## Bzip2

Seminar: Datenkompression

Toprak Saricerci Florian Brohm 7445073 7443251

February 21, 2023

• Verlustfreies Datenkompressionsverfahren

- Verlustfreies Datenkompressionsverfahren
- Ähnlich zu ZIP

- Verlustfreies Datenkompressionsverfahren
- Ähnlich zu ZIP
- Basiert auf Burrows-Wheeler transform

- Verlustfreies Datenkompressionsverfahren
- Ähnlich zu ZIP
- Basiert auf Burrows-Wheeler transform
- Autor: Julian Seward

- Verlustfreies Datenkompressionsverfahren
- Ähnlich zu ZIP
- Basiert auf Burrows-Wheeler transform
- Autor: Julian Seward
- Veröffentlichung: 18. Juli 1996

- Verlustfreies Datenkompressionsverfahren
- Ähnlich zu ZIP
- Basiert auf Burrows-Wheeler transform
- Autor: Julian Seward
- Veröffentlichung: 18. Juli 1996
- Verwendete Algorithmen
  - Run Length Encoding
  - Huffman Encoding
  - Move-to-Front Transform
  - Burrows Wheeler Transform

## **Transformation**

### Was ist eine Transformation?

- Permutationen (Positionsbezogene Abbildung, spez. Rotation)
- Allgemeine Abbildungen
- Länge Output ≈ Länge Input
- Invertierbar (verlustfrei)
- Idee: Gesteigerte Effizienz einer folgenden Enkodierung

## Run Length Kodierung

### Überblick

- "Runs" von aufeinander folgenden Zeichen werden zusammengefasst
- Idee: Große Runs sparen viel Platz

## Run Length Kodierung

```
function run_length(input):
    out \leftarrow \epsilon
     counter \leftarrow 1
     run\_char \leftarrow input[1]
    for i in 2..n:
         if input[i-1] = input[i]:
              counter++
         else:
              out.append(counter, run_char)
              counter \leftarrow 1
               run_char ← input[i]
    out.append(counter)
    out.append(run_char)
     return out
```

## Huffman Kodierung

### Überblick

- Relative häufigkeit der Zeichen wird betrachtet um eine Entropie-optimale Kodierungstabelle zu erstellen
- Häufig auftretende Zeichen bekommen kleine Kodierungen
- Idee: Input wird so kodiert, dass die Länge tatsächlich von dem Informationsgehalt der Quelle abhängig ist

## Huffman Kodierung: Tabelle

```
function huffman_table(input):
    table: string \Rightarrow string
    heap \leftarrow MinHeap()
    for char in input:
         heap.insert(char, occurance(char))
    root \leftarrow \{\}
    while heap.hasltem():
         (char1, char1\_occ) \leftarrow heap.pop()
         if heap.empty(): break
         (char2, char2\_occ) \leftarrow heap.pop()
         root ← (char1_occ + char2_occ)
         heap.insert(root)
    for leaf in root:
         table.map(leaf.path \rightarrow leaf.char)
    return table
```

## Huffman Kodierung

```
function huffman_encode(input): table \leftarrow huffman_table(input) out \leftarrow \epsilon for char in input: out.append(table(char)) return table, out
```

## Huffman Kodierung

```
function huffman_decode(table, input): \begin{array}{c} \text{buffer} \leftarrow \epsilon \\ \text{out} \leftarrow \epsilon \\ \text{out} \leftarrow \epsilon \\ \text{for char in input:} \\ \text{buffer.append(char)} \\ \text{if buffer in table:} \\ \text{out.append(table(buffer))} \\ \text{buffer} \leftarrow \epsilon \\ \text{return out} \end{array}
```

### Überblick

- Transformation des Input
- Input wird sequentiell auf Position in einem Buffer abgebildet
- Zeichendistribution wird auf niedrige Codepoints konzentriert
- Idee: Codepoints werden öfter wiederverwendet

```
Sei \Sigma das Eingabealphabet (typisch: \Sigma=ASCII, |\Sigma|=256).
function mtf(input):
     A[|\Sigma|] \leftarrow \Sigma
      out \leftarrow \epsilon
      for char in input:
           char_index \leftarrow A.indexOf(char)
           out.append(char_index)
           delete A[char_index]
           prepend (char, A)
      return out
```

```
function inverse_mtf(A, input):  \begin{array}{c} \text{out} \leftarrow \epsilon \\ \text{for char\_index in input:} \\ \text{out.append}(A[0]) \\ \text{swap A}[\text{char\_index}] \text{ with A}[0] \\ \text{return out} \end{array}
```

Warum ist MTF sinnvoll?

MTF hat zwei Vorteile:

#### MTF hat zwei Vorteile:

#### Vorteil 1:

Wiederholende Zeichenfolgen sind nach MTF gut zu enkodieren.

#### MTF hat zwei Vorteile:

#### Vorteil 1:

Wiederholende Zeichenfolgen sind nach MTF gut zu enkodieren.

$$(a_1,\ldots,a_k)^n \stackrel{\mathsf{MTF}}{\Rightarrow} (c_1,\ldots,c_k) \cdot (k-1)^{k(n-1)}$$

für  $(a_1, \ldots, a_k) \in \Sigma^k$  mit n > 2 und den Codepoints  $c_i$  von  $a_i$ .

#### MTF hat zwei Vorteile:

#### Vorteil 1:

Wiederholende Zeichenfolgen sind nach MTF gut zu enkodieren.

$$(a_1,\ldots,a_k)^n \stackrel{\mathsf{MTF}}{\Rightarrow} (c_1,\ldots,c_k) \cdot (k-1)^{k(n-1)}$$

für  $(a_1, \ldots, a_k) \in \Sigma^k$  mit n > 2 und den Codepoints  $c_i$  von  $a_i$ .

Input: abcdabcdabcdabcdabcd

#### MTF hat zwei Vorteile:

#### Vorteil 1:

Wiederholende Zeichenfolgen sind nach MTF gut zu enkodieren.

$$(a_1,\ldots,a_k)^n \stackrel{\mathsf{MTF}}{\Rightarrow} (c_1,\ldots,c_k) \cdot (k-1)^{k(n-1)}$$

für  $(a_1, \ldots, a_k) \in \Sigma^k$  mit n > 2 und den Codepoints  $c_i$  von  $a_i$ .

Input: abcdabcdabcdabcdabcd

MTF hat zwei Vorteile:

Vorteil 2:

#### MTF hat zwei Vorteile:

#### Vorteil 2:

- Häufige Zeichen sind links im Alphabet.
- Transformation erzeugt viele kleine Zahlen.
- Großteil des Outputs W besteht aus Zeichen  $Z = \{1, \dots, 9\}$ .
- $|W| \gg |Z| \Rightarrow$  Huffman und Run-Length sind effektiver.

### Überblick

- Transformation des Input
- Input wird basierend auf lexikographischen Vergleichen permutiert
- Idee: Durchschnittliche Run-Length wird vergrößert

```
function burrows_wheeler(input):
    rotations[n, n] ← input.rotations()
    rotations.sort()
    return rotations[1..n, n]
```

```
\label{eq:function_inverse_burrows_wheeler(input):} \\ rotations[n, n] \\ for k in n..1: \\ rotations[1..n, k] \leftarrow input \\ rotations.sort() \\ return rotation ending with \$
```

Warum ist BWT sinnvoll?

Folgender Satz demonstriert die Stärke des BWT:

eulen heulen wegen beulen

Folgender Satz demonstriert die Stärke des BWT:

eulen heulen wegen beulen

Folgender Satz demonstriert die Stärke des BWT:

eulen heulen wegen beulen

### Hier fällt auf:

• Vor "n" ist immer ein "e".

Folgender Satz demonstriert die Stärke des BWT:

eulen heulen wegen beulen

- Vor "n" ist immer ein "e".
- Vor " " ist immer ein "n".

Folgender Satz demonstriert die Stärke des BWT:

eulen heulen wegen beulen

- Vor "n" ist immer ein "e".
- Vor " " ist immer ein "n".
- Vor "e" ist immer ein "u".

Folgender Satz demonstriert die Stärke des BWT:

eulen heulen wegen beulen

- Vor "n" ist immer ein "e".
- Vor " " ist immer ein "n".
- Vor "e" ist immer ein "u".
- Vor "u" ist immer ein "l".

Folgender Satz demonstriert die Stärke des BWT:

eulen heulen wegen beulen

#### Hier fällt auf:

- Vor "n" ist immer ein "e".
- Vor " " ist immer ein "n".
- Vor "e" ist immer ein "u".
- Vor "u" ist immer ein "l".

Diese Regelmäßigkeiten wollen wir nutzen!

eulen heulen wegen beulen

### eulen heulen wegen beulen

eulen heulen wegen beulen §eulen heulen wegen beulen n§eulen heulen wegen beule en§eulen heulen wegen beul len§eulen heulen wegen beu ulen§eulen heulen wegen be eulen§eulen heulen wegen b beulen§eulen heulen wegen

beulen§eulen heulen wegen n beulen§eulen heulen wege en beulen§eulen heulen weg gen beulen§eulen heulen we egen beulen§eulen heulen wegen beulen§eulen heulen wegen beulen§eulen heulen n wegen beulen§eulen heulen wegen beulen§eulen

heulen wegen beulen§eulen n heulen wegen beulen§eule en heulen wegen beulen§eul len heulen wegen beulen§eu ulen heulen wegen beulen§e

### eulen heulen wegen beulen

eulen heulen wegen beulen §eulen heulen wegen beulen n§eulen heulen wegen beule en§eulen heulen wegen beul len§eulen heulen wegen beu ulen§eulen heulen wegen be eulen§eulen heulen wegen be beulen§eulen heulen wegen be

beulen§eulen heulen wegen n beulen§eulen heulen wege en beulen§eulen heulen weg gen beulen§eulen heulen we egen beulen§eulen heulen wegen beulen§eulen heulen wegen beulen§eulen heulen n wegen beulen§eulen heulen wegen beulen§eulen

heulen wegen beulen§eulen n heulen wegen beulen§eule en heulen wegen beulen§eul len heulen wegen beulen§eu ulen heulen wegen beulen§e

beulen§eulen heulen wegen heulen wegen beulen§eulen wegen beulen eulen heulen beulen§eulen heulen wegen egen beulen§eulen heulen w en beulen eulen heulen weg en heulen wegen beulen eul en wegen beulen eulen heul en§eulen heulen wegen beul eulen heulen wegen beulen§ eulen wegen beulen eulen h eulen eulen heulen wegen b gen beulen§eulen heulen we heulen wegen beulen§eulen len heulen wegen beulen§eu len wegen beulen eulen heu len§eulen heulen wegen beu n beulen eulen heulen wege n heulen wegen beulen eule n wegen beulen eulen heule n§eulen heulen wegen beule ulen heulen wegen beulen e ulen wegen beulen eulen he ulen§eulen heulen wegen be wegen beulen§eulen heulen §eulen heulen wegen beulen

beulen§eulen heulen wegen heulen wegen beulen eulen wegen beulen§eulen heulen beulen§eulen heulen wegen egen beulen§eulen heulen w en beulen§eulen heulen weg en heulen wegen beulen§eu1 en wegen beulen eulen heul en§eulen heulen wegen beu1 eulen heulen wegen beulen§ eulen wegen beulen§eulen h eulen§eulen heulen wegen b gen beulen§eulen heulen we heulen wegen beulen§eulen len heulen wegen beulen§eu len wegen beulen§eulen heu len§eulen heulen wegen beu n beulen§eulen heulen wege n heulen wegen beulen@eule n wegen beulen§eulen heule n§eulen heulen wegen beule ulen heulen wegen beulen§e ulen wegen beulen§eulen he ulen§eulen heulen wegen be wegen beulen\eulen heulen Seulen heulen wegen beulen

beulen eulen wegen heulen wegen beulen eulen wegen beulen eulen heulen beulen§eulen heulen wegen egen beulen§eulen heulen w en beulen§eulen heulen weg en heulen wegen beulen@eul en wegen beulen eulen heul en§eulen heulen wegen beu1 eulen heulen wegen beulen§ eulen wegen beulen§eulen h eulen eulen heulen wegen b gen beulen§eulen heulen we heulen wegen beulen§eulen len heulen wegen beulen§eu len wegen beulen eulen heu len§eulen heulen wegen beu n beulen§eulen heulen wege n heulen wegen beulen@eule n wegen beulen§eulen heule n§eulen heulen wegen beule ulen heulen wegen beulen§e ulen wegen beulen§eulen he ulen§eulen heulen wegen be wegen beulen§eulen heulen Seulen heulen wegen beulen

Input: eulen heulen wegen beulen
Output: nnn wglll§hbe uuueeeeeee n

beulen§eulen heulen wegen heulen wegen beulen eulen wegen beulen eulen heulen beulen§eulen heulen wegen egen beulen§eulen heulen w en beulen§eulen heulen weg en heulen wegen beulen eul en wegen beulen§eulen heul en§eulen heulen wegen beu1 eulen heulen wegen beulen§ eulen wegen beulen eulen h eulen§eulen heulen wegen b gen beulen§eulen heulen we heulen wegen beulen§eulen len heulen wegen beulen§eu len wegen beulen eulen heu len§eulen heulen wegen beu n beulen§eulen heulen wege n heulen wegen beulen§eule n wegen beulen§eulen heule n§eulen heulen wegen beule ulen heulen wegen beulen§e ulen wegen beulen§eulen he ulen§eulen heulen wegen be wegen beulen§eulen heulen Seulen heulen wegen beulen

Input: eulen heulen wegen beulen
Output: nnn wglll§hbe uuueeeeeee n

beulen§eulen heulen wegen heulen wegen beulen eulen wegen beulen eulen heulen beulen§eulen heulen wegen egen beulen§eulen heulen w en beulen§eulen heulen weg en heulen wegen beulen eul en wegen beulen§eulen heul en§eulen heulen wegen beu1 eulen heulen wegen beulen§ eulen wegen beulen eulen h eulen§eulen heulen wegen b gen beulen§eulen heulen we heulen wegen beulen§eulen len heulen wegen beulen§eu len wegen beulen eulen heu len§eulen heulen wegen beu n beulen§eulen heulen wege n heulen wegen beulen§eule n wegen beulen§eulen heule n§eulen heulen wegen beule ulen heulen wegen beulen§e ulen wegen beulen§eulen he ulen§eulen heulen wegen be wegen beulen§eulen heulen Seulen heulen wegen beulen

Input: eulen heulen wegen beulen
Output: nnn wglll§hbe uuueeeeeee n

#### Betrachte die roten Zeilen:

n ist der erste Buchstabe der Zeilen

beulen§eulen heulen wegen heulen wegen beulen eulen wegen beulen eulen heulen beulen§eulen heulen wegen egen beulen§eulen heulen w en beulen§eulen heulen weg en heulen wegen beulen eul en wegen beulen§eulen heul en§eulen heulen wegen beu1 eulen heulen wegen beulen§ eulen wegen beulen eulen h eulen§eulen heulen wegen b gen beulen§eulen heulen we heulen wegen beulen§eulen len heulen wegen beulen§eu len wegen beulen eulen heu len§eulen heulen wegen beu n beulen§eulen heulen wege n heulen wegen beulen§eule n wegen beulen§eulen heule n§eulen heulen wegen beule ulen heulen wegen beulen§e ulen wegen beulen§eulen he ulen§eulen heulen wegen be wegen beulen§eulen heulen Seulen heulen wegen beulen

Input: eulen heulen wegen beulen
Output: nnn wglll§hbe uuueeeeeee n

- n ist der erste Buchstabe der Zeilen
  - Im Satz ist vor n immer ein e

beulen§eulen heulen wegen heulen wegen beulen eulen wegen beulen eulen heulen beulen§eulen heulen wegen egen beulen§eulen heulen w en beulen§eulen heulen weg en heulen wegen beulen eul en wegen beulen§eulen heul en§eulen heulen wegen beu1 eulen heulen wegen beulen§ eulen wegen beulen eulen h eulen§eulen heulen wegen b gen beulen§eulen heulen we heulen wegen beulen§eulen len heulen wegen beulen§eu len wegen beulen eulen heu len§eulen heulen wegen beu n beulen§eulen heulen wege n heulen wegen beulen§eule n wegen beulen§eulen heule n§eulen heulen wegen beule ulen heulen wegen beulen§e ulen wegen beulen§eulen he ulen§eulen heulen wegen be wegen beulen§eulen heulen Seulen heulen wegen beulen

Input: eulen heulen wegen beulen
Output: nnn wglll§hbe uuueeeeeee n

- n ist der erste Buchstabe der Zeilen
  - Im Satz ist vor n immer ein e
  - Alle e sind in aufeinanderfolgenden Zeilen

beulen§eulen heulen wegen heulen wegen beulen eulen wegen beulen eulen heulen beulen§eulen heulen wegen egen beulen§eulen heulen w en beulen§eulen heulen weg en heulen wegen beulen eul en wegen beulen§eulen heul en§eulen heulen wegen beu1 eulen heulen wegen beulen§ eulen wegen beulen eulen h eulen§eulen heulen wegen b gen beulen§eulen heulen we heulen wegen beulen§eulen len heulen wegen beulen§eu len wegen beulen eulen heu len§eulen heulen wegen beu n beulen§eulen heulen wege n heulen wegen beulen§eule n wegen beulen§eulen heule n§eulen heulen wegen beule ulen heulen wegen beulen§e ulen wegen beulen§eulen he ulen§eulen heulen wegen be wegen beulen§eulen heulen Seulen heulen wegen beulen

Input: eulen heulen wegen beulen
Output: nnn wglll§hbe uuueeeeeee n

- n ist der erste Buchstabe der Zeilen
  - Im Satz ist vor n immer ein e
  - ► Alle e sind in aufeinanderfolgenden Zeilen
- Ähnlich für

beulen eulen wegen heulen wegen beulen eulen wegen beulen eulen heulen beulen§eulen heulen wegen egen beulen§eulen heulen w en beulen§eulen heulen weg en heulen wegen beulen eul en wegen beulen eulen heul en§eulen heulen wegen beu1 eulen heulen wegen beulen§ eulen wegen beulen eulen h eulen§eulen heulen wegen b gen beulen§eulen heulen we heulen wegen beulen§eulen len heulen wegen beulen§eu len wegen beulen§eulen heu len§eulen heulen wegen beu n beulen§eulen heulen wege n heulen wegen beulen§eule n wegen beulen§eulen heule nseulen heulen wegen beule ulen heulen wegen beulen§e ulen wegen beulen§eulen he ulen§eulen heulen wegen be wegen beulen{eulen heulen Seulen heulen wegen beulen

Input: eulen heulen wegen beulen
Output: nnn wglll§hbe uuueeeeeee n

- n ist der erste Buchstabe der Zeilen
  - Im Satz ist vor n immer ein e
  - Alle e sind in aufeinanderfolgenden Zeilen
- Ähnlich für u

beulen eulen heulen wegen heulen wegen beulen eulen wegen beulen§eulen heulen beulen§eulen heulen wegen egen beulen§eulen heulen w en beulen§eulen heulen weg en heulen wegen beulen@eul en wegen beulen eulen heul en§eulen heulen wegen beu1 eulen heulen wegen beulen§ eulen wegen beulen§eulen h eulen§eulen heulen wegen b gen beulen§eulen heulen we heulen wegen beulen§eulen len heulen wegen beulen§eu len wegen beulen eulen heu len§eulen heulen wegen beu n beulen§eulen heulen wege n heulen wegen beulen@eule n wegen beulen§eulen heule n§eulen heulen wegen beule ulen heulen wegen beulen§e ulen wegen beulen§eulen he ulen§eulen heulen wegen be wegen beulen§eulen heulen Seulen heulen wegen beulen

Input: eulen heulen wegen beulen
Output: nnn wglll§hbe uuueeeeeee n

- n ist der erste Buchstabe der Zeilen
  - Im Satz ist vor n immer ein e
  - Alle e sind in aufeinanderfolgenden Zeilen
- Ähnlich für u, e

beulen§eulen heulen wegen heulen wegen beulen§eulen wegen beulen eulen heulen beulen§eulen heulen wegen egen beulen§eulen heulen w en beulen§eulen heulen weg en heulen wegen beulen§eul en wegen beulen§eulen heul en§eulen heulen wegen beul eulen heulen wegen beulen§ eulen wegen beulen§eulen h eulen§eulen heulen wegen b gen beulen§eulen heulen we heulen wegen beulen§eulen len heulen wegen beulen§eu len wegen beulen§eulen heu len§eulen heulen wegen beu n beulen§eulen heulen wege n heulen wegen beulen§eule n wegen beulen§eulen heule nseulen heulen wegen beule ulen heulen wegen beulen§e ulen wegen beulen§eulen he ulen§eulen heulen wegen be wegen beulen§eulen heulen Seulen heulen wegen beulen

Input: eulen heulen wegen beulen
Output: nnn wglll§hbe uuueeeeeee n

- n ist der erste Buchstabe der Zeilen
  - ► Im Satz ist vor n immer ein e
  - Alle e sind in aufeinanderfolgenden Zeilen
- Ähnlich für u, e und n.

Input: eulen heulen wegen beulen
Output: nnn wglll§hbe uuueeeeeee n

Input: eulen heulen wegen beulen
Output: nnn wglll§hbe uuueeeeeee n

Die Run-Length Enkodierung ergibt folgendes:

Input: eulen heulen wegen beulen
Output: nnn wglll§hbe uuueeeeeee n

Die Run-Length Enkodierung ergibt folgendes:

Input  $\stackrel{RL}{\Rightarrow}$  1e1u1l1e1n1 1h1e1u1l1e1n1 1w1e1g1e1n1 1b1e1u1l1e1n

Input: eulen heulen wegen beulen
Output: nnn wglll§hbe uuueeeeeee n

Die Run-Length Enkodierung ergibt folgendes:

Input  $\stackrel{RL}{\Rightarrow}$  1e1u1l1e1n1 1h1e1u1l1e1n1 1w1e1g1e1n1 1b1e1u1l1e1n Output  $\stackrel{RL}{\Rightarrow}$  3n1 1w1g3l1§1h1b1e1 3u7e1 1n

Input: eulen heulen wegen beulen
Output: nnn wglll§hbe uuueeeeeee n

Die Run-Length Enkodierung ergibt folgendes:

Input  $\stackrel{RL}{\Rightarrow}$  1e1u1l1e1n1 1h1e1u1l1e1n1 1w1e1g1e1n1 1b1e1u1l1e1n Output  $\stackrel{RL}{\Rightarrow}$  3n1 1w1g3l1§1h1b1e1 3u7e1 1n

Wann ist BWT also sinnvoll:

Input: eulen heulen wegen beulen
Output: nnn wglll§hbe uuueeeeeee n

Die Run-Length Enkodierung ergibt folgendes:

Input  $\stackrel{RL}{\Rightarrow}$  1e1u1l1e1n1 1h1e1u1l1e1n1 1w1e1g1e1n1 1b1e1u1l1e1n Output  $\stackrel{RL}{\Rightarrow}$  3n1 1w1g3l1§1h1b1e1 3u7e1 1n

### Wann ist BWT also sinnvoll:

• Bei Texten mit vielen gleichen Buchstabenfolgen.

Input: eulen heulen wegen beulen
Output: nnn wglll§hbe uuueeeeeee n

Die Run-Length Enkodierung ergibt folgendes:

Input  $\stackrel{RL}{\Rightarrow}$  1e1u1l1e1n1 1h1e1u1l1e1n1 1w1e1g1e1n1 1b1e1u1l1e1n Output  $\stackrel{RL}{\Rightarrow}$  3n1 1w1g3l1§1h1b1e1 3u7e1 1n

### Wann ist BWT also sinnvoll:

- Bei Texten mit vielen gleichen Buchstabenfolgen.
- Gibt es in Sprachen sehr oft!

Vielen Dank fürs Zuhören!