Mecánica Analítica Computacional



Simulación de la dinámica | Resolución numérica de la ecuación de Euler-Lagrange

En los siguientes problemas resolverá numéricamente cada ecuación de Euler-Lagrange que corresponda a cada coordenada generalizada. Graficando tales soluciones, en el rango de tiempos y con las condiciones iniciales indicadas, estará simulando la dinámica de tales sistemas.

La aceleración gravitatoria tiene por magnitud $|\vec{q}| = 9.81 \,\mathrm{m \, s^{-2}}$.

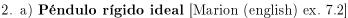
Los problemas marcados con (*) tienen alguna dificultad adicional, no dude en consultar.

1. Máquina de Atwood simple

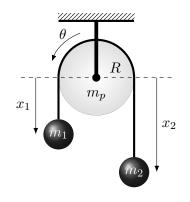
Rango de tiempo t=0 a 10 s. Parámetros físicos y condiciones iniciales: $\ell_{\rm cuerda}>150\,{\rm m},\,R_{\rm polea\,1}=0.5\,{\rm m},$

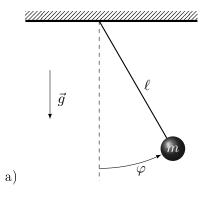
$$m_1 = 8 \,\mathrm{kg}, \, m_2 = 1 \,\mathrm{kg}, \, m_p = 4 \,\mathrm{kg},$$

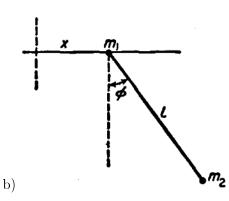
 $x_1(t=0) = 25 \,\mathrm{m}, \, \dot{x}_1(t=0) = -10 \,\mathrm{m} \,\mathrm{s}^{-1}.$

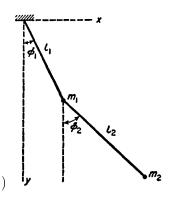


- b) **Péndulo con punto de suspensión libre** [Landau §5 ej. 2]
- c) **Péndulo doble** [Landau §5 ej. 1]









Rango de tiempo t = 0 a 10 s. Parámetros físicos y condiciones iniciales:

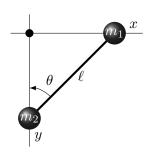
a)
$$m = 3 \,\mathrm{kg}, \, \ell = 2 \,\mathrm{m}, \, \varphi(t=0) = \frac{\pi}{4}, \, \dot{\varphi}(t=0) = 0.$$

b)
$$m_1 = 3 \,\mathrm{kg}, \, m_2 = 1 \,\mathrm{kg}, \, \ell = 2 \,\mathrm{m}, \, x(t=0) = 1 \,\mathrm{m}, \, \dot{x}(t=0) = 0.5 \,\mathrm{m \, s^{-1}}, \, \phi(t=0) = \frac{\pi}{8}, \, \dot{\phi}(t=0) = 0.5 \,\mathrm{m \, s^{-1}}$$

c)
$$m_1 = 3 \,\mathrm{kg}, \; m_2 = 1 \,\mathrm{kg}, \; \ell_1 = 1 \,\mathrm{m}, \; \ell_2 = 1 \,\mathrm{m}, \; \phi_1(t=0) = \frac{\pi}{8}, \; \dot{\phi}_1(t=0) = 0, \; \phi_2(t=0) = \frac{\pi}{4}, \; \dot{\phi}_2(t=0) = -\frac{\pi}{16} \mathrm{s}^{-1}.$$

3. Péndulo de pesas deslizantes y acopladas

Rango de tiempo t=0 a 10 s. Parámetros físicos y condiciones iniciales: $m_1=m_2=m=2$ kg, l=2 m, $\theta(t=0)=\frac{\pi}{4}$, $\dot{\theta}(t=0)=0$.



Mecánica Analítica Computacional

4. (*) **Máquina de Atwood compuesta** [Marion (english) ex. 7.8] Rango de tiempo t=0 a 5 s. Parámetros físicos y condiciones iniciales: $\ell_{\mathrm{superior}}=15\,\mathrm{m},\,R_{\mathrm{polea\ sup}}=0.5\,\mathrm{m},\,\ell_{\mathrm{inferior}}=15\,\mathrm{m},\,R_{\mathrm{polea\ inf}}=0.5\,\mathrm{m},\,m_1=1\,\mathrm{kg},\,m_2=2\,\mathrm{kg},\,m_3=3\,\mathrm{kg},\,M_{\mathrm{polea\ sup}}=4\,\mathrm{kg},\,M_{\mathrm{polea\ inf}}=4\,\mathrm{kg},\,y_1(t=0)=1\,\mathrm{m},\,\dot{y}_1(t=0)=0,\,y_2(t=0)=2\,\mathrm{m},\,\dot{y}_2(t=0)=0$

