

Задача В. СуперНим Junior (только для юниорской лиги)

Имя входного файла: `b.in`
Имя выходного файла: `b.out`
Ограничение по времени: 1 с
Ограничение по памяти: 8 Мб

Ним – это игра для двух игроков, которые по очереди берут предметы, разложенные на несколько кучек. Каждый игрок в свой ход может выбрать одну из непустых кучек и забирать из нее любое ненулевое количество предметов. Проигрывает тот из игроков, кто в свою очередь не сможет сделать ход (то есть последний предмет заберет на предыдущем ходе его соперник).

Данная игра математически полностью проанализирована. Проигрышными позициями в игре называются такие позиции, что при любых дальнейших ходах игрока, который должен делать ход из данной позиции, его соперник имеет возможность делать такие ходы, которые приведут к проигрышу игрока (то есть соперник имеет выигрышную стратегию). Выигрышными – такие, что, каковы бы ни были в дальнейшем действия соперника, игрок, который выполняет ход из данной позиции, имеет возможность делать такие ходы, которые приведут его к победе (то есть игрок имеет выигрышную стратегию). Известно, что выигрышность позиции определяется ним-суммой: $p_1 \text{ хог } p_2 \text{ хог } \dots \text{ хог } p_N$, где p_i – количество предметов в i -ой кучке, хог – операция побитового исключающего “или” (сложение двоичных представлений чисел без учета переносов в следующие разряды). Если эта сумма отлична от нуля, то позиция выигрышная, если равна нулю – проигрышная.

Здесь мы будем иметь дело с огромным количеством кучек. Ваша задача – по заданным размерам кучек определить количество выигрышных вариантов первого хода первого игрока из начальной позиции (то есть такие ходы, при которых выигрышная стратегия все еще будет оставаться у первого игрока).

Формат входного файла

В первой строке входного файла содержится целое число M , определяющее количество групп кучек. Каждая из последующих M строк описывает соответствующую группу с помощью двух целых чисел a, b . В группе будет $b - a + 1$ кучек с размерами от a до b включительно.

Ограничения

$$1 \leq M \leq 100000, 0 \leq a \leq b \leq 10^{12}.$$

Формат выходного файла

Выведите единственное целое число – количество вариантов первого хода, которое допускает выигрышная стратегия.

Примеры

<code>b.in</code>	<code>b.out</code>
2 3 5 2 6	5
2 1 4 11 14	0

Задача D. Хромой король Junior (только для юниорской лиги)

Имя входного файла: d.in
 Имя выходного файла: d.out
 Ограничение по времени: 1 с
 Ограничение по памяти: 32 Мб

Рассмотрим бесконечную во все четыре стороны шахматную доску с квадратными клетками. Некоторую клетку этой доски назовем центром. Вертикали, которая проходит через центр, присвоим номер 0. Вертикалям, находящимся правее центральной, присвоим последовательно номера 1, 2, 3 и т.д., левее – -1 , -2 , -3 и т.д. Аналогично пронумеруем горизонтали (выше центральной – положительными числами, ниже – отрицательными). Координаты любой клетки тогда можно определить парой чисел – номером вертикали и номером горизонтали, в которой она находится. Пусть теперь в центре доски, то есть в клетке с координатами $(0, 0)$, стоит король. Он может перемещаться по стандартным шахматным правилам – в соседнюю клетку по горизонтали, вертикали или диагонали. Однако некоторые из направлений являются запрещенными.

Требуется определить за сколько ходов король сможет попасть в клетку с заданными координатами (x, y) .

Формат входного файла

В первой строке входного файла заданы 8 чисел, определяющих возможность перемещения в соответствующем направлении. 1 обозначает разрешенное направление, 0 – запрещенное. Направления перечисляются в порядке обхода против часовой стрелки, начиная с положительного горизонтального (то есть вправо, вправо-вверх, вверх, влево-вверх, влево, влево-вниз, вниз, вправо-вниз). Во второй строке задаются координаты x и y клетки, в которую необходимо попасть.

Ограничения

$$-500 \leq x, y \leq 500.$$

Формат выходного файла

Выведите единственное целое число – минимальное количество разрешенных ходов, которые потребуются королю для того, чтобы добраться из клетки $(0, 0)$ в клетку (x, y) . В случае, если такого пути не существует, выведите число -1 .

Примеры

d.in	d.out
1 1 1 1 1 1 1 1 3 4	4
1 0 1 0 1 0 1 0 -3 -4	7

Задача F. Изменение на отрезке Junior (только для юниорской лиги)

Имя входного файла: `f.in`
Имя выходного файла: `f.out`
Ограничение по времени: 1 с
Ограничение по памяти: 8 Мб

Задан набор из N целых чисел a_0, a_1, \dots, a_{N-1} . Изначально все эти числа равны 0. Далее поступают запросы на изменение и вывод. Для запроса на изменение задаются три числа l, r, d . По этому запросу к каждому из элементов a_i ($l \leq i \leq r$) необходимо прибавить значение d . Для запроса на вывод задается одно число i . По этому требуется вывести текущее значение элемента a_i .

Формат входного файла

В первой строке входного файла задается три целых числа N, M_A и M_Q , обозначающих количество элементов, количество запросов на изменение и на вывод соответственно. В последующих $M_A + M_Q$ строках задаются запросы. Запрос на изменение задается строкой вида “A $l\ r\ d$ ”, запрос на вывод – строкой “Q i ”.

Ограничения

Все числа целые.

$1 \leq N \leq 10^6, 0 \leq M_A, M_Q \leq 10^6, 0 \leq l \leq r < N, 0 \leq i < N, |d| \leq 10^3$.

Гарантируется, что по крайней мере одно из чисел N, M_A или M_Q не будет превосходить 50.

Формат выходного файла

Для каждого запроса на вывод выведите в отдельной строке текущее значение соответствующего элемента.

Пример

f.in	f.out
10 2 4	1
A 3 7 1	3
Q 4	2
A 1 5 2	1
Q 4	
Q 1	
Q 6	

Задача Н. K -цифровое число Junior (только для юниорской лиги)

Имя входного файла: `h.in`
Имя выходного файла: `h.out`
Ограничение по времени: 1 с
Ограничение по памяти: 8 Мб

Назовем число K -цифровым, если количество различных цифр в его десятичной записи (без учета незначащих ведущих нулей) не превышает K .

По заданному числу x найдите ближайшее к нему K -цифровое число.

Формат входного файла

В единственной строке задается два целых числа K и x без незначащих ведущих нулей.

Ограничения

$$1 \leq K \leq 10, 0 \leq x \leq 10^8.$$

Формат выходного файла

Выведите такое K -цифровое число y , что величина $|y - x|$ имеет минимально возможное значение. Если таких чисел несколько, можно выводить любое из них.

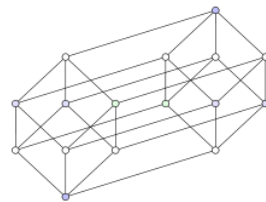
Примеры

<code>h.in</code>		<code>h.out</code>
2	23456	23333
1	8691	8888

Задача J. Гиперкуб Junior (только для юниорской лиги)

Имя входного файла: j.in
 Имя выходного файла: j.out
 Ограничение по времени: 1 с
 Ограничение по памяти: 8 Мб

N -мерным гиперкубом (или N -кубом) со стороной $a > 0$ называется фигура в N -мерном евклидовом пространстве, которая строится следующим образом. Выберем в N -мерном пространстве какую-нибудь $(N - 1)$ -мерную гиперплоскость. Построим в ней $(N - 1)$ -куб. От каждой вершины этого куба проведем отрезок длины a перпендикулярно выбранной плоскости в одном и том же направлении. Концы этих отрезков будут очевидно также лежать в $(N - 1)$ -мерной плоскости, параллельной исходной, и образовывать $(N - 1)$ -куб. Выпуклая оболочка всех получившихся вершин (и исходного, и нового $(N - 1)$ -куба) образует N -мерный гиперкуб. По определению 0-куб – это точка, которая является единственной вершиной этого куба. Нетрудно увидеть, что 1-куб – отрезок на прямой, 2-куб – квадрат на плоскости, 3-куб – обычный трехмерный куб в трехмерном пространстве. Гиперкубы большей размерности увидеть несколько сложнее, но тем не менее формально можно построить по определению.



k -мерной гранью (или k -гранью) N -мерного гиперкуба называется такое пересечение его с k -мерной гиперплоскостью, которое не содержит внутренних точек граней большей размерности. Каждый N -куб имеет одну N -грань, совпадающую с ним самим. Можно доказать, что k -границ представляют собой k -кубы. 0-границ – это вершины N -куба, 1-границ – его ребра и т.д.

Требуется вычислить количество k -мерных граней N -мерного гиперкуба.

Формат входного файла

В единственной строке задаются три целых числа N , K и p .

Ограничения

$0 \leq K \leq N \leq 10000$, $K \leq 2000$, $1 \leq p \leq 10^{18}$.

Формат выходного файла

В единственную строку выведите $K + 1$ число: остаток от деления на p количества 0-граней, 1-граней, ... K -граней N -куба.

Примеры

j.in	j.out
0 0 10	1
1 1 10	2 1
2 2 10	4 4 1
3 3 10	8 2 6 1

Задача L. Кривая дракона Junior (только для юниорской лиги)

Имя входного файла: 1.in
Имя выходного файла: 1.out
Ограничение по времени: 1 с
Ограничение по памяти: 64 Мб

Кривая дракона – это бесконечная ломаная из звеньев единичной длины, которая строится следующим образом. Выбирается некоторая точка на плоскости (например, точка $(0, 0)$) и одно из четырех направлений, параллельных координатным осям. Левый(правый) дракон порядка n строится так:

- если n равно 0, то отложить отрезок длины 1 от текущей точки в текущем направлении, переместившись в конечную точку;
- в противном случае построить левого дракона порядка $n - 1$ от текущей точки в текущем направлении, повернуться на 90 градусов налево(направо) в его конечной точке и построить правого дракона порядка $n - 1$.

Поскольку левый дракон порядка n содержит в качестве своего начала левого дракона порядка $n - 1$, то вполне корректно определяется левый дракон бесконечного порядка. Именно эта ломаная и называется кривой дракона.

Построим из точки $(0, 0)$ кривые дракона во всех четырех направлениях. Есть теорема, доказанная Д.Кнудом, о том, что эти кривые не пересекаются (за исключением касания в вершинах) и полностью покрывают целочисленную сетку на плоскости. В данной задаче от вас потребуется проверить эту теорему, а именно по заданному единичному отрезку сетки определить какому из четырех драконов он принадлежит.

Формат входного файла

В единственной строке входного файла задаются 4 целых числа: две координаты одного конца некоторого отрезка, параллельного одной из осей координат, и две координаты другого конца.

Ограничения

Все числа не превышают по модулю 10^9 . Расстояние между точкам равно 1.

Формат выходного файла

В первой строке выходного файла выведите номер драконовой кривой, которой принадлежит соответствующее звено (1 – дракон, отложенный в положительном направлении оси Ox , 2 – в положительном направлении оси Oy , 3 – в отрицательном направлении оси Ox , 4 – в отрицательном направлении оси Oy). Во второй строке выведите номер этого звена в соответствующей ломаной. Гарантируется, что это число не превосходит 10^7 .

Примеры

1.in	1.out
1 0 1 1	1 2
2 -2 2 -1	3 8

Задача N. Ферзи Junior (только для юниорской лиги)

Имя входного файла: n.in
Имя выходного файла: n.out
Ограничение по времени: 1 с
Ограничение по памяти: 128 Мб

На шахматной доске размера $N \times N$ в различных клетках стоят K ферзей. Ферзь может перемещаться на любое натуральное количество клеток в горизонтальном, вертикальном или диагональном направлении. Более точно, ферзь может попасть из клетки с координатами (x, y) в клетку с координатами (x', y') тогда и только тогда, когда числа $|x - x'|$ и $|y - y'|$ равны между собой и отличны от нуля, либо одно из них равно нулю, а другое отлично от нуля. Будем говорить, что один ферзь угрожает другому, если существует ход из ячейки первого ферзя в клетку второго. Очевидно, что это отношение симметрично, то есть если один ферзь угрожает другому, то и другой первому. Будем говорить, что один ферзь находится под боем у другого, если второй угрожает первому и все клетки между ними свободны. Это отношение также симметрично.

Требуется определить количество пар ферзей, угрожающих друг другу и находящихся под боем друг у друга.

Формат входного файла

В первой строке задаются два целых числа N, K . В каждой из последующих K строк записано по два целых числа x, y , определяющих координаты соответствующего ферзя.

Ограничения

$1 \leq N \leq 10^6, 0 \leq K \leq 10^5, 1 \leq x, y \leq N$.

Формат выходного файла

В первой строке выведите количество пар ферзей, угрожающих друг другу, во второй – количество пар ферзей, находящихся под боем друг у друга.

Примеры

n.in	n.out
8 5 1 1 3 3 3 1 1 3 5 5	8 7
5 4 1 1 3 1 5 3 4 4	4 4

Задача О. K -стороннее домино

Имя входного файла: o.in
Имя выходного файла: o.out
Ограничение по времени: 1.5 с
Ограничение по памяти: 8 Мб

Стандартный набор домино содержит 28 костяшек. Костяшка представляет собой прямоугольник, разделенный на 2 части. Каждая часть может содержать одно число из множества $\{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6\}$. При этом числа на обеих частях могут совпадать. В наборе есть все возможные костяшки и никакие две костяшки не содержат одну и ту же пару чисел.

Рассмотрим набор домино, в котором костяшки разделяются на K частей. Числа, которые содержатся на частях костяшек, будут выбираться из некоторого множества A состоящего из N элементов. Две костяшки считаются одинаковыми, если множества чисел, записанных на них, совпадают с учетом кратности. Набор содержит все возможные костяшки без повторений.

Определите количество костяшек в наборе и общую сумму всех чисел на них.

Формат входного файла

В первой строке задаются два целых числа N , K . Во второй строке задаются числа a_i множества A .

Ограничения

$1 \leq K \leq 10^4$, $1 \leq N \leq 10^6$, $0 \leq a_i \leq 10^9$.

Все a_i различны.

Формат выходного файла

В единственную строку выведите два числа – количество костяшек в наборе и сумму всех чисел на них.

Пример

o.in	o.out
7 2 0 1 2 3 4 5 6	28 168

Задача Р. Различные попарные суммы

Имя входного файла: `p.in`
Имя выходного файла: `p.out`
Ограничение по времени: 1 с
Ограничение по памяти: 8 Мб

Дано натуральное число n . Требуется построить последовательность различных натуральных чисел a_1, a_2, \dots, a_n , не больших $2n^2 + 4n\sqrt{n}$, такую, что все их попарные суммы различны. Другими словами, все $n(n-1)/2$ чисел вида $a_i + a_j$, $1 \leq i < j \leq n$ должны быть различны. Гарантируется, что такая последовательность существует.

Формат входного файла

В единственной строке входного файла задано натуральное число $n \leq 5000$.

Формат выходного файла

В единственную строку выходного файла выведите через пробел числа a_1, a_2, \dots, a_n . Если решений несколько выведите любое.

Примеры

<code>p.in</code>	<code>p.out</code>
2	1 2
3	3 1 2
8	1 2 3 5 8 13 21 34