## Mecánica Analítica Computacional



Simulación de la dinámica | Resolución numérica de la ecuación de Euler-Lagrange

En los siguientes problemas resolverá numericamente cada ecuación de Euler-Lagrange que corresponda a cada coordenada generalizada. Graficando tales soluciones, en el rango de tiempos y con las condiciones iniciales indicadas, estará simulando la dinámica de tales sistemas.

La aceleración gravitatoria tiene por magnitud  $|\vec{q}| = 9.81 \,\mathrm{m \, s^{-2}}$ .

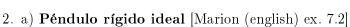
Los problemas marcados con (\*) tienen alguna dificultad adicional, no dude en consultar.

## 1. Máquina de Atwood simple

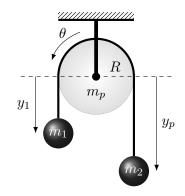
Rango de tiempo t=0 a 10 s. Parámetros físicos y condiciones iniciales:  $\ell_{\rm cuerda}>150\,{\rm m},\,R_{\rm polea\,1}=0.5\,{\rm m},$ 

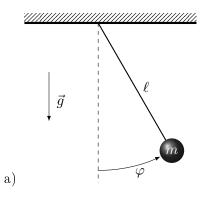
$$m_1 = 8 \,\mathrm{kg}, \, m_2 = 1 \,\mathrm{kg}, \, m_p = 4 \,\mathrm{kg},$$

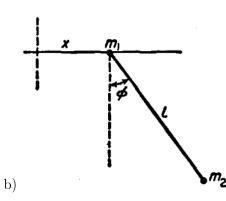
$$x(t=0) = 25 \,\mathrm{m}, \, \dot{x}(t=0) = -10 \,\mathrm{m} \,\mathrm{s}^{-1}.$$

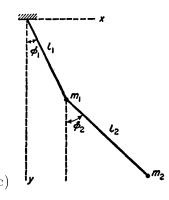


- b) **Péndulo con punto de suspensión libre** [Landau §5 ej. 2]
- c) **Péndulo doble** [Landau §5 ej. 1]









Rango de tiempo t = 0 a 10 s. Parámetros físicos y condiciones iniciales:

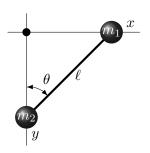
a) 
$$m = 3 \text{ kg}, \ \ell = 2 \text{ m}, \ \varphi(t = 0) = \frac{\pi}{4}, \ \dot{\varphi}(t = 0) = 0.$$

b) 
$$m_1 = 3 \text{ kg}, m_2 = 1 \text{ kg}, \ell = 2 \text{ m}, x(t=0) = 1 \text{ m}, \dot{x}(t=0) = 0.5 \text{ m s}^{-1}, \phi(t=0) = \frac{\pi}{8}, \dot{\phi}(t=0) = 0.5 \text{ m}$$

c) 
$$m_1 = 3 \,\mathrm{kg}, \, m_2 = 1 \,\mathrm{kg}, \, \ell_1 = 1 \,\mathrm{m}, \, \ell_2 = 1 \,\mathrm{m}, \, \phi_1(t=0) = \frac{\pi}{8}, \, \dot{\phi}_1(t=0) = 0, \, \phi_2(t=0) = \frac{\pi}{4}, \, \dot{\phi}_2(t=0) = -\frac{\pi}{16} \mathrm{s}^{-1}.$$

## 3. Péndulo de pesas deslizantes y acopladas

Rango de tiempo t=0 a 10 s. Parámetros físicos y condiciones iniciales:  $m_1=m_2=m=2$  kg, l=2 m,  $\theta(t=0)=\frac{\pi}{4}$ ,  $\dot{\theta}(t=0)=0$ .



## Mecánica Analítica Computacional

4. (\*) Maquina de Atwood compuesta [Marion (english) ex. 7.8] Rango de tiempo t=0 a 5 s. Parámetros físicos y condiciones iniciales:  $\ell_{\text{superior}}=15\,\text{m},\ R_{\text{polea sup}}=0.5\,\text{m},\ \ell_{\text{inferior}}=15\,\text{m},\ R_{\text{polea inf}}=0.5\,\text{m},\ m_1=1\,\text{kg},\ m_2=2\,\text{kg},\ m_3=3\,\text{kg},\ M_{\text{polea sup}}=4\,\text{kg},\ M_{\text{polea inf}}=4\,\text{kg},\ y(t=0)=1\,\text{m},\ \dot{y}_1(t=0)=0,\ y_2(t=0)=2\,\text{m},\ \dot{y}_2(t=0)=0$ 

