s/2, t/2, v/2, w/2\}$$

EDB = $\{p1/2, p2/2\}$

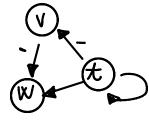


P is stratified

b)

The answer set is unique and coincide with MM(P)

$$S1 = \{r,s\}$$



$$S2 = \{t\}$$



$$S3 = \{v\}$$



```
S3 = \{v\}
```

 $I = I \text{ union } \{r(f,d)\}$

```
S4 = \{w\}
MM0 = \{p1(a,b), p1(b,c), p1(c,d), p2(c,d), p2(d,e), p2(e,f)\}
P(S1)={
   r(x,y) := p1(x,y).
   r(x,y) := p2(y,x).
   r(x,z) := r(x,y), r(y,z).
   s(x,y) := p1(x,y).
}
Apply semi naive algorithm
I = MM0
I' = Tp(I) = \{ r(a,b), r(b,c), r(c,d), r(d,c), r(e,d), r(f,e), s(a,b), s(b,c), s(c,d) \}
Delta' I = {Delta' r(a,b), Delta' r(b,c), Delta' r(c,d), Delta' r(d,c), Delta' r(e,d), Delta' r(f,e), Delta'
s(a,b),Delta' s(b,c),Delta' s(c,d)}
Delta P = {
   Delta' r(x,z):- Delta r(x,y), Delta r(y,z).
}
1-iteration
I = I \text{ union } \{ r(a,b), r(b,c), r(c,d), r(d,c), r(e,d), r(f,e), s(a,b), s(b,c), s(c,d) \}
Delta I ={Delta r(a,b), Delta r(b,c),Delta r(c,d), Delta r(d,c),Delta r(e,d),Delta r(f,e),Delta r(a,b),
Delta s(b,c), Delta s(c,d)}
Delta' I = \{Delta' \ r(a,c), Delta' \ r(b,d), Delta' \ r(c,c), Delta' \ r(e,c), Delta' \ r(f,d)\}
2-iteration
I = I \text{ union } \{r(a,c), r(b,d), r(c,c), r(e,c), r(f,d)\}
Delta I = {Delta r(a,c), Delta r(b,d), Delta r(c,c), Delta r(e,c), Delta r(f,d)}
Delta' I = {Delta' r(a,d), Delta' r(f,c)}
3-iteration
I = I \text{ union } \{r(a,d), r(f,c)\}
Delta I = {Delta r(a,d), Delta r(f,c)}
Delta' I = {Delta' r(f,d)}
4-iteration
```

```
Delta I = {Delta r(f,d)}
Delta' I = {}
MM1 = MM0 union \{ r(a,b), r(b,c), r(c,d), r(d,c), r(e,d), r(f,e), r(a,c), r(b,d), r(c,d), r(
                                                                                                                                                                                                                                    r(c,c), r(e,c), r(f,d), r(a,d), r(f,c),
                                                                                                                                                                                                                                  s(a,b), s(b,c), s(c,d)
 P(S2)={}
                           t(x,y) := r(x,y), \text{ not } s(x,y).
                           t(x,y) := t(y,x).
}
MM2 = MM1 union \{t(d,c), t(e,d), t(f,e), t(a,c), t(b,d), t(c,c), t(e,c), t(f,d), t(a,d), t(f,c), t(c,d), t(c
 t(d,e),t(e,f),t(c,a),t(d,b),t(c,e),t(d,f),t(d,a),t(c,f)
 P(S3) = {
                            v(x,y) := r(x,y), \text{ not } t(x,y).
 }
MM3 = MM2 union \{v(a,b),v(b,c),v(c,d)\}
 P(S4) = {
                            w(x,y):- t(x,y), not v(x,y).
 }
 MM4 = MM3 \text{ union } \{w(d,c), w(e,d), w(f,e), w(a,c), w(b,d), w(c,c), w(e,c), w(f,d), w(a,d), w(f,c), w(f,d), w(f,d)
w(d,e), w(e,f), w(c,a), w(d,b), w(c,e), w(d,f), w(d,a), w(c,f)
 MM(P) = \{p1(a,b), p1(b,c), p1(c,d), p2(c,d), p2(d,e), p2(e,f), p
                                                                                                              r(a,b),r(b,c),r(c,d),r(d,c),r(e,d),r(f,e),r(a,c),r(b,d),r(c,c),r(e,c),r(f,d),r(a,d),r(f,c),r(c,c),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),r(c,d),
                                                                                                              s(a,b), s(b,c), s(c,d),
                                                                                                             t(d,c), t(e,d), t(f,e), t(a,c), t(b,d), t(c,c), t(e,c), t(f,d), t(f,c), t(c,d), t(d,e), t(e,f),
                                                                                                              t(c,a), t(d,b), t(c,e), t(d,f), t(d,a), t(c,f),
                                                                                                             w(d,c), w(e,d), w(f,e), w(a,c), w(b,d), w(c,c), w(e,c), w(f,d), w(a,d), w(f,c), w(d,e),
                                                                                                             w(e,f), w(c,a), w(d,b), w(c,e), w(d,f), w(d,a), w(c,f)
```