21 февраля 2012 г. (день 4), обе лиги

Задача А. Сервера

 Имя входного файла:
 a.in

 Имя выходного файла:
 a.out

 Ограничение по времени:
 0.5 с

 Ограничение по памяти:
 256 Мб

Примечание

Источник — Всесибирская олимпиада, очный тур (29 ноября 2009).server

Компьютерная сеть в некотором доме строилась по принципу присоединения нового компьютера к последнему из уже подключенных. Никакие два компьютера, будучи подключенными в сеть, между собой дополнительно никак не связывались. Таким образом, в сеть были объединены последовательно N компьютеров. Соседи обменивались информацией между собой, но в какой-то момент поняли, что им нужны прокси-серверы. Компьютерное сообщество дома решило установить прокси-серверы ровно на компьютеров. Осталось только решить, какие именно компьютеры выбрать для этой цели. Главным критерием является ежемесячная стоимость обслуживания серверами всех компьютеров.

Для каждого компьютера установлен тариф его обслуживания, выраженный в рублях за метр провода. Стоимость обслуживания одного компьютера каким-то сервером равна тарифу компьютера, умноженному на суммарную длину провода от этого компьютера до сервера, которым он обслуживается.

Ваша задача написать программу, которая выберет такие компьютеров, чтобы установить на них проксисерверы, что общие затраты на обслуживание всех компьютеров были бы минимальными

Формат входного файла

В первой строке входного файла записано два целых числа N и K — количество компьютеров в сети и количество прокси-серверов, которые нужно установить ($1 \le K \le N \le 2000$).

Все компьютеры в сети пронумерованы числами от 1 до N по порядку подключения.

Во второй строке записано одно целое число T_1 — тариф обслуживания первого компьютера.

В следующих N-1 строках записано через пробел по два целых неотрицательных числа L_i , T_i- информация об остальных компьютерах в сети по порядку номеров. L_i- длина провода, соединяющего i- компьютер с соседним с меньшим номером, T_i- тариф обслуживания данного компьютера ($2 \le i \le N$). Все L_i и T_i не превышают 10^6 .

Формат выходного файла

В первую строку выходного файла необходимо вывести одно целое число — минимальную стоимость обслуживания всех компьютеров всеми серверами. Во второй строке должны быть записаны через пробел K номеров компьютеров, на которые необходимо установить серверы. При существовании нескольких вариантов размещения разрешается вывести любой.

a.in	a.out
3 1	19
10	1
2 2	
3 3	
3 2	4
10	1 3
2 2	
3 3	

21 февраля 2012 г. (день 4), обе лиги

Задача В. Wordperiod

Имя входного файла:b.inИмя выходного файла:b.outОграничение по времени:1 сОграничение по памяти:256 Мб

Примечание

Источник — чемпионат MIPT (май 2011).wordperiod

Назовём периодом слова s такое слово t, длина которого не превосходит длины слова s и для которого существует такое натуральное число k, что слово s является префиксом слова t^k (то есть слова, полученного конкатенацией k копий слова t). Например, периодами слова **хухухх** являются слова **хух, хуххух**, **хуххухх**.

Пусть имеется некоторое слово w длины l. Рассмотрим l слов длины $l-1,\ i-1$ из которых получено из слова w вычёркиванием его i-1 буквы. Для каждого из этих слов найдём период наименьшей длины. Выведите наименьшее из получившихся l чисел.

Формат входного файла

В первой строке входного файла задано целое число d ($1 \le d \le 10$) — количество тестовых примеров. В последующих d строках заданы тестовые примеры, по одному на строку. В начале i — тестового примера идёт число n_i ($2 \le n_i \le 200\,000$) — длина l слова w. Далее через пробел следует слово w, состоящее из l строчных латинских букв.

Формат выходного файла

Для каждого тестового примера выведите в отдельной строке одно число — минимальную длину периода слова, полученного выбрасыванием из исходного слова одной буквы.

Пример

b.in	b.out
1	2
8 ababcaba	

Пояснение

Для слова w из тестового примера имеем следующие слова, наименьшие периоды и их длины:

- babcaba babca длина 5;
- **aabcaba aabcab** длина 6;
- abbcaba abbcab длина 6;
- **abacaba abac** длина 4;
- abababa ab длина 2;
- **ababcba ababcb** длина 6;
- ababcaa ababca длина 6;
- **ababcab ababc** длина 5.

Соответственно, наименьшая из длин равна 2, что и является ответом на тестовый пример.

21 февраля 2012 г. (день 4), обе лиги

Задача С. Arithmetic

 Имя входного файла:
 c.in

 Имя выходного файла:
 c.out

 Ограничение по времени:
 0.5 с

 Ограничение по памяти:
 256 Мб

Примечание

Источник — XV чемпионат СПбГУ (22 октября 2006).arithmetic

Вы только что получили задание от Kitten Computing, известного разработчика программного обеспечения. Вы не можете поверить в ваше счастье — множество ваших друзей подавали туда заявку раньше, но они либо провалились на интервью, либо не смогли выполнить их первое задание и были уволены в первый месяц их работы в Kitten Computing.

Сейчас вы и сами получили ваше первое задание, в команде которая разрабатывает программное обеспечение для нового арифметического кодирования. Напомним, что во время арифметического кодирования, строка, которую нужно закодировать, переходит в интервал (α, β) реальной строки, а затем любая дробь p/q на этом интервале и есть результат кодирования.

Ваше задание — найти эту дробь p/q, так чтобы числитель и знаменатель были как можно меньше, для заданных рациональных чисел α и β . Вам не нужно беспокоится о происхождении α и β : программное обеспечения для создания этих чисел написал другой человек из вашей команды.

Формат входного файла

Каждая строка входного файла содержит четыре целых числа P_1 , Q_1 , P_2 , Q_2 , таких, что $\alpha=P_1/Q_1$ и $\beta=P_2/Q_2$. Все числа неотрицательные и не превышают 10^{18} , знаменатели Q_1 и Q_2 отличны от нуля. Гарантируется, что $\alpha<\beta$. Во входном файле содержится не более 10^4 строк.

Формат выходного файла

Для каждой строки ввода вы должны выдать два натуральных числа — P и Q, разделенные одним пробелом, такие, что $\alpha < P/Q < \beta$. При этом Q должно быть минимально возможным. Если есть несколько оптимальных Q, выводите дробь с минимальным P.

c.in	c.out
3 10 7 20	1 3
0 1 1 1	1 2

21 февраля 2012 г. (день 4), обе лиги

Задача D. Таможенные правила

 Имя входного файла:
 d.in

 Имя выходного файла:
 d.out

 Ограничение по времени:
 0.5 с

 Ограничение по памяти:
 256 Мб

Деньги на бочку!

Из заявки Диогена на грант

Примечание

Источник — XIX чемпионат СПбГУ (9 декабря 2007).tax

Author: Vitaly Valtman

Description Author: Vitaly Valtman

Text Author: Oleg Hristenko

Наконец, приз, составляющий N золотых монет, был получен, и команда Поссилтума отбыла назад, в измерение Пент. По дороге к Аазу, Скиву, Гвидо и Нунцио присоединились попутчики из других команд, прибывших из Пента. Так что возвращавшаяся делегация составляла K человек.

Однако по пути им встретилось достаточно неприятное королевство, таможенное законодательство которого было не только очень строгим, но и очень запутанным.

В случае, если у прибывшего путешественника оказывалось с собой менее A золотых монет, путешественник отправлялся под арест за нищенство.

В случае, если путешественники прибыли группой, и у каких-то двух путешественников в группе количество золотых монет равно $t \cdot a$ и $t \cdot b$ соответственно, где t — целое число, большее единицы, а a и b — натуральные числа, то считается, что имел место сговор с целью подрыва местной валюты (установления её курса в t), и оба путешественника отправляются под арест за экономическую диверсию. Естественно, что с конфискацией орудия преступления (то есть золота).

Так что перед Аазом и Скивом встала задача — можно ли распределить сумму приза между всеми участниками делегации так, чтобы никто не был арестован при прохождении таможенного досмотра?

Формат входного файла

Входной файл содержит три натуральных числа. $1 < N < 1\,000\,000\,000$, 2 < K < 10 и 1 < A < N.

Формат выходного файла

Если пройти таможню без ареста можно, то в первой строке выведите слово «YES», а во второй — K чисел a_i — выданное каждому участнику количество золотых монет.

В противном случае выведите единственную строку «NO».

d.in	d.out
6 3 1	YES
	1 2 3
6 3 2	NO
6 2 1	YES
	1 5

21 февраля 2012 г. (день 4), обе лиги

Задача E. Covering Points

 Имя входного файла:
 e.in

 Имя выходного файла:
 e.out

 Ограничение по времени:
 3 с

 Ограничение по памяти:
 256 Мб

Примечание

Источник — XX чемпионат СПбГУ (23 март 2008).covers

Author: Andrew Lopatin Text Author: Andrew Lopatin

Description: DP

Сегодня, Вася отправляется в научно-исследовательский институт сфер и кругов (RISC). Этот институт изучает все задачи, связанные со сферами и кругами, и теперь Васю просят что-то сделать с кругами.

Даны N точек на плоскости, необходимо покрыть их все K кругами минимально возможного радиуса. Кругам разрешено касаться и пересекаться друг с другом. Не могли бы вы помочь Васе справиться с заданием?

Формат входного файла

Входной файл состоит из одного или нескольких тестов. Каждый тест начинается со строки, содержащей два целых числа N и K ($1 \le N \le 15$, $1 \le K \le N$), а затем N строк, каждая из которых описывает одну точку её целыми координатами x_i и y_i . Точки могут совпадать. Все координаты не превышают 1000 по абсолютной величине. Ввод завершается тестом N=K=0, который учитывать не нужно. Общая сумма чисел N по всем тестам в одном входном файле не превышает 150.

Формат выходного файла

Для каждого теста сначала выведете минимальный радиус, затем приведите пример покрытия. Если есть несколько решений — выводите любое. Радиусы нужно вывести с точностью не менее 6 знаков после запятой. Чекер будет осуществлять проверку "попала ли точка в круг" с точностью 10^{-6} . Мы рекомендуем выводить числа с максимальной точностью.

Заметьте, что круг с нулевым радиусом — точка.

		e.ir	1		
3 2					
0 0					
0 1					
0 2					
3 1					
0 0					
0 1					
1 0					
0 0					
		e.ou	t		
Case 1: The minimal	possible	radius	is	0.5	
circle 1 at (0.0,	0.5)				
circle 2 at $(0.0,$	2.0)				
Case 2: The minimal	possible	radius	is	0.7071067811865476	
circle 1 at (0.5,	0.5)				

21 февраля 2012 г. (день 4), обе лиги

Задача F. Гамильтонов цикл в полном графе

 Имя входного файла:
 f.in

 Имя выходного файла:
 f.out

 Ограничение по времени:
 0.5 с

 Ограничение по памяти:
 256 Мб

Примечание

Источник— из задач спецкурса 3-го курса СПбГУ (весна 2011).fullham

Original idea : Folklore Text : Sergey Kopeliovich Tests : Sergey Kopeliovich

Дан граф из N вершин, в котором степень любой вершины не меньше $\frac{N}{2}$. Ваша задача — найти гамильтонов цикл.

Формат входного файла

На первой строке входного файла записано целое число N ($3 \le N \le 4\,000$) — количество вершин в графе. На следующих N строках записана матрица смежности. Т.к. матрица смежности симметрична, а на диагонали всегда стоят нули, на i-й строке записаны i-1 символ — нули и единицы. Если j-й символ i-й строки равен единице, значит есть ребро между вершинами i и j.

Гарантируется, что в графе есть гамильтонов цикл и, что степень каждой вершины не меньше $\frac{N}{2}$.

Формат выходного файла

Выведите перестановку из N чисел — номера вершин в порядке гамильтонова цикла.

f.in	f.out
4	1 2 3 4
1	
11	
101	

21 февраля 2012 г. (день 4), обе лиги

Задача G. PreQueL

 Имя входного файла:
 g.in

 Имя выходного файла:
 g.out

 Ограничение по времени:
 2 с

 Ограничение по памяти:
 256 Мб

Примечание

Источник — Дальневосточные областные соревнования NEERC Far Eastern NEERC Subregional Contests (год = ?).prequel

В некоторых упрощенных СУБД называемых PreQueL, единственный допустимый тип названия - CHAR (1) (один символ), а кроме того, его название должно состоять только из английских заглавных букв (от A до Z). Таблица может содержать до 9 столбцов, пронумерованных от 1 до 9. Таблицы называются строчными английскими буквами (от а до z).

Вы должны написать обработчик запросов к PreQueL, который, с учетом данных ему таблиц и набора условий, будет выдавать результат запроса, то есть те строки которые удовлетворяют всем условиям. Строки в ответе должны быть упорядочены лексикографически по алфавиту.

Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит два целых числа — количество таблиц T и количество условий, D.

Начиная со второй строки даются T таблиц. В первой строке описания таблицы даются размеры таблицы -RN и CN. Далее идёт RN строк, состоящих ровно из CN символов каждая. После таблицы идут D строк с условиями. Ограничения: $1 \le T \le 26, \ 1 \le D \le 50, \ 1 \le C \le 9, \ 1 \le R \le 1000$.

Формат выходного файла

Выходной файл содержит строки результата, каждую строку таблицы выведите на отдельной строке файла. Гарантируется, что ни один входной запрос не выдаст более 1000 строк.

Пример

g.in	g.out
2 2	AXACD
3 2	BXBCC
AX	
BX	
BY	
2 3	
ACD	
BCC	
a1=b1	
a2=X	

Пояснение

- о Строки в выведенном файле должны быть упорядочены по возрастанию.
- \circ Если мы соединяем таблицы **A** и **B** без применения каких-либо условий, число строк в результате будет $|A| \cdot |B|$.
- о Пусть у нас есть три таблицы (каждая таблица представлена в виде списка строк): {A, B}, {C, D}, {XX, YY, ZZ}. Их соединением будет таблица из 12 строк {ACXX, ACYY, ACZZ, ADXX, ADYY, ADZZ, BCXX, BCYY, BCZZ, BDXX, BDYY, BDZZ}.

21 февраля 2012 г. (день 4), обе лиги

Задача H. Sigma-функция на отрезке

Имя входного файла:h.inИмя выходного файла:h.outОграничение по времени:1.5 сОграничение по памяти:256 Мб

Примечание

Источник из задач к экзамену 1-го курса СПБГУ (осень 2010).lrsigma

Нужно научиться считать $\sum\limits_{i=L}^R \sigma(i)$. Где $\sigma(i)$ — сумма натуральных делителей числа i.

Формат входного файла

Последовательность из не более чем 10^5 запросов. Каждый запрос записан на отдельной строке. Формат запроса прост: числа L,R ($1 \le L \le R \le 5 \cdot 10^6$).

Формат выходного файла

Для каждого запроса нужно вывести одно число — $\sum\limits_{i=L}^{R}\sigma(i)$.

h.in	h.out
3 10	83

Задача I. Autotourism

 Имя входного файла:
 i.in

 Имя выходного файла:
 i.out

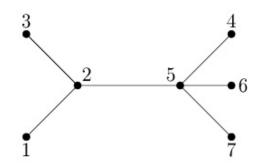
 Ограничение по времени:
 2 с

 Ограничение по памяти:
 256 Мб

Примечание

Источник — чемпионат MIPT (май 2011).autotourism

В Байтландии существуют n городов, соединённых n - 1 дорогами с двусторонним движением таким образом, что из каждого города можно проехать в любой другой по сети дорог. Длина каждой дороги равна 1 километру.



Бензобак автомобиля позволяет проехать без заправки m километров. Требуется выбрать маршрут, позволяющий посетить наибольшее количество различных городов без дозаправки. При этом начинать и заканчивать маршрут можно в произвольных городах.

Формат входного файла

В первой строке входного файла заданы два целых числа n и m ($2 \le n \le 500\,000$, $1 \le m \le 200\,000\,000$) — количество городов в стране и количество километров, которое автомобиль может проехать без дозаправки. В последующих n - 1 строках описаны дороги. Каждая дорога задаётся двумя целыми числами a и b ($1 \le a$, $b \le n$) — номерами городов, которые она соединяет. Длина каждой дороги равна 1 км.

Формат выходного файла

Выведите одно число — максимальное количество городов, которое можно посетить без дозаправки.

Пример

i.in	i.out
7 6	5
1 2	
2 3	
2 5	
5 6	
5 7	
5 4	

Пояснение

5 городов можно посетить, например, по схеме $4 \to 5 \to 7 \to 5 \to 6 \to 5 \to 2$ или по схеме $3 \to 2 \to 1 \to 2 \to 5 \to 6 \to 5$.

21 февраля 2012 г. (день 4), обе лиги

Задача J. Perfect Powers

Имя входного файла:j.inИмя выходного файла:j.outОграничение по времени:0.5 сОграничение по памяти:256 Мб

Примечание

Источник — IX чемпионат СПБГУ (17 октября 2004).powers

Число x называется $perfect\ power$, если существуют такие целые числа a и b, что $x=a^b,\ b>1$. Ваше задание — вычислить количество таких чисел внутри отрезка $A\leq x\leq B$.

Формат входного файла

Два целых числа A и B, по абсолютной величине не превосходящие 10^{14} .

Формат выходного файла

Одно целое число.

j.in	j.out
3 14	3
25 50	5

21 февраля 2012 г. (день 4), обе лиги

Задача K. Spell Checker

 Имя входного файла:
 k.in

 Имя выходного файла:
 k.out

 Ограничение по времени:
 0.3 с

 Ограничение по памяти:
 256 Мб

Примечание

Источник — IX чемпионат СПБГУ (17 октября 2004).spell

Университет магии Kurufinwe в Alkarinqwe широко известен как один из самых сильных университетов магии в стране эльфов Laureling. Сейчас Архимаги этого университета вплотную подошли к разгадке тайны древнего языка магических элементалей Qwen'laur. У них уже есть список всех слов этого языка, но комбинации этих слов не всегда дают работающее заклинание.

К счастью, Архимаги нашли глубоко в подземельях их замка древний артефакт Сарандол, также известный как Оракл. Легенды прошлого гласят, что этот артефакт способен создавать работающие заклинания! Но он был создан одним из величайших магов древности Белигуром Великим и у него есть особой механизм защиты. Оракл выдает заклинание в виде строки без каких либо пробелов между словами, так что оно может быть прочитано только как алфавитная строка S длины L. Но это только первая проблема. Вторая заключается в том, что артефакт иногда генерирует последовательности, которые не могут быть составлены из слов языка Qwen'Iaur, т.е. не существует такой последовательности слов a_1, a_2, \ldots, a_k , что $S = a_1 a_2 \ldots a_k$, где все слова a_i присутствуют в языке Qwen'Iaur (одно и то же слово может быть использовано более одного раза). Но если хотя бы одно такое представление существует, то можно заключить, что Оракл сгенерировал строку, которая является работающим заклинанием.

Ваше задание — написать магическую программу для вашего магического компьютера, которая проверит существование хотя бы одного такого представления.

Формат входного файла

В первой строке ввода содержится одно целое число $1 \le N \le 1000$ — количество слов в словаре. N следующих строк содержат слова языка Qwen'Iaur. Последняя строка входного файла — строка S, сгенерированная Сарандолом. Все слова в словаре имеют длину не более 100 символов. $L \le 10\,000$. Слова и строки не чувствительны к регистру и могут состоять только из английских букв и двух символов ' и ' (эти символы имеют коды ASCII 39 и 96).

Формат выходного файла

Если строка может быть прочитана как рабочее заклинание, выведите YES, иначе выведите NO.

k.in	k.out
4	NO
all	
bar	
Akh	
kar	
bakarkarbar	
4	YES
all	
bar	
Akh	
kar	
AllakhAkhbar	

21 февраля 2012 г. (день 4), обе лиги

Задача L. Valsum

Имя входного файла:1.inИмя выходного файла:1.outОграничение по времени:0.5 сОграничение по памяти:256 Мб

Примечание

Источник — тренировки студенческого кружка СПБГУ (23 марта 2009).valsum

Origin: 20100923 - First A2 Training - representation of integers and reals

Author: Ivan Kazmenko

Найдите сумму значений функции

$$f(x) = x + \frac{1}{x}$$

в нескольких целых точках.

Формат входного файла

В первой строке входного файла задано целое число n — количество точек ($1 \le n \le 50$). В следующей строке заданы n целых чисел x_1, x_2, \ldots, x_n через пробел — точки, значения функции в которых нужно просуммировать ($0 < |x_i| \le 10^9$).

Формат выходного файла

Выведите в выходной файл одно число — сумму значений функции f(x) в заданных точках. Ответ считается правильным, если абсолютная или относительная погрешность не превышает 10^{-9} .

1.in	1.out
3	7.8333333333333
1 2 3	
2	0
1 -1	

21 февраля 2012 г. (день 4), обе лиги

Задача M. Sprite

Имя входного файла:m.inИмя выходного файла:m.outОграничение по времени:0.5 сОграничение по памяти:256 Мб

Примечание

Источник — школьная задача кружки ФМЛ 30 и ФТШ 566 (осень 2009).sprite

86 класс решил на слет взять много Спрайта. Для этого они собрались сконструировать переносной холодильник $a \times b \times c$, который будет вмещать ровно n кубических банок Спрайта размером $1 \times 1 \times 1$ Чтобы лимонад доехал как можно более холодным, они хотят минимизировать теплопотери; то есть минимизировать площадь поверхности.

Например, если емкость холодильника должна равняться 12, то возможны следующие варианты:

 $322 \rightarrow 32$

 $431 \rightarrow 38$

 $621 \rightarrow 40$

 $1211 \to 50$

В этом примере оптимальным является холодильник 322.

Помогите 8б найти оптимальный холодильник в общем случае.

Формат входного файла

Число n (1 < n < 10⁶)

Формат выходного файла

Три числа a, b, c ($1 \le n \le 10^6$) — размеры наилучшего холодильника.

Числа нужно выводить в порядке возрастания.

m.in	m.out
12	2 2 3
13	1 1 13
1000000	100 100 100

21 февраля 2012 г. (день 4), обе лиги

Задача N. Suffarray

Имя входного файла:n.inИмя выходного файла:n.outОграничение по времени:1 сОграничение по памяти:256 Мб

Примечание

Источник из задач спецкурса 3-го курса СПБГУ (весна 2011).suffarray

Дана строка, требуется построить суффиксный массив для этой строки. Суффиксный массив — лексикографически отсортированный массив всех суффиксов строки. Каждый суффикс задается целым числом позицией начала.

Строка s лексикографически меньше строки t, если есть такое i, что $s_i < t_i$ и $s_j = t_j$ для всех j < i. Или, если такого i не существует и строка s короче строки t.

Здесь s_i — код i-го символа строки s.

Формат входного файла

Файл состоит из единственной строки. Эта строка — английский литературный текст. Длина текста не превосходит 10^5 . Коды всех символов в тексте от 32 до 127.

Формат выходного файла

Выведите N чисел — суффиксный массив данной строки.

n.in						r	1.00	ıt					
99 bottles of beer.	14	3	11	19	2	1	15	4	16	17	9	13	8
	12	5	18	10	7	6							

21 февраля 2012 г. (день 4), обе лиги

Задача O. Foxes

 Имя входного файла:
 о.in

 Имя выходного файла:
 о.out

 Ограничение по времени:
 0.3 с

 Ограничение по памяти:
 256 Мб

Примечание

Источник — IX чемпионат СПБГУ (17 октября 2004).foxes

В Чукотском национальном заповеднике есть n песцов. Каждый песец в определенной степени пушист. Пушистости песцов равномерно распределены от 0 до 1. Не так давно Чукотский национальный зоопарк направил запрос на $m \leq n$ наиболее пушистых песцов.

Общество охраны природы получило информацию, что только l песцов с наименьшей пушистостью будут выставлены в зоопарке, и k=m-l наиболее пушистых будут использованы на шубы для глав зоопарка. Общество хочет подать в суд на зоопарк, и им нужна информация о песцах, которые будут убиты, и о песцах, которые будут оставлены в живых. На самом деле будет достаточно оценки среднего значения средней пушистости песцов в каждой группе. Напишите программу, которая вычисляет эти два числа.

Можно считать, что пушистости песцов независимы.

Формат входного файла

Три целых числа $1 \le n, k, l \le 10^8$.

Формат выходного файла

Первое число — это средняя пушистость песцов, которых собираются убить, второе — средняя пушистость песцов, которые будут выставлены в зоопарке. Числа выведите с точностью 6 знаков после запятой.

o.in	o.out				
4 2 2	0.700000000 0.300000000				
8 2 2	0.833333333 0.611111111				

21 февраля 2012 г. (день 4), обе лиги

Задача Р. Cucarach

Имя входного файла:р.inИмя выходного файла:р.outОграничение по времени:0.3 сОграничение по памяти:256 Мб

Примечание

Источник — тренировка команд СПБГУ (14 марта 2007).cucarach

Каждую полночь в квартире ученого Васи начинается ужас. Сотни ..., о нет! ТЫСЯЧИ тараканов вылазят из каждой дырки к его обеденному столу, уничтожая все крошки и объедки! Вася ненавидит тараканов. Он очень долго думал и сделал Супер-ловушку, которая привлекает всех тараканов в большой зоне после активации. Он планирует активировать ловушку сегодня ночью. Но есть проблема. Эта очень эффективная ловушка с её очень большой зоной работы поглощает огромное количество энергии. Так что, Вася планирует минимизировать время работы этой ловушки. Он собрал информацию о всех местах, в которых живут тараканы. Также он заметил, что все тараканы двигаются только по линиям его скатерти с постоянной скоростью (мы можем предположить, что эта скорость равна 1, так что таракан расположенный в одной из секций, может за 1 единицу времени переместится на любую соседнюю секцию (по вертикали или горизонтали)). Вася решил активировать его ловушку в одной из секций. Когда ловушка активирована, все тараканы будут двигаться к секции, содержащей ловушку, так быстро, как только смогут. Поэтому в любой момент времени после активации тараканы двигаются к секции, в которой находится ловушка, максимально уменьшая расстояние до неё. Если есть два пути с одинаковым расстоянием, то таракан выберет любой. Напишите программу для Васи, которая выбирает секцию, минимизирующую время, необходимое для уничтожения всех тараканов. Конечно, ваша программа будет считать, что скатерть будет плоскостью с декартовой системой координат и секции точки с целыми координатами.

Формат входного файла

В первой строке входного файла содержится число мест, в которых живут тараканы N ($1 \le N \le 10000$). Следующие N строк содержат x и y — координаты мест, в которых живут тараканы (целые числа не больше 10^9 по абсолютному значению).

Формат выходного файла

Вам необходимо вывести только два целых числа x и y — координаты секции, которая минимизирует время работы. Если есть более одного решение — выведите любое из них.

p.in	p.out
2	2 2
1 1	
3 3	