$\int_0^\infty e^{s\mathbf{J}(z)} - \mathbf{P}(z) \, ds = -\mathbf{J}(z)^+$