

Parseo y Generación de Código

14 de septiembre de 2022

Análisis sintáctico descendente Presentación del TP 1 (Otras técnicas de análisis sintáctico)

Licenciatura en Informática con Orientación en Desarrollo de Software Universidad Nacional de Quilmes

Análisis sintáctico

Objetivo: dada una gramática independiente del contexto $G = (N, \Sigma, P, S)$, analizar sintácticamente una cadena $\alpha \in \Sigma^*$. Es decir, decidir si $\alpha \in L(G)$ y en tal caso dar una derivación para α .

Análisis sintáctico

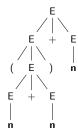
Acciones asociadas a las producciones.

Generalmente es fácil modificar un método de análisis sintáctico para que cada producción dispare una acción. Esto puede servir, por ejemplo, para construir un AST.

Ejemplo. Si la gramática es $G = (\{E\}, \{\mathbf{n}, +, (,)\}, P, E)$:

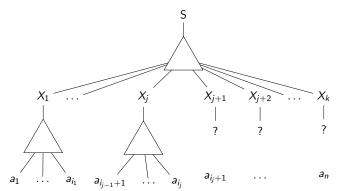
$$E \rightarrow \mathbf{n} \mid E + E \mid (E)$$

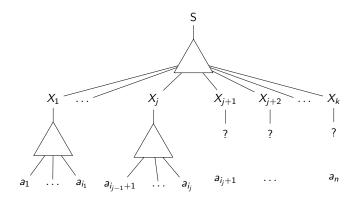
La cadena $\alpha = (\mathbf{n} + \mathbf{n}) + \mathbf{n}$ da lugar al siguiente árbol de derivación, del que se puede extraer recursivamente un AST, ejecutando una acción en el recorrido *post-order*.



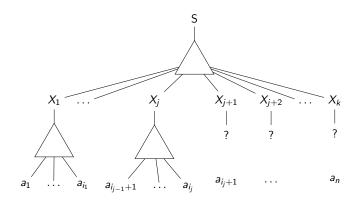
En el análisis sintáctico **descendente**, se empieza por la raíz S del árbol, y una cadena $\alpha = a_1 \dots a_n$ que se quiere analizar sintácticamente.

El análisis trata de construir un árbol de derivación para $S \Rightarrow^{\star} a_1 \dots a_n$. En cada paso del análisis, el árbol de derivación está parcialmente construído, y la cadena $\alpha = a_1 \dots a_n$ ya fue parcialmente consumida.

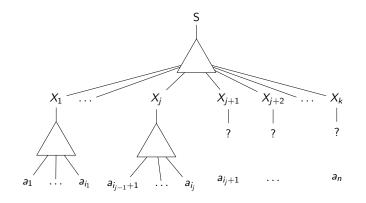




▶ **Caso 1:** si el símbolo X_{j+1} coincide con el símbolo terminal a_{i_j+1} , el nodo X_{j+1} pasa a ser una hoja del árbol de derivación. Se consume el símbolo a_{i_j+1} de la entrada, y se avanza a analizar el símbolo no terminal X_{j+2} .



- ▶ **Caso 2:** si el símbolo X_{j+1} es un símbolo terminal distinto de a_{i_j+1} , el árbol de derivación construido hasta el momento no sirve para la cadena $\alpha = a_1 \dots a_n$:
 - Puede ser culpa del usuario (la cadena no está en el lenguaje).
 - Puede ser culpa del parser (hay otra derivación para α).



▶ Caso 3: si el símbolo X_{j+1} es un símbolo no terminal, se debe expandir X_{j+1} agregándole r hijos, usando alguna de las producciones $X_{j+1} \rightarrow Y_1 \dots Y_r$, sin consumir ningún símbolo de la entrada. Se avanza a analizar el símbolo no terminal Y_1 (si $r \ge 1$) o el símbolo no terminal X_{i+2} (si r = 0).

Como primera aproximación al análsis sintáctico descendente, supongamos que tenemos un "oráculo" que en todo momento puede predecir cuál es la producción correcta que se debe elegir para conseguir una derivación de la cadena de entrada.

```
Entrada: Una gramática G = (N, \Sigma, P, S) y una cadena \alpha.
Salida: Una derivación más a la izquierda S \Rightarrow^{\star} \alpha
          si es que existe.
  pila := [S]
  while pila no es vacía
      X = pila.pop()
       if X es un símbolo no terminal
            Elegir usando un oráculo una producción X \to Y_1 \dots Y_k.
            Agregar X \to Y_1 \dots Y_k a la derivación.
            Apilar Y_1, \ldots, Y_k, con Y_1 en el tope.
       elseif X es un símbolo terminal y coincide
               con el próximo símbolo de la entrada
            Consumir un símbolo de la entrada.
       else
            return Falla: \alpha no está en L(G).
       end
  end
  if toda la entrada fue consumida
       return Éxito: S \Rightarrow^{\star} \alpha con la derivación construida.
  else
       return Falla: \alpha no está en L(G).
```

Observación. ¿Qué pasa cuando se acaba la entrada? Por ejemplo, la cadena ϵ con la gramática $S \to a$.

Una práctica común para simplificar la presentación de los algoritmos es agregar un símbolo terminador al final de la entrada, es decir:

- Extender la gramática con un nuevo símbolo inicial S', un nuevo símbolo terminal \$ (el terminador) y una producción $S' \to S\$$.
- Analizar sintácticamente la cadena α \$ en lugar de la cadena α .

Ejercicio. Dibujar la evolución del estado de la pila y de la entrada para un análisis sintáctico descendente de la cadena $(\mathbf{a}\Rightarrow\mathbf{a})\Rightarrow\mathbf{a}$ con la gramática $G=(\{T,U\},\{\mathbf{a},\Rightarrow,(,)\},P,T)$, suponiendo que se dispone de un oráculo que elige siempre la producción correcta. Las producciones son:

$$\begin{array}{ccc}
T & \rightarrow & U \\
& | & U \Rightarrow T \\
U & \rightarrow & \mathbf{a} \\
& | & (T)
\end{array}$$

else

return Falla.

El algoritmo se puede adaptar para que haga backtracking, es decir, para que en caso de falla vuelva hasta el último punto en el que se eligió una producción para elegir otra alternativa.

```
function analizar_bt(G, \pi, \alpha)
Entrada: Una gramática G=(N, \Sigma, P, S), una pila de símbolos \pi=Z_1\ldots Z_r, y una cadena \alpha.
Salida: Una derivación más a la izquierda Z_1 \dots Z_r \Rightarrow^* \alpha,
            en caso de que dicha derivación exista y el algoritmo termine.
  case \pi = \epsilon
        if \alpha = \epsilon return Éxito: \epsilon \Rightarrow^* \epsilon.
        else return Falla.
  case \pi = X\pi'
        if X es un símbolo no terminal
              foreach producción X \to Y_1 \dots Y_k
                   resultado := analizar_bt (G, Y_1 ... Y_k \pi', \alpha)
                    if resultado = Éxito: Y_1 \dots Y_k \pi' \Rightarrow^* \alpha
                         return Éxito: X\pi' \Rightarrow Y_1 \dots Y_k \pi' \Rightarrow^* \alpha
                   end
              end
              return Falla.
        elseif \alpha = X\alpha'
             resultado := analizar_bt(G, \pi', \alpha')
              if resultado = Éxito: \pi' \Rightarrow^* \alpha'
                    return Éxito: X\pi' \Rightarrow^* X\alpha'.
              else
                    return Falla.
              end
```

Nota importante: el algoritmo de análisis sintáctico predictivo con *backtracking* no funciona para cualquier gramática.

Por ejemplo, en general el algoritmo puede no terminar si la gramática tiene recursión a izquierda, es decir un símbolo A tal que $A \Rightarrow^+ A\alpha$.

Se pueden dar condiciones suficientes para que el algoritmo termine; por ejemplo, que la gramática sea LL(k).

Además, aun si termina, puede tardar tiempo exponencial.

Ejercicio. Aplicar el algoritmo de análisis sintáctico predictivo con backtracking para las cadenas $a \bullet a$ y $a \bullet$ con las siguientes gramáticas.

1. $G_1 = (\{S\}, \{a, \bullet\}, P, S)$ con las siguientes producciones:

$$S \rightarrow \mathbf{a} \mid S \bullet \mathbf{a}$$

2. $G_2 = (\{S, S'\}, \{a, \bullet\}, P, S)$ con las siguientes producciones:

Ejercicio. Aplicar el algoritmo de análisis sintáctico predictivo con *backtracking* para la cadena *aacc* con la siguiente gramática $G = (\{S\}, \{a, b, c\}, P, S)$:

$$S \rightarrow \epsilon \mid aSb \mid aSc$$

En las técnicas que vimos:

- ► El análisis con oráculo supone que siempre se predice la producción correcta.
- El análisis con backtracking prueba todas las alternativas posibles. En el peor caso no termina, y aun si termina tiene complejidad exponencial.

La técnica que veremos a continuación es el análisis LL(1):

▶ En general, el análisis sintáctico LL(k) predice la producción correcta mirando los siguientes k símbolos de la entrada.

Ejercicio. Hacer análisis sintáctico descendente de la expresión $(\mathbf{n} + \mathbf{n})/\mathbf{n}$ con la siguiente gramática: $G = (\{E, E', T, T', F\}, \{\mathbf{n}, +, -, *, /, (,)\}, P, E)$:

Convencerse de que el oráculo podría elegir la producción siguiente usando únicamente un token de *lookahead*.

Empezaremos viendo el caso particular de los parsers LL(1). Necesitamos dos definiciones previas:

Primeros (FIRST).

Dada una cadena de símbolos terminales y no terminales $\alpha \in (\Sigma \cup N)^*$, el conjunto FIRST $(\alpha) \subseteq \Sigma \cup \{\epsilon\}$ de los "primeros" de α es un conjunto de símbolos terminales (y posiblemente ϵ) definido como sigue:

$$\mathsf{FIRST}(\alpha) = \{ a \in \Sigma \mid \alpha \Rightarrow^{\star} a\beta \; \mathsf{para} \; \beta \in (\mathsf{N} \cup \Sigma)^{\star} \} \cup \\ \quad \mathsf{if} \; \alpha \Rightarrow^{\star} \epsilon \; \mathsf{then} \; \{ \epsilon \} \; \mathsf{else} \; \emptyset$$

Siguientes (FOLLOW).

Dado un símbolo no terminal $A \in N$, el conjunto FOLLOW $(A) \subseteq \Sigma \cup \{\$\}$ de los "siguientes" de A es un conjunto de símbolos terminales (y posiblemente \$) definido como sigue:

$$\mathsf{FOLLOW}(A) = \ \{x \in \Sigma \mid S \Rightarrow^\star \alpha A x \beta \ \mathsf{para} \ \alpha, \beta \in (N \cup \Sigma)^\star\} \cup \\ \mathsf{if} \ S \Rightarrow^\star \alpha A \ \mathsf{then} \ \{\$\} \ \mathsf{else} \ \emptyset$$

Cómputo del conjunto FIRST para un símbolo.

```
Entrada: Una gramática G = (N, \Sigma, P, S).
Salida: El conjunto FIRST(X)
                 para cada símbolo X \in \mathbb{N} \cup \Sigma.
   \mathcal{F} := \text{un diccionario } \{X \mapsto \emptyset \mid X \in \mathbb{N} \cup \Sigma\}
    foreach símbolo terminal a \in \Sigma
           \mathcal{F}[a] := \{a\}
   end
    while hay algún cambio
            foreach producción (A \rightarrow X_1 \dots X_n) \in P
                    for i = 1 to n
                            if \epsilon \in \mathcal{F}[X_1] \cap \ldots \cap \mathcal{F}[X_{i-1}]
                                   \mathcal{F}[A] := \mathcal{F}[A] \cup (\mathcal{F}[X_i] \setminus \{\epsilon\})
                            end
                   end
                    if \epsilon \in \mathcal{F}[X_1] \cap \ldots \cap \mathcal{F}[X_n]
                           \mathcal{F}[A] := \mathcal{F}[A] \cup \{\epsilon\}
                   end
           end
   end
    return \mathcal{F}
```

Observación. Notar que el algoritmo para calcular el conjunto FIRST sirve en particular para calcular el conjunto de símbolos anulables: un símbolo X es anulable si y sólo si $\epsilon \in \mathsf{FIRST}(X)$.

Ejercicio. Calcular el conjunto FIRST para todos los símbolos de la gramática

$$G = (\{S, V, D, T, T', U\}, \{id, int, bool, \Rightarrow, ;, (,)\}, P, S)$$

$$\begin{array}{cccc} & & \epsilon \\ V & \rightarrow & D \ \mathbf{id}; \\ D & \rightarrow & T \\ & & \mid & \epsilon \\ T & \rightarrow & UT' \\ T' & \rightarrow & \Rightarrow UT' \\ & & \mid & \epsilon \\ U & \rightarrow & \mathbf{int} \\ & & \mid & \mathbf{bool} \\ & & \mid & (T) \end{array}$$

Cómputo del conjunto FIRST para una cadena.

```
Entrada: Una gramática G = (N, \Sigma, P, S)
                  y una cadena X_1 \dots X_n \in (N \cup \Sigma)^*.
Salida: El conjunto FIRST(\alpha).
   Computar el diccionario {\cal F}
       que a cada símbolo X \in N \cup \Sigma le asocia FIRST(X).
   \mathcal{R} := \emptyset
    for i = 1 to n
            if \epsilon \in \mathcal{F}[X_1] \cap \ldots \cap \mathcal{F}[X_{i-1}]
                   \mathcal{R} := \mathcal{R} \cup (\mathcal{F}[X_i] \setminus \{\epsilon\})
            end
   end
    if \epsilon \in \mathcal{F}[X_1] \cap \ldots \cap \mathcal{F}[X_n]
           \mathcal{R} := \mathcal{R} \cup \{\epsilon\}
   end
    return \mathcal{R}
```

Cómputo del conjunto FOLLOW.

```
Entrada: Una gramática G = (N, \Sigma, P, S).
Salida: El conjunto FOLLOW(A)
               para cada símbolo no terminal A \in N.
   \mathcal{W} := un diccionario \{X \mapsto \emptyset \mid X \in \mathbb{N} \cup \Sigma\}
   \mathcal{W}[S] := \{\$\}
   foreach producción A \rightarrow \alpha B \beta
          \mathcal{W}[B] := \mathcal{W}[B] \cup (\mathsf{FIRST}(\beta) \setminus \{\epsilon\})
   end
   while hay algún cambio
           foreach producción A \rightarrow \alpha B \beta tal que \epsilon \in \mathsf{FIRST}(\beta)
                 \mathcal{W}[B] := \mathcal{W}[B] \cup \mathcal{W}[A]
          end
   end
   return W
```

Ejercicio. Calcular el conjunto FOLLOW para todos los símbolos no terminales de la gramática

$$G = (\{S, V, D, T, T', U\}, \{id, int, bool, \Rightarrow, ;, (,)\}, P, S)$$

Dada una gramática $G = (N, \Sigma, P, S)$, una **tabla de análisis sintáctico LL(1)** es un diccionario \mathcal{T} que a cada par $(A,b) \in N \times (\Sigma \cup \{\$\})$ le asocia un conjunto de producciones $(C \to \alpha) \in P$. Se construye con el siguiente método:

```
Entrada: Una gramática G = (N, \Sigma, P, S).
Salida: La tabla de análisis sintáctico LL(1) para G.
Poner \mathcal{T}[A,b] := \emptyset para todo (A,b) \in N \times \Sigma.
foreach producción (A \rightarrow \alpha) \in P
       foreach símbolo terminal x \in (FIRST(\alpha) \setminus \{\epsilon\})
             \mathcal{T}[A,x] := \mathcal{T}[A,x] \cup \{A \to \alpha\}
      end
       if \epsilon \in \mathsf{FIRST}(\alpha)
              foreach símbolo x \in FOLLOW(A)
                    \mathcal{T}[A,x] := \mathcal{T}[A,x] \cup \{A \to \alpha\}
             end
      end
end
return \mathcal{T}
```

Si la tabla de análisis sintáctico LL(1) verifica que todos los conjuntos $\mathcal{T}[A,b]$ tienen a lo sumo una entrada, se dice que la gramática es **LL(1)**.

En ese caso, la tabla de análisis sintáctico LL(1) funciona como oráculo para el análisis sintáctico predictivo.

Ejercicio. Calcular la tabla de análisis sintáctico LL(1) para la gramática

$$G = (\{S, V, D, T, T', U\}, \{\mathbf{id}, \mathbf{int}, \mathbf{bool}, \Rightarrow, ;, (,)\}, P, S)$$

$$S \rightarrow VS \mid \epsilon \qquad T \rightarrow UT'$$

$$V \rightarrow D \mathbf{id}; \qquad T' \rightarrow \exists UT' \mid \epsilon$$

$$D \rightarrow T \mid \epsilon \qquad U \rightarrow \mathbf{int} \mid \mathbf{bool} \mid (T)$$

Recordar que:

	FIRST	FOLLOW
S	ϵ id int bool (\$
V	id int bool (id int bool (\$
D	ϵ int bool (id
Τ	int bool (id)
T'	$\Rightarrow \epsilon$	id)
U	int bool (\Rightarrow id)

Ejercicio. Usando la tabla de análisis sintáctico LL(1) para la gramática anterior, analizar sintácticamente **int** \Rightarrow **int id**;.

```
Ejercicio. Mostrar que la gramática G = (\{S, E\}, \{\text{if}, \text{then}, \text{else}, \text{cmd}, \text{exp}\}, P, S) no es LL(1):
```

$$S \rightarrow \text{if } E \text{ then } S$$
 $\mid \text{ if } E \text{ then } S \text{ else } S$
 $\mid \text{ cmd}$
 $E \rightarrow \text{ exp}$

- ▶ Un símbolo $X \in \mathbb{N} \cup \Sigma$ es **inútil** si no hay ninguna derivación de la forma $S \Rightarrow^{\star} \alpha X \beta \Rightarrow^{\star} \gamma \in \Sigma^{\star}$, es decir, X nunca puede aparecer en la derivación de una cadena $\gamma \in \Sigma^{\star}$.
 - Una gramática recursiva a izquierda sin símbolos inútiles no puede ser LL(1). (¿Por qué?).
- ▶ Una gramática LL(1) no puede ser ambigua. (¿Por qué?).
- ightharpoonup ¿Cuánto tiempo toma un parser descendente predictivo en analizar sintácticamente una cadena α si la gramática es LL(1) y se dispone de la tabla de análisis sintáctico LL(1)?

El análisis sintáctico LL(1) se puede generalizar al análisis LL(k) en el que el parser puede contemplar los siguientes k símbolos de la entrada.

- La construcción es bastante más complicada.
- Se consideraba impracticable hasta mediados de los 1990. (Observar que el tamaño de la tabla es $|N| \cdot |\Sigma|^k$. Para números típicos como |N| = 50, $|\Sigma| = 128$, k = 4 a priori la tabla podría tener 13.421.772.800 entradas).
- La ventaja de los parsers LL(k) es su expresividad: hay gramáticas que son LL(k+1) pero no son LL(k).

Técnicas surtidas de análisis sintáctico

Algoritmo de Earley

Algoritmo de Earley

El **algoritmo de Earley** es un algoritmo general de análisis sintáctico. Su interés es que funciona para gramáticas independientes del contexto **arbitrarias**.

Algoritmo de Earley

- ▶ Si $A \to \alpha\beta$ es una producción, la notación $A \to \alpha \bullet \beta$ representa una situación en la que se consumió α y se espera leer β .
- Si la entrada que se quiere analizar es $a_1 \dots a_n$ hay n+1 posiciones en la entrada:

- Para cada posición de la entrada $0 \le k \le n$, el parser genera un conjunto de estados S[k]. Cada estado es de la forma $(A \to \alpha \bullet \beta, i)$ donde:
 - ► El número $0 \le i \le n$ representa la posición en la que comenzó la aplicación de la producción $A \to \alpha\beta$.
 - La cadena α es el fragmento de la producción $A \to \alpha \beta$ que ya fue consumido hasta la posición k.
 - La cadena β es el fragmento aún no consumido.

Algoritmo de Earley

```
Entrada: Una gramática G = (N, \Sigma, P, S),
             una cadena de entrada \alpha = a_1 \dots a_n.
Salida: Un booleano indicando si \alpha \in L(G).
  Crear un arreglo S[0..n] de conjuntos de estados.
  Poner S[k] = \emptyset para cada 0 \le k \le n.
  S[0] := \{(S' \rightarrow \bullet S, 0)\}
  for k = 0 to n
         while hay algún estado de S[k] no visitado
              Sea (A \to \alpha \bullet \beta, j) un estado no visitado de S[k].
              Marcar (A \rightarrow \alpha \bullet \beta, j) como visitado.
               if \beta comienza con un símbolo no terminal
                    predecir ((A \rightarrow \alpha \bullet \beta, i), k)
               elseif \beta comienza con un símbolo terminal
                    avanzar ((A \rightarrow \alpha \bullet \beta, i), k)
               else /* \beta es vacía */
                    completar ((A \rightarrow \alpha \bullet \beta, i), k)
              end
        end
  end
   return (S' \to S \bullet, 0) \in S[n]
```

Algoritmo de Earley

```
// Si lo que sigue es un símbolo no terminal.
function predecir ((A \rightarrow \alpha \bullet B\beta, j), k)
      foreach producción B \rightarrow \gamma
            Agregar (B \to \bullet \gamma, k) a S[k].
      end
end
// Si lo que sigue es un símbolo terminal.
function avanzar ((A \rightarrow \alpha \bullet b\beta, j), k)
      if b = a_k
            Agregar (A \to \alpha b \bullet \beta, j) a S[k+1].
      end
end
// Si la producción termina.
function completar ((A \rightarrow \alpha \bullet, j), k)
      foreach estado (B \rightarrow \beta \bullet A\gamma, i) \in S[i]
            Agregar (B \to \beta A \bullet \gamma, i) a S[k].
      end
end
```

Algoritmo de Earley

Ejercicio. Analizar la cadena (n + n) con la gramática $G = (\{E, T\}, \{n, +, (,)\}, P, E)$, con producciones:

$$\begin{array}{cccc} E & \rightarrow & T \\ & \mid & E+T \\ T & \rightarrow & \mathbf{n} \\ & \mid & (E) \end{array}$$

Un analizador sintáctico que procesa la entrada de izquierda a derecha se puede pensar como una función que:

- Recibe una entrada.
- Analiza sintácticamente algún prefijo de la entrada.
- Devuelve el resultado de hacer el análisis sintáctico y el sufijo de la entrada que todavía no fue analizado. (Alternativamente, puede fallar).

Por ejemplo, en Haskell:

```
data ErrorMsg = String
type Parser a = String -> Either ErrorMsg (a, String)
-- match1 c Es un parser básico que acepta
              el lenguaje {c}
match1 :: Char -> Parser Char
match1 c [] = Left ("Esperaba " ++ show c ++
                    " pero se encuentra EOF")
match1 c (c' : s')
  | c == c' = Right (c, s')
  | otherwise = Left ("Esperaba " ++ show c ++
                      " pero se encuentra " ++ show c')
```

Se pueden construir **combinadores** de parsers: son funciones que reciben parsers y devuelven parsers.

Combinador de secuenciación binaria:

```
--
-- seqP p1 p2 Parser que acepta la concatenación
-- de los lenguajes aceptados por p1 y p2.
--
seqP :: Parser a -> Parser b -> Parser (a, b)
seqP p1 p2 s =
    case p1 s of
    Left errmsg -> Left errmsg
    Right (a, s') ->
    case p2 s' of
    Left errmsg -> Left errmsg
    Right (b, s'') -> Right ((a, b), s'')
```

Combinador de alternativa binaria:

```
-- altP p1 p2 Parser que acepta la unión
                de los lenguajes aceptados por p1 y p2.
-- Nota: hace backtracking.
altP :: Parser a -> Parser b -> Parser (Either a b)
altP p1 p2 s =
  case p1 s of
   Right (a, s') -> Right (Left a, s')
   Left errmsg ->
      case p2 s of
        Left errmsg -> Left ("La entrada no está en " ++
                             "ninguno de los lenguajes.")
        Right (b, s') -> Right (Right b, s')
```

Combinador de repetición:

```
-- repP p Parser que acepta la "repetición"
            del lenguaje aceptado por p.
-- Nota: no acepta exactamente la clausura de Kleene,
-- porque usa la regla de "maximal munch", es decir,
-- trata de consumir el prefijo de la entrada más
-- largo posible.
repP :: Parser a -> Parser [a]
repP p s =
  case p s of
   Left errmsg -> Right []
   Right (a, s') ->
      case repP p s' of
        Left errmsg -> Left errmsg
        Right (as, s'') -> Right (a : as, s'')
```

Se pueden agregar acciones para construir distintos tipos de resultados:

```
mapP :: (a -> b) -> Parser a -> Parser b
mapP f p s =
  case p s of
  Left errmsg -> Left errmsg
  Right (a, s') -> Right (f a, s')
```

Por conveniencia se pueden crear combinadores de secuenciación o alternativa *n*-arios, por ejemplo:

Se pueden crear combinadores de repetición con distintas restricciones sobre la cantidad de repeticiones, p.ej. repetición al menos una vez:

```
rep1P :: Parser a -> Parser [a]
rep1P p = mapP (\ (a, as) -> a : as) (seqP p (repP p))
```

Se pueden generalizar los combinadores de secuencia y alternativa para combinar listas de parsers. Por simplicidad supondremos que las listas no están vacías.

Ejemplo de un parser sencillo:

```
digitP = altsP (map match1 ['0', '1', '2', '3', '4',
                             151,161,171,181,1911)
numP = mapP (\ s -> read s :: Integer)
              (rep1P digitP)
spaceP = altsP (map match1 [' ', '\t', '\r', '\n'])
spacesP = repP spaceP
exprP = altsP [
  mapP (\ (a, _, _, b) \rightarrow a + b)
       (seq5P termP spacesP (match1 '+') spacesP exprP),
  termP 1
termP = altsP [
  mapP (\ (a, _, _, _, b) \rightarrow a * b)
       (seq5P factorP spacesP (match1 '*') spacesP termP),
  factorP 1
factorP = altsP [
  numP,
   mapP (\ (_, a, _) -> a)
        (seq3P (match1 '(') exprP (match1 ')')) ]
```

Nota: el análisis sintáctico basado en combinadores no es una técnica propia de los lenguajes funcionales. Por ejemplo los parsers y combinadores de parsers se pueden representar como objetos:

```
class Match1(object):

def __init__(self, c):
    self.c = c

def analizar(self, entrada):
    if entrada.peek() == self.c:
        entrada.read()
        return self.c
    else:
        raise Exception("Esperaba '%c'" % (self.c,))
```

Supongamos que tenemos una tabla de precedencia de operadores:

Nivel	Operador	Asociatividad
1	θ_1	assoc ₁
:	:	
Μ	θ_{M}	$assoc_M$

donde $\theta_1,\ldots,\theta_M\in\Sigma$ son símbolos terminales, θ_i tiene menor precedencia que θ_{i+1} , es decir, se espera que E_1 θ_i E_2 θ_{i+1} E_3 se analice como E_1 θ_i (E_2 θ_{i+1} E_3), y la asociatividad $assoc_i$ está en {left, right, prefix, suffix}.

```
function analizar_expresión(nivel)
    if nivel = M
         if proximo_token() = "("
              consumir_token("(")
             e := analizar_expresión(1)
              consumir_token(")")
              return e
         else
              return analizar_expresión_atómica() // (TODO)
         end
    else
         case assoc_{nivel} = left
              return analizar_izquierdo(nivel)
         case assoc_{nivel} = right
              return analizar_derecho(nivel)
         case assoc_{nivel} = prefix
              return analizar_prefijo(nivel)
         case \ assoc_{nivel} = suffix
              return analizar_sufijo(nivel)
         end
    end
```

```
function analizar_izquierdo(nivel)
     e := analizar_expresión(nivel + 1)
     while signiente\_token = \theta_{nivel}
           consumir_token("\theta_{nivel}")
          e := \text{new AST}("\theta_{nivel}", e, \text{analizar_op}(nivel + 1))
     end
     return e
end
function analizar_derecho(nivel)
     lista := []
     lista.push(analizar_op(nivel+1))
     while siguiente\_token = \theta_{nivel}
           consumir_token("\theta_{nivel}")
          lista.push(analizar_op(nivel+1))
     end
     e := lista[lista.size - 1];
     for i = lista.size - 2 downto 0
          e := \text{new AST}("\theta_{nivel}", lista[i], e)
     end
```

```
function analizar_prefijo(nivel)
      if signiente\_token = \theta_{nivel}
           consumir_token (\theta_{nivel})
          e := analizar_expresión(nivel)
           return new AST ("\theta_{nivel}", e)
     else
           return analizar_expresión(nivel+1)
     end
end
function analizar_sufijo(nivel)
     e := analizar_expresión(nivel + 1)
     while siguiente_token = \theta_{nivel}
           consumir_token (\theta_{nivel})
          e := \text{new AST}("\theta_{nivel}", e)
     end
     return e
end
```